SEP DGEST

Instituto Tecnológico de Tijuana

División de Estudios de Postgrado e Investigación



Sistema de recomendación de restaurantes basado en lógica difusa y técnicas de filtrado colaborativo

Trabajo de tesis

Presentado por:

XOCHILT RAMÍREZ GARCÍA

Para obtener el grado de:

Maestría en Ciencias

EN CIENCIAS DE LA COMPUTACIÓN

Director:

Dr. José Mario García Valdez

Tijuana, B.C. Febrero del 2011.

Resumen

Los sistemas de recomendación actualmente son una técnica de filtrado que facilita a los usuarios la búsqueda de información en Internet, especialmente en tiendas virtuales. Son una herramienta de gran utilidad en los procesos de ventas del comercio electrónico, debido a que proporcionan un valor añadido a los sitios Web comerciales que permite la fidelidad de los clientes. Este es uno de los principales beneficios que esta tecnología ha aportado. En el turismo, el uso de plataformas basadas en la Web ha tenido una gran difusión debido a su facilidad para integrar sus procesos en modelos Web que implementan algoritmos de recomendación para mejorar la navegación de sus clientes. El sistema de recomendación híbrido que se desarrolló en esta investigación aportó beneficios a usuarios que gustan de visitar restaurantes. En la arquitectura se propuso la implementación de dos técnicas de recomendación: filtrado colaborativo y basado en contenido, basados principalmente en información que aportó el usuario al sistema (valoraciones). Se propuso utilizar información subjetiva mediante un sistema de inferencia difuso para definir la recomendación a través de reglas y atributos difusos que involucren el perfil del usuario y el perfil de restaurantes. Este sistema fué desarrollado para la ciudad de Tijuana pero se puede adaptar fácilmente a otras ciudades.

Abstract

Recommender systems are a filtering technique that help users to find information on Internet, especially in e-commerce. They are a useful tool in e-commerce sales, allows customer loyalty on commercial Web sites. In tourism, the great use of Web-based platforms because is easy to adapted in process for Web models that implement recommender algorithms to improve customer's navigation. The hybrid recommender system developed in this research brings benefits to users love to visit restaurants. The architecture proposes to use two recommender techniques: collaborative filtering and based content, based in user's ratings both algorithms. Using subjective information in fuzzy inference system that defines the recommendation through rules and fuzzy attributes involved the user's profile and restaurant's profile. This system is developed for Tijuana, however can be adapted other cities.

Agradecimientos

Agradezco a mis padres por su paciencia y cariño, todo este esfuerzo es por ellos.

A mis hermanos Antonio, Maribel, Rosy, Neli, Jose Manuel por estar siempre conmigo apoyando mis decisiones.

Agradezco a mis primos el ánimo, Rogelio y Luis Alberto, a mis tíos Andrés y Alfonsa, gracias por su cariño.

A mis amigos Janeth, Maribel, Gladys, Cesar, Lorenzo, a mis amigas a distancia: Arisay, Karina, Cinthy, gracias por el apoyo y amistad de tantos años.

Agradezco a mis compañeros por las experiencias durante estos dos años, San Juana, Rosalinda, Leticia, Yuliana, Natanael y Herman, gracias por la amistad y compañerismo.

Agradezco su confianza a todos los profesores de la maestría de quienes obtuve mucho más que conocimientos, Dr. José Soria, Dr. Oscar Castillo, Dr. Arnulfo Alanis, Dra. Patricia Melin, Dr. Miguel Angel López, Dr. Leonardo Trujillo, M.C.C. Alejandra Mancilla, mi admiración y respeto. En especial quiero agradecer a mi director de tesis Dr. José Mario García Valdéz por su paciencia, tiempo, apoyo y comprensión.

Finalmente mi agradecimiento a ConaCyt por el apoyo otorgado para mis estudios de postgrado.

Contenido

Lista de Figuras

Lista de Tablas

Capítulo 1

Introducción

Antes de la llegada de Internet un consumidor de cualquier tipo de producto tenía un acceso limitado a la información relacionada tanto al producto como con otras posibles opciones. La publicidad se convertía así en el único medio para dar a conocer un producto y el problema del usuario era la forma de conseguir información veraz.

Actualmente la situación es invertida totalmente, de la escasez de información se pasa a la saturación, de disponer de algunas estanterías con CDs y videos en el centro comercial más cercano se ha pasado a tener acceso a una cantidad inagotable de creaciones culturales en tiendas en línea o redes punto a punto (P2P por sus siglas en inglés). Ahora el problema se ha tornado en separar lo que necesita y lo que no necesita el usuario [?].

Los sistemas de recomendación han ayudado a mejorar la búsqueda de información en Internet [?]. El mayor impacto de esta tecnología es precisamente en el comercio electrónico. Las compañías involucradas en el comercio electrónico ofrecían una gran variedad de productos, con el objetivo de satisfacer a miles o millones de potenciales clientes [?].

Anteriormente solo se impulsaron en Internet las tiendas virtuales para mejorar ventas de las empresas, el objetivo fue poner al alcance de los usuarios información que solo tenían disponible en los establecimientos.

Para los usuarios debería ser una ventaja, ya que no tenía necesidad de acudir a los establecimientos para encontrar los productos que cubrieran sus expectativas, sin embargo, esta amplia variedad también tiene inconvenientes, pues cada consulta del usuario obtiene respuesta de miles de productos relacionados a la consulta, de los cuales muy pocos cubrían las expectativas del usuario. La búsqueda entonces se volvía tediosa y optaban por regresar a las tiendas tradicionales, evidentemente, no se obtuvieron los beneficios esperados del comercio electrónico.

Es aquí donde los sistemas de recomendación juegan un papel importante, buscan solucionar el problema de la saturación de información en Internet, es la tecnología que mayor éxito ha tenido [???????], estos sistemas son una herramienta que facilita al usuario la búsqueda en tiendas electrónicas.

Existen varias técnicas de recomendación enfocadas al mismo objetivo [?], guiando al usuario hacia productos que le interesan, estas las menciono más adelante.

El impacto de los sistemas de recomendación en la Web ha sido aceptado por miles de usuarios como una tecnología muy práctica y fácil de usar para beneficiarse de ella, ha mejorado los sitios de comercio electrónico incrementando sus ventas gracias a las sugerencias de compra que el sistema recomienda a cada usuario, ha facilitado la búsqueda de información sobre artículos y temas diversos disminuyendo el tiempo y esfuerzo de usuarios para encontrar información relativa a algún tópico en particular, y ha reforzado la calidad de recursos obtenidos por el usuario al proporcionar información relevante basada en gustos y preferencias de cada usuario [?].

Existen sistemas de recomendación que actualmente funcionan en Internet, en su mayoría trabajando con algoritmos de recomendación basados en filtrado colaborativo [??], por su facilidad de implementación, su uso y los buenos resultados que ha proporcionado en diversas aplicaciones. El filtrado colaborativo es la técnica de recomendación más utilizada en Internet, es un aspecto de gran importancia de las redes sociales y la pequeña revolución que ha supuesto la llamada Web 2.0. Algunos ejemplos actuales de su uso mencionados en [?] son los siguientes:

Recomendaciones en tiendas en línea. Partiendo de un producto se recomiendan otros productos que han interesado a los usuarios que compraron dicho producto. La red Pionera en este tipo de recomendaciones fue amazon.com.

Filtrado de noticias. Se construye un perfil que almacena las noticias que un usuario consulta.

Recomendaciones musicales, de libros, de películas. En los últimos años han surgido decenas de sitios web de este tipo entre las que destacan Lastfm y Mystrands, esta última de origen español. En estos servicios, cada vez que el usuario escucha una canción se envía la información a la base de datos del sistema, el cual la utiliza para generar las recomendaciones, pero las funcionalidades que ofrecen crecen constantemente. Por ejemplo, Lastfm ofrece radios personalizadas para cada usuario en función de las recomendaciones que reciba y Mystrands organiza fiestas en las que la música se elige automáticamente en forma colaborativa en función de los gustos de los asistentes. El modelo de negocios de estas empresas es además la publicidad, el de acuerdos con tiendas en línea para enlazar directamente las recomendaciones con su servicio de ventas. También el de proporcionar a las compañías -discográficas en este caso- análisis de tendencias musicales, de nuevos artistas, etcétera.

Búsqueda de personas afines en comunidades. En sitios web como *meneame.net* se tienen en cuenta las noticias que el usuario ha votado para generar una lista de vecinos con intereses similares.

1.1. Objetivos

Este trabajo de investigación tiene como objetivo el desarrollo de un prototipo que permita lograr **mejores recomendaciones** de ítems y que resulten más cercanas a las preferencias de los usuarios, basadas en la información que el usuario proporciona al sistema. La estrategia para llegar a la meta propuesta se basa en definir las técnicas más adecuadas para facilitar las tareas del sistema de recomendación, el cual mostrará resultados en el prototipo.

Una de las técnicas que se proponen para mejorar los sistemas de recomendación es la **lógica difusa**, ésta técnica permite utilizar información lingüística en las recomendaciones y por ésta razón juega un papel muy importante en el funcionamiento del sistema.

Algo que se requiere es aprovechar al máximo las ventajas que ofrece un método de hibridación de algoritmos de recomendación. Simplificar el trabajo dividido en dos tipos de algoritmos de recomendación que estarán generando recomendaciones a los usuarios.

En base a los motivos para realizar esta investigación se han definido los siguientes objetivos:

1. Proponer técnicas de lógica difusa para mejorar sistemas de recomendación existentes, se busca la manera de perfeccionar las recomendaciones para hacerlas más aproximadas a los requerimientos del usuario.

- 2. Hacer un sistema de recomendación con mayor flexibilidad en la definición de las preferencias del usuario, es importante considerar que la información es subjetiva porque está relacionada con las percepciones y opiniones que un usuario define sobre los productos que prefiere, esto se logra mediante técnicas de lógica difusa.
- 3. Mejorar las recomendaciones combinando algoritmos de filtrado colaborativo (basado en memoria y basado en modelo) o utilizando un método de hibridación. Se ha definido en la arquitectura del sistema la implementación de un método híbrido que utiliza dos algoritmos de recomendación (filtrado colaborativo y basado en contenido) para generar las recomendaciones al usuario.
- 4. Probar que la arquitectura diseñada para el Sistema de Recomendación de Objetos de Aprendizaje [?] funciona para otro tipo de aplicación, esto será basándonos en el flujo de trabajo para dar el enfoque de restaurantes.
- 5. Diseñar un prototipo del sistema que sea funcional y pueda implementarse para uso comercial.

1.2. Estructura de la tesis

Esta tesis está estructurada con los siguientes capítulos:

■ En el capítulo 2 se explica en general el funcionamiento de los sistemas de recomendación, que ventajas y desventajas ofrecen estos algoritmos y cómo obtener mejores beneficios, se menciona la clasificación de los algoritmos que existen y algunos ejemplos donde se han aplicado estos algoritmos de recomendación. También se da una breve explicación de Sistemas de Inferencia Difuso, su funcionamiento y los tipos de sistemas más utilizados en aplicaciones como la expuesta en este trabajo.

- En el capítulo 3 se explica el modelo de base de datos utilizado en la aplicación, en general, se habla del proceso de recomendación mostrado en la arquitectura del sistema, el desempeño de los algoritmos y la implementación del sistema de inferencia difuso utilizado para generar recomendaciones.
- En el *capítulo 4* se presenta la implementación del prototipo que utiliza la propuesta presentada en este trabajo, se explica la funcionalidad y sus características principales.
- En el *capítulo 5* se explican algunos experimentos realizados para evaluar las recomendaciones generadas por los algoritmos integrados en el sistema.
- Finalmente, en el capítulo 6 se presentan las conclusiones más relevantes obtenidas a lo largo de la investigación, además, se hace mención de trabajos futuros de investigación y concluye con la recopilación bibliográfica de las aportaciones más importantes del estudio.

Capítulo 2

Sistemas de recomendación

2.1. Antecedentes

En un principio los sistemas de recomendación eran conocidos como filtros colaborativos y los primeros trabajos datan del principio de los 90. El término fue acuñado en 1992 para un sistema de **filtrado de correo electrónico** no automatizado. En 1994 se desarrolló el primer taller en Berkeley donde se vio la utilidad en diversas áreas de los primeros algoritmos simples de este tipo. También se identificaron algunas cuestiones importantes para el desarrollo de estos algoritmos: escalabilidad, viabilidad económica, puntuaciones implícitas y explícitas.

Uno de los grupos de investigación pioneros en el desarrollo del filtrado colaborativo fue el proyecto de **GroupLens** de la universidad de Minessota que aún permanece muy activo y ha proporcionado una gran parte de la base algorítmica de muchos sistemas de recomendación. Fueron los primeros en introducir el filtro colaborativo automático usando un algoritmo de búsqueda de vecinos para proporcionar predicciones en los grupos de noticias de **USENET**. De este grupo de investigación partió también la iniciativa empresarial **NetPerceptions**, despejando gran parte de las dudas de la viabilidad

económica de estos proyectos.

Los Sistemas de Recomendación (RS del inglés Recommender Systems) han evolucionado rápidamente dentro del entorno interactivo de la Web, especialmente en sitios de comercio electrónico, los cuales utilizan inmensas bases de datos con productos y/o servicios para ofrecer soporte y atención a grandes cantidades de usuarios, cada uno de ellos con un perfil determinado.

La gran cantidad de sitios especializados en Internet, ofreciendo millones de productos y/o servicios, se convierte en un caos de información cuando se necesita realizar una adquisición eligiendo entre las miles de opciones existentes. Un sistema de recomendación recibe información del usuario acerca de productos y/o servicios en los que el usuario se encuentra interesado basándose en sus **gustos** y **preferencias** y le recomienda aquellos cercanos a sus necesidades [?].

2.2. Definición

Los sistemas de recomendación forman parte de un tipo especifico de técnica de **filtro de información**, los cuales presentan distintos tipos de temas o ítems de información (películas, música, libros, noticias, imágenes, páginas web, etcétera.) que son del interés de un usuario en particular [?].

Generalmente, un sistema de recomendación compara el **perfil de usuario** con algunas características de referencia de los temas, y busca predecir la ponderación que el usuario le daría a un ítem. Estas características pueden basarse en la relación o acercamiento del usuario con el tema o en el ambiente social del mismo usuario. Cuando se crea un perfil del usuario, se crea utilizando dos formas o métodos en la recolección de características (implícitas o explícitas).

Algunos ejemplos de recolección de datos de forma explícitas son:

- Solicitar al usuario que califique en base a una escala proporcionada, algún tema en particular.
- Solicitar al usuario que califique un conjunto de temas de una lista de temas favoritos.
- Presentar al usuario dos temas, y solicitarle que seleccione uno de ellos.
- Solicitar al usuario que elabore una lista de los temas que prefiera.

Algunos ejemplos de recolección de datos de forma implícitas son:

- Guardar un registro de temas que el usuario ha visto en una tienda en línea.
- Analizar el número de visitas que recibe un artículo.
- Guardar un registro de los artículos que el usuario selecciona.
- Obtener un listado de los artículos que el usuario ha seleccionado.
- Analizar las redes sociales de las que el usuario esta registrado y así conocer sus gustos y preferencias.

Los sistemas de recomendación comparan la colección de datos de un usuario con una otra colección similar y crean un listado de artículos y temas para recomendarlos al usuario. Éstos sistemas representan una alternativa eficiente para la búsqueda de algoritmos que ayudan a los usuarios a descubrir artículos que no pueden ser encontrados por sí mismos. Suficientemente interesante, son usualmente implementados usando procesos de búsqueda indexando datos no tradicionales.

2.3. Ventajas y desventajas

Todas las técnicas de recomendación tienen sus puntos fuertes y sus debilidades. Quizás el problema más conocido es el **problema del incremento** (ramp-up problem) o conocido también como **arranque en frío** (cold start) [? ?]. Este término de hecho se refiere a tres problemas distintos pero que están relacionados:

Problema del nuevo usuario: cuando las recomendaciones se basan solamente en comparaciones entre las valoraciones acumuladas de un usuario objetivo y otros usuarios, si este usuario objetivo tiene pocas valoraciones es bastante difícil clasificarlo de forma correcta.

Problema del nuevo producto: de forma análoga, un nuevo producto que no tiene muchas valoraciones tampoco puede ser fácilmente recomendado. Este problema aparece en dominios de recomendación de nuevos artículos, donde existe un flujo contínuo de nuevos productos y cada usuario sólo valora unos pocos. Este problema también es conocido como el problema del valorador prematuro, porque la primera persona que valora un producto apenas obtiene beneficio por hacerlo (esas valoraciones prematuras no mejoran la habilidad con que se compara un usuario con otro).

Escasez: En cualquier sistema de recomendación, el número de calificaciones ya obtenidos suele ser muy pequeña en comparación con el número de calificaciones que deben preverse. Es importante la predicción eficaz de calificaciones de un pequeño número de ejemplos. Por otra parte, el éxito del sistema de recomendación de colaboración depende de la disponibilidad de una cantidad de usuarios. Por ejemplo, en el sistema de recomendación de películas, se puede que muchas películas que han sido valorados por la gente sólo unos pocos y estas películas se recomienda muy rara vez, incluso si esos pocos usuarios dieron altas califica-

ciones a los mismos. Además, para los gustos del usuario que son inusuales en comparación con el resto de la población, no habrá ningún otro usuario que sea particularmente similar, esto genera recomendaciones pobres [? ?]. Una de las soluciones que se ha propuesto para resolver este problema es incentivar a los usuarios de alguna forma para que proporcionen más valoraciones.

Los sistemas de recomendación colaborativos dependen de las coincidencias entre las valoraciones de los distintos usuarios y tienen dificultades en encontrar estas coincidencias si el espacio de valoraciones es poco denso (sólo unos pocos usuarios han valorado los mismos productos).

El **problema de la densidad** se reduce de alguna forma cuando empleamos enfoques basados en modelos. La **densidad** sigue siendo un problema importante en dominios tales como el filtrado de noticias, ya que existen muchos productos disponibles, y a no ser que, la base de datos sea muy grande, es bastante difícil obtener otro usuario que comparta un gran número de productos valorados.

Estos problemas sugieren que las técnicas puramente colaborativas, funcionan mejor en problemas donde la **densidad de usuarios** es relativamente alta en comparación con el universo de productos, el cual debería ser pequeño y estático. Si el conjunto de productos cambia rápidamente, las valoraciones antigüas apenas sirven para los nuevos usuarios, que no han sido capaces de tener valoraciones en comparación con aquellos usuarios existentes. Si el conjunto de productos es muy grande y los usuarios apenas valoran productos, entonces las probabilidades de tener valoraciones comunes con otros usuarios son muy pequeñas.

Los sistemas de recomendación colaborativos trabajan mejor para un usuario que encaja en un grupo de usuarios numeroso de gustos similares. La técnica no tra-

baja bien cuando existen usuarios **ovejas grises** [?], que están entre las fronteras de dos grupos de usuarios. Este problema también se presenta en los **sistemas de recomendación demográficos** que intentan clasificar a los usuarios basándose en sus características personales.

Por otro lado, los sistemas de recomendación demográficos no sufren del problema del **nuevo usuario**, porque no requieren una lista de valoraciones de un usuario. En vez de esto, tienen el problema de que deben recoger información demográfica. Con el incremento de la sensibilidad de los datos en línea, especialmente en el contexto de comercio electrónico [?], es bastante difícil que los sistemas de recomendación demográficos tengan éxito, ya que, la mayoría de la información necesaria para realizar las recomendaciones es información que el usuario no suele estar dispuesto a revelar.

Los sistemas de recomendación basados en contenido tienen el problema de que deben acumular suficiente información sobre los gustos y necesidades de los usuarios para realizar recomendaciones fiables. Además, están limitados a las características que explícitamente están asociadas con los productos que pueden recomendar. Por ejemplo, un sistema de recomendación basado en contenido de películas, sólo puede basar sus recomendaciones en la descripción escrita de las películas: nombres de los actores, argumento, etcétera, debido a que no puede obtener ninguna información de la película en sí, esto hace que estas técnicas basen sus recomendaciones únicamente en los datos descriptivos disponibles.

Los sistemas de recomendación colaborativos solo confían en las valoraciones que pueden ser utilizadas para recomendar productos sin tener en cuenta los datos descriptivos. Incluso en la presencia de datos descriptivos, se ha demostrado que los sistemas de recomendación colaborativos pueden ser más precisos que los basados en

contenido.

La gran ventaja de los sistemas de recomendación colaborativos sobre los basados en contenido está relacionado con la habilidad de **cruzar géneros (cross-genere recommendations)** o **salir de la caja** (outside the box). Por ejemplo, puede ocurrir que un aficionado a la música que le guste el jazz, también le guste la música clásica, pero un sistema de recomendación basado en contenido, entrenado en su afición en jazz, sería incapaz de sugerir productos de música clásica si ninguna de las características (intérpretes, instrumentos o repertorio) coincide con los productos de las otra categoría, cosa bastante habitual. Sólo si se mira fuera de las preferencias del individuo se podrían realizar tales recomendaciones.

Ambas técnicas de recomendación sufren del efecto **cartera** (**portafolio**). Un sistema de recomendación ideal no sugeriría algo que el usuario ya conoce o una película que ya ha visto.

El problema se complica en dominios tales como el filtrado de noticias, donde es muy fácil encontrarse la misma noticia repetida varias veces, pero de fuentes distintas, pero donde también es muy fácil encontrarse la misma noticia presentando nuevos hechos o perspectivas que, podrían ser de interés para el usuario y estas no serían recomendadas por el sistema. Por ejemplo, el sistema **DailyLearner** [?], utiliza un umbral superior de similitud en su sistema de recomendación basado en contenido para dejar fuera aquellas noticias demasiado similares a aquellas que el usuario ya ha leído.

Los sistemas de recomendación basados en conocimiento no tienen problemas de incremento o densidad, pues no basan sus recomendaciones en datos acumulados. Sin embargo, presenta un inconveniente como todos los sistemas basados en conocimiento: necesitan adquirir el conocimiento.

A pesar de este inconveniente, los sistemas de recomendación basados en conocimiento tienen algunas características beneficiosas. Son adecuados para demandas puntuales, pues requiere menos información del usuario que otros sistemas de recomendación. No tienen ningún problema al comienzo del funcionamiento del sistema, en donde las sugerencias son de baja de calidad porque el sistema acaba de arrancar y no tienen ninguna información de preferencia de ningún usuario. Como inconveniente, podría citarse que no es capaz de descubrir grupos de usuarios tal y como hacen los sistemas de recomendación colaborativos.

Por otro lado, puede hacer recomendaciones tan variadas como su base de conocimiento lo permita. Los sistemas de recomendación colaborativos y demográficos tienen la capacidad única de poder establecer relaciones entre géneros y poder recomendar productos no cercanos a las preferencias habituales de los usuarios. Los sistemas de recomendación basados en conocimiento podrían hacer lo mismo, solo si tales asociaciones han sido identificadas a priori por un experto. Todas estas técnicas basadas en el aprendizaje (colaborativas, basadas en contenido y demográficas) sufren del problema del comienzo de una forma u otra.

Una vez que el perfil de usuario se ha establecido en el sistema, es difícil que se cambien éstas preferencias. Por ejemplo, si a alguien le gustaba comer carne y se hace vegetariano, continuará recibiendo recomendaciones de comida no vegetariana por algún tiempo, hasta que las nuevas valoraciones hayan cambiado las preferencias almacenadas.

Muchos sistemas de recomendación solventan estos problemas incluyendo algún sistema de envejecimiento de valoraciones, para que las más antigüas tengan menos influencias, pero se corre el riesgo de perder información de preferencia antigüa pero valiosa, que represente de forma precisa las preferencias del usuario.

2.4. Técnicas de recomendación

Con base en la información de la que disponen los sistemas de recomendación (datos de los elementos, datos del usuario y algoritmos de recomendación), existen 6 técnicas de recomendación [?]:

- Colaborativa: acumula recomendaciones de usuarios sobre los elementos y gustos similares. Con estos datos se encarga de generar nuevas recomendaciones a otros usuarios del sistema.
- **Demográfica:** clasifica a los usuarios en grupos y hace recomendaciones de acuerdo con el grupo.
- Basada en el contenido: (es una ampliación del filtrado de información), aprende el perfil del usuario basado en las características de los elementos que él mismo ha jerarquizado y ofrece recomendaciones de acuerdo con su perfil. Esta técnica y la colaborativa se fundamentan en un modelo a largo plazo, que se va actualizando a medida que llegan evidencias.
- Basada en el conocimiento: dispone de información acerca de cómo un elemento satisface una necesidad del usuario y establece relación entre una necesidad y una recomendación. El perfil puede ser cualquier estructura de datos que soporte esta relación. Algunos sistemas han usado el razonamiento basado en casos para la recomendación.
- Basada en la utilidad: no construye generalizaciones a largo plazo, sino que compara la necesidad del usuario con el conjunto de opciones disponibles, mediante una función de la utilidad de cada objeto para el usuario; esa función seria su perfil.
- Basada en casos: utilizan la información sobre la resolución de problemas (casos) previos para la resolver el caso actual. Tanto los sistemas de recomendación ba-

sados en conocimiento como los sistemas de recomendación basados en utilidad pueden utilizar técnicas de Razonamiento Basado en Casos (CBR por sus siglas en inglés). Por tanto, los sistemas basados en casos pueden verse como un subtipo de ambos, según el sistema de recomendación base del que parta. Los basados en utilidad utilizan como función de utilidad las técnicas con las que se resolvieron casos parecidos.

En general, los sistemas de recomendación parten de un algoritmo global para realizar la recomendación, este debe encontrar la similitud entre un usuario y las preferencias del mismo [?].

2.5. Métodos híbridos

Varios sistemas de recomendación utilizan un enfoque híbrido, la combinación de métodos de colaborativo y basado en contenido, que ayuda a evitar ciertas restricciones del basado en contenido y filtrado colaborativo [?????]. Las diferentes maneras de combinar estos métodos en un sistema de recomendación híbrido puede ser clasificadas de la siguiente manera:

- 1. La aplicación del filtrado colaborativo y basado en contenido en métodos separados y la combinación de sus predicciones.
- 2. La incorporación de algunas características del basado en contenido en un enfoque de filtrado colaborativo.
- 3. La incorporación de algunas características de filtrado colaborativo en un enfoque de basado en contenido.
- 4. La construcción de un modelo general unificador que incorpora características de ambos, basado en contenido y filtrado colaborativo.

Todos los enfoques anteriores han sido utilizados por investigadores de los sistemas de recomendación.

2.6. Estructura de los sistemas de recomendación

Los elementos fundamentales que intervienen en el esquema de funcionamiento de un sistema de recomendación se pueden utilizar como criterios de clasificación [?] y son los siguientes:

- Las entradas/salidas del proceso de generación de la recomendación.
- El método usado para generar las recomendaciones.
- El grado de personalización.

2.6.1. Entradas/salidas

Los sistemas de recomendación para generar recomendaciones, usan las entradas del usuario activo, pero también información sobre los ítems o información del resto de usuarios del sistema, que actúan como colaboradores. En este sentido, la **realimentación** por parte de los usuarios es muy importante de cara a albergar una información más completa ante futuros procesos de generación de recomendaciones.

Para poder realizar una recomendación a un usuario, es necesario conocer algún tipo de información sobre sus preferencias. Además, dependiendo del tipo de sistema también necesitaremos información sobre los ítems a recomendar o información reunida sobre el resto de usuarios del sistema (comunidad de usuarios o colaboradores).

Esta información necesaria para realizar las recomendaciones constituye la entrada o entradas del sistema, como se muestra en la figura ?? [?].

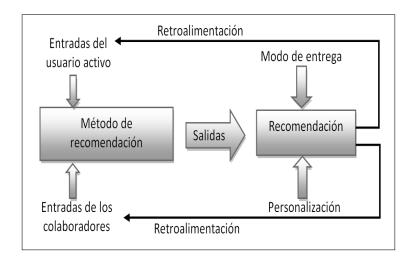


Figura 2.1: Esquema de proceso de generación de una recomendación.

La información sobre los usuarios puede venir dada de dos formas que no tienen porqué ser mutuamente exclusivas [?]: por extensión o intencionalmente. Por extensión se refiere a información que se tenga sobre las experiencias pasadas del usuario con respecto a los ítems encontrados. Es lo que también conocemos como navegación implícita pues el usuario no es consciente de estos seguimientos. Por información expresada intencionalmente se entiende alguna especificación de los ítems deseados por los usuarios. También se le llama navegación explícita y consiste en que el usuario expresa intencionalmente al sistema de recomendación información sobre sus preferencias. Estas formas de obtener información ya se han mencionado en el punto 2.2 así como algunos ejemplos.

La salida del sistema está constituida por las recomendaciones generadas por el sistema, que variarán dependiendo del tipo, cantidad y formato de la información proporcionada al usuario. Algunas de las formas más comunes de representar la salida son las siguientes:

Sugerencia o lista de sugerencias al usuario de una serie de ítems.

- Presentar al usuario predicciones del grado de satisfacción que se asignará al ítem concreto. Estas estimaciones pueden ser presentadas como personalizadas al usuario o como estimaciones generales del conjunto de colaboradores.
- Cuando la comunidad de usuarios es pequeña o se conocen bien los miembros de dicha comunidad, podría ser útil visualizar las valoraciones individuales de los miembros que permitiría al usuario activo obtener sus propias conclusiones sobre la efectividad de una recomendación.

Independientemente de estos formatos de salida, puede resultar muy interesante incluir una breve descripción o explicación sobre el ítem recomendado a modo de justificación del porqué de dicha recomendación.

2.6.2. Método de generación de recomendaciones

En esta sección se describe una serie de métodos de recomendación que se usan habitualmente en los sistemas de recomendación, pero se debe considerar que no son mutuamente exclusivos entre sí, sino complementarios, es decir, que en un mismo sistema de recomendación se puede usar uno o varios de estos métodos.

Enseguida se enuncian los tres métodos más simples:

- 1. Recuperación pura o recomendación nula, en la que el sistema ofrece a los usuarios una interfaz de búsqueda a través de la cual pueden realizar consultas a una base de datos de ítems. Se trata, pues, de un sistema de búsqueda por lo que técnicamente no es un método de recomendación, aunque ante los usuarios aparece como tal.
- 2. Otros sistemas usan recomendaciones seleccionadas manualmente por expertos, como por ejemplo editores, artistas o críticos en el caso de recomendaciones de películas o cd's de música. Los expertos identifican ítems basándose

en sus propias preferencias, intereses u objetivos y crean una lista de ítems que esté disponible para todos los usuarios del sistema. A menudo acompañan estas recomendaciones de comentarios de texto que puedan ayudar a los usuarios a evaluar y entender la recomendación.

3. En otros casos, los sistemas ofrecen **resúmenes estadísticos** calculados en función de las opiniones del conjunto de usuarios, por lo que tampoco son personalizados. Por ejemplo, se podrían tener en cuenta el porcentaje de usuarios a los que ha satisfecho o han comprado un artículo, número de usuarios que recomiendan un ítem, o una evaluación media de todos los usuarios con respecto al ítem.

Estos métodos de generación de recomendaciones, por su simplicidad no son considerados propiamente métodos de generar recomendaciones en la literatura. Para generar las recomendaciones hay dos posibilidades comúnmente aceptadas que dan lugar a dos grandes grupos de sistemas de recomendación [? ?]: los sistemas de recomendación colaborativos y los no colaborativos o basados en contenidos (también conocidos como reclusivos).

2.6.3. Grado de personalización

Según su grado de personalización, también podremos clasificar los sistemas de recomendación:

- Cuando los sistemas de recomendación proporcionan las mismas recomendaciones a todos los usuarios, son clasificados en este ámbito como no personalizados. Dichas recomendaciones estarán basadas en selecciones manuales, resúmenes estadísticos u otras técnicas similares.
- Los sistemas de recomendación que tienen en cuenta la información actual del usuario objeto de las recomendaciones, proporcionan personalización efímera,

puesto que las recomendaciones son respuesta al comportamiento y acciones del usuario en su sesión actual de navegación.

Los sistemas de recomendación que ofrecen el mayor grado de personalización son los que usan personalización persistente ofreciendo recomendaciones distintas para distintos usuarios, incluso cuando estén buscando el mismo ítem. Estos sistemas están basados en el perfil de los usuarios, por lo que hacen uso de métodos de filtrado colaborativo, filtrado basado en contenidos o correlaciones entre ítems.

2.7. Algoritmos de recomendación

El objetivo es sugerir nuevos elementos a un usuario basándose en sus elecciones anteriores y en elecciones de gente con similar historial de valoraciones. Las formas de recoger estas valoraciones es **explícita** o **implícita**. Por ejemplo el tiempo que pasa leyendo una determinada pagina web, los enlaces que sigue, el número de veces que se escucha una canción, esta sería una aproximación más clásica de minería de datos. Una vez que se tiene suficiente información del usuario se pasa a la fase de predicción y recomendación.

La predicción hace referencia a estimar qué valoración daría el usuario a cada elemento mientras que recomendación se refiere a extraer los N elementos más recomendables (Top-N) [?].

2.7.1. Filtrado colaborativo basado en memoria

Los sistemas de recomendación colaborativos recogen valoraciones expresadas como votaciones, sobre una serie de ítems en un dominio dado y tratan de emparejar personas que comparten las mismas necesidades o gustos [? ? ?]. Utilizan toda la base de datos de elementos y usuarios (valoraciones y opiniones) para generar predicciones y obtener

recomendaciones personalizadas.

Este algoritmo emplea **técnicas estadísticas** para encontrar a vecinos, es decir usuarios con un historial de valoraciones sobre los elementos similar al usuario actual.

Coeficiente de Correlación de Pearson

Se deriva de las fórmulas de regresión lineal, y asume que la relación entre elementos es lineal, los errores independientes y la distribución tiene varianza constante y media 0. Estas suposiciones normalmente no se producen realmente con lo que hay que valorar cómo afectan a la bondad de los resultados, pero en un gran número de casos el el rendimiento utilizando **correlación de Pearson** es apropiado. El peso que se asigna al usuario u para predecir al usuario activo a viene dado por $(r_{a,i})$ es la votación del usuario u al elemento u:

$$w_{a,u} = \frac{\sum_{i=1}^{m} (r_{a,i} - \bar{r_a})(r_{u,i} - \bar{r_u})}{\sigma_a \sigma_u}$$
 (2.1)

Otras formas son las basadas en vectores (similaridad de coseno), las medidas de correlación basadas en entropía (correlación de Ringo o correlación de Spearman.)

Una vez se tienen los pesos de correlación de cada algoritmo hay que saber como de confiables son estos pesos. Es posible tener un alto grado de correlación con vecinos con los que se comparten pocos elementos valorados por el usuario actual, pero con igual valoración.

El uso de estos pesos proporciona una estimaciones malas puesto que para tener una idea real de la correlación, entre más votos compartidos mejor. En los casos de pocas muestras es recomendable disminuir el factor de correlación en función del numero de votos compartidos. Para intentar mejorar más los pesos de la correlación entre usuarios se puede entrar a trabajar con la varianza de los elementos que cada usuario ha votado.

Si un elemento es votado positivamente por un gran porcentaje de la población, el que dos usuarios compartan esa votación dice poca información acerca de la correlación entre usuarios. Lo contrario pasa en el caso de elementos que sean votados positiva o negativamente por pocos usuarios.

Para tomar en cuenta este hecho se añade a la fórmula de la **correlación de Pearson** un término con la varianza del elemento.

Selección de Vecinos

En sistemas con pocos usuarios podría ser factible trabajar con todos los usuarios como vecinos tan sólo multiplicando cada uno por el peso de su correlación. Sin embargo en los sistemas actuales que poseen miles de usuarios esta vía no es posible, por ello hay que tomar un subconjunto de los usuarios, lo que no sólo mejora la eficiencia sino también la efectividad. Para elegir el número de vecinos se puede:

- 1. Establecer un **umbral de correlación** y tomar todos los que superen dicho umbral. El problema es que puede haber usuarios que no tengan muchos vecinos con correlación alta. Por tanto el número de vecinos sería bajo y esto provocará que el número de elementos sobre el que la vecindad de un usuario puede opinar es también bajo.
- 2. Tomar N vecinos siempre, teniendo en cuenta que un número demasiado alto puede diluir la influencia de los vecinos con más peso y un número demasiado bajo provoca los mismos problemas que el método anterior.

Recomendación

La forma básica consiste en tomar las notas dadas por cada vecino y proporcionarlas a su correlación con el usuario actual:

$$p_{a,i} = r_a + \frac{\sum_{u=1}^{n} (r_{u,i} - \bar{r_u}) w_{a,u}}{\sum_{u=1}^{n} w_{a,u}}$$
 (2.2)

Una vez que se ha construido una **lista de vecinos** se combinan sus preferencias para generar una lista con los **N** elementos más recomendables para el usuario actual. Entre sus inconvenientes se encuentra la necesidad de disponer de un número mínimo de usuarios con un número mínimo de predicciones cada uno, incluído el usuario para el que se pretende realizar la recomendación.

2.7.2. Filtrado colaborativo basado en modelo

Desarrollan primero un modelo de las valoraciones del usuario. Tratan el problema como un problema de predicción estadística y calculan el valor esperado para cada ítem en función de las valoraciones anteriores. Para ello se utilizan distintos algoritmos de aprendizaje clustering o redes neuronales como las **Redes de Funciones de Base Radial** (RBFN). Por ejemplo utilizando clustering se trata de clasificar un usuario en particular dentro de una clase de usuarios y a partir de ahí se estiman las probabilidades condicionadas de esa clase hacia los elementos a evaluar.

En general, ante las consultas responden más rápido que los basados en memoria, pero por contra necesitan de un proceso de aprendizaje intensivo.

El consumo de memoria y de CPU de cualquier sistema de filtrado e información es muy elevado al tratar con muchos datos. La optimización de los algoritmos para mejorar su rendimiento es uno de los principales campos de investigación dentro del filtrado colaborativo.

Algunas características deseables en estos sistemas suponen una modificación constante de los datos, lo que hace necesarios algoritmos que tengan una coste de actuali-

zación bajo. Por ejemplo los nuevos elementos han de aparecer en el sistema lo antes posible. También se requiere una mejora continua del perfil del usuario. Es decir que el usuario perciba que el esfuerzo de evaluar nuevos elementos se vea compensado con unas mejoras en las recomendaciones que se obtienen.

Además de los aspectos técnicos la implantación de sistemas de recomendación puede plantear problemas sociales como la privacidad de los usuarios. Es un asunto delicado ya que para tener un buen funcionamiento es necesario conocer la máxima información posible del usuario.

Una primera solución es mantener tan solo la información relacionada con las votaciones y conocer del usuario solo un seudónimo, pero esto choca con el modelo de negocio basado en publicidad que se utiliza abundantemente en la actualidad [?].

2.7.3. Algoritmo basado en contenido

En este caso, en lugar de buscar similitudes entre usuarios se buscan cercanías entre ítems. El procedimiento consiste en seleccionar los elementos que un usuario determinado ha votado y después comprobar que tan similar es cada uno del resto de los ítems en el sistema para terminar recomendando los más parecidos [?].

Existen distintas formas de evaluar la similitud entre elementos pero el procedimiento genérico consiste en tomar dos elementos **x1**, **x2** y después calcular su similitud a partir de todos los usuarios que han votado ambos elementos. En teoría es la misma aproximación que la que se tenía con algoritmos basados en vecinos cercanos. La ventaja es que en el caso de los elementos la similitud entre ellos es menos variable que la similitud entre usuarios, lo que permite hacer el proceso mucho más rápido [? ?].

más información sobre las preferencias del usuario.

En un sistema basado en contenido, los objetos de interés se definen por sus características asociadas. Por ejemplo, los sistemas de texto de la recomendación como el sistema de filtrado de grupo de noticias **NewsWeeder** utiliza las palabras de sus textos como rasgos. Una recomendación basada en contenido construye de un perfil de intereses de usuarios en base a las características presentes en los objetos que el usuario ha calificado. Schafer, Konstan y Riedl llaman a esto **correlación ítem-a-ítem**. Al igual que en el caso del algoritmo colaborativo, el perfil de usuario en un algoritmo

El funcionamiento de estos sistemas dependerá en gran medida del tipo de información de descripción que se utilice en la construcción del perfil de usuario. Esta información se puede dividir en:

basado en contenido es el modelo a largo plazo y se actualiza en la medida que se tenga

Conjunto de características: asociado a cada producto puede aparecer un conjunto de características que lo describe, como por ejemplo el autor de un libro, serie a la que pertenece, actores de una película, consumo medio si estamos hablando de vehículos.

Información textual sobre el producto: es un documento que describe dicho producto (un resumen de un libro, el argumento de una película, etcétera.). La principal diferencia con respecto al conjunto de características, es que la información no está estructurada.

Existen sistemas basados en contenido que solo trabajan con los conjuntos de características asociados a cada ítem. Estos tienen un esquema de funcionamiento similar al que podemos ver en la figura ?? [?], se analizan las características de los productos comprados o valorados positivamente por el usuario, construyen un perfil de usuario

y por último, usan este perfil de usuario para buscar nuevos productos que puedan satisfacer al usuario y los recomienda.

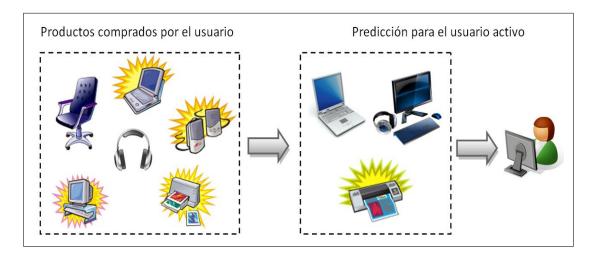


Figura 2.2: Esquema de funcionamiento algoritmo basado en contenido.

Similaridad Basada en Coseno

Se considera cada elemento como un vector dentro de un espacio vectorial de \mathbf{M} dimensiones y se calcula la similitud como el coseno del ángulo que forman. Es decir, si tenemos dos vectores x_1 , x_2 que consisten en un array cuyos elementos son las votaciones recibidas de cada usuario. Su similitud será:

$$Cos(x_1, x_2) = \frac{\vec{x_1} \cdot \vec{x_2}}{\parallel \vec{x_2} \parallel \parallel \vec{x_1} \parallel}$$
 (2.3)

Cálculo de la predicción

Una vez que se elige un método para computar la relación entre elementos quedan por calcular los elementos que son más parecidos a los del usuario. De nuevo existen varias aproximaciones.

Suma ponderada. Se toman todos los elementos que el usuario ha votado. Se toma un elemento $\mathbf{x}\mathbf{1}$ y para ese elemento se suman todos los coeficientes de similitud entre ese elemento y los elementos votados por el usuario, proporcionados al valor del voto. Siendo \mathbf{N} cada elemento votado por el usuario $S_{i,N}$ La similitud entre los elementos \mathbf{i} y \mathbf{N} y $R_{u,N}$ la valoración del usuario del elemento \mathbf{N} :

$$P_{u,i} = \frac{\sum_{N} (S_{i,N})(R_{u,N})}{\sum_{N} (S_{i,N})}$$
 (2.4)

Regresión. Similar al modelo anterior, pero en lugar de sumar directamente las notas de los elementos similares se utiliza una aproximación basada en la recta de regresión. Con este método se intenta compensar un problema que se da al evaluar las similitudes mediante medidas del coseno o la correlación, y es que vectores con alta similitud pueden encontrarse distantes en sentido euclídeo. Se utiliza la misma fórmula que en el caso de la suma proporcionada pero sustituyendo:

$$R_{u,N}$$
 por la ecuación $\alpha \bar{R}i + \beta + \epsilon$ (2.5)

2.8. Ejemplos

Algunos ejemplos de sistemas de recomendación que actualmente funcionan en Internet y se mencionan en [?], son los siguientes:

Fab. El sistema de recomendación Fab [?], plantea que si únicamente recomienda a un usuario ítems similares a los que el mismo usuario ha preferido en el pasado, va limitándose a una sobre-especialización. Por otro lado, si únicamente identifica usuarios cuyas preferencias son similares a los del usuario activo y recomienda los ítems que ellos han preferido, tiene el problema de que cuando aparecen nuevos ítems, no hay como recomendarlos hasta que alguien los use o se especifiquen otros ítems similares; además, si hay usuarios con preferencias singulares no tendrán recomendaciones útiles. Entonces, Fab combina estas dos formas de recomendación,

para lo cual, mantiene un perfil del usuario basado en el análisis del contenido, o sea de los ítems, y compara el perfil para determinar usuarios similares.

Referral Web. Es un sistema interactivo para reconstruir, visualizar y buscar redes sociales en la web. Kautz observa que, como resultado de las actividades humanas, se forman redes alrededor de temas de trabajo pero también se forman redes sociales. Referral Web asocia temas con personas expertas en tales temas, entonces, buscar información se convierte en buscar, en la red social, un experto en el área, y la cadena de referencias personales, desde el buscador hasta el experto. Los sistemas de recomendación proporcionan recomendaciones anónimas, en cambio Referral Web proporciona referencias mediante una cadena de individuos con nombre propio.

PHOAKS. People Helping One Another Know Stuff es un sistema de recomendación que reconoce y redistribuye recomendaciones de recursos de Web buscando en mensajes electrónicos [?]. Este sistema está basado en filtrado colaborativo, lo que hace posible que un grupo de personas hagan y reciban recomendaciones entre sí. Se distingue de otros sistemas por dos características principales: el rol de especialización y reuso. PHOAKS recomienda páginas de Web, búsca en los mensajes las opiniones que los participantes dejen acerca de estas páginas, y las selecciona si pasan ciertos requerimientos. La arquitectura de PHOAKS consiste en tres procesos principales: buscar mensajes con un patrón específico, clasificación de las instancias de los patrones y disposición de la información encontrada.

Siteseer. Es un sistema que utiliza los registros de páginas favoritas (bookmarks) de un usuario y la organización de éstos registros para la recomendación de páginas de Web relevantes [?], puesto que los registros representan interés en el contenido y su organización indica relevancia entre los elementos. Siteseer utiliza en método

de filtrado colaborativo y recomienda al usuario las páginas de electrónicas de sus vecinos cercanos.

Amazon. Es una compañía de comercio electrónico con sede en Seattle, estado de Washington, y fue una de las primeras grandes compañías en vender bienes a través de Internet. En la actualidad vende una gran variedad de productos, desde libros hasta ropa, pasando por artículos electrónicos, cds de música, software, muebles, comida, etc. Amazon se ha establecido en varios países como Canada, Reino Unido, Alemania, Austria, Francia, China y Japón para poder ofrecer los productos en estos países. Amazon fue fundada como cadabra.com por Jeff Bezos en 1994 v lanzada en 1995. Cadabra.com comenzó como una librería en línea que tenía mas de 200.000 títulos que se podían comprar por correo electrónico. Tiempo después, su nombre fue cambiado a Amazon, por el río sudamericano del mismo nombre. Amazon implementa una gran variedad de sistemas de recomendación, tanto clásicos, como híbridos. Por ejemplo, parte de las recomendaciones que generan parecen estar hechas por un sistema de recomendación basado en contenido, que utiliza las descripciones de los productos valorados positivamente por el usuario para encontrar otros nuevos. Para valorar estos productos usa una escala de 1 al 5 de estrellas donde el uno es la valoración más baja y significa que no le ha gustado y el 5 la más alta.

Zagat. Es una empresa americana fundada en 1979 por Tim y Nina Zagat que se dedica a la edición de todo tipo de guías de restaurantes, hoteles, clubes o tiendas de distintas ciudades de los Estados Unidos y Canadá [?]. En www.zagat.com los usuarios registrados pueden votar distintos aspectos del local preferido y, además, introducir pequeños comentarios con su experiencia. En base a estas votaciones los responsables de la empresa asignan su puntuación en sus guías anuales y hacen recomendaciones individuales a sus usuarios a través de su web. Estas

recomendaciones son hechas por un sistema de recomendación colaborativo. Zagat es la página Web comercial que utiliza un sistema de recomendación colaborativo, donde las valoraciones de los restaurantes son actualizadas constantemente por los usuarios. Incluye muchas opciones de búsquedas avanzadas donde el usuario puede especificar sus criterios de búsqueda en categorías tales como comida, decoración, costos, etcétera, o restringir la búsqueda a cierta área o un tipo de cocina concreta.

Enseguida se muestra un cuadro comparativo [?] de los sistemas de recomendación mencionados.

Tabla 2.1: Cuadro comparativo de sistemas de recomendación.

	El contenido de la reco- mendación	¿La entrada es explícita?	¿Es anóni- mo?	Modo de agregación	Uso de las recomenda- ciones
Fab	Numérica: 1-7.	Explícita.	Pseudónimo.	Ponderación personalizada; combinada con análisis de contenido.	Selección/fil- trado.
ReferralWeb	Mención de una per- sona o un documento.	Extraídas de fuentes públicas de datos.	Atribuído.	Montar cadena de referencias a la persona deseada.	Pantalla.
PHOAKS	Mención de una URL.	Extraídos de publi- caciones Usenet.	Atribuído.	Una persona, un voto (por URL).	Ordenados en pantalla.
Siteseer	Mención de una URL.	Extraídos de las car- petas de marcadores existentes.	Anónimo.	Frecuencia de mención en la super- posición de las carpetas.	Pantalla.
Amazon	Numérica:1- 5.	Explícita.	Pseudónimo.	Por cliente, valora todos los productos comprados.	Pantalla.
Zagat	Numérica: 0-3.	Explícita.	Pseudónimo.	Por usuario, valora todos los aspectos de un esta- blecimiento.	Pantalla, sugerencias de los demás usuarios.

2.9. Lógica difusa

La lógica difusa o lógica heurística¹ se basa en lo relativo de lo observado [?]. Este tipo de lógica toma dos valores aleatorios, pero contextualizados y referidos entre sí. Así, por ejemplo, una persona que mida 2 metros es claramente una persona alta, si previamente se ha tomado el valor de persona baja y se ha establecido en 1 metro. Ambos valores están contextualizados a personas y referidos a una medida métrica lineal.

La lógica difusa se adapta mejor al mundo real en el que vivimos e incluso puede comprender y funcionar con nuestras expresiones, del tipo *hace mucho calor*, *no es muy alto*, el ritmo del corazón está *un poco acelerado*, etcétera. La clave de esta adaptación al lenguaje, se basa en comprender los cuantificadores de nuestro lenguaje (*mucho*, *muy y un poco*).

En la teoría de conjuntos difusos se definen también las operaciones de unión, intersección, diferencia, negación o complemento, y otras operaciones sobre conjuntos en los que se basa esta lógica. Para cada conjunto difuso, existe asociada una función de pertenencia para sus elementos, que indican en qué medida el elemento forma parte de ese conjunto difuso. Las formas de las funciones de pertenencia más típicas son trapezoidal, lineal y curva (gaussiana).

2.9.1. Sistemas de Inferencia Difuso

El Sistema de Inferencia Difuso (FIS por sus siglas en inglés) es un framework de computación popular basado en los conceptos de Teoría de conjuntos difusos, reglas

¹No necesariamente es heurística en todos los problemas donde se aplica este concepto. La lógica difusa se basa en la experiencia humana para definir un problema de forma imprecisa, pero si el problema es complejo para llegar a una solución requiere de otros métodos (usualmente matemáticos) que no se basan en heurística.

difusas si-entonces y razonamiento difuso [?].

Se han desarrollado aplicaciones exitosas en una amplia variedad de campos, tal como el control automático, clasificación de datos, análisis de decisión, sistemas expertos, predicción de series de tiempo, robótica y patrones de reconocimiento. Debido a su carácter multidisciplinario, el sistema de inferencia difuso es reconocido también como sistema basado en reglas difusas, sistema experto difuso, modelo difuso, memoria asociativa difusa, controlador lógico difuso, y simplemente (sin ambigüedades) sistema difuso.

La **estructura básica** de un sistema de inferencia difuso consiste de tres componentes conceptuales:

- 1. Una regla base que contiene una selección de reglas difusas.
- 2. Una base de datos (o diccionario) que define las funciones de membresía usadas en las reglas difusas.
- 3. Un mecanismo de razonamiento que realiza el procedimiento de inferencia y hechos dados para obtener una salida razonable o conclusión.

El sistema de inferencia difuso básico puede tomar entradas difusas o entradas numéricas (vistas como singletons), pero las salidas que produce son casi siempre conjuntos difusos.

Algunas veces es necesario que tenga una valor numérico, especialmente en una situación donde un sistema de inferencia difuso es usado como controlador. Por lo tanto, necesitamos un método de defuzificación para extraer un valor que mejor represente al conjunto difuso. Un sistema de inferencia difuso con una salida de un valor numérico se muestra en la figura ?? [?] donde la línea discontinua indica un sistema de inferencia difuso básico con salida difusa y el bloque de defuzificación responde al propósito de transformar un conjunto difuso de salida en un sólo valor.

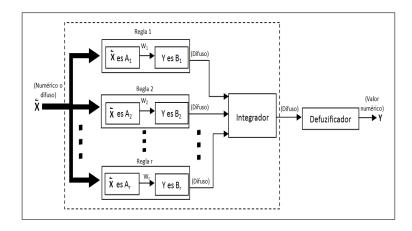


Figura 2.3: Diagrama de bloques para un Sistema de Inferencia Difuso.

Con entradas y salidas numéricas, un sistema de inferencia difuso implementa un mapeo no lineal de su espacio de entrada a su espacio de salida. Este mapeo es realizado por un número de reglas difusas si-entonces, cada una de ellas describe el comportamiento local del mapeo. En particular, el antecedente de una regla define una región difusa en el espacio de entrada, mientras el consecuente especifica la salida en la región difusa.

Sistema difuso tipo Mamdani

Si adoptamos máximos y productos algebraicos como de elección para los operadores **T-norm** y **T-conorm**, respectivamente, y usamos la composición **máximo-producto** en lugar de la composición original **máximo-mínimo**, entonces el resultado del razonamiento difuso se muestra en la figura ?? [?], donde la salida inferida de cada regla es

un conjunto difuso reducido por su fuerza de disparo a través del producto algebráico. Otras variantes son posibles si se usan diferentes operadores **T-norm** y **T-conorms**.

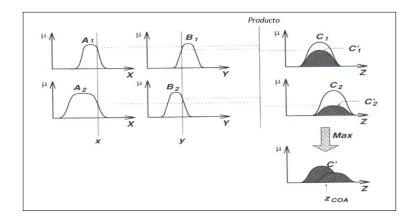


Figura 2.4: Sistema de inferencia difuso tipo Mamdani usando producto y máximo.

Sistema difuso tipo Sugeno

El modelo difuso Sugeno fue propuesto por *Takagi Sugeno y Kang* en un esfuerzo por desarrollar un enfoque sistemático para la generación de reglas difusas a partir de *entradas-salidas* de un conjunto de datos. Una típica regla difusa en un modelo difuso Sugeno tiene la forma:

Si x es A y y es B entonces
$$z=f(x, y)$$
,

Donde \mathbf{A} y \mathbf{B} son conjuntos difusos en el antecedente, mientras $\mathbf{z} = \mathbf{f}(\mathbf{x}, \mathbf{y})$ es una función en el consecuente como se muestra en la figura ?? [?]. Usualmente $\mathbf{f}(\mathbf{x}, \mathbf{y})$ es un polinomio en las variables de entrada \mathbf{x} y \mathbf{y} , pero puede ser alguna función siempre y cuando apropiadamente pueda describir la salida del modelo dentro de la región difusa especificada por el antecedente de la regla. Cuando $\mathbf{f}(\mathbf{x}, \mathbf{y})$ es polinomio de primer orden, el resultado del sistema de inferencia difuso es llamado modelo difuso Sugeno de primer orden.

Cuando la función es constante tenemos un modelo difuso Sugeno de orden cero, el cual puede ser visto como un caso especial del sistema de inferencia difuso Mamdani, en el cual cada consecuente de la regla es especificado por un **singleton difuso.**

Las salidas de un modelo Sugeno de orden cero es una función numérica de sus variables de entrada siempre que las funciones de membresía vecinas en el antecedente tengan suficiente traslape.

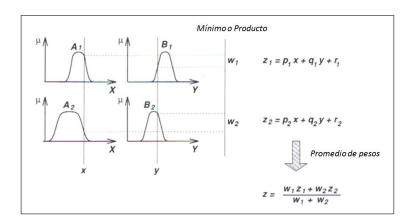


Figura 2.5: Sistema de Inferencia Difuso tipo Sugeno.

Capítulo 3

Arquitectura

3.1. Modelo de datos

Cada restaurante tiene sus propias características que lo hacen diferente a los demás, este modelo permite la manipulación de estas características. Dentro de los **atributos** encontramos ocho agrupaciones, de las cuales se derivan todos los servicios que puede tener un restaurante (salones, ambiente, calidad, etcétera). La variedad de tipos de cocina es adaptable a los usuarios ya que es bastante amplia.

Para el usuario, permite la definición de sus gustos a través de un **perfil**, encontramos contenedores para manipular los restaurantes que son de su agrado, que le disgustan o que le interesaría conocer. Así también el modelo permite almacenar **reseñas** (opiniones) de restaurantes que cada usuario puede compartir con los demás usuarios registrados.

El modelo de datos representado en la figura ?? [?] es fácilmente adaptable a la adición de nuevos grupos de servicios y tipos de cocina para ampliar la variedad en ambos casos y ofrecer mejores recomendaciones.

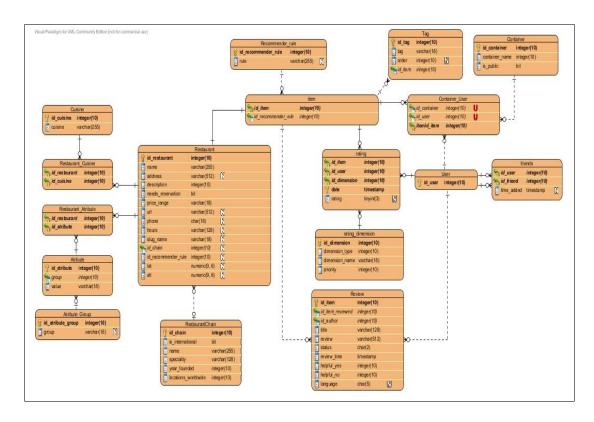


Figura 3.1: Modelo de datos del sistema.

3.2. Sistema de recomendación híbrido

En este sistema de recomendación se ha implementado un **modelo de hibridación mediante pesos** [?], este mecanismo hace que los algoritmos de recomendación generen recomendaciones simultáneamente las cuales son evaluadas para asignarle un peso a cada recomendación. La predicción final se calcula a partir del promedio de los pesos de las recomendaciones generadas por los algoritmos.

Los algoritmos de recomendación utilizados son el **colaborativo** y el **basado en contenido**. El filtrado colaborativo toma la información de la **matriz de valoraciones** y en base al algoritmo de **k** vecinos más cercanos recomienda restaurantes al usuario.

El basado en contenido utiliza las características de los restaurantes para buscar en la base de datos los restaurantes más parecidos a los que ha valorado positivamente el usuario activo. A continuación se describen más detalladamente estos algoritmos.

3.2.1. Módulo de filtrado colaborativo

El filtrado colaborativo agrega valoraciones o recomendaciones de los objetos, identifica los gustos comunes de los usuarios basándose en sus valoraciones y genera una nueva recomendación tomando en cuenta las comparaciones entre los usuarios. El perfil del usuario consiste en un vector de objetos $I = [i_1, i_2, ... i_n]$ y las valoraciones de los usuarios $U = [u_1, u_2, ... u_m]$ entonces el perfil del usuario activo lo representa como:

$$U_j = [u_1^j, u_2^j, \dots u_n^j] \tag{3.1}$$

Se utiliza el algoritmo de **K** vecinos más cercanos para identificar los usuarios con preferencias similares al usuario activo y así generar una lista de recomendaciones conocida como **Top-N**. El sistema obtiene la similaridad entre el usuario activo y los demás usuarios utilizando la **correlación de Pearson** especificada abajo. Esta refleja los restaurantes que son preferidos por el usuario.

$$P(I_x, I_y) = \frac{\sum_{i=1}^{n} (I_{xi} - \overline{I})^2 (I_{yi} - \overline{I})^2}{\sqrt{\sum_{i=1}^{n} (I_{xi} - \overline{I})^2 \sum_{i=1}^{n} (I_{yi} - \overline{I})^2}}$$
(3.2)

Esquemáticamente podemos ver el funcionamiento del filtrado colaborativo en la figura ?? que se muestra abajo. El algoritmo obtiene la lista **Top-N** para el usuario activo, el cual es utilizado como parámetro en el sistema de inferencia difuso que obtiene una recomendación final mediante el promedio de pesos como en [?].

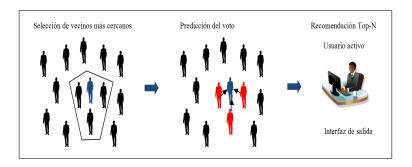


Figura 3.2: Esquema de funcionamiento del algoritmo de filtrado colaborativo.

3.2.2. Módulo basado en contenido

El algoritmo basado en contenido analiza las descripciones de los restaurantes que han sido valorados positivamente por el usuario. Utiliza vectores binarios para representar el perfil de cada restaurante. Las características que se definen en el perfil son el rango de precios, el tipo de cocina y los servicios que ofrece un restaurante en particular. El proceso del algoritmo se muestra en la figura ?? mostrada abajo.

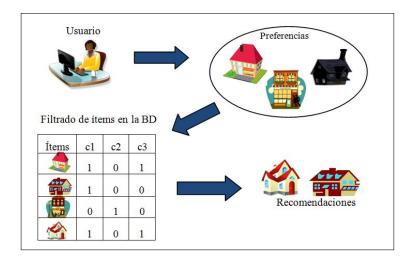


Figura 3.3: Esquema de funcionamiento del algoritmo basado en contenido.

El proceso es repetitivo para cada una de las preferencias del usuario, es decir, los restaurantes que el usuario activo ha votado con una valoración alta, y así hasta obtener la lista de recomendaciones (**Top-N**), también será utilizada como un parámetro dentro del sistema de inferencia difuso para la recomendación final. La distancia entre los restaurantes es calculada con la **similaridad de cosenos**:

$$S(I_x, I_y) = Cos(\vec{I_x}, \vec{I_y}) = \frac{\vec{I_x} \cdot \vec{I_y}}{\parallel \vec{I_x} \parallel_2 \cdot \parallel \vec{I_y} \parallel_2} = \frac{\sum_{i=1}^n I_{i,x} I_{i,y}}{\sqrt{\sum_{i=1}^n I_{i,x}^2} \sqrt{\sum_{i=1}^n I_{i,y}^2}}$$
(3.3)

Esta fórmula obtiene la correlación entre vectores de perfil y permite identificar cuáles son los restaurantes más parecidos que serán listados para la recomendación.

3.3. Sistema difuso para la selección de recomendación

En la arquitectura se define un **sistema difuso experto** en el sistema de recomendación (módulo de recomendaciones de inferencia difuso) se muestra en la figura ??.

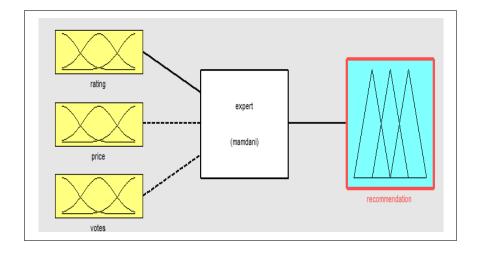


Figura 3.4: Sistema de inferencia difuso del experto.

Este sistema difuso basa sus recomendaciones en tres parámetros de entrada que son el **promedio de valoraciones** (rating), el **rango de precios** (price) y el **total de votos** (votes) estas características son obtenidas de cada restaurante de la base de datos y el sistema las utiliza para obtener una recomendación. Este sistema difuso funciona como un **experto en restaurantes**, identifica la calidad de la comida, el buen servicio en un restaurant, los precios adecuados y demás aspectos que son importantes para los clientes que visitan un establecimiento.

Considerando los parámetros de entrada mencionados anteriormente, este sistema difuso se basa en 5 reglas:

- 1. if rating is high and price is low then recommendation is high.
- 2. if rating is high and votes is sufficient then recommendation is high.
- 3. if rating is high and votes is insufficient then recommendation is medium.
- 4. if rating is low and price is high then recommendation is low.
- 5. if rating is low and votes is insufficient then recommendation is low.

Estas reglas están basadas en la experiencia de un experto en el área, en lenguaje natural expresan lo siguiente:

- 1. Si la valoración es alta y el rango de precios es bajo entonces la recomendación es alta.
- 2. Si la valoración es alta y la cantidad de votos es suficiente entonces la recomendación es alta.
- 3. Si la valoración es alta y el rango de precios es bajo entonces la recomendación es alta.

- 4. Si la valoración es alta y el rango de precios es alto entonces la recomendación es baja.
- 5. Si la valoración es baja y la cantidad de votos es insuficiente entonces la recomendación es baja.

Como se observa en las reglas, el experto asigna más peso al promedio de las valoraciones de los usuarios que han votado un restaurante en particular. La recomendación del experto tendrá un alto valor solamente cuando se dispare alguna de las dos primeras reglas.

En la figura ?? se define segundo sistema de inferencia difuso que, en base a la información de usuarios y restaurantes, asignará un peso a cada recomendación generada por los algoritmos, estos pesos son necesarios para obtener un promedio y generar una recomendación.

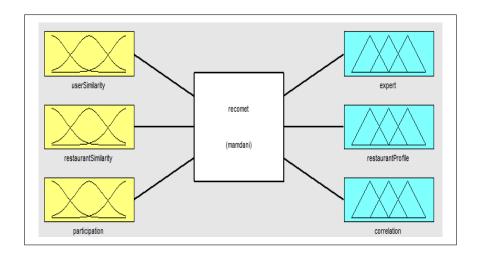


Figura 3.5: Sistema de inferencia difuso para asignar pesos a los algoritmos.

Este sistema difuso esta basado en 12 reglas expresadas de la siguiente manera:

- 1. if userSimilarity is low and restSimilarity is low and participation is insufficient then expert is high and restProfile is low and correlation is low.
- 2. if userSimilarity is low and restSimilarity is low and participation is sufficient then expert is low and restProfile is low and correlation is high.
- 3. if userSimilarity is low and restSimilarity is low and participation is minimum then expert is low and restProfile is low and correlation is high.
- 4. if userSimilarity is low and restSimilarity is high and participation is insufficient then expert is low and restProfile is high and correlation is low.
- 5. if userSimilarity is low and restSimilarity is high and participation is minimum then expert is low and restProfile is high and correlation is low.
- 6. if userSimilarity is low and restSimilarity is high and participation is sufficient then expert is low and restProfile is high and correlation is low.
- 7. if userSimilarity is high and restSimilarity is low and participation is insufficient then expert is low and restProfile is low and correlation is high.
- 8. if userSimilarity is high and restSimilarity is low and participation is minimum then expert is low and restProfile is low and correlation is high.
- 9. if userSimilarity is high and restSimilarity is low and participation is sufficient then expert is low and restProfile is low and correlation is high.
- 10. if userSimilarity is high and restSimilarity is high and participation is insufficient then expert is low and restProfile is low and correlation is high.
- 11. if userSimilarity is high and restSimilarity is high and participation is minimum then expert is low and restProfile is low and correlation is high.

12. if userSimilarity is high and restSimilarity is high and participation is sufficient then expert is low and restProfile is low and correlation is high.

Estas reglas en lenguaje natural expresan lo siguiente:

- 1. Si la similaridad del usuario es baja y la similaridad de restaurantes es baja y la participación es insuficiente, entonces el experto es alto y el perfil del restaurante es bajo y la correlación es baja.
- 2. Si la similaridad del usuario es baja y la similaridad de restaurantes es baja y la participación es suficiente, entonces el experto es bajo y el perfil del restaurante es bajo y la correlación es alta.
- 3. Si la similaridad del usuario es baja y la similaridad de restaurantes es baja y la participación es mínima, entonces el experto es bajo y el perfil del restaurante es bajo y la correlación es alta.
- 4. Si la similaridad del usuario es baja y la similaridad de restaurantes es alta y la participación es insuficiente, entonces el experto es bajo y el perfil del restaurante es alto y la correlación es baja.
- 5. Si la similaridad del usuario es baja y la similaridad de restaurantes es alta y la participación es mínima, entonces el experto es bajo y el perfil del restaurante es alto y la correlación es baja.
- 6. Si la similaridad del usuario es baja y la similaridad de restaurantes es alta y la participación es suficiente, entonces el experto es bajo y el perfil del restaurante es alto y la correlación es baja.

- 7. Si la similaridad del usuario es alta y la similaridad de restaurantes es baja y la participación es insuficiente, entonces el experto es bajo y el perfil del restaurante es bajo y la correlación es alta.
- 8. Si la similaridad del usuario es alta y la similaridad de restaurantes es baja y la participación es mínima, entonces el experto es bajo y el perfil del restaurante es bajo y la correlación es alta.
- 9. Si la similaridad del usuario es alta y la similaridad de restaurantes es baja y la participación es suficiente, entonces el experto es bajo y el perfil del restaurante es bajo y la correlación es alta.
- 10. Si la similaridad del usuario es alta y la similaridad de restaurantes es alta y la participación es insuficiente, entonces el experto es bajo y el perfil del restaurante es bajo y la correlación es alta.
- 11. Si la similaridad del usuario es alta y la similaridad de restaurantes es alta y la participación es mínima, entonces el experto es bajo y el perfil del restaurante es bajo y la correlación es alta.
- 12. Si la similaridad del usuario es alta y la similaridad de restaurantes es alta y la participación es suficiente, entonces el experto es bajo y el perfil del restaurante es bajo y la correlación es alta.

De acuerdo a las reglas definidas en el sistema difuso se da un mayor peso a la correlación obtenida del **algoritmo de filtrado colaborativo** (userSimilarity) ésta las obtiene comparando el perfil del usuario activo con todos los demás, para así obtener las más altas que implica la selección de vecinos más cercanos.

Para obtener la similaridad entre los restaurantes (restSimilarity) el sistema utiliza el

algorimo basado en contenido, este se encarga de obtener la correlación de los vectores binarios que representan el perfil de cada restaurante.

Finalmente la participación es el total de votos, mediante una función obtenemos el conteo de los votos del usuario activo y esto nos servirá para determinar el peso de cada recomendación generada con los diferentes algoritmos.

La figura ?? muestra la arquitectura del sistema que representa el proceso de recomendación.

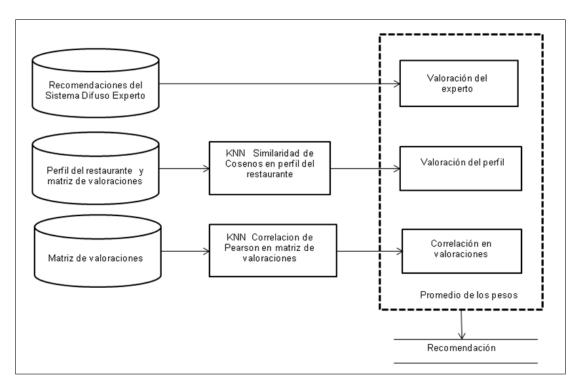


Figura 3.6: Arquitectura del sistema de recomendación.

Capítulo 4

Recomet

En este capítulo se presenta un prototipo de sistema de recomendación de restaurantes para la ciudad de **Tijuana**, está basado en técnicas de lógica difusa y trabaja con un mecanismo de hibridación por pesos para generar recomendaciones.

El sistema recomendación híbrido está compuesto de dos sistemas de recomendación, uno colaborativo y uno basado en contenido. En este sistema de recomendación, se ha empleado un mecanismo de hibridación por pesos [?]. En este tipo de sistemas híbridos las técnicas de recomendación trabajan simultáneamente y para este caso, es un sistema difuso el que asigna los pesos a cada recomendación generada en el sistema para mostrar al usuario un promedio ponderado.

El objetivo fue crear un sistema de recomendación que se pudiera aplicar en situaciones en donde a los usuarios les gustaría recibir recomendaciones sobre algún restaurante para comer. Implementar sistemas de recomendación de restaurantes, lugares turísticos o sitios de ocio resulta un poco complicado ya que presentan problemas que son considerables a la hora de generar recomendaciones [?], enseguida se mencionan:

1. Muchos de los usuarios que interaccionan con el sistema, son usuarios casuales

que nunca han usado el sistema de recomendación o que lo han usado de forma esporádica y no piensan utilizarlo de forma habitual. En el capítulo 2 se explicó que las técnicas clásicas de recomendación sufren del problema del nuevo usuario y por lo tanto no son capaces de generar recomendaciones cuando se encontraban en estas situaciones.

- 2. Un número importante de usuarios tendrá un **conocimiento basado en expectativas** sobre el servicio o producto que quieren recibir y es muy probable que no sepan expresar de forma clara y precisa las características del tipo de restaurante que desean visitar.
- 3. Es habitual que en este tipo de situaciones, existan usuarios que quieran recibir recomendaciones puntuales que no tengan nada que ver con lo que han hecho en el pasado. Por lo tanto, en estos casos, la información histórica no será relevante y no debería ser utilizada en la generación de recomendaciones. Por ejemplo, si un cliente desea celebrar un cumpleaños en un restaurante, es muy probable que sea un hecho puntual y que no quiera que se use la información de los restaurantes que le han gustado en el pasado para generar estas recomendaciones.

Sin embargo, pese a este tipo de situaciones las recomendaciones generadas han demostrado ser aceptables.

El prototipo en general fue desarrollado en Lenguaje **Python** [?], utilizando el framework **Django v1.2.** [?] para el desarrollo Web, este framework permitió la implementación sencilla de los algoritmos de recomendación integrados en el sistema (ver figura ??), Django proporciona diversas funcionalidades que minimizan el esfuerzo de desarrollo. **Django** se complementa con el lenguaje de etiquetas **HTML** para el diseño de las páginas Web. La base de datos fue diseñada en **Visual Paradigm for**

UML v4.2 y creada en PostgreSQL v9.0. y un servidor Web para instalar la aplicación (Apache). En la figura ?? se muestra el prototipo final elaborado para pruebas y algoritmos, el principal objetivo de esta investigación.

4.1. Aplicación

En esta sección se describe cada función especificada en el prototipo, que inicia desde la parte administrativa hasta llegar a la recomendación para el usuario.

Administración

La parte inicial del sistema fue elaborar el sistema de administración basado en el modelo que ofrece el framework **Django**, fue sencillo de implementar por su funcionalidad, así, la administración del sistema se realiza desde la interfaz integrada en el framework, y se muestra en la figura ??.

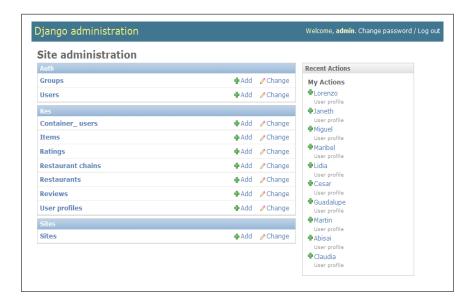


Figura 4.1: Administración del sitio.

Desde aquí la tarea de administrar el sitio se hace sencilla, en la figura ?? se en-

cuentran los usuarios (Users), los grupos de usuarios (Groups), los contenedores, los restaurantes (Items) de la base de datos, las valoraciones (Ratings) y todos los demás elementos que el usuario administrador debe controlar. Desde aquí se manipula toda la información contenida en la base de datos, todos los detalles como fechas, horas, acciones de los usuarios, etcétera, ya que el administrador cuenta con todos los permisos para realizar cualquier transacción.

Funcionalidad

Para obtener recomendaciones, en primera instancia es importante recalcar que solamente los usuarios registrados obtendrán recomendaciones de este sistema como se observa en la figura ??, existe el **usuario invitado** (Guess) que solo podrá visualizar la información de los demás usuarios, las reseñas, perfiles de restaurantes y demás pero en ningún caso podrá agregar algún tipo de información.

Institute Technologic of Tijuana, Recommender System: RECOMET: Tijuana's Recommendations	Welcome, <i>xochilt.</i> Thanks for logging in. <u>xochilt's Profile</u> <u>Recommendations for you.</u>	
	Restaurants Login Logout Register Add Restaurant	
RECOMET	User's Reviews	
Welcome to RECOMET. This is a site of Recommendations for Restaurants of Tijuana City. Is a great opportunity to know about variety food of our city, specially Mexican food. Join us and enjoy of the benefits of this site.	The better reviews here.	
Welcome		

Figura 4.2: Pantalla principal del prototipo.

Para obtener los datos sobre un restaurante el usuario invitado debe pulsar sobre la

opción **Restaurants** que aparece en la parte superior derecha de la pantalla principal. Una vez pulsada aparecerá la pantalla que se muestra en la figura ?? donde se muestra información detallada en el perfil de cada restaurante.

Tijuana's Restai			
,	urants		
NAME	URL	TELEPHONE	PROFILE
Negro Durazo	www.negro.com	6643690	<u>Profile</u>
Pizza Hut	www.pizza.com	6873456	<u>Profile</u>
Akira Teriyaqui	www.akirateriyaqui.com	6864781	<u>Profile</u>
Arbio Restaurante	www.arbiorestaurant.com	6896794	<u>Profile</u>
Lorca	www.lorcarestaurante.com	6340366	<u>Profile</u>
Rincon San Roman	www.rinconsanroman.com	6312242	<u>Profile</u>
Tsunami Sushi-Bar	www.tsunamisushibar.com	6866569	<u>Profile</u>
La Fonda Argentina	www.fondaargentina.com	2902325	Profile
Casa Plascencia	www.casaplascencia.com	6863604	<u>Profile</u>
Merlot Bistro	www.merlotbistro.com	6818708	<u>Profile</u>
Los Arcos	www.losarcos.com	6863171	Profile
Palacio Royal	www.palacioroyal.com	6863422	Profile
Dragon Bazar	www.dragonbazar.com	6842736	Profile
Dyonisos	www.dyonisios.com	6848508	Profile

Figura 4.3: Listado de restaurantes para el usuario invitado.

Por otra parte, cuando el usuario esta registrado y es autentificado en el sistema aparecerá una sección de recomendaciones (Recommendations for you) que surgen en base a los algoritmos implementados en el sistema, esta es la respuesta a las preferencias que el usuario activo dio al sistema al realizar las valoraciones de los restaurantes, las sugerencias son mostradas como resultado del algoritmo colaborativo y el basado en contenido, así como la recomendación del experto basado en los parámetros explicados en el capítulo 3.

Se agregó la liga para acceder a la lista de restaurantes de la base de datos del sistema, en la figura ?? se muestran los perfiles de cada restaurante, a su vez cada perfil tiene las opciones para ver:

- Las valoraciones de otros usuarios que han votado ese restaurante.
- Las reseñas que han agregado de su experiencia en ese restaurante.
- Una ventana donde aparecerá la opción para votar ese restaurante.
- Un botón para agregar el restaurante a una lista de interés (wishlist) si aún no lo ha visitado.

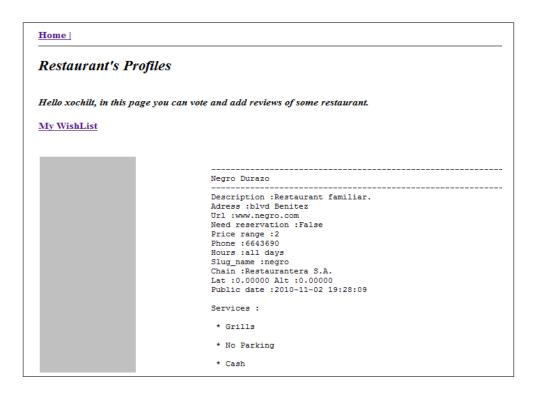


Figura 4.4: Información de perfiles de restaurantes para el usuario registrado.

Ciertamente, en la liga para **My Wishlist** mostrada en la parte superior izquierda de la página, se encuentran todos los restaurantes que el usuario activo ha seleccionado como restaurantes de su interés. La figura ?? muestra la pantalla que aparece una vez que se ha pulsado en la liga.

These are the restaurants that you've added to your wish list. Negro Durazo Pizza Hut Akira Teriyaqui

Figura 4.5: Lista de interés del usuario activo.

Desde la página principal también se observa la sección del perfil del usuario activo (xochilt's profile para este caso), en esta sección se encuentra la descripción del perfil del usuario, se define en base a los datos proporcionados por él mismo, cabe mencionar que desde ahí el usuario tiene el control de los restaurantes que le interesan visitar, los que le gustan y los que le desagradan, también puede visualizar desde las ligas las valoraciones que ha asignado a los restaurantes que evaluó (ratings) y visualizar las reseñas que ha descrito sobre los restaurantes que ha visitado (reviews) ofreciendo también la posibilidad de agregar una nueva reseña (add review), como se observa en la figura ??.

xochilt's profile				
First name : Xochilt				
Last name : Ramirez				
Email : xochilt.ramirez@gmail.com				
Date joined : 2010-10-12 23:15:35				
Address : tijuana l	b.c. mexico			
Price : Very expens	sive (5)			
Containers				
Favorites:	Dislikes:	Interest:		
Favorites: Negro Durazo Pizza Hut Akira Teriyaqui	Dislikes: La Fonda Argentina	Interest: Arbio Restaurante Rincon San Roman		

Figura 4.6: Perfil del usuario activo.

Otra opción que ofrece a los usuarios el sistema, es que pueden agregar restaurantes a la base de datos desde la liga **Add restaurant** que se muestra en el menú principal (ver la figura ??).

Esta opción también es manejada desde el administrador, se pueden agregar restaurantes y sólo el administrador tiene permisos para aceptar los restaurantes agregados y eliminarlos si los datos están incorrectos, **Django administration** ofrece esta funcionalidad y se muestra en la figura ??.

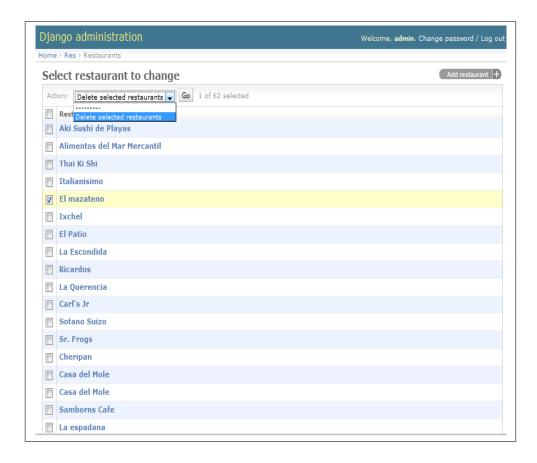


Figura 4.7: Manipulación de información de restaurantes desde el administrador.

Módulo de filtrado colaborativo

El módulo de filtrado colaborativo aplicado en el sistema [?] se resume en tres pasos:

- 1. El sistema **guarda un perfil** de cada usuario con sus evaluaciones sobre los restaurantes.
- 2. Se mide el **grado de similitud** entre los distintos usuarios del sistema en base a sus perfiles y se crean grupos de usuarios con características afines.
- 3. El sistema usará toda la información obtenida en las fases anteriores para **realizar** las recomendaciones. A cada usuario, le recomendará restaurantes que no haya

evaluado y que hayan sido evaluados de manera positiva por el resto de miembros de su grupo.

Gráficamente el sistema no muestra una sección para ver las recomendaciones basadas en filtrado colaborativo. Este proceso es interno y transparente al usuario así como los resultados obtenidos de esta técnica. Sin embargo, cabe mencionar que la operación de recomendación completa y de acuerdo a la arquitectura descrita en el capítulo 3, se encuentra con la combinación de los tres métodos utilizados para generar recomendaciones al usuario activo.

Esta sección se encuentra desde el menú principal (ver figura ??) en la liga **Recommendations for you**, donde se muestran las sugerencias.

Módulo basado en contenido

De igual manera que el módulo de filtrado colaborativo, el módulo basado en contenido está integrado en esta recomendación final. El proceso de este algoritmo se ha explicado en el capítulo 3, por lo tanto se reserva la explicación completa del proceso, sólo se explicará los detalles relevantes sobre este algoritmo en la aplicación.

Es importante mencionar que en este caso particular, el algoritmo ha trabajado con vectores binarios para la representación de las características de los restaurantes, el proceso es simple a la hora de comparar con la **similaridad de cosenos** para obtener los restaurantes **más parecidos**, esta técnica también implementada en [?], mostró buenos resultados.

Existen otras maneras como en [?] donde se muestra que la similaridad es basada en la repetición de palabras en un documento, utilizando principalmente la técnica de Frecuencia de Términos y Frecuencia del Documento Inversa (TF/IDF por sus

siglas en inglés) [?] para obtener valores de aparición de cada palabra. Se puede comparar un documento Web con un perfil de restaurante tratándolos como documentos ambos, pero en este sistema no se aplicó esta técnica porque los perfiles de los restaurantes son documentos pequeños y basarlos en las palabras que tienen mayor aparición sería inadecuado. En la figura ?? se muestra el documento del perfil de restaurante que surge como una recomendación para el usuario activo, basada en los dos algoritmos.

```
Xochilt's Recommendations
These are the recommended restaurants.
        Name : Akira Teriyaqui
        Address : Gobernador Lugo #2856 Plaza Tropicana Col.Cacho
        Url: www.akirateriyaqui.com
        Description : Akira Teriyaqui.
        Needs reservation : www.akirateriyaqui.com
        Price range: 3
        Phone: 6864781
        Hours : No apply.
        Chain: Restaurantes Internacionales S.A.
        Atributes:
            * Parking income
            * Cash
            * Family/childrens
            * Friends
        Cuisine:
            * chinese
        Public date: 2010-11-02 19:31:01
```

Figura 4.8: Recomendación final para el usuario activo.

Capítulo 5

Métodos de evaluación

5.1. Métricas

Evaluar un sistema de recomendación debería ir mas allá de la **precisión** [? ?], es lo más adecuado si se requiere que el sistema logre recomendaciones que realmente sean útiles al usuario. Por ejemplo, en informática una recomendación podría obtener un alto valor, pero en realidad ser una recomendación solo basada en la popularidad de los ítems, llegando a ser una sugerencia inútil.

Una de las métricas más convenientes para evaluar las recomendaciones es la idoneidad [?] que incluye:

- La cobertura que mide el porcentaje de un conjunto de datos donde un sistema de recomendación es capaz de generar prediciones,
- Indicadores de confianza que pueden ayudar a los usuarios a tomar mejores decisiones.
- La tasa de aprendizaje que mide la rapidez con que un algoritmo puede generar buenas recomendaciones.

 La novedad que mide si una recomendación es una nueva posibilidad para un usuario.

Por otra parte hay otros métodos estadísticos que sólo miden la precisión de los algoritmos en la recomendación, es evidente que una evaluación eficaz del rendimiento de los algoritmos de recomendación no es tarea sencilla. Primero porque diferentes algoritmos pueden ser mejores o peores dependiendo del conjunto de datos elegido. La mayoría de estos algoritmos están diseñados para el conjunto de datos de películas de GroupLens donde existe un número de elementos mucho menor al número de usuarios y votos.

En una situación inversa el comportamiento puede diferir totalmente. El principio de este problema es que realmente no existe un método estandarizado que permita el logro de evaluaciones realmente significativas para estos algoritmos.

También si se consideran los objetivos del sistema de recomendación éstos pueden diversos. Un sistema puede diseñarse para estimar con exactitud la valoración que daría un usuario a un elemento, mientras otro puede tener como principal objetivo el no proporcionar recomendaciones erróneas. Es decir puede haber múltiples tipos de medidas: que las recomendaciones cubran todo el espectro de elementos del conjunto (cobertura), que no se repitan, que sean explicables.

Sin embargo el principal objetivo de un sistema de recomendación no es directamente cuantificable: la satisfacción del usuario. En muchos casos conseguir un error cuadrático menor al elegir un algoritmo u otro no es apreciado por el usuario.

Sin embargo hay muchos otros parámetros que pueden influir en esa satisfacción: la sensación de credibilidad que ofrezca el sistema, la interfaz de usuario, la mejora del perfil al incluir nuevos votos. En cualquier caso las medidas de precisión pueden dar una

primera idea de qué tan bueno es el algoritmo principal del sistema de recomendación. Existen dos tipos de métodos de evaluación [?]: métodos estadísticos y métricas de decisión.

5.1.1. Métodos estadísticos

El parámetro de evaluación más utilizado es el **Error Medio Absoluto** (MAE, por sus siglas en inglés), que mide la desviación de las recomendaciones predichas y los valores reales. A menor MAE mejor predice el sistema las evaluaciones de los usuarios. El MAE sin embargo puede dar una idea distorsionada del algoritmo para el caso de sistemas que tienen como objetivo encontrar una lista de buenos elementos recomendables. El usuario tan solo está interesado en los **N** primeros elementos de la lista. El error que se cometa al estimar el resto es indiferente.

Tampoco es recomendable en sistemas en los que la salida deba de ser una decisión binaria de si/no. Por ejemplo, con una escala de 1 a 10 si el umbral esta situado en 5, utilizando MAE se obtendrá un mayor error al errar de 9 a 5 que al errar de 5 a 4, lo cual no es cierto a la hora de medir el error de salida. Sin embargo es un tipo de error estadísticamente muy sencillo de comprender.

MAE Posee muchas variaciones, como el Error Cuadrático Medio que persigue penalizar los mayores errores o el Error Absoluto Normalizado que facilita la tarea de establecer comparaciones entre pruebas con diferentes conjuntos de datos.

5.1.2. Métricas de decisión

Evalúan la efectividad en las predicciones que realiza un sistema ayudando al usuario a seleccionar los elementos de mayor calidad, es decir, con qué frecuencia el sistema realiza recomendaciones correctas. Para ello asumen que el proceso de predicción es

binario: o el elemento recomendado agrada al usuario o no lo agrada. Sin embargo en la práctica se plantea el problema de evaluar esto.

Una posible solución es la de dividir el conjunto de datos en dos conjuntos, entrenamiento y test. Se trabaja con el conjunto de entrenamiento y posteriormente se evalúa el resultado comparando las recomendaciones proporcionadas con las del conjunto de test. Aun siendo a veces útil esta técnica, hay que tener en cuenta que los resultados dependen fuertemente del porcentaje de elementos relevantes que el usuario haya votado.

Precisión y Recuperación

Es la más conocida de las métricas decisión, se utiliza en muchos tipos de sistemas de recuperación de información [????]. Precisión es la probabilidad de que un elemento seleccionado sea relevante y Recuperación es la probabilidad de que sea seleccionado un elemento relevante, aunque en los sistemas de recomendación la relevancia es algo totalmente subjetivo. Esta métrica es mas intuitiva, puesto que establecer que un sistema tiene una precisión del 90 por ciento significa que de cada 10 elementos recomendados 9 serán buenas recomendaciones, algo que no queda claro proporcionando valores de error cuadrático medio.

Característica de Funcionamiento del Receptor (ROC por sus siglas en inglés)

Es otra medida muy utilizada que proporciona una idea de la potencia de diagnóstico de un sistema de filtrado [? ?]. Las curvas ROC dibujan la **especifidad** (Probabilidad de que un elemento malo del conjunto sea rechazado por el filtro) y la **sensitividad** (probabilidad de que un elemento bueno al azar sea aceptado). Si un elemento es bueno o malo viene dado por las valoraciones de los usuarios. Las curvas se dibujan variando

el umbral de predicción a partir del cual se acepta un elemento. El área bajo la curva se va incrementando cuando el filtro es capaz de retener más elementos buenos y menos malos.

5.2. Evaluación del sistema

Para evaluar el sistema de recomendación de restaurantes se calculó el error en las recomendaciones con el método de **Raíz del Error Cuadrático Medio** (RMSE por sus siglas en inglés). En el sistema se definió una matriz de valoraciones reales (ratings), **RMSE** permite calcular el error entre un vector de predicciones $v_1 = [x_{1,1}, x_{1,2}, ...x_{1,n}]$ y un vector de valoraciones reales $v_2 = [x_{2,1}, x_{2,2}, ...x_{2,m}]$ tomando estos vectores se calculó el error:

$$RMSE(v_1, v_2) = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^{n} (x_{1,i} - x_{2,i})^2}{n}}$$
 (5.1)

Para el primer experimento se utilizó una base de datos de 50 usuarios y 12 restaurantes. La matriz utilizada se muestra en el apéndice A.

Se probó el algoritmo de filtrado colaborativo y generó recomendaciones con error bajo. Es importante mencionar que constantemente se estuvieron comparando las pruebas usando dos distancias diferentes, la **distancia euclidiana** y la **correlación de Pearson**, la diferencia en los resultados fue en la mayoría de los casos, de decimales.

En la tabla ?? se muestran los resultados de la recomendación utilizando ambas distancias. Cabe mencionar que las mejores predicciones fueron calculadas con la correlación de Pearson y esto se refleja en los datos de la tabla.

Tabla 5.1: Recomendaciones con filtrado colaborativo.

Correlación de Pearson	
Predicción	Restaurante
4.99	La vuelta del rodeo
3.73	Yogurt Place
3.56	La Querencia
2.65	Akira Teriyaqui
Distancia euclidiana	
Predicción	Restaurante
5.0	La vuelta del rodeo
4.0	Sótano Suizo
3.56	Yogurt Place
2.66	La Querencia
2.59	Akira Teriyaqui

En un segundo experimento, se utilizó **RMSE** para calcular el error, con los mismos datos utilizados para generar las recomendaciones de las tablas anteriores. La tabla ?? muestra los resultados utilizando la **correlación de Pearson** y la ?? los resultados utilizando la **distancia euclidiana**.

Tabla 5.2: Raíz del Error Cuadrático Medio con correlación de Pearson.

Usuarios	Num. de votos	Calificación	Predicción	RMSE
10	6.2	3.794871795	3.179487179	0.877058019
20	6.35	3.746987952	3.156626506	0.911770421
30	6.3	3.873015873	3.380952381	0.776643163
40	6.225	3.714285714	3.291666667	0.827359541
50	6.18	3.609756098	3.141463415	0.838116355

Tabla 5.3: Raíz del Error Cuadrático Medio con distancia euclidiana.

Usuarios	Num. de votos	Calificación	Predicción	RMSE
10	6.2	3.794871795	3.179487179	0.877058019
20	6.35	3.746987952	3.168674699	0.87811408
30	6.3	3.873015873	3.404761905	0.77151675
40	6.225	3.714285714	3.30952381	0.83094897
50	6.18	3.609756098	3.2	0.832275752

Los resultados obtenidos comprueban que en este caso la diferencia entre una distancia y otra es pequeña. El error más grande lo refleja la **correlación de Pearson** con 20 usuarios, pero si se analizan las predicciones se observa que las predicciones de las distancias tienen una diferencia mínima de 0.012048193, entonces puede decirse que las predicciones son aceptables en ambos casos.

Esta observación también se refleja en la gráfica de representación de los datos mostrada en la figura ??:

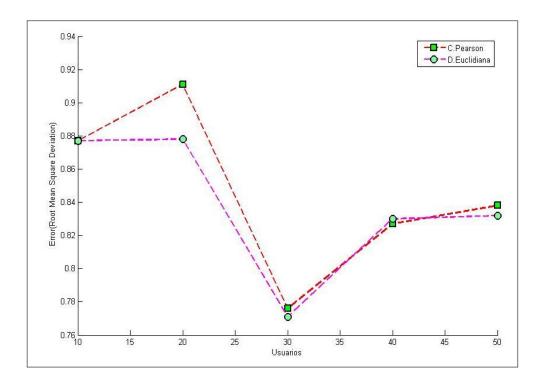


Figura 5.1: Gráfica de Raíz del Error Cuadrático Medio(RMSE).

La gráfica muestra que las variaciones entre una y otra no son significativas, sin embargo, la **correlación de Pearson** es más recomendada [????], es por esto que las recomendaciones están basadas en esta distancia. Partiendo del comportamiento de los datos, se puede decir que a partir de 30 usuarios el error en las predicciones empieza a disminuir.

Posteriormente, se buscó obtener la **mejor** recomendación para el usuario utilizando los mismos datos que en los experimentos enteriores. Se hizo una prueba con los 30 usuarios, el promedio de votos por usuario fue 6. El objetivo fué comprobar si las recomendaciones obtenidas con dos operaciones de promedios resultaban diferentes, esto para identificar cuál podría mostrar un mejor resultado y optar por utilizar ese promedio en el sistema.

Se experimentó con ambos promedios evaluando cada uno de los usuarios contenidos en la base de datos de pruebas y los resultados no variaron significativamente. La prueba de evaluación nos dió los resultados mostrados en la tabla ??, donde se observa una diferencia mínima y en algunos casos nula. Por lo tanto, se puede afirmar que ambos promedios son igualmente eficientes para la recomendación en el sistema.

Sin embargo, en la arquitectura del Sistema de Recomendación de Objetos de Aprendizaje [?], está definido el promedio ponderado, entonces el promedio que utilizó el sistema fue el mismo.

Uno de los objetivos logrados en esta investigación fueron las recomendaciones con mayor exactitud, para este caso, basándonos en métodos estadísticos cuantificables. Ciertamente, la precisión de una buena recomendación no da a los usuarios una experiencia efectiva y satisfactoria. Los sistemas de recomendación deben proporcionar no sólo precisión, sino también utilidad. Un sistema puede recomendar elementos muy populares a usuarios tomando como métrica la popularidad pero esto no siempre resulta útil.

Se podría en un futuro evaluar aspectos cualitativos del sistema, mediante métricas de decisión para obtener recomendaciones aceptables no sólo basadas en exactitud, sino también en aspectos cualitativos como la satisfacción del usuario que no puede ser

minorizada si se considera que los sistemas de recomendación buscan sugerir al usuario como un amigo lo haría.

Tabla 5.4: Comparación de las recomendaciones.

Usuario	P.Ponderado	Promedio	Usuario	P.Ponderado	Promedio		
1	4.92	4.86	16	4.82	4.71		
2	4.89	4.86	17	4.66	4.58		
3	4.51	4.50	18	4.88	4.85		
4	4.90	4.86	19	4.86	4.85		
5	4.92	4.86	20	4.87	4.85		
6	4.89	4.84	21	4.89	4.85		
7	4.87	4.87	22	4.50	4.38		
8	4.91	4.86	23	4.86	4.86		
9	4.84	4.80	24	4.85	4.85		
10	4.87	4.84	25	4.54	4.61		
11	4.88	4.86	26	4.77	4.61		
12	4.57	4.35	27	4.83	4.71		
13	4.85	4.85	28	4.89	4.85		
14	4.86	4.86	29	4.85	4.85		
15	4.87	4.80	30	4.85	4.85		

Capítulo 6

Conclusiones y Trabajo Futuro

6.1. Conclusiones

Las principales características del prototipo presentado son:

- Ofrece una mayor flexibilidad que los sistemas clásicos, ya que, permite a los usuarios que expresan sus preferencias mediante valoraciones lingüísticas.
- Es capaz de realizar recomendaciones sólo si existe la información histórica o esta no se tiene que utilizar como es el caso del módulo basado en contenido. El uso de los algoritmos es necesario para recibir recomendaciones.
- En el sistema se ha incluído un módulo basado en contenido para generar recomendaciones cuando no se requiera utilizar esta información histórica.
- Es un prototipo que genera recomendaciones y su uso puede aprovecharse en el sector turístico para facilitar la propagación de este tipo de herramientas en el mismo.

Los sistemas de recomendación ofrecen recomendaciones personalizadas a sus usuarios, haciendo que el proceso de compra en tiendas virtuales sea más rápido y personalizado. El objetivo es ofrecer a usuarios los productos que más les interesen o sean de su **preferencia**. Para aprender estas preferencias los sistemas utilizan la información histórica del usuario, es decir, qué productos ha comprado o evaluado.

En este trabajo de investigación se explicó la arquitectura e implementación de un sistema de recomendación de restaurantes híbrido. Se utilizan algoritmos de filtrado colaborativo [?] y basado en contenido para generar dos recomendaciones [?], una tercera recomendación es generada por un sistema difuso experto que toma parámetros identificados en cada restaurante para generar recomendaciones al usuario actual.

Para determinar las recomendaciones se involucran parámetros importantes a considerar para lograr una recomendación eficiente. Por un lado, el algoritmo de filtrado colaborativo utiliza el mismo procedimiento que en otras investigaciones, aquí la diferencia la marca el conjunto de datos que se utilizan para obtener resultados. En este sistema se utilizó información lingüística, datos que de alguna manera son subjetivos y el sistema no está totalmente preparado para recibir este tipo de información, es posible que se necesite mayor granularidad en las funciones de membresía y agregar otros parámetros que también pueden ser importantes para un usuario al generar una recomendación.

Por otro lado, las recomendaciones del **algoritmo basado en contenido** solamente estan basadas en la similaridad entre los restaurantes de base de datos, aquí el algoritmo solo se basa en esta similaridad y no considera la popularidad de cada restaurante entre los usuarios. Resultaría mucho mejor agregar este factor para mejorar el algoritmo, sin embargo, se obtienen recomendaciones aceptables.

Las técnicas de **lógica difusa** permiten implementar información imprecisa que maneja en la base de datos, de igual manera, esta información es recuperada por un sistema de inferencia que utiliza reglas difusas para asignar pesos a los algoritmos y generar una recomendación final mediante el promedio de pesos.

Estos algoritmos están implementados en un prototipo que será utilizado para pruebas. Cada uno está generando recomendaciones de manera independiente, es decir, no influyen las recomendaciones de uno sobre el otro, a su vez, estas recomendaciones son mostradas al usuario a través de la interfaz diseñada en el prototipo.

El método para evaluar el sistema fué la **Raíz del Error Cuadrático Medio** (**RMSE**) el cual permitió obtener las diferencias entre las predicciones de los algoritmos y las reales. Esto dió como resultado un error bajo considerando que el rango de valores es de 0 a 5 (ver tablas ?? y ??).

Los sistemas de recomendación han hecho progresos significativos en la década pasada, cuando numerosos sistemas basados en el contenido, colaborativos y métodos híbridos fueron propuestos y han sido desarrollados. Sin embargo, a pesar de todos estos avances, la generación actual de sistemas de recomendación aún requiere nuevas mejoras para los métodos de recomendación más eficaz en una amplia gama de aplicaciones.

6.2. Trabajo Futuro

Concluído el trabajo de investigación, se plantea en un futuro mejorarlo en los siguientes aspectos:

- En la arquitectura considera tres módulos para generar recomendaciones al usuario activo. El filtrado colaborativo fue un buen algoritmo de recomendación, hizo predicciones con error bajo utilizando la distancia euclidiana y correlación de Pearson, estas distancias han sido muy utilizadas por otros investigadores por ser las que mejores resultados obtienen, sería una buena opción explorar otras y hacer más experimentos utilizando otras distancias.
- En el caso del algoritmo basado en contenido se utilizó la similaridad de cosenos, fué sugerida como más efectiva para este tipo de algoritmos pero experimentar con otra opción para obtener una similaridad podría mostrar resultados inesperados.
- El módulo de recomendaciones mediante el perfil de usuario podría agregarse en la arquitectura para generar recomendaciones basadas en el contenido del perfil de usuario, este caso podría utilizar **TF/IDF** (Frecuencia de Términos/Frecuencia del Documento Inversa) para analizar detalladamente el contenido de reseñas que el usuario hace sobre cada restaurante que ha visitado.
- Es conveniente agregar dentro del prototipo un Sistema Geográfico Referenciado como [?] que permita la localización de cada restaurante de la ciudad y hacer recomendaciones basadas en la ubicación física del usuario activo, esto para tener más información sobre el usuario para generar recomendaciones que satisfagan sus expectativas.
- La implementación de RECOMET, para obtener a partir del prototipo actual, un sistema de recomendación completamente funcional y de uso comercial en la ciudad.
- Aplicar otras formas de obtención de información basándo las recomendaciones en una mayor cantidad de información de cada usuario.

- Estudiar los modelos de hibridación más utilizados en otros sistemas con características similares a RECOMET con el objetivo de facilitar las recomendaciones y comparar con las obtenidas en el modelo actual del sistema.
- Mayor flexibilidad en la definición de los gustos y preferencias del usuario,
 refinando el sistema para trabajar con mas datos lingüísticos.
- Optimización de los sistemas difusos implementados para generar recomendaciones.
- Evaluar el sistema utilizando métricas de decisión (Precisión y Recuperación, Idoneidad, ROC, etcétera) con el objetivo de mejorar la satisfacción del usuario en el sistema.
- Crear una base de datos de restaurantes con información real ya que sólo se obtuvo información basada en Internet pero no fué comprobada su autenticidad.

Son muchas las mejoras que se pueden hacer al sistema, sin embargo, habría que analizar cuáles son las más convenientes y viables para su implementación, podría darse el caso que alguna empeore los resultados en las recomendaciones como el uso de otras distancias para obtener similaridad entre usuarios y restaurantes.

Bibliografía

- [1] Acilar, A., Merve A.; Ahmed (2009). A collaborative filtering method based on artificial immune networks. Expert Sistems with applications, 161.
- [2] Adomavicius, A., Gedimias; Tuzhilin (2005). Towards the Next Generation of Recommender Systems: A Survey of the State-of-the-Art and Possible Extensions. in it IEEE Trans. Knowl.Data Eng, vol17 (6), (pp.734-749).
- [3] Ahn, H. (2008). A New Similarity Measure For Collaborative Filtering To Alleviate

 The New User Cold Starting Problem. Information Sciences, (pp. 37-51).
- [4] Balabanovic, Y., Marko; Shoham (1997). Fab: Content-Based, Collaborative Recommendation. Communications of the ACM, 40 (3).
- [5] Barranco, F., M. J; Mata, y Martínez, L. (2008). *REJA: un sistema de recomendación de restaurantes basado en técnicas difusas.* VII Congreso "Turismo y Tecnologías de la información y comunicaciones". Universidad de Jaén., (pp. 1-14).
- [6] Basu, H. H., C., y Cohen, W. (1998). Recommendation as classification: Using social and content-based information in recommendation. In Recommender Systems.
- [7] Billsus, M., D.; Pazzani (1998). Learning collaborative information filters. In Proceedings of the 15th National Conference on Artificial Intelligence (AAAI-98)., 10, pp. 46-53.

[8] Billsus, M., D.; Pazzani (2000). User modeling for adaptive news access. User Modeling and User-Adapted Interaction. 10, 147-180.

- [9] Burke, R. (2002). *Hybrid Recommender Systems: Survey and Experiments*. Departament of Information Systems and Decision Sciences, (pp. 1-29).
- [10] Claypool, M., Gokhale, A., Miranda, T., Murnikov, P., Netes, D., y Sartin, M. (1999). Combining Content-Based and Collaborative Filters in an Online Newspaper. Computer Science Departament, (pp. 1-8).
- [11] Council., U. I. T. I. (1997). The protection of personal data in electronic commerce.

 Public Policy Document.
- [12] De Campos, L. M., Fernández-Luna, J. M., y Huete, J. F. (2008). A collaborative recommender system based on probabilistic inference from fuzzy observations. Fuzzy Sets and Systems, 159, 1554-1576.
- [13] Deshpande, M., y Karypis, G. (2004). *Item-Based Top-N Recommendation Algo*rithms. ACM Trans. Information Systems, 22, pp. 143-177.
- [14] Espinilla, M., Rodríguez, M., Martínez, L., y Barranco, M. (2009). Sr-reja. Sistema de recomendación híbrido georreferenciado. International Journal of Hospitality Management, (pp. 147-154).
- [15] Galán Nieto, S. M. (2007). Filtrado Colaborativo y Sistemas de Recomendación. Inteligencia en Redes de Comunicaciones.
- [16] García-Valdez, M., y Parra, B. (2009). A Hybrid Recommender System Architecture for Learning Objects. Evolutionary Design of Intelligent Systems. Tijuana Institute of Technology., (pp. 205-211).
- [17] García, F. J., y Gil, A. B. (2007). Personalización de Sistemas de Recomendación. Universidad de Salamanca. Facultad de Ciencias, España. (pp. 1-5).

[18] García-Valdez, M., Alanis, A., y Parra, B. (2010). Fuzzy Inference for Learning Object Recommendation. IEEE, (pp. 1-6). Technological Institute of Tijuana.

- [19] Goldberg, D., Nichols, D., Oki, B., y Terry, D. (1992). *Using Collaborative Filtering To Weave An Information Tapestry*. AC Comunications of the ACM.
- [20] Guzmán Alvarez, C. A. (2008). Modelos sub-simbólicos en los Sistemas Recomendadores. Algoritmos genéticos. DSCI. Universidad Politécnica de Valencia., (pp. 1-8).
- [21] Hanley, J., y Andmeneil, B. (1982). The meaning and use of the area under a receiver operating characteristic (ROC) curve. (pp. Radiology 143, 29-36).
- [22] Herlocker, J. L., Konstan, J. A., Borchers, A., y Riedl, J. (1991). An Algorithmic Framework for Performing Collaborative Filtering. Dep. of Computer Science and Enginnering.
- [23] Herlocker, J. L., Konstan, J. A., Terveen, L. G., y Riedl, J. T. (2004). Evaluating Collaborative Filtering Recommender Systems. 22 (1), (pp. 5-53).
- [24] Holovaty, A., y Kaplan-moss, J. (2008). The Definitive Guide: Web Development Done Right. Django en Español. Python Argentina. URL: www.djangoproject.com
- [25] Houstis, E. N., Catlin, A. C., Dhanjani, N., Rice, J. R., Ramakrishnan, N., y Verykios, V. (2002). MyPYTHIA: a recommendation portal for scientic software and services. 1505 (January), (pp.1481-1505).
- [26] J.-S.R., S. E. M., Jang; C.-T. (1997). Neuro-Fuzzy and Soft Computing. A Computational Approach to Learning and Machine Intelligence.
- [27] Meteren, R. V., y Someren, M. V. (2001). *Using Content-Based Filtering for Re*commendation. NetlinQ Group., (pp. 1-10).

[28] Porcel, E. H. L., Carlos; Herrera-Viedma (2004). Sistemas de Recomendaciones: herramientas para el filtrado de información en Internet. Hipertext.net, 2.

- [29] Pérez Cordón, L.-G. (2008). Modelos de información con falta de información.

 Aplicaciones al sector turístico. Universidad de Jaén, España.
- [30] Ramezani, M., Bergman, L., Thompson, R., Burke, R., y Mobaster, B. (2008). Selecting and Applying Recommendation Technology. Information Systems, (pp. 1-9).
- [31] Resnick, P., Varian, H. R., y Guest, E. (1997). *Recommender Systems*. Communications of the ACM, 40 (3), 56-58.
- [32] Romero, C., García Valdéz, M., y Alanis, A. (2010). A comparative study of machine learning techniques in blog comments spam filtering in Neural Networks.

 International Joint Conference, (pp. 1-7).
- [33] Rossum, G. V. (2000). Guía de aprendizaje de Python. Amsterdam: BeOpen Python-Labs.
- [34] Rucker, J., y Polanco, M. J. (1997). SiteSeer: Personalized Navigation for the Web. Communications of the ACM, (pp. 73-75).
- [35] Sarwar, B., Karypis, G., Konstan, J., y Riedl, J. (2001). Item-Based Collaborative Filtering Recommendation Algorithms. In In Proceedings of the 10th International World Wide Web Conference (WWW10). GroupLens Research Group, (pp. 285-295).
- [36] Schafer, J., Konstan, J., y Riedl, J. (2001). E-Commerce Recommender Applications. Data Mining and Knowledge Discovery. Norwell, USA, Kluwer Academic Publisher, (pp. 115-153).

[37] Schein, A. I., Popescul, A., Ungar, L. H., y Pennock, D. (2002). Methods and metrics for cold-start recommendations. In Proc. of the 25th Annual Intl. ACM SIGIR Conf.

- [38] Segaran, T., Russell, D., Lead, U. T., Wolters, T., Intellect, C., Tyma, P., y Engineer, S. S. (2007). *Programming Collective Intelligence*. USA: O'Reilly Media Inc. *URL*: www.oreilly.com
- [39] Soborof, I., y Nicholas, C. (1999). Combining content and collaboration in text filtering. Workshop: Machine Learning for Information Filtering.
- [40] Terveen, L., Hill, W., Amento, B., Mcdonald, D., y Creter, J. (1997). *PHOAKS: a system for sharing recommendations*. Human Factors, 59 (March), (pp. 3-5).
- [41] Wales, J., y L., S. (2010). Enciclopedia libre Wikipedia. Fecha de consulta: Febrero 2010. *URL*: es.wikipedia.org/wiki/SistemaRecomendador
- [42] Wales, J., y L., S. (2010). Enciclopedia libre Wikipedia. Fecha de consulta: Diciembre 2010. *URL*: es.wikipedia.org/wiki/Logicadifusa
- [43] Wang, Y.-f., Chuang, Y.-l., Hsu, M.-h., y Keh, H.-c. (2004). A personalized recommender system for the cosmetic business. Expert Systems with Applications, 26, (pp. 427-434).
- [44] Yager, R. R. (2003). Fuzzy logic methods in recommender systems. Fuzzy Sets and Systems, 136 (2), (pp.133-149).

Apéndice A

Programación del sistema

```
#MODELO DE BASE DE DATOS EN DJANGO V1.2
from django.db import models
from models import *
import datetime
from \verb| django.utils.translation| import \verb| get_date_formats|
from django.utils import formats
\textbf{from} \hspace{0.1in} \textbf{django.forms} \hspace{0.1in} \textbf{import} \hspace{0.1in} \textbf{ModelForm} \hspace{0.1in}, \hspace{0.1in} \textbf{TextInput} \hspace{0.1in}, \hspace{0.1in} \textbf{widgets}
from django import forms
from django.contrib.auth.models import User
PRICE=(
      (1, 'very cheap'),
      (2, 'cheap'),
      (3, 'more_and_less'),
      (4, 'expensive'),
      (5, 'very_expensive')
      )
LANG = (
      ('es', 'Espanol'),
      ('en', 'English'),
      ('fr', 'French'),
```

```
('jp', 'Japanese'),
RATING=(
    (1, 'Awful'),
    (2, 'Bad'),
    (3, 'So_so'),
    (4, 'Good'),
    (5, 'Excelent')
class Cuisine (models. Model):
    cuisine = models.CharField(max_length=28)
    def __unicode__(self):
        return self.cuisine
class Atribute_Group(models.Model):
    group = models.CharField(max_length=32, null=True)
    def __unicode__(self):
        return self.group
class Atribute(models.Model):
    group = models.ForeignKey(Atribute_Group)
    value = models.CharField(max_length=32)
    def __unicode__(self):
        return self.group.group
class RestaurantChain(models.Model):
    is_international = models.BooleanField()
    name = models.CharField(max_length=128)
    speciality = models. CharField (max_length=128)
    year_founded = models.PositiveSmallIntegerField(null=True)
    locations_worldwide = models.PositiveSmallIntegerField(null=True)
    def __unicode__(self):
        return self.name
class Recommender_rule (models. Model):
```

```
rule = models.TextField()
   def __unicode__(self):
        return self.rule
class Item (models. Model):
    rule = models.ForeignKey(Recommender_rule, null=True)
   def __unicode__(self):
        return self.rule.rule
class Restaurant (models. Model):
    item = models.OneToOneField(Item, unique=True) #Llave primaria
   name = models.CharField(max_length=255)
    address = models.TextField(max_length=512, null=True)
    description = models. TextField()
    needs_reservation = models.BooleanField()
    price_range = models.IntegerField(max_length=2,choices=PRICE, null=True)
    url = models.CharField(max_length=512, null=True)
   phone = models.CharField(max_length=18, null=True)
    hours = models.CharField(max_length=50, null=True)
   slug_name = models.SlugField(max_length=18, null=True)
    chain = models.ForeignKey(RestaurantChain, null=True)
    atribute = models.ManyToManyField(Atribute)
    cuisine = models.ManyToManyField(Cuisine)
    lat = models.DecimalField(max_digits=8, decimal_places=5, null=True)
    alt = models.DecimalField(max_digits=8, decimal_places=5, null=True)
    pub_date = models.DateTimeField()
    def __unicode__(self):
        return self.name
class Container(models.Model):
    container_name = models.CharField(max_length=64)
    is_public = models.BooleanField()
    def __unicode__(self):
        return self.container_name
class Rating_Dimension (models. Model):
    dimension_name = models. CharField (max_length=64)
    priority = models.IntegerField(null=True)
```

```
def __unicode__(self):
        return self.dimension_name
class UserProfile(models.Model):
    user = models.OneToOneField(User, unique=True)
    adress = models. CharField (max_length=512)
    price = models.IntegerField(max_length=1,choices=PRICE)
    atribute = models.ManyToManyField(Atribute)
    cuisine = models.ManyToManyField(Cuisine)
    container = models.ManyToManyField(Container, through='Container_User')
    ratings = models.ManyToManyField(Item, through='Rating', related_name='ratings')
    reviews = models.ManyToManyField(Item, through='Review', related_name='reviews')
   def __unicode__(self):
        return self.user.first_name
class Rating (models. Model):
   id_item = models.ForeignKey(Item)
    user = models.ForeignKey(UserProfile)
   id_dimension = models.ForeignKey(Rating_Dimension, null=True)
   date = models.DateTimeField()
    rating = models.PositiveSmallIntegerField(choices=RATING)
    interested = models.BooleanField()
   def __unicode__(self):
        return self.user.user.first_name
class Review(models.Model):
    item_reviewed = models.ForeignKey(Item)
    user = models.ForeignKey(UserProfile) #id_user
    title = models.CharField(max_length=128)
    review = models. TextField()
    status = models. PositiveSmallIntegerField(null=True)
    review_time = models.DateTimeField()
   \#review\_time = datetime.datetime.now()
    helpful_yes = models.IntegerField(max_length=128, null=True)
```

```
helpful_no = models.IntegerField(max_length=128, null=True)
    language = models.CharField(max_length=2, choices=LANG)
    def __unicode__(self):
        return self.title
class Friends (models. Model):
    user = models.ForeignKey(UserProfile, related_name='id_user')
    id_friend = models.ForeignKey(UserProfile, related_name='friends')
    time_added = models.DateTimeField(null=True)
    def __unicode__(self):
        return self.user.user.first_name
class Container_User(models.Model):
    id_container = models.ForeignKey(Container)
    user = models.ForeignKey(UserProfile)
    id_itemid_item = models.ForeignKey(Item)
    def __unicode__(self):
       return self.user.user.first_name
class Tag(models.Model):
    tag = models.CharField(max_length=18)
    id_item = models.ForeignKey(Item)
    def __unicode__(self):
        return self.tag
#ALGORITMO DE FILTRADO COLABORATIVO.
def matuser(id):
    r = Rating.objects.values_list('user', 'id_item', 'rating').filter(interested=0)
    list_t = []
    if(r):
        for i in r:
            list_t.append(i)
```

```
us_it = dict([(t[0], {}) for t in list_t])
    for t in list_t:
        us_{it}[t[0]][t[1]] = float(t[2])
    pearsonCorrelation = topMatches(us_it, id)
    pr = getRecommendations(us_it, id, similarity=sim_pearson)
    der = getRecommendations(us_it, id, similarity=sim_distance)
    l_i t e m = []
    if len(pr)>3:
     for i in range(3):
        item = Restaurant.objects.get(item=pr[i][1])
        l_item.append(item)
    else:
     for i in range(len(pr)):
        item = Restaurant.objects.get(item=pr[i][1])
        l_item.append(item)
    return pr
#ALGORITMO BASADO EN CONTENIDO.
def vecprofiles(id):
    rat2 = Rating.objects.all().filter(user=id, rating=5,interested=0)
    val2 = []
    if (rat2):
        [val2.append(i.id_item.id) for i in rat2]
    profile = []
    for i in val2:
        ida2 = []
        idc2 = []
        res2 = []
        r = Restaurant.objects.get(item=i)
        c1 = r.item.id
```

```
binp2 = [0,0,0,0,0]
for i in range (5):
   if(i==r.price_range):
      \operatorname{binp2}[i]=1
   elif(r.price_range==5):
      \operatorname{binp} 2[4] = 1
c6 = binp2
for a in r.atribute.all():
   id=a.id
   ida2.append(id)
for c in r.cuisine.all():
   id=c.id
   idc2.append(id)
ida2.sort()
idc2.sort()
[0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0]
for i in idc2:
   binc2[i]=1
for i in ida2:
   bina2[i]=1
c12 = bina2
c13 = binc2
v2=binp2+bina2+binc2
res2.append(c1)
res2.append(v2)
```

```
profile.append(res2)
p_{it} = dict([(t[0], \{\}) for t in profile])
for t in profile:
     p_{-it}[t[0]] = (t[1])
rat = Rating.objects.all().filter(interested=0)
items = []
[items.append(item) for item in rat if item not in rat2 if item.rating==5]
val = []
if(rat):
     for i in items:
          if i.id_item.id not in val2:
               val.append(i.id_item.id)
rat3 = Rating.objects.all().filter(user=id,interested=0)
1 = []
[(l.append(i.id_item.id))for i in rat3]
\quad \textbf{for} \quad \text{item} \quad \textbf{in} \quad l:
     if item not in val:continue
     val.remove(item)
for i in range(len(val)):
     if(i < len(val)):
          for j in range(len(val)):
               if(j<len(val)):</pre>
                    if(i!=j):
                         \mathbf{i}\,\mathbf{f}\,(\,\mathrm{val}\,[\,\mathrm{i}\,] {==}\,\mathrm{val}\,[\,\mathrm{j}\,\,]\,)\,{:}
                              val.remove(val[j])
profilei = []
for i in val:
     ida = []
     idc = []
     res = []
```

```
r = Restaurant.objects.get(item=i)
c1 = r.item.id
\mathrm{binp} \; = \; [\,0\;,0\;,0\;,0\;,0\,]
for i in range (5):
   if(i==r.price_range):
      binp[i]=1
   elif(r.price_range==5):
      binp[4]=1
c6 = binp
for a in r.atribute.all():
   \mathbf{id} = \mathbf{a} \cdot \mathbf{id}
   ida.append(id)
for c in r.cuisine.all():
   id=c.id
   idc.append(id)
ida.sort()
idc.sort()
[0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0]
for i in idc:
   binc[i]=1
for i in ida:
   bina[i]=1
c12 = bina
c13 = binc
v=binp+bina+binc
```

```
res.append(c1)
    res.append(v)
     profilei.append(res)
tp_it = dict([(t[0], {}) for t in profilei])
for t in profilei:
   tp_it[t[0]] = (t[1])
sim_cos = simCosenoItems(p_it, tp_it)
t = []
for i in range(len(sim_cos)):
    tot = len(sim_cos[i]) - 2
    for j in range(tot):
         if(j < tot):
              if (j %3==0):
                  l_dis = []
                  l_dis.append(sim_cos[i][j])
                  l_dis.append(sim_cos[i][j+1])
                  l_dis.append(sim_cos[i][j+2])
                  t.append(l_dis)
hd = []
\quad \textbf{for} \quad i \quad \textbf{in} \quad t:
     if i[2] > 0.7:
         hd.append(i)
lis = dict([(l[0], {\}}) for l in hd])
for l in hd:
    lis[1[0]][1[1]] = (1[2])
bc_item = []
if len(hd)>3:
    for i in range (3):
         item = Restaurant.objects.get(item=hd[i][1])
         bc_item.append(item)
else:
```

```
for i in range(len(hd)):
              item = Restaurant.objects.get(item=hd[i][1])
              bc_item.append(item)
    return profile, val2, hd
#SISTEMA DIFUSO EXPERTO.
def fisExpert(id):
     profile , val2 , hd = vec_profiles(id)
    prices = []
    i\,t\, {\scriptstyle \, -}\, p\, r\, i\, c\, e\, s = [\,]
    for i in range(len(profile)):
         for j in range (4):
              if profile [i][1][j]==1:
                  lp = []
                  lp.append(profile[i][0])
                  lp.append(j+1)
                  prices.append(lp)
                  it\_prices.append(profile[i][0])
    rtg = Rating.objects.values_list('user', 'id_item', 'rating').filter(interested=0)
    average = []
    for i in val2:
         pin = []
         c=0
         \mathbf{sum} = 0
         av=0
         for r in rtg:
              if r[1] == i:
                  c = c + 1
                  sum = sum + float(r[2])
         if (c < 1): continue
         av = sum/c
         pin.append(i)
```

```
pin.append(av)
    average.append(pin)
votes = []
for i in val2:
    vo = []
    c=0
    for r in rtg:
        if r[1] == i:
            c=c+1
    vo.append(i)
    vo.append(c)
    votes.append(vo)
resProfile = []
for i in range(len(val2)):
    a=0
    b=0
    c=0
    p = []
    for j in range(len(average)):
        if (average [j][0]==val2[i]):
            p.append(val2[i])
            p.append(float(average[j][1]))
            a=1
    if(a==0):
        p.append(0.0)
    for k in range(len(prices)):
        if (prices[k][0]==val2[i]):
            p.append(prices[k][1])
            b=1
    if(b==0):
        p.append(0.0)
    for m in range(len(votes)):
        if (votes [m][0] == val2 [i]):
```

Matriz de valoraciones

Tabla A.1: Matriz de valoraciones de usuarios.

Usuarios	I_1	I_2	I_3	I_4	I_5	I_6	I_7	I_8	I_9	I_{10}	I_{11}	I_{12}
$\overline{U_1}$	5.0	5.0	$\frac{13}{4.0}$	2.0	3.0	4.0		-0	- 3	-10	-11	-12
U_2	4.0	5.0	4.0		3.0	5.0	1.0	3.0				
$\widetilde{U_2}$	3.0	5.0	4.0	3.0	3.0		2.0	3.0				
\widetilde{U}_{A}	0.0	0.0	1.0	3.0	3.0		2.0	3.0				
$U_{4} \\ U_{5} \\ U_{6} \\ U_{7}$	4.0	4.0	4.0	3.0	0.0	5.0	2.0	3.0				
\widetilde{U}_{e}^{3}	3.0	5.0	4.0	3.0	3.0	5.0	3.0	4.0				
U_7	3.0	0.0	4.0	3.0	3.0	5.0	0.0	1.0				
\widetilde{U}_{\circ}	0.0	5.0	5.0	2.0	4.0	5.0	2.0	5.0				
\widetilde{U}_{0}	3.0	4.0	4.0	2.0	4.0	0.0	3.0	5.0				
U_{10}	3.0	5.0	5.0	0	4.0		0.0	4.0				
U_{11}	3.0	4.0	4.0	4.0	4.0	5.0	3.0	4.0				
U_{12}^{11}	0.0	1.0	5.0	4.0	3.0	5.0	2.0	4.0				
U_{12}	5.0	5.0	0.0	2.0	5.0	5.0	2.0	5.0				
U_{1A}	0.0	0.0	3.0	$\frac{2.0}{3.0}$	5.0	4.0	3.0	0.0				
1/12	4.0	4.0	3.0	4.0	3.0	4.0	0.0	5.0				
U_{16}	3.0	4.0	3.0	2.0	3.0	4.0		0.0				
U_{17}	3.0	4.0	3.0	3.0	3.0	1.0	5.0	3.0				
U_{10}	0.0	3.0	3.0	3.0	3.0	4.0	0.0	3.0				
U_{10}^{18}	1.0	5.0	3.0	3.0	3.0	4.0		3.0				
U_{20}^{19}	1.0	0.0	3.0	2.0	3.0	4.0	3.0	3.0				
U_{21}		3.0	3.0	$\frac{2.0}{4.0}$	3.0	5.0	2.0	0.0				
U_{22}	3.0	5.0	3.0	5.0	3.0	4.0	2.0					
U_{22}	4.0	5.0	5.0	4.0	$\frac{3.0}{3.0}$	5.0						
U_{24}	1.0	0.0	4.0	4.0	3.0	4.0	2.0	3.0				
1105	4.0	5.0	4.0	4.0	4.0	5.0	1.0	5.0				
U_{2e}^{25}	4.0	5.0	$\frac{4.0}{4.0}$	$\frac{4.0}{4.0}$	$\frac{4.0}{4.0}$	$\frac{3.0}{4.0}$	2.0	5.0				5.0
U_{27}^{20}		5.0	4.0	3.0	4.0	5.0	3.0	0.0				0.0
U_{29}		5.0	1.0	3.0	4.0	4.0	0.0	5.0				
U_{20}	2.0	0.0	5.0	3.0	4.0	5.0	1.0	5.0				
U_{20}^{29}	2.0	4.0	4.0	4.0	1.0	4.0	1.0	$\frac{0.0}{2.0}$				
U_{21}	3.0	4.0	4.0	4.0	2.0	1.0	3.0	3.0				
U_{22}^{31}	3.0	3.0	1.0	4.0	2.0		0.0	0.0				
U_{22}^{32}	0.0	5.0	4.0	1.0	3.0	5.0	2.0	3.0				
1/24	5.0	2.0	3.0	4.0	$\frac{3.0}{2.0}$	5.0	$\frac{2.0}{3.0}$	5.0		3.0		
U25	0.0	3.0	0.0	5.0	3.0	5.0	0.0		2.0	0.0		
U_{2c}	2.0	0.0		0.0	2.0	3.0	2.0		2.0			5.0
U_{27}^{30}	$\frac{2.0}{3.0}$	3.0	4.0	3.0	$\frac{2.0}{3.0}$	3.0	2.0	3.0				0.0
U2°	0.0	4.0	3.0	2.0	0.0	3.0		3.0				5.0
U_{20}	4.0	1.0	3.0	$\frac{2.0}{4.0}$	2.0	5.0	3.0	3.0				0.0
U_{40}	5.0		5.0	2.0	2.0	4.0	0.0	0.0				
U_8 U_9 U_{10} U_{11} U_{12} U_{13} U_{14} U_{15} U_{16} U_{17} U_{18} U_{20} U_{21} U_{22} U_{23} U_{24} U_{25} U_{26} U_{27} U_{28} U_{29} U_{30} U_{31} U_{32} U_{33} U_{34} U_{35} U_{36} U_{37} U_{38} U_{39} U_{40} U_{41} U_{42} U_{43} U_{44} U_{44} U_{45}	0.0		0.0	$\frac{2.0}{3.0}$	$\frac{2.0}{2.0}$	5.0		3.0	4.0			
\tilde{U}_{42}^{41}	3.0	2.0		3.0	~	3.0	2.0	3.0		2.0		
\widetilde{U}_{43}^{42}	0.0	2.0		3.0	3.0	5.0	~	3.0		0		
U_{44}		~	3.0	2.0	3.0	4.0	5.0	3.0				
U_{45}	5.0	2.0	3.0	2.0	0.0	3.0	4.0	0.0				
\widetilde{U}_{46}	4.0	2.0	3.0	4.0	3.0	5.0		3.0				
U_{47}	1.0	2.0	3.0	$\frac{1.0}{2.0}$	3.0	0.0	2.0	3.0				
\widetilde{U}_{48}^{47}		2.0	3.0	2.0	3.0		$\frac{2.0}{2.0}$	$\frac{3.0}{4.0}$		4.0		
$U_{46} \\ U_{47} \\ U_{48} \\ U_{49}$	5.0	~	3.0	4.0	3.0	4.0	3.0			0		
U_{50}^{49}	0.0		0.0		0.0	5.0	0.0	4.0	2.0	2.0	4.0	5.0
						0.0		1.0	2.0	2.0	1.0	0.0