

Лабораторная работа №2 по курсу дискретного анализа: сбалансированные деревья.

Выполнил студент группы М80-208Б-20 Зинин Владислав Владимирович.

Условие

Кратко описывается задача:

1. Необходимо создать программную библиотеку, реализующую указанную структуру данных, на основе которой разработать программу-словарь. В словаре каждому ключу, представляющему из себя регистронезависимую последовательность букв английского алфавита длиной не более 256 символов, поставлен в соответствие некоторый номер, от 0 до $2^{64} - 1$. Разным словам может быть поставлен в соответствие один и тот же номер.
2. Необходимо реализовать дерево В-дерево.

Метод решения

Для реализации необходимого нам словаря мы должны реализовать соответствующую заданию структуру данных. В моем случае это В-дерево. Главная особенность В-дерева в том, что оно не бинарное, а сильноветвящееся и в то же время сбалансированное дерево поиска. Оно позволяет производить поиск, добавлять и удалять элементы за $O(\log n)$. В-дерево с n узлами имеет высоту $O(\log n)$, кол-во детей узлов может быть от нескольких тысяч, поскольку степень ветвления В-дерева определяется его характеристическим значением, установить которое мы можем сами. Глубина всех листьев дерева одинаковая. Также отличительной особенностью В-дерева является то, что оно «растет вверх», поскольку оно является идеально сбалансированным. Решение реализовано с помощью отдельных классов для дерева и узла дерева.

Описание программы

Программа состоит из трех файлов – main.cpp, BTree.h, BNode.h. В файле BNode.h описаны класс ноды, необходимые для неё операторы сравнения, а также вспомогательные функции:

`int Min(int left, int right);` - функция, возвращающая минимальный из двух элементов

`void ToLower(char* key);` - функция, выполняющая перевод строки в нижний регистр.

Файл BTree.h содержит описание класса дерево, а также описание его методов:

Void Insert(map &element); - добавление элемента в дерево

Void Search(char *key); - поиск элемента в дереве

Void Delete(char *key); - удаление элемента из дерева

Void Serialize(std::ofstream &file); - загрузка дерева в бинарный файл

Void Deserialize(std::ifstream &file); - скачивание дерева из бинарного файла

Также файл BTree.h содержит вспомогательные функции:

void SearchNode(BNode* node, char* key, BNode *&result, int &pos); - бинарный поиск ноды

void DeleteTree(BNode* node); - удаление дерева

void FPrint(BNode* root); - вывод дерева

void InsertNonfull(BNode* node, map& element); - добавление в дерево после того, когда корень не насыщен

void SplitChild(BNode* parent, int pos); - разделение ноды, если её размер равен критическому ($2 \cdot T - 1$)

void DeleteNode(BNode* node, char* str); - удаление ноды

int SearchInCurrentNode(BNode* node, char* str); - поиск в конкретной ноде

void Merge(BNode* parent, int pos); - слияние нод

void Rebalance(BNode* node, int &pos); - если при удалении ключа встретились вершина с минимальным размером, то эта функция выполняет преобразования для увеличения размера (слияние или перемещение вершины из брата)

void DeleteFromCurrentNode(BNode* node, int pos); - удаляем ключ в конкретной ноде

void NodeToFile(BNode* node, std::ofstream &file); - записываем дерево в файл

void TreeFromFile(BNode* node, std::ifstream &file); - считываем дерево из файла

Дневник отладки

Сначала я пытался залить свою программу с makefile, на что мне приходил ответ с ошибкой компиляции. Я так и не разобрался, как загрузить программу на проверку с makefile, поэтому дальнейшие мои послышки были в одном файле. Далее я столкнулся с RE, с которой долго не мог разобраться. После длительных проверок своей работы я обнаружил опечатку в функции Rebalance, где я забыл указать & перед pos, из-за чего значение pos у меня не изменялось, ибо надо было передавать конкретно ссылку. Потом я столкнулся с WA. Я понял, что проблема была с "Load", но никак не мог найти ошибку. Я решил полностью переписать функцию считывания из файла, и у меня получилось сдать.

Тест производительности

Сравним работу В-дерева со стандартным контейнером `std::map` из STL. Для этого создадим файл с тестами из 10, 100, 1000, 10000 и 100000 строк соответственно для команд добавления, поиска и удаления из дерева соответственно.

Тест 1. Добавление:

| Кол-во строк | Std::map | BTree |
|--------------|----------|----------|
| 10 | 69ms | 33ms |
| 100 | 251ms | 184ms |
| 1000 | 2344ms | 2294ms |
| 10000 | 21830ms | 27968ms |
| 100000 | 209507ms | 354801ms |

Тест 2. Удаление:

| Кол-во строк | Std::map | BTree |
|--------------|----------|----------|
| 10 | 17ms | 25ms |
| 100 | 211ms | 321ms |
| 1000 | 2010ms | 3394ms |
| 10000 | 20014ms | 39732ms |
| 100000 | 197599ms | 487588ms |

Тест 3. Поиск:

| Кол-во строк | Std::map | BTree |
|--------------|----------|----------|
| 10 | 28ms | 18ms |
| 100 | 195ms | 177ms |
| 1000 | 1867ms | 1954ms |
| 10000 | 19623ms | 22763ms |
| 100000 | 202356ms | 279073ms |

Заметим, что `std::map` на больших данных работает быстрее BTree 1,4-2 раза. Возможно, это связано с тем, что `std::map` реализован на основе Red-Black дерева и его сложность $O(\log n)$, тогда как сложность B-дерева – $O(\log_t n * \log t)$.

Недочёты

По началу было множество недочетов, связанных с загрузкой и скачиванием дерева из файла, но после выполнения лабораторной работы недочетов обнаружено не было.

Выводы

В результате проведенной лабораторной работы я научился работать с B-деревом – сильноветвящимся сбалансированным деревом поиска. С помощью тестирования своей программы я убедился, что B-дерево очень хорошо подходит для хранения большого количества информации, поскольку довольно-таки быстро справляется с ней, выполняя различные команды. Однако, сравнив время работы своего B-дерева с Red-Black деревом из `std::map`, я выяснил, что `std::map` работает быстрее. Но тем не менее `std::map` не имеет такого настолько же полноценного функционала., как моя лабораторная работа.