# 變異數分析與實驗設計

--綠豆成長觀察實驗

統計三 106304020 林子勛

統計三 106304025 宋承翰

統計三 106304027 許智超

統計三 106304042 方嘉呈

統計三 106304050 張韶恩

# 目錄

壹、		研究動	/機-		2			
貳、		研究目	的-		2			
參、		實驗設計						
	1.	trea	atme	ent design:	2			
9	2.	Experiment design:						
肆、		實驗分	析-		3			
伍、		結論			5			
陸、		附錄			6			
	1.	圖			6			
			圖		6			
			圖	<b></b>	6			
			圖	<b>=</b>	6			
			圖	四	7			
			圖	<b>五</b>	7			
			圖	六	7			
			圖	t	7			

# 壹、 研究動機

豆芽菜因為不易腐壞,菜價較低穩定,再加上種植不用土壤,只需要水就可以在室內生長,是種植最簡單的蔬菜。在颱風來襲時,豆芽菜是非常重要的替代蔬菜。我們想知道除了純水以外,像是酸性的水溶液,又或者是含鹽分的水溶液,能不能使豆芽菜成長茁壯,甚至效果能夠比純水還好。

# 貳、 研究目的

一般來說,種植豆芽菜的菜農都使用純水來種植豆芽菜,然而,近年來有關酸雨和土壤鹽化對植物的影響受到大幅的報導與研究,於是我們想說假如不是使用純水來種植豆芽菜,而是使用酸性的水溶液,或者水分有鹽的成分,能否使豆芽菜成長得更有效率。

# 參、 實驗設計

### 1. treatment design:

為了做此實驗,我們設計了兩大變因:兩種不同酸鹼度和三種不同鹽度的水。

酸鹼度的部分,選取純水(ph7)、醋水溶液(ph5.9)。酸雨的 ph 值是 5.5,而 5.9 是我們比較好取得的酸鹼度。原本醋的 ph 值為 2.9,以醋:水=1:1000 的比例,調出 ph 值 5.9 的醋水溶液。

鹽度部分,選取0%、0.05%、0.1%的鹽水溶液。根據農委會的報告綠豆的耐鹽度為0.1%,故我們選擇鹽度為0%、0.1%以及處於這兩種濃度中間的0.05%來做實驗。

#### 2. Experiment design:

準備 120 顆綠豆,在飲水機溫水中浸泡一晚。再來將綠豆分成 6 組,分別放置在 6 張衛生紙上並以 6 種不同的溶液澆灌,每天澆 10ml,重複 7 天。第八天測量綠豆芽的長度,觀察用哪種溶液澆灌的綠豆芽長最高,怎樣的酸鹼度和鹽度最適合綠豆芽生長。

# 肆、 實驗分析

首先,關於數據的部分,我們是以 CSV 檔的形式呈現。檔案中第一行就是我們種的綠豆的長度,也是我們的反應變數 y。第二行是第一個變因:酸鹼度,分為 0%、0,05%、0,1%。

在完成數據輸入後,我們將此 csv 檔讀進 R 中,然後使用 tapply 求出在不同變因底下,綠豆長度的平均值與標準差。其結果見圖一。其中,1 號為純水鹽度 0%,2 號為純水鹽度 0.05%,3 號為純水鹽度 0.1%,4 號為酸性水溶液鹽度 0%,5 號為酸性水溶液鹽度 0.05%,6 號為酸性水溶液鹽度 0.1%

	1.	2.	3.	4.	5.	6.
平均	20.15	16.75	15.75	15.70	19.90	15.55
標準差	7.97	8.19	2.07	5.50	6.73	4.9

接下來,我們製作了盒鬚圖以及變因的交互作用圖(詳見圖二、圖三)。從 盒鬚圖(圖二)中,可以看出在醋溶液中,隨著鹽度的增加,綠豆長度的平均值 呈現先增後減的情況;相較之下,在純水溶液中,隨著鹽度的增加,綠豆長度的 平均值呈現先減後增的情形。在交互作用圖(圖三)中,可以明顯地看出兩個變 因有很明顯的交互作用。

再來,為了檢測變異數的同質性,我們進行了一個虛無假設為變異數同質,對立假設為變異數不同值,且顯著水準為 0.05 的 levene test,其結果見**圖四**。結果中 p-value=0.1987,大於我們訂定的顯著水準 0.05,不拒絕虛無假設,即代表變異數同質性假設成立。

我們做出了 ANOVA Table (圖五),從表中可以看到酸鹼度、鹽度,以及酸鹼度與鹽度的交互作用他們的 p-value,分別為 0.4893、0.0338、0.0024。我們所設定的顯著水準為 0.05,而鹽度以及鹼度與鹽度的交互作用這兩項的 p-value都小於顯著水準,因此意味著鹽度以及鹼度與鹽度的交互作用項為顯著結果。

酸鹼值		鹽度	交互作用	
P	=0.489	P=0.034	P=0.002	

ANOVA Table 做完後,我們進行了正交比較(orthogonal contrasts)的分析, 其結果見**圖六**。結果為:鹽度的一次項、酸鹼度和鹽度的二次項的交互作用這兩項顯著。

最後,我們利用正交比較(orthogonal contrasts)分析的結果幫助求出正交 迴歸多項式模型。首先,我們算出各行的平均分別為20.15(純水,鹽度0%)、 16.75 (純水,鹽度 0.05%)、 15.75 (純水,鹽度 0.1%)、 15.70 (酸性水溶液,鹽度 0%)、 19.90 (酸性水溶液,鹽度 0.05%)、 15.55 (酸性水溶液,鹽度 0.1%),為了求出模型中各係數 (Effect)之值,我們利用公式

 $\Sigma P_{cij} y_{ij.}^{}$  /  $\Sigma P_{cij}^{}$  2得到常數項、酸鹼值(PH)、鹽度一次項(SI)、鹽度二次項(Sq)、酸鹼值與鹽度一次項之交互作用(PHSI)、酸鹼值與鹽度二次項之交互作用(PHSq)的係數,分別是 17.225, -0.025, -0.5, 1, 1.3125, -0.6625,並且在正交比較分析,在顯著水準為 0.05 時,藉由 p-value 得出只有 SI 及 PHSq 顯著,因此模型中只保留其二並刪除不顯著之變數。

酸鹼值(PH)	鹽度一次項(Sl)	鹽度二次項(Sq)	(PHSI)	(PHSq)
P=0.48927	P=0.01050	P=0.64648	P=0.12634	P=0.00168

	常數項	酸鹼值	鹽度一次項	鹽度二次項	PHSl	PHSq
$\frac{\sum P_{cij} \bar{y}_{ij.}}{\sum P_{cij}^2}$	17.225	-0.025	-0.5	1	1.3125	-0.6625

我們得到的正交迴歸模型如下。

### $\hat{Y}$ =17.225 - 0.5\*Sl - 0.6625\*PHSq

關於常態性假設的部分,我們畫了 qqplot (圖七)。該圖中的直線是常態直線圖,當 qqplot 散佈圖在此直線附近時,代表樣本資料來自常態分佈。在圖三中,可以看到資料點皆落在常態直線圖附近,可以推論出我們的迴歸模型服從常態假設。

接下來我們為了檢測各項變因是否對綠豆的生長有影響,製作了一個虛無假設為該變因對綠豆的生長沒有影響,對立假設為變因對綠豆的生長有影響的anova table,結果如圖五。表中可由 p-value 是否大於我們設定的顯著水準 0.05,得知鹽度和鹽度與酸鹼值的交互作用項為顯著,即不否認該變因對綠豆生長沒有影響,而酸鹼度這項變因的檢定結果不顯著,可以說酸鹼值並不影響綠豆的生長。

# 伍、 結論

從上述分析我們可以看出「鹽度」與「鹽度跟酸鹼值的交互作用」皆為顯著, 「酸鹼值」則是不顯著。

也就是說,鹽度對綠豆芽的生長有顯著影響,酸鹼值雖然本身不顯著,但是由於交互作用顯著,代表酸鹼對綠豆芽的生長還是會有影響。

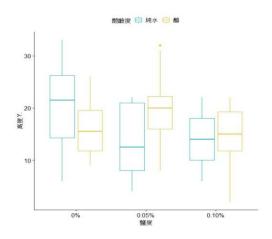
而根據我們的實驗結果,「鹽度 0%的純水」澆灌出來的綠豆芽生長的最好。根據迴歸模型,固定其他變數不變的情況下,鹽度每增加一個水準,綠豆芽的高度會減少(0.5+0.6625\*PH值)毫米。同樣固定其他變數的時候,PH每增加一個水準,綠豆芽的高度就會減少(0.6625\*鹽度)毫米。可以看到,鹽度跟酸鹼對綠豆生長都會有影響,而且這個影響是負面的。

由這個結果我們可以大膽推論,土壤鹽化跟酸雨對綠豆的生長都有負面影響。 在種綠豆時應避免這兩個變因,盡量使用鹽度為0%,PH值為7的純水,這樣 綠豆才能長得最好。

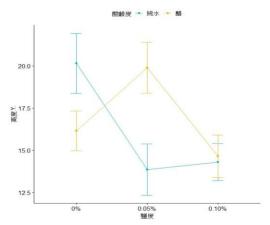
# 陸、 附錄

### 1. 圖

#### ▲圖一



# ▲圖二



### ▲圖三

```
Levene's Test for Homogeneity of Variance (center = median)

Df F value Pr(>F)

group 5 1.4894 0.1987

114
```

#### ▲圖四

```
> DATA.anova <- aov(高度.Y. ~ 酸鹼度 * 鹽度, data = DATA)
> summary(DATA.anova)
            Df Sum Sq Mean Sq F value Pr(>F)
酸鹼度
             1
                 19
                       19.2 0.481 0.48927
               279
鹽度
             2
                       139.3 3.491 0.03377 *
酸鹼度:鹽度
           2 508 254.0 6.367 0.00239 **
           114 4548
                       39.9
Residuals
Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
▲圖五
> DATA.orc <- aov(高度.Y. ~ PH + S1 + Sq + PHS1 + PHSq, data = DATA)
> summary(DATA.orc)
           Df Sum Sq Mean Sq F value Pr(>F)
PH
                 19
                      19.2 0.481 0.48927
            1
SI
                270
                      270.1 6.770 0.01050 *
            1
                       8.4 0.211 0.64648
                  8
Sq
            1
                 95
PHS1
                       94.6 2.371 0.12634
            1
PHSq
                413 413.4 10.363 0.00168 **
            1
          114 4548
                      39.9
Residuals
Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

#### ▲圖六

