

I. Algoritmos

1. Algoritmo de dijkstra:

Dado un grafo conexo, dirigido o no dirigido, con distancias no negativas; el algoritmo de Dijkstra empieza por marcar el nodo fuente e inicializar a 0 o a infinito las distancias acumuladas de cada nodo. Posteriormente itera, mientras queden nodos sin marcar, seleccionando en cada etapa el arco con la suma más pequeña de la distancia acumulada por uno de los nodos marcados más la distancia del arco que lo une a uno de los nodos no marcados, guardando este último nodo como marcado y actualizando su distancia acumulada con la suma antes calculada. Al final del proceso tendremos un árbol de expansión del camino más corto.

Algorithm 1 Dijkstra

Entrada: $G = (V, A)$; $D, s \in V$

Salida: $G^T = (V^T, A^T)$; W

```

1:  $A^T \leftarrow \emptyset$ 
2:  $V^T \leftarrow \{s\}$ 
3:  $W_{1,|V|} \leftarrow 0$ 
4: while  $|V^T| < |V|$  do
5:   seleccionar arcos  $(i, j) \in A$  con  $i \in V^T$  y  $j \in V \setminus V^T$ 
6:   elegir un arco  $(i, j)$  de los anteriores tal que  $d_{ij} + W_i$ 
   sea mínimo
7:    $A^T \leftarrow A^T \cup \{(i, j)\}$ 
8:    $V^T \leftarrow V^T \cup \{j\}$ 
9:    $W_j \leftarrow d_{ij} + W_i$ 
10: end while
```

2. Algoritmo de Bellman-Ford:

El algoritmo de Bellman-Ford empieza inicializando a 0 la distancia asociada a la fuente y a infinito las distancias acumuladas del resto de nodos. Posteriormente, lleva a cabo el proceso de relajación iterando en todos los nodos distintos de la fuente, comprobando en cada arco que sale de él si la distancia hacia otro nodo es mayor que la suma de la distancia acumulada del primero más el peso del arco que los une, en caso afirmativo establece este resultado como la distancia acumulada por el nodo de llegada y guarda el nodo de partida como su predecesor. Al final termina comprobando si se han encontrado ciclos negativos, revisando arco por arco si se puede reducir la distancia acumulada del nodo de llegada.

Si no se topa con uno, el resultado final es un árbol de expansión del camino mas corto.

Algorithm 2 Bellman-Ford

Entrada: $G = (V, A)$; $D; s \in V$

Salida: $G^T = (V^T, A^T)$; W

```

1:  $A^T \leftarrow \emptyset$ 
2:  $W_{1,|V|} \leftarrow \infty; W_s \leftarrow 0$ 
3:  $P \leftarrow \emptyset$ 
4: for cada nodo  $i \in V \setminus \{s\}$  do
5:   for cada arco  $(i, j) \in A$  do
6:     if  $W_j > W_i + d_{ij}$  then
7:        $W_j \leftarrow W_i + d_{ij}$ 
8:        $P_j \leftarrow i$ 
9:     end if
10:   end for
11: end for
12: for cada arco  $(i, j) \in A$  do
13:   if  $W_j > W_i + d_{ij}$  then
14:     No hay solución
15:   end if
16: end for
17: for cada nodo  $j \in V \setminus \{s\}$  do
18:    $i \leftarrow P_j$ 
19:   seleccionar arco  $(i, j)$  de  $A$ 
20:    $A^T \leftarrow A^T \cup \{(i, j)\}$ 
21: end for
22:  $V^T \leftarrow V$ 
```

3. Algoritmo de Gusfield:

La principal ventaja del algoritmo de Gusfield es, precisamente, evitar el requisito de comprimir nodos. El algoritmo arranca construyendo un árbol con el primer nodo como nodo único, e itera posteriormente añadiendo cada vez uno nuevo de acuerdo al orden $2, 3, \dots, |V|$. En cada iteración la duda radica en escoger a qué nodo del árbol se une cada nuevo nodo k cuando existe más de una posibilidad.

Algorithm 3 Gusfield

Entrada: $G = (V, A); Z$

Salida: $G^{T'} = (V^{T'}, A^{T'}); Z^T$

```

1:  $V^T \leftarrow \{1\}$ 
2:  $A^T \leftarrow \emptyset$ 
3:  $Z_{|V|X|V|}^T \leftarrow \infty$ 
4: for cada nodo  $i \in V$  do
5:    $V_k^T \leftarrow V^T; A_k^T \leftarrow A^T$ 
6:   while  $|V_k^T| > 1$  do
7:     borrar un arco  $(i, j) \in A_k^T$  cuyo  $a_{i,j}$  sea mínimo
8:     determinar componentes  $T_1$  y  $T_2$  de  $V_k^T$  y  $A_k^T$  tal
       que  $i \in T_1$  y  $j \in T_2$ 
9:     obtener corte mínimo entre  $i$  y  $j$  en el grafo  $G =$ 
        $(V, A)$  original
10:    determinar componentes  $S_1$  y  $S_2$  de  $V^T$  y  $A^T$  tal
       que  $i \in S_1$  y  $j \in S_2$ 
11:    if nodo  $i \in S_1$  then
12:       $V_k^T \leftarrow$  nodos de la componente  $T_1$ 
13:       $A_k^T \leftarrow$  arcos de la componente  $T_1$ 
14:    else
15:       $V_k^T \leftarrow$  nodos de la componente  $T_2$ 
16:       $A_k^T \leftarrow$  arcos de la componente  $T_2$ 
17:    end if
18:  end while
19:  añadir arco  $(i, k)$ , con  $k \in V_k^T$ , al árbol  $A^T$ 
20:  obtener corte mínimo entre  $i$  y  $k$  en el grafo  $G = (V, A)$ 
       original
21:   $Z_{ik}^T \leftarrow$  capacidad del corte mínimo  $i - k$ 
22:   $V^T \leftarrow V^T \cup \{i\}$ 
23: end for

```
