
Algorithm 1 Boruvka

Entrada: $G = (V, A); C$ **Salida:** $G^T = (V^T, A^T)$

```
1:  $A^T \leftarrow \emptyset$ 
2:  $M \leftarrow V$ 
3: while  $|A^T| < (|V| - 1)$  do
4:    $S \leftarrow \emptyset$ 
5:   for cada componente  $k \in M$  do
6:      $S' \leftarrow \emptyset$ 
7:     for cada nodo  $i \in V$  tal que  $M_i = k$  do
8:       seleccionar un arco  $(i, j) \in A$  con  $j \in V$  tal que  $M_j \neq k$  cuyo  $c_{ij}$  sea mínimo
9:       if existe el arco  $(i, j)$  then
10:         $S' \leftarrow S' \cup \{(i, j)\}$ 
11:       end if
12:     end for
13:     seleccionar arco  $(i, j) \in S'$  cuyo  $c_{ij}$  sea mínimo
14:      $S \leftarrow S \cup \{(i, j)\}$ 
15:   end for
16:   for cada arco  $(i, j) \in S$  do
17:      $A^T \leftarrow A^T \cup \{(i, j)\}$ 
18:      $M_l \leftarrow M_i$  para todo  $l \in \{1, \dots, |M|\}$  tal que  $M_l = M_j$ 
19:   end for
20: end while
21:  $V^T \leftarrow V$ 
```

Algorithm 2 Dijkstra

Entrada: $G = (V, A); D, s \in V$ **Salida:** $G^T = (V^T, A^T); W$

```
1:  $A^T \leftarrow \emptyset$ 
2:  $V^T \leftarrow \{s\}$ 
3:  $W_{1,|V|} \leftarrow 0$ 
4: while  $|V^T| < |V|$  do
5:   seleccionar arcos  $(i, j) \in A$  con  $i \in V^T$  y  $j \in V \setminus V^T$ 
6:   elegir un arco  $(i, j)$  de los anteriores tal que  $d_{ij} + W_i$  sea mínimo
7:    $A^T \leftarrow A^T \cup \{(i, j)\}$ 
8:    $V^T \leftarrow V^T \cup \{j\}$ 
9:    $W_j \leftarrow d_{ij} + W_i$ 
10: end while
```

Algorithm 3 Bellman-Ford

Entrada: $G = (V, A)$; D ; $s \in V$ **Salida:** $G^T = (V^T, A^T)$; W

```
1:  $A^T \leftarrow \emptyset$ 
2:  $W_{1:|V|} \leftarrow \infty$ ;  $W_s \leftarrow 0$ 
3:  $P \leftarrow \emptyset$ 
4: for cada nodo  $i \in V \setminus \{s\}$  do
5:   for cada arco  $(i, j) \in A$  do
6:     if  $W_j > W_i + d_{ij}$  then
7:        $W_j \leftarrow W_i + d_{ij}$ 
8:        $P_j \leftarrow i$ 
9:     end if
10:  end for
11: end for
12: for cada arco  $(i, j) \in A$  do
13:   if  $W_j > W_i + d_{ij}$  then
14:     No hay solución
15:   end if
16: end for
17: for cada nodo  $j \in V \setminus \{s\}$  do
18:    $i \leftarrow P_j$ 
19:   seleccionar arco  $(i, j)$  de  $A$ 
20:    $A^T \leftarrow A^T \cup \{(i, j)\}$ 
21: end for
22:  $V^T \leftarrow V$ 
```

Algorithm 4 Kruskal

Entrada: $G = (V, A)$; C

Salida: $G^T = (V^T, A^T)$

```
1:  $A^T \leftarrow \emptyset$ 
2:  $M \leftarrow V$ 
3: while  $|A^T| < (|V| - 1)$  do
4:   seleccionar un arco  $(i, j) \in A$  cuyo  $c_{ij}$  sea mínimo
5:   if  $M_i \neq M_j$  then
6:      $A^T \leftarrow A^T \cup \{(i, j)\}$ 
7:      $M_k \leftarrow M_i$  para todo  $k \in \{1, \dots, |M|\}$  tal que  $M_k = M_j$ 
8:   end if
9:    $A \leftarrow A \setminus \{(i, j)\}$ 
10: end while
11:  $V^T \leftarrow V$ 
```

Algorithm 5 Prim

Entrada: $G = (V, A)$; C ; $s \in V$

Salida: $G^T = (V^T, A^T)$

```
1:  $A^T \leftarrow \emptyset$ 
2:  $V^T \leftarrow \{s\}$ 
3: while  $|V^T| < |V|$  do
4:   seleccionar un arco  $(i, j) \in A$  con  $i \in V^T$  y  $j \in V \setminus V^T$  cuyo  $c_{ij}$  sea mínimo
5:    $A^T \leftarrow A^T \cup \{(i, j)\}$ 
6:    $V^T \leftarrow V^T \cup \{j\}$ 
7: end while
```

Algorithm 6 Edmonds

Entrada: $G = (V, A); C; s \in V$ **Salida:** $G^{T'} = (V^{T'}, A^{T'})$

```
1:  $A^{T'} \leftarrow \emptyset$ 
2:  $k \leftarrow 1; V_k \leftarrow V; A_k \leftarrow A; C_k \leftarrow C$ 
3: while  $A^{T'} = \emptyset$  do
4:   for cada nodo  $j \in V \setminus \{s\}$  do
5:     entre los arcos de  $A_k$  incidentes en  $j$  seleccionar el coste  $c_{kij}$  mínimo
6:     restar coste  $c_{kij}$  a todos los arcos de  $A_k$  que inciden en  $j$ 
7:   end for
8:   seleccionar arcos de  $A_k$  con coste 0
9:   if forman una arborescencia de expansión then
10:    guardar arborescencia en  $A^{T'}$ 
11:   else if seleccionar arcos de  $A_k$  con coste 0 que formen un ciclo then
12:    fusionar nodos y arcos del ciclo en un supernodo
13:     $k \leftarrow k + 1; V_k \leftarrow V_{k-1}; A_k \leftarrow A_{k-1}; C_k \leftarrow C_{k-1}$ 
14:   end if
15: end while
16: while  $k > 1$  do
17:   deshacer supernodo de la etapa  $k$  y recuperar grafo, costes y ciclo de la etapa  $k - 1$ 
18:   seleccionar arcos del grafo en la etapa  $k - 1$  que se correspondan con arcos en  $A^{T'}$ 
19:   seleccionar arcos del ciclo en la etapa  $k - 1$  excepto el que incide en un nodo ya alcanzado
20:   guardar arcos seleccionados en una nueva arborescencia en  $A^{T'}$ 
21:    $k \leftarrow k - 1$ 
22: end while
23:  $V^{T'} \leftarrow V$ 
```

Algorithm 7 Gusfield

Entrada: $G = (V, A); Z$ **Salida:** $G^{T'} = (V^{T'}, A^{T'}); Z^T$

```
1:  $V^T \leftarrow \{1\}$ 
2:  $A^T \leftarrow \emptyset$ 
3:  $Z_{|V|X|V|}^T \leftarrow \infty$ 
4: for cada nodo  $i \in V$  do
5:    $V_k^T \leftarrow V^T; A_k^T \leftarrow A^T$ 
6:   while  $|V_k^T| > 1$  do
7:     borrar un arco  $(i, j) \in A_k^T$  cuyo  $a_{i,j}$  sea mínimo
8:     determinar componentes  $T_1$  y  $T_2$  de  $V_k^T$  y  $A_k^T$  tal que  $i \in T_1$  y  $j \in T_2$ 
9:     obtener corte mínimo entre  $i$  y  $j$  en el grafo  $G = (V, A)$  original
10:    determinar componentes  $S_1$  y  $S_2$  de  $V^T$  y  $A^T$  tal que  $i \in S_1$  y  $j \in S_2$ 
11:    if nodo  $i \in S_1$  then
12:       $V_k^T \leftarrow$  nodos de la componente  $T_1$ 
13:       $A_k^T \leftarrow$  arcos de la componente  $T_1$ 
14:    else
15:       $V_k^T \leftarrow$  nodos de la componente  $T_2$ 
16:       $A_k^T \leftarrow$  arcos de la componente  $T_2$ 
17:    end if
18:  end while
19:  añadir arco  $(i, k)$ , con  $k \in V_k^T$ , al árbol  $A^T$ 
20:  obtener corte mínimo entre  $i$  y  $k$  en el grafo  $G = (V, A)$  original
21:   $Z_{ik}^T \leftarrow$  capacidad del corte mínimo  $i - k$ 
22:   $V^T \leftarrow V^T \cup \{i\}$ 
23: end for
```
