

DIU Bloc 4, séance du vendredi 12/06

Complexité des structures de données

<https://www.bigocheatsheet.com/> (<https://www.bigocheatsheet.com/>)

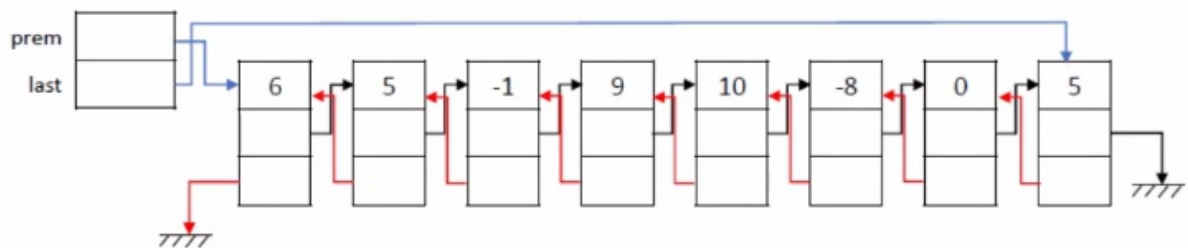
{%pdf <https://www.bigocheatsheet.com/pdf/big-o-cheatsheet.pdf> %}

Liste doublement chaînée non circulaire

Construction de la classe

Les listes chaînées

- La liste doublement chaînée



```
# ===== Cellule
=====
class Cellule:
    def __init__(self, info, suivant, precedent):
        self.info = info
        self.suivant = suivant
        self.precedent = precedent

# ===== Liste
=====
class Liste:
    """ Liste doublement chaînée non circulaire """

    def __init__(self):
        self.premier = None
        self.dernier = None

    """ Commentaires
    le fait d'avoir un pointeur vers le premier ou le dernier
    n'est pas lié au caractère simplement chaîné ou doublement
    chaîné
```

On décide qu'une liste vide est représentée par
self.premier et self.dernier valent None : choix
"""

```
def __del__(self):  
    self.vider()
```

```
def estVide(self):  
    #on aurait pu rajouter que self.dernier == None  
    #mais on n'est pas obligé de le faire  
    #peut-on utiliser len ?  
    #OK mais il faut surcharger l'opérateur len  
    #dans la définition de la classe  
    return self.premier == None
```

```
def vider(self):  
    while self.premier:  
        elt = self.premier  
        self.premier = elt.suivant  
        del elt  
        #on supprimer manuellement l'élément  
        #car le garbage collector ne pourrait pas supprimer  
        #les cellules en doublement chaîné  
        #car on n'aurait pas supprimé tous les liens  
        ##rouge et noir entre les cellules (voir image)  
        #on peut utiliser supprimer_tete() dans vider  
        """  
        while self.premier:  
            self.supprimer_tete()  
            #pas besoin de self.dernier = None géré dans supprimer_tete  
        """  
    self.dernier = None
```

```
def nbElements(self):  
    nb = 0  
    elt = self.premier  
    while elt:  
        nb += 1  
        elt = elt.suivant  
    return nb
```

```
def nbElements2(self):  
    return 1 + _nbE(self, self.suivant)
```

```
def _nbE(self, c):  
    if c is None:  
        return 0  
    return _nbE(self, c.suivant)
```

```

def iemeElement(self, indice):
    elt = self.premier
    for i in range(indice):
        elt = elt.suivant
        if elt == None:
            print("Erreur iemeElement : indice trop grand")
    return elt.info

def modifierIemeElement(self, indice, infoElement):
    elt = self.premier
    for i in range(indice):
        elt = elt.suivant
        if elt == None:
            print("Erreur modifierIemeElement : indice trop grand")
    elt.info = infoElement

def afficher(self):
    elt = self.premier
    while elt:
        print(elt.info, end=' ')
        elt = elt.suivant
    print()

def ajouterEnTete(self, infoElement):
    elt = Cellule(infoElement, self.premier, None)
    if self.estVide():
        self.dernier = elt
    else:
        self.premier.precedent = elt
    self.premier = elt

def supprimerTete(self):
    #ici le garbage collector supprimera bien l'élément
    #car on a bien supprimé tous les liens vers l'objet
    elt = self.premier
    self.premier = elt.suivant
    if self.premier:
        self.premier.precedent = None
    else:
        self.Dernier = None

def ajouterEnQueue(self, infoElement):
    if self.estVide():
        self.ajouterEnTete(infoElement)
    else:
        elt = Cellule(infoElement, None, self.dernier)
        self.dernier.suivant = elt
        self.dernier = elt

def rechercherElement(self, infoElement):
    #pourquoi utiliser un booléen

```

```

#alors qu'on pourrait faire une sortie prématurée
elt = self.premier
trouve = False
pos = 0
while elt and not trouve:
    if infoElement == elt.info:
        trouve = True
    else:
        elt = elt.suivant
        pos += 1
if trouve:
    return pos
else:
    return -1

def insererElement(self, indice, infoElement):
    #on aime bien réutiliser des fonctions déjà écrites
    if self.estVide() or indice == 0:
        self.ajouterEnTete(infoElement)
    elif indice == self.nbElements():
        self.ajouterEnQueue(infoElement)
    else:
        #self.nbElements() en O(n)
        #quand on arrive ici on est donc en O(2n)
        #on aurait pu choisir d'utiliser un attribut self.length
        elt = self.premier
        for _ in range(indice): elt = elt.suivant
        nvelt = Cellule(infoElement, elt, elt.precedent)
        elt.precedent.suivant = nvelt
        elt.precedent = nvelt

def importerTableau(self, tab):
    self.vider()
    for elt in tab:
        self.ajouterEnQueue(elt)

def trier(self):
    if not self.premier or not self.premier.suivant:
        return # rien a faire si moins de 2 elements
    derniereTrie = self.premier
    aplacer = self.premier.suivant
    while aplacer: # boucle principale sur les elements a placer
        c = self.premier
        while c != aplacer and c.info < aplacer.info:
            c = c.suivant
        # En sortie du while , on sait que:
        # (1) soit c->info est superieur a aplacer->info : on doit inserer
        aplacer entre le precedent de c et c.
        # (2) soit c == aplacer : aplacer est a sa place
        precC = c.precedent
        precAplacer = aplacer.precedent
        suivAplacer = aplacer.suivant

```

```

# Cas 1 :
if c != aplacer:
    if precC :
        precC.suivant = aplacer
    else:
        self.premier = aplacer
    if suivAPlacer == None:
        self.dernier = precAPlacer
    else:
        suivAPlacer.precedent = precAPlacer
# desinsertion aplacer
precAPlacer.suivant = suivAPlacer
# insertion [preC,C]
aplacer.suivant = c
aplacer.precedent = precC
c.precedent = aplacer
# iteration
derniereTrie = suivAPlacer

# Cas 2 :
else :
    derniereTrie = aplacer

aplacer = derniereTrie.suivant

```

Remarques diverses

- Différences entre `__str__` et `__repr__` :
 - `__repr__` est appelé lorsqu'on saisit le nom de l'objet dans la console => voir aussi <https://docs.python.org/3/library/functions.html#repr> (<https://docs.python.org/3/library/functions.html#repr>) ou <https://docs.python.org/3/library/functions.html#repr> (<https://docs.python.org/3/library/functions.html#repr>)

Importer un tableau dans la liste chaînée

Ici il s'agit d'une méthode d'instance

```

def importerTableau(self, tab):
    #on a un accès direct en fin de liste
    #donc ajouterEnQueue en cout constant
    #donc importerTableau en O(n)
    self.vider()
    for elt in tab:
        self.ajouterEnQueue(elt)

```

Remarque : vider est en $O(n)$ (suppression de la tête tant que pas vide) et insérer un élément en queue de liste est en $O(1)$ (grâce à l'attribut dernier) ce qui est fait n fois donc importer un tableau ainsi est en $O(n)$. Si on avait une liste simplement chaînée, ajouter en queue serait en $O(n)$ et donc on aurait eu une complexité en $O(n^2)$. Il aurait alors mieux valu parcourir le tableau dans le sens inverse en faisant des appels à ajouterEnTete (qui est en $O(1)$ grâce à l'attribut premier)

Tri par insertion

```

def trier(self):
    if not self.premier or not self.premier.suivant:
        return # rien a faire si moins de 2 elements
    derniereTrie = self.premier
    aplacer = self.premier.suivant
    while aplacer: # boucle principale sur les elements a placer
        c = self.premier
        while c != aplacer and c.info < aplacer.info:
            c = c.suivant
        # En sortie du while , on sait que:
        # (1) soit c->info est superieur a aplacer->info : on doit inserer
        aplacer entre le precedent de c et c.
        # (2) soit c == aplacer : aplacer est a sa place
        precC = c.precedent
        precAPlacer = aplacer.precedent
        suivAPlacer = aplacer.suivant

        # Cas 1 :
        if c != aplacer:
            if precC :
                precC.suivant = aplacer
            else:
                self.premier = aplacer
            if suivAPlacer == None:
                self.dernier = precAPlacer
            else:
                suivAPlacer.precedent = precAPlacer
        # desinsertion aplacer
        precAPlacer.suivant = suivAPlacer
        # insertion [preC,C]
        aplacer.suivant = c
        aplacer.precedent = precC
        c.precedent = aplacer
        # iteration
        derniereTrie.suivant = suivAPlacer

        # Cas 2 :
        else :
            derniereTrie = aplacer

    aplacer = derniereTrie.suivant

```

++Remarques :++ :-1:

Si on déplace juste les infos et pas les cellules, cela peut poser problème de changer les valeurs des cellules, si d'autres objets du programme font référence aux cellules de la liste chaînée

Le tri par insertion avec une liste chaînée est plus performant que le tri par insertion sur un tableau dynamique en Python : même complexité mais en Python il faut parfois réallouer de l'espace en mémoire pour le tableau (en doublant sa taille)

Méthodes d'instance, de classe, statique (on ne sera pas amené à l'utiliser avec les élèves):

- <https://realpython.com/instance-class-and-static-methods-demystified/>
(<https://realpython.com/instance-class-and-static-methods-demystified/>)
([https://realpython.com/instance-class-and-static-methods-demystified/%5D\(https://realpython.com/instance-class-and-static-methods-demystified/\)](https://realpython.com/instance-class-and-static-methods-demystified/%5D(https://realpython.com/instance-class-and-static-methods-demystified/)))
- <https://www.fun-mooc.fr/courses/course-v1:UCA+107001+session02/courseware/c9b29d750f974f7ea06fdf971a40a7f4/9cad56d60cde49f>
(<https://www.fun-mooc.fr/courses/course-v1:UCA+107001+session02/courseware/c9b29d750f974f7ea06fdf971a40a7f4/9cad56d60cde49f>)
- <https://docs.python.org/3/library/functions.html#classmethod>
(<https://docs.python.org/3/library/functions.html#classmethod>)

Les identifiants des items dans Tkinter :-1:

Stocké dans un attribut "tag" de l'objet si je me souviens bien. Il faudrait se replonger dans la doc :

<https://anzelg.github.io/rin2/book2/2405/docs/tkinter/tkinter.pdf>

```
class NombreComplexe :
    nbComplexesCrees = 0

    def __init__ (self) :
        self.Re = 0
        self.Im = 0
        NombreComplexe.nbComplexesCrees += 1

    def afficheNbComplexe (cls) :
        print(NombreComplexe.nbComplexesCrees)

    afficheNbComplexe = classmethod(afficheNbComplexe)

NombreComplexe.afficheNbComplexe()
# affiche 0
nc1 = NombreComplexe()
NombreComplexe.afficheNbComplexe()
# affiche 1
nc2 = NombreComplexe()
NombreComplexe.afficheNbComplexe()
# affiche 2
# on peut aussi faire : nc2.afficheNbComplexe()
```


Piles et Files

Pile

```
class Pile :
    def __init__(self, L):
        self.liste = L

    def __repr__(self): # ou __str__
        s = 'pile: '
        for e in self.liste:
            s += str(e) + ' '
        return s

    def empiler(self, e):
        #pourquoi insérer en tête de liste Python ?
        #on peut choisir que le sommet soit le dernier
        #élément de la liste (cela éviterait de décaler tout vers la droite
dans une insertion)
        self.liste.insert(0, e)

    def depiler(self):
        del self.liste[0]

    def sommet(self):
        return self.liste[0]

    def estVide(self):
        return len(self.liste) == 0

    def hauteur(self):
        return len(self.liste)

    def traiter(self):
        e = self.liste[0]
        del self.liste[0]
        return e
```

++Remarques:++

La complexité des opérations empiler, depiler, sommet dépend du choix d'implémentation :-1:

- * coût amorti constant avec une structure de liste chaînée
- * coût amorti constant avec une liste Python si on choisit que le sommet de Pile est en fin de liste

Le coût de len sur une liste Python est en $O(1)$, car les listes Python ont un attribut longueur. A propos de l'implémentation des listes en Python
<https://realpython.com/instance-class-and-static-methods-demystified/>
(<https://realpython.com/instance-class-and-static-methods-demystified/>)

Files

```
class File :
    def __init__(self, L):
        self.liste = L

    def __repr__(self): # ou __str__
        s = 'file: '
        for e in self.liste:
            s += str(e) + ' '
        return s

    def traiter(self):
        e = self.liste[-1]
        del self.liste[-1]
        return e

    def enfiler(self, e):
        self.liste.insert(0, e)

    def estVide(self):
        return len(self.liste) == 0

    def longueur(self):
        return len(self.liste)
```

Inversion d'une file en utilisant une pile

```
def inverserFile (file) :
    pile = Pile()
    while not file.estVide() :
        pile.empiler(file.traiter())
    while not pile.estVide() :
        file.enfiler(pile.traiter())
```

++Remarques++

Exemples de Pile et de File :-1:

```

* Piles :

    * Jeux de cartes avec pioche
    * Les undo : CTRL + Z => je veux être capable de revenir en arrière =>
quelle structure de données utiliser => une pile
    * validité d'un parenthésage
    * pour l'allocation sur le tas, on a un modèle de pile (empilement des
appels des fonctions et de la mémoire qu'elles utilisent)
    * Passer de notation infixe à polonaise, c'est un cas d'usage d'une pile :
y'a une appli sur android : droid48
    * Jeux de société : Le Jungle Speed ne fonctionne qu'avec des Piles, tout
comme la plupart des manches du Dooble
    * parcours en profondeur d'un graphe (parcours d'un labyrinthe , résolution
d'un sudoku ... on peut faire des mini projets avec les piles
    *

<https://runestone.academy/runestone/books/published/pythonds/BasicDS/InfixPrefixandPostfixExpressions.html>

* Files :
    * files d'attente : impression, événement
    * parcours en largeur

```

Validité du parenthésage d'une expression

```

def valide (ch) :
    pile = Pile()
    i = 0
    for car in ch :
        if car == '(' or car == '[' :
            pile.empiler(car)
        elif car == ')' :
            if not pile.estVide() :
                sommet = pile.traiter()
                if sommet != '(' :
                    return False
            else :
                return False
        elif car == ']' :
            if not pile.estVide() :
                sommet = pile.traiter()
                if sommet != '[' :
                    return False
            else :
                return False
    return pile.estVide()

```

++Remarques++

On n'a besoin de traiter dans la pile que les caractères de parenthésages.
Attention aux cas où la liste est vide.

Bilan

++Avec les élèves++

Liste chaînée : trop dur

Pile et File : accessible

Intérêt de la POO : rassembler ensemble autour d'une même entité toutes les opérations de manipulation de cet objet