

# Classe virtuelle du 24/03/2020

Frédéric Junier

Lycée du Parc  
1 Boulevard Anatole France  
69006 Lyon

23 mars 2020

- Propriété de l'intégrale : Chasles
- Propriété de l'intégrale : Linéarité

## Theorem

$$\int_a^b f(x) dx = \int_a^c f(x) dx + \int_c^b f(x) dx$$

Un exemple, on donne  $\int_0^2 f(x) dx = 5$  et  $\int_0^5 f(x) dx = 7$

- Calculer  $\int_2^0 f(x) dx$  :

## Theorem

$$\int_a^b f(x) dx = \int_a^c f(x) dx + \int_c^b f(x) dx$$

Un exemple, on donne  $\int_0^2 f(x) dx = 5$  et  $\int_0^5 f(x) dx = 7$

- Calculer  $\int_2^0 f(x) dx$  :
- $\int_2^0 f(x) dx + \int_0^2 f(x) dx = \int_2^2 f(x) dx = 0$  donc  
 $\int_2^0 f(x) dx = -\int_0^2 f(x) dx = -5$
- Calculer  $\int_2^5 f(x) dx$  :

## Theorem

$$\int_a^b f(x) dx = \int_a^c f(x) dx + \int_c^b f(x) dx$$

Un exemple, on donne  $\int_0^2 f(x) dx = 5$  et  $\int_0^5 f(x) dx = 7$

- Calculer  $\int_2^0 f(x) dx$  :
- $\int_2^0 f(x) dx + \int_0^2 f(x) dx = \int_2^2 f(x) dx = 0$  donc  
 $\int_2^0 f(x) dx = -\int_0^2 f(x) dx = -5$
- Calculer  $\int_2^5 f(x) dx$  :
- $\int_0^2 f(x) dx + \int_2^5 f(x) dx = \int_0^5 f(x) dx = 7$  donc :  
 $\int_2^5 f(x) dx = \int_0^5 f(x) dx - \int_0^2 f(x) dx = 7 - 5 = 2$

## Theorem

$$\int_a^b (\alpha f(x) + \beta g(x)) dx = \alpha \int_a^b f(x) dx + \beta \int_a^b g(x) dx$$

Un exemple, on donne  $\int_0^2 f(x) dx = 5$  et  $\int_2^0 g(x) dx = 6$

- Calculer  $\int_0^2 3f(x) dx$  :

## Theorem

$$\int_a^b (\alpha f(x) + \beta g(x)) dx = \alpha \int_a^b f(x) dx + \beta \int_a^b g(x) dx$$

Un exemple, on donne  $\int_0^2 f(x) dx = 5$  et  $\int_2^0 g(x) dx = 6$

- Calculer  $\int_0^2 3f(x) dx$  :
- $\int_0^2 3f(x) dx = 3 \int_0^2 f(x) dx = 15$
- Calculer  $\int_0^2 3f(x) - 4g(x) dx$  :

## Theorem

$$\int_a^b (\alpha f(x) + \beta g(x)) dx = \alpha \int_a^b f(x) dx + \beta \int_a^b g(x) dx$$

Un exemple, on donne  $\int_0^2 f(x) dx = 5$  et  $\int_2^0 g(x) dx = 6$

- Calculer  $\int_0^2 3f(x) dx$  :
- $\int_0^2 3f(x) dx = 3 \int_0^2 f(x) dx = 15$
- Calculer  $\int_0^2 3f(x) - 4g(x) dx$  :
- $\int_0^2 3f(x) - 4g(x) dx = 3 \int_0^2 f(x) dx - 4 \int_0^2 g(x) dx$



Attention à l'ordre des bornes !  $\int_0^2 g(x) dx = - \int_2^0 g(x) dx$

Donc  $\int_0^2 3f(x) - 4g(x) dx = 3 \int_0^2 f(x) dx + 4 \int_2^0 g(x) dx =$   
 $3 \times 5 + 4 \times 6 = 29$





Ne pas confondre les propriétés de Chasles et de linéarité :

- $\int_0^3 f(x) \, dx + \int_3^6 f(x) \, dx = \int_0^6 f(x) \, dx$  par Chasles (bornes consécutives)
- $\int_0^3 2f(x) \, dx = 2 \int_0^3 f(x) \, dx$  par linéarité (mêmes bornes)
- $\int_0^3 2f(x) \, dx + \int_1^4 f(x) \, dx \neq \int_0^3 3f(x) \, dx$

On ne peut pas simplifier cette somme d'intégrale, en appliquant Chasles et la linéarité on peut obtenir par exemple :

$$\begin{aligned} \int_0^3 2f(x) \, dx + \int_1^4 f(x) \, dx &= \\ \int_0^3 3f(x) \, dx + \int_3^4 f(x) \, dx + - \int_0^1 f(x) \, dx \end{aligned}$$