# Microeconomia 1 (Lista 1)

### Frederico Fonseca Ribeiro

## Questão 1

## Questão 2

a)

$$UMg_1 = \frac{\partial u}{\partial x_1} = x_2$$

De forma semelhante, , encontramos a utilidade maginal de  $x_2$  e temos que a  $TMgS=\frac{UMg_1}{UMg_2}=\frac{x_2}{x_1}$ 

b)

De forma semelhante, temos que:

$$TMgS = \frac{2x_1x^2}{2x_1^2x_2}$$

c)

$$TMgS = \frac{1/x_1}{1/x_2}$$

#### Questão 3

a)

Demonstrando homogeneidade de grau zero:

$$x_1(p, w) = x(kp, kw) \tag{1}$$

$$\left(\frac{2w}{2p_1 + p_2}\right) = \left(\frac{k2w}{k2p_1 + kp_2}\right) \tag{2}$$

$$= \left(\frac{k(ww)}{k(2p_1 + p_2)}\right) \tag{3}$$

$$= \left(\frac{2w}{2p_1 + p_2}\right) \tag{4}$$

Demonstrando Lei de Walras:

$$px = w (5)$$

$$p_1 x_1 + p_2 x_2 = w (6)$$

$$p_1\left(\frac{2w}{2p_1 + p_2}\right) + p_2\left(\frac{w}{2p_1 + p_2}\right) = w \tag{7}$$

$$w\left(\frac{2p_1 + p_2}{2p_1 + p_2}\right) = w \tag{8}$$

$$w = w \tag{9}$$

b)

Demonstrando grau de homogeneidade 0 para  $x_1$ , sendo os outros casos análogos:

$$x_1(p, w) = x(kp, kw) \tag{10}$$

$$\left(\frac{p_2 w}{(p_1 + p_2 + p_3)p_1}\right) = \left(\frac{kp_2 kw}{(kp_1 + kp_2 + kp_3)kp_1}\right) \tag{11}$$

$$= \left(\frac{k^2 p_2 w}{k^2 (p_1 + p_2 + p_3) p_1}\right) \tag{12}$$

$$= \left(\frac{p_2 w}{(p_1 + p_2 + p_3)p_1}\right) \tag{13}$$

Demonstrando Lei de Walras

$$w = px (14)$$

$$=p_1\left(\frac{p_2w}{(p_1+p_2+p_3)p_1}\right)+p_2\left(\frac{p_3w}{(p_1+p_2+p_3)p_2}\right)+p_3\left(\frac{\beta p_1w}{(p_1+p_2+p_3)p_3}\right) \tag{15}$$

$$= p_1 \left( \frac{p_2 w}{(p_1 + p_2 + p_3)p_1} \right) + p_2 \left( \frac{p_3 w}{(p_1 + p_2 + p_3)p_2} \right) + p_3 \left( \frac{\beta p_1 w}{(p_1 + p_2 + p_3)p_3} \right)$$

$$= \left( \frac{p_2 w + p_3 w + \beta p_1 w}{p_1 + p_2 + p_3} \right)$$

$$= \left( \frac{p_2 w + p_3 w + \beta p_1 w}{p_1 + p_2 + p_3} \right)$$

$$(15)$$

$$= \frac{w(\beta p_1 + p_2 + p_3)}{p_1 + p_2 + p_3}$$

$$= \frac{(17)}{p_1 + p_2 + p_3}$$

$$= w$$
, se  $\beta = 1$  (18)

Questão 4
Questão 5
Cobb-Douglas
CES
Questão 6
Questão 7
Questão 8
Questão 9
Questão 10
Questão 11
Questão 12

Questão 13

Questão 14

Questão 15