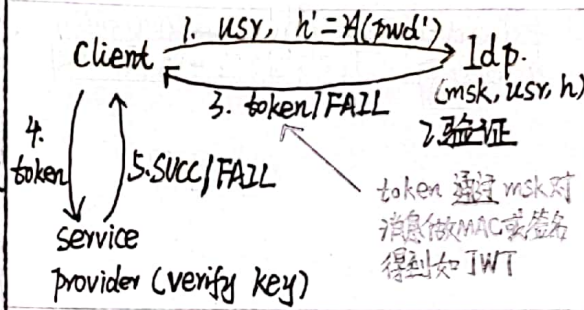


**概述:** (S) 针对 SSO 应用场景中单个 IdP 面临单点故障的问题导致 msk 及用户口令的存储值泄漏的场景 (T) 提出了 Password-based Threshold Authentication 解决单个 server breach 的问题, (A) 作者基于 game 对多个 client 共用 1 个 IdP 的情景下的 PbTA 进行了形式化定义, 并且使用 threshold oblivious pseudorandom function (TOPRF) 和 threshold token generation (TTG) 作为构建块提出通用框架 PASTA, 构建 2-round 的协议, server 之间无需交互, 且 token 是否匹配已在客户端验证, 作者实现了 4 种 TTG 方案 (block-cipher based 和 DDH based threshold MAC, threshold RSA-based signature 和 threshold pairing based signature 并分析了性能和安全性, (U) 作者证明了方案的安全性, 开销是合理的, 且证明了公钥操作不可避免。

- 优点:**
- ① 以 game 的形式定义不同方案的安全属性, 比较清晰。
  - ② 以黑盒的方式利用单向函数构造 PbTA, 则可以只使用黑盒利用单向函数构建安全的密钥协商协议的方式证明公钥操作不可避免。
  - ③ 首次从 4 种方式实现了方案并进行了性能比较。
- 问题:**
- ① 从性能对比来看, 客户端比服务器端的开销大一些: 个原因是在设计过程中, 将 token 的合并与验证放在客户端。
  - ② 客户端需要自行生成 PRF 的 key 并注册到 server 中, 需要客户端的改动。
  - ③ 本文假设口令均分布 (虽然提到可扩展到其他情景)。
  - ④ 应讨论 server 被破坏后如何更新 key。

大多数 software-based 秘密管理系统使用 token 作为认证客户端的主要方法 JWT, SAML, OAuth, OZDC 及 keyberos 等均使用类似原理, 多用于 enterprise 环境中



IdP → single point of failure  
 敌手可以: ① 恢复 msk 伪造 token 访问资源  
 ② 获取口令哈希值做离线字典攻击  
 ↑ 研究背景: IdP server breach in password-based token generation scheme

▲ Idea: 构建 Password-based Threshold Authentication (PbTA), 利用门限密码协议提供强有力的属性: unforgeability 和 password-safety

- ▲ 思路设计 (要解决的关键问题)
- plain password-based token generation → 无法抵抗 server breach
  - Threshold solution → 通过与 TTG 方案结合, msk 由  $n$  个 server 分享, 但  $S$  会存储口令的验证值 (仅由口令计算得到), 若  $1$  个  $S$  被腐化, 则遭受离线字典攻击
  - 更改存储在服务器中的信息 → 由 TOPRF 使存储的验证值同样由  $S$  决定, TOPRF 中的随机函数的  $k$  同样存储在  $n$  个 server 中,  $h = F_k(pwd)$  需  $n$  个  $S$  才可计算。
  - 从 four-round 到 two round → TOPRF 需 2-rounds 发送和验证需 2-rounds, 如何解决?  
 $S$  直接生成 token shares, 使用  $h$  加密后发送给  $C$  解密得到 token
  - 缓解客户端伪装攻击 → 而若  $h$  存储于 server, 则获取了  $h$  的敌手可以伪装成  $C$ , 此时将  $h$  分成  $n$  份存储在  $n$  个  $S$  中, 破坏 1 个 server 敌手只能获取 1 个份额。
  - Multi-client 安全性 → 由于 TOPRF 的 key 对于 client 来说不变, 故敌手可以通过伪装成多个 client 得到所有 PRF 的值, 因此让每个 client 自己生成 TOPRF 的 key 并在注册阶段在  $n$  个 server 中共享。

最终:  $U$ : user, password,  $C$ : PRF 的 key, 得 token shares,  $S$ : msk 和  $h$  的份额

- ▲ PASTA 通过组合 TTG 和 TOPRF, 以黑盒的方式构建 PbTA 方案, 提供 password-safety 和 unforgeability
- 安全假设: Gap Threshold One-Move Diffie-Hellman (Gap-TomDH) - Jarecki-ACNS'17
  - 关键技术组件及算法
  - TTG: 将生成认证 token 的任务下给  $n$  个 server, 提供强的 unforgeability 保证  
 若与  $t-1$  个 server 交互, 则不可能产生合法的 token  
 4 个概率多项式算法满足 Consistency
  - Setup( $1^k, n, t$ ) 生成 sk 及不同 share, 验证 key vk 和参数  $pp \rightarrow (\Pi sk, vk, pp)$
  - PartEval( $sk_i, x$ )  $\rightarrow y_i$ , 通过  $sk_i$  和  $x$  计算 token 的 share
  - Combine( $y_1, y_2, \dots, y_n$ )  $\rightarrow tk$  / 1 将收到的 token 的 share 组合成 token tk, 失败返回 1
  - Verify( $vk, tk$ )  $\rightarrow 1/0$  通过 vk 验证 tk 是否有效



2.2 TOPRF - Jarecki ACNS'17 满足 unpredictability 和 obliviousness

- $(\lambda, R)$  - TOP 包含 4 个 PPT 算法: 满足 consistency
- ①  $\text{Setup}(\lambda, n, t) \rightarrow (\llbracket \text{sk} \rrbracket, \text{pp})$ . 生成 sk 的 share 及公共参数 pp
- ②  $\text{Encode}(\lambda, p) := c$ . 使用随机值 PER 编码  $\lambda \in \mathcal{X}$  得  $c$
- ③  $\text{Eval}(\text{sk}_i, c) := z_i$  生成 TOPRF 的 share → 记为  $\text{TOP}(\text{sk}_i, \lambda)$
- ④  $\text{Combine}(\lambda, \{(z_1, z_2)\}_{z \in S}, p) := h/1$ . 使用 p 将 share 生成值 h, 失败则生成  $\perp$
- $\text{PubCombine}$  由只能访问部分  $\text{Eval}(c)$  的服务器检测给定的集合是否生成对应的 PRF 值
- 例如  $z := \{(z_1, z_2)\}_{z \in S}$  通过 consistency 产生, 对于任意  $z^* := \{(z_1, z_2^*)\}_{z \in S}$ , 若  $\text{PubCombine}(z) = \text{PubCombine}(z^*)$ , 则有  $\text{Combine}(\lambda, z, p) = \text{Combine}(\lambda, z^*, p)$ . 若前者不成立, 则后者大概率不成立

TOPRF 的安全属性

- ①  $\Pr[\text{Unpredictability}_{\text{TOP}}, \text{Adv}(\lambda, n, t) = 1] \leq \frac{\text{MAX}_{1 \leq i \leq n} (q_i \dots q_n)}{|\mathcal{X}|} + \text{negl}(k)$  难以被预测  
由于敌手  $\mathcal{A}$ , 因此敌手若不访问  $\text{Eval}(c)$  直接得到 TOPRF 输出的概率可忽略不计, 但敌手可以对任意值求  $\text{Eval}$ , 并进行验证, 若猜测  $\lambda$  成功则增加成功的概率
- ②  $\Pr[\text{Obliviousness}_{\text{TOP}}, \text{Adv}(\lambda, n, t) = 1] \leq \frac{\text{MAX}_{1 \leq i \leq n} (q_i \dots q_n) + 1}{|\mathcal{X}|} + \text{negl}(k)$  给定输出也难以猜测  
与上述①不同, 允许输出 TOPRF 的值, 敌手可以在猜测失败再尝试 1 次.

PbTA, nTserver 及多个 client, 包含 7 个 PPT 算法. 属于 4 个阶段

1. global setup phase  $n$  shares  
 $\text{GlobalSetup}(\lambda, n, t; P) \rightarrow (\llbracket \text{sk} \rrbracket, \text{vk}, \text{pp})$ ,  $S_i$  收到  $(\text{sk}_i, \text{pp})$ , 初始化记录  $\text{REC}_i := \emptyset$
2. Registration Phase (不允许敌手交互, 在可信信道进行)  
①  $\text{SignUp}(C, \text{pwd}) \rightarrow \{(C, \text{msg}_i)\}_{i \in [n]}$  为每个 server 产生  $n$  个消息  $\text{msg}_i$   
②  $\text{Store}(C, \text{msg}_i) := \text{rec}_{i,C}$  生成记录  $\text{rec}_{i,C}$ , 若不在  $C$  的记录, 则  $S_i$  存储  $(C, \text{rec}_{i,C})$
3. Sign-on Phase (敌手可参与)  
①  $\text{Request}(C, \text{pwd}, \lambda, T) \rightarrow (st, \{(C, x, \text{req}_i)\}_{i \in T})$  输出 secret state  $st$  及请求消息  $\{(C, x, \text{req}_i)\}_{i \in T}$ . 将  $(C, x, \text{req}_i)$  发送给  $S_i$   
→ record set  
②  $\text{Respond}(\text{sk}_i, \text{REC}_i, C, x, \text{req}_i) \rightarrow \text{res}_i$ , 输出响应信息  $\text{res}_i$   
③  $\text{Finalize}(st, \{\text{res}_i\}_{i \in T}) := tk$ , 输出 token.
4. Verification Phase  
①  $\text{Verify}(\text{vk}, C, x, tk) \rightarrow \{0, 1\}$ , 输出是否为有效的 token.

▲ 安全属性 (图 7 基于 game 的形式化描述清晰)

① Password Safety

$$\Pr[C^* \neq \forall \lambda \wedge \text{act} = \text{PwdList}[C^*] \neq 1] \leq \frac{\text{MAX}_{1 \leq i \leq n} (q_i \dots q_n) + 1}{|P|} + \text{negl}(k)$$

Adv 可能猜测口令, 生成请求, 得响应得到 token, 并验证 token 是否有效

② Unforgeability

若  $C^*, x^* \leftarrow \frac{1}{t} - |U|$ ,  $\Pr[\text{Verify}(\text{vk}, C^*, x^*, tk^*) = 1] \leq \text{negl}(k)$   
否则:  $\Pr[C^* \neq \forall \lambda \wedge tk^* \notin \text{TokList} \wedge \text{Verify}(\text{vk}, C^*, x^*, tk^*) = 1] \leq \frac{\text{MAX}_{1 \leq i \leq n} (q_i \dots q_n)}{|P|} + \text{negl}(k)$   
 $C$  未被 corrupt 且与足够 server 交互, 则敌手需猜测正确口令才可以.

PASTA 的构造, 包含 TTG, TOP, SKE (Encrypt, Decrypt),  $\mathcal{H}$   
TOP 的输出用于加密 TTG 的 share, 除此之外两者独立执行.

1.  $\text{GlobalSetup}(\lambda, n, t, p) \rightarrow (\llbracket \text{sk} \rrbracket, \text{vk}, \text{pp})$ .

①  $\text{TTG.Setup}(\lambda, n, t) \rightarrow (\llbracket \text{tsk} \rrbracket, \text{tvk}, \text{tpp})$

②  $\text{sk}_i := \text{tsk}_i$ ,  $\text{vk}_i := \text{tvk}$ ,  $\text{pp} := (\lambda, n, t, p, \text{tpp})$

2.  $\text{SignUp}(C, \text{pwd}) \rightarrow (C, \text{msg}_1), \dots, (C, \text{msg}_n)$ .

①  $\text{Top.Setup}(\lambda, n, t) \rightarrow (\llbracket k \rrbracket, \text{opp})$

②  $h_i := \text{TOP}(k, \text{pwd})$ ,  $h_i = \mathcal{H}(\text{ch}(h_i))$ ,  $i \in [n]$

③ 令  $\text{msg}_i := (k_i, h_i)$ ,  $i \in [n]$

注册

3.  $\text{Store}(\text{sk}_i, C, \text{msg}_i) := \text{rec}_{i,C}$ .

① 解析  $\text{msg}_i \rightarrow (k_i, h_i)$

② 令  $\text{rec}_{i,C} := (k_i, h_i)$

4.  $\text{Request}(C, \text{pwd}, \lambda, T) \rightarrow (C, x, \text{req}_i)_{i \in T}, st$

① 若  $|T| < t$ , 输出  $\perp$  ②  $p \in_R \text{TOP.Encode}(\text{pwd}, p) \rightarrow C$

③ 令  $\text{req}_i := C$ ,  $i \in [n]$ ,  $st := (C, \text{pwd}, p, T)$ .

5.  $\text{Respond}(\text{sk}_i, \text{REC}_i, C, x, \text{req}_i) \rightarrow \text{res}_i$

① 若  $\text{rec}_{i,C} \notin \text{REC}_i$ , 输出  $\perp$ , 否则解析成  $(k_i, h_i)$

②  $\text{TOP.Eval}(k_i, \text{req}_i) \rightarrow z_i$

③  $\text{TTG.PartEval}(\text{tsk}_i, C || x) \rightarrow y_i$

④ 令  $\text{res}_i := (z_i, \text{SKE.Encrypt}(h_i, y_i))$

6.  $\text{Finalize}(st, \{\text{res}_i\}_{i \in T}) \rightarrow tk$ .

① 解析  $\text{res}_i \rightarrow (z_i, \text{ctxt}_i)$ ,  $st \rightarrow (C, \text{pwd}, p, T)$

② 若  $S \neq T$ , 输出  $\perp$

③  $\text{TOP.Combine}(\text{pwd}, \{(z_i, z_i)\}_{i \in T}, p) \rightarrow h$

④ 对于  $i \in T$ ,  $h_i := \mathcal{H}(\text{ch}(h_i))$ ,  $y_i := \text{SKE.Decrypt}(h_i, \text{ctxt}_i)$

⑤ 令  $tk \rightarrow \text{TTG.Combine}(\{y_i\}_{i \in T})$

登录

7.  $\text{Verify}(\text{vk}, C, x, tk) \rightarrow \{0, 1\}$ .

① 输出  $\text{TTG.Verify}(\text{tvk}, C || x, tk)$