第六章 LR分析程序及其自动构造

- **6.1 LR分析概述**
- <u>6.2 LR (0) 分析</u>
- 6.3 SLR(1) 分析
- 6.4 LR(1) 分析

语法分析 自下而上(自动生成) 算符优先-最左素短语 规范归约-句柄 自上而下(手动,自动生成) 递归下降-消除左递归 LL(1)分析法- LL(1)分析表

LR分析法是一种自下而上进行<u>规范归约</u>的语法分析方法, L指自左向右扫描输入串, R指最右推导(规范归约)。

LR分析法比递归下降分析法、LL(1)分析法对文法的限制要少得多,大多数无二义性CFG语言都可用LR分析器识别,且速度快,并能准确、指出输入串的语法错误及出错位置。

LR分析法的主要缺点:

手工构造工作量相当大,必须求助自动产生工具。

- ●LR分析程序(器):自左向右扫描,识别句柄,自下而上归约的语法分析程序。
- ●LR分析程序生成器:自动生成LR分析程序的程序。

LR分析器的工作原理

规范归约(最右推导逆过程)的关键是寻找句柄。

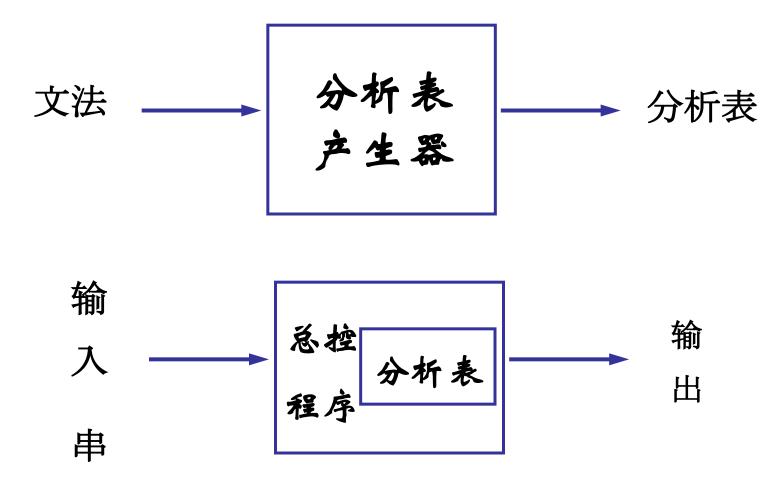
LR分析法的基本思想:

在规范归约过程中,一方面记住已移进和归约出的符号串,即记住"历史"(栈);

另一方面根据所用产生式推测未来可能遇到的输入符,即对未来进行"展望"。

当一串貌似句柄的符号串呈现于分析栈栈顶肘,希望能根据所记载的"历史"、"展望"及"现实"材料来确定栈顶符号是否构成句柄。

LR分析程序结构



- 一个LR分析器实质上是一个带先进后出存储器 (栈) 的确 定有限状态自动机。
- 我们将把"历史"和"展望"材料综合地抽象成某些"状态"(自动机)。
- 分析栈(先进后出存储器)用来存放状态。栈里的每个状态概括了从分析开始直到某一归约阶段的全部"历史"和"展望"资料。
- 任何时候, 栈顶的状态都代表了整个的历史和已推测出的 展望。因此, 在任何时候都可从栈顶状态得知所想了解的 文法的一切信息, 而没有必要从底而上翻阅整个栈。
- LR分析器的每一步工作都是由栈顶状态和现行输入符号所 唯一决定的。



6.1 LR分析概述

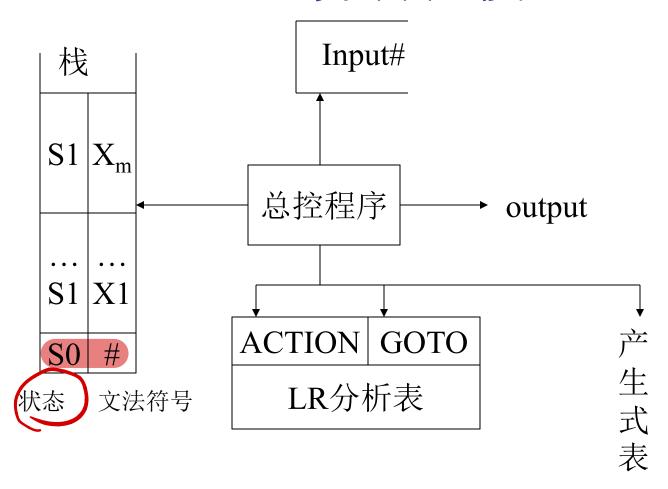
LR (K)

- L 从左至右扫描输入符号串
- R 构造一个最右推导的逆过程
- K 向右顺序查看输入串的K个符号
- LR(0):在分析过程中不需向右查看输入符号。

四种分析器: LR(0) SLR(1) LR(1) LALR(1) SLR(1)和LALR(1)分别是LR(0)和LR(1)的一种改进。

分析器模型和分析算法

LR分析器模型



ACTION[k, a]的动作:在当前状态k下,面临该头下的符号a所交换取的动作[榜进,归约,出错,接受]

(1)<u>移进</u>:设表中ACTION[k, a]= 5_j, 当S栈顶状态为k, 现行输入符号为a, 总控程序根据 "k"和 "a"查LR(0)分析表, 得:

ACTION[k, a]= S_j 性S性 a性T性(子法然异性)

此时,Sj表示j状态进S栈,a进T栈(文法符号栈)。

(2)<u>归约</u>:设LR(0)分析表中的ACTION[m_n , a]= r_j , 其中 r_j 表示使用文法的第j个产生式A $\rightarrow x_1x_2...x_p$ <u>归约</u>; m_n 表示LR分析表的一个状态。

假设总控程序按S栈顶状态M_n和现行输入符号a查LR分析表,得

$$ACTION[m_n, a] = r_i$$

此时,S栈的状态为:

$$m_1, \dots, m_{n-p+1}, \dots, m_n$$

文法符号T栈的符号为:

$$...x_1x_2...x_p$$

 $按ACTION[m_n, a] = r_i 的要求:$

① S栈应删除栈顶P个状态:

 m_{n-p+1}, \dots, m_n

删除后,S栈成为:

 m_1, \dots, m_{n-p}

- ②T栈中X₁X₂...X_p归约成A,即T栈栈顶删除P个文法符号, 非终极符A进T栈;
 - ③ 若GOTO[m_{n-p}, A]=j,则状态j进S栈。

当的核项包的心口的放义后应转向什么状态

(3)接受: 宣布分析成功,分析器停止工作。

当S栈顶状态为k,现行输入符号为a,总控程序根据"k"和"a"查LR分析表得:

ACTION[k, a] = acc

acc说明语法分析成功。

(4)<u>报错</u>:报告发现源程序有错,调用出错处 理程序。

总控程序若按"k"和"a"查表得:

ACTION[k, a]=空句

说明语法分析出错,所给输入串不是本文法的句子。

LR分析器<u>总 控 程 序</u>的工作十分简单,它的任一步只需按分析栈<u>栈顶状态</u>S和<u>现行输入符a</u>执行ACTION[s,a]所规定的动作。

LR分析器的工作过程。可看成是栈中状态序列、已归约串和输入串构成的三元式的变化过程。

例:
$$G[S]: S \rightarrow a A c B e$$
 [1] $A \rightarrow b$ [2] $A \rightarrow Ab$ [3] $B \rightarrow d$ [4]

	ACTION								
	a	c	e	b	d	#			
0	S2								
1						acc			
2				S4					
3		S5		S 6					
4	r2	r2	r2	r2	r2	r2			
5					S 8				
6	r3	r3	r3	r3	r3	r3			
7			S 9						
8	r4	r4	r4	r4	r4	r4			
9	r1	r1	r1	r1	r1	r1			

GOTO

3

LR分析算法

- 置ip指向输入串w的第一个符号
 - 令S为栈顶状态
 - a是ip指向的符号
 - 重复 <u>begin</u>
 - if ACTION[S,a]= S_i
 - <u>then</u> <u>begin</u> PUSH j,a(进栈)
 - ip 前进(指向下一输入符号)
 - end
 - else if ACTION[S,a]=r_j (第j条产生式为A→β)

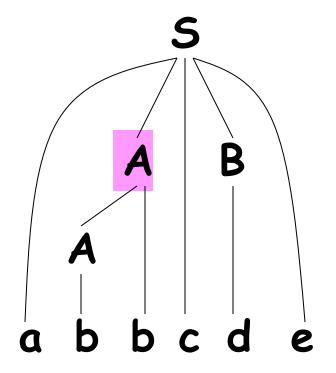


LR分析程序

- then begin
 - pop |β| 项
 - 令当前栈顶状态为S'
 - push GOTO[S',A]和A(进栈)
- end
- else if ACTION[s,a]=acc
 - <u>then</u> return (成功)
 - else error
- <u>end</u>.重复

其中, S_j = $GOTO[S_i,X]$ 表示当栈顶状态为 S_i 遇到当前文法符号为X时应转向状态 S_i

文法 G [S]]:
(1) 5 →	aAcBe
(2) $A \rightarrow$	b
$(3) A \rightarrow$	Ab



步骤	符号栈	输入符号串	动作
1)	#	abbcde#	移进
2)	#a	bbcde#	移进
3)	#ab	bcde#	归约 (A→b)
4)	#aA	bcde#	移进
5)	#aAb	cde#	归约 (A→Ab)
6)	#aA	cde#	移进
7)	#aAc	de#	移进
8)	# aAcd	e#	归约 (B→d)
9)	#aAcB	e#	移进
10)	#aAcBe	#	归约
11)	# S	#	接受

对输入串abbcde#的移进-规约分析过程

符号串abbcde是否是G[S]的子

 $S \Rightarrow aAcBe \Rightarrow aAcde \Rightarrow aAbcde \Rightarrow abbcde$

步骤	符号栈	输入符号串	动作	状态栈	ACTION	GOTO
1)	#	abbcde#	移进	0	S ₂	
2)	#a	bbcde#	移进	02	S ₄	
3)	#ab	bcde#	归约 (A→b)	024	r ₂	3
4)	#aA	bcde#	移进	023	5,	
5)	Ь	cde#	归约 ()			
6)	#aA	cde#	移进	023	S ₅	
7)	#aAc	de#	移进	0235	S ₈	
8)	# aAcd	e#	归约 (B→d)	02358	r_4	7
9)	#aAcB	e#	移进	02357	S ₉	
10)	#aAcBe	#	归约(S→aAcBe)	023579	$\mathbf{r_1}$	1
11)	# S	#	接受	01	acc	

对输入串abbcde#的LR分析过程

文法**G**[S]:

- (1) $S \rightarrow aAcBe$
- (2) $A \rightarrow b$
- (3) $A \rightarrow Ab$
- (4) $B \rightarrow d$

S_i:移进,将状态i和输入符进栈

r_i:归约,用第i个产生式归约,同时状态栈与符号栈退出相应个符号,并把*GOTO*表相应状态和第i个产生式的左部非终结符入栈。

	ACTION						GOTO		
	α	С	e	Ь	d	#	S	A	В
0	52						1		
1						acc			
2				S ₄				3	
3		S ₅		S ₆					
4	r ₂	r ₂	r ₂	r ₂	r ₂	r ₂			
5					S ₈				7
6	r ₃	r ₃	r ₃	r ₃	r ₃	r ₃			
7			S ₉						
8	r ₄	r ₄	r ₄	r ₄	r ₄	r ₄			
9	r ₁	r ₁	r ₁	r ₁	r ₁	r ₁			



LR分析法的主要任务:构造一张LR分析表

首先讨论一种只概括"历史"资料而不包含推测性 "展望"材料的"状态"。

希望仅由这种简单状态就能识别呈现在栈顶 的某些句柄。

LR(O)项目集就是这样一种简单状态。

两种LR(0)分析表的构造算法:

方法一: 先构造识别文法的活前缀非确定有限自动机,然后确定化,再构造LR(O)分析表; 方法二: 是直接构造LR(O)项目集规范族,再 构造LR(O)分析表。



6.2 LR(0) 分析

构造LR分析表的预备知识

■ LR文法

- 对于一个上下文无关文法,如果能够构造一张 LR 分析表,使得它的每一个入口均是唯一的(S_j,r_j,acc,空白),则称该上下文无关是LR 文法.
- 活前缀
- 规范句型的前缀,若不含句柄以后的任何符号,则称 它为该规范句型的活前缀。



6.2 LR(0) 分析

LR(0)文法

能力最弱,理论上最重要

- > 存在FA 识别活前缀
- 以别活前缀的DFA如何构造 (LR(0)项目集规范族的构造)
- ▶ LR(0)分析表的构造

6.2.1 可归前缀和子前缀

- 最右推导和最左规约的关系
- 对于文法G[S]的每个产生式编上序号i
- $S \rightarrow a A c B e[1]$
- A →b[2]
- A→Ab[3]
- B →d[4]

$$G[S]: S \rightarrow a A c B e [1]$$

 $A \rightarrow b[2]$

 $A \rightarrow Ab[3]$

 $B \rightarrow d[4]$

对于合法的句子:

- ●每次规范归约后得到的是文法的规范 句型
- ●用哪个产生式归约取决于当前句型的 前部

符号串abbcde的最右推导过程

 $S \Rightarrow aAcBe[1] \Rightarrow aAcd[4]e[1] \Rightarrow aAb[3]cd[4]e[1]$

 \Rightarrow ab[2]b[3]cd[4]e[1]

符号串abbcde的最左归约过程

ab[2]b[3]cd[4]e[1]

<=aAb[3]cd[4]e[1]

<=aAcd[4]e[1]

<=aAcBe[1]

<=S

每次归约前句型的前部:

ab[2]

aAb[3]

aAcd[4]

aAcBe[1]

对应归约前符号栈中的符号串

可归前缀:规范句型的这种前部

6.2.1 可归前缀和子前缀

- 活前缀:在规范句型中形成可归前缀之前包括可归前 缀在内的所有前缀称为活前缀
- aAb: ε, a, aA, aAb
- 在规范归约的任何时刻只要已分析的部分为规范句型的活前缀,则该部分是某规范句型的一个正确部分。

6.2.1 可归前缀和子前缀

活前缀的形式定义:

若S'=>α Aω=> α β ω是文法中的一个规范推导。 如果 γ 是 α β 的前缀,则称 γ 是G的一个活前缀。

活前缀: 是指规范句型的一个前缀,这种前缀不含句柄之后的任何符号。

文法**G[S]**:

S→aAd

A →bB

 $B \rightarrow c$

6.2.2 识别活前缀的有限自动机

- G[S]的拓广文法:为使开始符号不出现在产生式的右部,对文法G进行扩展,增加S'→S,其中S'是对原文法扩充而增加的非终结符.
- $\bullet G[S]=(\{S\},\{a\},\{S\rightarrow Sa,S\rightarrow a\},S)$
- $G'[S'] = (\{S, S'\}, \{a\}, \{S \rightarrow Sa, S \rightarrow a, S' \rightarrow S\}, S')$

6.2.2 识别活前缀的有限自动机

- LR分析过程:
 - 不是直接分析文法符号栈中是否形成句柄
 - 而是识别符号栈中是否形成可归前缀,相当于形成句柄
 - 把终结符和非终结符看成是一个有限自动机的输入符号, 每把一个符号入栈看成已识别过了该符号,而状态进行 转换

```
G[S]: S \rightarrow a A c B e [1]

A \rightarrow b[2]

A \rightarrow Ab[3]

B \rightarrow d[4]
```

```
对该文法进行拓广:
G'[S']: S'→S[0]
S →a A c B e [1]
A →b[2]
A →Ab[3]
B →d[4]
```

```
现对句子abbcde的可归前缀列出:
ab[2]
aAb[3]
aAcd[4]
aAcBe[1]
S[0]
```

现对句子abbcde的可归前缀列出:

S[0]

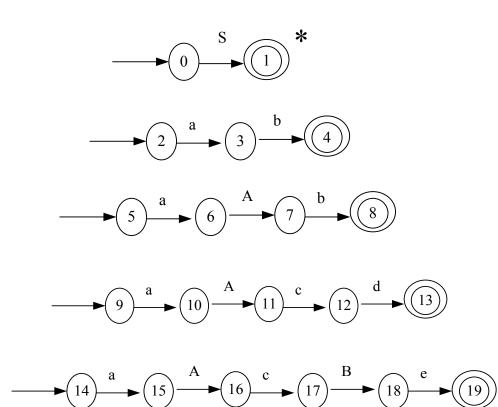
ab[2]

aAb[3]

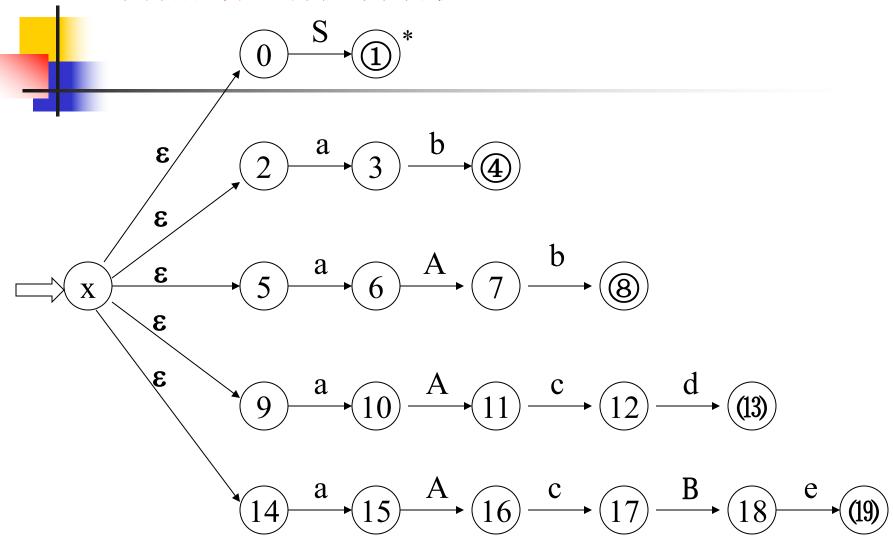
aAcd[4]

aAcBe[1]

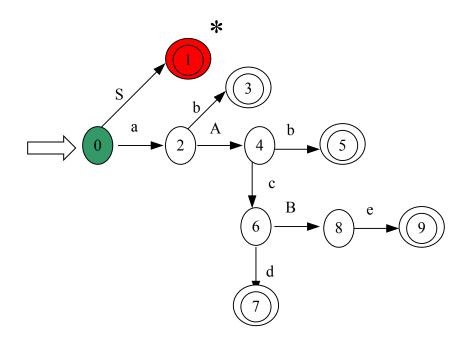
可构造识别其活前缀 及可归前缀的有限自动机



识别活前缀的有限自动机



▶将上面得到的NFA进行确定化:



识别活前缀的DFA

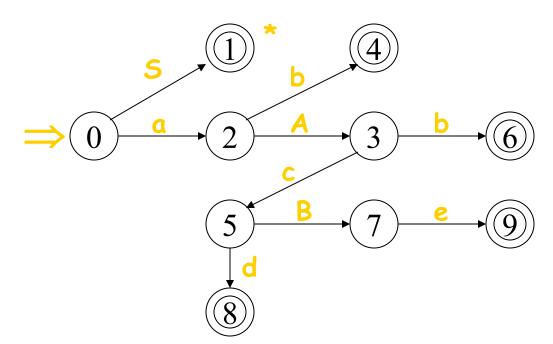


LR分析需要构造识别活前缀的有穷自动机

我们可以文法的终结符和非终结符都看成有穷自动机的输入符号,每次把一个符号进栈看成已识别过了该符号,同时状态进行转换,当识别到可归前缀时,相当于在栈中形成句柄,认为达到了识别句柄的终态。

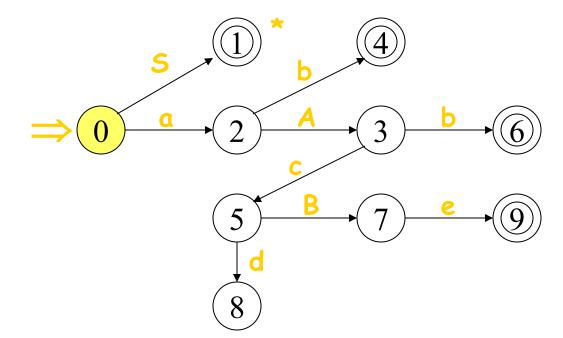
步骤	符号栈	输入符号串	动作	状态栈	ACTION	GOTO
1)	#	abbcde#		0	S ₂	
2)	#a	bbcde#	移进	02	S ₄	
3)	#ab	bcde#	归约 (A→b)	024	r ₂	3
4)	#aA	bcde#	移进	023	S ₆	
5)	#aAb	cde#	归约 (A→Ab)	0236	r ₃	3
6)	#aA	cde#	移进	023	S ₅	
7)	#aAc	de#	移进	0235	S ₈	
8)	# aAcd	e#	归约 (B→d)	02358	r_4	7
9)	#aAcB	e#	移进	02357	S ₉	
10)	#aAcBe	#	归约(S→aAcBe)	023579	r_1	1
11)	# S	#	接受	01	acc	

对输入串abbcde#的LR分析过程



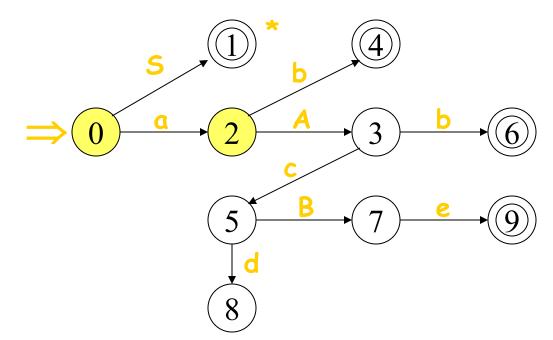
步骤	符号栈	输入符号串	动作	状态栈	ACTION	GOTO
1)	#	abbcde#	移进	0	52	

对输入串abbcde#的LR分析过程



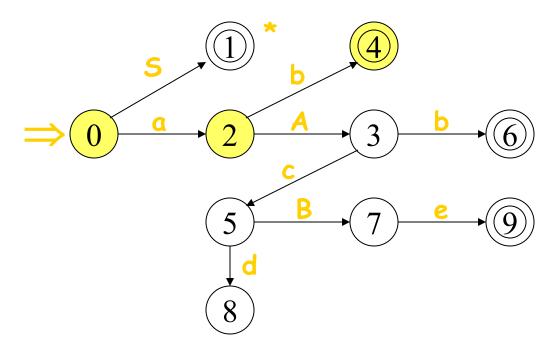
步骤	符号栈	输入符号串	动作	状态栈	ACTION	GOTO
1)	#	abbcde#	移进	0	S ₂	
2)	#a	bbcde#	移进	02	5 ₄	

对输入串abbcde#的LR分析过程



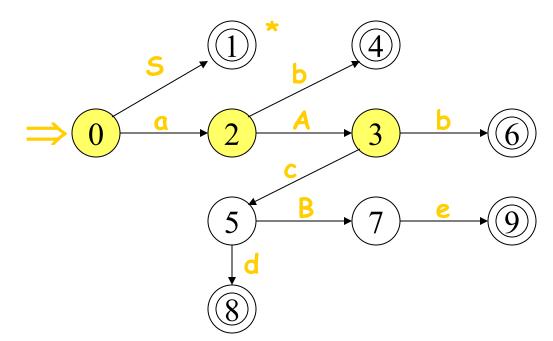
步骤	符号栈	输入符号串	动作	状态栈	ACTION	GOTO
1) 2) 3)	# #a #ab	abbcde# bbcde# bcde#	移进 移进	0 02 024	S₂ S₄	2
3)	#4D	DCGe#	归约 (A→b)	024	r ₂	3

对输入串abbcde#的LR分析过程



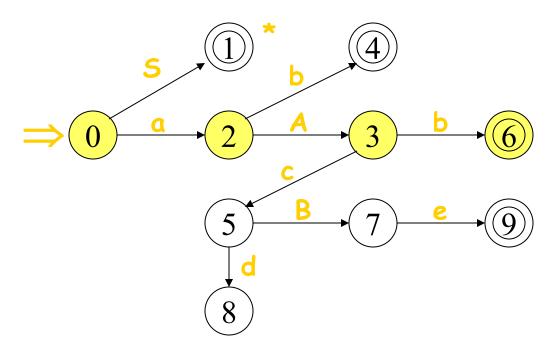
步骤	符号栈	输入符号串	动作	状态栈	ACTION	GOTO
1) 2) 3) 4)	# #ab #aA	abbcde# bbcde# bcde#	移进 移进 归约 (A→b) 移进	0 02 024 023	S ₂ S ₄ r ₂ S ₆	3

对输入串abbcde#的LR分析过程



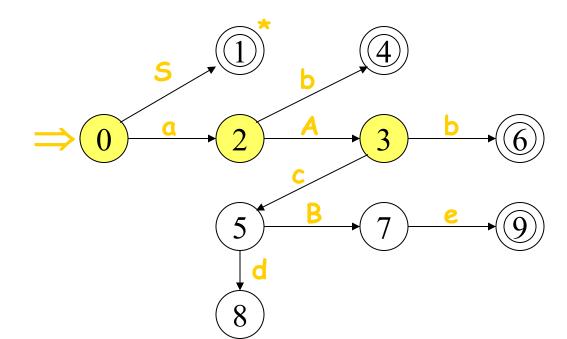
步骤	符号栈	输入符号串	动作	状态栈	ACTION	GOTO
1) 2) 3) 4)	# #a #ab #aA	abbcde# bbcde# bcde# bcde#	移进 移进 归约 (A→b) 移进	0 02 024 023	S ₂ S ₄ r ₂ S ₆	3
5)	#aAb	cde#	归约 (A→Ab)	0236	r ₃	3

对输入串abbcde#的LR分析过程



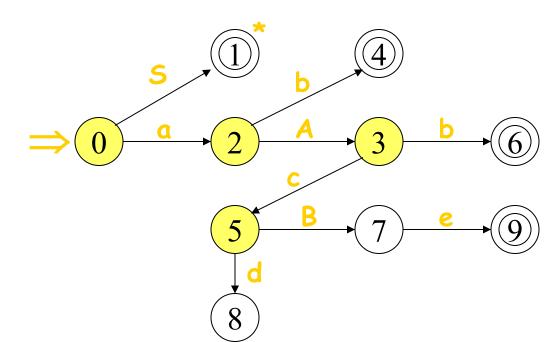
步骤	符号栈	输入符号串	动作	状态栈	ACTION	GOTO
1) 2) 3) 4) 5)	# #a #ab #aA #aAb #aA	abbcde# bbcde# bcde# bcde# cde# cde#	移进 移进 归约 (A→b) 移进 归约 (A→Ab)	0 02 024 023 0236 023	S ₂ S ₄ r ₂ S ₆ r ₃ S ₅	3

对输入串abbcde#的LR分析过程



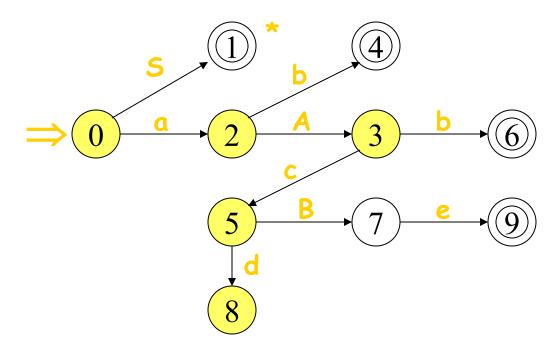
步骤	符号栈	输入符号串	动作	状态栈	ACTION	GOTO
1) 2) 3) 4) 5) 6)	# #ab #aA #aAb #aA #aAc	abbcde# bbcde# bcde# bcde# cde# cde# cde#	移进 移进 归约(A→b) 移进 归约(A→Ab) 移进 移进	0 02 024 023 0236 023 0235	S ₂ S ₄ r ₂ S ₆ r ₃ S ₅ S ₈	3

对输入串abbcde#的LR分析过程



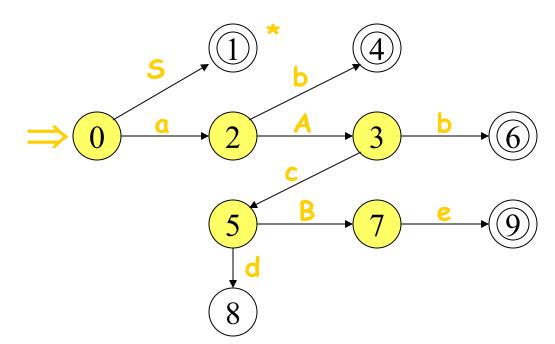
步骤	符号栈	输入符号串	动作	状态栈	ACTION	GOTO
1)	#	abbcde#		0	S ₂	
2)	#a	bbcde#	移进	02	S ₄	
3)	#ab	bcde#	归约 (A→b)	024	r ₂	3
4)	#aA	bcde#	移进	023	5 ₆	
5)	#aAb	cde#	归约 (A→Ab)	0236	r ₃	3
6)	#aA	cde#	移进	023	S ₅	
7)	#aAc	de#	移进	0235	5 ₈	
8)	# aAcd	e#	归约(B→d)	02358	r_4	7

对输入串abbcde#的LR分析过程



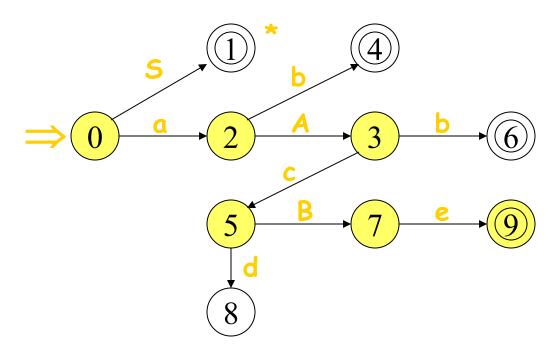
步骤	符号栈	输入符号串	动作	状态栈	ACTION	GOTO
1)	#	abbcde#		0	S ₂	
2)	#a	bbcde#	移进	02	S ₄	
3)	#ab	bcde#	归约 (A→b)	024	r ₂	3
4)	#aA	bcde#	移进	023	S ₆	
5)	#aAb	cde#	归约 (A→Ab)	0236	r ₃	3
6)	#aA	cde#	移进	023	S ₅	
7)	#aAc	de#	移进	0235	S ₈	
8)	# aAcd	e#	归约 (B→d)	02358	r_4	7
9)	#aAcB	e#	移进	02357	S ₉	

对输入串abbcde#的LR分析过程



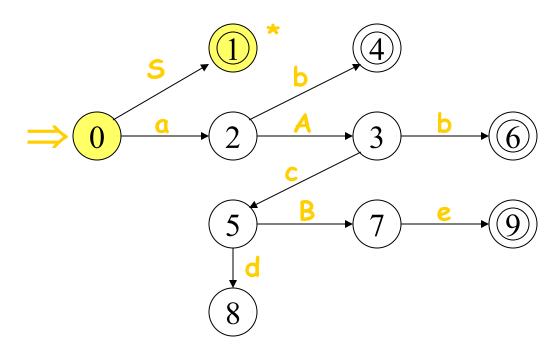
步骤	符号栈	输入符号串	动作	状态栈	ACTION	GOTO
1)	#	abbcde#		0	S ₂	
2)	#a	bbcde#	移进	02	S ₄	
3)	#ab	bcde#	归约 (A→b)	024	r ₂	3
4)	#aA	bcde#	移进	023	S ₆	
5)	#aAb	cde#	归约 (A→Ab)	0236	r ₃	3
6)	#aA	cde#	移进	023	S ₅	
7)	#aAc	de#	移进	0235	S ₈	
8)	# aAcd	e#	归约 (B→d)	02358	r_4	7
9)	#aAcB	e#	移进	02357	S ₉	
10)	#aAcBe	#	归约(S→aAcBe)	023579	$\mathbf{r_1}$	1

对输入串abbcde#的LR分析过程



步骤	符号栈	输入符号串	动作	状态栈	ACTION	GOTO
1)	#	abbcde#	移进	0	S ₂	
2)	#a	bbcde#	移进	02	S ₄	
3)	#ab	bcde#	归约 (A→b)	024	r ₂	3
4)	#aA	bcde#	移进	023	S ₆	
5)	#aAb	cde#	归约 (A→Ab)	0236	r ₃	3
6)	#aA	cde#	移进	023	S ₅	
7)	#aAc	de#	移进	0235	S ₈	
8)	# aAcd	e#	归约 (B→d)	02358	r_4	7
9)	#aAcB	e#	移进	02357	S ₉	
10)	#aAcBe	#	归约(S→aAcBe)	023579	r_1	1
11)	# s	#	接受	01	acc	

对输入串abbcde#的LR分析过程



构造识别文法活前缀DFA的三种方法

- 一、根据形式定义求出活前缀的正规表达式,然后由此 正规表达式构造NFA再确定化为DFA
- 二、求出文法的所有项目,按一定规则构造识别活前缀的NFA再确定化为DFA
- 三、使用闭包函数(CLOSURE)和转向函数 (GOTO(I,X))构造文法G'的LR(0)的项目集规范族,再由转换函数建立状态之间的连接关系得到识别活前缀的DFA

(1) LR(0)项目

- 文法G的每个产生式的右部添加一个圆点称为G的 LR(0)项目
- 如:A→XYZ有四个项目:
 A→XYZ A→X,YZ A→XY,Z A→XYZ。
- 圆点的左部表示分析过程的某一时刻欲用该产生式归 约时已识别过的句柄部分,圆点的右部表示期待的后 缀部分。

- 根据圆点所在的位置和圆点后是终结符还是非终结符 把项目分为:

 - ☞归约项目 $S' \rightarrow \alpha$. 称为"接受项目"
 - $^{\circ}$ A→α .aβ (a∈V_T) 称为"移进项目"

- (2)构造识别活前缀的NFA
 - 把文法的所有产生式的项目都列出,并使每个项目都作为 NFA的一个状态。
 - 方法:
- ①若状态i为 $X \rightarrow X_1 \dots X_{i-1} X_i \dots X_n$, 状态j为 $X \rightarrow X_1 \dots X_{i-1} X_i \dots X_{i+1} \dots X_n$, 则从状态i画一条标志为 X_i 的有向边到状态j;
- ②若状态**i**为 $X\to\alpha$ **.** $A\beta$, A为非终结符,则从状态**i**画一条 ϵ 边到所有状态 $A\to \gamma$ 。
- 把识别文法所有活前缀的NFA确定化。

■文法G(S')

 $S' \rightarrow E$ E→aA | bB $A \rightarrow cA \mid d$ $B \rightarrow cB \mid d$

- ●项目1为初态
- ■圆点在最后的项目为句柄识别态
- ●第一个产生式的句柄识别态为句 子识别态

■ 该文法的项目有:

1. S'→·E

2. S'→E-

E→·aA 3.

4. $E \rightarrow a \cdot A$ 5. $E \rightarrow aA \cdot 6$. $A \rightarrow \cdot cA$

7. $A \rightarrow c \cdot A$ 8. $A \rightarrow cA \cdot 9$. $A \rightarrow cA \cdot 9$

10. $A \rightarrow d$ · 11. $E \rightarrow \cdot bB$

12. E→b·B

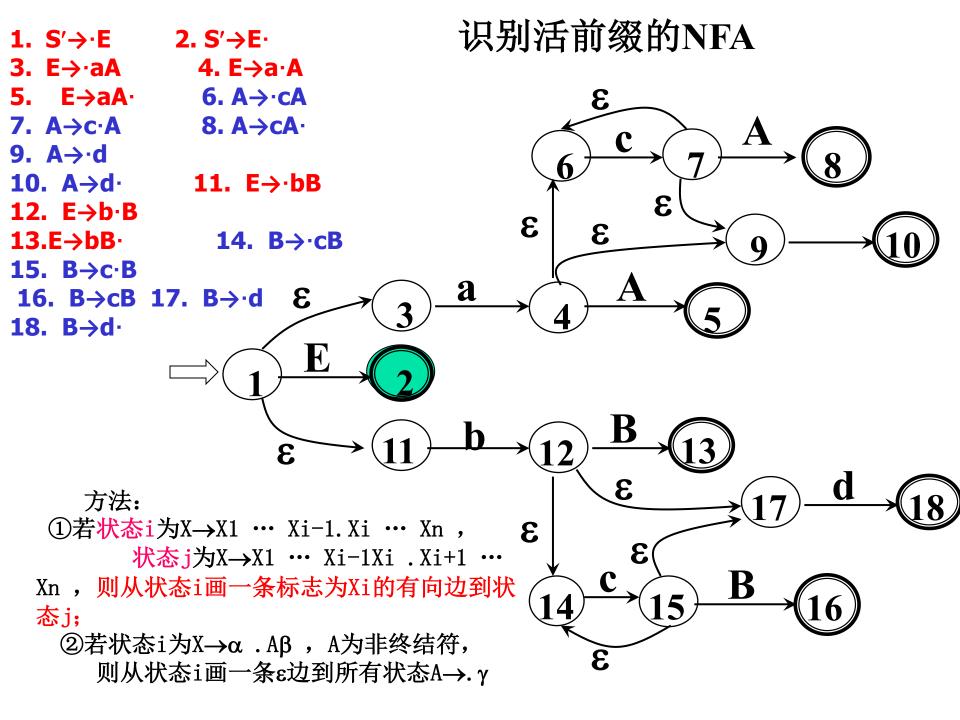
13. E→bB

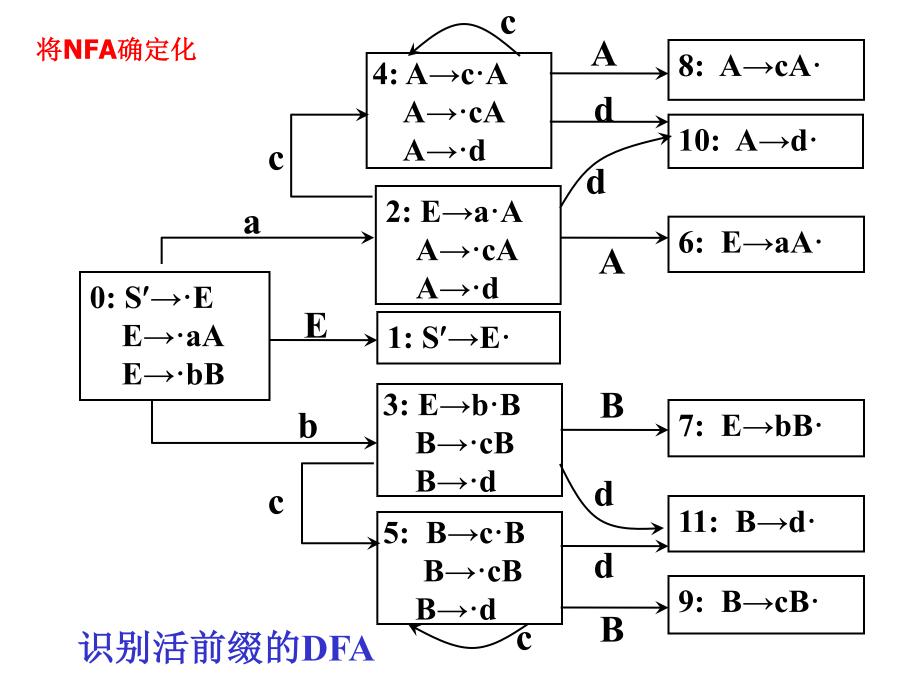
14. B→ cB

15. B→c·B

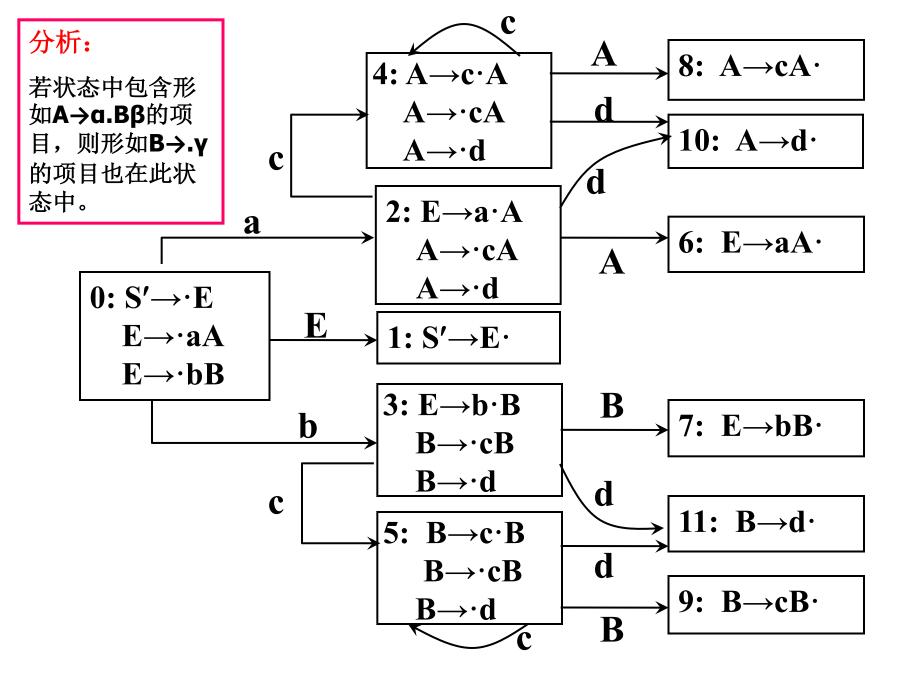
16. $B \rightarrow cB$ · 17. $B \rightarrow d$

18. B→d·



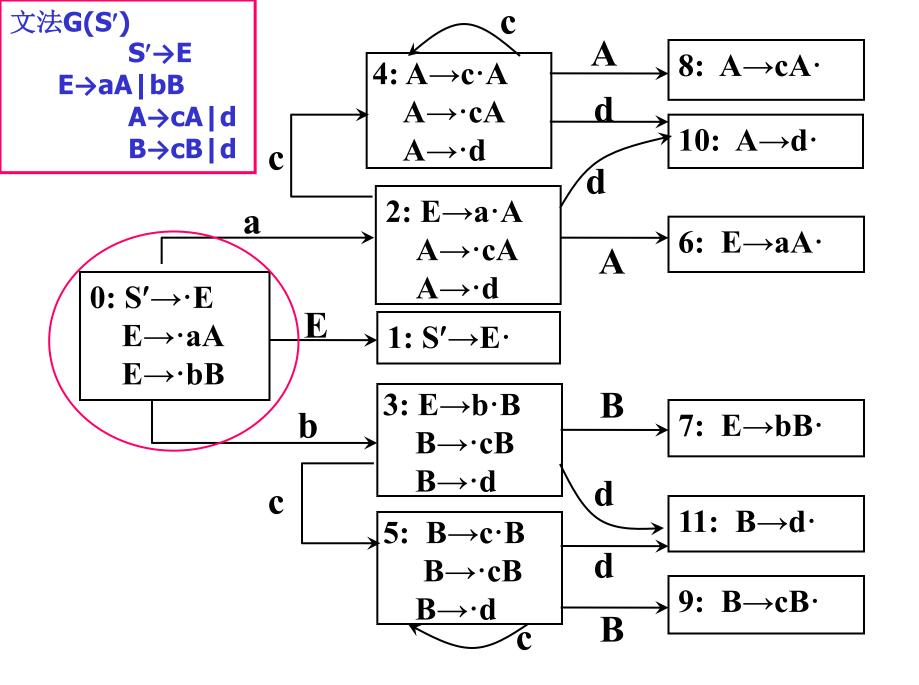


- (3)LR(0)项目集规范族的构造
 - 构成识别一个文法活前缀的DFA的项目集(状态)的 全体称为文法的LR(0)项目集规范族。
 - 上面求LR(0)项目集规范族的方法:复杂
 - 列出拓广文法的所有项目
 - ■构造NFA
 - ■确定化



LR(0)项目集规范族的构造

- 假定文法G已拓广为G',拓广后增加一个新产生式S'→S,而这个 S'是G'的开始符号。如果I是文法G'的一个项目集,定义和构造I 的闭包CLOSURE(I)如下:
 - **I**的任何项目都属于CLOSURE(I);
 - 若A→α·Bβ属于CLOSURE(I),那么项目B→·γ也属于 CLOSURE(I);
 - 重复执行上述两步骤直至CLOSURE(I) 不再增大为止。
- 这样有了初态的项目集,其他状态的项目集如何求出?



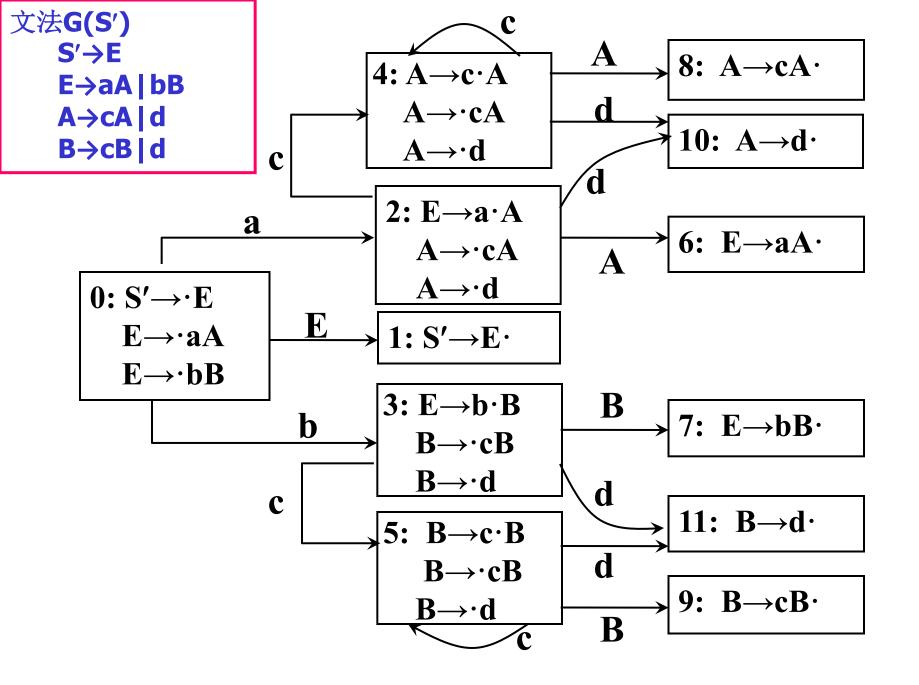
■ 为了识别活前缀,我们定义一个状态转换函数GO。I 是一个项目集,X是一个文法符号。函数值GO(I, X) 定义为:

$$GO(I, X) = CLOSURE(J)$$

其中

 $J={任何形如A\rightarrow \alpha X \cdot \beta 的项目 | A\rightarrow \alpha \cdot X \beta 属于I}$ 。

 直观上说,若I是对某个活前缀γ有效的项目集,那么, GO(I, X)便是对γX有效的项目集。



LR(0)文法定义

- 对一个文法的LR(0)项目集规范族不存在移进-归约, 或归约-归约冲突的文法称为LR(0)文法。
 - 移进-归约冲突:
 - 一个项目集中同时存在形如:
 - A→α.aβ和B→γ.
 - 归约-归约冲突:
 - 一个项目集中同时存在形如:
 - A→α.和B→γ.

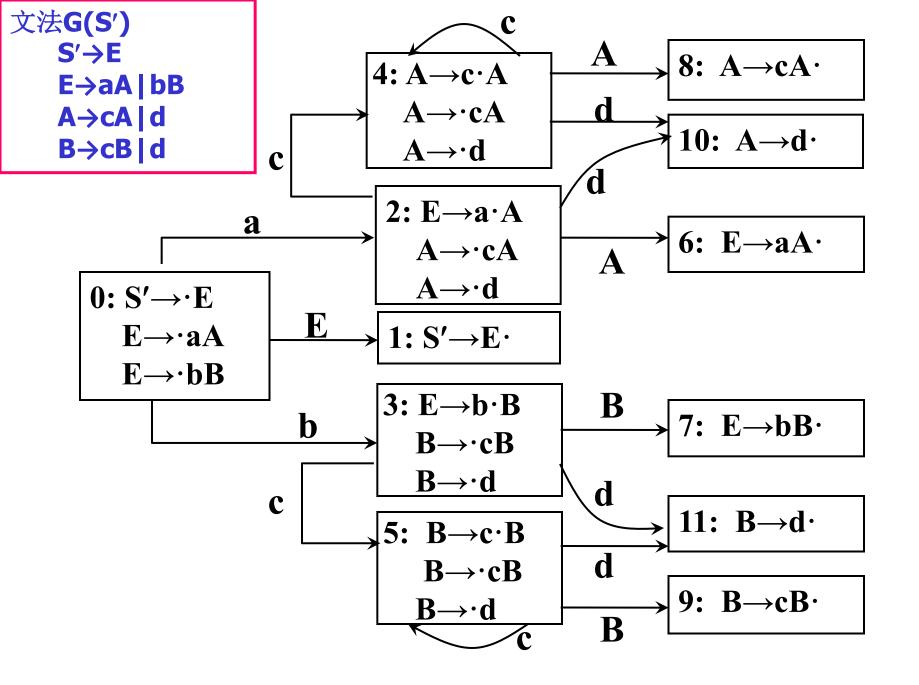
LR(0)分析表的构造

- 假定C={ I_0 , I_1 ,....., I_n }, 令每个项目集 I_k 的下标k为分析器的一个状态,因此,G'的LR(0)分析表含有状态0,1,....., n。令那个含有项目S'→.S的 I_k 的下标k为初态。ACTION和GOTO可按如下方法构造:
 - ■1.若项目A→α. aβ属于I_k且GO (I_k, a)= I_j, a为终结符,则置ACTION[k, a]为"把状态j和符号a移进栈",简记为"S_j";
 - 2.若项目 $A \rightarrow \alpha$. 属于 I_k , 那么,对任何终结符a和"#",置ACTION[k, a]为"用产生式 $A \rightarrow \alpha$ 进行归约",简记为" r_i ";其中,假定 $A \rightarrow \alpha$ 为文法G'的第j个产生式;

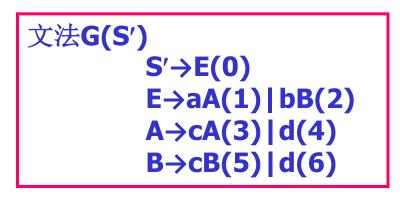
- 3.若项目 $S' \rightarrow S$. 属于 I_k , 则置ACTION[k, #]为"接受",简记为"acc";
- 4.若GO (I_k , A)= I_j , A为非终结符,则置GOTO[k, A]=j;
- 分析表中凡不能用规则1至4填入信息的空白格均 置上"出错标志"。

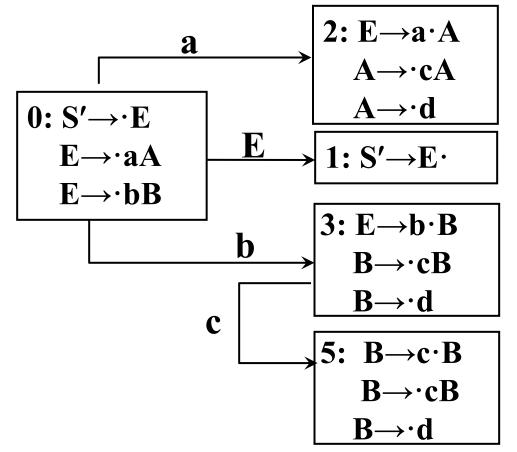
按上述算法构造的含有ACTION和GOTO两部分的分析表,如果每个入口不含多重定义,则称它为文法G的一张LR(0)表。

具有LR(0)表的文法G称为一个LR(0)文法。



• LR(0)分析表为





		A	CTIC		GOTO			
状态	a	b	c	d	#	${f E}$	A	B
0	s2	s3				1		
1					acc			
2			s4	s10			6	
3			s 5	s11				7

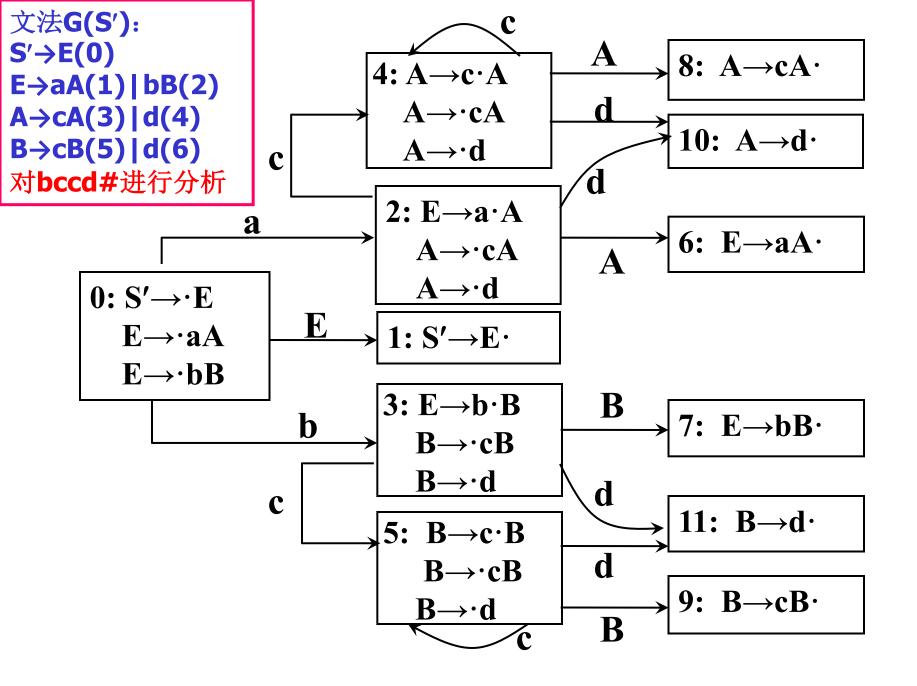
文法**G(S')**S'→E(0)
E→aA(1)|bB(2)
A→cA(3)|d(4)
B→cB(5)|d(6)

		A (CTION			(OTO	
状态	a	b	c	d	#	${f E}$	A	В
0	s2	s 3				1		
1					acc			
2			s4	s10			6	
3			s 5	s11				7
4			s4	s10			8	
5			s 5	s11				9
6	r1	r1	r1	r1	r1			
7	r2	r2	r2	r2	r2			
8	r3	r3	r3	r3	r3			
9	r5	r5	r5	r5	r5			
10	r4	r4	r4	r4	r4			
11	r6	r6	r6	r6	r6			

		A(CTION	GOTO				
状态	a	b	c	d	#	E	\mathbf{A}	В
0	s2	s 3				1		
_1					acc			
2			s4	s10			6	
3			s 5	s11				7
4			s4	s10			8	
5			s 5	s11				9
6	_r1	r1	r1	r1	r1			
7	r2	r2	r2	r2	r2			
8	r 3	r3	r3	r3	r3			
9	r 5	r5	r5	r5	r5			
10	r4	r4	r4	r4	r4			
11	r6	r6	r6	r6	r6			

文法**G(S')**S'→E(0)
E→aA(1)|bB(2)
A→cA(3)|d(4)
B→cB(5)|d(6)
对bccd#进行分析

•	步骤	状态栈	符号栈	输入串	ACTION	GOTO	
•	1	0	#	bccd#	S3		
•	2	03	#b	ccd#	S5		
•	3	035	#bc	cd#	S5		
•	4	0355	#bcc	d#	S11		
•	5	0355(11) #bccd	#	r6	9	
•	6	03559	#bccB	#	r5	9	
•	7	0359	#bcB	#	r5	7	
•	8	037	#bB	#	r2	1	
•	9	01	#E	#	acc		



回顾: LR(0)项目集规范族的构造

- 假定文法G已拓广为G',拓广后增加一个新产生式S'→S,而这个 S'是G'的开始符号。如果I是文法G'的一个项目集,定义和构造I 的闭包CLOSURE(I)如下:
 - **I**的任何项目都属于CLOSURE(I);
 - 若A→α·Bβ属于CLOSURE(I),那么项目B→·γ也属于 CLOSURE(I);
 - 重复执行上述两步骤直至CLOSURE(I) 不再增大为止。

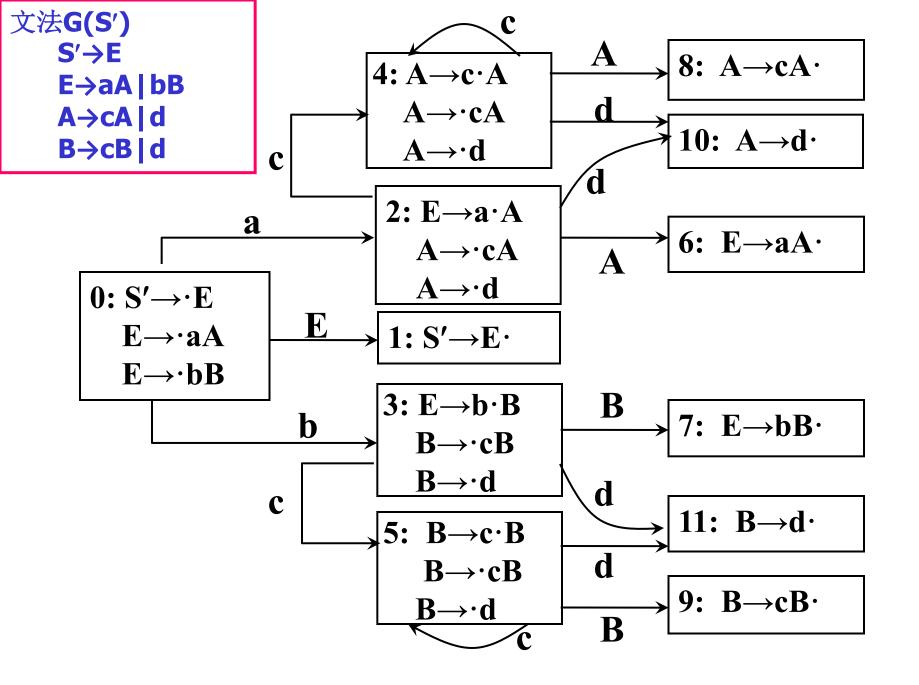
 为了识别活前缀,我们定义一个状态转换函数GO。I 是一个项目集,X是一个文法符号。函数值GO(I,X) 定义为:

$$GO(I, X) = CLOSURE(J)$$

其中

 $J={任何形如A\rightarrow \alpha X \cdot \beta 的项目 | A\rightarrow \alpha \cdot X \beta 属于I}$ 。

直观上说,若I是对某个活前级γ有效的项目集,那么,GO(I, X)便是对γX有效的项目集。



LR(0)分析表的构造

- 假定C={ I_0 , I_1 ,....., I_n },令每个项目集 I_k 的下标k为分析器的一个状态,因此,G'的LR(0)分析表含有状态0,1,.....,n。令那个含有项目S'→.S的 I_k 的下标k为初态。ACTION和GOTO可按如下方法构造:
 - ■1.若项目A→α. aβ属于I_k且GO (I_k, a)= I_j, a为终结符,则置ACTION[k, a]为"把状态j和符号a移进栈",简记为"S_j";
 - 2.若项目 $A \rightarrow \alpha$. 属于 I_k , 那么,对任何终结符a和"#",置ACTION[k, a]为"用产生式 $A \rightarrow \alpha$ 进行归约",简记为" r_i ";其中,假定 $A \rightarrow \alpha$ 为文法G'的第j个产生式;

- 4
- 3.若项目 $S' \rightarrow S$. 属于 I_k , 则置ACTION[k, #]为"接受",简记为"acc";
- 4.若GO (I_k , A)= I_j , A为非终结符,则置GOTO[k, A]=j;
- 分析表中凡不能用规则1至4填入信息的空白格均 置上"出错标志"。

按上述算法构造的含有ACTION和GOTO两部分的分析表,如果每个入口不含多重定义,则称它为文法G的一张LR(0)表。

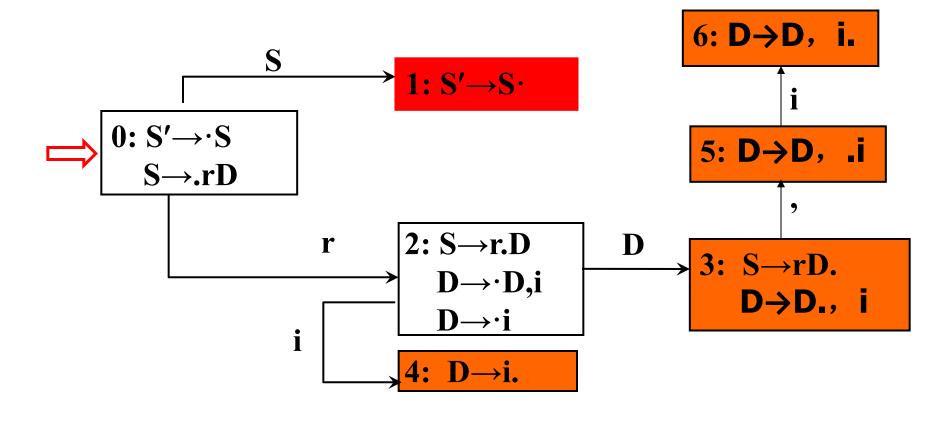
具有LR(0)表的文法G称为一个LR(0)文法。

LR(0)文法定义

- 对一个文法的LR(0)项目集规范族不存在移进-归约, 或归约-归约冲突的文法称为LR(0)文法。
 - 移进-归约冲突:
 - 一个项目集中同时存在形如:
 - A→α.aβ和B→γ.
 - 归约-归约冲突:
 - 一个项目集中同时存在形如:
 - A→α.和B→γ.

例: (0) S' \rightarrow S (1)S \rightarrow rD (2) D \rightarrow D,i (3) D \rightarrow i

构造识别此文法活前缀的DFA



该文法的项目集规范族如下:

6: **D**→**D**, i.

 $0: \mathbf{S'} \rightarrow \cdot \mathbf{S}$ $\mathbf{S} \rightarrow \mathbf{.rD}$

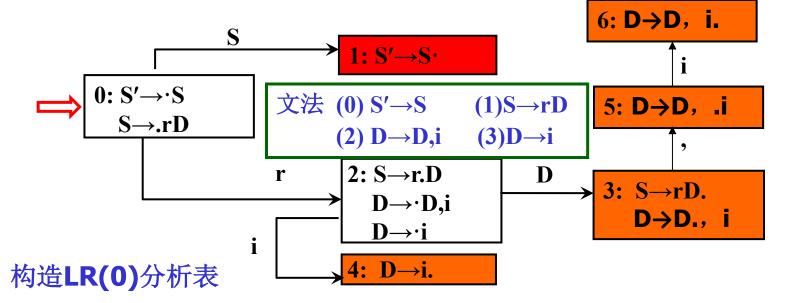
 $1: S' \rightarrow S$

5: **D**→**D**, .i

2: $S \rightarrow r.D$ $D \rightarrow D,i$ $D \rightarrow i$

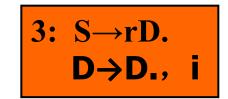
4: D→i.

3: S→rD. **D→D.**, i



状态		ACTIO	GOTO			
	r	,	i	#	S	D
0	S2				1	
1				acc		
2			S4			3
3	r1	<u>S5 r1</u>	r1	r1		
4	r3	r3	r3	r3		
5			S6			
6	r2	r2	r2	r2		





- SLR(1)分析:对LR(0)规范族中有冲突的项目集状态用向前看一个符号的办法进行处理,以解决冲突
- 只需要考查当用rD进行归约成S时,S的后跟符号集合中不包含当前所有移进项目的移进符号的集合,则移进-规约冲突便可解决。

使用FOLLOW(S)∩{, } = ∅ 信息 解决冲突



6.3 SLR(1)分析

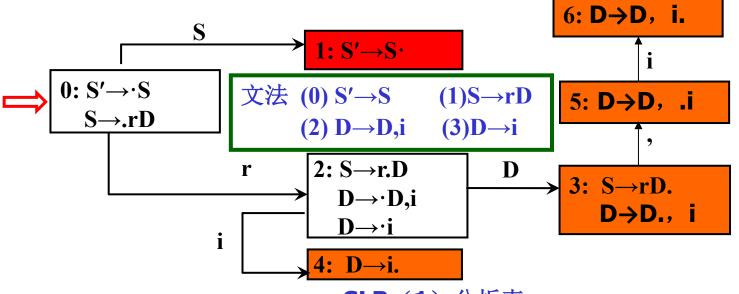
3: S→rD. D→·D, i

SLR(1)分析表

状态		ACTION	GOT)			
	r	,	i	#	S	D	
0	S2				1		
1				acc			
2			S4			3	
3		S5		r1			
4	r3	r3	r3	r3			
5			S6				
6	r2	r2	r2	r2			

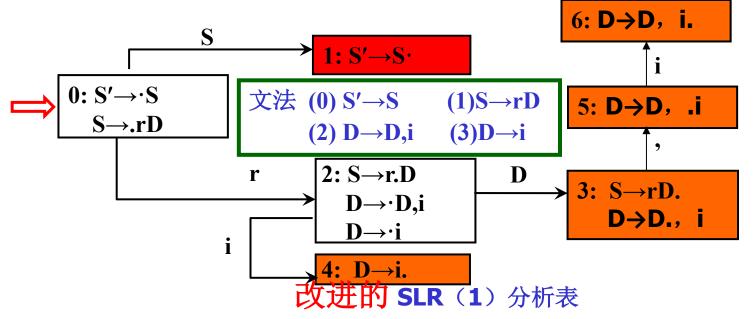
- 如果 LR(0) 项目集规范族中某个项目集 I_K 含移进/归约和归约/归约冲突:
- $I_{K}:\{ \dots A \rightarrow \alpha . b \beta, P \rightarrow \omega . , Q \rightarrow \gamma ., \dots \}$
- 若 FOLLOW(Q) ∩ FOLLOW(P)=φ
- FOLLOW(P) ∩ { b }=φ
- FOLLOW(Q) ∩ { b}=φ
- 则解决冲突的SLR(1)技术:
- action [k, b] = 移进
- 対a∈FOLLOW (P) 则 action [k, a]=用 P→
 ω 归约
- 対a ∈ FOLLOW (Q) 则 action [k,a] = 用 Q → γ
 均

- 通常对于LR(0)项目集规范族的一个项目I中可能含有多个移 进项目和多个归约项目。
- 假定LR(0)规范族的一个项目集 $I = \{A_1 \rightarrow \alpha \cdot a_1 \beta_1, A_2 \rightarrow \alpha \cdot a_2 \beta_2, \dots, A_m \rightarrow \alpha \cdot a_m \beta_m, B_1 \rightarrow \alpha_1 \cdot, B_2 \rightarrow \alpha_2 \cdot, \dots, B_n \rightarrow \alpha_n \cdot \}$
- 如果集合{a₁, ..., a_m}, FOLLOW(B₁), ..., FOLLOW(B_n)
 两两不相交,则:
 - 若a ∈{a₁, ..., a_m}, 则移进
 - 若a∈FOLLOW(B_i),i=1,2,...,n,则用产生式B_i→α_i 进行归约;
 - 此外,报错。
- 如果一个文法的LR(0)分析表中所含有的动作冲突都能用上述方法解决,则这个文法是SLR(1)文法



SLR(1)分析表

状态		ACTION	GOT	0			
	r	,	i	#	S	D	
0	S2				1		
1				acc			
2			S4			3	
3		S5		r1			
4	r3	r3	r3	r3			
5			S6				
6	r2	r2	r2	r2			



状态		ACTION				0	
	r	,	i	#	S	D	
0	S2				1		
1				acc			
2			S4			3	
3		S5		r1			
4		r3		r3			
5			S6				
6		r2		r2			

构造改进的SLR(1)分析表方法:

- 首先把G拓广为G',对G'构造LR(0)项目集规范 族C和识别活前缀的有限自动机.
- 按下面的算法构造SLR分析表:
 - ◆每个项目集I_k的下标k作为分析器的状态, 包含项目S'→·S的集合I_k的下标k为分析器的 初态。

- 分析表的ACTION和GOTO子表构造方法:
- 若项目A→α·aβ属于I_k且GO(I_k,a)=I_j, a为终结符,则置 ACTION[k,a]为 "s_i";
- 若项目A→α·属于I_k,那么,对任何终结符a,a∈FOLLOW(A),置ACTION[k,a]为"r_j";其中,假定A→α为文法G′的第j个产生式;
- 3. 若项目S'→S·属于I_k,则置ACTION[k,#]为 "acc";
- 4. 若 $GO(I_{k},A)=I_{i}$,A为非终结符,则置GOTO[k,A]=j;
- 5. 分析表中凡不能用规则1至4填入信息的空白格均置上"出错标志"。
 - 按上述方法构造出的ACTION与GOTO表如果不含多重入口,则称该文法为SLR(1)文法。



■ 例: 考察下面的拓广文法:

- (0) S'→E
- **(1)** E→E+T
- (2) E→T
- (3) T→T*F
- (4) T→F
- (5) $F \rightarrow (E)$
- (6) F→i

■ 这个文法的LR(0)项目集规范族为:

I₀:
$$S' \rightarrow \cdot E$$
 $E \rightarrow \cdot E + T$
 $E \rightarrow \cdot T$
 $T \rightarrow \cdot T * F$
 $T \rightarrow \cdot F$
 $F \rightarrow \cdot (E)$
 $F \rightarrow \cdot i$

I₄:
$$F \rightarrow (\cdot E)$$

 $E \rightarrow \cdot E + T$
 $E \rightarrow \cdot T$
 $T \rightarrow \cdot T * F$
 $T \rightarrow \cdot F$
 $F \rightarrow \cdot (E)$
 $F \rightarrow \cdot i$

I₇:
$$T \rightarrow T^* \cdot F$$

$$F \rightarrow \cdot (E)$$

$$F \rightarrow \cdot i$$

(0) S'
$$\rightarrow$$
E
(1) E \rightarrow E+T
(2) E \rightarrow T
(3) T \rightarrow T*F

I₄:
$$F \rightarrow (\cdot E)$$

 $E \rightarrow \cdot E + T$
 $E \rightarrow \cdot T$
 $T \rightarrow \cdot T * F$
 $T \rightarrow \cdot F$
 $F \rightarrow \cdot (E)$
 $F \rightarrow \cdot i$

$$I_8: F \rightarrow (E \cdot)$$
 $E \rightarrow E \cdot + T$

$$(4) T \rightarrow F$$

$$(5) F \rightarrow (E)$$

$$(6) F \rightarrow i$$

$$I_1: S' \rightarrow E \cdot E \rightarrow E \cdot + T$$

$$I_2: E \rightarrow T \cdot \\ T \rightarrow T \cdot *F$$

$$I_3$$
: $T \rightarrow F$

$$I_5: F \rightarrow i$$

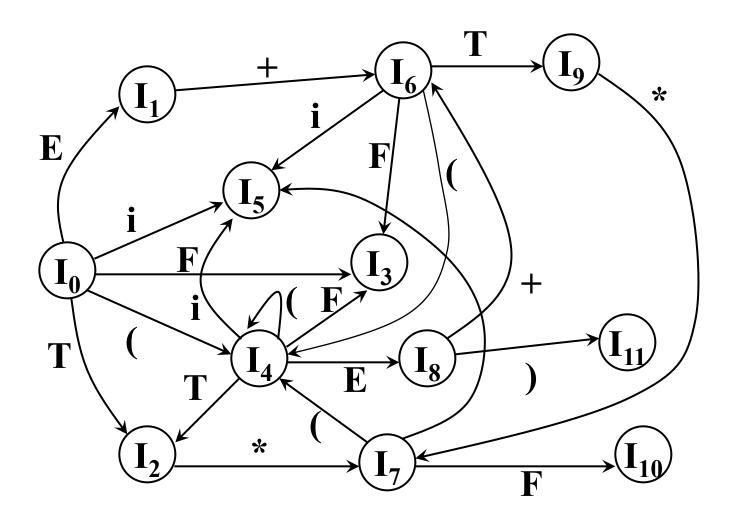
I₆:
$$E \rightarrow E + \cdot T$$
 $T \rightarrow \cdot T * F$
 $T \rightarrow \cdot F$
 $F \rightarrow \cdot (E)$
 $F \rightarrow \cdot i$

$$I_9$$
: $E \rightarrow E + T \cdot T \rightarrow T \cdot *F$

$$I_{10}$$
: $T \rightarrow T*F$

$$I_{11}$$
: $F \rightarrow (E)$

■ 识别该文法活前缀的DFA



$$I_1: S' \rightarrow E \cdot E \rightarrow E \cdot + T$$

$$I_2$$
: $E \rightarrow T$ ·
 $T \rightarrow T \cdot *F$

$$I_9$$
: $E \rightarrow E + T \cdot T \rightarrow T \cdot *F$

 I_1 、 I_2 、 I_9 存在移进、归约冲突解决?

$$I_1$$
: S' \rightarrow E. FOLLOW(S')={#} 遇#接受 E \rightarrow E.+T 遇+移进

$$I_2$$
: $E \rightarrow T$. 遇FOLLOW(E)={+,),#}归约 $T \rightarrow T$. *F 遇* 移进

$$I_9$$
: $E \rightarrow E+T$.遇 $FOLLOW(E)=\{+,\},\#\}$ 归约 $T \rightarrow T.*F$ 遇* 移进

$$(0) S' \rightarrow E$$

(1)
$$E \rightarrow E + T$$

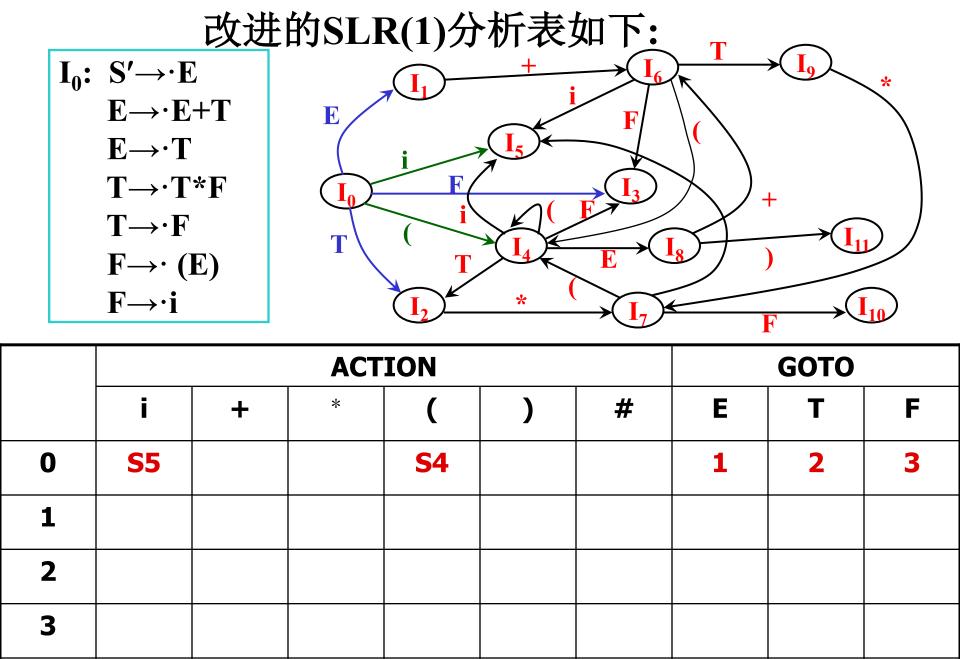
(2)
$$E \rightarrow T$$

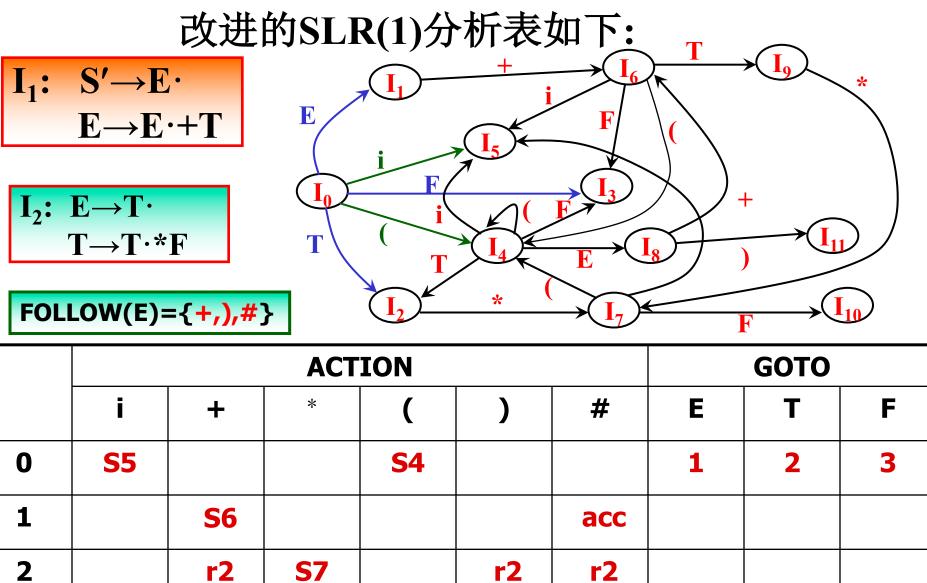
(3)
$$T \rightarrow T*F$$

(4)
$$T \rightarrow F$$

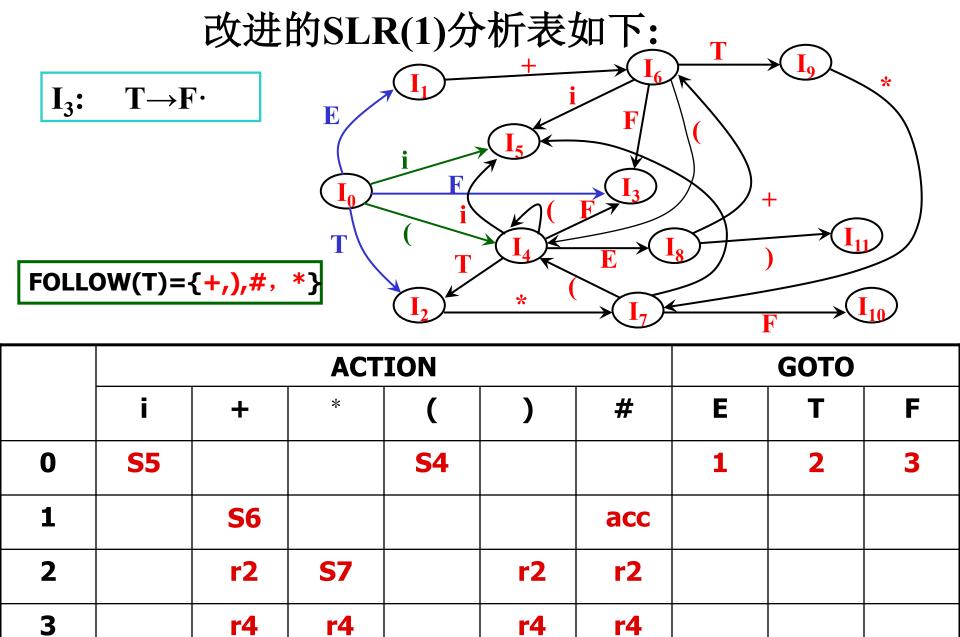
$$(5) F \rightarrow (E)$$







							J	L'
			GOTO					
	i	+	*	()	#	E	Т
0	S5			S4			1	2



利用SLR(1)分析表 对i) #进行分析

			GOTO						
	i	+	*	()	#	E	Т	F
0	S5			S4			1	2	3
1		S6				acc			
2		r2	S7		R2	r2			
3		R4	R4		R4	r4			
4	S5			S4			8	2	3
5		R6	R6		R6	r6			
6	S5		S4					9	3
7	S5		S4						10
8		S6			S11				
9		r1	S7		r1	r1			
10		r3	r3		r3	r3			
11		r5	r5		r5	r5			

$$(0) S' \rightarrow E$$

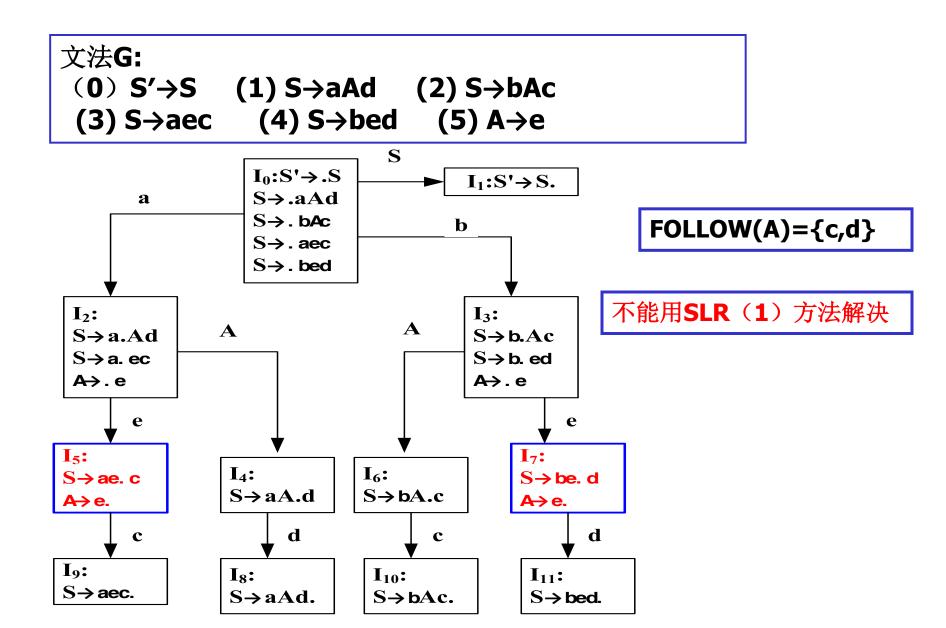
(1)
$$E \rightarrow E + T$$

$$(2) \to T$$

(3)
$$T \rightarrow T*F$$

$$(4) T \rightarrow F$$

$$(5) \mathbf{F} \rightarrow (\mathbf{E})$$



LR(0)识别G的活前缀的DFA



7.4 LR(1)分析

I₅: S→ae. c A→e. I₇: S⇒be. d A⇒e.

- 文法G:
 - $\bullet \quad (0) S' \rightarrow S \quad (1) S \rightarrow aAd \quad (2) S \rightarrow bAc$
 - $\bullet (3) S \rightarrow aec (4) S \rightarrow bed (5) A \rightarrow e$
- I₅、I₇存在移进-归约冲突,不能用SLR(1)方法解决
- FOLLOW(A)={c,d}
 - 在5状态,遇见c,移进(S9)、归约(r5)
 - 在7状态,遇见d,移进(S11)、归约(r5)

分析:

$$S'=>S=>aAd=>aed$$
 $S'=>S=>bAc=>bec$

■ 状态5,遇见d归约,遇见c移进;状态7,遇见c归约,遇见d移进;

7.4 LR(1)分析

- FOLLOW(A) 包含了在任何句型中跟在 A 后的符号,但 没有严格地指出在一个特定的推导里哪些符号跟在A后。
- FOLLOW集合提供的信息太泛!
- 根据项目集的构造原则有:
- 若 A →α .B β ∈ I
 则 B → .γ (B → γ 是一产生式) ∈ I
 不防考虑,把FIRST (β) 中的符号作为用B → γ 归约的搜索符,向前搜索符

7.4.1 LR(1)项目集族的构造

- LR (1) 项目的一般形式: $[A \rightarrow \alpha . \beta, a]$
 - 意味着处在栈顶是α的相应状态,期望相应β在栈顶的状态,然后只有当跟在β后的符号是终结符a时进行归约
- a 称作该项目的向前搜索符
- 向前搜索符只对归约项目起作用,对于任何移进或待约项目 不起作用
- $[A \rightarrow \alpha \beta \cdot, a]$:意味着处在栈中是 $\alpha \beta$ 的相应状态,但只有当下一个输入符是 α 时才能进行归约.
- a 要么是一个终结符, 要么是输入结束标记#
- 有多个向前搜索符,比如a,b,c时,可写作 A -> u•, a/b/c

7.4.1 LR(1)项目集族的构造

- 为构造有效的LR(1)项目集族我们需要两个函数 CLOSURE(闭包)和GO(转换)。
- 初始时:

C={ closure($\{[S' \rightarrow . S, \#]\})\};$

LR(1)项目集的构造:

对初始项目[S'→. S, #]求闭包后再用转换函数逐步 求出整个文法的LR(1)项目集

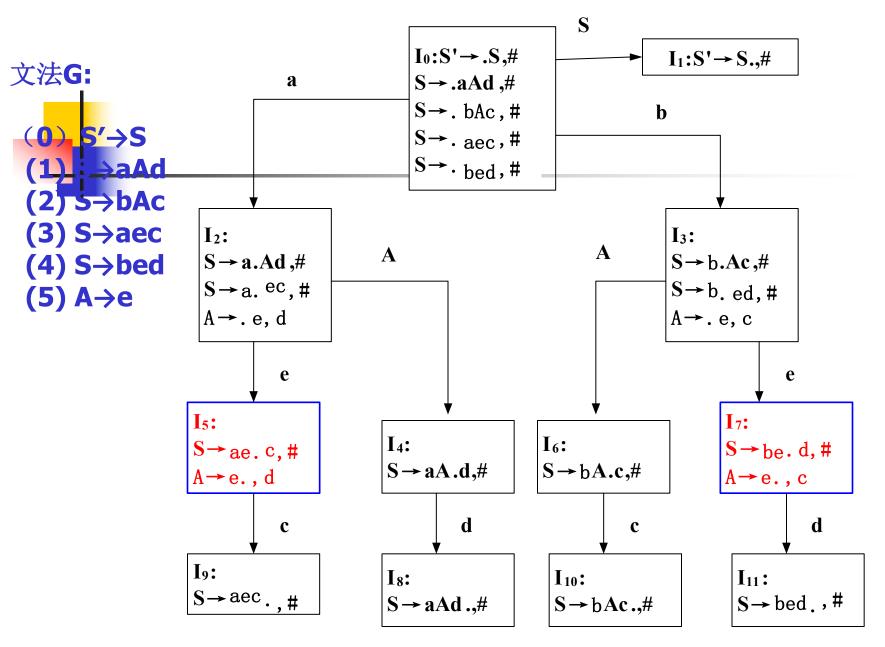


(1) 构造LR(1)项目集的闭包函数

- ① I的任何项目属closure(I);
- ②若[$\mathbf{A} \rightarrow \beta_1$. $\mathbf{B} \beta_2$, \mathbf{a}] \in closure(\mathbf{I}), $\mathbf{B} \rightarrow \delta$ 是一产生式,那么对于FIRST($\beta_2 \mathbf{a}$)中的每个终结符 \mathbf{b} , 如果[$\mathbf{B} \rightarrow . \delta$, \mathbf{b}]不在closure(\mathbf{I})中,则把它加进去;
- ③重复①②,直至closure(I)不再增大。

(2) 构造转换函数

- 若I是一个项目集,X是一个文法符号GO(I, X)= closure(J)
- 其中 $J=\{ 任何形如[A\rightarrow α X. β,a] 的项目 | [A\rightarrow α.Xβ,a] \in I \}$
- 文法的LR(1)项目集:反复利用(1)(2),直到项目 集不在扩大



7.4.2 LR(1)分析表的构造

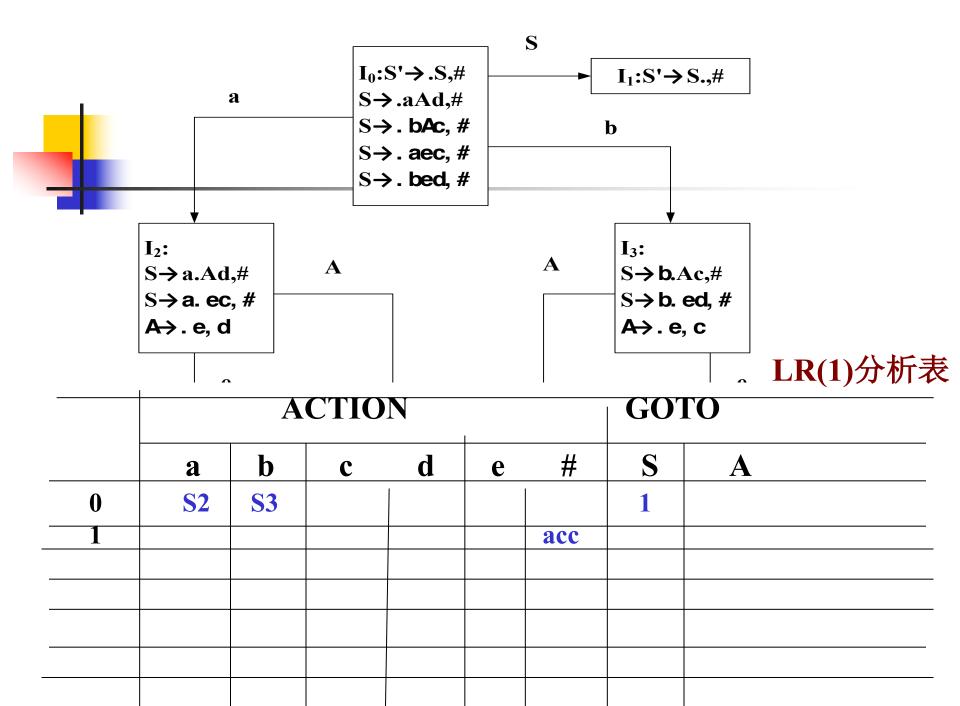
假定LR(1)项目集规范族 $\mathbb{C}=\{I_0, I_1, \ldots, I_n\}$,令每个项目集 I_k 的下标k为分析器的一个状态,G'的LR(1)分析表含有状态0,1,……,n。

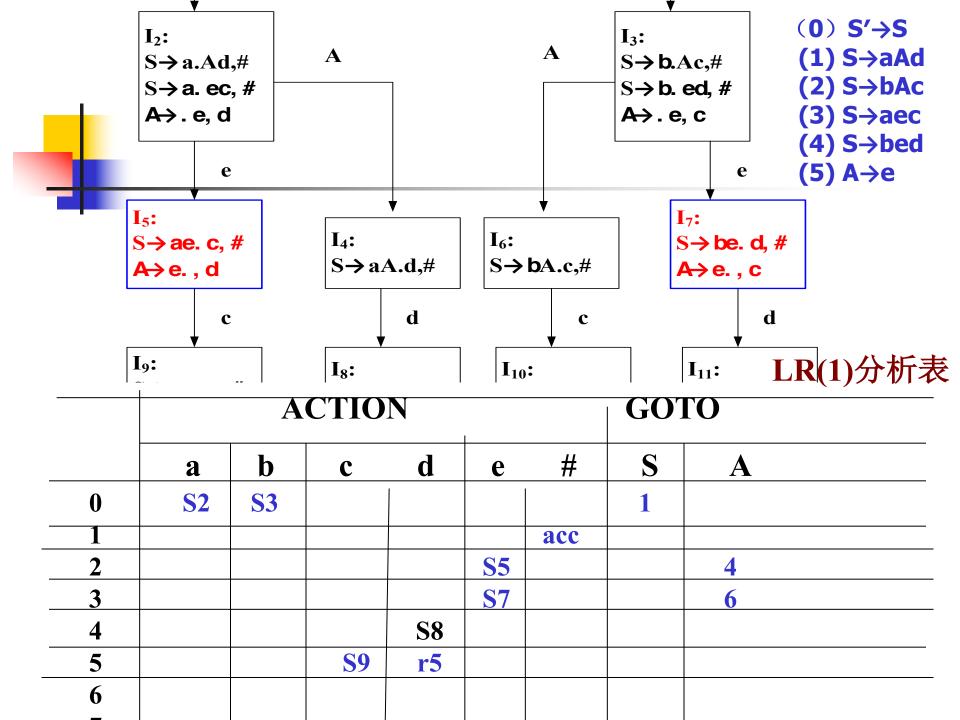
- 1.令含有项目[S'→. S ,#]的 I_k 的下标k为状态0(初态)。 ACTION表和GOTO表可按如下方法构造:
- 2.若项目 $[A \rightarrow \alpha$.,b]属于 I_k ,那么置ACTION[k,b]为" r_j ";其中,假定 $A \rightarrow \alpha$ 为文法G'的第j个产生式

- 3. 若项目[A→α. aβ,b]属于 I_k 且GO ($I_{k\prime}$ a)= $I_{j\prime}$ 则置 ACTION[k, a]为 " s_j ";
- **4.**若项目[S'→S.,#]属于I_k,则置ACTION[k, #]为 "acc";
- 5.若GO (I_k , A)= I_i , A为非终结符,则置GOTO(k, A)=i
- **6.**分析表分析中凡不能用规则**1**至**5**填入信息的空白格均置上"出错标志"。



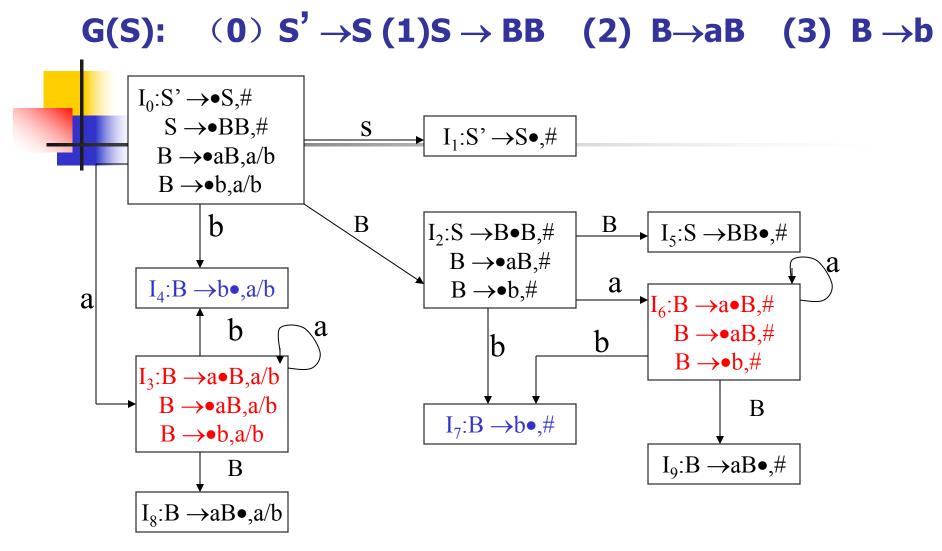
按上述算法构造的含有ACTION和GOTO两部分的分析表,如果每个入口不含多重定义,则称该文法G为一个LR(1)文法。







- 每个SLR(1) 文法都是LR(1) 文法。
- LR(1)比SLR(1)能力强
- 一般情况下,一个LR(1)文法的项目集的个数比其 SLR(1)的状态要多。



LR(1)项目集和转换函数

本章小结

- 6.1 LR分析概述
- 6.2 LR (0) 分析
- 6.3 SLR(1) 分析
- 6.4 LR(1) 分析