

Número mecanográfico: 

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Nome completo: \_\_\_\_\_

## Grupo 1 - Segurança Criptográfica e Aleatoriedade (15%)

### 1.1. One Time Pad.

O One-Time-Pad é seguro num modelo de ataque em que o adversário pode ter as seguintes capacidades 

--

pode ser computacionalmente ilimitado desde que observe apenas um criptograma criado com cada chave
---

As duas limitações principais práticas do One-Time-Pad são 

--

chaves do tamanho das mensagens, chaves simétricas pré-partilhadas que só podem ser utilizadas uma vez
--

.

### 1.2. Distribuições Simples.

Seja  $p > 2$  um inteiro primo, e  $\ell > 0, \lambda \geq \ell$  inteiros. Seja  $x \leftarrow_{\$} [k]$  a operação de amostrar um valor com a distribuição uniforme do conjunto de inteiros  $\{0, \dots, k-1\}$ . As seguintes distribuições são uniformes?

Distribuição	Sim	Não	Distribuição	Sim	Não
$\{x \bmod p \mid x \leftarrow_{\$} [2^\lambda]\}$		<b>x</b>	$\{x \bmod p \mid x \leftarrow_{\$} [p]\}$	<b>x</b>	
$\{x \bmod p \mid x \leftarrow_{\$} [2^\lambda \cdot p]\}$	<b>x</b>		$\{x \bmod p \mid x \leftarrow_{\$} [2^\lambda + p]\}$		<b>x</b>
$\{x \bmod p \mid x \leftarrow_{\$} [2^{\lambda+p}]\}$		<b>x</b>	$\{x \bmod 2^\ell \mid x \leftarrow_{\$} [2^\lambda]\}$	<b>x</b>	
$\{x \bmod 2^\ell \mid x \leftarrow_{\$} [p]\}$		<b>x</b>	$\{x \bmod 2^\ell \mid x \leftarrow_{\$} [2^\lambda \cdot p]\}$	<b>x</b>	
$\{x \bmod 2^\ell \mid x \leftarrow_{\$} [2^\lambda + p]\}$		<b>x</b>	$\{x \bmod 2^\ell \mid x \leftarrow_{\$} [2^{\lambda+p}]\}$	<b>x</b>	

### 1.3. Pseudo-Aleatoriedade

Um processo que consome  $\lambda$  bits de aleatoriedade e produz outputs de tamanho  $2\lambda$  (pode/não pode) 

não pode
----------

 produzir distribuições uniformes sobre o seu contradomínio.

Um processo que consome  $2\lambda$  bits de aleatoriedade e produz outputs de tamanho  $\lambda$  (pode/não pode) 

pode
------

 produzir distribuições uniformes sobre o seu contradomínio.

Um algoritmo (probabilístico/determinístico) 

determinístico
----------------

 que consome  $\lambda$  bits de aleatoriedade é um gerador pseudo-aleatório se 

o output produzido for indistinguível de uma string uniforme
--

.

Um gerador pseudo-aleatório recebe como input uma sequência de bits, conhecida como 

seed/sememente
----------------

, amostrada de uma distribuição 

uniforme
----------

.

#### 1.4. Segurança Heurística e Demonstrável

De que forma é justificada a segurança das seguintes primitivas/construções criptográficas.

Construção/primitiva	Demonstrável	Heurística
Counter-Mode	x	
Davis-Meyer	x	
Função RSA		x
Problema Diffie-Hellman		x
Merkle-Damgard	x	
AES		x

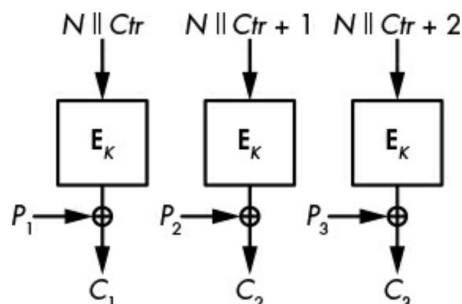
#### 1.5. Desenvolvimento. (5%)

Explique os conceitos de segurança perfeita e ataque por força bruta. Discuta de que forma se aplicam estes conceitos ao One Time Pad.

## Grupo 2 - Criptografia Simétrica (30%)

### 2.1. Aplicações do AES.

a) Considere o seguinte diagrama



O diagrama descreve o esquema counter-mode que se classifica como uma construção de cifra simétrica.

Utiliza  $E_k$  como um componente que geralmente é instanciado com uma construção de cifra de blocos.

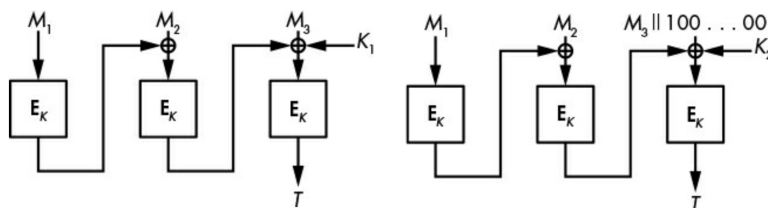
O Advanced Encryption Standard (AES), para um nível de segurança de 128-bits, utiliza chaves de tamanho 128 bits, aceita inputs de tamanho 128 bits e produz outputs de tamanho 128 bits.

Um nível estimado de segurança de 128-bits significa que   
o melhor ataque conhecido precisa de realizar  $2^{128}$  operações/passos computacionais

O esquema no diagrama permite garantir confidencialidade, uma propriedade que é formalizada pela noção de criptogramas indistinguíveis contra atacantes (com acesso a) texto-límpo(s) escolhidos, usualmente designada pela sigla IND-CPA.

O esquema será seguro quando utilizado com o AES se o AES cumprir o pressuposto de PRF/PRP.

b) Considere os seguintes diagramas, em que do lado esquerdo  $M_3$  é do tamanho do input de  $E_k$  e do lado direito isto não acontece.



Os diagramas descrevem o esquema CMAC que se classifica como uma construção de Message Authentication Code /MAC.

O esquema no diagrama permite garantir autenticidade/integridade, uma propriedade que é formalizada pela noção de dificuldade em falsificar/unforgeability contra atacantes (com acesso a) texto-límpo/msg escolhidas, usualmente designada pela sigla UF-CMA.

Este esquema não protege contra ataques de repetição/reordenamento de mensagens, a não ser que se garanta que cada mensagem só é transmitida uma vez.

A construção E.g., HMAC ou Wegman Carter oferece as mesmas garantias mas é mais eficiente, porque utiliza funções de hash / hashing universal como componente(s) principal(is).

## 2.2. Cifras Simétricas

O RC4 é uma construção de  cuja utilização atualmente é .

O núcleo do RC4 é uma construção de  em que a chave da cifra é utilizada como .

Como em todas as cifras deste tipo, o núcleo tem de ser determinístico porque na operação de decifração .

## 2.3. Merkle Damgård

A construção Merkle Damgård transforma uma  numa .

Em termos da sua segurança, a construção de Merkle Damgård é  se o seu sub-componente for .

A construção de Davis-Mayer transforma uma  numa , e relaciona-se com a construção de Merkle Damgård porque .

## 2.4. Funções de Hash

Uma função de hash com tamanho de output  $\lambda$  é vulnerável a um ataque que encontra uma colisão em aproximadamente  $2^{(\lambda/2)}$  passos e que usualmente se chama .

Por este motivo, quando se pretende um nível de segurança de  $\lambda$  bits, o tamanho do output das funções de hash utilizadas é geralmente .

A construção Poly-1305 tem um output com tamanho  bits (o número de bits de segurança mais usado hoje em dia) e não é vulnerável ao ataque anterior porque .

## 2.5. Desenvolvimento. (10%)

Explique a construção de Wegman-Carter e discuta até que ponto poderá ser uma função pseudo-aleatória.

Num. Mec. 

--	--	--	--	--	--	--	--	--

Nome: \_\_\_\_\_

### Grupo 3 - Criptografia Assimétrica (25%)

#### 3.1. Aplicações do RSA.

- a) O problema RSA diz que, para parâmetros públicos  $(n, e)$  e função  $RSA(x) := x^e \mod n$  é difícil 

--

inverter a função (encontrar $x$ ) se $x$ for escolhido de forma aleatória
--

.
- b) O valor  $y = RSA(m)$  não garante confidencialidade de  $m$  porque 

--

é determinístico e, portanto, inseguro no modelo IND-CPA
--

.
- c) O problema RSA é o pressuposto computacional subjacente ao esquema 

RSA-OAEP
----------

 que garante confidencialidade de acordo com o modelo 

IND-CPA/IND-CCA
-----------------

.

#### 3.2. Aplicações do Diffie-Hellman.

- a) O problema computacional Diffie-Hellman diz que, para num grupo  $G$  de tamanho primo  $q$ , gerador  $g$  e operação de grupo  $\circ$  é difícil 

dados $g^x$ e $g^y$ para $x, y$ aleatórios, encontrar $g^{xy}$
--

--

.
- b) O problema computacional Diffie-Hellman é o pressuposto computacional subjacente ao esquema 

ElGamal
---------

 que garante confidencialidade de acordo com o modelo 

IND-CPA
---------

.

#### 3.3. Problemas computacionais.

- a) Atribua (1) ou (2) aos problemas em cada uma das linhas seguintes, para que façam sentido na frase:  
*Se existir um algoritmo que resolve de forma eficiente o problema (1), então existe um algoritmo que resolve de forma eficiente o problema (2).*

Diffie-Hellman Computational	2	Logaritmo Discreto	1
Factorização de Inteiros	1	Problema RSA	2
Encontrar Colisões em H	2	Encontrar pré-imagens em H	1

- b) Nas perguntas anteriores os problemas (1) são potencialmente mais (fáceis/difíceis) 

difíceis
----------

 de resolver que os problemas (2).

#### 3.4. Cifras Assimétricas.

Uma cifra assimétrica permite ao emissor enviar informação com garantias de 

confidencialidade
-------------------

 ao recetor necessitando para isso de garantias de 

autenticidade
---------------

 sobre a chave 

pública
---------

 do recetor.

As cifras assimétricas utilizam geralmente o paradigma KEM/DEM, e são portanto técnicas 

híbridas
----------

 porque

combinam técnicas simétricas e assimétricas
---

.

### 3.5. Assinaturas Digitais.

a) Uma assinatura digital deve garantir

autenticidade, integridade e não repúdio

mas não garante

confidencialidade

O algoritmo de verificação de uma assinatura digital recebe como inputs

mensagem, assinatura e chave pública

e retorna

um bit/booleano a indicar validade/invalidade

b) A assinatura de Schnorr consiste num par  $(r, s)$ , em que  $r = g^k$  e  $s = k - x \cdot H(r||M)$ . Explique porque é que a repetição da aleatoriedade  $r$  permite um ataque a este esquema.

### 3.6. Desenvolvimento. (10%)

A assinatura digital RSA Full Domain Hash calcula  $\sigma = H(m)^d \bmod n$ . Explique como funciona o processo de verificação da assinatura e porque é que a propriedade da unidirecionalidade da função RSA poderá não ser suficiente para garantir a segurança da construção.

Num. Mec.

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Nome:

## Grupo 4 - Protocolos e PKI (30%)

### 4.1. Cifras Autenticadas

a) A cifra autenticada Encrypt-And-MAC é  (segura/insegura) no modelo IND-CPA se for implementada com base numa cifra IND-CPA segura e um MAC que é uma PRF.

A cifra autenticada Encrypt-Then-MAC é  (segura/insegura) no modelo IND-CPA se for implementada com base numa cifra IND-CPA segura e um MAC que é uma PRF.

Se escreveu **insegura** em uma ou nas duas frases acima, justifique:

--

Uma cifra autenticada garante as propriedades de segurança

b) A primitiva AEAD é diferente de uma cifra autenticada porque

--

A primitiva AEAD foi adotada como a abstração correta em protocolos como TLS porque

As duas construções de AEAD recomendadas pela versão 1.3 do TLS são

### 4.2. Gestão de Chaves

Num cenário com  $N$  utilizadores que pretendem comunicar utilizando criptografia simétrica com garantias de segurança ponto a ponto (i.e., entre cada par de utilizadores):

a) se utilizarmos apenas pré-distribuição de chaves de longa duração, no mínimo, cada utilizador necessita de armazenar  chaves de forma permanente, e globalmente teremos de gerir  chaves de longa duração.

b) se utilizarmos um agente de confiança para distribuição de chaves de sessão, cada utilizador necessita de armazenar  chaves de forma permanente, e globalmente teremos de gerir  chaves de longa duração.

c) O que muda relativamente à alínea b) se considerarmos a utilização de criptografia assimétrica?

--

### 4.3. Certificados de Chave Pública

Os certificados de chave pública podem ser transferidos por canais inseguros desde que

desde que não sejam de raiz/desde que possam ser validados utilizando outros certificados

Um certificado de raiz pode ser facilmente reconhecido porque

é assinado pelo titular/auto-assinado/o issuer e o subject são o mesmo

A assinatura digital num certificado de raiz não é relevante para a sua segurança porque

a confiança é estabelecida por um canal não criptográfico e o certificado não é validado com base na assinatura (confiança implícita)

(**Bónus**) Dê um exemplo de uma assinatura insegura, mas que seja utilizada na prática exatamente no contexto anterior

assinaturas com base em SHA-1

### 4.4. Desenvolvimento. (10%)

Suponha que dois agentes A e B estabelecem uma chave criptográfica utilizando o protocolo Diffie-Hellman autenticado (e.g., Station-to-Station).

A e B utilizam chaves públicas certificadas pelas Autoridades de Certificação  $CA_A$  e  $CA_B$ , respectivamente, ambas subordinadas da mesma CA Root em quem A e B confiam implicitamente.

Suponha que um atacante obtém a chave privada de CA Root. Discuta em que circunstâncias poderia quebrar:

- a) uma sessão estabelecida no passado (antes da corrupção da chave de CA Root) e
- b) uma sessão a estabelecer no futuro.