

## 一阶电路的全响应

▶ 全响应: 由动态元件的初始储能 和独立电源共同引起的响应。



已知:  $u_{\mathbb{C}}(0^{-})=U_{0}$ 。求t=0时开关闭合后的 $u_{\mathbb{C}}(t)$ 。

$$\begin{array}{c|c}
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\
 & & \\$$

RC串联电路在直流电压源作用下的全响应。

$$RC\frac{\mathrm{d}u_{\mathrm{C}}}{\mathrm{d}t} + u_{\mathrm{C}} = U_{\mathrm{S}} \quad (t \ge 0)$$

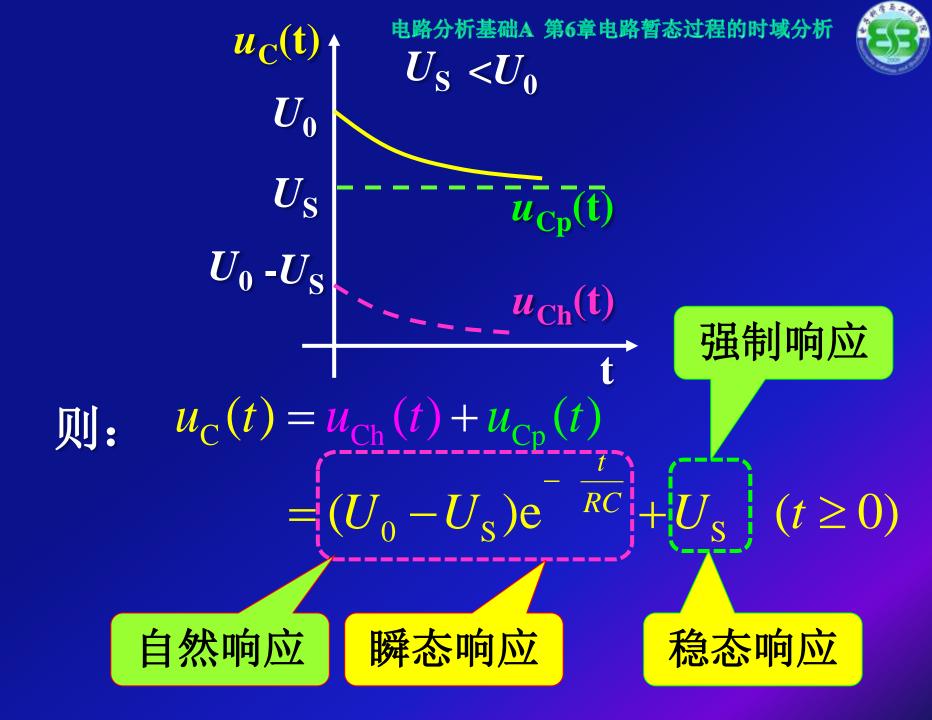


$$u_{\rm C}(t) = u_{\rm Ch}(t) + u_{\rm Cp}(t) = Ae^{-\frac{t}{RC}} + U_{\rm S}$$

代入初始条件
$$u_{\mathbb{C}}(0^{+})=u_{\mathbb{C}}(0^{-})=U_{0}$$
,可得

$$\boldsymbol{u}_{\mathrm{C}}(0^{+}) = \boldsymbol{U}_{0} = \boldsymbol{A} + \boldsymbol{U}_{\mathrm{S}} \implies \boldsymbol{A} = \boldsymbol{U}_{0} - \boldsymbol{U}_{\mathrm{S}}$$

**则:** 
$$u_{\rm C}(t) = u_{\rm Ch}(t) + u_{\rm Cp}(t)$$
  
=  $(U_0 - U_{\rm S})e^{-\frac{t}{RC}} + U_{\rm S}$   $(t \ge 0)$ 





$$u_{\rm C}(t) = (U_0 - U_{\rm S})e^{-\frac{t}{\tau}} + U_{\rm S} \quad (t \ge 0)$$

可改写为: 
$$u_{C}(t) = U_{0}e^{-\frac{t}{\tau}} + U_{S}(1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$$
  $(t \ge 0)$ 

全响应=零输入响应+零状态响应

电路由外加激励和初始状态共同引起的 全响应等于零输入响应与零状态响应之和 ,这是线性动态电路的一个基本性质,是 响应可以叠加的一种体现。

## 电路分析基础A 第6章电路暂态过程的时域分析



$$u_{C}(t) = U_{czi}(t) + U_{czs}(t)$$

$$= \left[U_{0}e^{-\frac{t}{\tau}}\right] + \left[U_{S}(1 - e^{-\frac{t}{\tau}})\right] (t \ge 0)$$

