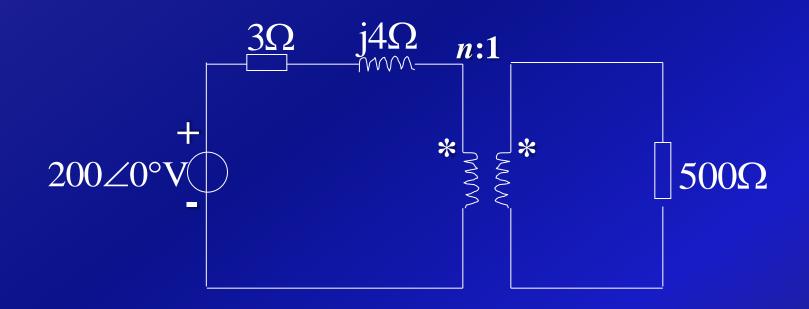
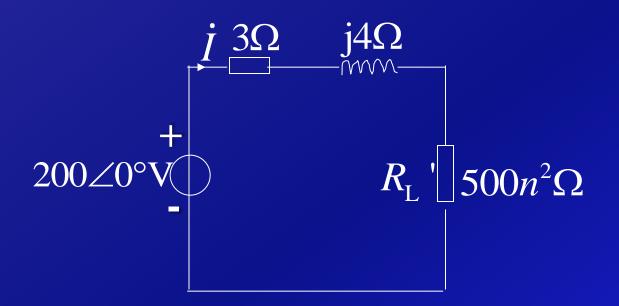
例19(P268例8-6)要使负载获得最大功率 $n=?, P_{\text{max}}=?$



将次级折合到初级: $R_L' = 500n^2$ 与 $Z_S = 3 + j4\Omega$ 不可能达到共扼匹配。



可以证明,当 $|Z_s|=|Z_L|$ 时,负载可获得最大功率,称为"模匹配";

"模匹配"时的最大功率,即负载中电阻获得的功率比共轭匹配时的功率小,为

$$P_{\text{max}} = I^2 \left| Z_{\text{L}} \right| = I^2 \left| Z_{\text{S}} \right|$$

下面先证明:

获得最大功率的条件:

一般地,理想变压器内阻 $Z_s = R_s + jX_s$,变换后的阻抗 $Z_L' = |Z_L'| \cos \theta_L + j |Z_L'| \sin \theta_L$,当仅负载阻抗的模可变时,一般不可能达到共扼匹配,求负载

$$\dot{I} = \frac{U_{S}}{(R_{S} + |Z_{L}'|\cos\theta_{L}) + j(X_{S} + |Z_{L}'|\sin\theta_{L})}$$

$$I = \frac{U_{\rm S}}{\sqrt{(R_{\rm S} + |Z_{\rm L}'| \cos \theta_{\rm L})^2 + (X_{\rm S} + |Z_{\rm L}'| \sin \theta_{\rm L})^2}}$$

负载中电阻吸收的功率:

$$P = I^{2}(|Z_{L}'|\cos\theta_{L}) = \frac{U_{S}^{2}|Z_{L}'|\cos\theta_{L}}{(R_{S} + |Z_{L}'|\cos\theta_{L})^{2} + (X_{S} + |Z_{L}'|\sin\theta_{L})^{2}}$$

要使P达到最大,必须 $\frac{dP}{d(|Z_L'|)} = 0$,即: $|Z_L'| = |Z_S|$

这时,负载获得最大功率,这种情况称为"模匹配"。模匹配时负载中电阻吸收的功率一般比达到共扼匹配时的功率小。

$$\left| \mathbf{Z}_{L} \right| = R_{L} = 500n^{2} = \left| \mathbf{Z}_{S} \right| = \sqrt{3^{2} + 4^{2}} = 5$$

$$\therefore n = 0.1$$

$$P = I^2 R_{\rm L}' = \frac{200^2 \times 5}{(3+5)^2 + 4^2} = 2500 \text{ W}$$