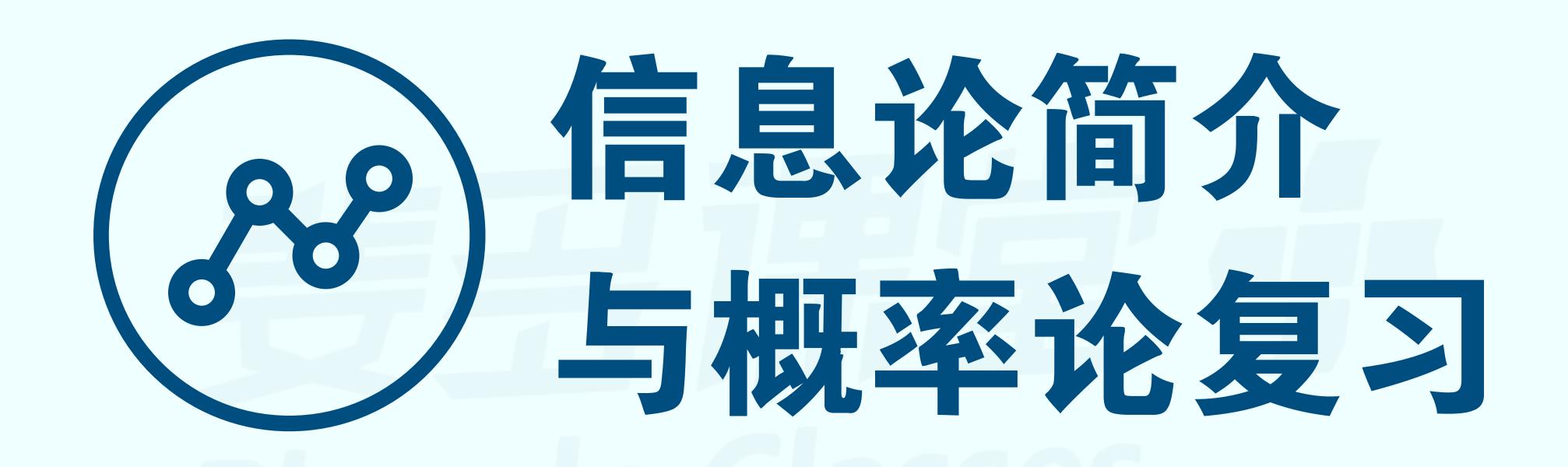
【【信息论与编码原理】通信工程,电子信息专业大学期末速成课,拒绝挂科】 https://www.bilibili.com/video/BV1JR4y1i79w/?p=8&share_source=copy_web&vd_source= 9346d1baa752b5ddda5636787cd547f4



一信息论与编码原理和追斜第一讲一一



一信息论与编码原理术追斜第一讲一一

3大模块



2道题目

一信息论与编码原理不追斜第一讲一一

信息论与编码原理不造料。1.信息论简介与概率论复习



模块1

信息的定义

模块2

信息论的研究对象与目的

模块3

概率论知识回顾

信息论与编码原理术追斜。1.信息论简介与概率论复习。1.信息的定义

信息的定义

小节1

通信系统中的信息、信号和消息

小节2 香农信息的概念

信息论与编码原理术走料。1.信息论简介与概率论复习。1.信息的定义

信息的定义

通信系统中的信息、信号和消息

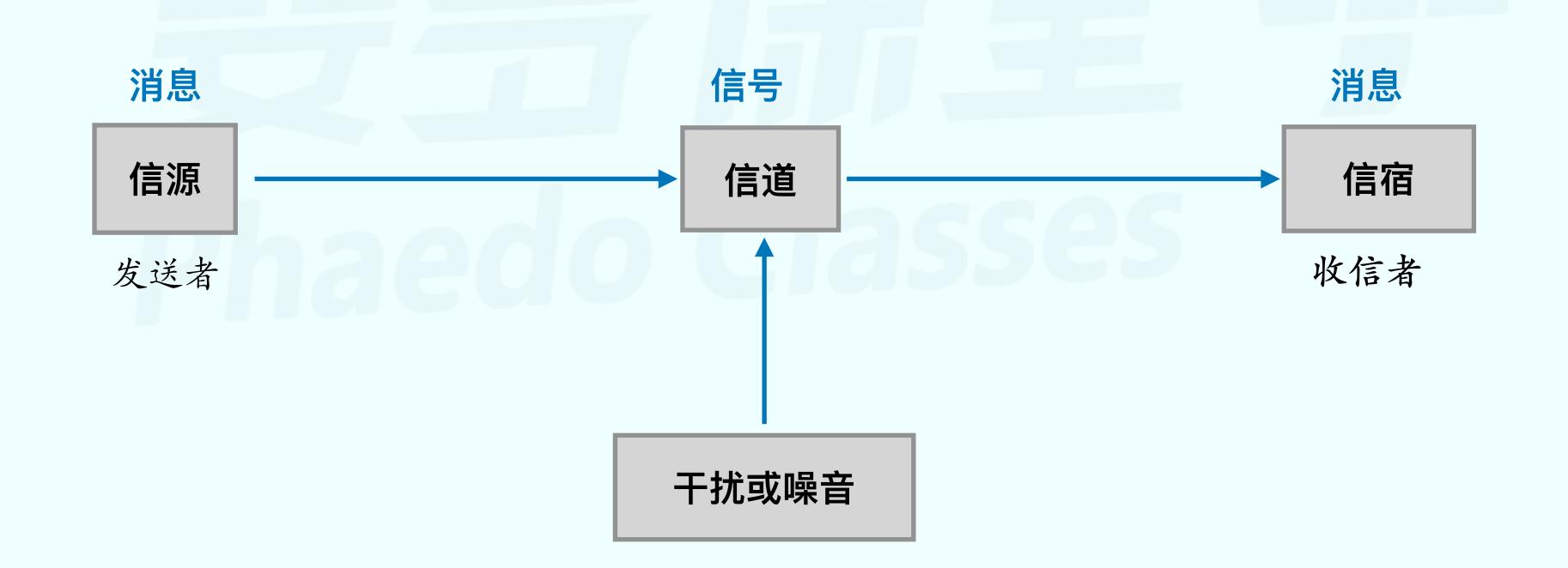
小节2 香农信息的概念

信息论与编码原理术连科 ● 1.信息论简介与概率论复习 ● 1.信息的定义 ● 1.通信系统中的信息、信号和消息

点对点通信系统模型

通信的基本问题:在一点精确或近似地恢复另一点所选择的信息;

通信的目的:消除不确定性,获得信息。

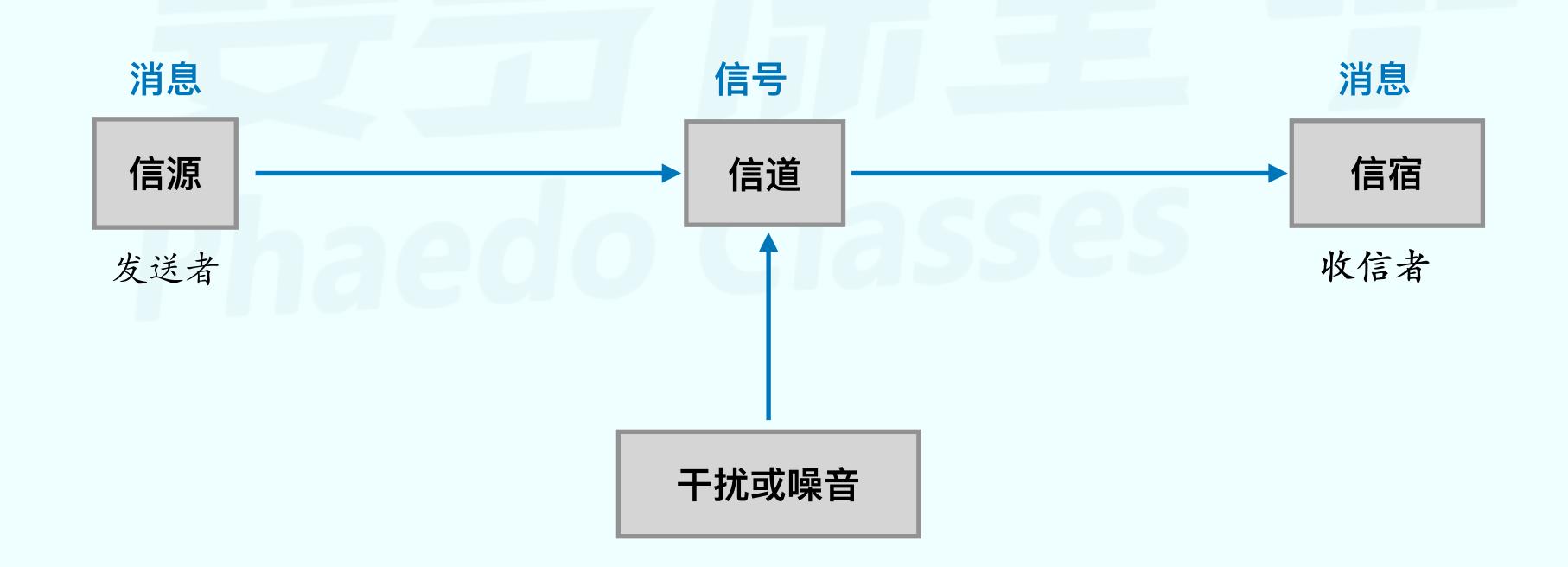


信息论与编码看理术追斜 ● 1.信息论简介与概率论复习 ● 1.信息的定义 ● 1.通信系统中的信息、信号和消息

信息、信号、消息

消息:能被人的感觉器官所感知;<mark>消息中包含信息</mark>,是信息的载体,是具体、非物理的;

信号:适合信道传输的物理量;<mark>信号携带消息</mark>,是消息的运载工具,可测量、可显示、可描述。



信息论与编码原理术造料。1.信息论简介与概率论复习。1.信息的定义

信息的定义

小节1 通信系统中的信息、信号和消息

小节2 香农信息的概念

信息论与编码原理术建料•1.信息论简介与概率论复习•1.信息的定义•2.香农信息的概念

香农信息的定义

香农信息的定义是事物运动状态或存在方式的**不确定性**的描述;

- 1.信息被接受前,具有未知性,不确定性
- 2.信息在通过通信系统之后,不确定性被完全或部分消除,信宿因此获得了信息

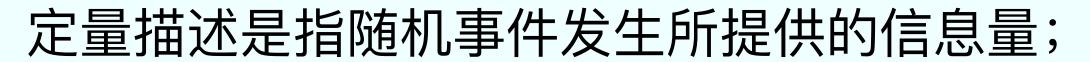
因此,通信过程是一种消除或部分消除不确定性,从而获得信息的过程。

EG: 打电话给老师问, 自己成绩能不能过关

不确定性(信息量)的定性和定量描述

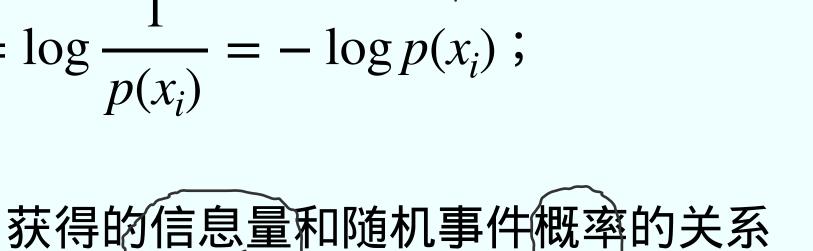
定性描述是指事先猜测某随机事件是否发生的难易程度;

- 1.一夜暴富——<mark>概率极低</mark>,难猜到——如果发生,获得的<mark>信息量很大</mark>;
- 2.学信息论会有一定困难——概率极高,好猜——信息量较小;
- 3.信息论要用到数学——必然事件,不用猜——信息量为0。



不确定性的大小可以表示为随机事件概率的函数 $I(x_i) = \log \frac{1}{p(x_i)} = -\log p(x_i)$;

- 1.不可能事件概率为0,信息量为无穷大
- 2.必然事件概率为1,信息量为0
- 3.随机事件概率和自信息成负相关



信息论与编码原理术追斜。1.信息论简介与概率论复习。2.信息论的研究对象与目的

信息论的研究对象与目的

小节 进一步完善的通信系统模型

小节2 信息论的研究目的

信息论与编码原理术追斜。1.信息论简介与概率论复习。2.信息论的研究对象与目的

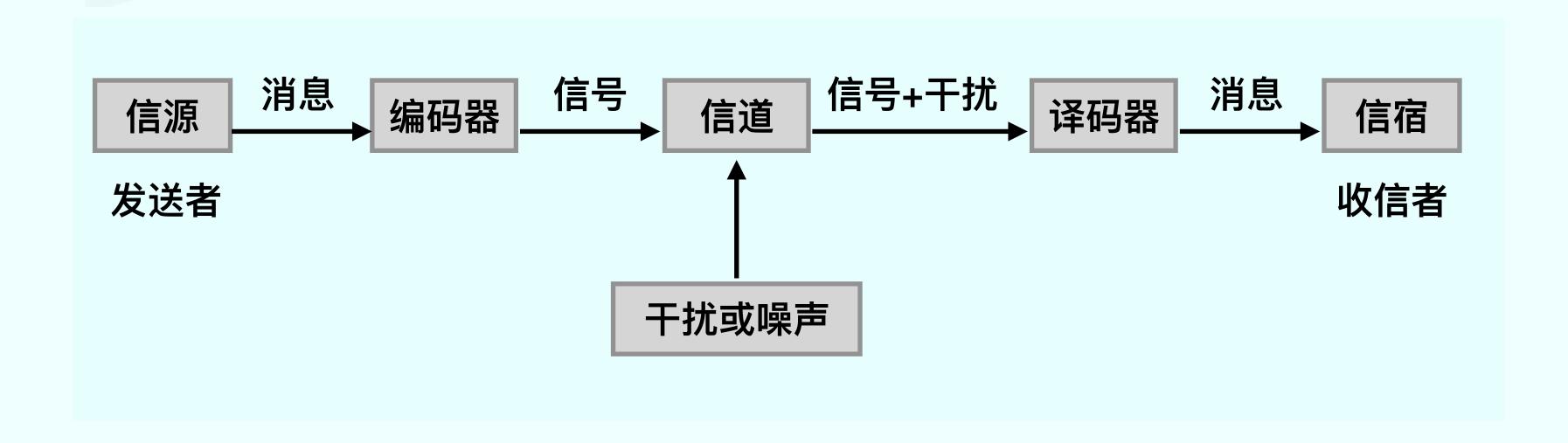
信息论的研究对象与目的

小节 进一步完善的通信系统模型

小节2 信息论的研究目的

通信的实质: 形式上传输消息, 实质上传输信息;

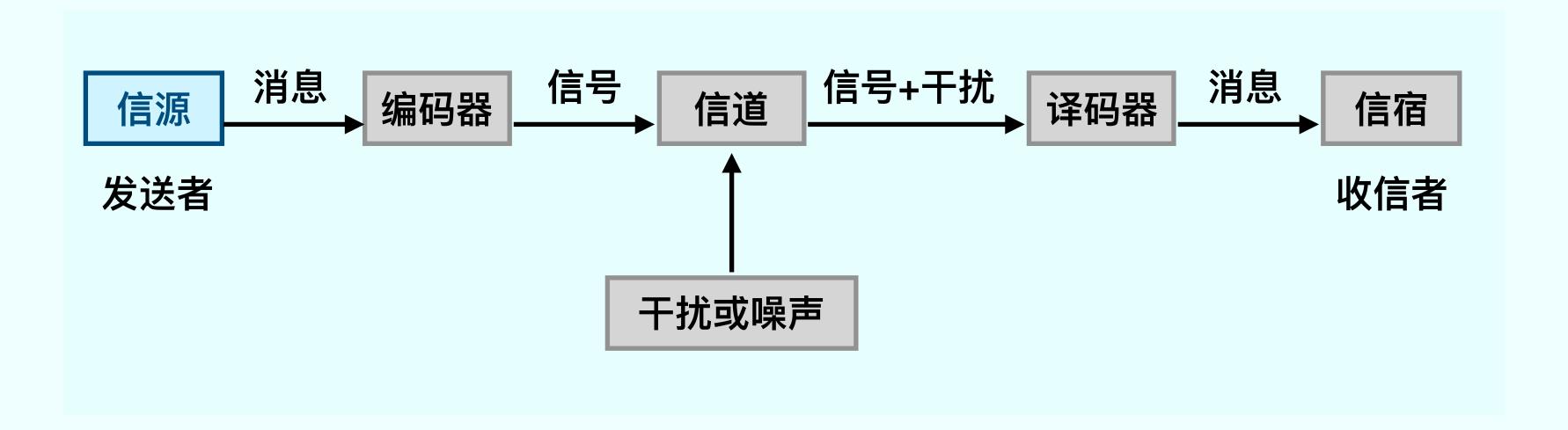
通信的目的: 消除不确定性, 获得信息;



通信的实质: 形式上传输消息, 实质上传输信息;

通信的目的: 消除不确定性, 获得信息;

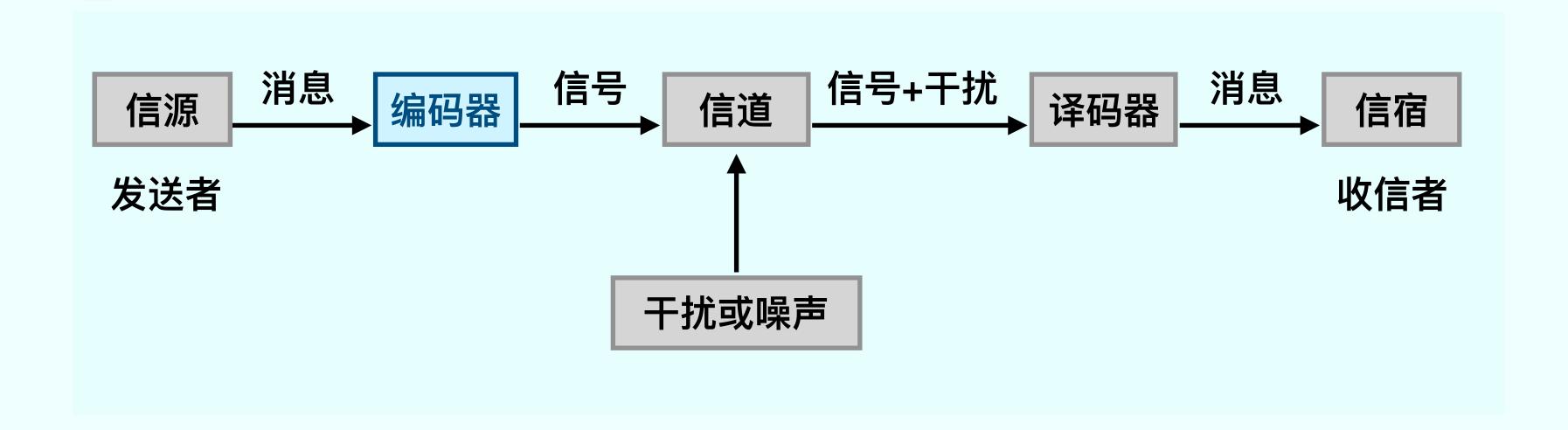
信源:产生消息和消息序列的源;



通信的实质: 形式上传输消息, 实质上传输信息;

通信的目的: 消除不确定性, 获得信息;

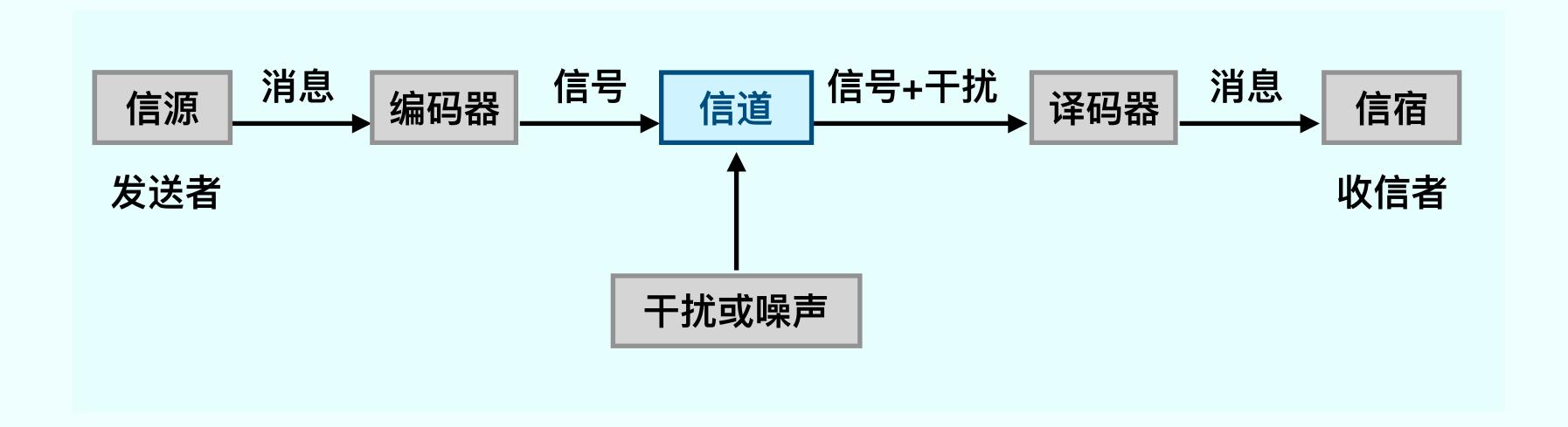
编码器:将消息变成适合信道传输的物理量;



通信的实质: 形式上传输消息, 实质上传输信息;

通信的目的: 消除不确定性, 获得信息;

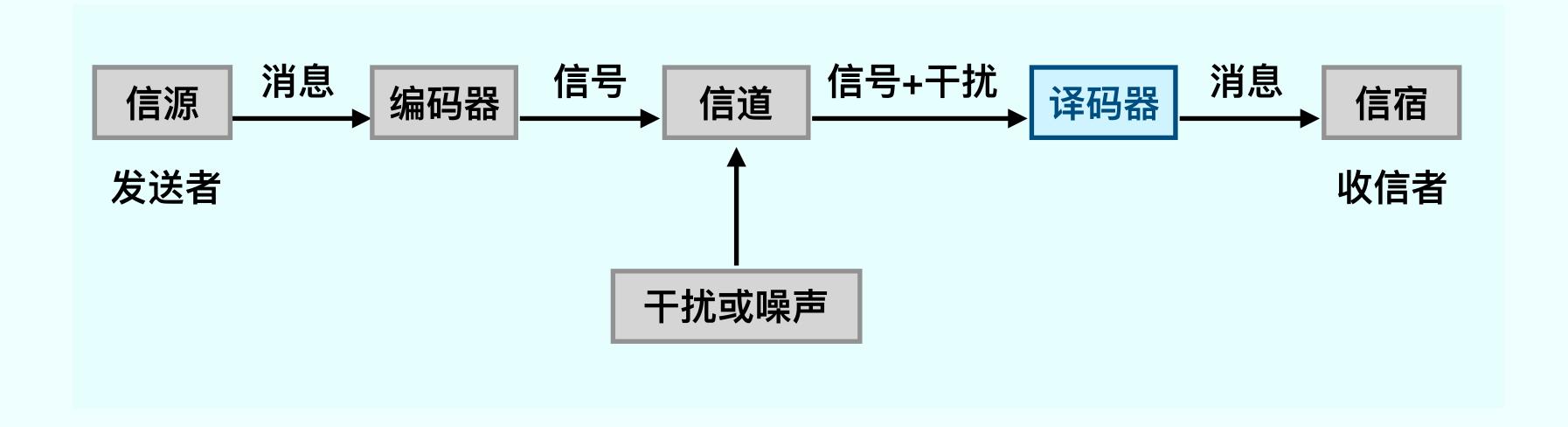
信道: 传输、存储信号的媒介;



通信的实质: 形式上传输消息, 实质上传输信息;

通信的目的: 消除不确定性, 获得信息;

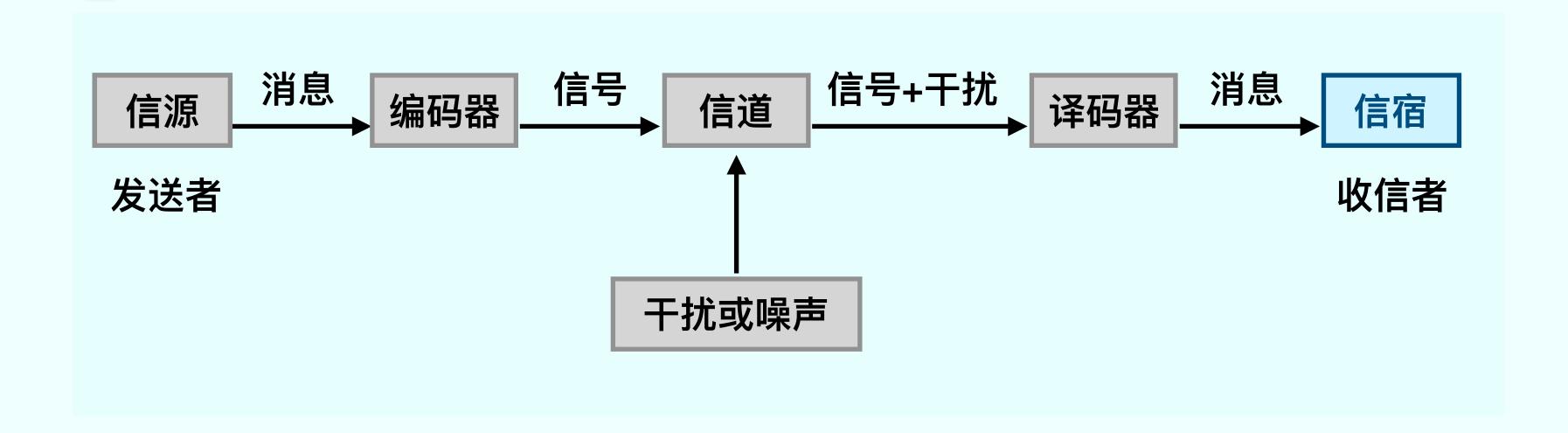
译码器:对干扰+信号进行反变换;



通信的实质: 形式上传输消息, 实质上传输信息;

通信的目的: 消除不确定性, 获得信息;

信宿:消息传递的对象;



编码器的概念和作用

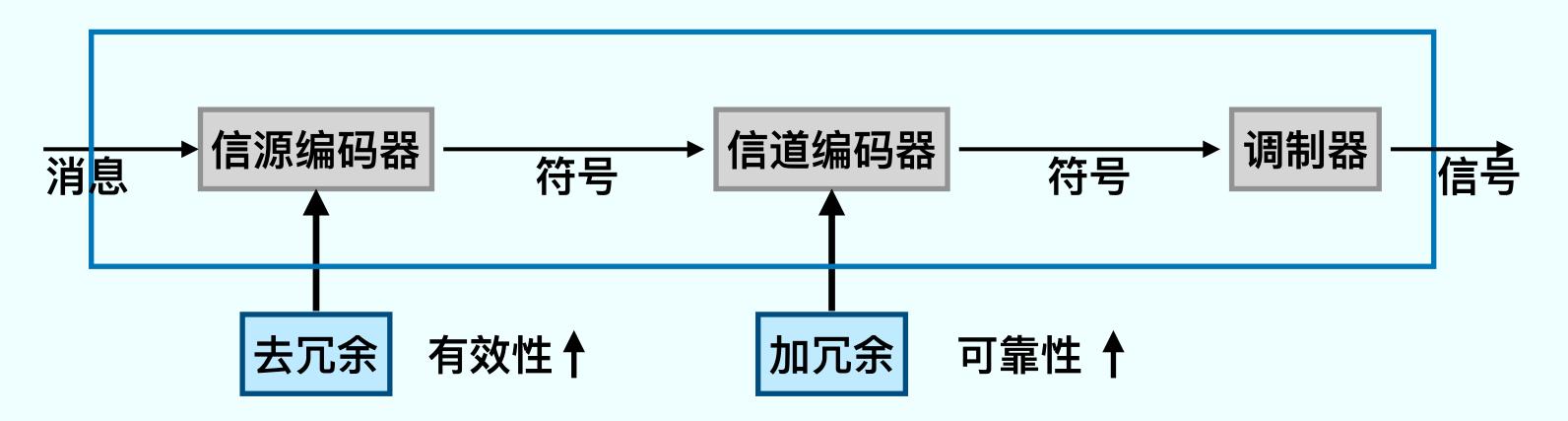
编码器:将消息变成适合信道传输的物理量;快递被子抽空气

信源编码器:通过<mark>去冗余</mark>提高通信系统的<mark>有效</mark>性——信息传输应尽可能快,高传输码率,可通过压缩等手段实现;

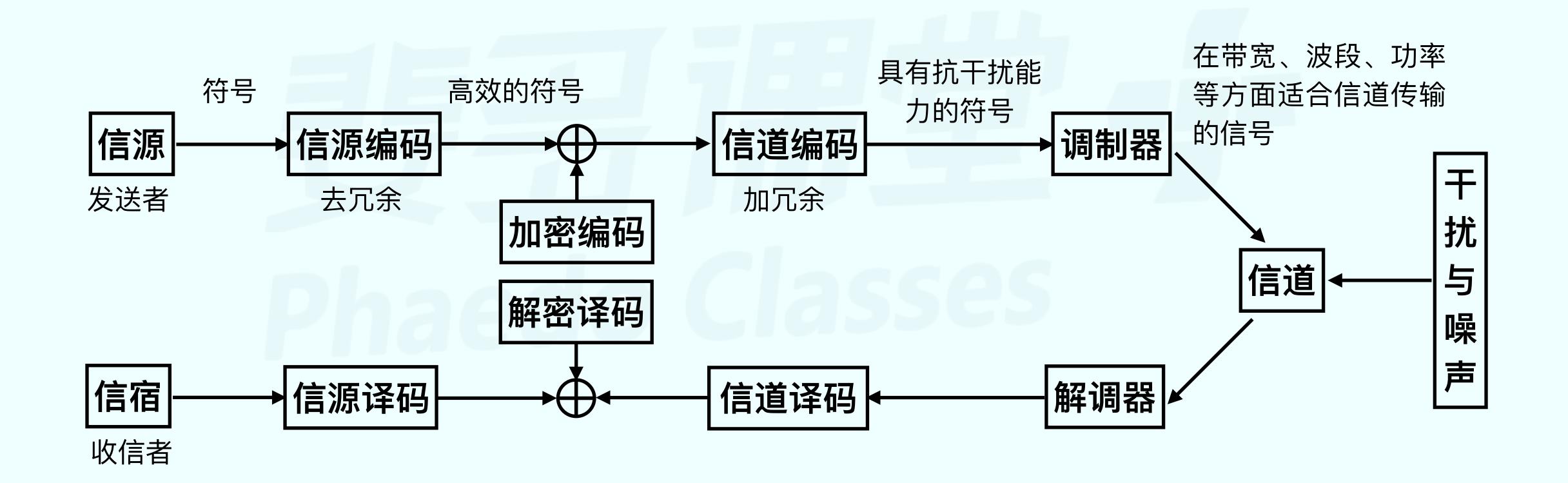
信道编码器:通过<mark>加冗余</mark>提高通信系统的<mark>可靠</mark>性——信息传输应尽可能准确,降低误码率;

调制器: 变成适合信号传输要求的信号。

暴力快递:噪音 多加几层包装,提高安全性



加入编码器和译码器后的通信系统模型



信息论与编码原理术追斜。1.信息论简介与概率论复习。2.信息论的研究对象与目的

信息论的研究对象与目的

小节1

进一步完善的通信系统模型

小节2

信息论的研究目的

信息论的研究目的

- 找到信息传输的共同规律;
- 信息论研究通信系统的整个过程, 而非单个环节;
- 实现在有干扰的情况下,最佳的传送和准确(或近似)再现信息;
- 提高信息传输的有效性,可靠性,安全性;
- 关心系统的理论极限和潜能,实现信息传输系统的最优化。

信息论与编码原理术造料。1.信息论简介与概率论复习。3.概率论知识回顾

概率论知识回顾

小节1 用矩阵表示概率分布

小节2 常用概率公式

信息论与编码原理术走料。1.信息论简介与概率论复习。3.概率论知识回顾

概率论知识回顾

小节2 常用概率公式

用矩阵表示概率分布

信息论与编码看理术连科 • 1.信息论简介与概率论复习 • 3.概率论知识回顾 • 1.利用矩阵表示概率分布

利用矩阵表示概率分布「一维概率分布」

$$\begin{bmatrix} X \\ P(X) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x_1 & x_2 & \cdots & x_n \\ p(x_1) & p(x_2) & \cdots & p(x_n) \end{bmatrix} \longrightarrow P_X = \begin{bmatrix} p(x_1) & p(x_2) & \cdots & p(x_n) \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} Y \\ P(Y) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} y_1 & y_2 & \cdots & y_m \\ p(y_1) & p(y_2) & \cdots & p(y_m) \end{bmatrix} \longrightarrow P_Y = \begin{bmatrix} p(y_1) & p(y_2) & \cdots & p(y_m) \end{bmatrix}$$

信息论与编码看理术走科 • 1.信息论简介与概率论复习 • 3.概率论知识回顾 • 1.利用矩阵表示概率分布

利用矩阵表示概率分布「联合概率分布」

依据联合分布矩阵可以写出边缘分布矩阵 P_X , P_Y ; 每列相加,得到PX

$$P_{XY} = \begin{bmatrix} x_1 & x_2 & \dots & x_n \\ p(x_1y_1) & p(x_2y_1) & \cdots & p(x_ny_1) \\ y_2 & p(x_1y_2) & p(x_2y_2) & \cdots & p(x_ny_2) \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ p(x_1y_m) & p(x_2y_m) & \cdots & p(x_ny_m) \end{bmatrix}$$

信息论与编码原理术追斜 • 1.信息论简介与概率论复习 • 3.概率论知识回顾 • 1.利用矩阵表示概率分布

利用矩阵表示概率分布「条件概率分布」

矩阵每行的条件概率之和恒为1(每一行的条件要相同) $\sum_{i=1}^{n} p(x_i|y_i) = 1$;

$$P_{X|Y} = \begin{bmatrix} y_1 & x_2 & \dots & x_n \\ p(x_1|y_1) & p(x_2|y_1) & \dots & p(x_n|y_1) \\ p(x_1|y_2) & p(x_2|y_2) & \dots & p(x_n|y_2) \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ p(x_1|y_m) & p(x_2|y_m) & \dots & p(x_n|y_m) \end{bmatrix}$$

条件概率分布、联合概率分布和边缘概率分布的关系

$$P_{X|Y} = \begin{bmatrix} y_1 & x_2 & \cdots & x_n \\ y_1 & p(x_1|y_1) & p(x_2|y_1) & \cdots & p(x_n|y_1) \\ y_2 & p(x_1|y_2) & p(x_2|y_2) & \cdots & p(x_n|y_2) \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ p(x_1|y_m) & p(x_2|y_m) & \cdots & p(x_n|y_m) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{p(x_1y_1)}{p(y_1)} & \frac{p(x_2y_1)}{p(y_1)} & \cdots & \frac{p(x_ny_1)}{p(y_1)} \\ \frac{p(x_1y_2)}{p(y_2)} & \frac{p(x_2y_2)}{p(y_2)} & \cdots & \frac{p(x_ny_2)}{p(y_2)} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ \frac{p(x_1y_m)}{p(y_m)} & \frac{p(x_2y_m)}{p(y_m)} & \cdots & \frac{p(x_ny_m)}{p(y_m)} \end{bmatrix}$$

信息论与编码原理术追斜 • 1.信息论简介与概率论复习 • 3.概率论知识回顾 • 1.利用矩阵表示概率分布

条件概率分布、联合概率分布和边缘概率分布的关系

由随机变量X的边缘分布以及以X为条件随机变量Y的条件概率分布,可求得结果Y的边缘分布;

用矩阵的形式,可表示为 $P_Y = P_X P_{Y|X}$,同理可推得 $P_X = P_Y P_{X|Y}$ 。

条件概率分布、联合概率分布和边缘概率分布的关系

公式 $P_Y = P_X P_{Y|X}$ 与 $P_X = P_Y P_{X|Y}$ 的证明:

$$P_X P_{Y|X} = [p(x_1) \ p(x_2) \ \cdots \ p(x_m)] \begin{bmatrix} p(y_1 | x_1) & p(y_2 | x_1) & \cdots & p(y_n | x_1) \\ p(y_1 | x_2) & p(y_2 | x_2) & \cdots & p(y_n | x_2) \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ p(y_1 | x_m) & p(y_2 | x_m) & \cdots & p(y_n | x_m) \end{bmatrix}$$

$$= [p(x_1) p(y_1 | x_1) + p(x_2) p(y_1 | x_2) + \cdots + p(x_m) p(y_1 | x_m) + \cdots]$$

$$= [p(y_1) \ p(y_2) \ \cdots \ p(y_n)]$$

$$= P_Y$$

同理可证 $P_X = P_Y P_{X|Y}$ 。

信息论与编码原理术生料 • 1.信息论简介与概率论复习 • 3.概率论知识回顾 • 1.利用矩阵表示概率分布

条件概率分布、联合概率分布和边缘概率分布的关系「全概率公式」

$$P_X = P_Y P_{X|Y}$$
 $p(x_i) = \sum_{j=1}^{n} p(y_j) p(x_i | y_j)$

$$P_{Y} = P_{X}P_{Y|X} - \sum_{i=1}^{n} p(x_{i})p(y_{j}|x_{i})$$

信息论与编码原理术追斜。1.信息论简介与概率论复习。3.概率论知识回顾

概率论知识回顾

小节1 用矩阵表示概率分布

小节2 常用概率公式

信息论与编码原理术追斜 • 1.信息论简介与概率论复习 • 3.概率论知识回顾 • 2.常用概率公式

常用概率公式

条件概率公式
$$p(X = x_i | Y = y_j) = \frac{p(X = x_i, Y = y_j)}{p(Y = y_i)} = \frac{p(x_i y_j)}{p(y_j)}$$

全概率公式
$$p(X = x_i) = \sum_{j=1}^{n} p(Y = y_j) p(X = x_i | Y = y_j) = \sum_{j=1}^{n} p(y_j) p(x_i | y_j)$$

贝叶斯公式
$$p(X = x_i | Y = y_j) = \frac{p(x_i y_j)}{p(y_j)} = \frac{p(y_j | x_i)p(x_i)}{\sum_{i=1}^n p(x_i)p(y_j | x_i)}$$

信息论与编码原理术追斜 • 1.信息论简介与概率论复习 • 3.概率论知识回顾 • 2.常用概率公式

已知随机变量X和Y的<mark>联合概率分布</mark>如下表所示,试用概率空间表示 P_{XY} ,并求 $P_{X}, P_{Y}, P_{Y|Y}, P_{Y|X}$ 。 例题1-1

| $p(x_i y_j)$ | | y_j | | |
|--------------------|---|---------------|-------------------|------------|
| | | | 2 | 3 |
| \boldsymbol{x}_i | 1 | $\frac{1}{4}$ | 1 18 | 0 |
| | 2 | 1 18 | <u>1</u> <u>3</u> | 1 18 |
| | 3 | 0 | 1 18 | 7 36 |

$$P_{XY} = x_2 \begin{bmatrix} \frac{1}{4} & \frac{1}{18} & 0 \\ \frac{1}{18} & \frac{1}{3} & \frac{1}{18} \\ x_3 & 0 & \frac{1}{18} & \frac{7}{36} \end{bmatrix}$$

解析1-1

信息论与编码原理术生料 • 1.信息论简介与概率论复习 • 3.概率论知识回顾 • 2.常用概率公式

例题1-1

已知随机变量X和Y的联合概率分布如下表所示,试用概率空间表示 P_{XY} ,并求 $P_X, P_Y, P_{X|Y}, P_{Y|X}$ 。

解析1-1
$$P_{XY} = \begin{bmatrix} x_1 & y_2 & y_3 \\ \frac{1}{4} & \frac{1}{18} & 0 \\ \frac{1}{18} & \frac{1}{3} & \frac{1}{18} \\ 0 & \frac{1}{18} & \frac{7}{36} \end{bmatrix}$$

$$P_X = \begin{bmatrix} \frac{11}{36} & \frac{16}{36} & \frac{9}{36} \end{bmatrix} \qquad P_Y = \begin{bmatrix} \frac{11}{36} & \frac{16}{36} & \frac{9}{36} \end{bmatrix}$$

$$P_{X|Y} = \begin{bmatrix} p(x_1|y_1) & p(x_2|y_1) & p(x_3|y_1) \\ p(x_1|y_2) & p(x_2|y_2) & p(x_3|y_2) \\ p(x_1|y_3) & p(x_2|y_3) & p(x_3|y_3) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{p(x_1y_1)}{p(y_1)} & \frac{p(x_2y_1)}{p(y_1)} & \frac{p(x_3y_1)}{p(y_1)} \\ \frac{p(x_1y_2)}{p(y_2)} & \frac{p(x_2y_2)}{p(y_2)} & \frac{p(x_3y_2)}{p(y_2)} \\ \frac{p(x_1y_3)}{p(y_3)} & \frac{p(x_2y_3)}{p(y_3)} & \frac{p(x_3y_3)}{p(y_3)} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{9}{11} & \frac{2}{11} & 0 \\ \frac{2}{16} & \frac{12}{16} & \frac{2}{16} \\ 0 & \frac{2}{9} & \frac{7}{9} \end{bmatrix}$$

信息论与编码原理术生料 • 1.信息论简介与概率论复习 • 3.概率论知识回顾 • 2.常用概率公式

例题1-1

已知随机变量X和Y的联合概率分布如下表所示,试用概率空间表示 P_{XY} ,并求 $P_X, P_Y, P_{X|Y}, P_{Y|X}$ 。

解析1-1
$$P_{XY} = \begin{bmatrix} x_1 & y_2 & y_3 \\ \frac{1}{4} & \frac{1}{18} & 0 \\ \frac{1}{18} & \frac{1}{3} & \frac{1}{18} \\ 0 & \frac{1}{18} & \frac{7}{36} \end{bmatrix}$$

$$P_X = \begin{bmatrix} \frac{11}{36} & \frac{16}{36} & \frac{9}{36} \end{bmatrix} \qquad P_Y = \begin{bmatrix} \frac{11}{36} & \frac{16}{36} & \frac{9}{36} \end{bmatrix}$$

$$P_{Y|X} = \begin{bmatrix} p(y_1|x_1) & p(y_2|x_1) & p(y_3|x_1) \\ p(y_1|x_2) & p(y_2|x_2) & p(y_3|x_2) \\ p(y_1|x_3) & p(y_2|x_3) & p(y_3|x_3) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{p(x_1y_1)}{p(x_1)} & \frac{p(x_1y_2)}{p(x_1)} & \frac{p(x_1y_3)}{p(x_1)} \\ \frac{p(x_2y_1)}{p(x_2)} & \frac{p(x_2y_2)}{p(x_2)} & \frac{p(x_2y_3)}{p(x_2)} \\ \frac{p(x_3y_1)}{p(x_3)} & \frac{p(x_3y_2)}{p(x_3)} & \frac{p(x_3y_3)}{p(x_3)} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{9}{11} & \frac{2}{11} & 0 \\ \frac{2}{16} & \frac{12}{16} & \frac{2}{16} \\ 0 & \frac{2}{9} & \frac{7}{9} \end{bmatrix}$$

信息论与编码原理术走科 • 1.信息论简介与概率论复习 • 3.概率论知识回顾 • 2.常用概率公式

例题1-2

已知某年级有甲、乙、丙三个班,各班人数分别占年级总人数的1/4、1/3、5/12,已知甲、乙、丙3个班级中 集邮人数分别占该班总人数的1/2、1/4、1/5,试求:

- (1) 事件"某人为集邮者"的概率;
- (2) 事件"某人既为集邮者,又属于乙班"的概率;
- (3) 事件"某集邮者来自乙班"的概率。

解析1-2

设随机变量 $X = \{X1 = PHH, X2 = ZHH, X3 = PHH\}$ 代表学生的班级,

随机变量Y = {Y1 = 集邮, Y2 = 不集邮}代表学生是否集邮的状态。

$$P_{X} = \begin{bmatrix} \frac{1}{4} & \frac{1}{3} & \frac{5}{12} \end{bmatrix} \qquad P_{Y|X} = \begin{bmatrix} x_{1} & \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} & \frac{3}{4} \\ x_{3} & \frac{1}{5} & \frac{4}{5} \end{bmatrix}$$

信息论与编码原理术追斜 • 1.信息论简介与概率论复习 • 3.概率论知识回顾 • 2.常用概率公式

例题1-2

已知某年级有甲、乙、丙三个班,各班人数分别占年级总人数的1/4、1/3、5/12,已知甲、乙、丙3个班级中 集邮人数分别占该班总人数的1/2、1/4、1/5,试求:

- (1) 事件"某人为集邮者"的概率;
- (2) 事件"某人既为集邮者,又属于乙班"的概率;
- (3) 事件"某集邮者来自乙班"的概率。

解析1-2

$$P_{X} = \begin{bmatrix} \frac{1}{4} & \frac{1}{3} & \frac{5}{12} \end{bmatrix} \qquad P_{Y|X} = \begin{bmatrix} \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \\ \frac{1}{4} & \frac{3}{4} \\ \frac{1}{5} & \frac{4}{5} \end{bmatrix}$$

(1) 事件"某人为集邮者"的概率为 $p(y_1)$

)事件"某人为集邮者"的概率为
$$p(y_1)$$

$$P_Y = P_X P_{Y|X} = \begin{bmatrix} \frac{1}{4} & \frac{1}{3} & \frac{5}{12} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \\ \frac{1}{4} & \frac{3}{4} \\ \frac{1}{5} & \frac{4}{5} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{7}{24} & \frac{17}{24} \end{bmatrix}$$
 事件"某人为集邮者"的概率为 $p(y_1) = \frac{7}{24}$

信息论与编码原理术连科·1.信息论简介与概率论复习·3.概率论知识回顾·2.常用概率公式

例题1-2

已知某年级有甲、乙、丙三个班,各班人数分别占年级总人数的1/4、1/3、5/12,已知甲、乙、丙3个班级中 集邮人数分别占该班总人数的1/2、1/4、1/5,试求:

- (1) 事件"某人为集邮者"的概率;
- (2) 事件"某人既为集邮者,又属于乙班"的概率;
- (3) 事件"某集邮者来自乙班"的概率。

解析1-2

$$P_{X} = \begin{bmatrix} \frac{1}{4} & \frac{1}{3} & \frac{5}{12} \end{bmatrix} \qquad P_{Y|X} = x_{2} \begin{bmatrix} \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \\ \frac{1}{4} & \frac{3}{4} \\ \frac{1}{5} & \frac{4}{5} \end{bmatrix}$$

(2) 事件"某人既为集邮者,又属于乙班"的概率为 $p(x_2y_1)$

$$P_{XY} = \begin{bmatrix} p(x_1y_1) & p(x_2y_1) & p(x_3y_1) \\ p(x_1y_2) & p(x_2y_2) & p(x_3y_2) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} p(y_1|x_1)p(x_1) & p(y_1|x_2)p(x_2) & p(y_1|x_3)p(x_3) \\ p(y_2|x_1)p(x_1) & p(y_2|x_2)p(x_2) & p(y_2|x_3)p(x_3) \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} \frac{1}{8} & \frac{1}{12} & \frac{1}{12} \\ \frac{1}{2} & \frac{1}{4} & \frac{1}{2} \end{bmatrix} \quad \text{事件"某人既为集邮者,又属于乙班"的概率为} \ p(x_2y_1) = \frac{1}{12}$$

信息论与编码原理术连科 • 1.信息论简介与概率论复习 • 3.概率论知识回顾 • 2.常用概率公式

例题1-2

已知某年级有甲、乙、丙三个班,各班人数分别占年级总人数的1/4、1/3、5/12,已知甲、乙、丙3个班级中 集邮人数分别占该班总人数的1/2、1/4、1/5,试求:

- (1) 事件"某人为集邮者"的概率;
- (2) 事件"某人既为集邮者,又属于乙班"的概率;
- (3) 事件"某集邮者来自乙班"的概率。

解析1-2

$$P_{X} = \begin{bmatrix} \frac{1}{4} & \frac{1}{3} & \frac{5}{12} \end{bmatrix} \qquad P_{Y|X} = x_{2} \begin{bmatrix} \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \\ \frac{1}{4} & \frac{3}{4} \\ \frac{1}{5} & \frac{4}{5} \end{bmatrix} \qquad P_{XY} = \begin{bmatrix} \frac{1}{8} & \frac{1}{12} & \frac{1}{12} \\ \frac{1}{8} & \frac{1}{4} & \frac{1}{3} \end{bmatrix} \qquad P_{Y} = \begin{bmatrix} \frac{7}{24} & \frac{17}{24} \end{bmatrix}$$

$$P_{XY} = \begin{bmatrix} \frac{1}{8} & \frac{1}{12} & \frac{1}{12} \\ \frac{1}{8} & \frac{1}{4} & \frac{1}{3} \end{bmatrix} \qquad P_Y = \begin{bmatrix} \frac{7}{24} & \frac{17}{24} \\ \frac{1}{8} & \frac{1}{4} & \frac{1}{3} \end{bmatrix}$$

(3) 事件"某集邮者来自乙班"的概率为 $p(x_2|y_1)$

$$P_{X|Y} = \begin{bmatrix} p(x_1|y_1) & p(x_2|y_1) & p(x_3|y_1) \\ p(x_1|y_2) & p(x_2|y_2) & p(x_3|y_2) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{p(x_1y_1)}{p(y_1)} & \frac{p(x_2y_1)}{p(y_1)} & \frac{p(x_3y_1)}{p(y_1)} \\ \frac{p(x_1y_2)}{p(y_2)} & \frac{p(x_2y_2)}{p(y_2)} & \frac{p(x_3y_2)}{p(y_2)} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{3}{7} & \frac{2}{7} & \frac{2}{7} \\ \frac{3}{17} & \frac{6}{17} & \frac{8}{17} \end{bmatrix}$$

事件"某集邮者来自乙班"的概率为 $p(x_2|y_1) = \frac{2}{7}$

HELLISTE SINGLE STATES