

**正交矩阵**：若  $n$  阶矩阵  $A$ ，满足  $A^T A = A A^T = E$ ，称  $A$  为正交矩阵。

正交向量组：向量两两正交。

解释： $A$  是正交矩阵  $\iff A$  的行(列)向量是正交的单位向量组。

补充：正交的非零向量组一定是线性无关的。

**正交矩阵的性质**：1) 矩阵  $A$  正交，则  $A^{-1}$  也是正交的， $A^*$  也是正交的。

2)  $A, B$  都正交，则  $AB$  也是正交的。

3)  $A$  正交，则  $|A| = \pm 1$ 。

4)  $A$  正交，则  $A^{-1} = A^T$  (由定义可得)。