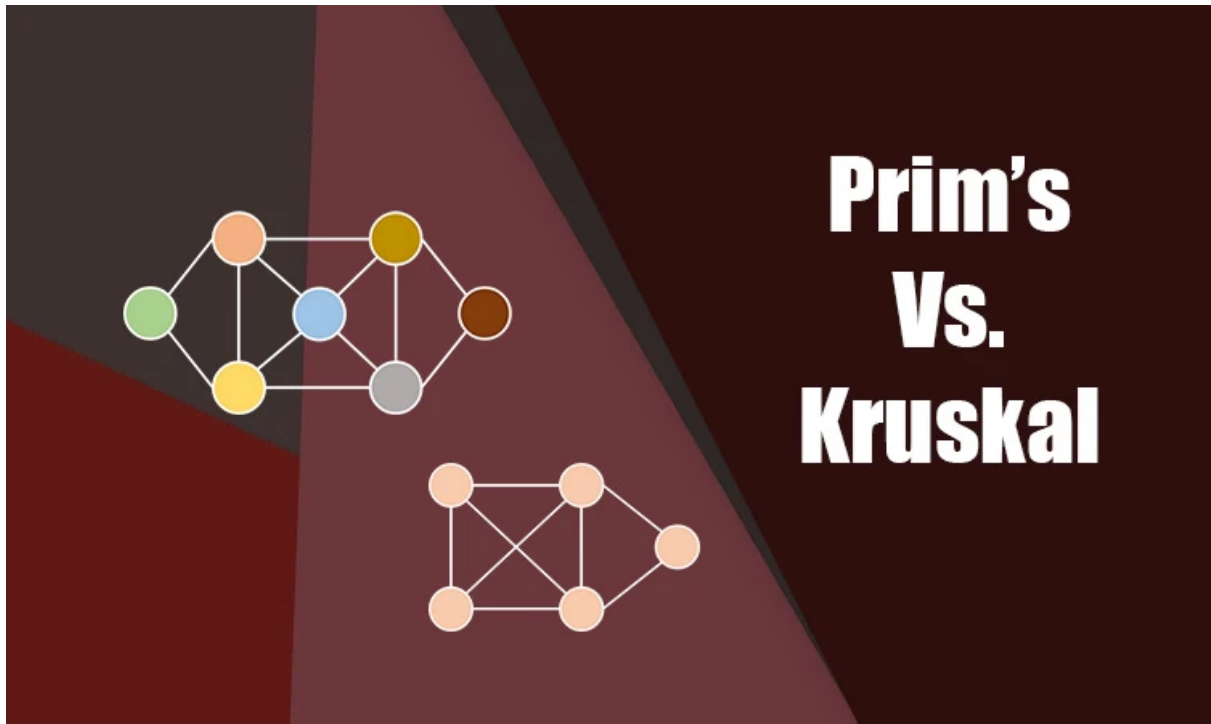


Звіт



Суть експерименту

Потрібно визначитись, який із двох алгоритмів - Краскала чи Прима - працює швидше. На вхід написана нами Python-програма приймає дані від користувача (кількість вершин у графі, його “наповненість” та кількість ітерацій для виконання) та повинна порівняти ефективність кожного алгоритму.

Ми проводили експеримент на Asus Tuf Gaming A15 з наступними характеристиками:

- 16 GB RAM
- 8 ядер, 16 потоків

- мінімальна тактова частота: 2.9 ГГц

Код

В нашому проєкті є 4 модулі Python, а саме:

create_graph.py - модуль, який містить функцію для створення випадкових графів - `gnp_random_connected_graph()`.

kruskal_algorithm.py - модуль, який містить функцію `kruskal_algorithm()` для пошуку каркаса в графах і ще дві допоміжні функції:

```
def kruskal_algorithm(graph: nx.Graph):  
    """  
    An algorithm that returns a minimum-weight  
    spanning-tree of a connected graph 'graph'.  
    Args:  
        graph (nx.Graph): a graph (class networkx.Graph)  
    Returns:  
        a graph: spanning tree with minimum weight (class networkx.Graph)  
    """  
    spanning_tree = nx.Graph()  
  
    edges_weight = sorted(graph.edges(data=True), key=lambda x:  
x[2]["weight"])  
    quantity_of_vertcies = len(graph.nodes())  
    all_sets = [set([vertice]) for vertice in range(quantity_of_vertcies)]  
  
    chosen_edges = 0  
    for elem in edges_weight:  
        if different_sets(all_sets, elem[0], elem[1]):  
            spanning_tree.add_edge(elem[0], elem[1])  
            chosen_edges += 1  
            if chosen_edges == quantity_of_vertcies - 1:  
                return spanning_tree  
            all_sets = change_sets(all_sets, elem[0], elem[1])
```

prim_algorithm.py - модуль, який містить функцію

prim_algorithm() для пошуку каркаса в графах:

```
def prim_algorithm(graph:nx.Graph) -> nx.Graph:
    """
    Generates a minimum spanning tree and returns it.
    Args:
        graph (nx.Graph): a graph in which we want
        to find the minimum spanning tree.
    Returns:
        nx.Graph: a spanning tree found.
    """
    spanning_tree = nx.Graph()
    spanning_tree.add_node(list(graph.nodes())[0])
    incident_edges = set()
    last_added_node = list(graph.nodes())[0]
    while len(spanning_tree.nodes) != len(graph.nodes):
        # Searching for new incident edges to nodes of already built
tree
        new_edges = {(edge[0], edge[1], edge[2]['weight']) for edge in
graph.edges(last_added_node, data=True)}
        incident_edges = incident_edges.union(new_edges)
        # print(f"incident_edges: {incident_edges}")
        # Deleting those that would form a circuit
        incident_edges -= {edge for edge in incident_edges if edge[0]
in spanning_tree.nodes and edge[1] in spanning_tree.nodes}
        # print(f"incident_edges: {incident_edges}")
        # Searching for a cheapest edge, which is incident to already
added nodes
        min_edge = min(incident_edges, key=lambda edge: edge[2])
        # Adding it to our tree
        spanning_tree.add_edge(min_edge[0], min_edge[1], weight =
min_edge[2])
        last_added_node = min_edge[0] if min_edge[0] not in
list(spanning_tree.nodes) else min_edge[1]
        # Removing it from our graph
        graph.remove_edge(min_edge[0], min_edge[1])
    return spanning_tree
```

time_measurement.py - модуль для порівняння двох алгоритмів. Оскільки його сирцевий код дуже великий, ми не помістили його сюди. Аби отримати його, відвідайте [GitHub](#)-репозиторій проекту.

При написанні алгоритмів ми використовували `networkx.Graph` як тип подання графів та бібліотеку `matplotlib` для генерації графіків.

Результати

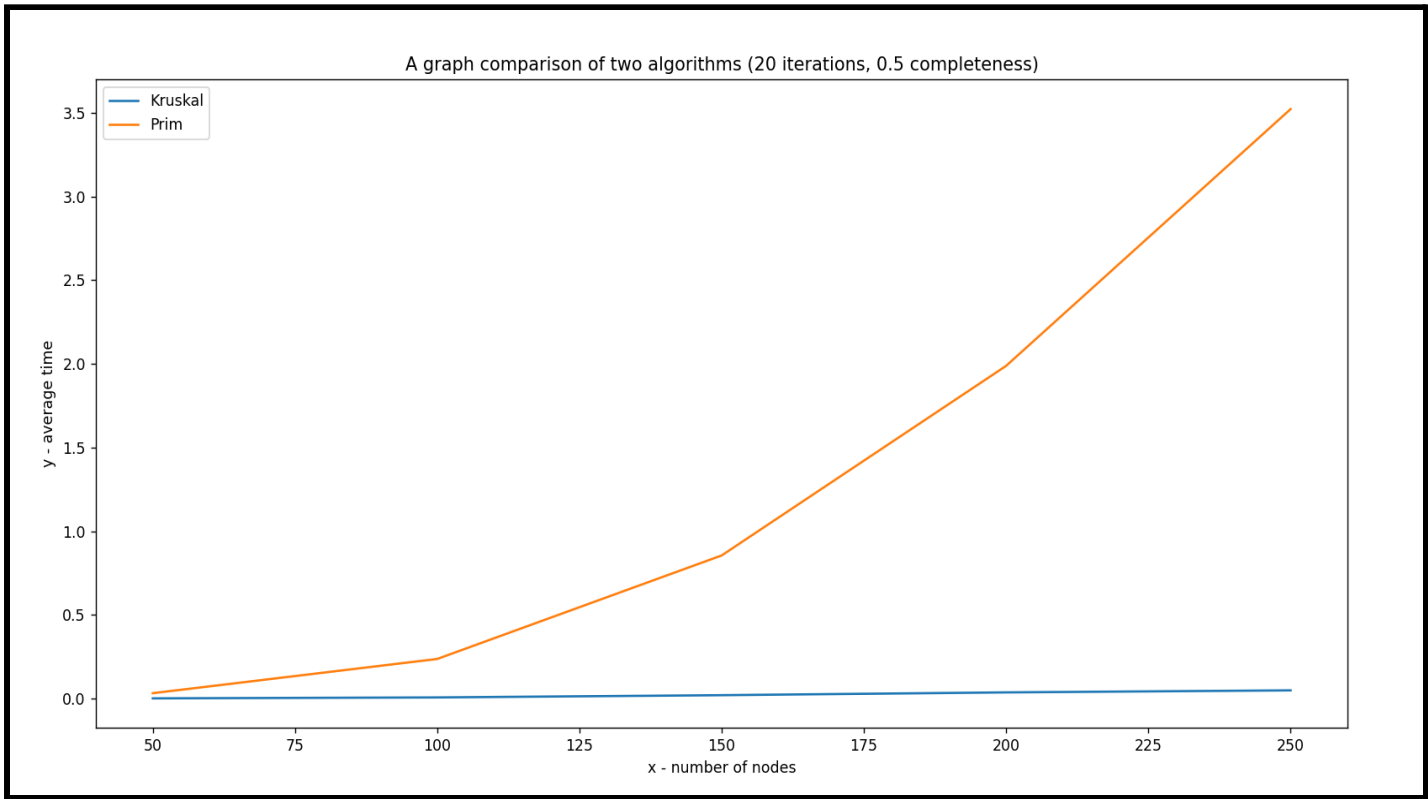
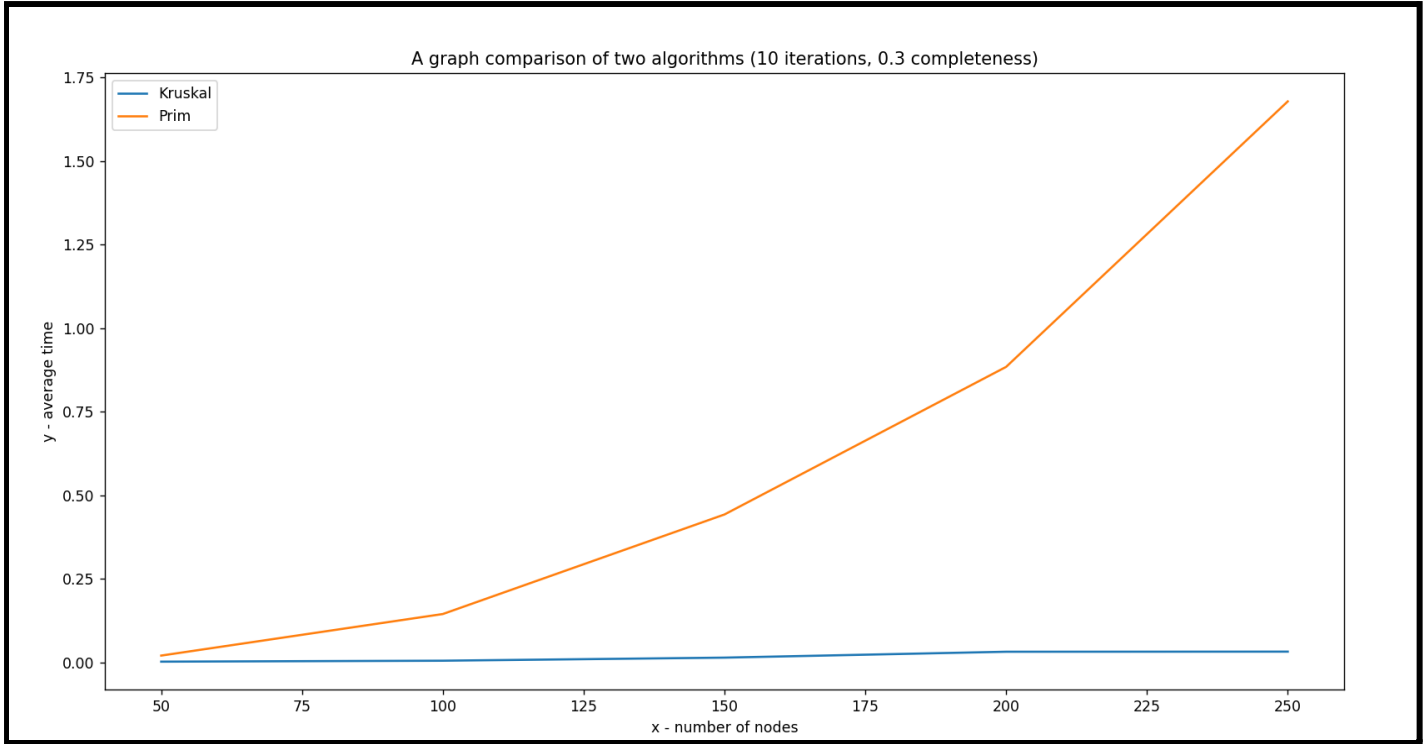
Запустивши програму для таких наборів даних:

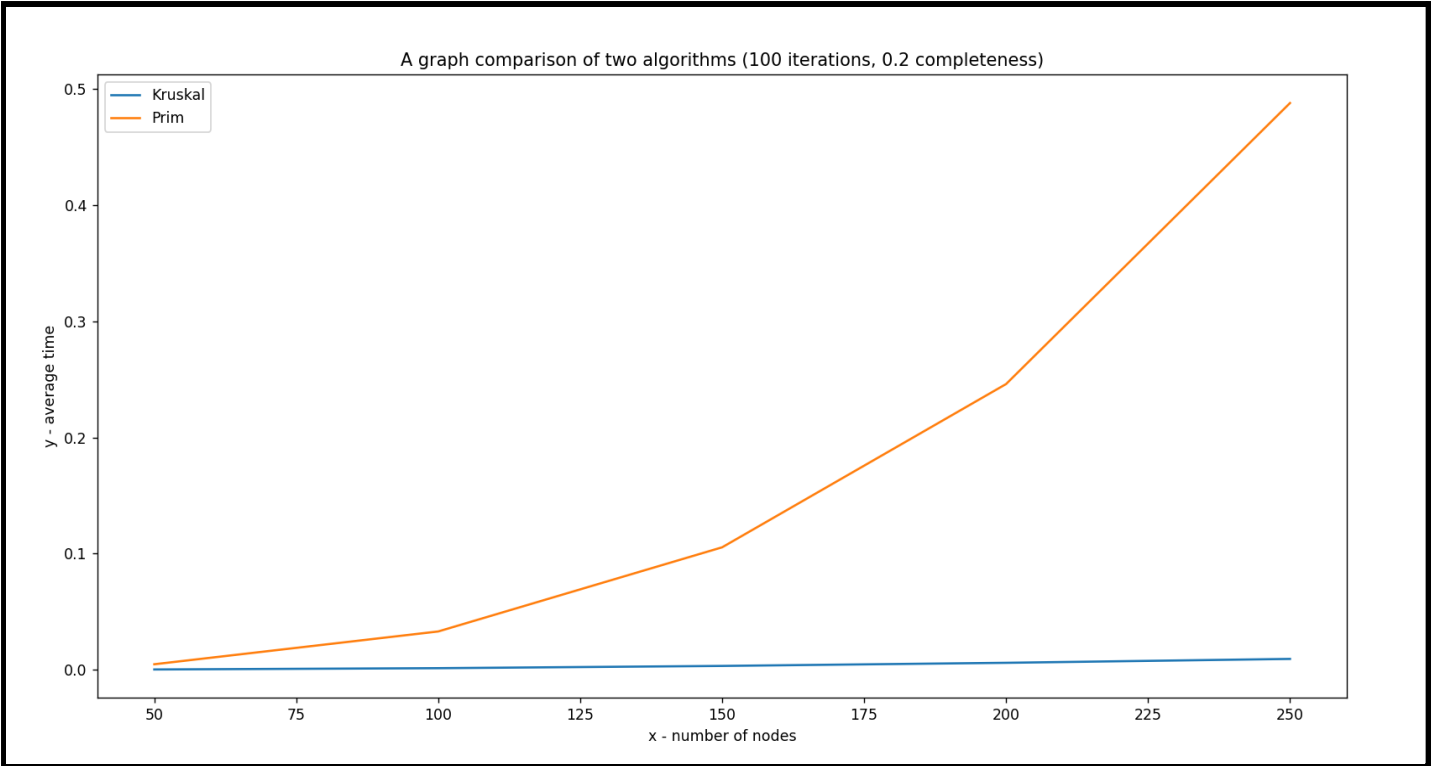
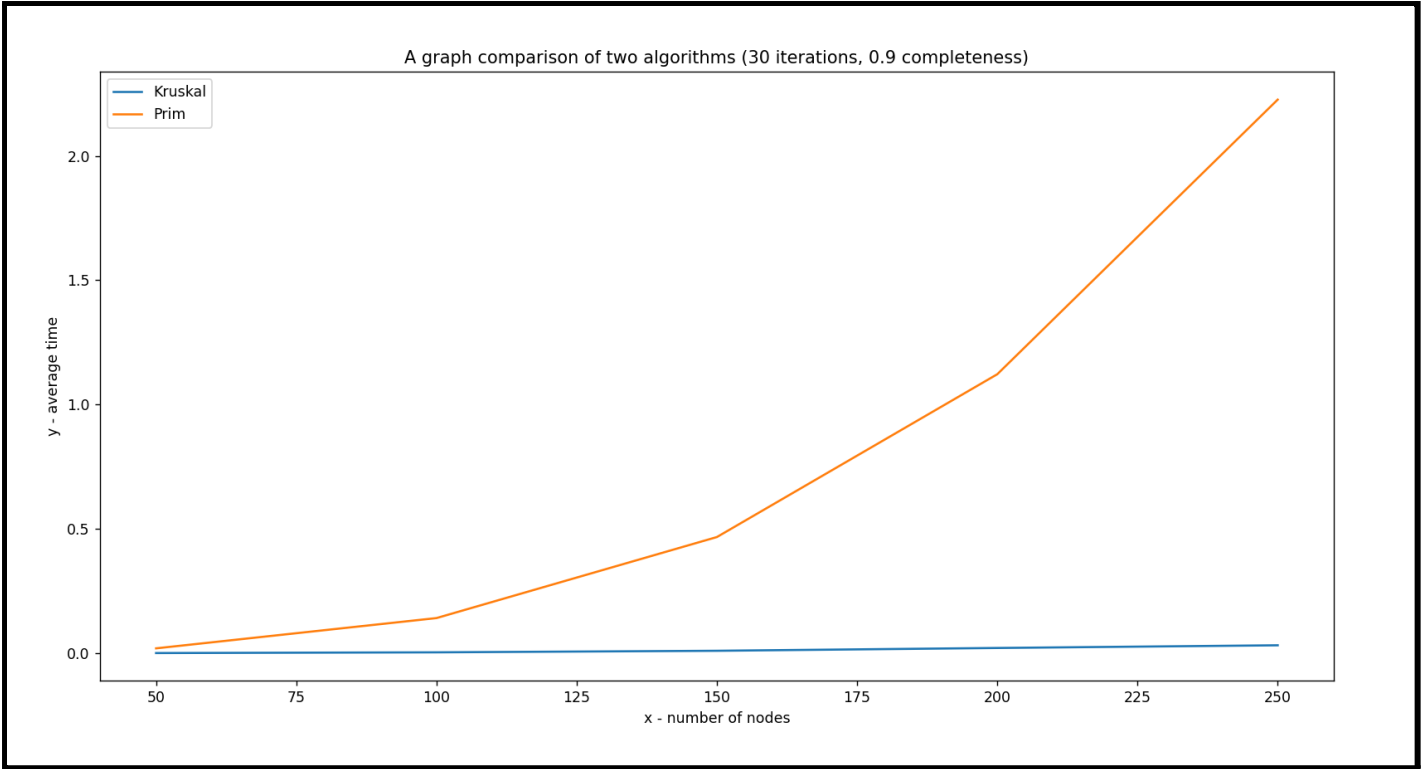
1. Кількість ітерацій: 10, Кількість вершин: 50, завершеність: 0.3;
2. Кількість ітерацій: 20, Кількість вершин: 70, завершеність: 0.5;
3. Кількість ітерацій: 30, Кількість вершин: 20, завершеність: 0.9;
4. Кількість ітерацій: 100, Кількість вершин: 10, завершеність: 0.2

... ми отримали наступні результати середнього часу виконання (в секундах):

	1	2	3	4
Краскал	0.0011	0.0030	0.0003	0.00005
Прим	0.0208	0.0865	0.0015	0.00014

Спираючись на ті ж значення кількості ітерацій та завершеності графів, ми отримали наступні графіки:





Підсумок

Отже, серед написаних нами алгоритмів, найкращим виявився метод Крускала. Це пояснюється багатьма факторами, головні з яких:

- простіша реалізація. Відсортувавши масив ребер один раз, нам лише потрібно на кожному кроці вибрати мінімальне за вагою, відкидаючи лише ті, що при додаванні утворили б цикл з деревом.
- не потрібно шукати інцидентних ребер. В алгоритмі Прима ж на кожному кроці до множини інцидентних ребер ми додавали нові - інцидентні до останньої доданої вершини. Проте потім серед інцидентних ребер проводиться пошук “найкоротшого”, що в найгіршому випадку $O(n \cdot \log(n))$. Вирішення цієї проблеми є - потрібно не просто дописувати нові ребра, а вставляти їх у “правильні” місця - таким чином матимемо посортований контейнер, ребро в якому шукатиметься за $O(\log(n))$.
- в алгоритмі Прима ми використовували метод `edges([nodes])` класу `networkx.Graph`. При переданні непустого списку `[nodes]` у нього, ми можемо отримати інцидентні ребра до кожної з вершин у списку. Проте такий підхід неефективний - найкраще було б за $O(1)$ отримувати інформацію про це за допомогою

спочатку підготованого словника. Ключем в такому словнику є номер вершини, а значенням - список ребер, інцидентних їй.

Якщо взяти до уваги покращення, які можна поширити на алгоритм Прима, то його ефективність буде навіть більшою при досить великій “наповненості” графа. В той же час доцільно використовувати Краскала, аби знайти каркас у графах, де більшість вершин має відносно малий степінь. Такі висновки ми зробили на основі тих же експериментальних даних, проте з використанням вбудованих в `networkx` алгоритмів Краскала і Прима.

Учасники команди: Ярослав Корч, Демчук Назар.

GitHub: <https://github.com/frezario/KruskalVsPrim.git>