

**Лекция №2**

Допустимое решение – совокупность чисел  $x_1, x_2, \dots, x_n$ , удовлетворяющих ограничениям задачи.

Оптимальное решение – это допустимое решение, на котором функция цели достигает оптимума (минимума или максимума)

Базисный (опорный) план??? – это допустимое решение, с которым связан набор линейно-независимых векторов. Сам набор векторов называется базисом.

Не вырожденный опорный план содержит  $m$  (число ограничений задачи) невырожденных компонентов.

Существуют множество различных форм ЗЛП. На прошлой лекции рассматривалась задача с полным (развёрнутым) видом ЗЛП.

$$c_1x_1 + c_2x_2 + \dots + c_nx_n \rightarrow \text{opt}$$

$$a_{11}x_1 + a_{12}x_2 + \dots + a_{1n}x_n \leq b_1$$

$$a_{21}x_1 + a_{22}x_2 + \dots + a_{2n}x_n \leq b_2$$

...

$$a_{m1}x_1 + a_{m2}x_2 + \dots + a_{mn}x_n \leq b_m$$

**ТУТ ФОТО 14:11**

Если все знаки ограничений системы представляют собой равенство то говорят, что система представлена в канонической форме. Для того, чтобы канонизировать систему ограничений в левую часть каждого ограничения необходимо добавить переменную (в каждое ограничение свою), которая называется дополнительной. Если знак ограничения  $\leq$ , то переменная добавляется со знаком +, если знак  $\geq$ , то со знаком –. Таким образом, левая и правая часть системы придут в равновесие.

*Теоремы:*

1. Если функция-цель достигает своего оптимума на некотором замкнутом множестве  $R_1$ , то она достигает его в крайней точке этого множества. Если функция достигает оптимального значения более чем в одной точке множества  $R_1$ , то она достигает этого же значения в любой их выпуклой комбинации.  $A^* = \sum_{i=1}^m \beta_i A_i$ ;  $0 < \beta_i \leq 1$ ,  $\sum_{i=1}^m \beta_i = 1$ . **ТУТ ФОТО 14:25, 14:28**
2.  $A_1, A_2, A_3, \dots, A_k$ ,  $k \leq m$  Таких, что  $A_1x_1 + A_2x_2 + \dots + A_kx_k = A_0$   
 $X_0T = \{x_1, x_2, \dots, x_k, 0, 0, \dots, 0\}$  (нулей  $m-k$ ) является крайней точкой множества допустимых значений  $R_1$
3. Если вектор  $X_0$  является крайней точкой множества допустимых решений, то он является допустимым базисным решением ЗЛП.

Есть в методе все теоремы и формулы

Следствие из теорем:

1. Оптимальное решение всегда находится в крайней точки области допустимых стратегий.
2. В силу конечности...

В случае, если все знаки в системе ограничений  $\leq b_i$   $i=1, m$

В симплекс таблицу помещаются компоненты векторов и значения симплекс

Из оставшихся строк таблицы поэлементно вычитается строка, которая умножается на элемент на управляющего столбца, стоящий на его пересечении с уменьшаемой строкой