

# Foundations2

## Assignment 2020

### Turing Machine multiplier

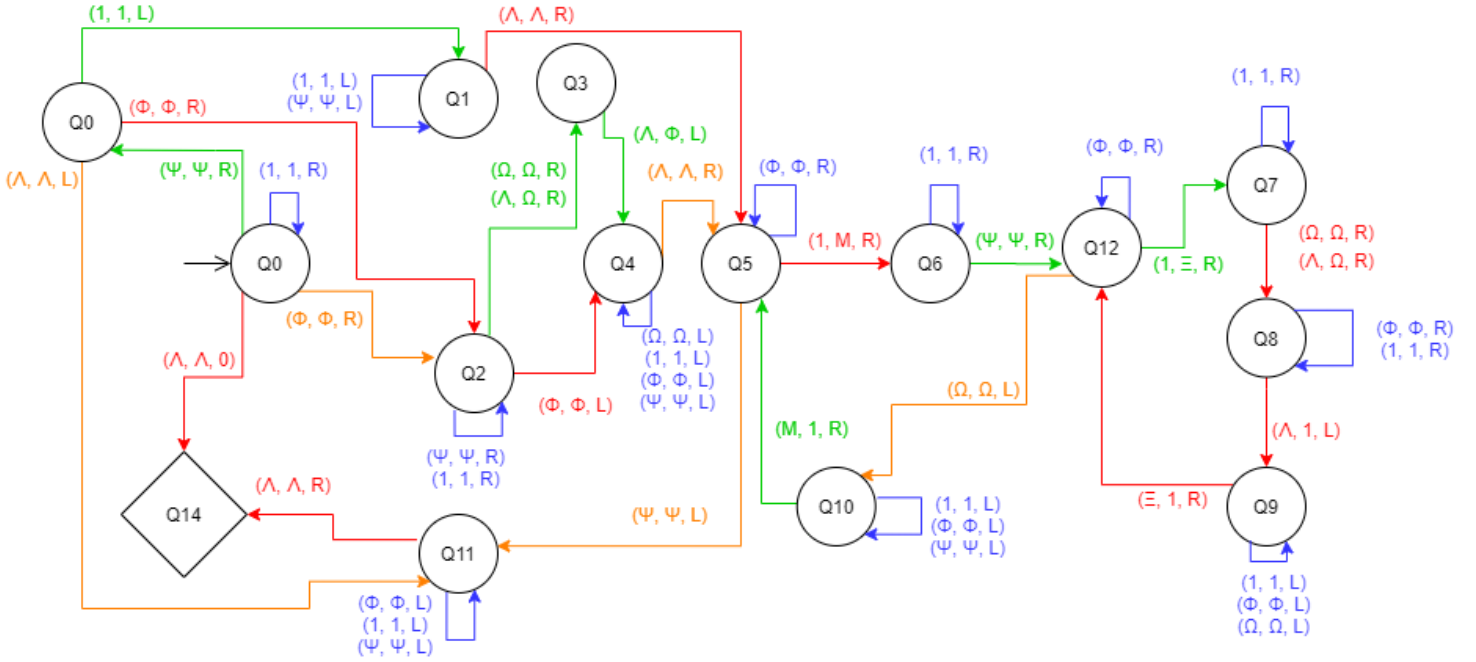
Sam Fay-Hunt sf52@hw.ac.uk

#### Contents

<b>1</b>	<b>Turing machine multiplication</b>	<b>2</b>
1.1	Graph . . . . .	2
1.2	Formal definition . . . . .	2
<b>2</b>	<b>Discussion of graph</b>	<b>3</b>
2.1	Logic of graph . . . . .	3
2.2	States & Symbols . . . . .	3
<b>3</b>	<b>TM functionality</b>	<b>3</b>
<b>4</b>	<b>Implementation of Turing machine</b>	<b>3</b>
<b>5</b>	<b>Tests</b>	<b>4</b>
5.1	Quick summary . . . . .	4
5.2	2 x 2 . . . . .	5
5.3	-1 x 5 . . . . .	16
<b>6</b>	<b>Efficiency of program</b>	<b>35</b>
<b>7</b>	<b>Power of 3 machine</b>	<b>35</b>

# 1 Turing machine multiplication

## 1.1 Graph



## 1.2 Formal definition

The following is the formal definition of the multiplier machine with negative numbers.

$$States = \{q_0, q_1, q_2, q_3, q_4, q_5, q_6, q_7, q_8, q_9, q_{10}, q_{11}, q_{12}\}$$

$Symbols = \{\wedge, \Phi, \Psi, \Omega, 1, M, \Xi\}$

$$M_{mult}(q_0, \wedge) = (q_{12}, \wedge, 0)$$

$$M_{mult}(q_0, \Psi) = (q_1, \Psi, R)$$

$$M_{mult}(q_1, 1) = (q_1, 1, L)$$

$$M_{mult}(q_1, \wedge) = (q_5, \wedge, R)$$

$$M_{mult}(q_2, 1) = (q_2, 1, R)$$

$$M_{mult}(q_2, \wedge) = (q_3, \Omega, R)$$

$$M_{mult}(q_2, \Phi) = (q_4, \Phi, L)$$

$$M_{mult}(q_4, \Omega) = (q_4, \Omega, L)$$

$$M_{mult}(q_4, \Phi) = (q_4, \Phi, L)$$

$$M_{mult}(q_4, \wedge) = (q_5, \wedge, R)$$

$$M_{mult}(q_5, 1) = (q_6, M, R)$$

$$M_{mult}(q_6, \Phi) = (q_6, \Phi, R)$$

$$M_{mult}(q_6, 1) = (q_7, \Xi, R)$$

$$M_{mult}(q_7, \Omega) = (q_8, \Omega, R)$$

$$M_{mult}(q_7, 1) = (q_7, 1, R)$$

$$M_{mult}(q_8, 1) = (q_8, 1, R)$$

$$M_{mult}(q_9, 1) = (q_9, 1, L)$$

$$M_{mult}(q_9, \Omega) = (q_9, \Omega, L)$$

$$M_{mult}(q_{10}, 1) = (q_{10}, 1, L)$$

$$M_{mult}(q_{10}, \Psi) = (q_{10}, \Psi, L)$$

$$M_{mult}(q_{11}, 1) = (q_{11}, 1, L)$$

$$M_{mult}(q_{11}, \wedge) = (q_{12}, \wedge, R)$$

$$M_{mult}(q_0, 1) = (q_0, 1, R)$$

$$M_{mult}(q_0, \Phi) = (q_2, \Phi, R)$$

$$M_{mult}(q_1, \Psi) = (q_1, \Psi, L)$$

$$M_{mult}(q_1, \Phi) = (q_2, \Phi, R)$$

$$M_{mult}(q_2, \Psi) = (q_2, \Psi, R)$$

$$M_{mult}(q_2, \Omega) = (q_3, \Omega, R)$$

$$M_{mult}(q_3, \wedge) = (q_4, \Phi, L)$$

$$M_{mult}(q_4, 1) = (q_4, 1, L)$$

$$M_{mult}(q_4, \Psi) = (q_4, \Psi, L)$$

$$M_{mult}(q_5, \Phi) = (q_5, \Phi, R)$$

$$M_{mult}(q_5, \Psi) = (q_{11}, \Psi, L)$$

$$M_{mult}(q_6, \Psi) = (q_6, \Psi, R)$$

$$M_{mult}(q_6, \Omega) = (q_{10}, \Omega, L)$$

$$M_{mult}(q_7, \wedge) = (q_8, \Omega, R)$$

$$M_{mult}(q_8, \wedge) = (q_9, 1, L)$$

$$M_{mult}(q_8, \Phi) = (q_8, \Phi, R)$$

$$M_{mult}(q_9, \Phi) = (q_9, \Phi, L)$$

$$M_{mult}(q_9, \Xi) = (q_6, 1, R)$$

$$M_{mult}(q_{10}, \Phi) = (q_{10}, \Phi, L)$$

$$M_{mult}(q_{10}, M) = (q_5, 1, R)$$

$$M_{mult}(q_{11}, \Phi) = (q_{11}, \Phi, L)$$

## 2 Discussion of graph

### 2.1 Logic of graph

describe the logic of the graph, why I chose this logical method. consider the correctness.

Initially the Graph determines if either, or both, of the pair of numbers on the existing tape are negative.

### 2.2 States & Symbols

Why I chose these states and symbols blah cut down version here

## 3 TM functionality

How the graph works, where to start, where you end and dealing with 0, and negative numbers

## 4 Implementation of Turing machine

Language choice

## 5 Tests

Tests, including count of tapes printed, time to complete test

### 5.1 Quick summary

I have included a few tests on the following pages to demonstrate, basic functionality and corner cases.

Tests with tapes included in this document,

Test name	Time(ms)	Tapes
$2 \times 2$	3	65
$-1 \times 5$	4	111

## 5.2 2 x 2

Number of tapes: 65

Tape execution time: 3ms

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	1	1	$\Psi$	1	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...
			$\uparrow$											

$q0$

Tape number: 0

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	1	1	$\Psi$	1	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...
			$\uparrow$											

$q0$

Tape number: 1

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	1	1	$\Psi$	1	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...
			$\uparrow$											

$q0$

Tape number: 2

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	1	1	$\Psi$	1	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...
			$\uparrow$											

$q13$

Tape number: 3

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	1	1	$\Psi$	1	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...
			$\uparrow$											

$q1$

Tape number: 4

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	1	1	$\Psi$	1	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...
			$\uparrow$											

$q1$

Tape number: 5

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	1	1	$\Psi$	1	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...
			$\uparrow$											
			$q1$											

Tape number: 6

---

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	1	1	$\Psi$	1	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...
			$\uparrow$											
			$q1$											

Tape number: 7

---

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	1	1	$\Psi$	1	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...
			$\uparrow$											
			$q5$											

Tape number: 8

---

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	$M$	1	$\Psi$	1	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...
				$\uparrow$										
				$q6$										

Tape number: 9

---

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	$M$	1	$\Psi$	1	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...
					$\uparrow$									
					$q6$									

Tape number: 10

---

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	$M$	1	$\Psi$	1	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...
						$\uparrow$								
						$q12$								

Tape number: 11

---

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	$M$	1	$\Psi$	$\Xi$	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q7$

Tape number: 12

---

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	$M$	1	$\Psi$	$\Xi$	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q7$

Tape number: 13

---

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	$M$	1	$\Psi$	$\Xi$	1	$\Omega$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q8$

Tape number: 14

---

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	$M$	1	$\Psi$	$\Xi$	1	$\Omega$	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q9$

Tape number: 15

---

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	$M$	1	$\Psi$	$\Xi$	1	$\Omega$	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q9$

Tape number: 16

---

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	$M$	1	$\Psi$	$\Xi$	1	$\Omega$	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q9$

Tape number: 17

---

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	$M$	1	$\Psi$	1	1	$\Omega$	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q_{12}$

Tape number: 18

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	$M$	1	$\Psi$	1	$\Xi$	$\Omega$	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q_7$

Tape number: 19

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	$M$	1	$\Psi$	1	$\Xi$	$\Omega$	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q_8$

Tape number: 20

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	$M$	1	$\Psi$	1	$\Xi$	$\Omega$	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q_8$

Tape number: 21

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	$M$	1	$\Psi$	1	$\Xi$	$\Omega$	1	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q_9$

Tape number: 22

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	$M$	1	$\Psi$	1	$\Xi$	$\Omega$	1	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q_9$

Tape number: 23



	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	$M$	1	$\Psi$	1	$\Xi$	$\Omega$	1	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q9$

Tape number: 24

---

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	$M$	1	$\Psi$	1	1	$\Omega$	1	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q12$

Tape number: 25

---

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	$M$	1	$\Psi$	1	1	$\Omega$	1	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q10$

Tape number: 26

---

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	$M$	1	$\Psi$	1	1	$\Omega$	1	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q10$

Tape number: 27

---

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	$M$	1	$\Psi$	1	1	$\Omega$	1	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q10$

Tape number: 28

---

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	$M$	1	$\Psi$	1	1	$\Omega$	1	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q10$

Tape number: 29

---

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	$M$	1	$\Psi$	1	1	$\Omega$	1	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...
			$\uparrow$											
			$q_{10}$											

Tape number: 30

---

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	1	1	$\Psi$	1	1	$\Omega$	1	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...
			$\uparrow$											
			$q_5$											

Tape number: 31

---

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	1	$M$	$\Psi$	1	1	$\Omega$	1	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...
				$\uparrow$										
				$q_6$										

Tape number: 32

---

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	1	$M$	$\Psi$	1	1	$\Omega$	1	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...
					$\uparrow$									
					$q_{12}$									

Tape number: 33

---

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	1	$M$	$\Psi$	$\Xi$	1	$\Omega$	1	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...
						$\uparrow$								
						$q_7$								

Tape number: 34

---

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	1	$M$	$\Psi$	$\Xi$	1	$\Omega$	1	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...
							$\uparrow$							
							$q_7$							

Tape number: 35

---

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	1	$M$	$\Psi$	$\Xi$	1	$\Omega$	1	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...

↑  
 $q^8$

Tape number: 36

---

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	1	$M$	$\Psi$	$\Xi$	1	$\Omega$	1	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...

↑  
 $q^8$

Tape number: 37

---

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	1	$M$	$\Psi$	$\Xi$	1	$\Omega$	1	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...

↑  
 $q^8$

Tape number: 38

---

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	1	$M$	$\Psi$	$\Xi$	1	$\Omega$	1	1	1	$\wedge$	$\wedge$	...

↑  
 $q^9$

Tape number: 39

---

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	1	$M$	$\Psi$	$\Xi$	1	$\Omega$	1	1	1	$\wedge$	$\wedge$	...

↑  
 $q^9$

Tape number: 40

---

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	1	$M$	$\Psi$	$\Xi$	1	$\Omega$	1	1	1	$\wedge$	$\wedge$	...

↑  
 $q^9$

Tape number: 41

---

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	1	$M$	$\Psi$	$\Xi$	1	$\Omega$	1	1	1	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q9$

Tape number: 42

---

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	1	$M$	$\Psi$	$\Xi$	1	$\Omega$	1	1	1	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q9$

Tape number: 43

---

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	1	$M$	$\Psi$	1	1	$\Omega$	1	1	1	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q12$

Tape number: 44

---

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	1	$M$	$\Psi$	1	$\Xi$	$\Omega$	1	1	1	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q7$

Tape number: 45

---

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	1	$M$	$\Psi$	1	$\Xi$	$\Omega$	1	1	1	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q8$

Tape number: 46

---

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	1	$M$	$\Psi$	1	$\Xi$	$\Omega$	1	1	1	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q8$

Tape number: 47

---

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	1	$M$	$\Psi$	1	$\Xi$	$\Omega$	1	1	1	$\wedge$	$\wedge$	...

$\uparrow$   
 $q8$

Tape number: 48

---

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	1	$M$	$\Psi$	1	$\Xi$	$\Omega$	1	1	1	$\wedge$	$\wedge$	...

$\uparrow$   
 $q8$

Tape number: 49

---

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	1	$M$	$\Psi$	1	$\Xi$	$\Omega$	1	1	1	1	$\wedge$	...

$\uparrow$   
 $q9$

Tape number: 50

---

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	1	$M$	$\Psi$	1	$\Xi$	$\Omega$	1	1	1	1	$\wedge$	...

$\uparrow$   
 $q9$

Tape number: 51

---

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	1	$M$	$\Psi$	1	$\Xi$	$\Omega$	1	1	1	1	$\wedge$	...

$\uparrow$   
 $q9$

Tape number: 52

---

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	1	$M$	$\Psi$	1	$\Xi$	$\Omega$	1	1	1	1	$\wedge$	...

$\uparrow$   
 $q9$

Tape number: 53

---

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	1	$M$	$\Psi$	1	$\Xi$	$\Omega$	1	1	1	1	$\wedge$	...

↑

$q9$

Tape number: 54

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	1	$M$	$\Psi$	1	1	$\Omega$	1	1	1	1	$\wedge$	...

↑

$q12$

Tape number: 55

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	1	$M$	$\Psi$	1	1	$\Omega$	1	1	1	1	$\wedge$	...

↑

$q10$

Tape number: 56

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	1	$M$	$\Psi$	1	1	$\Omega$	1	1	1	1	$\wedge$	...

↑

$q10$

Tape number: 57

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	1	$M$	$\Psi$	1	1	$\Omega$	1	1	1	1	$\wedge$	...

↑

$q10$

Tape number: 58

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	1	$M$	$\Psi$	1	1	$\Omega$	1	1	1	1	$\wedge$	...

↑

$q10$

Tape number: 59

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	1	1	$\Psi$	1	1	$\Omega$	1	1	1	1	$\wedge$	...

$\uparrow$

$q5$

Tape number: 60

---

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	1	1	$\Psi$	1	1	$\Omega$	1	1	1	1	$\wedge$	...

$\uparrow$

$q11$

Tape number: 61

---

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	1	1	$\Psi$	1	1	$\Omega$	1	1	1	1	$\wedge$	...

$\uparrow$

$q11$

Tape number: 62

---

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	1	1	$\Psi$	1	1	$\Omega$	1	1	1	1	$\wedge$	...

$\uparrow$

$q11$

Tape number: 63

---

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
...	$\wedge$	$\wedge$	1	1	$\Psi$	1	1	$\Omega$	1	1	1	1	$\wedge$	...

$\uparrow$

$q14$

Tape number: 64

---

### 5.3 -1 x 5

Number of tapes: 111

Tape execution time: 4ms

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	1	$\Psi$	1	1	1	1	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...
			$\uparrow$														
			$q0$														

Tape number: 0

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	1	$\Psi$	1	1	1	1	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...
			$\uparrow$														
			$q2$														

Tape number: 1

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	1	$\Psi$	1	1	1	1	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...
			$\uparrow$														
			$q2$														

Tape number: 2

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	1	$\Psi$	1	1	1	1	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...
			$\uparrow$														
			$q2$														

Tape number: 3

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	1	$\Psi$	1	1	1	1	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...
			$\uparrow$														
			$q2$														

Tape number: 4

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	1	$\Psi$	1	1	1	1	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...
			$\uparrow$														
			$q2$														

Tape number: 5



	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	1	$\Psi$	1	1	1	1	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q^2$

Tape number: 6

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	1	$\Psi$	1	1	1	1	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q^2$

Tape number: 7

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	1	$\Psi$	1	1	1	1	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q^2$

Tape number: 8

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	1	$\Psi$	1	1	1	1	1	$\Omega$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q^3$

Tape number: 9

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	1	$\Psi$	1	1	1	1	1	$\Omega$	$\Phi$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q^4$

Tape number: 10

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	1	$\Psi$	1	1	1	1	1	$\Omega$	$\Phi$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q^4$

Tape number: 11

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	1	$\Psi$	1	1	1	1	1	$\Omega$	$\Phi$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q^4$

Tape number: 12

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	1	$\Psi$	1	1	1	1	1	$\Omega$	$\Phi$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q^4$

Tape number: 13

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	1	$\Psi$	1	1	1	1	1	$\Omega$	$\Phi$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q^4$

Tape number: 14

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	1	$\Psi$	1	1	1	1	1	$\Omega$	$\Phi$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q^4$

Tape number: 15

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	1	$\Psi$	1	1	1	1	1	$\Omega$	$\Phi$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q^4$

Tape number: 16

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	1	$\Psi$	1	1	1	1	1	$\Omega$	$\Phi$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q^4$

Tape number: 17

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	1	$\Psi$	1	1	1	1	1	$\Omega$	$\Phi$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...
			$\uparrow$														
			$q^4$														

Tape number: 18

---

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	1	$\Psi$	1	1	1	1	1	$\Omega$	$\Phi$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...
			$\uparrow$														
			$q^4$														

Tape number: 19

---

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	1	$\Psi$	1	1	1	1	1	$\Omega$	$\Phi$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...
			$\uparrow$														
			$q^5$														

Tape number: 20

---

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	1	$\Psi$	1	1	1	1	1	$\Omega$	$\Phi$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...
			$\uparrow$														
			$q^5$														

Tape number: 21

---

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	1	1	1	1	$\Omega$	$\Phi$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...
				$\uparrow$													
				$q^6$													

Tape number: 22

---

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	1	1	1	1	$\Omega$	$\Phi$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...
					$\uparrow$												
					$q^{12}$												

Tape number: 23

---

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	$\Xi$	1	1	1	1	$\Omega$	$\Phi$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q7$

Tape number: 24

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	$\Xi$	1	1	1	1	$\Omega$	$\Phi$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q7$

Tape number: 25

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	$\Xi$	1	1	1	1	$\Omega$	$\Phi$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q7$

Tape number: 26

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	$\Xi$	1	1	1	1	$\Omega$	$\Phi$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q7$

Tape number: 27

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	$\Xi$	1	1	1	1	$\Omega$	$\Phi$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q7$

Tape number: 28

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	$\Xi$	1	1	1	1	$\Omega$	$\Phi$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q8$

Tape number: 29

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	$\Xi$	1	1	1	1	$\Omega$	$\Phi$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...

$\uparrow$   
 $q8$

Tape number: 30

---

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	$\Xi$	1	1	1	1	$\Omega$	$\Phi$	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...

$\uparrow$   
 $q9$

Tape number: 31

---

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	$\Xi$	1	1	1	1	$\Omega$	$\Phi$	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...

$\uparrow$   
 $q9$

Tape number: 32

---

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	$\Xi$	1	1	1	1	$\Omega$	$\Phi$	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...

$\uparrow$   
 $q9$

Tape number: 33

---

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	$\Xi$	1	1	1	1	$\Omega$	$\Phi$	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...

$\uparrow$   
 $q9$

Tape number: 34

---

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	$\Xi$	1	1	1	1	$\Omega$	$\Phi$	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...

$\uparrow$   
 $q9$

Tape number: 35

---

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	$\Xi$	1	1	1	1	$\Omega$	$\Phi$	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q9$

Tape number: 36

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	$\Xi$	1	1	1	1	$\Omega$	$\Phi$	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q9$

Tape number: 37

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	1	1	1	1	$\Omega$	$\Phi$	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q12$

Tape number: 38

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	$\Xi$	1	1	1	$\Omega$	$\Phi$	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q7$

Tape number: 39

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	$\Xi$	1	1	1	$\Omega$	$\Phi$	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q7$

Tape number: 40

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	$\Xi$	1	1	1	$\Omega$	$\Phi$	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q7$

Tape number: 41

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	$\Xi$	1	1	1	$\Omega$	$\Phi$	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...

$\uparrow$

$q7$

Tape number: 42

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	$\Xi$	1	1	1	$\Omega$	$\Phi$	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...

$\uparrow$

$q8$

Tape number: 43

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	$\Xi$	1	1	1	$\Omega$	$\Phi$	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...

$\uparrow$

$q8$

Tape number: 44

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	$\Xi$	1	1	1	$\Omega$	$\Phi$	1	$\wedge$	$\wedge$	$\wedge$	...

$\uparrow$

$q8$

Tape number: 45

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	$\Xi$	1	1	1	$\Omega$	$\Phi$	1	1	$\wedge$	$\wedge$	...

$\uparrow$

$q9$

Tape number: 46

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	$\Xi$	1	1	1	$\Omega$	$\Phi$	1	1	$\wedge$	$\wedge$	...

$\uparrow$

$q9$

Tape number: 47

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	$\Xi$	1	1	1	$\Omega$	$\Phi$	1	1	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q^9$

Tape number: 48

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	$\Xi$	1	1	1	$\Omega$	$\Phi$	1	1	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q^9$

Tape number: 49

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	$\Xi$	1	1	1	$\Omega$	$\Phi$	1	1	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q^9$

Tape number: 50

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	$\Xi$	1	1	1	$\Omega$	$\Phi$	1	1	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q^9$

Tape number: 51

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	$\Xi$	1	1	1	$\Omega$	$\Phi$	1	1	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q^9$

Tape number: 52

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	1	1	1	1	$\Omega$	$\Phi$	1	1	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q^{12}$

Tape number: 53



	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	1	$\Xi$	1	1	$\Omega$	$\Phi$	1	1	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q7$

Tape number: 54

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	1	$\Xi$	1	1	$\Omega$	$\Phi$	1	1	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q7$

Tape number: 55

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	1	$\Xi$	1	1	$\Omega$	$\Phi$	1	1	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q7$

Tape number: 56

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	1	$\Xi$	1	1	$\Omega$	$\Phi$	1	1	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q8$

Tape number: 57

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	1	$\Xi$	1	1	$\Omega$	$\Phi$	1	1	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q8$

Tape number: 58

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	1	$\Xi$	1	1	$\Omega$	$\Phi$	1	1	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q8$

Tape number: 59

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	1	$\Xi$	1	1	$\Omega$	$\Phi$	1	1	$\wedge$	$\wedge$	...
															$\uparrow$		
															$q8$		

Tape number: 60

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	1	$\Xi$	1	1	$\Omega$	$\Phi$	1	1	1	$\wedge$	...
														$\uparrow$			
														$q9$			

Tape number: 61

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	1	$\Xi$	1	1	$\Omega$	$\Phi$	1	1	1	$\wedge$	...
													$\uparrow$				
													$q9$				

Tape number: 62

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	1	$\Xi$	1	1	$\Omega$	$\Phi$	1	1	1	$\wedge$	...
												$\uparrow$					
												$q9$					

Tape number: 63

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	1	$\Xi$	1	1	$\Omega$	$\Phi$	1	1	1	$\wedge$	...
											$\uparrow$						
											$q9$						

Tape number: 64

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	1	$\Xi$	1	1	$\Omega$	$\Phi$	1	1	1	$\wedge$	...
										$\uparrow$							
										$q9$							

Tape number: 65

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	1	$\Xi$	1	1	$\Omega$	$\Phi$	1	1	1	$\wedge$	...

↑

$q9$

Tape number: 66

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	1	$\Xi$	1	1	$\Omega$	$\Phi$	1	1	1	$\wedge$	...

↑

$q9$

Tape number: 67

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	1	1	1	1	$\Omega$	$\Phi$	1	1	1	$\wedge$	...

↑

$q12$

Tape number: 68

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	1	1	$\Xi$	1	$\Omega$	$\Phi$	1	1	1	$\wedge$	...

↑

$q7$

Tape number: 69

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	1	1	$\Xi$	1	$\Omega$	$\Phi$	1	1	1	$\wedge$	...

↑

$q7$

Tape number: 70

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	1	1	$\Xi$	1	$\Omega$	$\Phi$	1	1	1	$\wedge$	...

↑

$q8$

Tape number: 71

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	1	1	$\Xi$	1	$\Omega$	$\Phi$	1	1	1	$\wedge$	...

$\uparrow$   
 $q8$

Tape number: 72

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	1	1	$\Xi$	1	$\Omega$	$\Phi$	1	1	1	$\wedge$	...

$\uparrow$   
 $q8$

Tape number: 73

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	1	1	$\Xi$	1	$\Omega$	$\Phi$	1	1	1	$\wedge$	...

$\uparrow$   
 $q8$

Tape number: 74

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	1	1	$\Xi$	1	$\Omega$	$\Phi$	1	1	1	$\wedge$	...

$\uparrow$   
 $q8$

Tape number: 75

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	1	1	$\Xi$	1	$\Omega$	$\Phi$	1	1	1	1	$\wedge$	$\wedge$	...

$\uparrow$   
 $q9$

Tape number: 76

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	1	1	$\Xi$	1	$\Omega$	$\Phi$	1	1	1	1	$\wedge$	$\wedge$	...

$\uparrow$   
 $q9$

Tape number: 77

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	1	1	$\Xi$	1	$\Omega$	$\Phi$	1	1	1	1	$\wedge$	$\wedge$	...

↑  
 $q^9$

Tape number: 78

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	1	1	$\Xi$	1	$\Omega$	$\Phi$	1	1	1	1	$\wedge$	$\wedge$	...

↑  
 $q^9$

Tape number: 79

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	1	1	$\Xi$	1	$\Omega$	$\Phi$	1	1	1	1	$\wedge$	$\wedge$	...

↑  
 $q^9$

Tape number: 80

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	1	1	$\Xi$	1	$\Omega$	$\Phi$	1	1	1	1	$\wedge$	$\wedge$	...

↑  
 $q^9$

Tape number: 81

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	1	1	$\Xi$	1	$\Omega$	$\Phi$	1	1	1	1	$\wedge$	$\wedge$	...

↑  
 $q^9$

Tape number: 82

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	1	1	1	1	$\Omega$	$\Phi$	1	1	1	1	$\wedge$	$\wedge$	...

↑  
 $q^{12}$

Tape number: 83

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	1	1	1	$\Xi$	$\Omega$	$\Phi$	1	1	1	1	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q7$

Tape number: 84

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	1	1	1	$\Xi$	$\Omega$	$\Phi$	1	1	1	1	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q8$

Tape number: 85

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	1	1	1	$\Xi$	$\Omega$	$\Phi$	1	1	1	1	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q8$

Tape number: 86

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	1	1	1	$\Xi$	$\Omega$	$\Phi$	1	1	1	1	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q8$

Tape number: 87

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	1	1	1	$\Xi$	$\Omega$	$\Phi$	1	1	1	1	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q8$

Tape number: 88

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	1	1	1	$\Xi$	$\Omega$	$\Phi$	1	1	1	1	$\wedge$	$\wedge$	...

↑

$q8$

Tape number: 89

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	1	1	1	$\Xi$	$\Omega$	$\Phi$	1	1	1	1	$\wedge$	$\wedge$	...
																	$\uparrow$		
																	$q8$		

Tape number: 90

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	1	1	1	$\Xi$	$\Omega$	$\Phi$	1	1	1	1	1	$\wedge$	...
																$\uparrow$			
																$q9$			

Tape number: 91

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	1	1	1	$\Xi$	$\Omega$	$\Phi$	1	1	1	1	1	$\wedge$	...
															$\uparrow$				
															$q9$				

Tape number: 92

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	1	1	1	$\Xi$	$\Omega$	$\Phi$	1	1	1	1	1	$\wedge$	...
														$\uparrow$					
														$q9$					

Tape number: 93

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	1	1	1	$\Xi$	$\Omega$	$\Phi$	1	1	1	1	1	$\wedge$	...
													$\uparrow$						
													$q9$						

Tape number: 94

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	1	1	1	$\Xi$	$\Omega$	$\Phi$	1	1	1	1	1	$\wedge$	...
												$\uparrow$							
												$q9$							

Tape number: 95

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	1	1	1	$\Xi$	$\Omega$	$\Phi$	1	1	1	1	1	$\wedge$	...

↑

$q9$

Tape number: 96

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	1	1	1	$\Xi$	$\Omega$	$\Phi$	1	1	1	1	1	$\wedge$	...

↑

$q9$

Tape number: 97

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	1	1	1	1	$\Omega$	$\Phi$	1	1	1	1	1	$\wedge$	...

↑

$q12$

Tape number: 98

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	1	1	1	1	$\Omega$	$\Phi$	1	1	1	1	1	$\wedge$	...

↑

$q10$

Tape number: 99

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	1	1	1	1	$\Omega$	$\Phi$	1	1	1	1	1	$\wedge$	...

↑

$q10$

Tape number: 100

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	1	1	1	1	$\Omega$	$\Phi$	1	1	1	1	1	$\wedge$	...

↑

$q10$

Tape number: 101



	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	1	1	1	1	$\Omega$	$\Phi$	1	1	1	1	1	$\wedge$	...

↑  
 $q_{10}$

Tape number: 102

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	1	1	1	1	$\Omega$	$\Phi$	1	1	1	1	1	$\wedge$	...

↑  
 $q_{10}$

Tape number: 103

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	1	1	1	1	$\Omega$	$\Phi$	1	1	1	1	1	$\wedge$	...

↑  
 $q_{10}$

Tape number: 104

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	$M$	$\Psi$	1	1	1	1	1	$\Omega$	$\Phi$	1	1	1	1	1	$\wedge$	...

↑  
 $q_{10}$

Tape number: 105

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	1	$\Psi$	1	1	1	1	1	$\Omega$	$\Phi$	1	1	1	1	1	$\wedge$	...

↑  
 $q_5$

Tape number: 106

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	1	$\Psi$	1	1	1	1	1	$\Omega$	$\Phi$	1	1	1	1	1	$\wedge$	...

↑  
 $q_{11}$

Tape number: 107

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	1	$\Psi$	1	1	1	1	1	$\Omega$	$\Phi$	1	1	1	1	1	$\wedge$	...
			$\uparrow$																
			$q11$																

Tape number: 108

---

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	1	$\Psi$	1	1	1	1	1	$\Omega$	$\Phi$	1	1	1	1	1	$\wedge$	...
			$\uparrow$																
			$q11$																

Tape number: 109

---

	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	
...	$\wedge$	$\wedge$	$\Phi$	1	$\Psi$	1	1	1	1	1	$\Omega$	$\Phi$	1	1	1	1	1	$\wedge$	...
			$\uparrow$																
			$q14$																

Tape number: 110

---

## **6 Efficiency of program**

comment on the number of computation sequences produced and the time taked to complete each test

## **7 Power of 3 machine**

asd