Courtesy Bus Problem

Giulia Calanca

A.A 2021/2022

Contents

1	Definizione del problema						
2	Formalizzazione del problema						
3	Modello 3.1 Variabili 3.2 Funzione obiettivo 3.3 Vincoli 3.4 Note	3 3					
4	Euristiche e metaeuristiche 4.1 Euristica costruttiva	5 6					
5	Struttura del progetto	7					
6	Risultati						

1 Definizione del problema

Questo problema è una variazione del più noto CVRP (Capacitated Vehicle Routing Problem) con time windows. Il problema si può descrivere nel seguente modo: in un pub si hanno alcuni courtesy bus, ovvero dei veicoli che effettuano un servizio taxi per i suoi clienti. Essi devono appunto riportare a casa i clienti dopo la serata trascorsa al pub a partire dall'orario da loro

richiesto. Ogni cliente fornisce un lower bound dell'orario al quale vuole arrivare a casa e la soddisfazione del cliente dipenderà da quanto l'effettiva ora d'arrivo differirà da quella richiesta.

Gli **obiettivi** sono:

- trovare l'insieme di route che minimizzino il costo di percorrenza dei vari courtesy bus
- massimizzare la soddisfazione dei clienti portandoli a casa il prima possibile considerando l'orario richiesto

I **vincoli** da rispettare sono:

- non eccedere la capacità dei bus
- portare a casa tutti i clienti
- rispettare le time windows
- far partire e ritornare ogni route dal pub

2 Formalizzazione del problema

Sia:

- \bullet K l'insieme dei bus di capacità Q
- C l'insieme dei clienti del pub
- a_i l'orario di arrivo a casa desiderato, richiesto da ogni cliente $i \in C$
- $[a_i, +\infty]$ la time windows in cui portare a casa il cliente associato al nodo i
- G = (V, A) un grafo orientato con $V = \{0\} \cup C$, dove il nodo $\{0\}$ rappresenta il pub e con A insieme degli archi (i, j)
- $t_{i,j}$ il tempo di attraversamento dell'arco $(i,j) \in A$
- $c_{i,j}$ il costo di attraversamento dell'arco $(i,j) \in A$

3 Modello

3.1 Variabili

Oltre alle variabili $t_{i,j}$ e $c_{i,j}$ che rappresentano rispettivamente il tempo ed il costo di attraversamento, definiamo una variabile tridimensionale $x_{i,j,k}$ per capire quali bus percorrono quali archi.

$$x_{i,j,k} = \begin{cases} 1 & \text{if bus } k \text{ travels from } i \text{ to } j \text{ directly} \\ 0 & \text{otherwise} \end{cases}$$
 (1)

Per implementare le time windows c'è bisogno di un modo per determinare quando un cliente viene riportato a casa. Introduciamo quindi due variabili temporali:

- z_i rappresenta l'istante in cui il cliente i arriva a casa
- $y_{i,k}$ che rappresenta l'istante nel quale il bus k arriva a casa del cliente i

In ultimo aggiungiamo la variabile $w_{i,k}$ che determina se il bus k porta a casa il cliente i:

$$w_{i,k} = \begin{cases} 1 & \text{if bus } k \text{ takes customer } i \text{ home} \\ 0 & \text{otherwise} \end{cases}$$
 (2)

3.2 Funzione obiettivo

Considerando di dover minimizzare anche il tempo che impiego a riportare a casa il cliente la f.o. diventa:

$$\min \alpha \sum_{k \in K} \sum_{(i,j) \in A} c_{i,j} x_{i,j,k} + \beta \sum_{i \in C} z_i - a_i$$
 (3)

Con α e β parametri per stabilire a quale delle componenti della f.o. dare più importanza.

3.3 Vincoli

1. Non eccedere la capacità dei bus

$$\sum_{(i,j)\in A(-,-,k)} x_{i,j,k} \le Q; \ k \in K$$

$$\tag{4}$$

2. I clienti vengono portati a casa ognuno una sola volta e da un solo bus

$$\sum_{k \in K} \sum_{i \in A(-,j,k)} x_{i,j,k} = 1; j \in C$$
 (5)

3. Bilanciamento del flusso

$$\sum_{i \in A(-,h,k)} x_{i,h,k} - \sum_{j \in A(h,-,k)} x_{h,j,k} = 0; h \in C, k \in K$$
 (6)

- 4. Vincoli viaggi bus: ogni bus parte dal pub e vi ritorna alla fine del giro. Ogni bus, se tra quelli selezionati, è utilizzato una sola volta.
 - a. Il bus parte dal pub, nodo $\{0\}$.

$$\sum_{j \in A(0,-,k)} x_{0,j,k} <= 1; \ k \in K \tag{7}$$

b. Il bus ritorna al pub, nodo $\{0\}$.

$$\sum_{i \in V} x_{i,0,k} <= 1; \ k \in K \tag{8}$$

5. Lower bound del tempo di arrivo desiderato

$$z_i \ge a_i$$
, for $i \in C$ (9)

- 6. Valorizzazione $y_{i,k}$: consecutività tempi di arrivo di un bus
 - a. Lower bound

$$y_{i,k} \ge y_{i,k} + t_{i,j} x_{i,j,k} - M(1 - x_{i,j,k}) \tag{10}$$

b. Upper bound

$$y_{j,k} \le y_{i,k} + t_{i,j} x_{i,j,k} + M(1 - x_{i,j,k}) \tag{11}$$

7. Valorizzazione z_i

$$z_i = \sum_{k \in K} y'_{i,k}; \ i \in I \tag{12}$$

8. Valorizzazione $w_{i,k}$

$$w_{i,k} = \sum_{j \in A(i,-,k)} x_{i,j,k}; i \in C, k \in K$$
(13)

9. MW

$$Mw_{i,k} = M \cdot w_{i,k}; i \in C, k \in K \tag{14}$$

10. Valorizzazione $y'_{i,k}$

$$y'_{i,k} = min(Mw_{i,k}, y_{i,k})$$
 (15)

3.4 Note

- M, detta big-M, è una costante dal valore tendente a $+\infty$
- A è una matrice che rappresenta quali archi vengono percorsi da quale bus. È formata da 3 elementi (arco_i , arco_j , bus). La notazione A(-,j,k) indica gli archi con arco i fisso e j,k non fissi.

4 Euristiche e metaeuristiche

4.1 Euristica costruttiva

Per generare una prima semplice soluzione accettabile sono stati testati tre differenti algoritmi greedy:

- 1. Il primo algoritmo riempie un bus alla volta aggiungendo ad ogni passo il cliente più vicino
- 2. Il secondo algoritmo scorre invece la lista dei bus e aggiunge un cliente alla volta scegliendo quello più vicino
- 3. L'ultimo algoritmo abbina in modo casuale ogni cliente ad un bus che abbia sufficiente capacità.

Tutti e tre gli algoritmi generano soluzioni simili in termini di costo, ma l'ultimo algoritmo genera una soluzione che risulta più adatta (con più possibilità di miglioramento) come soluzione iniziale da dare in input alla local

4.2 Local search

La local search si compone essenzialmente di 1 mossa:

• MoveAndOptTime(node, bus, pos), una versione della *insert* che sposta il nodo node nella lista di clienti del bus bus nella posizione pos. bus può essere lo stesso di partenza o un altro.

All'interno della mossa è presente una sub-mossa che ottimizza il tempo di partenza del bus bus. Viene calcolato per ogni nodo il tempo minimo di partenza che rispetti le time windows e tra questi viene selezionato il massimo. Un'altra mossa presa in considerazione è stata la 2_0pt, che prende due archi all'interno di un trip e li scambia. Questa mossa però è risultata meno efficiente della MoveNode in quanto crea cambiamenti troppo grandi all'interno dei percorsi, soprattutto in termini di rispetto delle time windows dei clienti.

4.3 Local search multi-start

Come ultimo passaggio di ottimizzazione per questa euristica si è aggiunta la possibilità di utilizzare la LS con un multistart. Il risolutore greedy costruisce ogni volta una soluzione diversa, che viene ottimizzata con la ls finchè non si supera il tempo limite stabilito.

4.4 Simulated annealing

Come metaeuristica si è implementata una versione dell'algoritmo di simulated annealing. I parametri utilizzati di default e che in generale hanno dato risultati migliori sono i seguenti:

- COOLING RATE = 0.98
- INITIAL TEMPERATURE = 10
- MINIMUM_TEMPERATURE = 1
- ITERATIONS PER TEMPERATURE = 10000

Ma rimane comunque la possibilità di parametrizzare la simulated annealing a piacimento in base al dataset del problema. L'algoritmo è strutturato nel seguente modo:

```
solution = costructive_solver.solve()

while temperature > min_temperature & (time < end_time):
    for i < n_of_iterations:
        new_solution = solution

    MoveAndOptTime(new_solution, random_src_node,
        random_dst_bus, random_dst_pos).apply()

    if new_solution is feasible do
        delta = old_cost - new_cost
        if random() <= exp(delta/temperature)

    solution = new_solution

        if new_cost < best_cost:
best_solution = solution
        i++
        temperature = temperature * cooling_rate</pre>
```

5 Struttura del progetto

A livello di struttura il progetto si compone dei seguenti moduli:

- model.py che definisce la classe Model, dove sono contenuti i dati del problema
- solution.py che definisce la classe Solution, dove è contenuta la soluzione
- validator.py che definisce la classe Validator, la quale valida una soluzione in base modello corrispondente e calcola anche i costi sia delle route sia in termini di soddisfazione dei clienti
- gurobysolver.py che definisce il risulutore ottimo creato con Gurobi
- heuristics.py che contiene le varie classi che implementano le euristiche
- commons.py che contiene anche help functions utilizzate all'interno dei vari moduli

Il progetto infine contiene un main che effettua il parsing dei parametri passati in input e chiama i differenti risolutori.

6 Risultati

gurobi 3 2 10 47.2431* ls 3 2 10 47.2431* sa 3 2 10 47.2431 sa 3 2 10 47.2431 sa 3 2 10 47.2431 gurobi 4 2 10 56.2986* ls 4 2 10 56.2986* sa 4 2 10 56.2986* gurobi 7 3 10 116.6939* ls 7 3 10 116.6939* gurobi 9 3 10 202.4896* ls 9 3 10 202.4896* ls 9 <td< th=""><th>solver</th><th># nodes</th><th># buses</th><th>seconds to solve</th><th>solution</th></td<>	solver	# nodes	# buses	seconds to solve	solution
Is-ms 3 2 10 47.2431 sa 3 2 10 47.2431 gurobi 4 2 10 56.2986* ls 4 2 10 56.2986 sa 4 2 10 56.2986 gurobi 7 3 10 116.6939* ls 7 3 10 116.6939* ls 7 3 10 116.6939* ls 7 3 10 116.6939 sa 7 3 10 116.6939 sa 7 3 10 116.6939 gurobi 9 3 10 116.6939 gurobi 9 3 10 202.4896* ls 9 3 10 202.4896* sa 9 3 10 202.4896 gurobi 11 10 100 227.3628 ls 11	gurobi	3	2	10	47.2431*
sa 3 2 10 47.2431 gurobi 4 2 10 56.2986* ls 4 2 10 63.2672 ls-ms 4 2 10 56.2986 sa 4 2 10 56.2986 gurobi 7 3 10 116.6939* ls 7 3 10 116.6939* ls-ms 7 3 10 116.6939 sa 7 3 10 116.6939 gurobi 9 3 10 202.4896* ls 9 3 10 202.4896* ls 9 3 10 202.4896 sa 9 <t< td=""><td>ls</td><td>3</td><td>2</td><td>10</td><td>47.2431</td></t<>	ls	3	2	10	47.2431
gurobi 4 2 10 56.2986* ls 4 2 10 63.2672 ls-ms 4 2 10 56.2986 sa 4 2 10 56.2986 gurobi 7 3 10 116.6939* ls 7 3 10 116.6939 sa 7 3 10 116.6939 sa 7 3 10 116.6939 sa 7 3 10 116.6939 gurobi 9 3 10 202.4896* ls 9 3 10 202.4896* ls 9 3 10 202.4896 sa 9 3 10 202.4896 sa 9 3 10 202.4896 sa 9 3 10 202.4896 gurobi 11 10 100 227.3628 sa 11	ls-ms	3	2	10	47.2431
Is 4 2 10 63.2672 Is-ms 4 2 10 56.2986 sa 4 2 10 56.2986 gurobi 7 3 10 116.6939* ls 7 3 10 116.6939* sa 7 3 10 116.6939 sa 7 3 10 116.6939 gurobi 9 3 10 202.4896* ls 9 3 10 202.4896* ls 9 3 10 202.4896 sa 9 3 10 202.4896 gurobi 11 10 100 227.3628 sa 11	sa	3	2	10	47.2431
Is-ms 4 2 10 56.2986 gurobi 7 3 10 116.6939* ls 7 3 10 118.4272 ls-ms 7 3 10 116.6939 sa 7 3 10 116.6939 gurobi 9 3 10 202.4896* ls 9 3 10 202.4896* ls-ms 9 3 10 202.4896 sa 9 3 10 202.4896 gurobi 11 10 100 213.2659* ls 11 10 100 227.3628 ls-ms 11 10 100 227.3628 gurobi 20 5 100 3379.7927 ls-ms	gurobi	4	2	10	56.2986*
sa 4 2 10 56.2986 gurobi 7 3 10 116.6939* ls 7 3 10 118.4272 ls-ms 7 3 10 116.6939 gurobi 9 3 10 202.4896* ls 9 3 10 202.4896 ls-ms 9 3 10 202.4896 gurobi 11 10 100 213.2659* ls 11 10 100 227.3628 gurobi 11 10 100 227.3628 sa 11 10 100 227.3628 gurobi 20 5 100 3379.7927 ls-ms 20 5 100 3379.7927 ls-ms 20 5 100 2998.8899 gurobi 41 8 200 772.44067 ls-ms 41 8 200 775.7607	ls	4	2	10	63.2672
gurobi 7 3 10 116.6939* ls 7 3 10 118.4272 ls-ms 7 3 10 116.6939 gurobi 9 3 10 202.4896* ls 9 3 10 261.5168 ls-ms 9 3 10 202.4896 sa 9 3 10 202.4896 gurobi 11 10 100 213.2659* ls 11 10 100 227.3628 sa 11 10 100 227.3628 sa 11 10 100 227.3628 sa 10	ls-ms	4	2	10	56.2986
Is 7 3 10 118.4272 Is-ms 7 3 10 116.6939 sa 7 3 10 116.6939 gurobi 9 3 10 202.4896* ls 9 3 10 261.5168 ls-ms 9 3 10 202.4896 sa 11 10 100 227.3628 sa 11 10 100 227.3628 sa 11 <t< td=""><td>sa</td><td></td><td></td><td>10</td><td>56.2986</td></t<>	sa			10	56.2986
Is-ms 7 3 10 116.6939 sa 7 3 10 116.6939 gurobi 9 3 10 202.4896* ls 9 3 10 261.5168 ls-ms 9 3 10 202.4896 sa 9 3 10 202.4896 gurobi 11 10 100 213.2659* ls 11 10 100 227.3628 ls-ms 11 10 100 227.3628 sa 11 10 100 2338.1498 ls-ms	gurobi	7	3	10	116.6939*
sa 7 3 10 116.6939 gurobi 9 3 10 202.4896* ls 9 3 10 261.5168 ls-ms 9 3 10 202.4896 sa 9 3 10 202.4896 gurobi 11 10 100 213.2659* ls 11 10 100 227.3628 ls-ms 11 10 100 227.3628 gurobi 20 5 100 3238.1498 ls 20 5 100 327.3628 gurobi 20 5 100 3238.1498 ls 20 5 100 3298.8899 sa 20 5 100 2998.8899 sa 20 5 100 2998.8899 gurobi 41 8 200 772.44067 ls-ms 41 8 200 715.7607	ls	7	3	10	118.4272
gurobi 9 3 10 202.4896* ls 9 3 10 261.5168 ls-ms 9 3 10 202.4896 sa 9 3 10 202.4896 gurobi 11 10 100 213.2659* ls 11 10 100 227.3628 ls-ms 11 10 100 227.3628 gurobi 20 5 100 3238.1498 ls 20 5 100 3379.7927 ls-ms 20 5 100 3379.7927 ls-ms 20 5 100 2998.8899 sa 20 5 100 2998.8899 gurobi 41 8 200 772.44067 ls-ms 41 8 200 775.7607 ls-ms 41 8 200 588.4076 gurobi 52 11 200 4610.3419	ls-ms	7	3	10	116.6939
Is 9 3 10 261.5168 Is-ms 9 3 10 202.4896 sa 9 3 10 202.4896 gurobi 11 10 100 213.2659* Is 11 10 100 227.3628 Is-ms 11 10 100 227.3628 gurobi 20 5 100 3238.1498 Is 20 5 100 3379.7927 Is-ms 20 5 100 2998.8899 gurobi 41 8 200 772.44067 Is 41 8 200 715.7607 Is-ms 41 8 200 715.7607 Is-ms 41 8 200 588.4076 gurobi 52 11 200 4610.3419 Is 52 11 200 3131.1859 Is-ms 52 11 200 2984.3199 sa 52 11 200 2889.8812 gurobi	sa	7	3	10	116.6939
Is-ms 9 3 10 202.4896 sa 9 3 10 202.4896 gurobi 11 10 100 213.2659* ls 11 10 100 227.3628 ls-ms 11 10 100 227.3628 gurobi 20 5 100 3238.1498 ls 20 5 100 3379.7927 ls-ms 20 5 100 2998.8899 sa 20 5 100 2998.8899 sa 20 5 100 2998.8899 gurobi 41 8 200 772.44067 ls 41 8 200 772.44067 ls-ms 41 8 200 660.1733 sa 41 8 200 588.4076 gurobi 52 11 200 3131.1859 ls-ms 52 11 200 2984.3199 sa 52 11 200 2984.3199 sa <t< td=""><td>gurobi</td><td>9</td><td>3</td><td>10</td><td>202.4896*</td></t<>	gurobi	9	3	10	202.4896*
sa 9 3 10 202.4896 gurobi 11 10 100 213.2659* ls 11 10 100 227.3628 ls-ms 11 10 100 227.3628 gurobi 20 5 100 3238.1498 ls 20 5 100 3379.7927 ls-ms 20 5 100 2998.8899 sa 20 5 100 2998.8899 sa 20 5 100 2998.8899 gurobi 41 8 200 772.44067 ls-ms 41 8 200 775.7607 ls-ms 41 8 200 660.1733 sa 41 8 200 588.4076 gurobi 52 11 200 4610.3419 ls 52 11 200 2984.3199 sa 52 11 200 2984.3199	ls	9	3	10	261.5168
gurobi 11 10 100 213.2659* ls 11 10 100 227.3628 ls-ms 11 10 100 227.3628 sa 11 10 100 227.3628 gurobi 20 5 100 3238.1498 ls 20 5 100 3379.7927 ls-ms 20 5 100 2998.8899 sa 20 5 100 2998.8899 gurobi 41 8 200 772.44067 ls 41 8 200 775.7607 ls-ms 41 8 200 660.1733 sa 41 8 200 588.4076 gurobi 52 11 200 3131.1859 ls-ms 52 11 200 2984.3199 sa 52 11 200 2889.8812 gurobi 200 13 200 59069.6611	ls-ms	9	3	10	202.4896
Is 11 10 100 227.3628 Is-ms 11 10 100 227.3628 sa 11 10 100 227.3628 gurobi 20 5 100 3238.1498 ls 20 5 100 3379.7927 ls-ms 20 5 100 2998.8899 sa 20 5 100 2998.8899 gurobi 41 8 200 772.44067 ls 41 8 200 775.7607 ls-ms 41 8 200 660.1733 sa 41 8 200 588.4076 gurobi 52 11 200 4610.3419 ls 52 11 200 3131.1859 ls-ms 52 11 200 2984.3199 sa 52 11 200 2889.8812 gurobi 200 13 200 59069.6611 ls-ms 200 13 200 57914.4437	sa	9	3	10	202.4896
Is-ms 11 10 100 227.3628 sa 11 10 100 227.3628 gurobi 20 5 100 3238.1498 ls 20 5 100 3379.7927 ls-ms 20 5 100 2998.8899 sa 20 5 100 2998.8899 gurobi 41 8 200 772.44067 ls 41 8 200 775.7607 ls-ms 41 8 200 660.1733 sa 41 8 200 588.4076 gurobi 52 11 200 4610.3419 ls 52 11 200 3131.1859 ls-ms 52 11 200 2984.3199 sa 52 11 200 2889.8812 gurobi 200 13 200 59069.6611 ls-ms 200 13 200 57914.4437	gurobi	11	10	100	213.2659*
sa 11 10 100 227.3628 gurobi 20 5 100 3238.1498 ls 20 5 100 3379.7927 ls-ms 20 5 100 2998.8899 gurobi 41 8 200 772.44067 ls 41 8 200 775.7607 ls-ms 41 8 200 660.1733 sa 41 8 200 588.4076 gurobi 52 11 200 4610.3419 ls 52 11 200 3131.1859 ls-ms 52 11 200 2984.3199 sa 52 11 200 2889.8812 gurobi 200 13 200 59069.6611 ls-ms 200 13 200 57914.4437	ls	11	10	100	227.3628
gurobi 20 5 100 3238.1498 ls 20 5 100 3379.7927 ls-ms 20 5 100 2998.8899 sa 20 5 100 2998.8899 gurobi 41 8 200 772.44067 ls 41 8 200 775.7607 ls-ms 41 8 200 660.1733 sa 41 8 200 588.4076 gurobi 52 11 200 4610.3419 ls 52 11 200 3131.1859 ls-ms 52 11 200 2984.3199 sa 52 11 200 2889.8812 gurobi 200 13 200 59069.6611 ls-ms 200 13 200 57914.4437	ls-ms	11	10	100	227.3628
ls 20 5 100 3379.7927 ls-ms 20 5 100 2998.8899 sa 20 5 100 2998.8899 gurobi 41 8 200 772.44067 ls 41 8 200 715.7607 ls-ms 41 8 200 660.1733 sa 41 8 200 588.4076 gurobi 52 11 200 4610.3419 ls 52 11 200 3131.1859 ls-ms 52 11 200 2984.3199 sa 52 11 200 2889.8812 gurobi 200 13 200 59069.6611 ls-ms 200 13 200 57914.4437	sa	11	10	100	227.3628
Is-ms 20 5 100 2998.8899 sa 20 5 100 2998.8899 gurobi 41 8 200 772.44067 Is 41 8 200 715.7607 Is-ms 41 8 200 660.1733 sa 41 8 200 588.4076 gurobi 52 11 200 4610.3419 Is 52 11 200 3131.1859 Is-ms 52 11 200 2984.3199 sa 52 11 200 2889.8812 gurobi 200 13 200 - Is 200 13 200 59069.6611 Is-ms 200 13 200 57914.4437	gurobi	20	5	100	3238.1498
sa 20 5 100 2998.8899 gurobi 41 8 200 772.44067 ls 41 8 200 715.7607 ls-ms 41 8 200 660.1733 sa 41 8 200 588.4076 gurobi 52 11 200 4610.3419 ls 52 11 200 3131.1859 ls-ms 52 11 200 2984.3199 sa 52 11 200 2889.8812 gurobi 200 13 200 - ls 200 13 200 59069.6611 ls-ms 200 13 200 57914.4437	ls	20	5	100	3379.7927
gurobi 41 8 200 772.44067 ls 41 8 200 715.7607 ls-ms 41 8 200 660.1733 sa 41 8 200 588.4076 gurobi 52 11 200 4610.3419 ls 52 11 200 3131.1859 ls-ms 52 11 200 2984.3199 sa 52 11 200 2889.8812 gurobi 200 13 200 - ls 200 13 200 59069.6611 ls-ms 200 13 200 57914.4437	ls-ms	20	5	100	2998.8899
ls 41 8 200 715.7607 ls-ms 41 8 200 660.1733 sa 41 8 200 588.4076 gurobi 52 11 200 4610.3419 ls 52 11 200 3131.1859 ls-ms 52 11 200 2984.3199 sa 52 11 200 2889.8812 gurobi 200 13 200 - ls 200 13 200 59069.6611 ls-ms 200 13 200 57914.4437	sa	20	5	100	2998.8899
ls-ms 41 8 200 660.1733 sa 41 8 200 588.4076 gurobi 52 11 200 4610.3419 ls 52 11 200 3131.1859 ls-ms 52 11 200 2984.3199 sa 52 11 200 2889.8812 gurobi 200 13 200 - ls 200 13 200 59069.6611 ls-ms 200 13 200 57914.4437	gurobi	41	8	200	772.44067
sa 41 8 200 588.4076 gurobi 52 11 200 4610.3419 ls 52 11 200 3131.1859 ls-ms 52 11 200 2984.3199 sa 52 11 200 2889.8812 gurobi 200 13 200 - ls 200 13 200 59069.6611 ls-ms 200 13 200 57914.4437	ls	41	8	200	715.7607
gurobi 52 11 200 4610.3419 ls 52 11 200 3131.1859 ls-ms 52 11 200 2984.3199 sa 52 11 200 2889.8812 gurobi 200 13 200 - ls 200 13 200 59069.6611 ls-ms 200 13 200 57914.4437	ls-ms	41	8	200	660.1733
ls 52 11 200 3131.1859 ls-ms 52 11 200 2984.3199 sa 52 11 200 2889.8812 gurobi 200 13 200 - ls 200 13 200 59069.6611 ls-ms 200 13 200 57914.4437	sa	41	8	200	588.4076
ls-ms 52 11 200 2984.3199 sa 52 11 200 2889.8812 gurobi 200 13 200 - ls 200 13 200 59069.6611 ls-ms 200 13 200 57914.4437	gurobi	52	11	200	4610.3419
sa 52 11 200 2889.8812 gurobi 200 13 200 - ls 200 13 200 59069.6611 ls-ms 200 13 200 57914.4437	ls	52	11	200	3131.1859
gurobi 200 13 200 - ls 200 13 200 59069.6611 ls-ms 200 13 200 57914.4437	ls-ms	52	11	200	2984.3199
ls 200 13 200 59069.6611 ls-ms 200 13 200 57914.4437	sa	52	11	200	2889.8812
ls-ms 200 13 200 57914.4437	gurobi	200	13	200	_
	ls	200	13	200	59069.6611
sa 200 13 200 4914.3869	ls-ms		13		57914.4437
	sa	200	13	200	4914.3869

Nota: le soluzioni indicate dall'asterisco rappresentano soluzioni ottime.