

GEOLETARIO 2.0

```
#include <iostream>
#include <complex>
#include <vector>
#include <stack>
#include <algorithm>
using namespace std;

const long double inf=1e9;
const long double eps=1e-9;
const long double pi=acos(-1.0);

typedef complex<long double> point;
typedef complex<long double> vect;

struct line {
public:
    long double a; //coeficiente x
    long double b; //coeficiente y
    long double c; //termino independiente

    line(long double a, long double b, long double c) {
        this->a=a;
        this->b=b;
        this->c=c;
    }
};

typedef pair<point, point> segment;

typedef struct {
    point center;
    long double radius;
} circle;

bool menorX(point p1, point p2) {
    if(p1.real()<p2.real()) return true;
    else if (p1.imag()<p2.imag()) return true;
    return false;
}

bool menorY(point p1, point p2) {
    if (p1.imag()<p2.imag()) return true;
    else if(p1.real()<p2.real()) return true;
    return false;
}

vect inline perp(vect v) {
    return vect(v.imag(),-v.real());
}

//calcula el doble del area CON SIGNO tomando los puntos en sentido antihorario
//los hermanos halim lo llaman cross(p,q,r)
//si c esta a la izda de ab, vale positivo, si esta a la derecha, negativo
//si estan alineados valdra (casi) 0
long double darea(point a, point b, point c) {
    /*
    | a.x a.y 1 |
    | b.x b.y 1 |
    | c.x c.y 1 |
    */
    return
        a.real()*b.imag() +
        b.real()*c.imag() +
        c.real()*a.imag() -
        a.imag()*b.real() -
        b.imag()*c.real() -
        c.imag()*a.real();
}

//devuelve el angulo bac, es decir, centrado en a. Siempre es positivo
long double angle(point a, point b, point c) {
    point u = b-a;
    point v = c-a;
    return acos((u.real()*v.real() + u.imag()*v.imag()) /abs(u*v));
}

//para que funcione, no deben estar alineados
```

```

point circumcenter(point a, point b, point c) {
    point b2=b-a, c2=c-a;

    long double d=2*(b2.real()*c2.imag()-b2.imag()*c2.real());
    point u2((c2.imag()*norm(b2)-b2.imag()*norm(c2))/d, (b2.real()*norm(c2)-c2.real()*norm(b2))/d);
    return u2+a;
}

```

//para que funcione, no deben estar alineados

```

point incenter(point a, point b, point c) {
    long double la=abs(b-c), lb=abs(c-a), lc=abs(a-b);
    long double p=la+lb+lc;
    point result( (la*a.real() + lb*b.real() + lc*c.real()) /p,(la*a.imag()+lb*b.imag()+lc*c.imag())/p);
    return result;
}

```

//a!=b

```

line pointsToLine(point a, point b) {
    line result;

    result.a=b.imag()-a.imag();
    result.b=a.real()-b.real();
    result.c=a.imag()*b.real()-a.real()*b.imag();
    return result;
}

```

line pointSlopeToLine(point p, long double m)

```

{
    line l;
    l.a=-m;
    l.b=1;
    l.c= -l.a*p.real() -l.b*p.imag();
    return l;
}

```

line pointVectorToLine(point p, vect v) {

```

    return pointsToLine(p,p+v);
}

```

//devuelve un vector unitario

```

vect direction(line l) {
    vect result=vect(l.b,-l.a);
    result/=abs(result);

    return result;
}

```

//prec:no deben ser paralelas ni iguales.

```

point intersection(line r, line s) {
    long double den=r.b*s.a-r.a*s.b;
    point result( (r.c*s.b-r.b*s.c)/den , (r.a*s.c-r.c*s.a)/den );
    return result;
}

```

//estos dos metodos hacen paralelas y perpendiculares por un punto

```

line parallel(line l, point p) {
    line result;
    result.a=l.a;
    result.b=l.b;
    result.c= -l.a*p.real() - l.b*p.imag();
    return result;
}

```

line perpendicular(line l, point p) {

```

    line result;
    result.a=-l.b;
    result.b=l.a;
    result.c= l.b*p.real()-l.a*p.imag();
    return result;
}

```

//devuelve las paralelas a distancia d

```

pair<line,line> parallel(line l, long double d) {
    line l1, l2;

    l1.a=l2.a=l.a;
    l1.b=l2.b=l.b;
    l1.c=l.c-d*hypot(l.a,l.b);
    l2.c=l.c+d*hypot(l.a,l.b);
}

```

```

        return pair<line, line>(l1,l2);
    }

    //devuelve el coseno del MENOR angulo de ambas rectas.
    long double cosAngle(line l1, line l2) {
        return abs((l1.a*l2.a+l1.b*l2.b)/(hypot(l1.a,l1.b)*hypot(l2.a,l2.b)));
    }

    point closestPoint(line l, point p) {
        long double d=l.a*l.a+l.b*l.b;
        point result( (l.b*l.b*p.real()-l.a*l.c-l.a*l.b*p.imag())/d , (l.a*l.a*p.imag()-l.b*l.c-l.a*l.b*p.real())/d );
        return result;
    }

    long double dist(point p, line l) {
        return abs(l.a*p.real()+l.b*p.imag()+l.c)/hypot(l.a,l.b);
    }

    //prec: se cumple que se cortan y NO son tangentes
    pair<point,point> intersection(circle c, line l) {
        point aux=closestPoint(l, c.center);
        long double d=sqrt(c.radius*c.radius-norm(aux-c.center));
        vect v=direction(l)*d;

        return pair<point, point>(aux+v,aux-v);
    }

    //prec: se cortan y NO son tangentes Revisese
    pair<point, point> intersection(circle c1, circle c2) {
        long double d= (2*c1.radius*c1.radius -c2.radius*c2.radius)/(2*c1.radius);
        long double h= sqrt(c1.radius*c1.radius-d*d);

        vect v=c2.center-c1.center;
        v/=abs(v);
        point p=c1.center+v*d;
        vect u=vect(v.imag(),-v.real());
        u*=h;

        return pair<point, point>(p+u,p-u);
    }

    //devuelve los puntos de tangencia
    //prec: que haya puntos de tangencia
    pair<point, point> tangente(point p, circle c) {
        circle aux;
        aux.center=(p+c.center)/2.0;
        aux.radius=abs(p-c.center)/2.0;

        return intersection(aux,c);
    }

    //en adelante, representare los poligonos como vectores de puntos.
    //calcula el perimetro de un poligono
    long double perimeter(vector<point> P) {
        long double result = 0.0;
        for (int i = 0; i < (int)P.size(); i++)
            result += abs(P[i]- P[(i + 1) % P.size()]);
        return result;
    }

    //area de un poligono
    double area(vector<point> P) {
        long double result = 0.0, x1, y1, x2, y2;
        for (int i = 0; i < (int)P.size(); i++)
        {
            x1 = P[i].real(); x2 = P[(i + 1) % P.size()].real();
            y1 = P[i].imag(); y2 = P[(i + 1) % P.size()].imag();
            result += (x1 * y2 - x2 * y1);
        }
        return abs(result) / 2.0;
    }

    //devuelve true si p pertenece a P
    bool inPolygon(point p, vector<point> P) {
        if ((int)P.size() == 0) return false;
        double sum = 0;
        for (int i = 0; i < (int)P.size() - 1; i++)
        {

```

```

        if (darea(p, P[i], P[(i + 1)%P.size()]) < 0) //si es negativo, a la derecha
            sum -= angle(p, P[i], P[(i + 1)%P.size()]);
        else sum += angle(p, P[i], P[(i + 1)%P.size()]);
    }
    return (abs(sum - 2*pi) < eps || abs(sum + 2*pi) < eps);
}

```

//hace mas facil la funcion cutPolygon

```

point intersectSeg(point p, point q, point A, point B) {
    long double a = B.imag() - A.imag();
    long double b = A.real() - B.real();
    long double c = B.real() * A.imag() - A.real() * B.imag();
    long double u = abs(a * p.x + b * p.y + c);
    long double v = abs(a * q.x + b * q.y + c);
    return point((p.x * v + q.x * u) / (u + v),
                (p.y * v + q.y * u) / (u + v));
}

```

//corta el poligono de modo que devuelve el poligono de los puntos a la izda de ab.

//para obtener el otro lado, invertir ab

//Todavia no comprobado, no estoy del todo seguro que funcione

```

vector<point> cutPolygon(point a, point b, vector<point> Q) {
    vector<point> P;
    for (int i = 0; i < (int)Q.size(); i++)
    {
        long double left1 = darea(a, b, Q[i]);
        long double left2 = darea(a, b, Q[(i + 1)%Q.size()]);
        if (left1 > -eps) P.push_back(Q[i]);
        if (left1*left2 < -eps)
            P.push_back(intersectSeg(Q[i], Q[(i + 1)%Q.size()],a,b));
    }
    if (P.empty()) return P;
    return P;
}

```

//envolvente convexa, algoritmo de Graham. Devuelve un vector de point ordenado.

//Casi copiado y pegado del libro de los hermanos halim

//Que va, esta completamente copiado

point pivot(0, 0);

```

bool angle_cmp(point a, point b) // angle-sorting function {
    if (abs(darea(pivot, a, b))<eps)
        return abs(pivot-a) < abs(pivot- b); // which one is closer?
    point d1 = a - pivot;
    point d2 = b - pivot;
    return (arg(d1) - arg(d2)) < 0;
}

```

```

vector<point> convexHull(vector<point> P) {
    int i, N = (int)P.size();
    if (N <= 3) return P; // special case, the CH is P itself

```

// first, find P0 = point with lowest Y and if tie: rightmost X

int P0 = 0;

for (i = 1; i < N; i++)

```

    if (P[i].imag() < P[P0].imag() ||
        (P[i].imag() == P[P0].imag() && P[i].real() > P[P0].real()))
        P0 = i;

```

// swap selected vertex with P[0]

point temp = P[0]; P[0] = P[P0]; P[P0] = temp;

// second, sort points by angle w.r.t. P0, skipping P[0]

pivot = P[0]; // use this global variable as reference

sort(1+P.begin(), P.end(), angle_cmp);

// third, the ccw tests

point prev(0, 0), now(0, 0);

stack<point> S; S.push(P[N - 1]); S.push(P[0]); // initial

i = 1; // and start checking the rest

```

while (i < N) { // note: N must be >= 3 for this method to work
    now = S.top();

```

```

    S.pop(); prev = S.top(); S.push(now); // get 2nd from top

```

```

    if (darea(prev, now, P[i])>0) S.push(P[i++]); // left turn, ACC

```

```

    else S.pop(); // otherwise, pop until we have a left turn
}

```

vector<point> ConvexHull; // from stack back to vector

```

while (!S.empty()) { ConvexHull.push_back(S.top()); S.pop(); }

```

return ConvexHull; } // return the result

NÚMEROS GRANDES

```
#include <cmath> //log10,pow,floor
#include <cstring> //memset
#include <string> //string class
#include <sstream> //stringstream class
#include <algorithm> //max and min
using namespace std;

const int NUM=25; //number of elementes in array

typedef long long int base_t;
const base_t BASE=pow(10,floor(log10(2)*4*sizeof(base_t)));
const int zeros=log10(BASE);

struct longint{
    longint(long long int i=0) :used(0),sign((i>=0)?1:-1){
        memset(inner,0,NUM*sizeof(base_t));
        i*=sign;
        for(;i>=BASE;i=i/BASE)
            inner[used++]=i%BASE;
        inner[used++]=i;
    }

    longint operator+(longint b) const{
        if(sign!=b.sign) return b.sign*=-1,((sign<0)?*this-b:b-*this);
        b.used=min(max(b.used,used)+1 , NUM); base_t carry=0;
        for(int i=0;i<b.used;i++){
            carry=(b.inner[i]+inner[i]+carry)/BASE;
            b.inner[i]%=BASE;
        }
        while(b.used && !b.inner[b.used-1]) --b.used;
        return b;
    }

    longint operator-(longint b) const{
        longint const *m=this,*M=&b;
        if(used>b.used || used==b.used && inner[used-1]>b.inner[used-1])
            M=this,m=&b;
        if(b.sign!=sign) return b.sign*=-1,((*M)+(*m));
        longint res(*M); base_t carry=0;
        for(int i=0;i<=min(m->used,NUM-1);i++){
            carry=(res.inner[i]-(m->inner[i]+carry))<0?res.inner[i]+=BASE,1:0;
            while(res.used && !res.inner[res.used-1]) --res.used;
        }
        return res;
    }

    longint operator*(const longint& b) const{
        longint res;
        longint const *m,*M= (used>b.used)? (m=&b,this) : (m=this,&b);
        for(int i=0;i<m->used; i++){
            for(base_t j=0,carry=0 ; j<=(min(M->used,NUM-i-1)) ; j++){
                carry=(res.inner[j+i]=(M->inner[j]*(m->inner[i]))+carry)/BASE;
                res.inner[j+i]%=BASE;
            }
            res.used=min(M->used+m->used,NUM);
            while(res.used && !res.inner[res.used-1]) --res.used;
            res.sign=sign*b.sign;
        }
        return res;
    }

    string str() const{
        stringstream ss;
        ss << sign*inner[used-1];
        for(int i=used-2;i>=0;i--){
            int cfr= inner[i] ? floor(log10(inner[i]))+1 : 1;
            for(int j=cfr;j<zeros;j++) ss << 0;
            ss << inner[i];
        }
        return ss.str();
    }

    char sign; //sign bit
    int used; //number of base_t in used
    base_t inner[NUM]; //base array
};

longint operator+(long long int i, const longint& l){ return l+i; }
longint operator*(long long int i, const longint& l){ return l*i; }
longint operator-(long long int i, const longint& l){ return longint(i)-l; }
```

GRAFOLETARIO

```
#include <queue>

#define MAXV 100; //Máximo de vértices
#define MAXDEGREE 50; //Grado máximo de un vértice

/*Implementación de un grafo como matriz de adyacencia
* bool graph[MAXV][MAXV];
* donde graph[i][j]==TRUE <==> hay un arco conectando el nodo i con el nodo j
*/
//Implementación de un grafo como lista de adyacencias como matriz.
//También se pueden guardar las adyacencias en una lista,
//ocupando menos memoria.
struct Graph {
    int edges[MAXV+1][MAXDEGREE]; //Nodos adyacentes a cada nodo
    int degree[MAXV+1]; //Contiene el grado de cada nodo
    int nvertices; //Total de vertices
    int nedges; //Total de aristas

    Graph(){
        nvertices=0;
        nedges=0;
        for(int i=0; i<=MAXV; i++){
            degree[i]=0;
        }

        insertEdge(int x, int y, bool directed){
            if (degree[x] > MAXDEGREE); //Error
            edges[x][degree[x]] = y;
            degree[x]++;
            if (!directed) insertEdge(x,y,TRUE);
            else nedges++;
        }

        //Recorrido en anchura. La función deberá modificarse para diversos
        //propósitos, por ejemplo añadiendo un elemento a buscar o usando
        //una cola de parejas <int, int> para guardar la profundidad de los
        //nodos. También puede ser útil usar una matriz parent[MAXV] en la
        //que se guarde para cada nodo i su padre en parent[i].
        void bfs(int start){ // bfs(int start,int end)
            queue <int> q; //queue <Pair<int,int> q;
            q.push(start);
            bool visited[MAXV];
            for (int i=0; i<nvertices; i++) visited[i]=FALSE;

            while(!q.empty()){
                int v=q.front(); q.pop();
                visited[v]=TRUE
                //Procesar v. Por ejemplo: if(v==end) ...
                //Guardar los sucesores si no se han visitado
                for (int i=0; i<degree[v]; i++){
                    if (!visited[edges[v][i]]){
                        q.push(edges[v][i]);
                        //parent[edges[v][i]]=v;
                    }
                }
            }
        }

        //Recorrido en profundidad. También debe modificarse segun el problema.
        //Implementación recursiva (se puede hacer no recursiva con una pila,
        //y ocuparía menos memoria)
        void dfs(int v){
            //if (finished) return
            bool visited[MAXV];
            for (int i=0; i<nvertices; i++) visited[i]=FALSE;
            visited[v]=TRUE;
            //Procesar vértice

            for(int i=0; i<degree[v]; i++){
                int y= edges[v][i];
                if (!visited[y]){
                    dfs(y);
                }
            }
            //if (finished) return
        }
    }
}
```

```

// Encontrar las componentes conexas
void connected_components(){
    bool visited[MAXV];
    for (int i=0; i<nvertices; i++) visited[i]=FALSE;
    int c=0; //Número de componentes
    for(int i=0; i<nvertices; i++){
        if(!discovered[i]){
            c++;
            dfs(i);
            //dfs necesita visitados, se puede pasar como
            //argumento o declarar como variable global
        }
    }
}

```

//Ordenación topológica. Dado un grafo dirigido sin ciclos,
//consiste en dar un orden de forma que no haya ningún arco
//de un elemento a otro anterior en ese orden.

```

void topsort(int sorted[]){
    int indegree[MAXV] //Grado de entrada
    queue <int> zeroin //Vértices con grado de entrada 0

    for (int i=0; i<nvertices; i++) indegree[i]=0;
    for (int i=0; i<nvertices; i++)
        for (int j=0; j<degree[i];j++)
            in[edges[i][j]] ++;

    for (int i=0; i<nvertices; i++)
        if(indegree[i]==0) zeroin.push(i);

    int j=0;
    while (!zeroin.empty()){
        j++;
        int x=zeroin.front();
        zeroin.pop();
        sorted[j]=x;
        for(int i=0; i<degree[x]; i++){
            int y=edges[x][i];
            indegree[y] --;
            if (indegree[y]==0) zeroin.push(y);
        }
    }

    if (j!=nvertices); //No es un grafo dirigido acíclico
}

```

/***Algoritmo de Prim.** Hay que modificar la declaración del struct:

```

struct Edge{
    int v;
    int weight;
};

struct Graph{
    Edge edges[MAXV+1][MAXDEGREE];
    ...
}

```

También se modifican el resto de métodos consecuentemente.
*/

```

void prim(int start){
    boolintree[MAXV]; //Vertices en el árbol
    int distance[MAXV]; //Distancia mínima de cada vértice de fuera del
        //árbol a un vértice del árbol
    int parent[MAXV]; //Topología del árbol

    for(int i=0; i<nvertices; i++){
       intree[i] = FALSE;
        distance[i] = MAXINT; // (1>>32)
        parent[i] = -1;
    }

    distance[start]=0;
    int v=start;

    while(!intree[v]){

```

```

        intree[v] = TRUE;

        //Actualiza para cada nodo la distancia mínima
        for (int i=0; i<degree[v]; i++){
            int w = edges[v][i].v;
            int weight = edges[v][i].weight;
            if ((distance[w] > weight) && (!intree[w])){
                distance[w] = weight;
                parent[w] = v;
            }
        }

        v=1;
        int dist = MAXINT;

        //Busca el nodo externo más cercano al árbol
        for (int i=0; i<nvertices; i++){
            if ((!intree[i])&&(dist>distance[i])){
                dist = distance[i];
                v = i;
            }
        }
    }
}

/*Algoritmo de Dijkstra. Basta con copiar Prim y cambiar dos líneas
//En distance[i] se guarda la distancia al nodo i, y para recuperar
//el camino se usa parent
void dijkstra(int start){
    bool intree[MAXV]; //Vertices en el árbol
    int distance[MAXV]; //Distancia de cada vértice al origen
    int parent[MAXV];

    for(int i=0; i<nvertices; i++){
        intree[i] = FALSE;
        distance[i] = MAXINT; // (1>>32)
        parent[i] = -1;
    }

    distance[start]=0;
    int v=start;

    while(!intree[v]){
        intree[v] = TRUE;

        //Para cada vértice mira si es más corto pasar por v o no
        for (int i=0; i<degree[v]; i++){
            int w = edges[v][i].v;
            int weight = edges[v][i].weight;
            /*Cambiar*/
            /*Cambiar*/
            if ((distance[w] > (distance[v] + weight)){
                distance[w] = distance[v] + weight;
                parent[w] = v;
            }
        }

        v=1;
        int dist = MAXINT;

        //Busca el nodo externo más cercano al árbol
        for (int i=0; i<nvertices; i++){
            if ((!intree[i])&&(dist>distance[i])){
                dist = distance[i];
                v = i;
            }
        }
    }
}

/*Algoritmo de Floyd. Se usa una representación de un grafo como
matriz de adyacencia con peso de las aristas:
struct AdjacencyMatrix{
    int weight[MAXV+1][MAXV+1];
    int nvertices;
}

La matriz se inicializa con 0 en la diagonal, los valores correspondientes
a las aristas que nos dan como datos y MAXINT en el resto*/

void floyd(){
    for(int k=0; k<nvertices; k++){

```



```

        for(int i=0; i<nvertices; i++){
            for (int j=0; j<nvertices; j++){
                int throughK = weight[i][k]+weight[k][j];
                if (throughK < weight[i][j])
                    weight[i][j] = throughK;
            }
        }
    }
}

```

MISC-LETARIO

```

#include <vector>
using namespace std;

```

```

typedef pair<int, int> ii;
typedef vector<ii> vii;
typedef vector<int> vi;

```

```

//mascaras de bits
#define isOn(S, j) (S & (1 << j))
#define setBit(S, j) (S |= (1 << j))
#define clearBit(S, j) (S &= ~(1 << j))
#define toggleBit(S, j) (S ^= (1 << j))
#define lowBit(S) (S & (-S))
#define setAll(S, n) (S = (1 << n) - 1)

```

//Arbol de segmentos. Permite buscar el minimo elemento de un array LEERLO

// Segment Tree Library: The segment tree is stored like a heap array

```

void st_build(vi &st, const vi &A, int vertex, int L, int R) {
    if (L == R) // as L == R, either one is fine
        st[vertex] = L; // store the index
    else { // recursively compute the values in the left and right subtrees
        int nL = 2 * vertex, nR = 2 * vertex + 1;
        st_build(st, A, nL, L, (L + R) / 2);
        st_build(st, A, nR, (L + R) / 2 + 1, R);
        int lContent = st[nL], rContent = st[nR];
        int lValue = A[lContent], rValue = A[rContent];
        st[vertex] = (lValue <= rValue) ? lContent : rContent;
    }
}

```

```

void st_create(vi &st, const vi &A) { // if original array size is N,
    // the required segment tree array length is 2*2^(floor(log2(N)) + 1);
    int len = (int)(2*pow(2.0, floor((log((double)A.size())/log(2.0)) + 1)));
    st.assign(len, 0); // create vector of size 'len' and fill it with zeroes
    st_build(st, A, 1, 0, (int)A.size() - 1); // recursive build
}

```

```

int st_rmql(vi &st, const vi &A, int vertex, int L, int R, int i, int j) {
    if (i > R || j < L) return -1; // current segment outside query range
    if (L >= i && R <= j) return st[vertex]; // inside query range

```

```

    // compute the min position in the left and right part of the interval
    int p1 = st_rmql(st, A, 2 * vertex, L, (L+R) / 2, i, j);
    int p2 = st_rmql(st, A, 2 * vertex + 1, (L+R) / 2 + 1, R, i, j);

```

```

    // return the position where the overall minimum is
    if (p1 == -1) return p2; // if we try to access segment outside query
    if (p2 == -1) return p1; // same as above
    return (A[p1] <= A[p2]) ? p1 : p2; }

```

```

int st_rmqr(vi &st, const vi &A, int i, int j) { // function overloading
    return st_rmql(st, A, 1, 0, (int)A.size() - 1, i, j); }

```

```

int st_update_point(vi &st, vi &A, int node, int b, int e, int idx, int new_value) {
    // this update code is still preliminary, i == j
    // must be able to update range in the future!
    int i = idx, j = idx;

```

```

    // if the current interval does not intersect
    // the update interval, return this st node value!
    if (i > e || j < b)
        return st[node];

```

```

// if the current interval is included in the update range,
// update that st[node]
if (b == i && e == j) {
    A[i] = new_value; // update the underlying array
    return st[node] = b; // this index
}

// compute the minimum position in the
// left and right part of the interval
int p1, p2;
p1 = st_update_point(st, A, 2 * node, b, (b + e) / 2, idx, new_value);
p2 = st_update_point(st, A, 2 * node + 1, (b + e) / 2 + 1, e, idx, new_value);

// return the position where the overall minimum is
return st[node] = (A[p1] <= A[p2]) ? p1 : p2;
}

```

```

int st_update_point(vi &st, vi &A, int idx, int new_value) {
    return st_update_point(st, A, 1, 0, (int)A.size() - 1, idx, new_value); }

```

//Arbol de Fenwick. Permite resolver el problema de la suma en un rango
//con actualizaciones. (RSQ(a,b)=suma de los a[i], i entre a y b)
// initialization: n + 1 zeroes, ignoring index 0, just using index [1..n]
void ft_create(vi &ft, int n) { ft.assign(n + 1, 0); }

```

int ft_rsqr(const vi &ft, int b) { // returns RSQ(1, b)
    int sum = 0; for (; b; b -= LSONe(b)) sum += ft[b];
    return sum; }

```

```

int ft_rsqr(const vi &ft, int a, int b) { // returns RSQ(a, b)
    return ft_rsqr(ft, b) - (a == 1 ? 0 : ft_rsqr(ft, a - 1)); }

```

// adjusts value of the k-th element by v (v can be +ve/inc or -ve/dec)
void ft_adjust(vi &ft, int k, int v) { // note: n = ft.size() - 1
 for (; k < (int)ft.size(); k += LSONe(k)) ft[k] += v; }

//Algoritmo de Euclides extendido
//ax+by=g=gcd(a,b)
void eea (int a, int b,
 int& gcd, int& x, int& y) {
 x=0, y=1;
 int u=1, v=0, m, n, q, r;
 gcd = b;
 while (a!=0) {
 q=gcd/a; r=gcd%a;
 m=x-u*q; n=y-v*q;
 gcd=a; a=r; x=u; y=v; u=m; v=n;
 }
}

//ecuacion diofantica
//con d=mcd(A,B)
x=x0 + L*(B/d)
y=y0 - L*(A/d)

//Criba de Eratostenes
#include <iostream>

```

int main(void)
{
    const int NMAX = 1000;

    //Armamos la "lista"
    bool tachado[NMAX];
    for (int i = 0; i < NMAX; ++i)
        tachado[i] = false; //empezamos con todos sin tachar
    tachado[0] = true; //0 no es primo, lo tachamos
    tachado[1] = true; //1 no es primo, lo tachamos

    //y ahora empezamos a tachar
    for (int p = 0; p < NMAX; ++p) {
        if (!tachado[p]) {
            //p no esta tachado, asi que es primo
            std::cout << p << ' ';

```

```

        //tachamos todos los múltiplos que estén en la "lista" o tabla
        for (int j = 2*p; j < NMAX; j += p)
            tachado[j] = true;
    }
}
std::cout << std::endl;

return 0;
}

```

Funcion Backtracking (Etapai) devuelve: boolean

```

Inicio
    Éxito = falso;
    IniciarOpciones(i, GrupoOpciones o);
    Repetir
        SeleccionarnuevaOpcion(o, Opcion n);
        Si (Aceptable(n)) entonces
            AnotarOpcion(i, n);
            SiSolucionCompleta(i) entonces
                Éxito = verdadero;
            Sino
                Éxito = Backtracking(i+1);
                Si Éxito = false entonces
                    cancelamosAnotacion(i, n);
                finsi;
            Finsi;
        Finsi;
    Hasta (éxito = verdadero) o (NoQuedanOpciones(o));
    Retorna Éxito;
Fin;

```