

一、选择题（每小题 3 分,共 30 分）：

1、使用哪个库可以方便地进行数据的可视化？（ ）

- A. NumPy
- B. Pandas
- C. Matplotlib
- D. Scikit-learn

2、考虑下面的 3×4 矩阵 $A = \text{np.array}([[1,2,3,4], [5,6,7,8], [9,10,11,12]])$, 表达式 $A[2, :]$ 的结果是（ ）.

- A. $\text{array}([[1, 2, 3, 4], [5, 6, 7, 8]])$
- B. $\text{array}([9, 10, 11, 12])$
- C. $\text{array}([3, 7, 11])$
- D. $\text{array}([5,6,7,8])$

3、可以利用 numpy 库中的函数 `array`, `arange`, `empty`, `linspace` 等函数生成数组, 以下能生成数组 $\text{array}([-1. , -0.25, 0.5 , 1.25, 2.])$ 的函数示例是（ ）.

- A. `np.arange(4,dtype=float)` B. `np.arange(0,10,2,dtype=int)`
- C. `np.empty((2,3),int)` D. `np.linspace(-1,2,5)`

- 4、运算结果 `np.arange(1,10).reshape(3,3).dot(np.eye(3)) = ()`.
- A. `array([[1, 2, 3], [4, 5, 6], [7, 8, 9]])`
 - B. `array([[1, 4, 7], [2, 5, 8], [3, 6, 9]])`
 - C. `array([[1, 0, 0], [0, 1, 0], [0, 0, 1]])`
 - D. `array([[3, 6, 9], [2, 5, 8], [1, 4, 7]])`
- 5、线性回归模型的基本假设是什么? ()
- A. 因变量与自变量之间是非线性关系
 - B. 因变量与自变量之间是线性关系
 - C. 因变量是离散的
 - D. 自变量之间必须相互独立
- 6、下面哪个 Pandas 函数可以用于读取 CSV 文件? ()
- A) `read.csv()` B) `load_csv()`
 - C) `read_csv()` D) `csv_read()`
- 7、设 A 是一矩阵, 则函数 `np.linalg.eig(A)` 的返回值是 ().
- A. A 的特征值 B. A 的特征值
 - C. A 的特征值和特征向量 D. 无返回值
- 8、如果一个数据集有 p 个变量, 那么通过 PCA 最多可以提取多少个主成分? ()
- A. $p-1$
 - B. p
 - C. $p+1$
 - D. 无限多
- 9、如果你想通过 PCA(主成分分析)将数据集从高维降到二维以便可视化, 你应该如何设置 `n_components` 参数? ()
- A. `n_components=2` B. `n_components='mle'`
 - C. `n_components=None` D. `n_components` 设置为原数据集的维度数
- 10、在做距离判别分类的时, 可以使用 `sklearn.neighbors` 模块的 `KNeighborsClassifier` 函数来处理, 若需要创建一个指定分类类别数为 2, 距离选择为马氏距离的对象的代码为 ().

- A. KNeighborsClassifier(2, metric='euclidean')
- B. KNeighborsClassifier(2, metric='manhattan')
- C. KNeighborsClassifier(2, metric='minkowski')
- D. KNeighborsClassifier(2, metric='mahalanobis')

二、填空题（每小题 3 分，共 30 分）：

- 1、样本 x_1, x_2, \dots, x_n 的平均数计算公式为: _____
- 2、设 $x_{(1)}, x_{(2)}, \dots, x_{(n)}$ 为样本 x_1, x_2, \dots, x_n 的次序统计量, 则该组样本的 p 分位数的计算公式是 $M_p =$ _____
- 3、若 p 维总体 $\vec{X} = (X_1, X_2, \dots, X_p)^T$ 服从参数为 $N_p(\vec{\mu}, \Sigma)$ 的 p 维正态分布, 则其概率密度函数为 _____
- 4、两个维数为 p 的总体 \vec{X}, \vec{Y} 协方差矩阵为 _____
- 5、设变量 $\vec{X} = (X_1, X_2)$ 的均值为 $\vec{0}$, $\Sigma = \begin{bmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 4 \end{bmatrix}$. 令 $Y = X_1 + X_2$, 则 $\text{Var}(Y) =$ _____
- 6、对于线性回归模型 $\vec{Y} = X\vec{\beta} + \vec{\varepsilon}$, 设参数 $\vec{\beta}$ 的最小二乘估计为 $\hat{\vec{\beta}}$, 则 $E(\hat{\vec{\beta}}) =$ _____
- 7、设 $\vec{X} = (X_1, X_2, \dots, X_p)^T$ 的协方差矩阵为 $\Sigma = (\sigma_{ij})_{p \times p}$, $P = (\vec{e}_1, \vec{e}_2, \dots, \vec{e}_p)$ 为由 Σ 的 p 个正交单位化特征向量为列所构成的矩阵, $\vec{Y} = (Y_1, Y_2, \dots, Y_p)^T$ 为 \vec{X} 的 p 个主成分所构成的向量, 则 $\vec{Y} =$ _____
- 8、设 \vec{x}, \vec{y} 是来自均值向量为 $\vec{\mu}$, 协方差矩阵为 Σ 的总体 G 的两个样品, 则 \vec{x}, \vec{y} 之间的欧式平方距离是 $d^2(\vec{x}, \vec{y}) =$ _____
- 9、已知 $\vec{X} = [x_1, x_2]^T$ 服从二维正态分布 $N(\vec{\mu}, \Sigma)$, 其中 $\vec{\mu} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix}$, $\Sigma = \begin{bmatrix} 1 & 0.5 \\ 0.5 & 1 \end{bmatrix}$, 试求点 $\alpha = [1, 1]^T$ 到总体均值的马氏距离平方 _____
- 10、当一个判别准则提出以后, 还要研究它的优良性, 即考察它的误判率. 以训练样本为

基础的误判率的估计思想如下:若属于 G_1 的样品被误判为属于 G_2 的个数为 N_1 个, 属于 G_2 的样品被误判为属于 G_1 的个数为 N_2 个, 两类总体的样品总数为 N , 则误判率 P 的估计为 $\hat{P} =$ _____

三、设三维随机向量 $X \sim N_3(\mu, 2I_3)$, 已知

$$\mu = \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{bmatrix}, \quad A = \begin{bmatrix} 2 & -2 & 1 \\ -1 & 0 & -2 \end{bmatrix}, \quad d = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix}.$$

试求 $Y = AX + d$ 的分布. (10 分)

四、设 $y_i = \beta_0 + \beta_1 x_i + \beta_2 (3x_i^2 - 2) + \varepsilon_i (i=1,2,3)$, $x_1 = -1, x_2 = 0, x_3 = 1$, 其中, $\varepsilon_1, \varepsilon_2, \varepsilon_3$ 相互独立, 服从 $N(0, \sigma^2)$ 正态分布.

(1) 写出矩阵 $Y = X\vec{\beta} + \vec{\varepsilon}$ 中的 X ; (4 分)

(2) $\vec{\beta} = (\beta_0, \beta_1, \beta_2)^T$ 的最小二乘估计. (6 分)

五、设随机向量 $\vec{X} = (X_1, X_2, X_3)^T$ 的协方差矩阵为

$$\Sigma = \begin{bmatrix} 1 & -3 \\ -3 & 6 \end{bmatrix},$$

求 \vec{X} 的各主成分. (10 分)

六、设有 3 个组 G_1, G_2 和 G_3 ，欲判别某样品 x_0 属于何组，已知先验概率 $p_1 = 0.1, p_2 = 0.7, p_3 = 0.2$ ，且 $f_1(x_0) = 0.01, f_2(x_0) = 0.6, f_3(x_0) = 3$ 。求 x_0 属于各组的后验概率，并判别 x_0 应该属于哪一组。（10 分）