

- 1 向指定的目标射 3 枪, 用 A, B, C 分别表示“第一、第二、第三枪击中目标”,
试用 A、B、C 表示“只击中一枪” $\bar{A}\bar{B}C + \bar{A}B\bar{C} + A\bar{B}\bar{C}$
- 2 同时投掷两枚均匀的骰子, 则随机事件“点数之和小于 3”的概率为
 $1/36$
- 3 在一批由 7 件正品, 3 件次品组成的产品中, 不放回地连续抽取两件产品,
则第二件才取次品的概率为 $7/30$
- 4 3 个人独立地破译一个密码, 他们能译出的概率分别为 0.4, 0.5, 0.7,
则事件“密码被译出”概率为 0.91
- 5 设袋中共有 10 个球, 其中 7 个红球, 3 个黑球。甲乙两人按照甲先、乙
后的顺序, 分别从袋中不放回地任取 1 球, 则乙取得红球的概率为
 $7/10$
- 6 在区间 (0, 1) 上任取两个数, 则“取到的两数之差的绝对值大于 0.2”
的概率为 0.96
- 7 已知事件 A、B 满足: $P(A)=0.5, P(B)=0.4, P(A-B)=0.3$. 则
 $P(A \cup B) =$ 0.7
- 8 若每次射击命中的概率为 0.7, 则射击 5 枪至少命中 2 枪的概率为
0.96922
- 9 设随机变量的分布律为:
- | | | | |
|---|-------|--------|-----|
| X | 1 | 2 | 4 |
| P | $1/4$ | $1-2a$ | a |
- 则常数 $a =$ $1/4$
- 10 若随机变量 $X \sim e(2)$, 则 $P\{X > 0.5\} =$ e^{-1}
- 11 设随机变量 X 的分布律为
- | | | | | |
|---|-----|-----|-----|-----|
| X | -1 | 0 | 1 | 2 |
| P | 0.4 | 0.1 | 0.1 | 0.4 |
- 则 $Y = X^2 - 1$ 的分布律为
- | | | | |
|---|-----|-----|-----|
| Y | -1 | 0 | 3 |
| P | 0.1 | 0.5 | 0.4 |
- 12 设 $X \sim P(\lambda)$, 且 $P\{X=1\} = P\{X=2\}$, 则 $P\{X=3\} =$ $\frac{4}{3}e^{-2}$
- 13 随机变量 X 的所有可能取值为 $a, -1, 2$, 且 $P\{X=-1\}=0.3$,
 $P\{X=2\}=0.2, E(X)=-1.9$, 则 $a =$ -4

14 若 $X \sim N(1, 2)$, 则 $\frac{X-1}{2} \sim \underline{N(0,1)}$ (请写明具体的分布)

15 设 X 的分布律为 $\begin{array}{c|ccc} X & 0 & 2 & 4 \\ \hline P & 0.1 & 0.6 & 0.3 \end{array}$, 则

$$F(x) = \begin{cases} 0 & x < 0 \\ 0.1 & 0 \leq x < 2 \\ 0.7 & 2 \leq x < 4 \\ 1 & x \geq 4 \end{cases}$$

16 设某公共汽车站从早上 7:00 开始每 15 分钟到站一辆汽车, 即 7:00, 7:15, 7:30, 7:45 等时刻有汽车到达此站。若一个乘客到达该站的时刻服从 7:00 到 7:30 之间的均匀分布, 则“他等待时间不超过 5 分钟”的概率为 1/3

17 设 $X \sim N(-1, 4)$, $Y \sim B(4, 0.2)$, 则 $E(X + Y^2) = \underline{0.28}$

18 设 X 表示掷一颗均匀的骰子的点数, 则 $E(X) = \underline{7/2}$

19 已知 X 与 Y 的联合分布律如下图

$Y \backslash X$	0	2	3
-1	1/8	1/4	0
1	1/8	0	1/2

则 $Z = \min\{X, Y\}$ 的分布律为

Z	-1	0	1
P	3/8	1/8	1/2

20 假设随机变量 X 与 Y 独立, 且其分布律分别如下,

X	-1	1
P	0.8	0.2

Y	0	1
P	0.6	0.4

$Y \backslash X$	-1	1
------------------	----	---

则 (X, Y) 的分布律为

0	0.48	0.12
1	0.32	0.08

- 二 设一袋子中装有 3 个红球、2 个黑球、3 个白球，现从袋中随机不放回地抽出 3 个，以 X 表示取到的黑球数， Y 表示取到的红球数。求 (1) X 与 Y 的联合分布律； (2) X 与 Y 的边缘分布律； (3) $E(X + 2Y)$ ； (4) 判断 X 与 Y 的独立性。(每小题 5 分，共 20 分)

三、若随机变量 X 的概率密度为 $f(x) = \begin{cases} cx^2 + 0.5 & 0 < x < 1 \\ 0 & \text{其它} \end{cases}$ ，求

- (1) C 的值； (2) $P\{-1 \leq X \leq 0.5\}$ ；
(3) 分布函数 $F(x)$ ； (4) $E(3X^2 + 4X)$ (每小题 5 分，共 20 分)