Programmierparadigmen

Zusammenfassung

Autor: Frieder Haizmann

Inhaltsverzeichnis

1	Haskell						
	1.1	Listen					
	1.2	Funktionsanwendungen					
		Lokale Namensbindung					
	1.4	Folds					
	1.5	Typen					
	1.6	Monaden	,				
2	untypisiertes λ-Kalkül						
	2.1	Church-Zahlen	4				

1 Haskell

Linear Rekursiv: In jeden Definitionszweig kommt nur ein rekursiver Aufruf vor. Endrekursiv: Linear rekursiv in jeden Zweig ist der rekursive Aufruf nicht in andere Aufrufe eingebettet.

1.1 Listen

```
[], x:xs, head[1,2,3] => 1, tail[1,2,3] => [2,3], init xs -- Alle elemente bis auf das l null[1,2,3] => False, length, isIn, a ++ b, take n l -- erste n Elemente von l, drop n l -- l ohne erste n Elemente, xs !! n -- Nte Listenelement,

reverse xs
map f (x:xs) -- wendet f auf alle Listenelemente an filter pred (x:xs) -- behalte alle Elemente, die Prädikat erfüllen
```

1.2 Funktionsanwendungen

```
Funktionskomposition f \circ g: comp f g = (\x -> f (g x)) Infix: f.g n-Fache Funktionsanwendung f^n: iter f n Funktionstypen sind rechts-assoziativ, Funktionsanwendung ist links-assoziativ f x = y + x Variable x Gebunden, Variable y frei.
```

1.3 Lokale Namensbindung

Einrückung hat semantische Bedeutung. Bei Schachtelung: Inneres **let** bindet stärker.

1.4 Folds

```
foldr operator initial [] = initial
foldr operator initial (x:xs) = operator x (foldr operator initial xs)
foldr f z [x1, x2, ..., xn] == x1 `f` (x2 `f`...(xn `f` z)...)
foldl op i [] i
foldl op i (x:xs) = foldl op (op i x) xs
foldl f z [x1, x2, ..., xn] == (...((z `f` x1) `f` x2) `f`...)`f` xn
Beispiel: length list = foldr (\x n -> n + 1) 0 list
```

```
concat [xs, ys, zs] = xs ++ ys ++ zs concat == foldr app []
zipWith f(x:xs)(y:ys) = f x y : zipWith f xs ys
zipWith f xs ys = []
zip = zipWith (,) -- zip[1,2,3],[7,8,9] = [(1,7),(2,8),(3,9)]
Kurznotation Intervalle [a..b] = >^+ [a, a+1, a+2, ..., b]
List Comprehensions [e | q1, ..., qm], q_i Tests oder Generatoren der Form p \leftarrow list
mit Muster p und Listenausdruck list
Beispiel: squares n = [x * x | x < -[0..n]]
Im Muster p gebundene Variablen können in e und in qi verwendet werden
Beispiel: evens n = [x \mid x < [0..n], x \mod 2 == 0] Unendliche Listen: odds = 1 : map (+2)
                        Generator
iterate f a = a : iterate f (f a)
odds = iterate (+2) 1
iterate f x !! 23 -- führt "Schleife" 23 mal aus
1.5 Typen
type neuerName = [Integer]
               = String
               = (a, b)
               = ...
                                      Konstruktoren
  Algebraische Datentypen
data Shape = Circle Double
                                      Circle :: Double -> Shape
                                      Rectangle :: Double -> Double -> Shape
        | Rectangle Double Double
Aufzählungstypen
data Season = Spring | Summer | Autumn | Winter
Polymorphe Datentypen (Optionale Werte)
data Maybe t = Nothing | Just t
data Either s t = Left s | Right t
data Matrix t = Dense [[t]] -- Liste von Zeilen
        | Sparse [(Integer, Integer t)] t -- Einträge (i,j,v) und Defaultwert
data Stack t = Empty | Stacked t (Stack t)
Polymorphe Funktion mit Typeinschränkung
qsort :: Ord t => [t] -> [t]
                                      Instanzen von Ord implementieren
qsort [] = []
                                      <=, <, >, >=, ...
qsort (p:ps) = ...
```

```
Typklassen-Definitionen

instance Eq Bool where

True == True = True

True == False = False

:

data shape = Circle Double

| Rectangle Double Double
| deriving Eq -- Keine eigene (==) Funktion mehr notwendig
```

Automatische Instanziierung auch für Show,Ord,Enum

1.6 Monaden

2 untypisiertes λ-Kalkül

	Notation	Beispiele	
Variablen	x	x	y
Abstraktion	$\lambda x.t$	$\lambda y.0$	$\lambda f.\lambda x.\lambda y.f \ y \ x$
Funktionsanwendung	t_1t_2	f42	$\lambda x.x + 5) 7$

Funktionsanwendung linksassoziativ, bindet stärker als Abstraktion

α-Äquivalenz	t_1 und t_t heißen α -äquivalent $t_1\stackrel{\alpha}{=}t_2$, wenn t_1 in t_2 durch konsistente Umbenennung der λ -gebundenen Variablen überführt werden kann			
η-Äquivalenz	Terme $\lambda x.f$ x und f heißen η -äquivalent $(\lambda x.f$ $x \stackrel{\eta}{=} f)$ falls x nicht freie Variable vob f			
Redex	Ein λ -Term der Form $(\lambda x.t_1)$ t_2 heißt Redex			
β-Reduktion	β-Reduktion entspricht der Ausführung der Funktionsanwendung auf einen Redex $(\lambda x.t_1)t_2 \Rightarrow t_1[x \mapsto t_2]$			
	$(\lambda x. t_1) t_2 \rightarrow t_1 [x \mapsto t_2]$			
Substitution	$t_1[x\mapsto t_2]$ erhält man aus den Term t_1 , wenn man alle freien Vorkommen von x durch t_2 ersetzt			
Normalform	Ein Term, der nicht weiter reduziert werden kann			
Volle β-Reduktion	Jeder Redex kann jederzeit reduziert werden			
Normalreihenfolge	Immer der linkeste äußerste Redex wird Reduziert			

2.1 Church-Zahlen

Eine (natürliche) Zahl drückt aus, wie oft die funktion s angewendet wurde

$$c_0 = \lambda s. \lambda z. z$$
 Nachfolgefunktion
$$c_1 = \lambda s. \lambda z. s \ z$$

$$c_1 = \lambda s. \lambda z. s \ z$$

$$c_2 = \lambda s. \lambda z. s \ (s \ z)$$
 wobei n Church Zahl
$$\vdots$$

$$c_n = \lambda s. \lambda z \ s^n \ z$$

$$\begin{array}{ll} \text{Addition} & plus = \lambda m.\lambda n.\lambda z.m \ s \ (n \ s \ z) \\ \text{Multiplikation} & \stackrel{\eta}{=} \lambda m.\lambda n.\lambda s.n(m \ s) \\ \text{Potenzieren} & \stackrel{\eta}{=} \lambda m.\lambda n.\lambda s.\lambda z.n(m \ s) \ z \\ \text{exp} = \lambda m.\lambda n.n \ m \\ & \stackrel{\eta}{=} \lambda m.\lambda n.\lambda s.\lambda z.n \ m \ s \ z \\ c_{true} = \lambda t.\lambda f.t \quad c_{false} = \lambda t.\lambda f.f \\ isZero = \lambda n.n \ (\lambda x.c_{false}) \ c_{true} \end{array}$$