AST2000 Del 1A Interaktive forelesningsnotater: forelesning 2 av 2

VIKTIG

Dette er et alternativ til forelesningen i emnet. Har du gått skikkelig gjennom disse interaktive forelesningsnotatene så trenger du ikke å lese de fulle forelesningsnotatene (med unntak av oppgavene bak). All grublespørsmål og diskusjonsoppgaver, det er meningen at disse skal gjøres i grupper av minst 2, maks 4 studenter. Det er defor sterkt anbefalt at dere sitter sammen i grupper når dere går gjennom disse interaktive forelesningsnotatene, du vil få betydelig mer utbytte av dem på den måten. En god ide kan være å bli enige om å treffes til den faste resevert til dette. Hvis du har kommentarer ris/ros til disse forelesningsnotatene eller til emnet, trykk på 😊 🙉 knappen som du finner på alle sider.

Trykk denne knappen for å begynne

- HUSK at du får mer ut av de interaktive forelesningsnotatene når du gjør de sammen med noen. Diskusjonene med andre er svært viktige.
- Det er mange spørsmål/grubliser underveis, sett dere selv en tidsgrense, 1 minutt på de korte, maks 4-5 minutter på de lenger. Normalt gir jeg enda kortere tid enn dette til å tenke under den fysiske forelesningen. Ha en alarm ved siden av, ellers kommer dere til å bruke alt for langt tid. Har dere ikke fått det til etter kort tid, gå videre, se svaret og lær! Det er ikke nederlag, dette er ikke noe dere er forventet å kunne men en del av læringsprosessen.
- Er du i det minste tvil om noe, så finnes det en FORUM knapp, trykk det og still spørsmål med en gang mens du enda husker spørsmålet!

Frykk denne knappen for å begynne

Forrige side

Velkommen til forelesning 2 i del 1A! Dette forelesningsnotatet tilsvarer omtrent en dobbelttime forelesning. Vi fortsetter nå der vi slapp med noen eksempler fra ukeoppgavene. Men før du setter igang, sjekk om du har kontroll på temaene fra første forelesning i del 1A:

- Hva er Maxwell-Boltzmannfordelingen, hvilke varianter av den finnes, hva sier den oss og hvordan brukes den?
- Wasier bredden av Maxwell-Boltzmannfordelingen deg om gassen?
- Hvordan finner du gjennomsnittet (middelverdien) til en tilfeldig størrelse hvis du kjenner sannsynlighetsfordelingen?
- Hva er en Gaussfordeling og hva er sannsynligheten for å trekke en verdi innenfor 1σ , 2σ og 3σ fra gjennomsnittet?
- Hva er standardavvik, varianse og FWHM?

Kun når du har **full kontroll** på alt dette kan du gå videre. Hvis ikke, gå tilbake til første forelesning for å reptere litt eller spør foreleser og/eller gruppelærer hvis det er ting som er uklare.

Er du klar?



Exercise 1A.1 You should read section 1 before doing this exercise. In this and the coming exercises you will need to do numerical integrations. Prepare your favorite numerical integration algorithm.

We will look at some temperature statistics. In order to make it easy we will focus on a tropical country where the mean temperature is basically constant all year. The mean temperature (averaged over day and night) in Kuala Lumpur is about 29 degrees all year. Assume that the fluctuations of the temperature from day to day is Gaussian distributed with a standard deviation of 2.

- Calculate the probability that the mean temperature in Kuala Lumpur tomorrow is above 30 degrees?
- 2. Calculate the probability that it is between 27 and 31 degrees? (hint: no numerical integration needed).

Tenk gjennom og diskuter hvordan du vil løse oppgavene. Du trenger ikke nødvendigvis løse de nå, men ha en klar ide om hvordan de kan løses... Når du har det kan du gå til

Meste side Bruk maks 3 minutter til å tenke, finner du ikke ut av det, ta en kikk på hintet på neste side!

Forrige side 🕲 😸 side 2 av 28

Hvis du er usikker på hvordan oppgavene løses, så kan du få et par hint i denne videoen. Her er neste utfordring:

Exercise 1A.2 You should read section 1 before doing this exercise. Here we will look at data for rainfall in Sydney during the period 1885 to 1998. Download the file

http://www.uio.no/studier/emner/matnat/astro/ AST2000/h18/undervisningsmateriell_h2018/ data_og_filer_til_oppgaver/filer-til-oppgaver-i-del-1a sydney_rainfall_data.txt

with the relevant data taken from the Australian Bureau of Metereology. The first column shows the year, the next 12 columns the yearly rainfall in mm month by month for the given year. The final column shows yearly rainfall. Before starting this exercise, write the beginning of a python

 The purpose of this exercise is to write your own python code to make a histogram. Please resist the temptation to use existing python commands for making histograms: you may gain some more intuition into the meaning of distributions by writing this code yourself.

Tenk igjen nøye gjennom hvordan du vil gå frem å løse dette. Det er viktig at du diskuterer denne med medstudenter. Her får du ikke noe svar, hvis du er veldig usikker, spør gruppelærer! Bergens tenketiden din til 3-4 minutter nå, fortsett senere når du skal gjøre

oppgaven.

Forrige side ③ ⑧ side 3 av 28 Introduksjon FORUM

Vi gir oss ikke med utfordringer her. Nå skal du prøve å oppdage en svært viktig statistisk regel gjennom å tenke deg frem til løsningen på denne utfordringen:

Hva iallverden har dette med astrofysikk å gjøre???

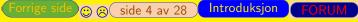
Anta at P(h) er sannsynlighetsfordelingen for kroppshøyden h til en person, anta også at P(IQ) er sannsynlighetsfordelingen for IQ til en person. Anta at disse er Gaussike fordelinger (noe som stemmer rimelig godt). Ved å bruke disse fordelingene, hvordan kunne du regne ut sannsynligheten for at en tilfeldig valgt person har både høyde og IQ over gjennomsnittet? (anta at det ikke er noen sammenheng mellom å være høy og å være intelligent). Hvis du kjenner en spesiell statistisk regel for å gjøre dette, glem den regelen nå og bruk kun logisk resonnement for å finne svaret.

På de neste sidene skal du få se hva dette har med astrofysikk å gjøre, men først, tror du svaret er:

0% 20% 25% 50% 60% 75% 90% 100%

Forrige side @ side 4 av 28 Introduksjon FORUM

Det var nok ikke helt riktig! Trykk på tilbakeknappen og prøv igjen men ta med deg et hint på veien: anta at du har en gruppe på f.eks. 100 personer, hvor mange av disse har høyde over gjennomsnittet? Og hvor mange av disse har IQ over gjennomsnittet?



HELT RIKTIG! Ta en kikk på denne videoen nå for å lære en svært viktig regel for sannsynligheter og for å se hvordan du kan tenke for å komme frem til svaret på utfordringen. Ikke gå videre før du har forstått hva videoen prøver å forklare.

Forrige side 😊 🕱 side 5 av 28 Introduksjon FORUM

Du lurere kanskje på hvorfor vi antar Gaussisk fordeling for så mange forskjellige tilfeldige størrelser, fra hastigheter, til høyde og IQ? Svaret ligger blant annet i

Sentralgrenseteoremet (central limit theorem)

Anta at du har M sett av N uavhengige tilfeldige tall, dvs. du har M sett der hvert sett består at tilfeldige tall $x_1, x_2, ..., x_N$ som er trukket fra en nesten hvilken som helst foredelingsfunksjon, men alle tallene i alle M settene må være trukket fra den samme fordelingen. For hvert av de M settene, ta midlet over de M tallene i hvert sett og kall midlet a_j (j=[1,M]). Gitt noen betingelser på fordelingsfunksjonen samt at M er stor nok, så kan man vise matematisk at fordelingen til a_j vil være tilnærmet Gaussisk. Under noen betingelser vil dette til og med være riktig hvis $x_1, x_2, ..., x_N$ er trukket fra forskjellige fordelinger. Du trenger ikke kjenne til detaljene og vi skal ikke diskutere disse betingelsene i AST2000.

I veldig mange naturlige prosesser så tar man slike midler over mange tall implisitt, f.eks. hvis du måler temperaturen så tar du i realiteten midlet over temperaturene i løpet av et kort tidsrom. Dette gjør at mange tilfeldige tall fra naturlige og kompliserte prosesser har tilnærmet en enkel Gaussisk fordelingsfunksjon.

Nå skal du øve deg på å bruke multiplikasjonsregelen for sannsynlighet. Vi begynner med gasser:

Maxwell-Boltzmannfordelingen for hastighetsvektor \vec{v}

Hvordan kan du finne sannsynlighetsfordelingen for at en tilfeldig partikkel

$$P(\vec{v}) = \left(\frac{m}{2\pi kT}\right)^{3/2} e^{-\frac{1}{2}\frac{mv^2}{kT}}$$

Tenk i maks 2-3 minutter. Hvis du ikke ser hvordan det kan gjøres, ta en titt på denne videoen. Neste side

Forrige side 🕞 🙈 side 7 av 28 Introd

La oss ta en titt på utdraget av resten av oppgave 1A.1:

We will look at some temperature statistics. In order to make it easy we will focus on a tropical country where the mean temperature is basically constant all year. The mean temperature (averaged over day and night) in Kuala Lumpur is about 29 degrees all year. Assume that the fluctuations of the temperature from day to day is Gaussian distributed with a standard deviation of 2.

- 3. Calculate the probability that the mean temperature in Kuala Lumpur is above 30 degrees every day for the next 7 days? Assume that temperature one day does not influence the temperature of the following days.
- 4. Calculate the probability that the temperature is above 30 degrees during 4 of the next 7 days, and below 30 degrees the remaining 3 days?

Diskuter med medstudenter hvordan du kan løse disse oppgavene. For øyeblikket er det viktigste at du ser hvordan du skal gå frem for å løse dette. Tenk i maks 1 minutt på hver deloppgave.

Hvis du ikke så hvordan oppgaven på forrige side skulle løses, ta en titt på denne korte videoen for litt hint.

Du har allerede (tidligere) brynet deg på den første deloppgaven av 1A.4. Ta en kikk nå på den andre:

Exercise 1A.4 You should read sections 1 - 2 before doing this exercise. Again you need numerical integration.

- 1. The density and temperature in the core of the Sun is $\rho = 150 \times 10^3 \text{kg/m}^3$ and T = 15million K. Assume that the gas is ideal and consists of pure hydrogen. How many hydrogen particles per m³ have a total velocity between 100 m/s and 1000 m/s?
- 2. How many particles per m³ have a velocity between 100 m/s and 200 m/s in the x and y directions and a velocity between 100 m/s and 1000 m/s in the z-direction?

Denne gangen får du ikke hjelp, spør gruppelærer hvis du er i tvil.



Forrige side @ (side 9 av 28)

La oss nå gå tilbake til rakettmotoren vår i oppgave 1A6

(innleveringsoppgave). Utdrag fra oppgave 1A6:

In this exercise you will create a rocket engine to make a satellite escape the gravitational potential of your home planet. Your task is to create

a simplified rocket engine which can accelerate a satellite with the weight of 1000 kg (plus the weight of the fuel which we will ignore for the moment) to escape velocity. Assume the size of your box is $L = 10^{-6}$ m, the temperature of the gas is T = 10000K and the number of particles in the box $N=10^5$. Assume all gas particles are hydrogen molecules H_2 . We will do this step by step:

2. Start the code by creating two arrays, one with the (x, y, z) positions of all N particles and another with the (v_x, v_y, v_z) velocities of all N particles. Draw these positions and velocities from their respective distributions as described in the text (yes, you do need to read and understand all sections before you embark on this exercise).

Her kan du få bruk for random-klassen (link) i python. Spesielt bør du lese om

random.seed, random.gauss og random.uniform. Er du enda usikker på hvordan du skal gjøre dette, så kan du få noen hint i

denne videoen

Forrige side



Tiden har kommet for en god strekk på bena! Og helle på med en mørk væske som har høye partikkelhastigheter. Ta deg en ekstra god pause nå, fordi du etter pausen for alvor skal begynne å se på konstruksjon av rakettmotoren din.

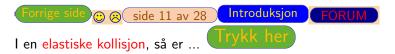
Ok, jeg begynner å bli klar for romreise...

Forrige side ② Side 10 av 28 Introduksjon FORUM

Nå som vi vet hvordan lage gasspartiklene i rakettmotoren vår, så gjenstår noen få men svært viktige temaer før vi kan sette igang å bevege partiklene slik at det faktisk blir en virtuell gass. Vi kjenner nå hastighetene til partiklene våre, og mens partiklene ikke støter på noen vegg eller på andre partikler så forblir denne hastigheten uforandret. Dermed er det i første omgang ganske greit å bevege partiklene i løpet av et lite tidssteg. Men etterhvert kommer de til å kollidere, og det er da vi trenger antakelsen om ideel gass (litt forenklet):

- det er ingen interaksjon mellom partiklene
- kollisjonen med veggene er *elastisk*

De aller fleste gasser der temperaturen ikke er veldig høy eller veldig lav er gode tilnærmelser til ideele gasser. Men hva innebærer elastiske kollisjoner? Kan du huske det fra mekanikken? Tenk nøye gjennom det før du går videre!



Forrige side side 11 av 28 Introduksjon FORUM

I en elastiske kollisjon, så er ... Trykk her ... den kinetiske energien til

partiklene den samme før og etter kollisjonen ... Det betyr at absoluttverdien av bevegelsesmengden ...

Trykk her

Forrige side

side 11 av 28 Introduksjon FORUM

I en elastiske kollisjon, så er den kinetiske energien til partiklene den samme før og etter kollisjonen ... Det betyr at

absoluttverdien av bevegelsesmengden ... også er den samme før og etter kollisjonen (ser du det???)

Se på disse kollisjonene her mellom gasspartikler og vegg...

Hva skjer med bevegelsesmengdene p_x og p_y i x- og y-retning her hvis kollisjonene er ellastiske?

Når du vet svaret, gå til Neste side

Forrige side ② 😹 side 12 av 28 Introduksjon FORUM

La oss se på en partikkel som kolliderer med veggen på høyre side slik at hastigheten i x-retning bytter retning. Er du enig i at det i y-retning (opp-ned-retning) ikke virker noen krefter i denne kollisjonen?

Frykk her når du er enig

(1)

(2)

Forrige side 👵 🕱 side 12 av 28 Introduksjon FORUM

La oss se på en partikkel som kolliderer med veggen på høyre side slik at hastigheten i x-retning bytter retning. Er du enig i at det i y-retning (opp-ned-retning) ikke virker noen krefter i denne kollisjonen?

Trykk her når du er enig

Er du dermed enig i at bevegelsesmengde i y-retning, p_v , er uendret?

Trykk her når du er enig

(3)

(4)

Forrige side 🔾 🚫 side 12 av 28 Introduksjon FORUM

La oss se på en partikkel som kolliderer med veggen på høyre side slik at hastigheten i x-retning bytter retning. Er du enig i at det i y-retning (opp-ned-retning) ikke virker noen krefter i denne kollisjonen?

Trykk her når du er enig

Er du dermed enig i at bevegelsesmengde i y-retning, p_y , er uendret?

Trykk her når du er enig

Er du også enig i at absoluttverdien av bevegelsesmengden i x-retning må være uendret pga. elastisk kollisjon?

Trykk her når du er enig

(5)

(6)

La oss se på en partikkel som kolliderer med veggen på høyre side slik at hastigheten i x-retning bytter retning. Er du enig i at det i y-retning (opp-ned-retning) ikke virker noen krefter i denne kollisjonen?

Trykk her når du er enig

Er du dermed enig i at bevegelsesmengde i y-retning, p_v , er uendret?

Trykk her når du er enig

Er du også enig i at absoluttverdien av bevegelsesmengden i x-retning må være uendret pga. elastisk kollisjon?

Trykk her når du er enig

Er du også enig i at fortegnet til bevegelsesmengde i x-retning er endret?

Trykk her når du er enig, ikke før

(7)

(8)

La oss se på en partikkel som kolliderer med veggen på høyre side slik at hastigheten i x-retning bytter retning. Er du enig i at det i y-retning (opp-ned-retning) ikke virker noen krefter i denne kollisjonen?

Γrykk her når du er enig

Er du dermed enig i at bevegelsesmengde i y-retning, p_v , er uendret?

Trykk her når du er enig

Er du også enig i at absoluttverdien av bevegelsesmengden i x-retning må være uendret pga. elastisk kollisjon?

Trykk her når du er enig

Er du også enig i at fortegnet til bevegelsesmengde i x-retning er endret?

Trykk her når du er enig, ikke før!

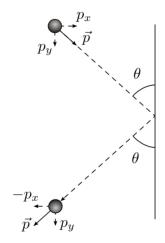
Er du da også enig i at ...

$$p_x(\text{etter kollisjon}) = -p_x(\text{før kollisjon})$$
 (9)

$$p_{\nu}(\text{etter kollisjon}) = p_{\nu}(\text{før kollisjon})$$
 (10)

Hvis du er uenig i noe av det over, spør foreleser/gruppelærer





Neste side

Forrige side 😀 😸 side 14 av 28 Introduksjon FORUM

Kan du definere gasstrykk? Kikk på denne videoen for å se om den kan hjelpe deg med å finne en definisjon. Tenk deg om før du trykker på denne knappen

Forrige side 🕲 😸 side 14 av 28 Introduksjon FORUM

Kan du definere gasstrykk? Kikk på denne videoen for å se om den kan hjelpe deg med å finne en definisjon. Tenk deg om før du

Er du enig i at partiklene utøver en kraft på veggen hver gang de treffer? Kan det hjelpe deg litt med definisjonen? Tenk deg om igjen og trykk på denne knappen Kan du definere gasstrykk? Kikk på denne videoen for å se om den kan hjelpe deg med å finne en definisjon. Tenk deg om før du

Er du enig i at partiklene utøver en kraft på veggen hver gang de treffer? Kan det hjelpe deg litt med definisjonen? Tenk deg om igjen og

Definisjon:

Gasstrykk er ...

Den totale kraften fra partiklene per areal, altså:

$$P = \frac{F}{A}$$

der P er gasstrykk som måles i N/m^2 også kalt Pa (Pascal). Neste side

orrige side 👵 😝 side 15 av 28 Introduksjon

La oss se om vi kan finne et uttrykk for gasstrykket:

Kraft kan skrives som

$$F = \frac{\Delta p}{\Delta t}$$

altså endring i bevegelsesmengde per tid. Hvilken endring Δp i bevegelsesmengde får en gasspartikkel med masse m og x-hastighet v_x på veggen ved kollisjon (anta ideel gass og dermed elastisk kollisjon)? (Bruk maks 2 min. til å tenke!)

Forrige side 💮 🛞 side 16 av 28 Introduksjon FORUM

Det var nok ikke helt riktig! Trykk på tilbakeknappen og prøv igjen men ta med deg et hint på veien: Endring i bevegelsesmengde er lik bevegelsesmengden etter minus bevegelsesmengde før, enig? Altså:

$$\Delta p = p(\text{etter}) - p(\text{før})$$

Men hva er bevegelsesmengde før og etter kollisjon? (husk fortegn her!)

HELT RIKTIG! Du har sikkert tenkt slik: Endring i bevegelsesmengde er lik bevegelsesmengden etter minus bevegelsesmengde før, enig? Altså:

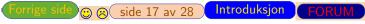
$$\Delta p = p(\text{etter}) - p(\text{før}) = -mv_x - mv_x = -2mv_x = -2p_x$$

Kraften som en partikkel utøver på veggen ved kollisjoner altså

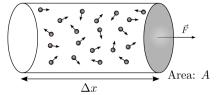
$$f = \frac{\Delta p}{\Delta t} = \frac{2p_{x}}{\Delta t}$$

Men hva skal vi bruke som tiden her??? For å komme videre slik at vi kan finne et uttrykk for gasstrykket så trenger vi denne. For å finne ut av dette og dermed kunne utlede gasstrykket, så skal vi se på et bittelite volum dVav gass rett ved en vegg. Vi antar at det lille volumet vårt har form som en sylinder eller som en rektangulær boks med lengde Δx og endesideflater med areal A.

På neste side skal vi se nærmere på boksen... (Neste side)



Her er den:



Vi skal nå beregne den totale tiden det tar for alle partiklene i denne boksen å ha truffet veggen som ligger på høyre side av boksen. Først skal vi kun se på partiklene som har en gitt absoluttverdi v_x av hastigheten. Du kan se disse partiklene i denne videoen. De røde partiklene er de med hastighet v_x på vei mot veggen på høyre side, de blå partiklene har hastighet $-v_x$ og er på vei vekk fra veggen (dvs. de har allerede kollidert med veggen tidligere.

Forrige side 🕲 😸 side 18 av 28 Introduksjon FORUM

Hvor lang tid tar det før alle de røde partiklene har truffet veggen? (husk Δx er lengden av boksen, v_x er absoluttverdi av hastighetskomponent i x-retning som er lik for alle partikler og A er arealet av endesideflatene) Se gjerne videoen igjen. (Bruk maks 2 min. til å tenke!)

 $\Delta t = v_{x} \Delta t$

 $\Delta t = \frac{v_x}{A}$

 $\Delta t = \frac{v_x}{\Delta x}$

 $\Delta t = \frac{\Delta x}{v_x}$



Det var nok ikke helt riktig! Trykk på tilbakeknappen og prøv igjen men ta med deg et hint på veien: Er du enig i at den røde partikkelen helt til venstre er den siste som treffer veggen? Den trenger å gå en avstand Δx i x-retning med en hastighet v_x .

Forrige side 🕲 🙉 side 19 av 28 Introduksjon FORUM

HELT RIKTIG!

Når den røde partikkelen helt til venstre har truffet veggen, så har alle røde partikler truffet veggen. Partikkelen trenger å gå en avstand Δx i x-retning med en hastighet v_x , dermed tar det den tid $\Delta x/v_x$. Men vi må også se hvor lang tid de blå partiklene har brukt for å treffe veggen! Disse er på vei bort fra veggen og har dermed truffet veggen tidligere, men hvor lang tid tok det for alle de blå partiklene å treffe veggen? Kan du bruke samme type resonnement? Hvis du ikke ser det.

Forrige side 🕲 😕 side 19 av 28 Introduksjon FORUM

HELT RIKTIG!

Når den røde partikkelen helt til venstre har truffet veggen, så har alle røde partikler truffet veggen. Partikkelen trenger å gå en avstand Δx i x-retning med en hastighet v_x , dermed tar det den tid $\Delta x/v_x$. Men vi må også se hvor lang tid de blå partiklene har brukt for å treffe veggen! Disse er på vei bort fra veggen og har dermed truffet veggen tidligere, men hvor lang tid tok det for alle de blå partiklene å treffe veggen? Kan du bruke samme

type resonnement? Hvis du ikke ser det, blå ballen helt til venstre er vel den første som traff veggen?
Hvor lang tid er det siden i det videoen starter? Ikke gå til neste side før du har svaret!

Den blå ballen til venstre har beveget seg en strekning i negativ x-retning på Δx siden den traff veggen med hastighet v_x , den traff dermed veggen en tid $\Delta x/v_x$ før videoen starter. Alle andre blå baller traff senere, altså kortere tid siden, fordi disse enda er nærmere veggen.

Konklusjonen vår er at alle ballene i boksen traff veggen i løpet av totalt tiden $2\Delta x/v_x$. Og de 'la igjen' en bevegelsemengde $N\times 2p_x$ der N er antall partikler, Total kraft på veggen er dermed

$$F = \frac{\Delta p}{\Delta t} = N \times \frac{2p_x}{2\Delta x/v_x} = \frac{Nv_x p_x}{\Delta x}$$

I denne videoen tar vi dette uttrykket videre og utleder trykkintegralet:

$$P = \frac{1}{3} \int_0^\infty vp \ n(p) dp,$$

der v er hastigheten som tilsvarer bevegelsesmengden p (som er p=mv hvis ikke-relativistisk) og n(p) er fordelingsfunksjonen som sier hvor mange partikler per volum som har bevegelsesmengde i intervallet [p, p+dp], for ideel gass tilsvarer dette Maxwell-Boltzmann.

I deloppgave 2 i 1A.4 skal du analytisk integrere opp trykklintegralet for ideel gass med p=mv og n(p) som Maxwell-Boltzmann. Resultatet du får er svært viktig i termodynamikk:

Tilstandslikningen for ideel gass

Tilstandslikningen (equation of state) til en gass er en sammenheng mellom trykk, temperatur og tetthet. For en ideel gass er denne:

$$P = nkT$$

der n er antalltettheten av gassen, altså totalt antall gasspartikler per volum, k er Boltzmannkonstanten og T er temperaturen til gassen.

Denne sammenhengen kommer vi til å bruke igjen og igjen, så lær den med en gang. Neste side

Så tilbake til rakettmotoren vår. Nå har vi alt vi trenger. Du har allerede laget partiklene med posisjoner og hastigheter, da må du

- bevege hver partikkel fremover i hvert tidssteg
- 2 sjekke om du treffer en vegg
- onå har du sett hva du kan gjøre når du får en ellastisk kollisjon
- sjekk om du treffer hullet i boksen, da går partikkelen ut, men du må få en ny partikkel inn i boksen igjen for å passe på å holde tetthet og temperatur konstant.
- beregne rakettens akselrasjon for hver partikkel som går ut av hullet Siden vi holder temperatur og tetthet i boksen konstant, kan du beregne rakettens akselrasjon for et veldig kort tidsrom, og så bruke denne akseprasjonen videre i beregningene. Du trenger dermed kun å simulere boksen for et kort tidsrom for å finne ut hvor mye akselrasjon raketten får per tid. Merk at boksen også er alt for liten til å drive en hel rakett, du trenger et meget stort antall slike bokser, du trenger altså å gange opp akselrasjonen fra en boks med antall bokser.

Forrige side 👝 🚗 side 23 av 28 Introduksjon

I oppgaven skal du få raketten opp i unnslippingshastighet (escape velocity). Men hva er unnslippingshastighet? Det er hastigheten der rakettens kinetiske energi er større en jordas potensielle slik at den ikke lenger faller tilbake til jorda. Ser du hvordan du kan beregne

Forrige side 💮 🕱 side 23 av 28 Introduksjon FORUM

I oppgaven skal du få raketten opp i **unnslippingshastighet (escape velocity)**. Men hva er unnslippingshastighet? Det er hastigheten der rakettens kinetiske energi er større en jordas potensielle slik at den ikke lenger faller tilbake til jorda. Ser du hvordan du kan beregne

den? Trykk her når du har tenkt!

Svaret du skal få er

$$v_{\rm esc} = \sqrt{\frac{2GM}{R}}$$

der R er avstanden fra jordas sentrum der hastigheten når $v_{\rm esc}$ og M er jordas masse. Fikk du det? Hvis ikke, spør foreleser/gruppelærer!

Neste side

Forrige side 😀 🙁 side 24 av 28 Introduksjon FORUM

Men hva gjør du hvis koden ikke funker som den skal? Hva hvis den gir rare resultater for fremdrift, trykk, energi etc.? Hva gjør du da?

Kikker gjennom koden noen ganger for å se om jeg ser noe feil Bruker litt grunnleggende fysikk for å finne hvor feilen ligger Forrige side 🕲 🕱 side 25 av 28 Introduksjon FORUM

Lykke til! Det kan du trenge, for dette kan ta laaaaaaaaaaaaaa tid!

Det er veldig lurt å lære noen tips til hvordan du kan bruke litt fysikk til å debugge en kode. Her er noen tips hvis gassboksen og/eller rakettmotoren ikke gir de resultater som du forventer. Vi begynner med gassboks **uten hull**.

- lag histogram av hastigheten til partiklene og plott Maxwell-Boltzmann over, stemmer det sånn omtrent?
- ② Hvordan vil hastighetskomponentene til partiklene se ut som funksjon av tiden? Det vet du med litt fysikk. Velg deg ut en av partiklene i gassen og lag 3 lister med v_x , v_y og v_z -komponenten i hvert tidssteg gjennom hele simuleringen. Plott disse. Er de slik som de skal være?
- Hvis ikke, hvor begynner hastighetskomponenten(e) å oppføre seg rart? Er det f.eks. etter første kollisjon med vegg? Hva er det ellers som kan endre hastighetskomponentene?
- Hvis alt stemmer med hastighetskomponentene, lag 3 lister med x, y og z-posisjonene for en valgt partikkel for alle tidssteg. Plot posisjonene som funksjon av tiden. Er posisjonene slik du forventer? Er posisjonsendringer ved veggtreff synkronisert med hastighetsendringer? Går posisjonene utenfor boksen?



Forrige side 👸 😸 side 26 av 28 Introduksjon FORUM

Og det bringer oss tilbake til spørsmålet vi hadde helt i starten!

- Hvor mye bevegelsesmengde slipper ut av hullet for hver partikkel som slipper ut?
- Wordan kan den bevegelsesmengden som slipper ut hjelpe deg til å finne rakettens akselrasjon? (finnes det en sammenheng mellom kraft og endring i bevegelsesmengde?)
- Pass på retningen til bevegelsesmengden for hver partikkel som kommer ut og retningen til raketten.
- Når du har akselrasjonen, hvordan går du så frem for å finne rakettens posisjon som funksjon av tid etter oppskyting?

Svarene får du ikke her! Hvis du ikke finner ut av det, få hjelp på gruppene! Neste side

rige side 😀 😸 side 26 av 28 Introduksjon FORUM

Hvis nå motoren uten hull gir fornuftig trykk, midlere partikkelenergi etc., da kan vi sjekke motoren med hull: hvis du får for lite/for mye fremdrift eller ingen i det hele tatt, så kan du f.eks.

- lage histogram av x,y og z-komponentene for alle partikkelposisjonene og hastighetene i første og siste tidssteg. Er hastightene enda omtrent Maxwell-boltzmann fordelt? Kan være litt avvik her avhengig av hvordan du regenererer partikler, men hvis du har veldig mange partikler med veldig liten/stor hastighet, så er noe galt med måten du gir hastighet til de nye partiklene som erstatter de som forsvinner ut. Er posisjonene enda uniformt fordelt? Hvis ikke er noe galt med måten du gir posisjon/hastighet til nygenererte partikler.
- ② slipper noen/nok/for mange partikler ut av hullet? Kan det være en feil i hvordan du sjekker om partiklene slipper ut av hullet? Etter å ha generert partikkelposisjoner og hastigheter helt i starten, forandre posisjon og hastighet til en valgt partikkel slik at den står rett ved utgangen av hullet med hastighet ut av hullet. Sjekk så om partikkelen med dette indeksnummeret faktisk slipper ut av boksen. Hvis ikke: lag lister med posisjoner/hastigheter i alle tidssteg og sjekk hva som skjer mens den egentlig skulle slippe ut av hullet (som på forrige side). Er betingelsen din for at den har gått ut av hullet faktisk blitt oppfylt?

Forrige side 👸 side 27 av 28 Introduksjon FORUM

Gratulerer, du er ferdig med Del 1A av AST2000. Dette bør du nå kunne svare på før du går videre:

- Hva er, og hvordan bruker man, en statistisk fordelingsfunksjon? (eller sannsynlighetstetthet)
- Wramer, og hvordan beregner man, gjennomsnitt, standardavvik, varianse, FWHM?
- ③ Hva er en Gaussisk sannsynlighetsfordeling og hva er sannsynligheten for å trekke en verdi innenfor 1σ , 2σ og 3σ fra gjennomsnittet?
- 4 Hva er en ideel gass?
- 4 Hvordan kan du finne fordelingen av partikkelhastigheter i en ideel gass?
- Was er trykk, hvordan kan du beregne trykk analytisk og numerisk og hva er tilstandslikning for ideel gass?
- Hva gjør at en rakett akselererer?
- Wrordan går du frem for å beregne egenskapene en gass trenger i en rakettmotor for å få en gitt akselrasjon?

Det anbefales nå at du sjekke kortsvarsoppgavene til del 1A for å kontrollere at du har forstått stoffet. Kan du svare på disse, blir det lettere å bruke kunnskapen din i oppgavene/prosjektet. Noen av disse kommer på eksamen.