

carteira.dot(COV).dot(carteira.T)

$$risco_1 = \begin{bmatrix} 10\% & 30\% & 60\% \end{bmatrix}_{1 \times 3} \text{dot} \begin{bmatrix} COV_{aa} & COV_{ab} & COV_{ac} \\ COV_{ba} & COV_{bb} & COV_{bc} \\ COV_{ca} & COV_{bc} & COV_{cc} \end{bmatrix}_{3 \times 3} \text{dot} \begin{bmatrix} 10\% \\ 30\% \\ 60\% \end{bmatrix}_{3 \times 1}$$

$$risco_2 = \begin{bmatrix} 20\% & 25\% & 55\% \end{bmatrix}_{1 \times 3} \text{dot} \begin{bmatrix} COV_{aa} & COV_{ab} & COV_{ac} \\ COV_{ba} & COV_{bb} & COV_{bc} \\ COV_{ca} & COV_{bc} & COV_{cc} \end{bmatrix}_{3 \times 3} \text{dot} \begin{bmatrix} 20\% \\ 25\% \\ 55\% \end{bmatrix}_{3 \times 1}$$

$$risco_3 = \begin{bmatrix} 15\% & 57\% & 28\% \end{bmatrix}_{1 \times 3} \text{dot} \begin{bmatrix} COV_{aa} & COV_{ab} & COV_{ac} \\ COV_{ba} & COV_{bb} & COV_{bc} \\ COV_{ca} & COV_{cb} & COV_{cc} \end{bmatrix}_{3 \times 3} \text{dot} \begin{bmatrix} 15\% \\ 57\% \\ 28\% \end{bmatrix}_{3 \times 1}$$

⋮

⋮

$$\begin{aligned} risco_1 &= [10\% \cdot COV_{aa} + 30\% \cdot COV_{ba} + 60\% \cdot COV_{ca}] \quad 10\% \cdot COV_{ab} + 30\% \cdot COV_{bb} + 60\% \cdot COV_{cb} \quad 10\% \cdot COV_{ac} + 30\% \cdot COV_{bc} + 60\% \cdot COV_{cc}]_{1 \times 3} \text{dot} \begin{bmatrix} 10\% \\ 30\% \\ 60\% \end{bmatrix}_{3 \times 1} \\ risco_2 &= [20\% \cdot COV_{aa} + 25\% \cdot COV_{ba} + 55\% \cdot COV_{ca}] \quad 20\% \cdot COV_{ab} + 25\% \cdot COV_{bb} + 55\% \cdot COV_{cb} \quad 20\% \cdot COV_{ac} + 25\% \cdot COV_{bc} + 55\% \cdot COV_{cc}]_{1 \times 3} \text{dot} \begin{bmatrix} 20\% \\ 25\% \\ 55\% \end{bmatrix}_{3 \times 1} \\ risco_3 &= [15\% \cdot COV_{aa} + 57\% \cdot COV_{ba} + 28\% \cdot COV_{ca}] \quad 15\% \cdot COV_{ab} + 57\% \cdot COV_{bb} + 28\% \cdot COV_{cb} \quad 15\% \cdot COV_{ac} + 57\% \cdot COV_{bc} + 28\% \cdot COV_{cc}]_{1 \times 3} \text{dot} \begin{bmatrix} 15\% \\ 57\% \\ 28\% \end{bmatrix}_{3 \times 1} \end{aligned}$$

⋮

⋮

$$\begin{aligned} risco_1 &= [10\%(10\% \cdot COV_{aa} + 30\% \cdot COV_{ba} + 60\% \cdot COV_{ca}) + 30\%(10\% \cdot COV_{ab} + 30\% \cdot COV_{bb} + 60\% \cdot COV_{cb}) + 60\%(10\% \cdot COV_{ac} + 30\% \cdot COV_{bc} + 60\% \cdot COV_{cc})]_{1 \times 1} \\ risco_2 &= [20\%(20\% \cdot COV_{aa} + 25\% \cdot COV_{ba} + 55\% \cdot COV_{ca}) + 25\%(20\% \cdot COV_{ab} + 25\% \cdot COV_{bb} + 55\% \cdot COV_{cb}) + 55\%(20\% \cdot COV_{ac} + 25\% \cdot COV_{bc} + 55\% \cdot COV_{cc})]_{1 \times 1} \\ risco_3 &= [15\%(15\% \cdot COV_{aa} + 57\% \cdot COV_{ba} + 28\% \cdot COV_{ca}) + 57\%(15\% \cdot COV_{ab} + 57\% \cdot COV_{bb} + 28\% \cdot COV_{cb}) + 28\%(15\% \cdot COV_{ac} + 57\% \cdot COV_{bc} + 28\% \cdot COV_{cc})]_{1 \times 1} \end{aligned}$$

⋮

⋮

$$risco_{ncarteiros} = \begin{bmatrix} 10\%(10\% \cdot COV_{aa} + 30\% \cdot COV_{ba} + 60\% \cdot COV_{ca}) + 30\%(10\% \cdot COV_{ab} + 30\% \cdot COV_{bb} + 60\% \cdot COV_{cb}) + 60\%(10\% \cdot COV_{ac} + 30\% \cdot COV_{bc} + 60\% \cdot COV_{cc}) \\ 20\%(20\% \cdot COV_{aa} + 25\% \cdot COV_{ba} + 55\% \cdot COV_{ca}) + 25\%(20\% \cdot COV_{ab} + 25\% \cdot COV_{bb} + 55\% \cdot COV_{cb}) + 55\%(20\% \cdot COV_{ac} + 25\% \cdot COV_{bc} + 55\% \cdot COV_{cc}) \\ 15\%(15\% \cdot COV_{aa} + 57\% \cdot COV_{ba} + 28\% \cdot COV_{ca}) + 57\%(15\% \cdot COV_{ab} + 57\% \cdot COV_{bb} + 28\% \cdot COV_{cb}) + 28\%(15\% \cdot COV_{ac} + 57\% \cdot COV_{bc} + 28\% \cdot COV_{cc}) \\ \vdots \\ \vdots \end{bmatrix}_{n \times 1}$$

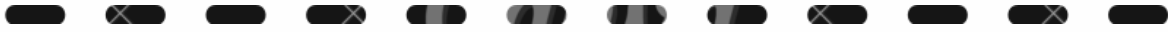
Processo Anterior para Cálculo do Risco

cromoS.dot(COV).dot(cromoS.T)

cromos

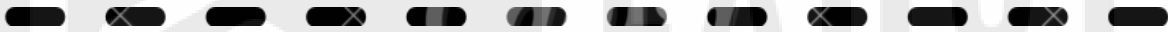
cromos.T

$$risco_{ncromos} = \begin{bmatrix} 10\% & 30\% & 60\% \\ 20\% & 25\% & 55\% \\ 15\% & 57\% & 28\% \\ \dots & \dots & \dots \end{bmatrix}_{n \times 3} \text{ dot } \begin{bmatrix} COV_{aa} & COV_{ab} & COV_{ac} \\ COV_{ba} & COV_{bb} & COV_{bc} \\ COV_{ca} & COV_{bc} & COV_{cc} \end{bmatrix}_{3 \times 3} \text{ dot } \begin{bmatrix} 10\% & 20\% & 15\% & \dots \\ 30\% & 25\% & 57\% & \dots \\ 60\% & 55\% & 28\% & \dots \end{bmatrix}_{3 \times n}$$

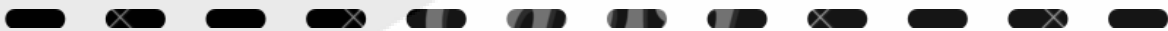


$$risco_{ncromos} = \begin{bmatrix} 10\% \cdot COV_{aa} + 30\% \cdot COV_{ba} + 60\% \cdot COV_{ca} & 10\% \cdot COV_{ab} + 30\% \cdot COV_{bb} + 60\% \cdot COV_{cb} & 10\% \cdot COV_{ac} + 30\% \cdot COV_{bc} + 60\% \cdot COV_{cc} \\ 20\% \cdot COV_{aa} + 25\% \cdot COV_{ba} + 55\% \cdot COV_{ca} & 20\% \cdot COV_{ab} + 25\% \cdot COV_{bb} + 55\% \cdot COV_{cb} & 20\% \cdot COV_{ac} + 25\% \cdot COV_{bc} + 55\% \cdot COV_{cc} \\ 15\% \cdot COV_{aa} + 57\% \cdot COV_{ba} + 28\% \cdot COV_{ca} & 15\% \cdot COV_{ab} + 57\% \cdot COV_{bb} + 28\% \cdot COV_{cb} & 15\% \cdot COV_{ac} + 57\% \cdot COV_{bc} + 28\% \cdot COV_{cc} \\ \dots & \dots & \dots \end{bmatrix}_{n \times 3} \text{ dot } \begin{bmatrix} 10\% & 20\% & 15\% \\ 30\% & 25\% & 57\% \\ 60\% & 55\% & 28\% \end{bmatrix}_{3 \times n} = [N]_{n \times n}$$

dot * ? ? ? cromos.T cromos



$$risco_{ncarteiras} = \begin{bmatrix} 10\% \cdot COV_{aa} + 30\% \cdot COV_{ba} + 60\% \cdot COV_{ca} & 10\% \cdot COV_{ab} + 30\% \cdot COV_{bb} + 60\% \cdot COV_{cb} & 10\% \cdot COV_{ac} + 30\% \cdot COV_{bc} + 60\% \cdot COV_{cc} \\ 20\% \cdot COV_{aa} + 25\% \cdot COV_{ba} + 55\% \cdot COV_{ca} & 20\% \cdot COV_{ab} + 25\% \cdot COV_{bb} + 55\% \cdot COV_{cb} & 20\% \cdot COV_{ac} + 25\% \cdot COV_{bc} + 55\% \cdot COV_{cc} \\ 15\% \cdot COV_{aa} + 57\% \cdot COV_{ba} + 28\% \cdot COV_{ca} & 15\% \cdot COV_{ab} + 57\% \cdot COV_{bb} + 28\% \cdot COV_{cb} & 15\% \cdot COV_{ac} + 57\% \cdot COV_{bc} + 28\% \cdot COV_{cc} \\ \dots & \dots & \dots \end{bmatrix}_{n \times 3} \cdot \begin{bmatrix} 10\% & 30\% & 60\% \\ 20\% & 25\% & 45\% \\ 15\% & 57\% & 28\% \\ \dots & \dots & \dots \end{bmatrix}_{n \times 3}$$



$$risco_{ncarteiras} = \begin{bmatrix} 10\%(10\% \cdot COV_{aa} + 30\% \cdot COV_{ba} + 60\% \cdot COV_{ca}) & 30\%(10\% \cdot COV_{ab} + 30\% \cdot COV_{bb} + 60\% \cdot COV_{cb}) & 60\%(10\% \cdot COV_{ac} + 30\% \cdot COV_{bc} + 60\% \cdot COV_{cc}) \\ 20\%(20\% \cdot COV_{aa} + 25\% \cdot COV_{ba} + 55\% \cdot COV_{ca}) & 25\%(20\% \cdot COV_{ab} + 25\% \cdot COV_{bb} + 55\% \cdot COV_{cb}) & 55\%(20\% \cdot COV_{ac} + 25\% \cdot COV_{bc} + 55\% \cdot COV_{cc}) \\ 15\%(15\% \cdot COV_{aa} + 57\% \cdot COV_{ba} + 28\% \cdot COV_{ca}) & 57\%(15\% \cdot COV_{ab} + 57\% \cdot COV_{bb} + 28\% \cdot COV_{cb}) & 28\%(15\% \cdot COV_{ac} + 57\% \cdot COV_{bc} + 28\% \cdot COV_{cc}) \\ \dots & \dots & \dots \end{bmatrix}_{n \times 3}$$



$$risco_{ncarteiras} = \begin{bmatrix} 10\%(10\% \cdot COV_{aa} + 30\% \cdot COV_{ba} + 60\% \cdot COV_{ca}) & 30\%(10\% \cdot COV_{ab} + 30\% \cdot COV_{bb} + 60\% \cdot COV_{cb}) & 60\%(10\% \cdot COV_{ac} + 30\% \cdot COV_{bc} + 60\% \cdot COV_{cc}) \\ 20\%(20\% \cdot COV_{aa} + 25\% \cdot COV_{ba} + 55\% \cdot COV_{ca}) & 25\%(20\% \cdot COV_{ab} + 25\% \cdot COV_{bb} + 55\% \cdot COV_{cb}) & 55\%(20\% \cdot COV_{ac} + 25\% \cdot COV_{bc} + 55\% \cdot COV_{cc}) \\ 15\%(15\% \cdot COV_{aa} + 57\% \cdot COV_{ba} + 28\% \cdot COV_{ca}) & 57\%(15\% \cdot COV_{ab} + 57\% \cdot COV_{bb} + 28\% \cdot COV_{cb}) & 28\%(15\% \cdot COV_{ac} + 57\% \cdot COV_{bc} + 28\% \cdot COV_{cc}) \\ \dots & \dots & \dots \end{bmatrix}_{n \times 3} \cdot \text{sum}(axis = 1)$$



$$risco_{ncarteiras} = \begin{bmatrix} 10\%(10\% \cdot COV_{aa} + 30\% \cdot COV_{ba} + 60\% \cdot COV_{ca}) + 30\%(10\% \cdot COV_{ab} + 30\% \cdot COV_{bb} + 60\% \cdot COV_{cb}) + 60\%(10\% \cdot COV_{ac} + 30\% \cdot COV_{bc} + 60\% \cdot COV_{cc}) \\ 20\%(20\% \cdot COV_{aa} + 25\% \cdot COV_{ba} + 55\% \cdot COV_{ca}) + 25\%(20\% \cdot COV_{ab} + 25\% \cdot COV_{bb} + 55\% \cdot COV_{cb}) + 55\%(20\% \cdot COV_{ac} + 25\% \cdot COV_{bc} + 55\% \cdot COV_{cc}) \\ 15\%(15\% \cdot COV_{aa} + 57\% \cdot COV_{ba} + 28\% \cdot COV_{ca}) + 57\%(15\% \cdot COV_{ab} + 57\% \cdot COV_{bb} + 28\% \cdot COV_{cb}) + 28\%(15\% \cdot COV_{ac} + 57\% \cdot COV_{bc} + 28\% \cdot COV_{cc}) \\ \dots + \dots + \dots \end{bmatrix}_{n \times 1}$$

(cromoS.dot(COV) * cromoS).sum(axis=1)