คณะวิศวกรรมศาสตร์

สถาบันเทคโนโลยีพระจอมเกล้าเจ้าคุณทหารลาดกระบัง การสอบ ปลายภาค ภาคเรียนที่ 2 ปีการศึกษาที่ 2564

รหัสวิชา 01076253 ชื่อวิชา ความน่าจะเป็นและสถิติ (Probability and Statistics) ชั้นปี 2 (2D) กลุ่ม 1-3 สอบวันพฤหัสบดีที่ 17 เดือน พฤษภาคม พ.ศ. 2565

เวลา 9.30 - 10.30

จงแสดงวิธีทำด้วยลายมือเท่านั้น ความละเอียดทศนิยม 3 ตำแหน่ง หากมีแต่คำตอบจะได้คะแนนเพียง 1 คะแนนเท่านั้น

- 1. สมมติว่าข้อมูลชุดนี้สุ่มจากข้อมูลความสุขของครอบครัวมีการกระจายตัวเป็นแบบปกติ (50 คะแนน) (ระยะเวลา 50 นาที)
- A. จงหาค่าเฉลี่ย (X bar) และค่าเบี่ยงเบน รายได้ (Baht/Year) (5 คะแนน)
- B. จงหาค่าเฉลี่ย และค่าเบี่ยงเบน ความสุข (Y Bar) (Happiness) (5 คะแนน)
- C. จงหาช่วงความเชื่อมั่นของค่าเฉลี่ยความสุขของครอบครัวที่ 90%, 95%, 99% เมื่อเรารู้ค่าเบี่ยงเบนมาตรฐานประชากร Sigma = 15.5 (15 คะแนน)
- D. จงวาดกราฟช่วงของความเชื่อมั่นที่ได้จากข้อ C ทั้งสามช่วงเปรียบเทียบกัน (5 คะแนน)
- E. จงหาความน่าจะเป็นของความผิดพลาด Type I (แอลฟ่า) หากเราตั้งสมมติฐานว่า ค่าเฉลี่ยความสุข เท่ากับ 45.0 แต่ค่าเฉลี่ยประชากร ที่แท้จริง (mu) ซึ่งเท่ากับ 34.0 (10 คะแนน)
- F. จงวาดกราฟการทดสอบสมมติฐานจากข้อ E. และแรเงาพื้นที่ของแอลฟา พร้อมระบุรายละเอียดอื่นๆ (10 คะแนน)

รายได้	ความสุข
(Baht/Year)	(Happiness)
636,000	18.9
416,000	17.9
229,000	43.6
585,000	24.4
335,000	25.7
569,000	40.0
179,000	14.6
708,000	50.1
386,000	46.3
255,000	20.6
487,000	37.4
158,000	19.9
744,000	63.6
671,000	48.1

A)
$$\bar{X} = 636 + 416 + 129 + 585 + 139 + 1569 + 179 + 709 + 386 + 1255 + 487 + 158 + 744 + 671 \times 1000$$

$$14$$

$$= \frac{6358000}{14} = 454,142.857$$

8)
$$\vec{J} = 18.9 + 17.9 + 43.6 + 24.4 + 25.7 + 40.0 + 14.6 + 50.14 + 46.3 + 20.6 + 37.4 + 19.9 + 63.6 + 48.1$$

$$= 451.1 = 32.221$$

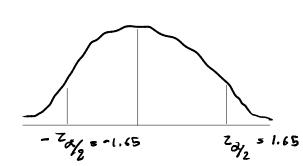
$$| - \alpha < 0.99$$

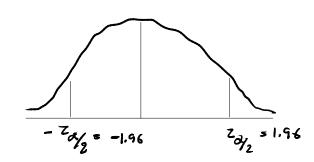
$$| - \alpha < 0.99$$

$$| - \beta(2) | 2\alpha/2$$

$$P(Z) Z_{\alpha/2} = 0.005 \quad P(Z) Z_{\alpha/2} = 0.005 \quad Z_{\alpha/2} = 0$$

D)







5ه, _ه چ ي

