#### МИНОБРНАУКИ РОССИИ

федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

«Санкт-Петербургский государственный экономический университет»

	<b>УТВЕРЖДАЮ</b> Проректор по учебной и методической работе/ Шубаева В.Г./ «»20г.
Pa6	<b>ЛИНЕЙНАЯ АЛГЕБРА</b> Бочая программа дисциплины
Направление подготовки Направленность (профиль) программы Уровень высшего образования Форма обучения	38.03.05 Бизнес –информатика Деловая аналитика бакалавриат очная
•	н. доцент Чернэуцану Т.В. одаватель Варфоломеева Г.Б.

#### ЛИСТ СОГЛАСОВАНИЯ

# рабочей программы дисциплины «ЛИНЕЙНАЯ АЛГЕБРА»

## образовательной программы направления подготовки 38.03.05 Бизнес – информатика

направленность: Деловая аналитика (бакалавриат)

Рабочая программа дисциплины ра кафедры Высшей математики	ассмотрена и одобрена на заседании методического совета факультета Информатики и прикладной математики		
протокол № 6/1 от «» апреля 2019г. Заведующий кафедрой	протокол №7/1 от «» мая 2019г. Председатель МСФ		
/Савинов Г.В.	/Лебедева Л.Н.		
Руководитель ОПОП (соответствие содержания тем результатам	/Бездудная А.Г.		
освоения ОПОП) Директор Библиотеки (учебно-методическое обеспечение)	/Никитина О.В.		
Сотрудник УМУ (нормоконтроль)	/		

## СОДЕРЖАНИЕ

AH	НОТАЦИЯ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)	
1.	цель и задачи дисциплины	•
2.	<b>МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ.</b> 5	5
3.	планируемые результаты обучения по дисциплине	5
4.	ОБЪЕМ И СТРУКТУРА ДИСЦИПЛИНЫ	Ś
5.	СОДЕРЖАНИЕ РАЗДЕЛОВ И ТЕМ ДИСЦИПЛИНЫ	7
6.	ЗАНЯТИЯ СЕМИНАРСКОГО ТИПА	}
7.	методические указания для обучающихся	)
7.1.	Методические указания для обучающегося по освоению дисциплины	)
7.2.	Организация самостоятельной работы10	)
8.	ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ ТЕХНОЛОГИИ	)
9.	РЕСУРСНОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ 11	Ĺ
9.1.	Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины 11	L
9.2.	Материально-техническое обеспечение учебного процесса	L
	ОСОБЕННОСТИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ ДЛЯ ИНВАЛИДОВ И ЛИЦ С РАНИЧЕННЫМИ ВОЗМОЖНОСТЯМИ ЗДОРОВЬЯ12	2
	ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ДЛЯ ПРОВЕДЕНИЯ ПРОМЕЖУТОЧНОЙ ГЕСТАЦИИ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ12	2
ЛИ	СТ РЕГИСТРАЦИИ ИЗМЕНЕНИЙ14	ļ

АННОТАЦИЯ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Наименование дисциплины	линейная алгебра
Цели и задачи дисциплины	<ul> <li>Цель дисциплины: изложить необходимый математический аппарат и привить студентам навыки его использования при анализе и решении экономических задач. Задачи:         <ul> <li>обучение методам построения математических моделей экономических ситуаций с дальнейшим их решением аналитически или с применением вычислительной техники и последующим анализом, имеющим целью принятие оптимального решения;</li> <li>развитие логического, математического и алгоритмического мышления;</li> <li>способствование формированию умений и навыков самостоятельного анализа и исследования профессиональных проблем;</li> <li>развитие стремления к научному поиску путей совершенствования своей работы.</li> </ul> </li> </ul>
Код и наименование компетенции выпускника	ОПК-3: способен выбрать инструментальные средства для обработки экономических данных в соответствии с поставленной задачей, проанализировать результаты расчетов и обосновать полученные выводы.
Тематическая направленность дисциплины Кафедра	Высшей математики

#### 1. ЦЕЛЬ И ЗАДАЧИ ДИСЦИПЛИНЫ

**Цель дисциплины:** изложить необходимый математический аппарат и привить студентам навыки его использования при анализе и решении экономических задач.

#### Задачи:

- обучение методам построения математических моделей экономических ситуаций с дальнейшим их решением аналитически или с применением вычислительной техники и последующим анализом, имеющим целью принятие оптимального решения;
- развитие логического, математического и алгоритмического мышления;
- способствование формированию умений и навыков самостоятельного анализа и исследования профессиональных проблем;
- развитие стремления к научному поиску путей совершенствования своей работы.

#### 2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ

Дисциплина Б1. Б. 10 «Линейная алгебра» относится к базовой части Блока 1 РУП ОПОП, и является обязательной для освоения обучающимся вне зависимости от направленности (профиля) программы.

## 3. ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОБУЧЕНИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ

Планируемые результаты обучения по дисциплине, соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы представлены в таблице 3.1.

Таблица 3.1 — Планируемые результаты обучения по дисциплине, соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы

Код и наименование компетенции выпускника	Этапы формирования компетенций	Планируемые результаты обучения/индикаторы достижения компетенций (показатели освоения компетенции)
1	2	3

ОПК-3.		Декомпозиция I		
способен выбрать		Знать: основные понятия и инструменты линейной алгебры		
инструментальные	Первый	и аналитической геометрии, необходимые для решения		
средства для	уровень	экономических задач 31(I) (ОПК-3)		
обработки	(пороговый)	<b>Уметь:</b> воспроизводить и объяснять учебный материал с		
экономических	$(O\Pi K-3)-1$	требуемой степенью научной точности и полноты		
данных в		(определения, теоремы, формулы, методы решения задач);		
соответствии с		решать типовые задачи по линейной алгебре и		
поставленной		аналитической геометрии, необходимые для исследования		
задачей,		экономико-математических моделей; применять		
проанализировать		математические методы для анализа, моделирования,		
результаты		теоретического и экспериментального исследования при		
расчетов и		решении экономических задач; проанализировать		
обосновать		результаты расчетов и обосновать полученные выводы $VI$		
полученные выводы.		(I) (ΟΠK-3)		
		Владеть: методами построения математических моделей		
		экономических ситуаций с дальнейшим их решением		
		аналитически или с применением вычислительной техники и		
		последующим анализом, имеющим целью принятие		
		оптимального решения В1 (I) (ОПК-3)		

#### 4. ОБЪЕМ И СТРУКТУРА ДИСЦИПЛИНЫ

Трудоемкость дисциплины составляет 4 зачетных единицы, 144 часов, из которых 36 часов самостоятельной работы студента согласно РУП, отводится на подготовку и защиту экзамена.

Форма промежуточной аттестации: экзамен – 1 семестр.

Распределение фонда времени по темам дисциплины по очной форме обучения представлено в таблице 4.1.

Таблица 4.1 – Распределение фонда времени по темам дисциплины

		Объем дисциплины			
		(ак. часы)			
Номер и наименование тем	Контактная				
		работа			
	ЗЛТ	ПЗ	ЛР	CPO	
1	2	3	4	5	
Тема 1. Геометрические векторы.	2	4		4	
Тема 2. Умножение геометрических векторов.	2	2		2	
Тема 3. Метод координат.	2	6		4	
Тема 4. Кривые второго порядка.	2	4		4	
Тема 5. Векторное пространство $\mathbb{R}^n$ .	2	2		2	
Тема 6. Линейные отображения и матрицы.	2	4		4	
Тема 7. Определители.	2	6		6	
Тема 8. Ранг линейного отображения и ранг	2	4		2	
матриц.	2			4	
Тема 9. Обратная матрица.	2	6		4	

Тема 10. Системы линейных уравнений.	2	4	4
Тема 11. Собственные векторы и собственные	1	2	2
числа матрицы.			
Тема 12. Комплексные числа.	1	2	2
Промежуточная аттестация: экзамен			36
Всего за семестр:	22	46	76
Всего по дисциплине:	22	46	76

#### 5. СОДЕРЖАНИЕ ТЕМ ДИСЦИПЛИНЫ

#### Тема 1. Геометрические векторы.

Определение геометрических векторов, линейные операции, линейно зависимые и линейно независимые системы векторов, базисы, координаты вектора, действия с векторами в координатах.

Тема 2. Умножения геометрических векторов.

Скалярное произведение, определение и формула в ортонормированном базисе. Определители второго и третьего порядков.

### Тема 3. Метод координат.

Прямоугольные координаты на плоскости и в пространстве. Полярные координаты на плоскости. Преобразование прямоугольных координат. Расстояние между точками, деление отрезка в заданном отношении. Понятие об уравнении линий и поверхностей. Различные формы уравнения прямой на плоскости. Основные задачи на прямую линию на плоскости. Уравнения плоскость и прямую в пространстве. Основные задачи на плоскость и прямую в пространстве.

Тема 4. Кривые второго порядка.

Общий вид уравнения второго порядка. Окружность, эллипс, гипербола, парабола. Определение вида кривой по уравнению.

**Тема 5**. Векторное пространство  $R^n$ .

Определение и свойства линейных операций над n-мерными векторами, векторное пространство  $R^n$ . Линейно зависимые и линейно независимые системы векторов. Скалярное умножение, неравенство Коши, норма (длина) n-мерного вектора. Ортогональность, угол между векторами. Базисы, координаты вектора относительно базиса, размерность. Ортогональные и ортонормированные базисы, процедура ортогонализации. Ранг системы векторов. Эквивалентные системы векторов, элементарные преобразования систем векторов.

**Тема 6**. Линейные отображения и матрицы.

Матрицы, алгебра матриц. Транспонирование матрицы и его свойства. Симметричные матрицы.

Тема 7. Определители.

Определение и элементарные свойства определителей. Определитель произведения матриц. Разложение определителя по строке (столбцу). Вычисление определителей с помощью элементарных преобразований. Определитель и линейная независимость системы векторов. Геометрический смысл определителя.

#### Тема 8. Ранг матрицы.

Ранг матрицы. Ранг матрицы и линейная независимость системы векторов.

#### Тема 9. Обратная матрица.

Обратная матрица. Признаки существования обратной матрицы. Вычисление обратной матрицы с помощью элементарных преобразований и с помощью союзной (присоединенной) матрицы. Преобразование координат вектора и элементов матрицы при переходе к новому базису. Ортогональные матрицы.

#### Тема 10. Системы линейных уравнений.

Координатная, векторная и матричная формы записи системы линейных уравнений. Исследование систем линейных уравнений. Теоремы Кронекера-Капелли, Крамера. Решение систем линейных уравнений методом элементарных преобразований (методом Гаусса). Решение однородных систем линейных уравнений.

#### Тема 11. Собственные векторы и собственные числа матрицы.

Определение собственных векторов и собственных чисел квадратной матрицы. Понятие о характеристическом многочлене квадратной матрицы. Основные понятия линейной балансовой модели.

#### Тема 12. Комплексные числа.

Алгебраическая и тригонометрическая форма записи. Модуль и аргумент. Операции с комплексными числами.

#### 6. ЗАНЯТИЯ СЕМИНАРСКОГО ТИПА

Таблица 6.1 – Практические занятия

1 00001	Tuomida 0.1 Tipakin leekile saimiim					
$N_{\underline{0}}$	Тема занятия	Вид занятия /				
темы	тема занятия	Оценочное средство				
1	2	3				
1	ПЗ.1. Геометрические векторы, линейные операции	ПЗ:Решение				
1	ПЗ.2. Базисы, координаты вектора	практических задач				
2	ПЗ.3. Скалярное произведение.	ПЗ:Решение				
		практических задач				
	ПЗ.4. Метод координат. Полярные координаты.	ПЗ:Решение				
	ПЗ.5. ПЗ.5. Прямая на плоскости.	практических задач				
	ПЗ.6. Плоскость и прямая в пространстве					
4	ПЗ.7. Окружность, эллипс	ПЗ:Решение				
4	ПЗ.8. Гипербола, парабола	практических задач				
5	ПЗ.9. п-мерные векторы	ПЗ:Решение				
3		практических задач				
	ПЗ.10. Линейные операции с матрицами	ПЗ:Решение				
	ПЗ.11. Умножение матриц	практических задач				

	ПЗ.12. Свойства определителей	П3:Решение
7	ПЗ.13. Вычисление определителей	практических задач
	ПЗ.14. Теорема Лапласа	
8	ПЗ.15. Ранг матрицы.	П3:Решение
0	ПЗ.16. Ранг матрицы и линейная независимость системы векторов.	практических задач
	ПЗ.17. Нахождение обратной матрицы с помощью элементарных	П3:Решение
	преобразований	практических задач
9	ПЗ.18. Нахождение обратной матрицы с помощью присоединенной	
	матрицы.	
	ПЗ.19. Матричные уравнения	
10	ПЗ.20. Системы линейных уравнений. Формулы Крамера.	П3:Решение
10	ПЗ.21. Системы линейных уравнений. Метод Гаусса.	практических задач
11	ПЗ.22. Собственные векторы и собственные числа матрицы. Знакомство	П3:Решение
11	с линейной балансовой моделью	практических задач
12	ПЗ.23. Действия с комплексными числами.	П3:Решение
12		практических задач

#### 7. МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ДЛЯ ОБУЧАЮЩИХСЯ

## 7.1. Методические указания для обучающегося по освоению дисциплины

Для формирования четкого представления об объеме и характере знаний и умений, которыми надо будет овладеть по дисциплине в самом начале учебного курса обучающийся должен ознакомиться с учебнометодической документацией:

- рабочей программой дисциплины: с целями и задачами дисциплины, ее связями с другими дисциплинами образовательной программы, перечнем знаний и умений, которыми в процессе освоения дисциплины должен владеть обучающийся,
- порядком проведения текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации;
- графиком консультаций преподавателей кафедры.

Систематическое выполнение учебной работы на занятиях лекционных и семинарских типов, а также выполнение самостоятельной работы позволит успешно освоить дисциплину.

В процессе освоения дисциплины обучающимся следует:

- слушать, конспектировать излагаемый преподавателем материал;
- ставить, обсуждать актуальные проблемы курса, быть активным на занятиях;
- задавать преподавателю уточняющие вопросы с целью уяснения теоретических положений;
- выполнять задания практических занятий полностью и установленные сроки.

При затруднениях в восприятии материала следует обратиться к основным литературным источникам. Если разобраться в материале не удалось, то обратится к лектору (по графику его консультаций) или к преподавателю на занятиях семинарского типа.

Обучающимся, пропустившим занятия (независимо от причин), не имеющим письменного решения задач или не подготовившимся к данному занятию, рекомендуется не позже чем в 2 - недельный срок явиться на консультацию к преподавателю и отчитаться по теме.

#### 7.2. Организация самостоятельной работы

Под самостоятельной работой обучающихся понимается планируемая работа обучающихся, направленная на формирование указанных компетенций, выполняемая во внеаудиторное время по заданию и при методическом руководстве преподавателя, без его непосредственного участия.

Методическое обеспечение самостоятельной работы при наличии обучающихся лиц с ограниченными возможностями представляется в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья.

Виды самостоятельной работы по дисциплине представлены в таблице 7.2.1.

Таблица 7.2.1 – Организация самостоятельной работы обучающегося

$N_{\underline{0}}$	
тем	Вид самостоятельной работы
Ы	
1	2
	Изучение теоретических вопросов курса, подготовка к практическим занятиям, подготовка к тестированию №1.
	Изучение теоретических вопросов курса, подготовка к практическим занятиям, подготовка к тестированию №2.
12	Изучение теоретических вопросов курса, подготовка к практическим занятиям, подготовка к экзамену.

Каждый вид СРО, указанный в таблице 7.2.1 обеспечен методическими материалами.

#### 8. ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ ТЕХНОЛОГИИ

В рамках реализации дисциплины «Линейная алгебра» используются разнообразные образовательные технологии как традиционные, так и с применением активных и интерактивных методов обучения.

Активные методы обучения — анализ конкретных ситуаций. Используется при обсуждении поиска решений задач, рассматриваемых на практических занятиях.

#### 9. РЕСУРСНОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

## 9.1. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

Таблица 9.1.1 – Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

Библиографическое описание издания (автор, заглавие, вид, место и год	, ,	Книгообеспеченность	
издания, кол. стр.)	литература	Кол-во. экз. в библ. СПбГЭУ	Электронные ресурсы

Таблица 9.1.2 – Перечень современных профессиональных баз данных (СПБД)

$N_{\underline{0}}$	Наименование СПБД	
1.	Реферативная и справочная база данных рецензируемой литературы Scopus - https://www.scopus.com	
2.	Научная электронная библиотека - www.elibrary.ru	

Таблица 9.1.3 – Перечень информационных справочных систем (ИСС)

№	Наименование ИСС
1.	Справочная правовая система «Консультант Плюс»
2.	ВЭД – ИНФО
	•••

### 9.2. Материально-техническое обеспечение учебного процесса

Для реализации данной дисциплины имеются специальные помещения для проведения занятий лекционного типа, занятий семинарского типа, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации, а также помещения для самостоятельной работы.

Таблица 9.2.1 – Перечень программного обеспечения (ПО)

$\mathcal{N}_{\underline{0}}$	Наименование ПО			
1	Лицензионное программное обеспечение Windows 7, контракт № 166/16 от 15.06.2016			

2	MS Office 2013, Контракт № 166/16 от 15.06.2016
3	Лицензионное программное обеспечение Wolfram mathematica 11, лицензия Д 6692 от 21.09.2015

# 10. ОСОБЕННОСТИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ ДЛЯ ИНВАЛИДОВ И ЛИЦ С ОГРАНИЧЕННЫМИ ВОЗМОЖНОСТЯМИ ЗДОРОВЬЯ

Обучение обучающихся с ограниченными возможностями здоровья при необходимости осуществляется на основе адаптированной рабочей программы с использованием специальных методов обучения и дидактических материалов, составленных с учетом особенностей психофизического развития, индивидуальных возможностей и состояния здоровья таких обучающихся (обучающегося).

В целях освоения учебной программы дисциплины инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья Университет обеспечивает:

- для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья по зрению: размещение в доступных для обучающихся, являющихся слепыми или слабовидящими, местах и в адаптированной форме справочной информации о расписании учебных занятий; присутствие ассистента, оказывающего обучающемуся необходимую помощь; выпуск альтернативных форматов методических материалов (крупный шрифт или аудиофайлы);
- для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья по слуху: надлежащими звуковыми средствами воспроизведение информации;
- для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья, имеющих нарушения опорно-двигательного аппарата: возможность беспрепятственного доступа обучающихся в учебные помещения, туалетные комнаты и другие помещения кафедры, а также пребывание в указанных помещениях.

Образование обучающихся с ограниченными возможностями здоровья может быть организовано как совместно с другими обучающимися, так и в отдельных группах или в отдельных организациях.

# 11. ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ДЛЯ ПРОВЕДЕНИЯ ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ

Фонд оценочных средств для проведения аттестации уровня сформированности компетенций обучающихся по дисциплине оформляется

отдельным документом и является приложением к рабочей программе дисциплины (модуля).

### ЛИСТ РЕГИСТРАЦИИ ИЗМЕНЕНИЙ

в рабочую программу дисциплины «Линейная алгебра» образовательной программы направления подготовки 38.03.05 Бизнес – информатика, направленность: Деловая аналитика (бакалавриат)

Номер изменения	Внесены изменения в части/разделы рабочей программы	Исполнитель ФИО	Основание (номер и дата распорядительного документа о внесении изменения)	Подпись заведующего кафедрой
1				
2				