UTILITY TABLES

Table E-1. Expected number of repetitions, polyalphabetic ciphers.

Number		Exp	ected nu	mber of d	igraphs o	ccurring e	xactly x t	imes	
of letters	E(2)	E(3)	E(4)	E(5)	E(6)	E(7)	E(8)	E(9)	E(10)
100	6.21	0.298	0.011						
200	21.8	2.12	0.154	0.009					1
300	42.5	6.23	0.683	0.060	0.004				1
400	65.3	12.8	1.87	0.220	0.022	0.002			
500	88.1	21.6	3.97	0.582	0.071	0.008			
600	110	32.3	7.11	1.25	0.184	0.023	0.003		
700	129	44.3	11.4	2.35	0.403	0.059	0.008	0.001	
800	145	57.1	16.8	3.96	0.777	0.130	0.019	0.003	
900	158	70.1	23.2	6.16	1.36	0.257	0.043	0.006	0.001
1000	169	83.0	30.6	9.03	2.21	0.466	0.085	0.014	0.002

Number	Expected	l number of	trigraphs	Number	Tetra	graphs	Number of	Penta-
of letters	E(2)	E(3)	E(4)	of letters	E(2)	E(3)	letters	graphs E(2)
100	0.269	0.001		100	0.010		100	
200	1.10	0.004		200	0.043		200	0.002
300	2.48	0.014		300	0.096		300	0.004
400	4.40	0.033		400	0.171		400	0.007
500	6.85	0.064		500	0.270		500	0.011
600	9.81	0.111	0.001	600	0.389		600	0.015
700	13.3	0.175	0.002	700	0.530		700	0.021
800	17.3	0.261	0.003	800	0.693		800	0.027
900	21.8	0.371	0.005	900	0.877		900	0.034
1000	26.8	0.505	0.008	1000	1.08	0.001	1000	0.042
ĺ								

Table E-2. Expected values of ϕr , and ϕp .

N	φr	фр	N	φr	фр	N	φr	фр	N	φr	фр	N	φr	фр
11	4.23	7.34	29	31	54	47	83	144	65	160	277	83	262	454
12	5.08	8.80	30	33	58	48	87	150	66	165	286	84	268	465
13	6.00	10.4	31	36	62	49	90	157	67	170	295	85	275	476
14	7.00	12.1	32	38	66	50	94	163	68	175	304	86	281	488
15	8.08	14.0	33	41	70	51	98	170	69	180	313	87	288	499
16	9.23	16.0	34	43	75	52	102	177	70	186	322	88	294	511
17	10.5	18.1	35	46	79	5 3	106	184	71	191	331	89	301	522
18	11.8	20.4	36	48	84	54	110	191	72	197	341	90	308	534
19	13.2	22.8	37	51	89	55	114	198	73	202	351	91	315	546
20	14.6	25.3	38	54	94	56	118	205	74	208	360	92	322	558
21	16.2	28.5	39	57	99	57	123	213	75	213	370	93	329	571
22	17.8	30.8	40	60	104	58	127	221	76	219	380	94	336	583
23	19.5	33.8	41	63	109	59	132	228	77	225	390	95	343	596
24	21.2	36.8	42	66	115	60	136	236	78	231	401	96	351	608
25	23.1	40.0	43	69	120	61	141	244	79	237	411	97	358	621
26	25.0	43.4	44	73	126	62	145	252	80	243	422	98	366	634
27	27.0	46.8	45	76	132	63	150	261	81	249	432	99	373	647
28	29.1	50.4	46	80	138	64	155	269	82	255	443	100	381	660
							1 1							

Table E-3. Factor table.

NUMBERS 1-400

	1	Prime	45	35915	89	Prime
	2	Prime	46	2 23	90	2 3 5 6 9 10 15 18 30 45
	3	Prime	47	Prime	91	7 13
	4	2	48	23468121624	92	2 4 23 46
	5	Prime	49	7	93	3 31
	6	23	50	2 5 10 25	ī	2 47
	7	Prime	51	3 17	95	5 19
	8	24	52	2 4 13 26	96	234681216243248
	9	3	53	Prime	97	Prime
	10	25	54	23691827	98	271449
	11	Prime	55	5 11	99	3 9 11 33
	12	2346	ı	24781428	100	2 4 5 10 20 25 50
	13	Prime	57		101	Prime
	14	27	58	2 29	102	2 3 6 17 34 51
	15	35	59	Prime	103	Prime
	16	248	60	234561012152030	104	2 4 8 13 26 52
	17	Prime	61	Prime	105	3 5 7 15 21 35
	18	2369	62	2 31	106	2 53
	19	Prime	63	37921	107	Prime
	20	24510	64	2481632	108	2 3 4 6 9 12 18 27 36 54
	21	37	65	5 13	109	Prime
	22	2 11	66	2 3 6 11 22 33	110	2 5 10 11 22 55
	23	Prime	67	Prime	111	3 37
	24	2346812	68	2 4 17 34	112	2 4 7 8 14 16 28 56
	25	5	69	3 23	113	Prime
	26	2 13	70	2 5 7 10 14 35	114	2 3 6 19 38 57
	27	39	71	Prime	115	5 23
	28	24714	72	23468912182436	116	2 4 29 58
	29	Prime	73	Prime	117	3 9 13 39
	30	2 3 5 6 10 15	74	2 37	118	2 59
	31	Prime	75	3 5 15 25	119	7 17
	32	24816	76	2 4 19 38	120	2345681012152024
	33	3 11	77	7 11		30 40 60
		2 17	78	2 3 6 13 26 39	121	
- 1		57	79	Prime		2 61
ļ		234691218	80		i .	3 41
į		Prime	81	3 9 27		2 4 31 62
	38	2 19	82	2 41	125	5 25
ļ		3 13	83		l .	2 3 6 7 9 14 18 21 42 63
	40	2 4 5 8 10 20	84	2 3 4 6 7 12 14 21 28 42	l	Prime
	1	Prime	85		i	2 4 8 16 32 64
		2 3 6 7 14 21	86			3 43
		Prime	87	3 29		2 5 10 13 26 65
	44	2 4 11 22	88	2 4 8 11 22 44	131	Prime
	لــــــ				L	<u> </u>

Table E-3—Continued

		1			
132	2 3 4 6 11 12 22 33 44 66	174	2 3 6 29 58 87	215	5 43
1	7 19	175	5 7 25 35	216	2346891218242736
134	2 67	176	2 4 8 11 16 22 44 88		54 72 108
135	3 5 9 15 27 45	177	3 59	217	7 31
136	2 4 8 17 34 68	178	2 89	218	2 109
137	Prime	179	Prime	219	3 73
138	2 3 6 23 46 69	180	2 3 4 5 6 9 10 12 15 18 20	220	2 4 5 10 11 20 22 44 55 110
139	Prime		30 36 45 60 90	221	13 17
140	2 4 5 7 10 14 20 28 35 70	181	Prime	222	2363774111
141	3 47	182	2 7 13 14 26 91	223	Prime
142	2 71	183	3 61	224	2 4 7 8 14 16 28 32 56 112
143	11 13	184	2 4 8 23 46 92	225	3 5 9 15 25 45 75
144	2346891216182436	185	5 37	226	2 113
	48 72	186	2 3 6 31 62 93	227	Prime
145	5 29	187	11 17	228	2 3 4 6 12 19 38 57 76 114
146	2 73	188	2 4 47 94	229	Prime
147	3 7 21 49	189	3 7 9 21 27 63	230	l I
148	2 4 37 74	190	2 5 10 19 38 95	231	3 7 11 21 33 77
149	Prime	191	Prime	232	2 4 8 29 58 116
150	2 3 5 6 10 15 25 30 50 75	192	2 3 4 6 8 12 16 24 32 48	233	
151	Prime		64 96	234	2 3 6 9 13 18 26 39 78 117
152	2 4 8 19 38 76	193	Prime	235	5 47
153	3 9 17 51	194	2 97	236	l i
154	2 7 11 14 22 77	195	3 5 13 15 39 65	237	l i
155	5 31	196	2 4 7 14 28 49 98	238	1
156	2 3 4 6 12 13 26 39 52 78	197	Prime	239	r I
	Prime	198	2 3 6 9 11 18 22 33 66 99	240	2345681012151620
158	2 79	199	Prime		24 30 40 48 60 80 120
159	3 53	200	2 4 5 8 10 20 25 40 50 100	ı	Prime
1	2 4 5 8 10 16 20 32 40 80	201		242	
1	7 23	202	2 101	1	3 9 27 81
	2 3 6 9 18 27 54 81	203	7 29	244	
	Prime	204		245	
1	2 4 41 82	1	5 41	1	2 3 6 41 82 123
	3 5 11 15 33 55	206			13 19
į.	2 83	207		248	
1	Prime	208		249	
168	2346781214212428	209		250	1
	42 56 84	210	2 3 5 6 7 10 14 15 21 30 35	251	
169			42 70 105	252	
170		211			36 42 63 84 126
1	3 9 19 57	212		253	
1	2 4 43 86		371	254	
173	Prime	214	2 107	255	3 5 15 17 51 85
L	L	ــــــــــــــــــــــــــــــــــــــ			

Table E-3—Continued

		Τ		1	
256	2 4 8 16 32 64 128	296	2 4 8 37 74 148	335	5 67
257	Prime	297	3 9 11 27 33 99	336	2346781214162124
258	2 3 6 43 86 129	298	2 149		28 42 48 56 84 112 168
259	7 37	299	13 23	337	Prime
260	2 4 5 10 13 20 26 52 65 130	300	2 3 4 5 6 10 12 15 20 25 30	338	2 13 26 169
261	3 9 29 87		50 60 75 100 150	339	3 113
262	2 131	301	7 43	340	2 4 5 10 17 20 34 68 85 170
263	Prime	302	2 151	341	11 31
264	23468111222243344	303	3 101	342	236918193857114171
	66 88 132	304	2 4 8 16 19 38 76 152	343	7 49
265	5 53	305	5 61	344	2 4 8 43 86 172
266	2 7 14 19 38 133	306	2 3 6 9 17 18 34 51 102 153	345	3 5 15 23 69 115
267	3 89	307	Prime	346	2 173
268	2 4 67 134	308	2 4 7 11 14 22 28 44 77 154	347	Prime
269		309	3 103	348	2 3 4 6 12 29 58 87 116 174
270	2 3 5 6 9 10 15 18 27 30 45	310	2 5 10 31 62 155	349	Prime
1	54 90 135	311	Prime	350	2 5 7 10 14 25 35 50 70 175
271	Prime	312	2 3 4 6 8 12 13 24 26 39 52	351	3 9 13 27 39 117
272	2 4 8 16 17 34 68 136		78 104 156	352	2 4 8 11 16 22 32 44 88 176
273	3 7 13 21 39 91	313	Prime	353	Prime
274	2 137	314	2 157	354	23659118177
275	5 11 25 55	315	3 5 7 9 15 21 35 45 63 105	355	5 71
276	2 3 4 6 12 23 46 69 92 138	316	2 4 79 158	356	2 4 89 178
277	Prime	317	Prime	357	3 7 17 21 51 119
278	2 139	318	2 3 6 53 106 159	358	2 179
279	3 9 31 93	319	11 29	359	Prime
280	2 4 5 7 8 10 14 20 28 35 40	320	2 4 5 8 10 16 20 32 40 64 80	360	23456891012151820
	56 70 140		160		24 30 36 40 45 60 72 90
281	Prime	1	3 107		120 180
282	2 3 6 47 94 141	322	2 7 14 23 46 161	361	
283	Prime	1	17 19	362	•
284		324	2 3 4 6 9 12 18 27 36 54 81		3 11 33 121
285			108 162	364	
1	2 11 13 22 26 143	1	5 13 25 65	_	5 73
287			2 163	366	
288			3 109	367	
	36 48 72 96 144	1	2 4 8 41 82 164	368	1
289	17	•	7 47		3 9 41 123
290	2 5 10 29 58 145	330	2 3 5 6 10 11 15 22 30 33 55	ì	2 5 10 37 74 185
291			66 110 165	371	
292	2 4 73 146	l .	Prime	372	Y
293	Prime		2 4 83 166	373	
294	2 3 6 7 14 21 42 49 98 147		3 9 37 111		2 11 17 22 34 187
295	5 59	334	2 167	375	3 5 15 25 75 125
L	<u> </u>	<u>I</u>	<u> </u>	<u> </u>	

Table E-3—Continued

376	2 4 8 47 94 188	385	5 7 11 35 55 77	395	5 79
377	13 29	386	2 193	396	2 3 4 6 9 11 12 18 22 33
78	2 3 6 7 9 14 18 21 27 42	387	3 9 43 129		36 44 66 99 132 198
	54 63 126 189	388	2 4 97 194	397	Prime
79	Prime	389	Prime	398	2 199
80	2 4 5 10 19 20 38 76 95 190	390	2 3 5 6 10 13 15 26 30 39	399	3 7 19 21 57 133
881	3 127	İ	65 78 130 195	400	2 4 5 8 10 16 20 25 40 50 8
882	2 191	391	17 23		100 200
83	Prime	392	2 4 7 8 14 28 49 56 98 196		
84	2 3 4 6 8 12 16 24 32 48 64	393	3 131		
	96 128 192	394	2 197		

Table E-4. Table of Primes up to 2000.

1	139	337	557	769	1013	1249	1493	1741
2	149	347	563	773	1019	1259	1499	1747
3	151	349	569	787	1021	1277	1511	1753
5	157	353	571	797	1031	1279	1523	1759
7	163	359	577	809	1033	1283	1531	1777
11	167	367	587	811	1039	1289	1543	1783
13	173	373	593	821	1049	1291	1549	1787
17	179	379	599	823	1051	1297	1553	1789
19	181	383	601	827	1061	1301	1559	1801
23	191	389	607	829	1063	1303	1567	1811
29	193	397	613	839	1069	1307	1571	1823
31	197	401	617	853	1087	1319	1579	1831
37	199	409	619	857	1091	1321	1583	1847
41	211	419	631	859	1093	1327	1597	1861
43	223	421	641	863	1097	1361	1601	1867
47	227	431	643	877	1103	1367	1607	1871
53	229	433	647	881	1109	1373	1609	1873
59	233	439	653	883	1117	1381	1613	1877
61	239	443	659	887	1123	1399	1619	1879
67	241	449	661	907	1129	1409	1621	1889
71	251	457	673	911	1151	1423	1627	1901
73	257	461	677	919	1153	1427	1637	1907
79	263	463	683	929	1163	1429	1657	1913
83	269	467	691	937	1171	1433	1663	1931
89	271	479	701	941	1181	1439	1667	1933
97	277	487	709	947	1187	1447	1669	1949
101	281	491	719	953	1193	1451	1693	1951
103	283	499	727	967	1201	1453	1697	1973
107	293	503	733	971	1213	1459	1699	1979
109	307	509	739	977	1217	1471	1709	1987
113	311	521	743	983	1223	1481	1721	1993
127	313	523	751	991	1229	1483	1723	1997
131	317	541	757	997	1231	1487	1733	1999
137	331	547	761	1009	1237	1489		ĺ