

V01

Lebensdauer kosmischer Myonen

Fritz Ali Agildere
fritz.agildere@udo.edu

Jan Lucca Viola
janlucca.viola@udo.edu

Durchführung: 2. Dezember 2024

Abgabe: ?? . Dezember 2024

TU Dortmund – Fakultät Physik

Inhaltsverzeichnis

1 Zielsetzung	1
2 Theorie	1
2.1 Elementarteilchen nach dem Standardmodell	1
2.2 Bestimmung der mittleren Lebensdauer von Elementarteilchen	2
3 Versuchsaufbau und Justierung	3
4 Messung	5
5 Auswertung	6
5.1 Verzögerungszeit	6
5.2 Kanalkalibration	8
5.3 Langzeitmessung	8
5.4 Hintergrundrate	10
6 Diskussion	10
Literatur	10
Anhang	12

1 Zielsetzung

Das Ziel des Versuchs ist die Bestimmung der charakteristischen Lebensdauer von Myonen durch Messung der Individuallebensdauern einzelner Myonen.

2 Theorie

[1]

2.1 Elementarteilchen nach dem Standardmodell

Basierend auf dem Standardmodell gibt es verschiedene Elementarteilchen, Quarks, Leptonen und Eichbosonen. Quarks und Leptonen lassen sich in drei Generationen einteilen, die sechs Quarks unterliegen der starken Wechselwirkung und besitzen drei verschiedene Farbladungen. Leptonen unterliegen u.a. der schwachen Wechselwirkung und lassen sich in drei geladene Leptonen und drei Neutrinos einteilen, wobei erstere auch der elektromagnetischen Wechselwirkung unterliegen. Leptonen gehören zur Familie der Fermionen, sind also Spin-1/2-Teilchen, die der Fermi-Dirac-Statistik folgen. Die drei Generationen der Leptonen unterscheiden sich durch ihre Masse und haben unterschiedliche Lebensdauern. Elektronen gehören zur ersten Leptonen-Generation, Myonen zur zweiten Generation mit etwa 206-facher Masse der Elektronen. Im Gegensatz zu Elektronen sind Myonen und Tauonen nicht stabil, sondern zerfallen aufgrund ihrer endlichen Lebensdauer.

Myonen entstehen in der höheren Erdatmosphäre. Hochenergetische Protonen treffen auf Atomkerne der Luftmoleküle und erzeugen Pionen, diese haben eine sehr kurze Lebensdauer und zerfallen in Myonen,

$$\pi^+ \rightarrow \mu^+ + \nu_\mu ,$$

$$\pi^- \rightarrow \mu^- + \bar{\nu}_\mu .$$

Myonen haben eine längere Lebensdauer und bewegen sich nahezu mit Lichtgeschwindigkeit, wodurch sie die Erdoberfläche erreichen und in einem Szintillator detektiert werden können. Im Szintillator wechselwirken die Myonen mit den Molekülen, geben ihre kinetische Energie in gequantelten Anteilen ab und regen die Moleküle an, diese geben überschüssige Energie als Photonen ab. Das Eintreffen eines Myons erzeugt somit viele Photonen im sichtbaren Bereich. Einige Myonen haben so geringe Energie, dass sie im Szintillator komplett abgebremst werden und dort zerfallen. Der Myonenzerfall in Elektronen und Neutrinos kann wie folgt dargestellt werden,

$$\mu^- \rightarrow e^- + \bar{\nu}_e + \nu_\mu .$$

Das Antimyon verhält sich ähnlich und zerfällt in Positron und Neutrinos,

$$\mu^+ \rightarrow e^+ + \nu_e + \bar{\nu}_\mu .$$

Die entstehenden Elektronen und Positronen erzeugen ebenfalls einen Lichtblitz im Szintillator, sodass der zeitliche Abstand zwischen den beiden Lichtblitzen der individuellen Lebensdauer des detektierten Myons entspricht.

2.2 Bestimmung der mittleren Lebensdauer von Elementarteilchen

Da der Zerfall des Myons ein statistischer Prozess ist, haben einzelne Myonen unterschiedliche Lebensdauern, daher ist eine allgemeine Definition der Lebensdauer als mittlere Lebensdauer notwendig. Die Zerfälle der einzelnen Teilchen sind unabhängig voneinander, daher ergibt sich für eine Gesamtteilchenzahl N die Anzahl dN der Teilchen, die in der Zeit dt zerfallen,

$$dN = -N \cdot dW = -\lambda N \cdot dt .$$

wobei $dW = \lambda dt$ die Zerfallswahrscheinlichkeit eines einzelnen Teilchens im Zeitintervall dt ist und λ die Zerfallskonstante darstellt. Für eine große Teilchenzahl N kann dieser Zusammenhang integriert werden,

$$\frac{N(t)}{N_0} = e^{-\lambda t} .$$

Durch Bildung von

$$\frac{dN(t)}{N_0} = \frac{N(t) - N(t + dt)}{N_0} ,$$

ergibt sich die exponentielle Verteilungsfunktion der Lebensdauer t ,

$$\frac{dN(t)}{N_0} = \lambda e^{-\lambda t} dt .$$

Die mittlere Lebensdauer ergibt sich als Mittelwert aus allen möglichen Lebensdauern gewichtet mit der Verteilungsfunktion. Dies entspricht dem Erwartungswert,

$$\tau = \int_{-\infty}^{\infty} \lambda t e^{-\lambda t} dt = \frac{1}{\lambda} .$$

Die mittlere Lebensdauer τ entspricht also der inversen Zerfallskonstante λ .

3 Versuchsaufbau und Justierung

Der Versuchsaufbau besteht aus einem Szintillator-Tank mit einem ungefähren Volumen von 50 Litern. An jedem Ende des Tanks sind Photomultiplier (PM) montiert, die die durch Myonen oder deren Zerfallsprodukte verursachten Szintillationssignale detektieren. Eine Kombination von NIM-Modulen ermöglicht die Messung des Zeitintervalls zwischen den gleichzeitig eintreffenden Myon- und Zerfallsproduktsignalen. Die Ausgänge der beiden PMs werden über eine Verzögerung zu einem Diskriminator mit einstellbarer Schwelle geführt. Auch die Dauer des Ausgangsimpulses des Diskriminators ist einstellbar. Beide Signale gelangen dann in eine Koinzidenzschaltung, die nur ein Ausgangssignal erzeugt, wenn die Eingangsimpulse gleichzeitig eintreffen. Dies wird von der elektronischen Entsprechung einer Stoppuhr gefolgt.

Das Ausgangssignal der Koinzidenzeinheit erreicht zwei UND-Gatter und über eine weitere Verzögerungsleitung von $\Delta t = 30 \text{ ns}$ ein Monoflop, das die Suchzeit T_s setzt. Die UND-Gatter sind mit dem Zeit-Amplituden-Umsetzer (TAC) so verbunden, dass eines die Zeitmessung startet, während das andere sie stoppt. Zwei Zähler zählen jeweils die Start- und Stoppimpulse. Eine geeignete Kombination von Komponenten stellt sicher, dass die Zeitmessung startet, wenn ein Myon in das aktive Volumen eintritt. Zerfällt das Myon im Tank, wird die Messung gestoppt.

Das Signal vom TAC gelangt in den Mehrkanalanalysator (MCA), der von einem PC gesteuert wird. Zur Kalibrierung des MCA steht ein Doppelpulsgenerator (DPG) zur Verfügung, der zwei Pulse mit variablem Zeitintervall bei einer Frequenz von 1 kHz erzeugt.

Wenn die PMs mit Hochspannung versorgt werden, sollten an den jeweiligen Ausgängen Spannungspulse mit variierenden Amplituden sichtbar sein. Dies wird mit Hilfe eines Oszilloskops überprüft.

Im nächsten Schritt wird die Schwellenwertspannung der Diskriminatoren so eingestellt, dass an beiden Ausgängen etwa 30 Pulse pro Sekunde gemessen werden. Eine Impulsdauer von $\Delta t = 10 \mu\text{s}$ wird eingestellt. Dazu wird der Pulszähler angeschlossen. Um die Koinzidenzapparatur anzupassen, wird systematisch eine der Verzögerungsleitungen variiert und die Pulsrate am Ausgang der Koinzidenzeinheit beobachtet. Der Messbereich sollte groß genug sein, um die Halbwertsbreite der Verteilung zu bestimmen. Schließlich wird eine geeignete Verzögerung für die gesamte Messung gewählt. Die Ereignisrate sollte etwa 20 s^{-1} betragen.

Die restlichen Teile der Schaltung werden angeschlossen. Eine Suchzeit T_s wird am Monoflop eingestellt und der Messbereich des TAC entsprechend angepasst.

Zur Kalibrierung des MCA wird der Doppelpulsgenerator angeschlossen und gemessen, welches Zeitintervall der Doppelpulse welchem Kanal des MCA entspricht. Um eine gleichmäßige Effizienz über den gesamten Messbereich zu überprüfen, wird für alle Messpunkte die gleiche Messzeit gewählt und die absoluten Zählraten verglichen.

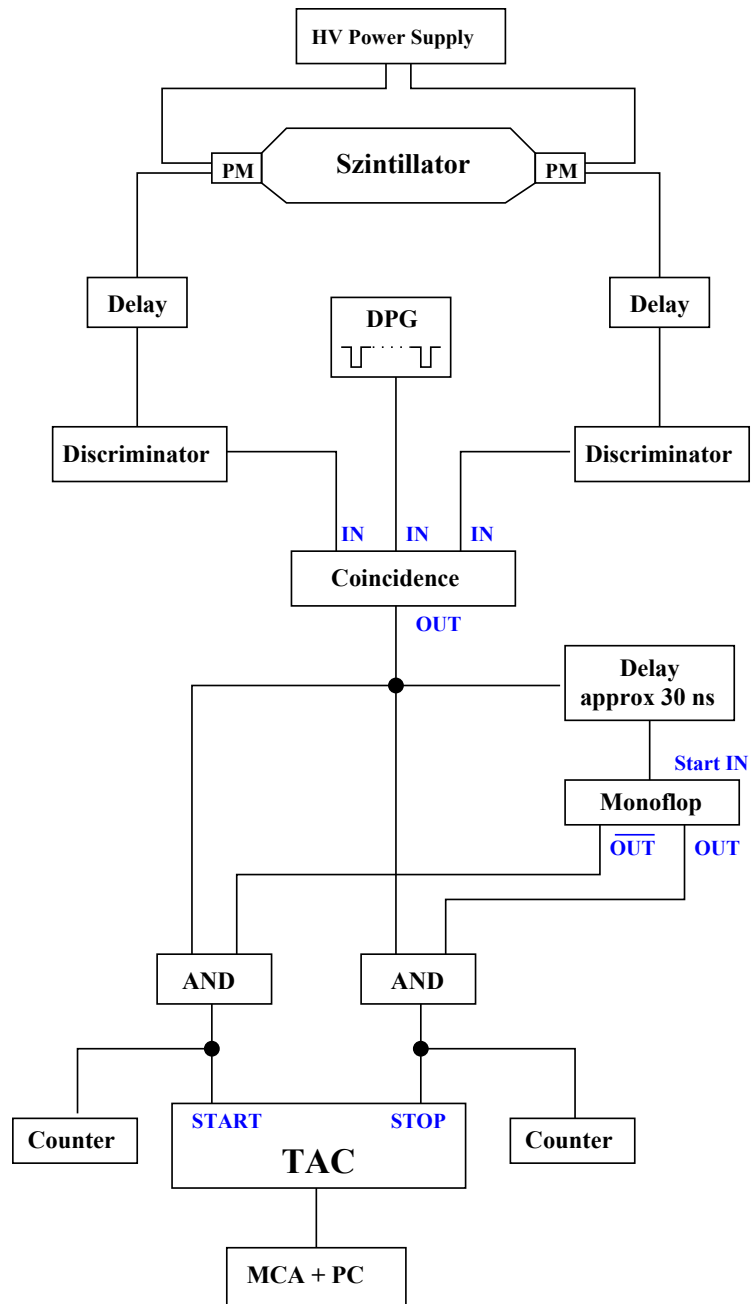


Abbildung 1: Schematische Darstellung des verwendeten Versuchsaufbaus [1].

Nach erfolgreicher Kalibrierung wird die Messung der Lebensdauer der Myonen gestartet.

4 Messung

Die in Abbildung 1 gezeigte Schaltung wird eingerichtet und die Lebensdauer der kosmischen Myonen aus einer Reihe von Messungen der einzelnen Lebensdauern bestimmt.

5 Auswertung

Um die aufgenommenen Daten zu analysieren werden die Python [2] Pakete NumPy [3] und SciPy [4] verwendet, wobei Matplotlib [5] zum Erstellen von Grafiken und zudem Uncertainties [6] zur automatisierten Fehlerfortpflanzung in linearer Ordnung dienen.

Zunächst wird die Koinzidenzschaltung auf ihr zeitliches Auflösungsvermögen geprüft. Weiter muss den Kanälen des Vielkanalanalysators je eine Zeit zugeordnet werden, bevor mit der eigentlichen Langzeitmessung fortgefahren werden kann.

5.1 Verzögerungszeit

Der Verlauf der in Tabelle 1 gezeigten Messdaten wird in Abbildung 2 als Trapez mit Null als Asymptote genähert. Es ergeben sich

$$a = (13,5 \pm 0,8) \text{ ns}^{-1}$$

für die Steigung der linken Flanke sowie Knickpunkte

$$\begin{aligned} b &= (-15,9 \pm 0,8) \text{ ns} , & c &= (5,6 \pm 1,1) \text{ ns} , \\ d &= (8,1 \pm 0,9) \text{ ns} , & e &= (22,2 \pm 0,5) \text{ ns} . \end{aligned}$$

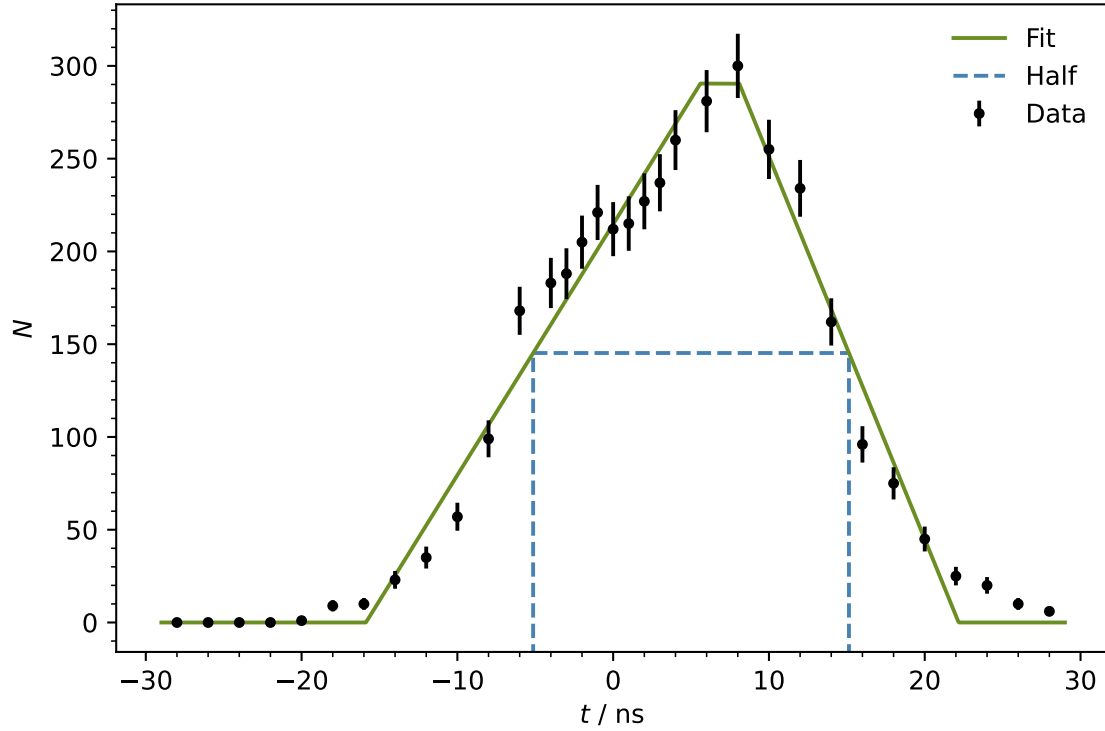


Abbildung 2: Gemessene Zählraten gegen die eingestellte Verzögerung.

Daraus lassen sich einige relevante Größen berechnen. Die maximale Zählrate lautet

$$N_{\text{Plateau}} = 291 \pm 25$$

im Bereich des Plateaus, welches eine Breite

$$T_{\text{Plateau}} = (2,5 \pm 1,4) \text{ ns}$$

aufweist. Die Hälfte dieses Maximums ist bei

$$t_{\text{links}} = (-5,1 \pm 0,7) \text{ ns} , \quad t_{\text{rechts}} = (15,1 \pm 0,5) \text{ ns}$$

erreicht. Damit folgt die Halbwertsbreite

$$T_{\text{Hälfte}} = t_{\text{rechts}} - t_{\text{links}} = (20,3 \pm 0,8) \text{ ns}$$

und letztendlich eine Auflösungszeit

$$T_{\text{Auflösung}} = T_{\text{Hälfte}} - T_{\text{Plateau}} = (17,8 \pm 0,8) \text{ ns} .$$

5.2 Kanalkalibration

Es wird ein linearer Zusammenhang zwischen Kanalnummer K und der Zeit t angesetzt.

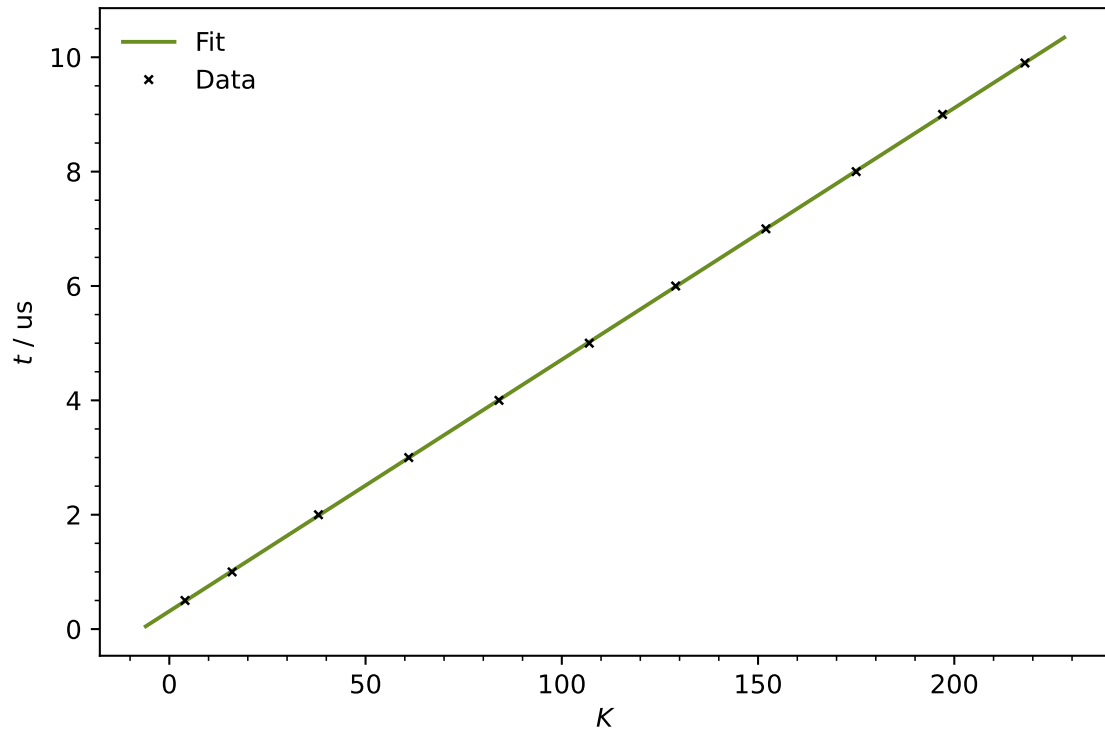


Abbildung 3: Beobachteter Zusammenhang zwischen Kanalnummer und Zeitskala.

Aus der entsprechenden Formel für die Ausgleichsrechnung

$$t(K) = AK + B$$

bestimmen sich die in Abbildung 3 verwendeten Parameter

$$A = (0,044\,00 \pm 0,000\,06) \, \mu\text{s}, \quad B = (0,313 \pm 0,008) \, \mu\text{s}$$

zur Umrechnung der Zeitskala aus dem Kanal. Diese Werte ergeben sich, indem an die Daten aus Tabelle 2 angepasst wird.

5.3 Langzeitmessung

Für die Messung der Zählrate N gegen die Zeitdifferenz t aus Tabelle 3 lässt sich

$$N(t) = m + ne^{-\lambda t}$$

als exponentieller Zusammenhang mit Normierung n ansetzen, der um m als Hintergrund verschoben ist. Aufgrund der beobachteten Streuung werden ausschließlich die Kanäle mit Indizes 4 bis 226 verwendet und in Abbildung 4 aufgetragen.

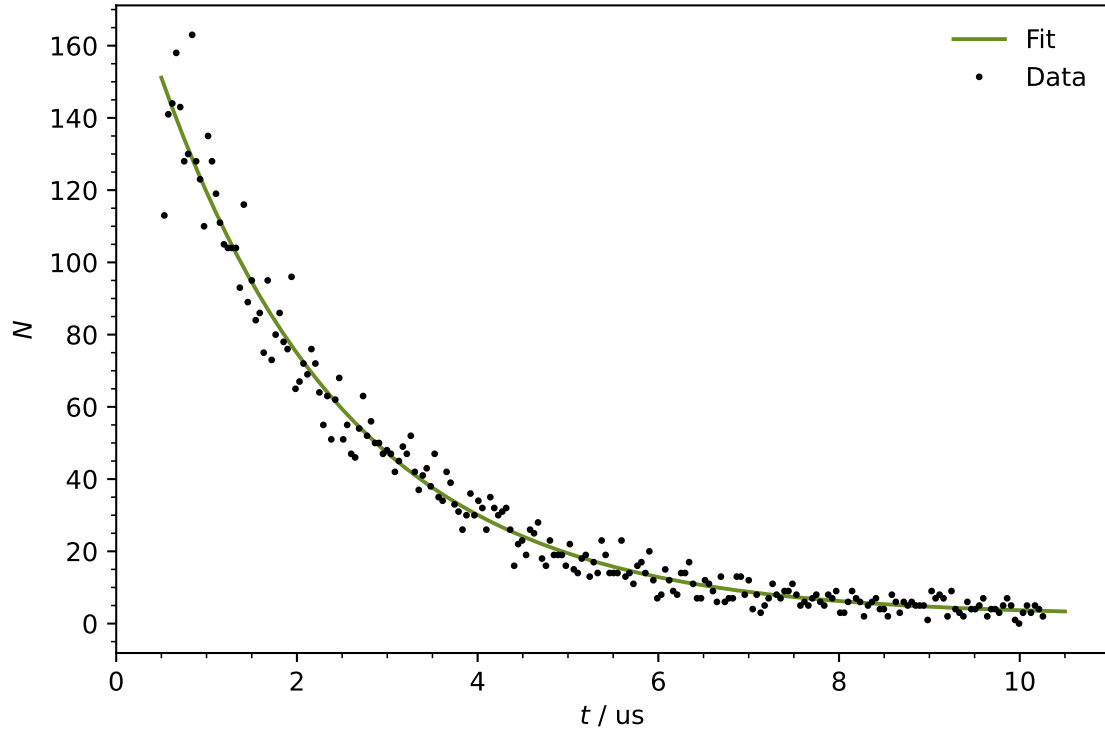


Abbildung 4: Daten aus der Langzeitmessung mit exponentieller Fitfunktion.

Die Werte der genannten Parameter lauten

$$m = 2,1 \pm 0,8 , \quad n = 189,3 \pm 2,8 .$$

Zusätzlich ergibt sich

$$\lambda = (0,48 \pm 0,01) \mu\text{s}^{-1}$$

als Zerfallskonstante und schließlich

$$\tau = (2,09 \pm 0,05) \mu\text{s}$$

für die Lebensdauer kosmischer Myonen, wobei $2,197 \mu\text{s}$ den Literaturwert angibt [7].

5.4 Hintergrundrate

Anhand der charakterisierenden Eigenschaften der Messreihe

$$\begin{aligned} T_{\text{such}} &= 10 \, \mu\text{s} , & T_{\text{mess}} &= 158\,234 \, \text{s} , \\ N_{\text{start}} &= 4\,509\,112 , & N_{\text{stopp}} &= 17\,526 \end{aligned}$$

lässt sich ein Erwartungswert

$$\langle N \rangle = N_{\text{start}} \frac{T_{\text{such}}}{T_{\text{mess}}} = 0,000\,285$$

für die Zählrate innerhalb des Suchzeitintervalls aufstellen. Unter der Annahme einer für Zählexperimente gültigen Poissonverteilung

$$P_k = \frac{\langle N \rangle^k}{k!} e^{-\langle N \rangle}$$

folgt für die Wahrscheinlichkeit, dass genau ein weiteres Myon einfällt,

$$P_1 = 0,0285 \, \% .$$

Somit lässt sich die Anzahl zusätzlicher Pulse zu

$$O_1 = P_1 N_{\text{start}} = 1285$$

abschätzen, welche sich homogen über 512 Kanäle verteilen. Pro Kanal gilt demnach

$$M = 2,5$$

als Hintergrundrate, die mit dem Wert $n = 2,1 \pm 0,8$ aus dem vorherigen Vorgehen verglichen werden kann.

6 Diskussion

$$t_{\text{optimal}} = (6,8 \pm 0,7) \, \text{ns}$$

Literatur

- [1] *V01, Lebensdauer kosmischer Myonen*. TU Dortmund, Fakultät Physik. 2024.
- [2] *Python*. Version 3.11.0. 24. Okt. 2022. URL: <https://www.python.org>.
- [3] Charles R. Harris u. a. „Array programming with NumPy“. In: *Nature* 585.7825 (Sep. 2020), S. 357–362. DOI: 10.1038/s41586-020-2649-2. URL: <https://doi.org/10.1038/s41586-020-2649-2>.

- [4] Pauli Virtanen u. a. „SciPy 1.0: Fundamental Algorithms for Scientific Computing in Python“. Version 1.9.3. In: *Nature Methods* 17 (2020), S. 261–272. DOI: 10.1038/s41592-019-0686-2.
- [5] John D. Hunter. „Matplotlib: A 2D Graphics Environment“. Version 1.4.3. In: *Computing in Science & Engineering* 9.3 (2007), S. 90–95. DOI: 10.1109/MCSE.2007.55. URL: <http://matplotlib.org/>. Current version 3.6.2, DOI: 10.5281/zenodo.7275322.
- [6] Eric O. Lebigot. *Uncertainties: a Python package for calculations with uncertainties*. Version 2.4.6.1. URL: <http://pythonhosted.org/uncertainties/>.
- [7] V. Tishchenko u. a. In: *Physical Review D* 87.5 (März 2013). ISSN: 1550-2368. DOI: 10.1103/PhysRevD.87.052003. arXiv: 1211.0960 [hep-ex].

Anhang

Tabelle 1: Messwerte zu Verzögerungszeit und Zählrate.

t / ns	N
−28	0
−26	0
−24	0
−22	0
−20	1
−18	9
−16	10
−14	23
−12	35
−10	57
−8	99
−6	168
−4	183
−3	188
−2	205
−1	221
0	212
1	215
2	227
3	237
4	260
6	281
8	300
10	255
12	234
14	162
16	96
18	75
20	45
22	25
24	20
26	10
28	6

Tabelle 2: Messwerte zu Kanalindex und Zeitintervall.

K	$t / \mu\text{s}$
4	0,5
16	1,0
38	2,0
61	3,0
84	4,0
107	5,0
129	6,0
152	7,0
175	8,0
197	9,0
218	9,9

Tabelle 3: Zählraten sortiert nach unten und rechts mit aufsteigender Kanalnummer.

N															
0	80	49	26	7	9	6	4	0	0	0	0	0	0	0	0
0	86	47	25	8	9	5	2	0	0	0	0	0	0	0	0
0	78	52	28	15	11	5	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	76	42	18	12	8	5	0	0	0	0	0	0	0	0	0
113	96	37	16	9	5	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0
141	65	41	23	8	6	9	0	0	0	0	0	0	0	0	0
144	67	43	19	14	5	7	0	0	0	0	0	0	0	0	0
158	72	38	19	14	7	8	0	0	0	0	0	0	0	0	0
143	69	47	19	17	8	7	0	0	0	0	0	0	0	0	1
128	76	35	16	11	6	2	0	0	0	0	0	0	0	0	0
130	72	34	22	7	5	9	0	0	0	0	0	0	0	0	0
163	64	42	15	7	8	4	0	0	0	0	0	0	0	0	0
128	55	39	14	12	7	3	0	0	0	0	0	0	0	0	0
123	63	33	18	11	9	2	0	0	0	0	0	0	0	0	0
110	51	31	19	9	3	6	0	0	0	0	0	0	0	0	0
135	62	26	13	6	3	4	0	0	0	0	0	0	0	0	0
128	68	30	17	13	6	4	0	0	0	0	0	0	0	0	0
119	51	36	14	6	9	5	0	0	0	0	0	0	0	0	0
111	55	30	23	7	7	7	0	0	0	0	0	0	0	0	0
105	47	34	19	7	6	2	0	0	0	0	0	0	0	0	0
104	46	32	14	13	2	4	0	0	0	0	0	0	0	0	0
104	54	26	14	13	5	4	0	0	0	0	0	0	0	0	0
104	63	35	14	8	6	3	0	0	0	0	0	0	0	0	0
93	52	32	23	12	7	5	0	0	0	0	0	0	0	0	0
116	56	30	13	4	4	7	0	0	0	0	0	0	0	0	0
89	50	31	14	8	4	5	0	0	0	0	0	0	0	0	0
95	50	32	11	3	2	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0
84	47	26	16	5	8	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
86	48	16	17	7	6	3	0	0	0	0	1	0	0	0	0
75	47	22	14	11	3	5	0	0	0	0	0	0	0	0	0
95	42	23	20	8	6	3	0	0	0	0	0	0	0	0	0
73	45	19	12	7	5	5	0	0	0	0	0	0	0	0	0