

V606

# **Suszeptibilität paramagnetischer Substanzen**

Fritz Agildere  
fritz.agildere@udo.edu

Amelie Strathmann  
amelie.strathmann@udo.edu

Durchführung: 11. April 2023

Abgabe:

TU Dortmund – Fakultät Physik

# Inhaltsverzeichnis

<b>1 Zielsetzung</b>	<b>2</b>
<b>2 Theorie</b>	<b>2</b>
2.1 Magnetismus und Materie .....	2
2.1.1 Diamagnetismus .....	2
2.1.2 Paramagnetismus .....	3
2.2 Paramagnetische Suszeptibilität .....	3
2.2.1 Seltene-Erd-Verbindungen .....	5
2.3 Messverfahren .....	5
2.3.1 Apparatur zur Induktivitätsmessung .....	5
2.3.2 Unterdrückung von Störspannungen .....	6
<b>3 Durchführung</b>	<b>7</b>
<b>4 Auswertung</b>	<b>7</b>
4.1 Durchlasskurve .....	7
4.2 Effektiver Querschnitt .....	7
4.3 Suszeptibilität .....	7
<b>5 Diskussion</b>	<b>7</b>
<b>Literatur</b>	<b>7</b>
<b>Anhang</b>	<b>8</b>

# 1 Zielsetzung

Mit dem nachfolgenden Versuch soll die Suszeptibilität der Oxide einiger Seltener-Erd-Elemente gemessen werden. Die Messergebnisse dienen anschließend zum Vergleich mit den aus der Theorie errechneten Erwartungswerten.

## 2 Theorie [1]

### 2.1 Magnetismus und Materie

Der im Vakuum geltende Zusammenhang zwischen magnetischer Flussdichte  $\mathbf{B}$  und magnetischer Feldstärke  $\mathbf{H}$

$$\mathbf{B} = \mu_0 \mathbf{H} \quad (1)$$

muss unter Anwesenheit von Materie um die Magnetisierung  $\mathbf{M}$  zu

$$\mathbf{B} = \mu_0 \mathbf{H} + \mathbf{M} \quad (2)$$

ergänzt werden. Dabei beschreibt  $\mu_0$  die magnetische Feldkonstante. Verantwortlich für das Auftreten von  $\mathbf{M}$  sind atomare magnetische Momente im betrachteten Material. Daher lässt sich die Magnetisierung mit dem mittleren magnetischen Moment  $\bar{\mu}$  und der Anzahl der Momente pro Volumen  $N$  als

$$\mathbf{M} = N \mu_0 \bar{\mu} \quad (3)$$

ausdrücken. Ihre Abhängigkeit zu  $\mathbf{H}$  wird über

$$\mathbf{M} = \mu_0 \chi \mathbf{H} \quad (4)$$

formuliert. Der Faktor  $\chi$  heißt magnetische Suszeptibilität und weist selbst komplexe Beziehungen zur Feldstärke  $\mathbf{H}$  und Temperatur  $T$  auf.

#### 2.1.1 Diamagnetismus

Durch die Induktion magnetischer Momente beim Einwirken äußerer Magnetfelder tritt in allen Atomen das Phänomen des Diamagnetismus auf. Das induzierte Feld ist dem ursächlichen dabei entgegengesetzt und schwächt so dessen Einfluss ab. Für die Suszeptibilität muss dann  $\chi < 0$  gelten. Ideale Diamagneten werden durch Supraleiter realisiert, welche  $\chi = -1$  erreichen und das Magnetfeld in ihrem Inneren vollständig verdrängen.

### 2.1.2 Paramagnetismus

Anders als der Diamagnetismus ist der Paramagnetismus keine universelle Eigenschaft der Materie, sondern lässt sich nur bei Atomen, Ionen und Molekülen beobachten, deren Gesamtdrehimpuls nicht verschwindet. Bei Abwesenheit eines äußeren Feldes sind die an den Drehimpuls gekoppelten magnetischen Momente durch thermische Bewegung zufällig orientiert, sodass keine mittlere Magnetisierung existiert. Wird jedoch ein Magnetfeld angelegt, richten sich die Momente parallel dazu aus, sodass dessen Wirkung verstärkt wird. Die Suszeptibilität erfüllt dann  $\chi > 0$  und ist aufgrund des Störeinflusses der thermischen Bewegung temperaturabhängig. Anhand dieses Modells kann  $\chi$  nun berechnet werden.

## 2.2 Paramagnetische Suszeptibilität

Der atomare Gesamtdrehimpuls  $\mathbf{J}$  setzt sich aus Bahndrehimpuls der Elektronenhülle und Eigendrehimpuls der Elektronen, dem Spin, zusammen. Für den Paramagnetismus kann der Beitrag des zusätzlich auftretenden Kerndrehimpulses vernachlässigt werden. Solange das äußere Magnetfeld nicht zu stark ist, wird von LS-Kopplung mit

$$\mathbf{J} = \mathbf{L} + \mathbf{S} \quad (5)$$

ausgegangen, also der Annahme, dass  $\mathbf{J}$  der Vektorsumme von Gesamtbahndrehimpuls  $\mathbf{L}$  und Gesamtsピン  $\mathbf{S}$  entspricht. Dabei setzen sich  $\mathbf{L}$  und  $\mathbf{S}$  nach

$$\mathbf{L} = \sum_i \mathbf{l}_i \quad \mathbf{S} = \sum_i \mathbf{s}_i \quad (6)$$

aus der jeweiligen Vektorsumme der Einzeldrehimpulse sämtlicher in der Hülle enthaltenen Elektronen zusammen. Anwenden quantenmechanischer Mittel liefert dann die zugehörigen magnetischen Momente, welche sich auf

$$\boldsymbol{\mu}_L = -\frac{\mu_B}{\hbar} \mathbf{L} \quad (7)$$

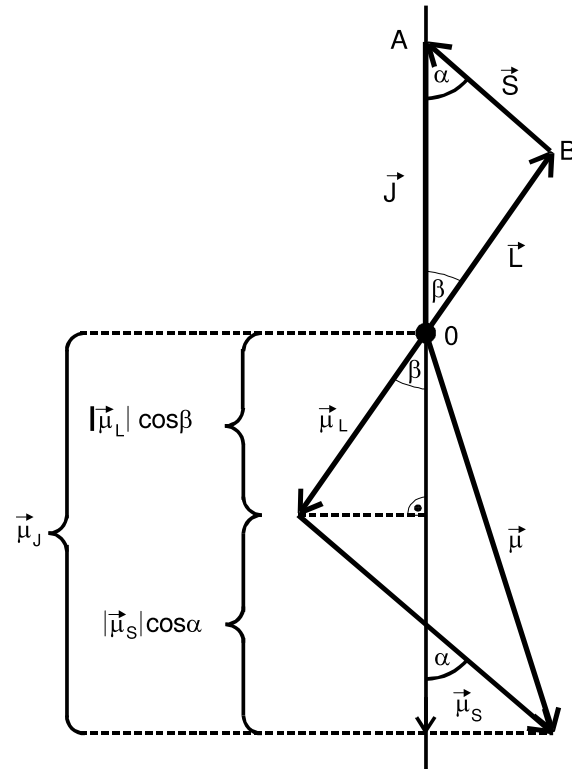
und

$$\boldsymbol{\mu}_S = -g_s \frac{\mu_B}{\hbar} \mathbf{S} \quad (8)$$

belaufen. Dabei entspricht  $\hbar = \frac{h}{2\pi}$  der reduzierten Planck-Konstante, die mit Wirkungsquantum  $h$ , Frequenz  $\nu$  und Kreisfrequenz  $\omega$  die Beziehung  $h\nu = \hbar\omega$  erfüllt. Mit der Ladung  $e_0$  und Ruhemasse  $m_0$  des Elektrons bezeichnet das Bohrsche Magneton

$$\mu_B = \frac{1}{2} \frac{e_0}{m_0} \hbar \quad (9)$$

das zur Drehimpulseinheit  $\hbar$  gehörige magnetische Moment. Der Faktor  $g_s$  entspricht dem gyromagnetischen Verhältnis des freien Elektrons.



**Abbildung 1:** Vektordiagramm aus den Drehimpulsvektoren einer Elektronenhülle und den daraus resultierenden magnetischen Momenten.

### 2.2.1 Seltene-Erd-Verbindungen

## 2.3 Messverfahren

### 2.3.1 Apparatur zur Induktivitätsmessung

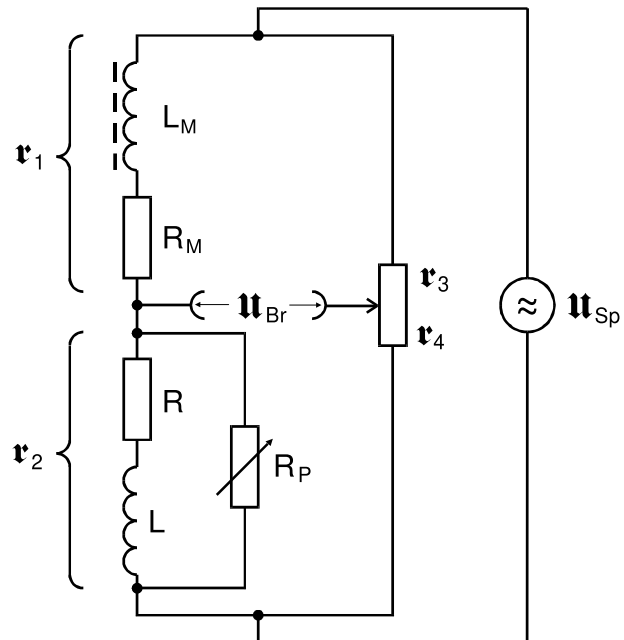


Abbildung 2: Brückenschaltung für eine Suszeptibilitätsmessung.

### 2.3.2 Unterdrückung von Störspannungen

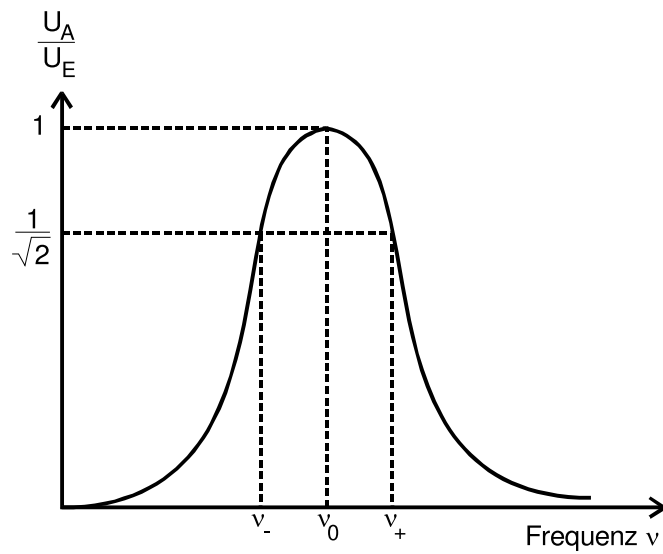


Abbildung 3: Filterkurve eines Selektivverstärkers.

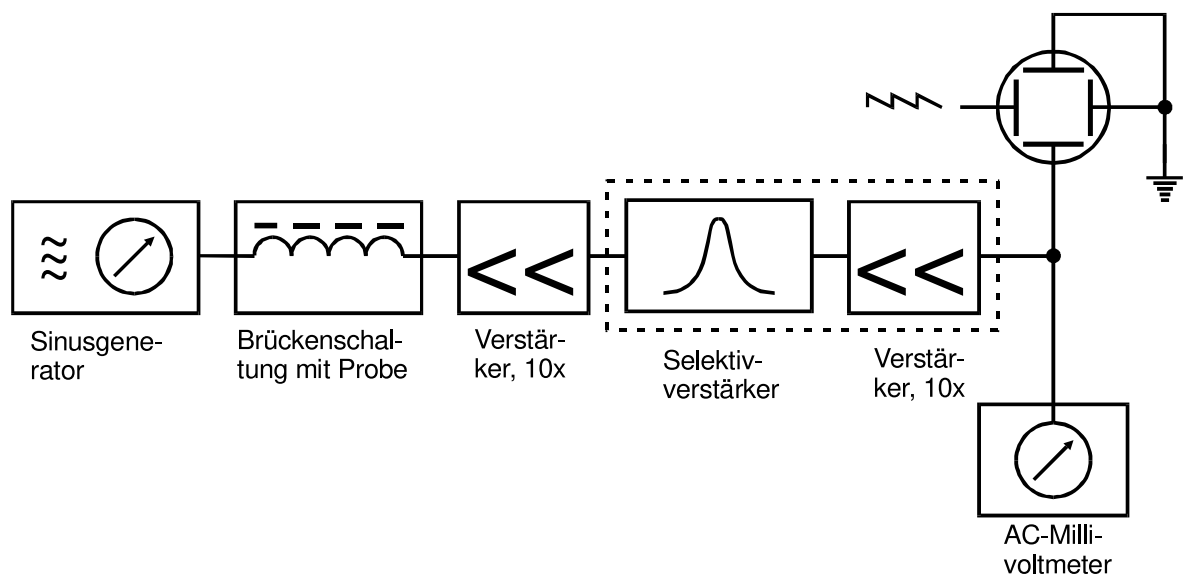


Abbildung 4: Blockschaltbild der verwendeten Messapparatur.

$\tau$   
 $h$

### **3 Durchführung**

### **4 Auswertung**

#### **4.1 Durchlasskurve**

#### **4.2 Effektiver Querschnitt**

#### **4.3 Suszeptibilität**

### **5 Diskussion**

### **Literatur**

- [1] *Anleitung zu Versuch 606, Suszeptibilität paramagnetischer Stoffe.* TU Dortmund, Fakultät Physik. 2023.



## Anhang