V702

Aktivierung mit Neutronen

Fritz Agildere fritz.agildere@udo.edu

Amelie Strathmann amelie.strathmann@udo.edu

Durchführung: 13. Juni 2023 Abgabe:

TU Dortmund – Fakultät Physik

Inhaltsverzeichnis

| 1 | Zielsetzung | 2 |
|-----|---|------------|
| 2 | Theorie 2.1 Kernreaktionen mit Neutronen | 2 2 |
| 3 | Durchführung | 2 |
| 4 | Auswertung4.1 Methodik4.2 Nulleffekt4.3 Vanadium4.4 Rhodium | 3 |
| 5 | Diskussion | 12 |
| Lit | ceratur | 12 |
| Ar | nhang | 14 |

1 Zielsetzung

Ziel des Versuches ist es, die Halbwertszeiten von und die Zerfallskurven Rhodium und Vanadium zu bestimmen.

2 Theorie

Ein Atom wird als stabil bezeichnet, wenn ein stabiles festgelegtes Verhältnis zwischen Neutronen und Protonen besteht. Außerhalb dieser engen Grenze wandelt sich der Kern in einen stabilen oder instabilen Kern um. Um die Zerfallswahrscheinlichkeit zu beschreiben wird die Halbwertszeit T eines Nuklids bestimmt. Diese gibt bei einer großen Anzahl instabiler Kerne an, wann die Hälfte dieser zerfallen ist. Wenn die gesamte Nuklidkarte betrachtet wird, fällt auf, dass die verschiedenen Halbewertszeiten T über 23 Zehnerpotenzen variieren können. Im Folgenden Experiment werden Halbwertszeiten bestimmt. Um Nuklide mit Halbwertszeiten im Sekunden bis Stunden Bereich hezustellen, werden stabile Kernen mit Neutronen beschossen.

2.1 Kernreaktionen mit Neutronen

Der Begriff Kernreaktion beschreibt allgemein die Wechselwirkungen von Teilchen mit Atom Kernen. Um die Halbwertszeiten bestimmen zu können, müssen zunächst Kernreaktionen bei denen ein Neutron in ein Teilchen eindringt, untersucht werden. Wird ein Atomkern mit einem Neutron beschossen, so wird der Kern in ein angeregten Zustand überführt. Diese Kernen werden als Zwischenkern oder Compoundkern bezeichnet. Die Energie des Compoundkerns ist um die kinetische Energie und die Bindungsenergie des Neutrons höher als vorher. Durch die zusätzliche Enrgie entsteht die Anregung der Nukleonen. Der Kern ist in den meisten Fällen ,wegen der Verteilung der zusätzlichen Energie auf viele Nukleonen,nicht in der Lage, das Neutron oder ein Nukleon abzustoßen. In diesem Falle wird ein γ -Quant emitiert, sodass der Zwischenkern wieder in den Grundzustand übergeht. Für diese Reaktion gilt

3 Durchführung

4 Auswertung

Die beschriebenen Zusammenhänge werden nun angewendet und geprüft.

4.1 Methodik

Für eine Stichprobe xaus K Messpunkten \boldsymbol{x}_k ist der Mittelwert mit

$$\mu(x) = \frac{1}{K} \sum_{k=1}^{K} x_k$$

gegeben. Über diesen ist auch die Standardabweichung

$$\sigma(x) = \sqrt{\mu(x^2) - \mu(x)^2}$$

als Streumaß definiert. Zum weiteren Vorgehen wird die Berechnung und Fortpflanzung von Abweichungen mithilfe der Bibliothek uncertainties [3] automatisiert. Lineare Ausgleichsrechnungen werden mit numpy [1] durchgeführt. Dabei ergeben sich die Fehler aus der jeweiligen Kovarianzmatrix. Zur Erstellung von Grafiken kommt matplotlib [2] zum Einsatz. Alle Programme werden unter python [4] ausgeführt. Passende Zeiten zur Aktivierung sowie günstige Messintervalle werden Abbildung 9 entnommen.

4.2 Nulleffekt

Tabelle 1: Messdaten zum Nulleffekt bei $\Delta t = 10 \,\mathrm{s}.$

| t/s | $N/\mathrm{s^{-1}}$ | t/s | $N/\mathrm{s^{-1}}$ | t/s | $N/\mathrm{s^{-1}}$ | t/s | N/s^{-1} |
|-----|---------------------|-----|---------------------|-----|---------------------|-----|---------------------|
| 10 | 0,3 | 160 | 0,3 | 310 | 0,4 | 460 | 0,3 |
| 20 | 0,9 | 170 | 0,8 | 320 | 0,3 | 470 | 0,3 |
| 30 | 0,5 | 180 | 0,5 | 330 | 0,2 | 480 | 0,5 |
| 40 | 0,1 | 190 | 0,4 | 340 | 0,3 | 490 | 0,3 |
| 50 | 0,5 | 200 | 0,3 | 350 | 0,4 | 500 | 0,4 |
| 60 | 0,4 | 210 | 0,4 | 360 | 0,2 | 510 | 0,7 |
| 70 | 0,1 | 220 | 0,6 | 370 | 0,5 | 520 | 0,2 |
| 80 | 0,6 | 230 | 0,3 | 380 | 0,4 | 530 | 0,2 |
| 90 | 0,2 | 240 | 0,3 | 390 | 0,5 | 540 | 0,3 |
| 100 | 0,3 | 250 | 0,2 | 400 | 0,2 | 550 | 0,5 |
| 110 | 0,5 | 260 | 0,2 | 410 | 0,6 | 560 | 0,4 |
| 120 | 0,3 | 270 | 0,6 | 420 | 0,8 | 570 | 0,2 |
| 130 | $0,\!4$ | 280 | 0,2 | 430 | 0,7 | 580 | 0,3 |
| 140 | 0,2 | 290 | 0,3 | 440 | 0,6 | 590 | 0,1 |
| 150 | 0,7 | 300 | 0,5 | 450 | 0,6 | 600 | 0,2 |

Aus den Messwerten in Tabelle 1 ergibt sich die gemittelte Größe

$$N = (0.392 \pm 0.185) \, \mathrm{s}^{-1}$$

für die Hintergrundzählrate. Alle anschließenden Messreihen müssen durch Subtraktion von N bereinigt werden, damit sich daraus sinnvolle Werte ergeben. Zur Beurteilung des Streuverhaltens und der Annahme, dass der Nulleffekt über große Zeiträume konstant ist, wird ein gleitender Mittelwert implementiert, der aus n benachbarten Messpunkten zentriert das arithmetische Mittel berechnet. Abbildung 1 stellt dazu einige Fälle dar.

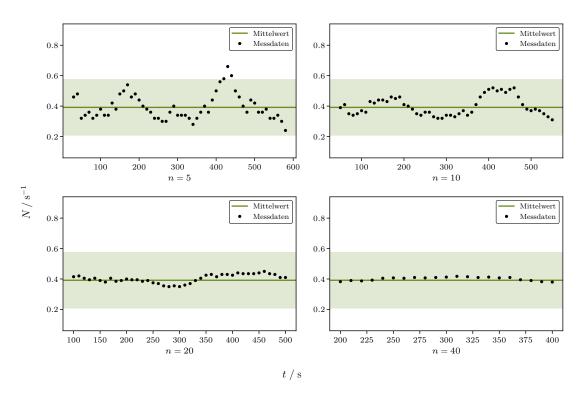


Abbildung 1: Streuverhalten der Hintergrundzählrate.

Der Bereich der Standardabweichung des Nulleffekts ist farblich hinterlegt. Es lässt sich eine gleichmäßige Konvergenz der geglätteten Daten aus Tabelle 1 gegen den Mittelwert erkennen. Die Vorraussetzung einer uniform verteilten Zufallsgröße scheint also erfüllt zu sein, sodass mit der weiteren Auswertung fortgefahren werden kann.

4.3 Vanadium

Anhand des Isotops 52 V als Aktivierungspr
dukt von 51 V wird exemplarisch ein relativ einfacher Zerfallsprozess analysiert. Dazu werden die Werte in Tabelle 2 logarithmiert, eine lineare Regression liefert dann die gesuchten Parameter.

Tabelle 2: Bereinigte Messdaten zu $^{52}\mathrm{V}$ bei $\varDelta t = 30\,\mathrm{s}.$

| t/s | $N/\mathrm{s^{-1}}$ | t/s | $N/\mathrm{s^{-1}}$ | t/s | $N/\mathrm{s^{-1}}$ |
|-----|---------------------|-----|---------------------|-----|---------------------|
| 30 | $5,9 \pm 0,2$ | 330 | $1,9 \pm 0,2$ | 630 | $1,0 \pm 0,2$ |
| 60 | $5{,}3\pm0{,}2$ | 360 | $1,9 \pm 0,2$ | 660 | 0.3 ± 0.2 |
| 90 | 4.5 ± 0.2 | 390 | $1{,}7\pm0{,}2$ | 690 | 0.9 ± 0.2 |
| 120 | $3,5 \pm 0,2$ | 420 | $1,5 \pm 0,2$ | 720 | 0.9 ± 0.2 |
| 150 | $3,8 \pm 0,2$ | 450 | $1,3 \pm 0,2$ | 750 | 0.6 ± 0.2 |
| 180 | $2,8 \pm 0,2$ | 480 | $1{,}7\pm0{,}2$ | 780 | 0.7 ± 0.2 |
| 210 | $3,4 \pm 0,2$ | 510 | $1,2 \pm 0,2$ | 810 | 0.3 ± 0.2 |
| 240 | $2,4 \pm 0,2$ | 540 | $1,2 \pm 0,2$ | 840 | 0.5 ± 0.2 |
| 270 | $2,0 \pm 0,2$ | 570 | $1{,}0\pm0{,}2$ | 870 | 0.4 ± 0.2 |
| 300 | $1,\!8\pm0,\!2$ | 600 | $0,9\pm0,2$ | 900 | 0.3 ± 0.2 |

Mit dem konstanten Faktor $C=N_0\left(1-\exp(-\lambda)\right)$ kann die Aktivität als $N(t)=C\exp(-\lambda t)$

zusammengefasst werden. Entlang der logarithmischen Formulierung kann

$$ln(N(t)) = at + b$$

als lineares Modell mit $\lambda = -a$ und $C = \exp(b)$ angesetzt werden.

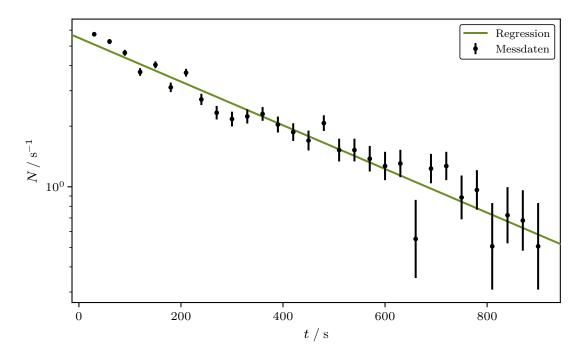


Abbildung 2: Halblogarithmisches Zerfallsdiagramm für $^{52}\mathrm{V}.$

Die resultierende Ausgleichsgerade mit den Optimierungsparametern

$$a = (-0.00303 \pm 0.00016) \,\mathrm{s}^{-1}$$
 $b = 1.719 \pm 0.087$

ist in Abbildung 2 eingetragen. Aus a folgen die Zerfallskonstante

$$\lambda = (0.00303 \pm 0.00016) \, \mathrm{s}^{-1}$$

und über den Zusammenhang $T = \ln(2) \lambda^{-1}$ die Halbwertszeit

$$T = (228,4 \pm 12,3) \,\mathrm{s}$$

für $^{52}\mathrm{V}.$ Der konstante Faktor C berechnet sich aus bzu

$$C = (5{,}580 \pm 0{,}486)\,\mathrm{s}^{-1}$$

und gibt ein Maß für die initiale Aktivität an.

4.4 Rhodium

Neben dem instabilen Isotop $^{104}\mathrm{Rh}$ produziert die Neutronenaktivierung von $^{103}\mathrm{Rh}$ mit dem metastabilen $^{104m}\mathrm{Rh}$ auch dazu isomere Kerne. Dadurch tritt ein komplexer Zerfallsvorgang auf, bei dessen Untersuchung die Beiträge der gemischten Isotope separiert werden müssen, bevor eine weitere Verarbeitung der Daten möglich ist.

Tabelle 3: Bereinigte Messdaten zum 104 Rh-Gemisch bei $\Delta t = 8 \, \text{s.}$

| t/s | $N/\mathrm{s^{-1}}$ | t / s | $N/\mathrm{s^{-1}}$ | t/s | $N/\mathrm{s^{-1}}$ | t/s | $N/\mathrm{s^{-1}}$ | t/s | $N/\mathrm{s^{-1}}$ |
|-----|---------------------|--------------------|---------------------|-----|---------------------|-----|---------------------|-----|---------------------|
| 8 | 37.7 ± 0.2 | 152 | $6,0 \pm 0,2$ | 296 | 2.7 ± 0.2 | 440 | $2,0 \pm 0,2$ | 584 | $1,5 \pm 0,2$ |
| 16 | 28.1 ± 0.2 | 160 | $3,6 \pm 0,2$ | 304 | $2,\!0\pm0,\!2$ | 448 | $1,6 \pm 0,2$ | 592 | $1,\!0\pm0,\!2$ |
| 24 | $26,5\pm0,2$ | 168 | $6,7 \pm 0,2$ | 312 | $1,1 \pm 0,2$ | 456 | 0.5 ± 0.2 | 600 | $1,6 \pm 0,2$ |
| 32 | $21{,}5\pm0{,}2$ | 176 | $5,5 \pm 0,2$ | 320 | 1.6 ± 0.2 | 464 | $1,1 \pm 0,2$ | 608 | 0.7 ± 0.2 |
| 40 | $19{,}7\pm0{,}2$ | 184 | $3,9 \pm 0,2$ | 328 | $1{,}7\pm0{,}2$ | 472 | $1{,}4\pm0{,}2$ | 616 | 0.9 ± 0.2 |
| 48 | $18,5 \pm 0,2$ | 192 | $5,5 \pm 0,2$ | 336 | $1,9 \pm 0,2$ | 480 | $1,0 \pm 0,2$ | 624 | 0.7 ± 0.2 |
| 56 | $17{,}4\pm0{,}2$ | 200 | $3,2 \pm 0,2$ | 344 | 1.7 ± 0.2 | 488 | $1,1 \pm 0,2$ | 632 | 0.2 ± 0.2 |
| 64 | $13{,}0\pm0{,}2$ | 208 | $2,0 \pm 0,2$ | 352 | $1,5 \pm 0,2$ | 496 | $1,9 \pm 0,2$ | 640 | 0.7 ± 0.2 |
| 72 | $13,2 \pm 0,2$ | 216 | $3,7 \pm 0,2$ | 360 | $2,0 \pm 0,2$ | 504 | $1,0 \pm 0,2$ | 648 | 0.7 ± 0.2 |
| 80 | $13{,}5\pm0{,}2$ | 224 | $3,4\pm0,2$ | 368 | $2{,}5\pm0{,}2$ | 512 | 0.5 ± 0.2 | 656 | $0,4 \pm 0,2$ |
| 88 | $13{,}6\pm0{,}2$ | 232 | $3,1 \pm 0,2$ | 376 | $1,9 \pm 0,2$ | 520 | 1.6 ± 0.2 | 664 | $1,2 \pm 0,2$ |
| 96 | 7.7 ± 0.2 | 240 | $4{,}0\pm0{,}2$ | 384 | $2,6 \pm 0,2$ | 528 | 1.7 ± 0.2 | 672 | 0.4 ± 0.2 |
| 104 | $10{,}4\pm0{,}2$ | 248 | $2,0 \pm 0,2$ | 392 | $1,9 \pm 0,2$ | 536 | 1.7 ± 0.2 | 680 | 0.7 ± 0.2 |
| 112 | $8,5 \pm 0,2$ | 256 | $3,4 \pm 0,2$ | 400 | $1,9 \pm 0,2$ | 544 | 0.9 ± 0.2 | 688 | 0.9 ± 0.2 |
| 120 | $9,1 \pm 0,2$ | 264 | $2,6 \pm 0,2$ | 408 | 1.6 ± 0.2 | 552 | $1,1 \pm 0,2$ | 696 | $1,0 \pm 0,2$ |
| 128 | $8,4 \pm 0,2$ | 272 | $2,9 \pm 0,2$ | 416 | $1{,}2\pm0{,}2$ | 560 | $1{,}2\pm0{,}2$ | 704 | 0.9 ± 0.2 |
| 136 | $6,1 \pm 0,2$ | 280 | $2,4\pm0,2$ | 424 | 0.9 ± 0.2 | 568 | 0.7 ± 0.2 | 712 | 0.6 ± 0.2 |
| 144 | 6.7 ± 0.2 | 288 | $1,7 \pm 0,2$ | 432 | $2,4 \pm 0,2$ | 576 | 0.6 ± 0.2 | 720 | 0.6 ± 0.2 |

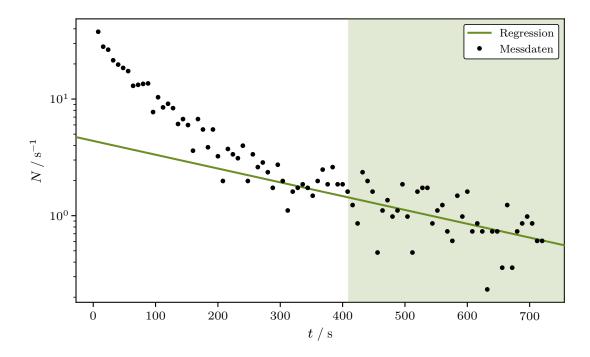


Abbildung 3: Halblogarithmisches Zerfallsdiagramm für $^{104m}\mathrm{Rh}$ bei $\Delta t = 8\,\mathrm{s}.$

Anhand Abbildung 3 wird ein Zeitpunkt $t_1=410\,\mathrm{s}$ geschätzt, ab dem die logarithmierten Daten aus Tabelle 3 um eine Gerade streuen, also nur noch das langlebigere $^{104m}\mathrm{Rh}$ zur Aktivität beiträgt. Die Messwerte $t\geq t_1$ werden dann zur linearen Ausgleichsrechnung herangezogen. Der entsprechende Bereich ist farblich gekennzeichnet.

Die weitere Rechnung verläuft analog zum einfachen Zerfall. Mit den Koeffizienten

$$a_1 = (-0.00273 \pm 0.00079) \, \mathrm{s}^{-1}$$

$$b_1 = 1,476 \pm 0,459$$

folgt aus \boldsymbol{a}_1 die Zerfallskonstante

$$\lambda_1 = (0{,}00273 \pm 0{,}00079)\,\mathrm{s}^{-1}$$

und damit die Halbwerszeit

$$T_1 = (254, 3 \pm 74, 4) \,\mathrm{s}$$

für $^{104m}\mathrm{Rh.}$ Aus b_1 kann

$$C_1 = (4,376 \pm 2,008) \,\mathrm{s}^{-1}$$

berechnet werden.

Für den Zerfall von $^{104} \mathrm{Rh}$ muss die soeben bestimmte Zählrate $N_1(t) = C_1 \exp(-\lambda_1 t)$ von den in Tabelle 3 nachgehaltenen Messwerten abgezogen werden. Die Ergebnisse dieser Korrektur sind in Abbildung 4 visualisiert. Nun wird ein Zeitpunkt $t_2 = 80\,\mathrm{s}$ gewählt, wobei $t_2 < t_1$ gefordert ist. Punkte $t \leq t_2$ verlaufen annähernd geradelinig und erlauben erneut eine Regressionsrechnung. Wieder ist der verwendete Bereich farblich hervorgehoben.

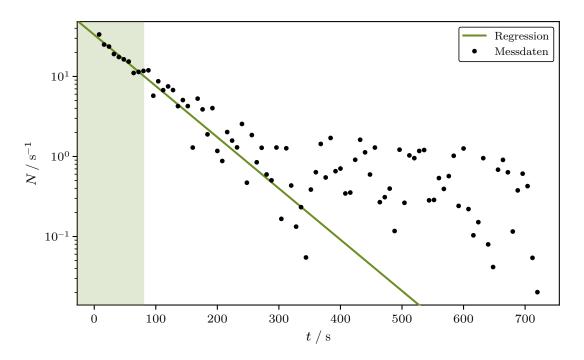


Abbildung 4: Halblogarithmisches Zerfallsdiagramm für ¹⁰⁴Rh bei $\Delta t = 8$ s.

Die geringste Abweichung zwischen Modell und Messung ist durch

$$a_2 = (-0.01703 \pm 0.00153) \, \mathrm{s}^{-1} \qquad \qquad b_2 = 3.500 \pm 0.076$$

gegeben. Aus \boldsymbol{a}_2 folgt die Zerfallskonstante

$$\lambda_2 = (0.01703 \pm 0.00153) \, \mathrm{s}^{-1}$$

und damit eine Halbwertzeit von

$$T_2 = (40.7 \pm 3.7) \,\mathrm{s}$$

für $^{104}\mathrm{Rh}.$ Aus b_2 lässt sich

$$C_2 = (33{,}105 \pm 2{,}517)\,\mathrm{s}^{-1}$$

bestimmen.

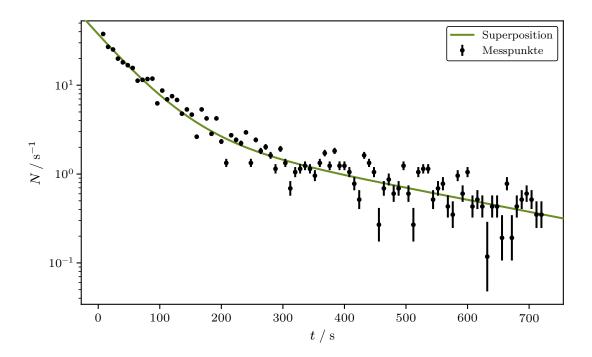


Abbildung 5: Halblogarithmisches Zerfallsdiagramm zum 104 Rh-Gemisch bei $\Delta t = 8 \, \text{s.}$

Der Verlauf des Zerfalls der Isotopen-Mischung sollte der Superposition der Resultate

$$N(t) = C_1 \exp(-\lambda_1 t) + C_2 \exp(-\lambda_2 t)$$

gehorchen. Abbildung 5 erlaubt eine Beurteilung der Güte dieses Modells. Darin werden nun auch Fehlerbalken zu den Messwerten eingetragen, welche in den Abbildungen 3 und 4 zur besseren Lesbarkeit ausgelassen sind.

Völlig analog wird eine zweite Messreihe mit größeren Zeitintervallen ausgewertet.

Tabelle 4: Bereinigte Messdaten zum $^{104}\mathrm{Rh}\text{-}\mathrm{Gemisch}$ bei $\Delta t = 15\,\mathrm{s}.$

| t/s | $N/\mathrm{s^{-1}}$ | t/s | $N/\mathrm{s^{-1}}$ | t/s | N / s^{-1} | t/s | $N/\mathrm{s^{-1}}$ | t/s | N / s^{-1} |
|-----|---------------------|-----|---------------------|-----|-------------------------|-----|---------------------|-----|-----------------|
| 15 | $49,7 \pm 0,2$ | 165 | 5.8 ± 0.2 | 315 | $2,3 \pm 0,2$ | 465 | $1,7 \pm 0,2$ | 615 | 0.9 ± 0.2 |
| 30 | $35{,}1\pm0{,}2$ | 180 | $5,3 \pm 0,2$ | 330 | $2,0 \pm 0,2$ | 480 | $1,9 \pm 0,2$ | 630 | 0.9 ± 0.2 |
| 45 | $27,9 \pm 0,2$ | 195 | $5{,}1\pm0{,}2$ | 345 | $2,1 \pm 0,2$ | 495 | 0.9 ± 0.2 | 645 | 0.5 ± 0.2 |
| 60 | $25,9 \pm 0,2$ | 210 | $4,3 \pm 0,2$ | 360 | 0.7 ± 0.2 | 510 | $1{,}1\pm0{,}2$ | 660 | 0.7 ± 0.2 |
| 75 | $17,9 \pm 0,2$ | 225 | $3,9 \pm 0,2$ | 375 | $1,6 \pm 0,2$ | 525 | $1,3 \pm 0,2$ | 675 | 0.7 ± 0.2 |
| 90 | $17{,}2\pm0{,}2$ | 240 | $3,4 \pm 0,2$ | 390 | 1.8 ± 0.2 | 540 | 0.7 ± 0.2 | 690 | $1,3 \pm 0,2$ |
| 105 | $12{,}4\pm0{,}2$ | 255 | $2{,}7\pm0{,}2$ | 405 | $1{,}4\pm0{,}2$ | 555 | $1{,}1\pm0{,}2$ | 705 | $1{,}0\pm0{,}2$ |
| 120 | $9,5 \pm 0,2$ | 270 | $2{,}7\pm0{,}2$ | 420 | $1{,}7\pm0{,}2$ | 570 | $1{,}3\pm0{,}2$ | 720 | 0.5 ± 0.2 |
| 135 | 7.8 ± 0.2 | 285 | $2{,}7\pm0{,}2$ | 435 | $1,5 \pm 0,2$ | 585 | $1{,}1\pm0{,}2$ | 735 | 0.9 ± 0.2 |
| 150 | $7{,}5\pm0{,}2$ | 300 | $2{,}7\pm0{,}2$ | 450 | $1{,}1\pm0{,}2$ | 600 | $1{,}2\pm0{,}2$ | 750 | 0.5 ± 0.2 |

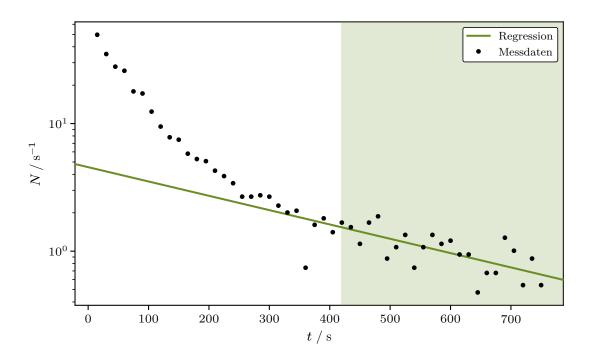


Abbildung 6: Halblogarithmisches Zerfallsdiagramm für 104m Rh bei $\Delta t = 15\,\mathrm{s}.$

Für $t_1=420\,\mathrm{s}$ ergeben sich aus der in Abbildung 6 dargestellten linearen Regression

$$a_1 = (-0.00259 \pm 0.00059) \, \mathrm{s}^{-1} \qquad \qquad b_1 = 1.516 \pm 0.349$$

als Parameter. Mit \boldsymbol{a}_1 folgen daraus die Zerfallskonstante

$$\lambda_1 = (0.00259 \pm 0.00059) \: \mathrm{s}^{-1}$$

sowie die entsprechende Halbwertszeit

$$T_1 = (268,1 \pm 60,9) \,\mathrm{s}$$

für $^{104m}\mathrm{Rh}.$ Mit b_1 kann der Faktor

$$C_1 = (4,555 \pm 1,589) \,\mathrm{s}^{-1}$$

bestimmt werden.

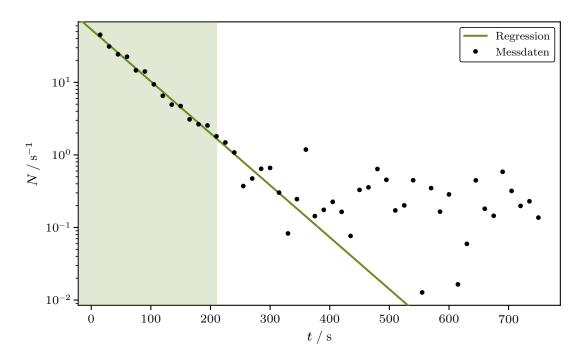


Abbildung 7: Halblogarithmisches Zerfallsdiagramm für $^{104}\mathrm{Rh}$ bei $\varDelta t = 15\,\mathrm{s}.$

Die bereinigten Werte in Abbildung 7 liefern mit $t_2=210\,\mathrm{s}$ auf gleiche Weise wie zuvor

$$a_2 = (-0.01702 \pm 0.00051) \, \mathrm{s}^{-1} \qquad \qquad b_2 = 3.988 \pm 0.065$$

als Regressionsparameter. Aus \boldsymbol{a}_2 folgt die Zerfallskonstante

$$\lambda_2 = (0.01702 \pm 0.00051) \, \mathrm{s}^{-1}$$

und damit die zugehörige Halbwertszeit

$$T_2 = (40.7 \pm 1.2) \,\mathrm{s}$$

für $^{104}\mathrm{Rh}.$ Über b_2 lässt sich

$$C_2 = (53{,}941 \pm 3{,}492)\,\mathrm{s}^{-1}$$

berechnen.

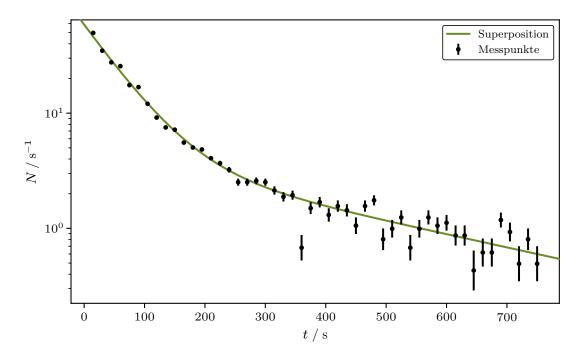


Abbildung 8: Halblogarithmisches Zerfallsdiagramm zum 104 Rh-Gemisch bei $\Delta t = 15$ s.

Abbildung 8 enthält wie Abbildung 5 die Superposition der Ergebnisse samt grafischer Darstellung der fehlerbehafteten Messgrößen aus Tabelle 4.

Es lässt sich noch die Wahl der Zeitpunkte t_1 und t_2 überprüfen, indem in die Bedingung $N_2(t_2) \ll N_1(t_2)$ eingesetzt wird.

Für $\Delta t = 8 \text{ s}$ ist diese Forderung mit $(0.031 \pm 0.019) \text{ s}^{-1} \ll (1.431 \pm 0.807) \text{ s}^{-1}$ erfüllt.

Mit $(0.042\pm0.009)\,\mathrm{s^{-1}}\ll(1.538\pm0.657)\,\mathrm{s^{-1}}$ genügt auch $\Delta t=15\,\mathrm{s}$ der Voraussetzung.

Um die Ergebnisse zusammenzufassen, wird zuletzt für beide Messreihen der Mittelwert aufgestellt. Die Halbwertszeit beläuft sich dann auf $T=(261,2\pm48,1)\,\mathrm{s}$ für $^{104m}\mathrm{Rh}$ sowie $T=(40,7\pm1,9)\,\mathrm{s}$ für $^{104}\mathrm{Rh}$.

5 Diskussion

Literatur

[1] Charles R. Harris u. a. "Array programming with NumPy". In: *Nature* 585.7825 (Sep. 2020), S. 357–362. DOI: 10.1038/s41586-020-2649-2. URL: https://doi.org/10.1038/s41586-020-2649-2.

- [2] John D. Hunter. "Matplotlib: A 2D Graphics Environment". Version 1.4.3. In: Computing in Science & Engineering 9.3 (2007), S. 90–95. DOI: 10.1109/MCSE.2007. 55. URL: http://matplotlib.org/. Current version 3.6.2, DOI: 10.5281/zenodo.7275322.
- [3] Eric O. Lebigot. *Uncertainties: a Python package for calculations with uncertainties.* Version 2.4.6.1. URL: http://pythonhosted.org/uncertainties/.
- [4] Python. Version 3.11.0. 24. Okt. 2022. URL: https://www.python.org.

Anhang

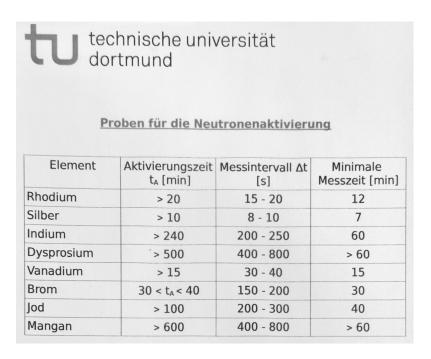


Abbildung 9: Ausgehängte Liste zu Messintervallen und Aktivierungszeiten.

| tins | N | |
|------|----|--|
| 10 | 3 | |
| 20 | 3 | |
| 30 | 5 | |
| 40 | 1 | |
| 20 | 2 | |
| 60 | 9 | |
| 70 | Λ | |
| 80 | 6 | |
| 80 | 2 | |
| aal | 3 | |
| MO | 5 | |
| 720 | 3 | |
| 130 | q | |
| Nyo | 2 | |
| 120 | 67 | |
| 160 | 3 | |
| OFA | 8 | |
| V80 | 5 | |
| 190 | 4 | |

| 500 F | N 3 | t | N 5 |
|----------|--------|-------|--------|
| | | 390 | |
| 210 | 4 | 400 | 2 |
| 220 | 6 | 410 | 6 |
| 230 | 3 | 420 | 8 |
| 240 | 3 | 430 | 7 |
| 250 | 2 | 440 | 6 |
| 260 | 2 | 456 | 6 |
| 240 | 6 | 460 | 3 |
| 280 | 2 | 476 | 3 |
| 290 | 3 | 480 | 5 |
| 300 | 5 | 490 | 3 |
| 310 | Ч | 400 | 4 |
| 320 | 3 | 510 | 7 |
| 330 | 2 | 520 | 2 |
| 340 | 3 | 530 | 2 |
| 350 | 4 | 540 | 3 |
| 360 | 2 | 550 | 5 |
| 370 | 5 | 560 | 4 |
| 380 | 4 | 570 | 2 |
| | | 580 3 | 590 n |

| 600 | | (zu longsam) |
|---------|------|---------------|
| lnodium | At= | = 8 Ful 12min |
| N | tins | NZ |
| 305 | 8 | 57 |
| 228 | , | 51 |
| 215 | • | 32 |
| 175 | | 57 |
| 161 | | 47 |
| 151 | | 34 |
| 142 | | 47 |
| 107 | | 29 |
| 109 | | 19 |
| 111 | | 33 |
| 112 | | 30 |
| 65 | | 28 |
| 86 | 4.7 | 35 |
| 71 | | 19 |
| 76 | | 30 |
| 70 | | 24 |
| 52 | | 26 |

| N ₃ | + à0 | c 85 | Ny |
|----------------|------|------|----|
| 22 | | 6 | 10 |
| | | | 22 |
| Add 17 | 0 | | 19 |
| 25 | | | 16 |
| 19 | 10 6 | | 7 |
| 12 | | | |
| 16 | 6 | | 12 |
| 17 | + 2 | | 14 |
| 78 | | | 11 |
| 17 | | | 12 |
| 15 | | | 12 |
| 19 | | | 11 |
| 23 | | | 7 |
| V8 | | | 16 |
| | | | 17 |
| 24 | | | 7 |
| 18 | | 10 | |
| 18 | P.A. | 12 | |
| 16 | 103 | 13 | |
| 1/3 | PF | | |
| | 135 | 9 | |

| N5 | + | 161 |
|------------------|---|------|
| | | |
| 8 | 1 | |
| 15 | - | |
| | | 41 + |
| $\Lambda\Lambda$ | | |
| 16 | | |
| | | |
| 9 | | |
| 10 | | |
| | | |
| 9 | | |
| 5 | | |
| | | |
| 3 | | |
| 9 | | |
| 9 | | |
| 6 | | |
| | | |
| 13 | | |
| 8 | | |
| | | |
| 3 | | |
| 10 | | |
| 10 | | |
| 11 | | |
| | | |
| 10 | | |
| 8 | | |
| | | |
| 8 | | |
| | | |

| vand | ium | 15 min |
|------|----------------|--------|
| Δt | =305 | |
| N | N ₂ | tins |
| 188 | 47 | 30 |
| 171 | 47 | |
| 148 | 43 | 4 |
| 116 | 40 | 4 |
| 127 | 41 | |
| 96 | 22 | |
| 115 | 39 | |
| 83 | 40 | |
| 71 | 30 | |
| 66 | 32 | |
| 68 | 21 | |
| 70 | 26 | |
| 62 | 25 | |
| 57 | 21 | |
| 52 | | |
| 63 | | |

| Modium | 2 | in 12 win |
|--------|----|-----------|
| | | 1t=155 |
| NA | NZ | Eins |
| 751 | 46 | 15 |
| 5 32 | 47 | |
| u25 | 46 | |
| 395 | 40 | |
| 774 | 36 | |
| 264 | 37 | |
| 192 | 17 | |
| 148 | 36 | |
| 123 | 33 | |
| 118 | 27 | |
| 93 | 31 | |
| 35 | 25 | |
| 28 | 23 | |
| 70 | 31 | |
| 64 | 34 | |
| 57 | 19 | |
| 46 | 22 | |

