Taller Asociacion

May 24, 2025

1 Taller Asociación – Minería de Datos – 2025-I

Facultad de Ingeniería

Departamento de Ingeniería de Sistemas e Industrial Universidad Nacional de Colombia – Sede Bogotá

Estudiantes:

- Francisco José Salamanca Rivera fsalamancar@unal.edu.co
- Daniel Mauricio Bonilla Muñoz dabonilla@unal.edu.co
- David Camilo Gómez Medina dcgomezne@unal.edu.co

Docente:

• Elizabeth León Guzmán eleonguz@unal.edu.co

1.0.1 Punto 1

Por cada un de las siguientes preguntas, proveer un ejemplo de una regla de asociación del dominio de "market basket" que satisface las siguientes condiciones. También, describir si las reglas son interesantes (subjetivamente).

Solución

Transacción	Productos
T1	pan, pañales, chocolate, gaseosa, leche
T2	pan, salchichas, leche, pañales, huevos
T3	leche, pañales, gaseosa
T4	pan, leche, huevos, chocolate, gaseosa, café
T5	leche, café, huevos, pan, gaseosa
T6	pan, leche, pañales, huevos, chocolate

Transacción	Productos
$\overline{\mathrm{T7}}$	pan, leche, pañales, chocolate

Ejemplos Reglas de asociación con soporte y confianza

- (a) Una regla que tiene alto soporte y alta confianza: $\{pan\} \rightarrow \{leche\}$ soporte = 6/7 = 0.85 confianza = 6/6 = 1
- (c) Una regla que tiene bajo soporte y baja confianza: $\{gaseosa, pan\} \rightarrow \{pañales\}$ soporte = 1/7 = 0.14 confianza = 1/3 = 0.33
- (d) Una regla que tiene bajo soporte y alta confianza: $\{\text{café}\} \rightarrow \{\text{huevos}\}$ soporte = 2/7 = 0.28 confianza = 2/2 = 1

La regla (a) $\{pan\} \rightarrow \{leche\}$ es muy interesante porque combina un alto soporte y una confianza del 100%, lo que indica que es una asociación fuerte y frecuente, útil para decisiones comerciales. La regla (c) $\{gaseosa, pan\} \rightarrow \{pañales\}$ es poco interesante, ya que tiene tanto bajo soporte como baja confianza, lo que la hace poco fiable y rara vez ocurre en los datos. En cambio, la regla (d) $\{café\} \rightarrow \{huevos\}$ es potencialmente interesante: aunque tiene bajo soporte, su confianza perfecta sugiere una relación consistente.

1.0.2 Punto 2

¿Por qué el proceso de descubrimiento de reglas de asociación es relativamente simple comparado con la generación de grandes conjuntos de ítems en bases de datos transaccionales?

Por que se hace un proceso previo el cual consiste en la identificacion de los items u objetos mas frecuentes en el dataset, que en comparacion con la generación del conjunto de datos, es la parte mas compleja de la tarea, ya que se necesita explicar un gran numero de combinaciones posibles entre los ítems.

1.0.3 Punto 3

Considere el siguiente conjunto de datos.

TID	Items
T01	milk, beer, diapers
T02	bread, butter, milk
T03	milk, diapers, cookies
T04	bread, butter, cookies
T05	beer, cookies, diapers
T06	milk, diapers, bread, butter
T07	bread, butter, diapers
T08	beer, diapers
T09	milk, diapers, bread, butter
T10	beer, cookies

- 1. (a) ¿Cuál es el número máximo de reglas de asociación que se pueden generar? (incluyendo reglas con soporte 0)
- 2. (b) ¿Cuál es el tamaño máximo de los conjuntos de ítems frecuentes que se pueden extraer (asumir umbral de minsoporte (>0))?
- 3. (c) Escribir una regla que contenga 3 ítems que se genere de este conjunto de datos.
- 4. (d) Encontrar un conjunto de ítems (de tamaño mayor a 2) con el valor de soporte máximo.
- 5. (e) Encontrar un par de ítems ((a) y (b)) tal que las reglas (a \rightarrow b) y (b \rightarrow a) tengan la misma confianza.

Respuesta

(a) Primero, se identifican los ítems únicos, los cuales son: milk, beer, diapers, bread, butter y cookies. Se obtiene un total de 6 ítems únicos.

El número de reglas posibles con (n) ítems es:

$$R = \sum_{k=1}^{n-1} \binom{n}{k} \cdot (2^k - 2)$$

Pero, se puede calcular de una manera más sencilla:

$$R = 3^n - 2^{n+1} + 1$$

Aplicando esta fórmula con (n = 6), obtenemos:

$$R = 3^6 - 2^7 + 1 = 602.$$

(b) El tamaño máximo de los conjuntos de ítems frecuentes hace referencia al conjunto de ítems más grande que aparece en al menos una transacción. De acuerdo con el conjunto de datos brindado, las transacciones T06 y T09 presentan el conjunto de datos más grande, con un valor de 4. Este conjunto es:

Se calcula el soporte de la siguiente manera:

Soporte({milk, diapers, bread, butter}) =
$$\frac{2}{10} = 0.2$$
.

De acuerdo con el soporte mínimo de 0, este conjunto es frecuente.

Conclusión:

El tamaño máximo de conjuntos frecuentes con soporte (>0) es 4.

(c) Con base en el ítem anterior, una posible regla podría surgir de las transacciones T06 y T09. Por ejemplo, entre *milk*, *diapers* y *bread*. Una posible regla es:

$$\{ \text{milk, diapers} \} \rightarrow \{ \text{bread} \}.$$

Se verifica el soporte, que es el mismo calculado antes (aparece en T06 y T09):

$$Soporte\big(\{milk,\, diapers,\, bread\}\big) = \frac{2}{10} = 0.2.$$

Ahora, se calcula la confianza de la regla:

$$\label{eq:confianza} \text{Confianza}(\{\,\text{milk},\,\text{diapers}\} \rightarrow \{\,\text{bread}\}\,) = \frac{\text{Soporte}(\{\text{milk},\,\text{diapers},\,\text{bread}\}\,)}{\text{Soporte}(\{\text{milk},\,\text{diapers}\}\,)} = \frac{2/10}{4/10} = 0.5.$$

Por lo tanto, una regla válida es:

$$\{\, \mathrm{milk},\, \mathrm{diapers}\} \,\,\rightarrow\,\, \{\mathrm{bread}\}.$$

- (d) En este apartado, aumenta la complejidad del problema, por lo que se aborda mediante Python. Se realizan los siguientes pasos:
 - Se buscan conjuntos de tamaño 3 y 4 frecuentes junto con sus soportes.
 - Se identifica el conjunto con el mayor soporte.

Como resultado se obtiene:

El conjunto {bread, butter, milk} tiene tamaño 3 y soporte máximo 0.3.

- (e) De igual forma que el ítem anterior, se resuelve el problema por medio de Python. Se tienen en cuenta los pasos siguientes:
 - 1. Buscar los pares (a) y (b) que cumplan la condición

$$\frac{\operatorname{soporte}(a,b)}{\operatorname{soporte}(a)} \; = \; \frac{\operatorname{soporte}(a,b)}{\operatorname{soporte}(b)},$$

es decir, ambos ítems tienen el mismo soporte.

- 2. Contar el soporte individual de cada ítem.
- 3. Identificar los pares con igual soporte.
- 4. Verificar la confianza de la regla.

Aplicando esto, se obtiene la siguiente solución:

```
El par (milk, butter) cumple con conf(milk \rightarrow butter) = conf(butter \rightarrow milk) = 0.6.
```

```
[71]: from itertools import combinations, chain
      # Se definen las transacciones
      transactions = {
          "T01": {"milk", "beer", "diapers"},
          "T02": {"bread", "butter", "milk"},
          "T03": {"milk", "diapers", "cookies"},
          "T04": {"bread", "butter", "cookies"},
          "T05": {"beer", "cookies", "diapers"},
          "T06": {"milk", "diapers", "bread", "butter"},
          "T07": {"bread", "butter", "diapers"},
          "T08": {"beer", "diapers"},
          "T09": {"milk", "diapers", "bread", "butter"},
          "T10": {"beer", "cookies"}
      }
      all_items = set(chain.from_iterable(transactions.values()))
      # Número total de ítems
      n = len(all items)
      # (a) Número máximo de reglas
      \max \text{ rules} = 3**n - 2**(n+1) + 1
      print(f"(a) Número máximo de reglas: {max_rules}")
      # Función para calcular soporte (frecuencia relativa)
      def support(itemset, transactions):
          count = 0
          for t in transactions.values():
              if itemset.issubset(t):
                  count += 1
          return count / len(transactions)
      # (b) Tamaño máximo de conjuntos frecuentes con soporte > 0
      max_size = max(len(t) for t in transactions.values())
      print(f"(b) Tamaño máximo de conjuntos frecuentes (soporte > 0): {max_size}")
      # (c) Escribe una regla con 3 ítems (ejemplo)
      # {milk, diapers} -> {bread}
      antecedent = {"milk", "diapers"}
      consequent = {"bread"}
      # Soporte conjunto (antecedente U consecuente)
```

```
sup_conjunto = support(antecedent.union(consequent), transactions)
# Soporte antecedente
sup_antecedent = support(antecedent, transactions)
# Confianza de la regla
confianza = sup_conjunto / sup_antecedent if sup_antecedent > 0 else 0
print(f"(c) Regla: {antecedent} -> {consequent}")
          Soporte: {sup_conjunto:.2f}")
         Confianza: {confianza:.2f}")
print(f"
# (d) Encontrar conjunto frecuente (tamaño > 2) con soporte máximo
# Primero se obtienen todos los conjuntos frecuentes de tamaño > 2
# Genera todos los conjuntos posibles de tamaño 3 y 4 (como máximo tamaño es 4)
max_possible_size = max_size
max_support = 0
max_support_set = None
for size in range(3, max_possible_size+1):
    # Generar combinaciones de todos los ítems
   for combo in combinations(all_items, size):
       combo set = set(combo)
        sup = support(combo_set, transactions)
       if sup > max support:
            max_support = sup
           max_support_set = combo_set
print(f"(d) Conjunto con soporte máximo (>2 ítems): {max_support_set}, soporte:

√{max_support:.2f}")
# (e) Encontrar par de ítems (a, b) tal que las reglas a->b y b->a tengan mismau
 ⇔confianza
# Esto pasa si soporte(a) == soporte(b)
# Calcula soporte individual de cada ítem
item_supports = {item: support({item}, transactions) for item in all_items}
# Busca pares con iqual soporte
pares_iguales = []
for a, b in combinations(all_items, 2):
   if abs(item_supports[a] - item_supports[b]) < 1e-6: # iqualdad con_
 \rightarrowtolerancia
        # Calcula soporte conjunto
       sup_conj = support({a, b}, transactions)
        if sup_conj > 0:
```

```
(a) Número máximo de reglas: 602
```

- (b) Tamaño máximo de conjuntos frecuentes (soporte > 0): 4
- (c) Regla: {'milk', 'diapers'} -> {'bread'}
 Soporte: 0.20
 Confianza: 0.50
- (d) Conjunto con soporte máximo (>2 ítems): {'bread', 'butter', 'milk'},

soporte: 0.30

(e) Par con reglas a->b y b->a misma confianza: a = bread, b = butter, confianza = 1.00

1.0.4 Punto 4

Usando valores de umbral de soporte = 25 % y confianza = 60 %, encuentre:

- a) Todos los conjuntos de ítems en la base de datos X
- b) Reglas de asociación fuertes para la base de datos X
- c) Analice las asociaciones engañosas para el conjunto de reglas obtenido en el numeral anterior.

```
[72]: import pandas as pd
from efficient_apriori import apriori

#Hacer la tabla de datos
punto4 = {
    'TID': ['T01', 'T02', 'T03', 'T04', 'T05', 'T06', 'T07', 'T08'],
    'Items': [
        'A, B, C, D',
        'A, C, D, F',
        'C, D, E, G, A',
        'A, D, F, B',
        'B, C, G',
        'D, F, G',
        'A, B, G',
```

```
'C, D, F, G'
   ]
}
punto4_df = pd.DataFrame(punto4)
# Convertir strings en listas (eliminar espacios)
punto4_df['Items'] = punto4_df['Items'].apply(lambda x: [item.strip() for item_

yin x.split(',')])
# Ver reglas usando apriori, usando umbral de soporte 0.25 y confianza 0.6
itemsets, rules = apriori(punto4_df['Items'], min_support=0.25,__
→min_confidence=0.6)
# Crear listas para cada atributo
lhs = []
rhs = []
support = []
confidence = []
lift = ∏
for rule in rules:
    lhs.append(tuple(rule.lhs))
    rhs.append(tuple(rule.rhs))
    support.append(rule.support)
    confidence.append(rule.confidence)
    lift.append(rule.lift)
# Crear DataFrame con los datos
df_rules = pd.DataFrame({
    'Antecedente': lhs,
    'Consecuente': rhs,
    'Soporte': support,
    'Confianza': confidence,
    'Lift': lift
})
print("a. Reglas con soporte mínimo de 0.25 y confianza mínima de 0.6:\n")
print(f"{df_rules}\n")
print("b. Reglas de asociación fuertes para la base de datos X \n")
print("La regla de asociacion mas fuerte es:\n")
print(df_rules.iloc[13])
print("\n")
print("Seguidas por las reglas, 10,11,17,20,21,24,25 con un lift de 1.3\n")
```

```
print("c. Reglas de asociación engañosas:")
print("Las reglas de asociacion que no aportan informacion y resultan engañosas

→son:\n")
print("Las reglas, 2,3,8,9,12,14,23 con un lift menor que 1.\n Indicando que el

→consecuente no es mas probable cuando el antecedente ocurre\n")
```

a. Reglas con soporte mínimo de 0.25 y confianza mínima de 0.6:

	Antecedente	Consecuente	Soporte	Confianza	Lift
0	(B,)	(A,)	0.375	0.750000	1.200000
1	(A,)	(B,)	0.375	0.600000	1.200000
2	(C,)	(A,)	0.375	0.600000	0.960000
3	(A,)	(C,)	0.375	0.600000	0.960000
4	(D,)	(A,)	0.500	0.666667	1.066667
5	(A,)	(D,)	0.500	0.800000	1.066667
6	(D,)	(C,)	0.500	0.666667	1.066667
7	(C,)	(D,)	0.500	0.800000	1.066667
8	(G,)	(C,)	0.375	0.600000	0.960000
9	(C,)	(G,)	0.375	0.600000	0.960000
10	(F,)	(D,)	0.500	1.000000	1.333333
11	(D,)	(F,)	0.500	0.666667	1.333333
12	(G,)	(D,)	0.375	0.600000	0.800000
13	(B, D)	(A,)	0.250	1.000000	1.600000
14	(A, B)	(D,)	0.250	0.666667	0.888889
15	(C, D)	(A,)	0.375	0.750000	1.200000
16	(A, D)	(C,)	0.375	0.750000	1.200000
17	(A, C)	(D,)	0.375	1.000000	1.333333
18	(C,)	(A, D)	0.375	0.600000	1.200000
19	(A,)	(C, D)	0.375	0.600000	1.200000
20	(A, F)	(D,)	0.250	1.000000	1.333333
21	(C, F)	(D,)	0.250	1.000000	1.333333
22	(D, G)	(C,)	0.250	0.666667	1.066667
23	(C, G)	(D,)	0.250	0.666667	0.888889
24	(F, G)	(D,)	0.250	1.000000	1.333333
25	(D, G)	(F,)	0.250	0.666667	1.333333

b. Reglas de asociación fuertes para la base de datos X

La regla de asociacion mas fuerte es:

Antecedente (B, D)
Consecuente (A,)
Soporte 0.25
Confianza 1.0
Lift 1.6
Name: 13, dtype: object

Seguidas por las reglas, 10,11,17,20,21,24,25 con un lift de 1.3

c. Reglas de asociación engañosas:

Las reglas de asociación que no aportan información y resultan engañosas son:

Las reglas, 2,3,8,9,12,14,23 con un lift menor que 1.

Indicando que el consecuente no es mas probable cuando el antecedente ocurre

1.0.5 Punto 5

El algoritmo Apriori usa estrategías de generación y conteo para derivar conjuntos de items frecuentes. Conjuntos de item de tamaño k+1 son creados de conjuntos de items de tamaño k. Un conjunto candidato es eliminado si uno de sus subconjuntos no es frecuente en la fase de poda. Supongamos que el algoritmo Apriori es aplicado a los datos de la siguiente tabla con un soporte mínimo de 30% (ejercicio realizado en clase).

id	items
1	a, b, d, e
2	b, c, d
3	a, b, d, e
4	a, c, d, ϵ
5	b, c, d, e
6	b, d, e
7	c, d
8	a, b, c
9	a, d, e
10	b, d

- (a) Dibujar el lattice de los conjuntos de ítems y etiquetar cada nodo con las siguientes letras:
- N: si el conjunto no es considerado candidato
- \mathbf{F} : si el conjunto candidato es $\mathbf{frecuente}$
- I: si el conjunto candidato no es frecuente
- (b) ¿Cuál es el porcentaje de conjuntos de ítems frecuentes?
- (c) ¿Cuál es el radio de poda en este conjunto de datos?
- (El radio de poda se define como el **porcentaje de conjuntos de ítems no considerados** candidatos, ya sea porque no son generados durante la etapa de generación de candidatos o porque son podados en la etapa de poda).
- (d) ¿Cuál es la rata de falsa alarma?

(Porcentaje de los conjuntos de ítems candidatos que son encontrados **NO frecuentes** después de calcular el soporte).

Solución punto (a)

• (b) Porcentaje de ítems frecuentes: $\frac{15}{30} = 0.5 = 50\%$

$$\frac{15}{30} = 0.5 = 50\%$$

• (c) Radio de poda:
$$\frac{10}{30} = 0.33 = 33\%$$

• (d) Tasa de falsa alarma: $\frac{5}{30} = 0.166 = 16\%$

$$\frac{5}{30} = 0.166 = 16\%$$

1.0.6 Punto 6

Dada la siguiente base de datos transaccional Y:

TID	Ítems
1	A, B, C
2	A, C, D, E
3	A, B, D
4	A, C, F
5	A, B
6	A, E, F
7	A, B, D, E, F
8	A, F
9	B, D, E
10	B, D, E, F
11	B, C, D, E
12	C, D, E

Instrucciones

1. Algoritmos

- Aplicar Apriori
- Aplicar FP-Growth
- 2. Soporte mínimo = 2
 - Encontrar todos los conjuntos de ítems frecuentes.
 - Probar con varios valores de confianza para generar reglas de asociación.
- 3. Análisis de resultados
 - Ordenar los conjuntos frecuentes obtenidos.
 - Comparar resultados de Apriori vs FP-Growth (conjuntos y reglas).
 - Evaluar y comparar eficiencia (tiempo, número de pases, uso de memoria, etc.).
- 4. Repetir con soporte mínimo = 3
 - Volver a ejecutar ambos algoritmos.

• Comparar nuevos resultados con los del soporte = 2.

Respuesta:

Para dar respuesta a este problema, se hizo uso de la librería mlxtend de Python.

Acá, se utilizó el soporte relativo, es decir, el soporte requerido se dividió entre el total de las transacciones. Esto, para poder hacer uso de la facilidad de la librería mlxtend.

Análisis de los resultados

Para un soporte de 2, se evidenció que el mejor algoritmo es el de FP-Growth en comparación con Apriori. Fue más eficiente en cuanto a tiempo, por lo que si se tiene un conjunto de datos grande y se mantiene el soporte, FP-Growth puede ser una gran alternativa para realizar asociación.

Cuando se realiza la comparación con un soporte de 3, esto cambia. El algoritmo de FP-Groth y Apriori llegan a tener eficiencias muy semejantes en cuanto a tiempo; incluso, Apriori superando a FP-Growth. Esto sucede puede suceder por lo siguiente:

- Al ir aumentando el soporte, FP-Growth siempre debe realizar por lo menos dos pasadas completas sobre la base (una para contar frecuencias globales y ordernar ítems, otra para construir el FP-tree).
- Si el soporte es alto, sólo unos pocos ítems o pares resultan frecuentes, pero aún así *FP-Growth* incurre en la construcción del árbol y el gasto de punteros y enlaces internos.
- Con un soporte alto, FP-Growth "minaría" muy poco el árbol, debido a que se encontrarían patrones de tamaño no mayores a 1 o 2.
- Apriori puede resolverlo en una o dos pasadas sencillas, sin estructuras recursivas ni árboles.

Consideraciones Adicionales

Faltaría hacer el análisis cuando se aumenta el tamaño y la dimensionalida del dataset.

```
[73]: #pip install mlxtend
```

```
['B', 'D', 'E', 'F'],
         ['B', 'C', 'D', 'E'],
         ['C', 'D', 'E']
     ]
     #Convert to dataframe
     te = TransactionEncoder()
     te_ary = te.fit(transactions6).transform(transactions6)
     df_t6 = pd.DataFrame(te_ary, columns=te.columns_)
     df t6
[74]:
                          C
                                D
                                       Ε
                                             F
             Α
                   В
          True
                True
                       True False False
                                         False
          True False
                       True
                            True
                                    True False
     1
     2
               True False True False False
          True
     3
          True False
                       True False False
                                         True
          True True False False False
     5
          True False False False
                                    True True
     6
          True True False True
                                    True True
     7
         True False False False True
     8 False True False True True False
     9
         False True False True
                                    True
                                         True
     10 False True True True False
     11 False False
                      True True
                                   True False
[75]: #Total support
     min_sup = 2
     #Relative support
     rel_sup = min_sup / len(transactions6)
     rel_sup #0.166
[75]: 0.166666666666666
[76]: start = time.time()
     r_apriori = apriori(df_t6, min_support= rel_sup, use_colnames = True)
     end = time.time()
     print(f"Tiempo de ejecución Apriori: {end - start} segundos")
     Tiempo de ejecución Apriori: 0.002424001693725586 segundos
[77]: start = time.time()
     r_fpgrowth = fpgrowth(df_t6, min_support=rel_sup, use_colnames=True)
     end = time.time()
     print(f"Tiempo de ejecución FP-Growth: {end - start} segundos")
```

Tiempo de ejecución FP-Growth: 0.003003835678100586 segundos

```
[78]: r_apriori
[78]:
           support
                          itemsets
      0
          0.666667
                               (A)
          0.583333
                               (B)
      1
      2
          0.416667
                               (C)
                               (D)
      3
          0.583333
                               (E)
      4
          0.583333
      5
          0.416667
                               (F)
                            (B, A)
      6
          0.333333
      7
          0.250000
                            (C, A)
          0.250000
                            (D, A)
      8
      9
          0.250000
                            (E, A)
      10
          0.333333
                            (F, A)
                            (B, C)
      11
          0.166667
                            (B, D)
      12
          0.416667
                            (B, E)
      13
          0.333333
      14
          0.166667
                            (B, F)
      15
          0.250000
                            (D, C)
                            (C, E)
      16 0.250000
      17
          0.500000
                            (D, E)
                            (D, F)
      18
          0.166667
      19
                            (F, E)
          0.250000
      20
          0.166667
                         (B, D, A)
                         (D, E, A)
      21
          0.166667
      22
          0.166667
                         (F, E, A)
      23
         0.333333
                         (B, D, E)
      24
          0.166667
                         (B, F, D)
      25
                         (B, F, E)
          0.166667
      26
          0.250000
                         (D, C, E)
                         (D, F, E)
      27
          0.166667
                     (B, F, D, E)
          0.166667
[79]: r_fpgrowth['length'] = r_fpgrowth['itemsets'].apply(len)
      r_fpgrowth = r_fpgrowth.sort_values('length', ascending=True)
      r_fpgrowth
[79]:
                          itemsets
                                    length
           support
          0.666667
                               (A)
                                          1
      0
                               (B)
                                          1
      1
          0.583333
      2
          0.416667
                               (C)
                                          1
      3
          0.583333
                               (E)
                                          1
      4
                               (D)
                                          1
          0.583333
      5
          0.416667
                               (F)
                                          1
                                          2
      23
                            (D, F)
          0.166667
      22
          0.166667
                            (B, F)
                                          2
                                          2
                            (F, E)
      21
          0.250000
```

```
(F, A)
      20 0.333333
                                       2
                          (D, A)
                                       2
      18 0.250000
                          (D, E)
                                       2
      17 0.500000
                          (E, A)
                                       2
      16 0.250000
      14 0.250000
                          (C, E)
                                       2
                          (B, C)
                                       2
      12 0.166667
      11 0.250000
                          (C, A)
                                       2
                                       2
      8
          0.333333
                          (B, E)
                          (B, D)
                                       2
      7
          0.416667
          0.333333
                          (B, A)
                                       2
      6
                          (D, C)
                                       2
      13 0.250000
                       (D, F, E)
      27 0.166667
                                       3
      15 0.250000
                       (D, C, E)
                                       3
      10 0.333333
                       (B, D, E)
                                       3
                       (D, E, A)
                                       3
      19 0.166667
                       (B, D, A)
                                       3
          0.166667
                       (F, E, A)
                                       3
      24 0.166667
                       (B, F, E)
      25 0.166667
                                       3
                       (B, F, D)
                                       3
      26 0.166667
                   (B, F, D, E)
      28 0.166667
[80]: #Total support
      min_sup_3 = 3
      #Relative support
      rel_sup_3 = min_sup_3 / len(transactions6)
      rel_sup_3 #0.25
[80]: 0.25
[81]: start = time.time()
      r_apriori_3 = apriori(df_t6, min_support= rel_sup_3, use_colnames = True)
      end = time.time()
      print(f"Tiempo de ejecución Apriori: {end - start} segundos")
     Tiempo de ejecución Apriori: 0.0037508010864257812 segundos
[82]: start = time.time()
      r_fpgrowth_3 = fpgrowth(df_t6, min_support=rel_sup_3, use_colnames=True)
      end = time.time()
      print(f"Tiempo de ejecución FP-Growth: {end - start} segundos")
     Tiempo de ejecución FP-Growth: 0.0030808448791503906 segundos
[83]: r_apriori_3
[83]:
           support
                     itemsets
          0.666667
                          (A)
```

```
(B)
      1
          0.583333
      2
                            (C)
          0.416667
      3
          0.583333
                            (D)
                            (E)
      4
          0.583333
      5
          0.416667
                            (F)
      6
          0.333333
                         (B, A)
                         (C, A)
      7
          0.250000
                         (D, A)
      8
          0.250000
                         (E, A)
      9
          0.250000
      10
          0.333333
                         (F, A)
                         (B, D)
          0.416667
      11
      12
          0.333333
                         (B, E)
      13
          0.250000
                         (D, C)
                         (C, E)
      14
          0.250000
          0.500000
                         (D, E)
      15
                         (F, E)
      16
          0.250000
      17
                      (B, D, E)
          0.333333
          0.250000
                      (D, C, E)
[84]: r_fpgrowth_3['length'] = r_fpgrowth_3['itemsets'].apply(len)
      r_fpgrowth_3 = r_fpgrowth_3.sort_values('length', ascending=True)
      r_fpgrowth_3
[84]:
            support
                       itemsets
                                 length
          0.666667
      0
                            (A)
                                       1
      1
          0.583333
                            (B)
                                       1
      2
          0.416667
                            (C)
                                       1
      3
          0.583333
                            (E)
                                       1
      4
          0.583333
                            (D)
                                       1
      5
                            (F)
                                       1
          0.416667
                         (D, A)
                                       2
          0.250000
      16
      15
          0.500000
                         (D, E)
                                       2
                                       2
          0.250000
                         (E, A)
      14
                                       2
      12
          0.250000
                         (C, E)
          0.250000
                         (D, C)
                                       2
      11
                         (F, E)
                                       2
      18
          0.250000
      17
          0.333333
                         (F, A)
                                       2
                         (B, E)
                                       2
      8
          0.333333
      7
                         (B, D)
                                       2
          0.416667
                         (B, A)
                                       2
      6
          0.333333
      10
          0.250000
                         (C, A)
                                       2
      13
          0.250000
                      (D, C, E)
                                       3
          0.333333
                      (B, D, E)
                                       3
```

1.0.7 Punto 7

Usando el conjunto de datos del punto 5:

(a) Realizar la tabla de contingencia para las siguientes reglas:

- $\mathbf{b} \to \mathbf{c}$
- a \rightarrow d
- $-\mathbf{b} \to \mathbf{d}$
- $-\mathbf{e} o \mathbf{c}$
- $-\mathbf{c} \to \mathbf{a}$

(b) Usar las tablas de contingencia del punto anterior para computar y **realizar un ranking** de las reglas usando:

- i. Soporte
- ii. Confianza
- iii. Lift

Regla: $\{b\} \rightarrow \{c\}$

	c	c'	Total
b	2	4	6
b'	3	1	4
Total	5	5	10

Cálculos: - Soporte: $S=\frac{2}{10}=0.2$ - Confianza: $C=\frac{2}{6}=0.33$ - Lift: $\frac{0.33}{0.5}=0.66$

Regla: $\{a\} \rightarrow \{d\}$

	d	ď'	Total
a	4	1	5
a'	5	0	5
Total	9	1	10

Cálculos: - Soporte: $S=\frac{4}{10}=0.4$ - Confianza: $C=\frac{4}{5}=0.8$ - Lift: $\frac{0.8}{0.9}=0.88$

Regla: $\{b\} \rightarrow \{d\}$

	d	ď'	Total
b	6	1	7
b'	3	0	3
Total	9	1	10

Cálculos: - Soporte: $S=\frac{6}{10}=0.6$ - Confianza: $C=\frac{6}{7}=0.85$ - Lift: $\frac{0.85}{0.9}=0.94$

Regla: $\{e\} \rightarrow \{c\}$

	c	c'	Total
e	2	4	6
e'	3	1	4
Total	5	5	10

Cálculos: - Soporte: $S = \frac{2}{10} = 0.2$ - Confianza: $C = \frac{2}{6} = 0.33$ - Lift: $\frac{0.33}{0.5} = 0.66$

Regla: $\{c\} \rightarrow \{a\}$

	a	a'	Total
c	2	3	5
c'	3	2	5
Total	5	5	10

Cálculos: - Soporte: $S = \frac{2}{10} = 0.2$ - Confianza: $C = \frac{2}{5} = 0.4$ - Lift: $\frac{0.4}{0.5} = 0.8$

B) Ranking

#	Regla	Soporte	Confianza	Lift
1	$\{b\} \rightarrow \{d\}$	0.6	0.85	0.94
2	$\{a\} \rightarrow \{d\}$	0.4	0.80	0.88
3	$\{c\} \rightarrow \{a\}$	0.2	0.40	0.80
4	$\{b\} \rightarrow \{c\}$	0.2	0.33	0.66
5	$\{e\} \to \{c\}$	0.2	0.33	0.66

1.0.8 Punto 8

Importar el conjunto de datos marketBasquet.csv. Extraer reglas de asociación utilizando diferentes valores mínimos de confíanza. - Analice los resultados. - Reporte los itemsets frecuentes con sus respectivos valores de soporte. - Revise los valores de soporte reportados por el operador de itemsets frecuentes. - Verifíquelos manualmente. ¿Qué problema se presenta? - Extraiga reglas de asociación utilizando diferentes valores mínimos de confíanza. - Analice los resultados. - Reporte los itemsets frecuentes con sus respectivos valores de soporte. - Analice los resultados y discuta las diferencias con el esquema que no posee un filtro de atributos.

```
marketBasket.head(10)
[85]:
         ID Leche Cerveza Pañales
                                        Pan Mantequilla Galletas
          1
              True
                       True
                                                    False
      0
                                True False
                                                              False
      1
              True
                      False
                               False
                                       True
                                                     True
                                                              False
      2
          3
             True
                      False
                                True False
                                                    False
                                                               True
      3
          4 False
                      False
                               False
                                       True
                                                     True
                                                               True
      4
          5 False
                      True
                               True False
                                                    False
                                                               True
      5
             True
                      False
                                True
                                       True
                                                     True
                                                              False
          7 False
                      False
                                                     True
                                                              False
      6
                                True
                                       True
      7
           False
                       True
                                True False
                                                    False
                                                              False
      8
              True
                      False
                                True
                                       True
                                                     True
                                                              False
      9
         10 False
                       True
                               False False
                                                    False
                                                               True
[86]: # ver informacion del conjunto de datos
      print(marketBasket.info())
     <class 'pandas.core.frame.DataFrame'>
     RangeIndex: 10 entries, 0 to 9
     Data columns (total 7 columns):
          Column
                       Non-Null Count
                                        Dtype
      0
          TD
                       10 non-null
                                        int64
      1
          Leche
                       10 non-null
                                        bool
      2
          Cerveza
                       10 non-null
                                        bool
          Pañales
                       10 non-null
                                        bool
                       10 non-null
                                        bool
          Pan
      5
          Mantequilla 10 non-null
                                        bool
          Galletas
                       10 non-null
                                        bool
     dtypes: bool(6), int64(1)
     memory usage: 272.0 bytes
     None
[87]: # Aplicar el algoritmo Apriori
      from mlxtend.frequent_patterns import apriori, association_rules
      # Eliminar columna id
      basket = marketBasket.drop(columns=['ID'])
      # Carcular items frecuentes, se udara un soporte minimo de 0.2
      items_frecuentes = apriori(basket, min_support=0.2, use_colnames=True)
      # ver resultados
      print(items_frecuentes)
         support
                                             itemsets
     0
             0.5
                                              (Leche)
```

```
1
        0.4
                                         (Cerveza)
2
        0.7
                                         (Pañales)
3
        0.5
                                             (Pan)
4
        0.5
                                     (Mantequilla)
                                        (Galletas)
5
        0.4
6
        0.4
                                 (Leche, Pañales)
7
        0.3
                                      (Leche, Pan)
                             (Leche, Mantequilla)
8
        0.3
9
        0.3
                               (Cerveza, Pañales)
        0.2
                              (Cerveza, Galletas)
10
        0.3
                                    (Pañales, Pan)
11
12
        0.3
                           (Pañales, Mantequilla)
                              (Pañales, Galletas)
        0.2
13
        0.5
                               (Pan, Mantequilla)
14
        0.2
                            (Leche, Pañales, Pan)
15
16
        0.2
                   (Leche, Pañales, Mantequilla)
17
        0.3
                        (Leche, Pan, Mantequilla)
        0.3
                      (Pañales, Pan, Mantequilla)
18
19
        0.2
              (Leche, Pañales, Pan, Mantequilla)
```

```
[88]: # Verificar manualmente el soporte.

# En este caso leche junto a pañales

#Calcular el Numero de transacciondes en donde leche esta en conjunto conu

pañales

leche_pañales = basket[(basket['Leche']) & (basket['Pañales'])].shape[0] /

⇒basket.shape[0]

print(leche_pañales)
```

0.4

Algunos de los problemas que pueden ocurrir es tener inconsistencia en los datos booleanos, al igual que mlxtend espera un arreglo de datos booleanos, por lo que si se tiene un string o un int presentara error.

```
[89]: # Generar reglas de asociacion con diferentes umbrales de confianza from mlxtend.frequent_patterns import association_rules

# Generar reglas de asociacion conconfianza minima de 0.3

regla_conf_3 = association_rules(items_frecuentes, metric="confidence",uemin_threshold=0.3)

#pasar el resultado a un dataframe

regla_conf_3 = pd.DataFrame(regla_conf_3)

regla_conf_3
```

```
[89]: antecedents consequents \
0 (Leche) (Pañales)
1 (Pañales) (Leche)
```

2 (Leche) (Pan) 4 (Leche) (Mantequilla) 5 (Mantequilla) (Leche) 6 (Cerveza) (Pañales) 7 (Pañales) (Cerveza) 8 (Cerveza) (Galletas) 9 (Galletas) (Cerveza) 10 (Pañales) (Pan) 11 (Pañales) (Mantequilla) 12 (Pañales) (Mantequilla) 13 (Mantequilla) (Pañales) 14 (Galletas) (Pañales) 15 (Pan) (Mantequilla) 16 (Mantequilla) (Pañales) 15 (Pan) (Mantequilla) 16 (Mantequilla) (Pañales) 17 (Leche, Pañales) (Pan) 18 (Leche, Pañales) (Pañales) 19 (Pañales, Pan) (Leche) 20 (Leche, Pañales) (Mantequilla) 21 (Pañales, Pañales) (Mantequilla) 22 (Le	0	(I a ah a)	(D)
4 (Leche) (Mantequilla) 5 (Mantequilla) (Leche) 6 (Cerveza) (Pañales) 7 (Pañales) (Cerveza) 8 (Cerveza) (Galletas) 9 (Galletas) (Pan) 10 (Pañales) (Pan) 11 (Pan) (Pañales) 12 (Pañales) (Mantequilla) 13 (Mantequilla) (Pañales) 14 (Galletas) (Pañales) 15 (Pan) (Mantequilla) 16 (Mantequilla) (Pañales) 15 (Pan) (Mantequilla) 16 (Mantequilla) (Pañales) 17 (Leche, Pañales) (Pañales) 18 (Leche, Pañales) (Pañales, Pan) 19 (Pañales, Pan) (Leche, Pañales) 20 (Leche, Pañales) (Mantequilla) 21 (Pañales, Pañales) (Mantequilla) 22 (Leche, Mantequilla) (Leche, Pañales)			
5 (Mantequilla) (Leche) 6 (Cerveza) (Pañales) 7 (Pañales) (Cerveza) 8 (Cerveza) (Galletas) 9 (Galletas) (Cerveza) 10 (Pañales) (Pan) 11 (Pan) (Pañales) 12 (Pañales) (Mantequilla) 13 (Mantequilla) (Pañales) 14 (Galletas) (Pañales) 15 (Pan) (Mantequilla) 16 (Mantequilla) (Pañales) 16 (Mantequilla) (Pañales) 17 (Leche, Pañales) (Pan) 18 (Leche, Pañales) (Pañales, Pan) 19 (Pañales, Pan) (Leche) 20 (Leche, Pañales) (Mantequilla) 21 (Pañales, Pan) (Leche) 22 (Leche, Pañales) (Mantequilla) 23 (Leche, Mantequilla) (Leche, Pañales) 24 (Pañales, Mantequilla) (Leche, Pañales)			
6 (Cerveza) (Pañales) 7 (Pañales) (Cerveza) 8 (Cerveza) (Galletas) 9 (Galletas) (Cerveza) 10 (Pañales) (Pan) 11 (Pan) (Pañales) 12 (Pañales) (Mantequilla) 13 (Mantequilla) (Pañales) 14 (Galletas) (Pañales) 15 (Pan) (Mantequilla) 16 (Mantequilla) (Pan) 17 (Leche, Pañales) (Pan) 18 (Leche, Pañales) (Pan) 19 (Pañales, Pan) (Leche) 20 (Leche, Pañales) (Mantequilla) 21 (Pañales, Pan) (Leche, Pañales, Pan) 22 (Leche, Pañales) (Mantequilla) 23 (Leche, Mantequilla) (Leche, Pañales) 24 (Pañales, Mantequilla) (Leche) 25 (Leche, Mantequilla) (Leche) 26 (Mantequilla) (Pan, Mantequilla)			_
7 (Pañales) (Cerveza) 8 (Cerveza) (Galletas) 9 (Galletas) (Cerveza) 10 (Pañales) (Pan) 11 (Pañales) (Mantequilla) 12 (Pañales) (Mantequilla) 13 (Mantequilla) (Pañales) 14 (Galletas) (Pañales) 15 (Pan) (Mantequilla) 16 (Mantequilla) (Pañales) 16 (Mantequilla) (Pañales) 17 (Leche, Pañales) (Pan) 18 (Leche, Pañales) (Pañales, Pan) 19 (Pañales, Pan) (Leche, Pañales) 20 (Leche, Pañales) (Mantequilla) 21 (Pan) (Leche, Pañales) 22 (Leche, Mantequilla) (Leche, Pañales) 23 (Leche, Mantequilla) (Leche) 24 (Pañales, Mantequilla) (Leche, Pañales) 25 (Leche, Pan) (Mantequilla) 26 (Mantequilla) (_	
8 (Cerveza) (Galletas) 9 (Galletas) (Cerveza) 10 (Pañales) (Pan) 11 (Pañales) (Mantequilla) 12 (Pañales) (Mantequilla) 13 (Mantequilla) (Pañales) 14 (Galletas) (Pañales) 15 (Pan) (Mantequilla) 16 (Mantequilla) (Pañales) 16 (Mantequilla) (Pañales) 17 (Leche, Pañales) (Pan) 18 (Leche, Pañales) (Pañales) 19 (Pañales, Pan) (Leche) 20 (Leche) (Pañales, Pan) 21 (Pañales, Pan) (Leche, Pañales) 22 (Leche, Mantequilla) (Pañales) 23 (Leche, Mantequilla) (Leche, Pañales) 24 (Pañales, Mantequilla) (Leche, Pañales) 25 (Leche, Pan) (Mantequilla) 26 (Mantequilla) (Leche, Pan) 27 (Leche, Mantequilla) <	6	(Cerveza)	(Pañales)
9 (Galletas) (Cerveza) 10 (Pañales) (Pan) 11 (Pan) (Pañales) 12 (Pañales) (Mantequilla) 13 (Mantequilla) (Pañales) 14 (Galletas) (Pañales) 15 (Pan) (Mantequilla) 16 (Mantequilla) (Pan) 17 (Leche, Pañales) (Pan) 18 (Leche, Pañales) (Pañales) 19 (Pañales, Pan) (Leche) 20 (Leche) (Pañales, Pan) 21 (Pañales, Pan) (Leche, Pañales) 22 (Leche, Mantequilla) (Leche, Pañales) 23 (Leche, Mantequilla) (Leche) 24 (Pañales, Mantequilla) (Leche) 25 (Leche) (Pañales, Mantequilla) 26 (Mantequilla) (Leche, Pañales) 27 (Leche, Mantequilla) (Leche, Pañales) 28 (Leche, Mantequilla) (Leche, Mantequilla) 31 (Pañales, Mant	7	(Pañales)	(Cerveza)
10 (Pañales) (Pañales) 11 (Pañales) (Mantequilla) 12 (Pañales) (Mantequilla) 13 (Mantequilla) (Pañales) 14 (Galletas) (Pañales) 15 (Pan) (Mantequilla) 16 (Mantequilla) (Pan) 17 (Leche, Pañales) (Pan) 18 (Leche, Pañales) (Pañales, Pan) 19 (Pañales, Pan) (Leche, Pañales, Pan) 20 (Leche) (Pañales, Pan) 21 (Pañales, Pañales) (Mantequilla) 22 (Leche, Pañales) (Mantequilla) 23 (Leche, Mantequilla) (Leche, Pañales) 24 (Pañales, Mantequilla) (Leche, Pañales) 25 (Leche, Pan) (Mantequilla) 26 (Mantequilla) (Leche, Pañales) 27 (Leche, Pan) (Mantequilla) 28 (Leche, Mantequilla) (Leche, Pan) 30 (Pañales, Mantequilla) (Leche, Mantequilla)	8	(Cerveza)	(Galletas)
10 (Pañales) (Pan) 11 (Pan) (Pañales) 12 (Pañales) (Mantequilla) 13 (Mantequilla) (Pañales) 14 (Galletas) (Pañales) 15 (Pan) (Mantequilla) 16 (Mantequilla) (Pan) 17 (Leche, Pañales) (Pan) 18 (Leche, Pañales) (Pañales, Pan) 19 (Pañales, Pan) (Leche, Pañales) 20 (Leche) (Pañales, Pan) 21 (Leche, Pañales) (Mantequilla) 22 (Leche, Pañales) (Mantequilla) 23 (Leche, Mantequilla) (Leche, Pañales) 24 (Pañales, Mantequilla) (Leche, Pañales) 24 (Pañales, Mantequilla) (Leche, Pañales) 27 (Leche, Pan) (Mantequilla) 28 (Leche, Mantequilla) (Leche, Pan) 30 (Pan, Mantequilla) (Leche, Pan) 31 (Pañales, Mantequilla) (Leche, Mantequilla)	9	(Galletas)	(Cerveza)
11 (Pañales) (Mantequilla) 12 (Pañales) (Mantequilla) 13 (Mantequilla) (Pañales) 14 (Galletas) (Pañales) 15 (Pan) (Mantequilla) 16 (Mantequilla) (Pan) 17 (Leche, Pañales) (Pan) 18 (Leche, Pañales) (Pañales, Pan) 19 (Pañales, Pan) (Leche, Pañales) 19 (Pañales, Pan) (Leche, Pañales) 20 (Leche, Pañales) (Mantequilla) 21 (Pañales, Pan) (Leche, Pañales) 22 (Leche, Mantequilla) (Pañales, Mantequilla) 23 (Leche, Mantequilla) (Leche, Pañales) 24 (Pañales, Mantequilla) (Leche, Pañales) 25 (Leche, Mantequilla) (Leche, Pañales) 26 (Mantequilla) (Leche, Pañales) 27 (Leche, Mantequilla) (Leche, Pañales) 28 (Leche, Mantequilla) (Leche, Mantequilla) 31 (Pañales, Pan) <t< td=""><td>10</td><td>(Pañales)</td><td>(Pan)</td></t<>	10	(Pañales)	(Pan)
12 (Pañales) (Mantequilla) 13 (Mantequilla) (Pañales) 14 (Galletas) (Pañales) 15 (Pan) (Mantequilla) 16 (Mantequilla) (Pan) 17 (Leche, Pañales) (Pan) 18 (Leche, Pañales, Pan) (Leche) 20 (Leche) (Pañales, Pan) 21 (Pan (Leche, Pañales) 22 (Leche, Pañales) (Mantequilla) 23 (Leche, Mantequilla) (Leche, Pañales) 24 (Pañales, Mantequilla) (Leche) 25 (Leche, Mantequilla) (Leche, Pañales) 27 (Leche, Mantequilla) (Leche, Pañales) 28 (Leche, Mantequilla) (Pan) 29 (Pan, Mantequilla) (Leche, Mantequilla) 31 (Pan, Mantequilla) (Leche, Mantequilla) 32 (Mantequilla) (Pañales, Mantequilla) 34 (Pañales, Mantequilla) (Pañales, Mantequilla) 35 (Pan, Mantequilla) (Pañale			
13 (Mantequilla) (Pañales) 14 (Galletas) (Pañales) 15 (Pan) (Mantequilla) 16 (Mantequilla) (Pan) 17 (Leche, Pañales) (Pan) 18 (Leche, Pañales) (Pañales) 19 (Pañales, Pan) (Leche) 20 (Leche, Pañales) (Mantequilla) 21 (Pañales, Pan) (Leche, Pañales) 22 (Leche, Pañales) (Mantequilla) 23 (Leche, Mantequilla) (Pañales, Mantequilla) 24 (Pañales, Mantequilla) (Leche) 25 (Leche, Mantequilla) (Leche, Pañales) 26 (Mantequilla) (Leche, Pañales) 27 (Leche, Mantequilla) (Leche, Pañales) 28 (Leche, Mantequilla) (Pan) 29 (Pan, Mantequilla) (Leche, Pan) 30 (Leche, Mantequilla) (Leche, Mantequilla) 40 (Pañales, Mantequilla) (Pañales, Mantequilla) 31 (Pañales, Mantequilla)			
14 (Galletas) (Pañales) 15 (Pan) (Mantequilla) 16 (Mantequilla) (Pan) 17 (Leche, Pañales) (Pan) 18 (Leche, Pañales) (Pañales) 19 (Pañales, Pan) (Leche) 20 (Leche) (Pañales, Pan) 21 (Pañales) (Mantequilla) 23 (Leche, Pañales) (Mantequilla) 24 (Pañales, Mantequilla) (Leche) 25 (Leche, Mantequilla) (Leche, Pañales) 26 (Mantequilla) (Leche, Pañales) 27 (Leche, Pan) (Mantequilla) 28 (Leche, Mantequilla) (Pan) 29 (Pan, Mantequilla) (Pan) 30 (Leche) (Pan, Mantequilla) 31 (Pan) (Leche, Mantequilla) 32 (Mantequilla) (Leche, Mantequilla) 33 (Pañales, Mantequilla) (Pañales) 34 (Pañales, Mantequilla) (Pañales, Mantequilla) 35 </td <td></td> <td></td> <td>-</td>			-
15 (Pan) (Mantequilla) 16 (Mantequilla) (Pan) 17 (Leche, Pañales) (Pan) 18 (Leche, Pan) (Pañales) 19 (Pañales, Pan) (Leche) 20 (Leche) (Pañales, Pan) 21 (Pan) (Leche, Pañales) 22 (Leche, Pañales) (Mantequilla) 23 (Leche, Mantequilla) (Pañales, Mantequilla) 24 (Pañales, Mantequilla) (Leche) 25 (Leche) (Pañales, Mantequilla) 26 (Mantequilla) (Leche, Pañales) 27 (Leche, Mantequilla) (Leche, Pañales) 28 (Leche, Mantequilla) (Leche, 29 (Pan, Mantequilla) (Leche, 30 (Leche, Mantequilla) (Leche, 31 (Pañales, Pan) (Mantequilla) 32 (Mantequilla) (Pañales) 33 (Pañales, Mantequilla) (Pañales) 34 (Pañales, Mantequilla) (Pañales, Mantequilla) <t< td=""><td></td><td>_</td><td></td></t<>		_	
16 (Mantequilla) (Pan) 17 (Leche, Pañales) (Pan) 18 (Leche, Pan) (Pañales) 19 (Pañales, Pan) (Leche) 20 (Leche) (Pañales, Pañales) 21 (Pan) (Leche, Pañales) 22 (Leche, Pañales) (Mantequilla) 23 (Leche, Mantequilla) (Pañales, Mantequilla) 24 (Pañales, Mantequilla) (Leche) 25 (Leche) (Pañales, Mantequilla) 26 (Mantequilla) (Leche, Pañales) 27 (Leche, Mantequilla) (Leche, Pañales) 28 (Leche, Mantequilla) (Pan, Mantequilla) 29 (Pan, Mantequilla) (Leche, Mantequilla) 30 (Leche) (Pan, Mantequilla) 31 (Pañales, Pan) (Mantequilla) 32 (Mantequilla) (Leche, Pañales) 33 (Pañales, Mantequilla) (Pañales, Mantequilla) 34 (Pañales, Mantequilla) (Pañales, Mantequilla) 35 (Pañales, Ma			
17 (Leche, Pañales) (Pan) 18 (Leche, Pan) (Pañales) 19 (Pañales, Pan) (Leche) 20 (Leche) (Pañales, Pan) 21 (Pan) (Leche, Pañales) 22 (Leche, Pañales) (Mantequilla) 23 (Leche, Mantequilla) (Pañales, Mantequilla) 24 (Pañales, Mantequilla) (Leche) 25 (Leche) (Pañales, Mantequilla) 26 (Mantequilla) (Leche, Pañales) 27 (Leche, Pan) (Mantequilla) 28 (Leche, Mantequilla) (Leche) 30 (Pan, Mantequilla) (Leche) 31 (Pan) (Leche, Mantequilla) 32 (Mantequilla) (Leche, Pan) 33 (Pañales, Mantequilla) (Pañales) 34 (Pañales, Mantequilla) (Pañales) 36 (Pañales, Mantequilla) (Pañales, Mantequilla) 37 (Pan) (Pañales, Mantequilla) 38 (Mantequilla) (Pañales, Pan)			-
18 (Leche, Pan) (Pañales) 19 (Pañales, Pan) (Leche) 20 (Leche) (Pañales, Pan) 21 (Pan) (Leche, Pañales) 22 (Leche, Pañales) (Mantequilla) 23 (Leche, Mantequilla) (Leche) 24 (Pañales, Mantequilla) (Leche) 25 (Leche) (Pañales, Mantequilla) 26 (Mantequilla) (Leche, Pañales) 27 (Leche, Pan) (Mantequilla) 28 (Leche, Mantequilla) (Leche) 29 (Pan, Mantequilla) (Leche, Pan) 30 (Leche) (Pan, Mantequilla) 31 (Pan) (Leche, Mantequilla) 32 (Mantequilla) (Leche, Pan) 33 (Pañales, Pan) (Mantequilla) 34 (Pañales, Mantequilla) (Pañales) 35 (Pan, Mantequilla) (Pañales, Mantequilla) 36 (Pañales, Pan) (Pañales, Mantequilla) 37 (Pan (Pañales, Mantequilla) <t< td=""><td></td><td></td><td></td></t<>			
19 (Pañales, Pan) (Leche) 20 (Leche) (Pañales, Pan) 21 (Pan) (Leche, Pañales) 22 (Leche, Pañales) (Mantequilla) 23 (Leche, Mantequilla) (Pañales) 24 (Pañales, Mantequilla) (Leche) 25 (Leche) (Pañales, Mantequilla) 26 (Mantequilla) (Leche, Pañales) 27 (Leche, Pan) (Mantequilla) 28 (Leche, Mantequilla) (Pan) 29 (Pan, Mantequilla) (Leche) 30 (Leche) (Pan, Mantequilla) 31 (Pan) (Leche, Mantequilla) 32 (Mantequilla) (Leche, Pan) 33 (Pañales, Pan) (Mantequilla) 34 (Pañales, Mantequilla) (Pañales) 36 (Pañales) (Pan, Mantequilla) 37 (Pan) (Pañales, Mantequilla) 38 (Mantequilla) (Pañales, Pan) 40 (Leche, Pañales, Mantequilla) (Pañales, Pan)			
20 (Leche) (Pañales, Pan) 21 (Pan) (Leche, Pañales) 22 (Leche, Pañales) (Mantequilla) 23 (Leche, Mantequilla) (Pañales) 24 (Pañales, Mantequilla) (Leche) 25 (Leche) (Pañales, Mantequilla) 26 (Mantequilla) (Leche, Pañales) 27 (Leche, Pan) (Mantequilla) 28 (Leche, Mantequilla) (Pan) 29 (Pan, Mantequilla) (Leche) 30 (Leche) (Pan, Mantequilla) 31 (Pan) (Leche, Mantequilla) 32 (Mantequilla) (Leche, Pan) 33 (Pañales, Pan) (Mantequilla) 34 (Pañales, Mantequilla) (Pañales) 36 (Pañales) (Pañales) 37 (Pan) (Pañales, Mantequilla) 38 (Mantequilla) (Pañales, Mantequilla) 40 (Leche, Pañales, Pan) (Mantequilla) 41 (Leche, Pañales, Mantequilla) (Pañales, Mantequilla)	18	(Leche, Pan)	(Pañales)
21 (Pan) (Leche, Pañales) 22 (Leche, Pañales) (Mantequilla) 23 (Leche, Mantequilla) (Pañales) 24 (Pañales, Mantequilla) (Leche) 25 (Leche) (Pañales, Mantequilla) 26 (Mantequilla) (Leche, Pañales) 27 (Leche, Mantequilla) (Mantequilla) 28 (Leche, Mantequilla) (Pan) 29 (Pan, Mantequilla) (Leche) 30 (Leche) (Pan, Mantequilla) 31 (Pan) (Leche, Mantequilla) 32 (Mantequilla) (Leche, Pan) 33 (Pañales, Pan) (Mantequilla) 34 (Pañales, Mantequilla) (Pañales) 36 (Pañales) (Pan, Mantequilla) 36 (Pañales) (Pañales, Mantequilla) 37 (Pan) (Pañales, Mantequilla) 38 (Mantequilla) (Pañales, Mantequilla) 40 (Leche, Pañales, Mantequilla) (Pañales, Pan) 41 (Leche, Pañales, Mantequilla) <td>19</td> <td>(Pañales, Pan)</td> <td>(Leche)</td>	19	(Pañales, Pan)	(Leche)
22 (Leche, Pañales) (Mantequilla) 23 (Leche, Mantequilla) (Pañales) 24 (Pañales, Mantequilla) (Leche) 25 (Leche) (Pañales, Mantequilla) 26 (Mantequilla) (Leche, Pañales) 27 (Leche, Pan) (Mantequilla) 28 (Leche, Mantequilla) (Pan) 29 (Pan, Mantequilla) (Leche) 30 (Leche) (Pan, Mantequilla) 31 (Pan) (Leche, Mantequilla) 32 (Mantequilla) (Leche, Pan) 33 (Pañales, Pan) (Mantequilla) 34 (Pañales, Mantequilla) (Pañales) 36 (Pañales) (Pan, Mantequilla) 37 (Pan) (Pañales, Mantequilla) 38 (Mantequilla) (Pañales, Mantequilla) 40 (Leche, Pañales, Mantequilla) (Pañales, Pan) 41 (Leche, Pañales) (Pañales, Mantequilla) 42 (Pañales, Pan, Mantequilla) (Pañales, Mantequilla) 43 (Leche	20	(Leche)	(Pañales, Pan)
23 (Leche, Mantequilla) (Pañales) 24 (Pañales, Mantequilla) (Leche) 25 (Leche) (Pañales, Mantequilla) 26 (Mantequilla) (Leche, Pañales) 27 (Leche, Pan) (Mantequilla) 28 (Leche, Mantequilla) (Pan) 29 (Pan, Mantequilla) (Leche) 30 (Leche) (Pan, Mantequilla) 31 (Pan) (Leche, Mantequilla) 32 (Mantequilla) (Leche, Pan) 33 (Pañales, Pan) (Mantequilla) 34 (Pañales, Mantequilla) (Pañales) 36 (Pañales) (Pan, Mantequilla) 37 (Pan) (Pañales, Mantequilla) 38 (Mantequilla) (Pañales, Mantequilla) 40 (Leche, Pañales, Mantequilla) (Pañales, Pan) 40 (Leche, Pañales, Mantequilla) (Pañales, Pan) 41 (Leche, Pañales) (Pañales, Mantequilla) 42 (Pañales, Pan, Mantequilla) (Pañales, Mantequilla) 44	21	(Pan)	(Leche, Pañales)
23 (Leche, Mantequilla) (Pañales) 24 (Pañales, Mantequilla) (Leche) 25 (Leche) (Pañales, Mantequilla) 26 (Mantequilla) (Leche, Pañales) 27 (Leche, Pan) (Mantequilla) 28 (Leche, Mantequilla) (Pan) 29 (Pan, Mantequilla) (Leche) 30 (Leche) (Pan, Mantequilla) 31 (Pan) (Leche, Mantequilla) 32 (Mantequilla) (Leche, Mantequilla) 33 (Pañales, Pan) (Mantequilla) 34 (Pañales, Mantequilla) (Pañales) 36 (Pañales) (Pan, Mantequilla) 37 (Pan) (Pañales, Mantequilla) 38 (Mantequilla) (Pañales, Mantequilla) 40 (Leche, Pañales, Pan) (Mantequilla) 40 (Leche, Pañales, Mantequilla) (Pañales, 41 (Leche, Pañales) (Pañales, Mantequilla) 42 (Pañales, Pan, Mantequilla) (Pañales, Mantequilla) 44 <t< td=""><td>22</td><td>(Leche, Pañales)</td><td>(Mantequilla)</td></t<>	22	(Leche, Pañales)	(Mantequilla)
24 (Pañales, Mantequilla) (Leche) 25 (Leche) (Pañales, Mantequilla) 26 (Mantequilla) (Leche, Pañales) 27 (Leche, Pan) (Mantequilla) 28 (Leche, Mantequilla) (Pan) 29 (Pan, Mantequilla) (Leche) 30 (Leche) (Pan, Mantequilla) 31 (Pan) (Leche, Mantequilla) 32 (Mantequilla) (Leche, Pan) 33 (Pañales, Pan) (Mantequilla) 34 (Pañales, Mantequilla) (Pañales) 35 (Pan, Mantequilla) (Pañales) 36 (Pañales) (Pan, Mantequilla) 37 (Pan) (Pañales, Mantequilla) 38 (Mantequilla) (Pañales, Pan) 40 (Leche, Pañales, Pan) (Mantequilla) 40 (Leche, Pañales, Mantequilla) (Pañales, 41 (Leche, Pañales) (Pañales, Mantequilla) 42 (Pañales, Pan, Mantequilla) (Pañales, Mantequilla) 44 (Leche, Pañales,	23	(Leche, Mantequilla)	-
25 (Leche) (Pañales, Mantequilla) 26 (Mantequilla) (Leche, Pañales) 27 (Leche, Pan) (Mantequilla) 28 (Leche, Mantequilla) (Pan) 29 (Pan, Mantequilla) (Leche) 30 (Leche) (Pan, Mantequilla) 31 (Pan) (Leche, Mantequilla) 32 (Mantequilla) (Leche, Pan) 33 (Pañales, Pan) (Mantequilla) 34 (Pañales, Mantequilla) (Pañales) 35 (Pan, Mantequilla) (Pañales) 36 (Pañales) (Pan, Mantequilla) 37 (Pan) (Pañales, Mantequilla) 38 (Mantequilla) (Pañales, Mantequilla) 40 (Leche, Pañales, Pan) (Mantequilla) 40 (Leche, Pañales, Mantequilla) (Pañales, Pan) 41 (Leche, Pañales) (Pañales, Mantequilla) 42 (Pañales, Pan, Mantequilla) (Pañales, Mantequilla) 44 (Leche, Pan) (Pañales, Mantequilla) 45 <t< td=""><td></td><td>-</td><td></td></t<>		-	
26 (Mantequilla) (Leche, Pañales) 27 (Leche, Pan) (Mantequilla) 28 (Leche, Mantequilla) (Pan) 29 (Pan, Mantequilla) (Leche) 30 (Leche) (Pan, Mantequilla) 31 (Pan) (Leche, Mantequilla) 32 (Mantequilla) (Leche, Pan) 33 (Pañales, Pan) (Mantequilla) 34 (Pañales, Mantequilla) (Pañales) 35 (Pan, Mantequilla) (Pañales) 36 (Pañales) (Pan, Mantequilla) 37 (Pan) (Pañales, Mantequilla) 38 (Mantequilla) (Pañales, Pan) 39 (Leche, Pañales, Pan) (Mantequilla) 40 (Leche, Pañales, Mantequilla) (Pañales, Pan) 41 (Leche, Pan, Mantequilla) (Pañales) 42 (Pañales, Pan, Mantequilla) (Pañales, Mantequilla) 43 (Leche, Pañales) (Pañales, Mantequilla) 44 (Leche, Pan) (Pañales, Mantequilla) 45 (Leche, Mantequilla) (Pañales, Pan) 46 (Pañal		-	
27 (Leche, Pan) (Mantequilla) 28 (Leche, Mantequilla) (Pan) 29 (Pan, Mantequilla) (Leche) 30 (Leche) (Pan, Mantequilla) 31 (Pan) (Leche, Mantequilla) 32 (Mantequilla) (Leche, Pan) 33 (Pañales, Pan) (Mantequilla) 34 (Pañales, Mantequilla) (Pañales) 35 (Pan, Mantequilla) (Pañales) 36 (Pañales) (Pan, Mantequilla) 37 (Pan) (Pañales, Mantequilla) 38 (Mantequilla) (Pañales, Mantequilla) 40 (Leche, Pañales, Pan) (Mantequilla) 40 (Leche, Pañales, Mantequilla) (Pañales) 41 (Leche, Pan, Mantequilla) (Pañales) 42 (Pañales, Pan, Mantequilla) (Pañales, Mantequilla) 43 (Leche, Pañales) (Pañales, Mantequilla) 44 (Leche, Pañales) (Pañales, Mantequilla) 45 (Leche, Mantequilla) (Pañales, Pan) 46 (Pañales, Mantequilla) (Leche, Mantequilla) 47 </td <td></td> <td></td> <td>-</td>			-
28 (Leche, Mantequilla) (Pan) 29 (Pan, Mantequilla) (Leche) 30 (Leche) (Pan, Mantequilla) 31 (Pan) (Leche, Mantequilla) 32 (Mantequilla) (Leche, Pan) 33 (Pañales, Pan) (Mantequilla) 34 (Pañales, Mantequilla) (Pañales) 35 (Pan, Mantequilla) (Pañales) 36 (Pañales) (Pan, Mantequilla) 37 (Pan) (Pañales, Mantequilla) 38 (Mantequilla) (Pañales, Pan) 40 (Leche, Pañales, Mantequilla) (Pañales, Pan) 41 (Leche, Pañales) (Pañales) 42 (Pañales, Pan, Mantequilla) (Pañales) 42 (Pañales, Pan, Mantequilla) (Pañales, Mantequilla) 44 (Leche, Pañales) (Pañales, Mantequilla) 45 (Leche, Mantequilla) (Pañales, Pan) 46 (Pañales, Mantequilla) (Leche, Mantequilla) 47 (Pañales, Mantequilla) (Leche, Pan)		-	
29 (Pan, Mantequilla) (Leche) 30 (Leche) (Pan, Mantequilla) 31 (Pan) (Leche, Mantequilla) 32 (Mantequilla) (Leche, Pan) 33 (Pañales, Pan) (Mantequilla) 34 (Pañales, Mantequilla) (Pañales) 35 (Pan, Mantequilla) (Pañales) 36 (Pañales) (Pan, Mantequilla) 38 (Mantequilla) (Pañales, Mantequilla) 40 (Leche, Pañales, Pan) (Mantequilla) 40 (Leche, Pañales, Mantequilla) (Pañales) 41 (Leche, Pan, Mantequilla) (Pañales) 42 (Pañales, Pan, Mantequilla) (Leche) 43 (Leche, Pañales) (Pan, Mantequilla) 44 (Leche, Pañales) (Pañales, Mantequilla) 45 (Leche, Mantequilla) (Pañales, Pan) 46 (Pañales, Mantequilla) (Leche, Mantequilla) 47 (Pañales, Mantequilla) (Leche, Pan)			-
30 (Leche) (Pan, Mantequilla) 31 (Pan) (Leche, Mantequilla) 32 (Mantequilla) (Leche, Pan) 33 (Pañales, Pan) (Mantequilla) 34 (Pañales, Mantequilla) (Pañales) 35 (Pan, Mantequilla) (Pañales, Mantequilla) 36 (Pan) (Pañales, Mantequilla) 37 (Pan) (Pañales, Mantequilla) 38 (Mantequilla) (Pañales, Pan) 39 (Leche, Pañales, Pan) (Mantequilla) 40 (Leche, Pañales, Mantequilla) (Pañales) 41 (Leche, Pan, Mantequilla) (Pañales) 42 (Pañales, Pan, Mantequilla) (Pañales, Mantequilla) 43 (Leche, Pañales) (Pan, Mantequilla) 44 (Leche, Pan) (Pañales, Mantequilla) 45 (Leche, Mantequilla) (Pañales, Pan) 46 (Pañales, Mantequilla) (Leche, Mantequilla) 47 (Pañales, Mantequilla) (Leche, Pan)		-	
31(Pan)(Leche, Mantequilla)32(Mantequilla)(Leche, Pan)33(Pañales, Pan)(Mantequilla)34(Pañales, Mantequilla)(Pañales)35(Pan, Mantequilla)(Pañales)36(Pañales)(Pan, Mantequilla)37(Pan)(Pañales, Mantequilla)38(Mantequilla)(Pañales, Pan)39(Leche, Pañales, Pan)(Mantequilla)40(Leche, Pañales, Mantequilla)(Pañ41(Leche, Pan, Mantequilla)(Pañales)42(Pañales, Pan, Mantequilla)(Leche)43(Leche, Pañales)(Pan, Mantequilla)44(Leche, Pan)(Pañales, Mantequilla)45(Leche, Mantequilla)(Pañales, Pan)46(Pañales, Pan)(Leche, Mantequilla)47(Pañales, Mantequilla)(Leche, Mantequilla)		-	
32(Mantequilla)(Leche, Pan)33(Pañales, Pan)(Mantequilla)34(Pañales, Mantequilla)(Pañales)35(Pan, Mantequilla)(Pañales)36(Pañales)(Pan, Mantequilla)37(Pan)(Pañales, Mantequilla)38(Mantequilla)(Pañales, Pan)39(Leche, Pañales, Pan)(Mantequilla)40(Leche, Pañales, Mantequilla)(Pañales)41(Leche, Pan, Mantequilla)(Pañales)42(Pañales, Pan, Mantequilla)(Pan, Mantequilla)43(Leche, Pañales)(Pañales, Mantequilla)44(Leche, Pan)(Pañales, Mantequilla)45(Leche, Mantequilla)(Pañales, Pan)46(Pañales, Pan)(Leche, Mantequilla)47(Pañales, Mantequilla)(Leche, Pan)			-
33 (Pañales, Pan) (Mantequilla) 34 (Pañales, Mantequilla) (Pan) 35 (Pan, Mantequilla) (Pan, Mantequilla) 36 (Pañales) (Pan, Mantequilla) 37 (Pan) (Pañales, Mantequilla) 38 (Mantequilla) (Pañales, Pan) 39 (Leche, Pañales, Pan) (Mantequilla) 40 (Leche, Pañales, Mantequilla) (Pañales) 41 (Leche, Pan, Mantequilla) (Pañales) 42 (Pañales, Pan, Mantequilla) (Pañales, Mantequilla) 43 (Leche, Pañales) (Pañales, Mantequilla) 44 (Leche, Pan) (Pañales, Mantequilla) 45 (Leche, Mantequilla) (Pañales, Pan) 46 (Pañales, Pan) (Leche, Mantequilla) 47 (Pañales, Mantequilla) (Leche, Pan)		(Pan)	-
34(Pañales, Mantequilla)(Pan)35(Pan, Mantequilla)(Pañales)36(Pañales)(Pan, Mantequilla)37(Pan)(Pañales, Mantequilla)38(Mantequilla)(Pañales, Pan)39(Leche, Pañales, Pan)(Mantequilla)40(Leche, Pañales, Mantequilla)(Pan)41(Leche, Pan, Mantequilla)(Pañales)42(Pañales, Pan, Mantequilla)(Leche)43(Leche, Pañales)(Pan, Mantequilla)44(Leche, Pan)(Pañales, Mantequilla)45(Leche, Mantequilla)(Pañales, Pan)46(Pañales, Pan)(Leche, Mantequilla)47(Pañales, Mantequilla)(Leche, Pan)	32	(Mantequilla)	(Leche, Pan)
35 (Pan, Mantequilla) (Pañales) 36 (Pan) (Panales) (Pan, Mantequilla) 37 (Pan) (Pañales, Mantequilla) 38 (Mantequilla) (Pañales, Pan) 39 (Leche, Pañales, Pan) (Mantequilla) 40 (Leche, Pañales, Mantequilla) (Panales) 41 (Leche, Pan, Mantequilla) (Pañales) 42 (Pañales, Pan, Mantequilla) (Leche) 43 (Leche, Pañales) (Pan, Mantequilla) 44 (Leche, Pan) (Pañales, Mantequilla) 45 (Leche, Mantequilla) (Pañales, Pan) 46 (Pañales, Pan) (Leche, Mantequilla) 47 (Pañales, Mantequilla) (Leche, Pan)	33	(Pañales, Pan)	(Mantequilla)
36(Pañales)(Pan, Mantequilla)37(Pan)(Pañales, Mantequilla)38(Mantequilla)(Pañales, Pan)39(Leche, Pañales, Pan)(Mantequilla)40(Leche, Pañales, Mantequilla)(Pañales)41(Leche, Pan, Mantequilla)(Pañales)42(Pañales, Pan, Mantequilla)(Leche)43(Leche, Pañales)(Pan, Mantequilla)44(Leche, Pan)(Pañales, Mantequilla)45(Leche, Mantequilla)(Pañales, Pan)46(Pañales, Pan)(Leche, Mantequilla)47(Pañales, Mantequilla)(Leche, Pan)	34	(Pañales, Mantequilla)	(Pan)
37(Pan)(Pañales, Mantequilla)38(Mantequilla)(Pañales, Pan)39(Leche, Pañales, Pan)(Mantequilla)40(Leche, Pañales, Mantequilla)(Pan)41(Leche, Pan, Mantequilla)(Pañales)42(Pañales, Pan, Mantequilla)(Leche)43(Leche, Pañales)(Pan, Mantequilla)44(Leche, Pan)(Pañales, Mantequilla)45(Leche, Mantequilla)(Pañales, Pan)46(Pañales, Pan)(Leche, Mantequilla)47(Pañales, Mantequilla)(Leche, Pan)	35	(Pan, Mantequilla)	(Pañales)
37(Pan)(Pañales, Mantequilla)38(Mantequilla)(Pañales, Pan)39(Leche, Pañales, Pan)(Mantequilla)40(Leche, Pañales, Mantequilla)(Pan)41(Leche, Pan, Mantequilla)(Pañales)42(Pañales, Pan, Mantequilla)(Leche)43(Leche, Pañales)(Pan, Mantequilla)44(Leche, Pan)(Pañales, Mantequilla)45(Leche, Mantequilla)(Pañales, Pan)46(Pañales, Pan)(Leche, Mantequilla)47(Pañales, Mantequilla)(Leche, Pan)	36	(Pañales)	(Pan, Mantequilla)
38(Mantequilla)(Pañales, Pan)39(Leche, Pañales, Pan)(Mantequilla)40(Leche, Pañales, Mantequilla)(Pan)41(Leche, Pan, Mantequilla)(Pañales)42(Pañales, Pan, Mantequilla)(Leche)43(Leche, Pañales)(Pan, Mantequilla)44(Leche, Pan)(Pañales, Mantequilla)45(Leche, Mantequilla)(Pañales, Pan)46(Pañales, Pan)(Leche, Mantequilla)47(Pañales, Mantequilla)(Leche, Pan)	37	(Pan)	-
39 (Leche, Pañales, Pan) (Mantequilla) 40 (Leche, Pañales, Mantequilla) (Pan) 41 (Leche, Pan, Mantequilla) (Pañales) 42 (Pañales, Pan, Mantequilla) (Leche) 43 (Leche, Pañales) (Pan, Mantequilla) 44 (Leche, Pan) (Pañales, Mantequilla) 45 (Leche, Mantequilla) (Pañales, Pan) 46 (Pañales, Pan) (Leche, Mantequilla) 47 (Pañales, Mantequilla) (Leche, Pan)			-
40 (Leche, Pañales, Mantequilla) (Pan) 41 (Leche, Pan, Mantequilla) (Pañales) 42 (Pañales, Pan, Mantequilla) (Leche) 43 (Leche, Pañales) (Pan, Mantequilla) 44 (Leche, Pan) (Pañales, Mantequilla) 45 (Leche, Mantequilla) (Pañales, Pan) 46 (Pañales, Pan) (Leche, Mantequilla) 47 (Pañales, Mantequilla) (Leche, Pan)		-	
41 (Leche, Pan, Mantequilla) (Pañales) 42 (Pañales, Pan, Mantequilla) (Leche) 43 (Leche, Pañales) (Pan, Mantequilla) 44 (Leche, Pan) (Pañales, Mantequilla) 45 (Leche, Mantequilla) (Pañales, Pan) 46 (Pañales, Pan) (Leche, Mantequilla) 47 (Pañales, Mantequilla) (Leche, Pan)			-
42 (Pañales, Pan, Mantequilla) (Leche) 43 (Leche, Pañales) (Pan, Mantequilla) 44 (Leche, Pan) (Pañales, Mantequilla) 45 (Leche, Mantequilla) (Pañales, Pan) 46 (Pañales, Pan) (Leche, Mantequilla) 47 (Pañales, Mantequilla) (Leche, Pan)		-	
43 (Leche, Pañales) (Pan, Mantequilla) 44 (Leche, Pan) (Pañales, Mantequilla) 45 (Leche, Mantequilla) (Pañales, Pan) 46 (Pañales, Pan) (Leche, Mantequilla) 47 (Pañales, Mantequilla) (Leche, Pan)		_	
(Leche, Pan) (Pañales, Mantequilla) (Leche, Mantequilla) (Pañales, Pan) (Pañales, Pan) (Leche, Mantequilla) (Pañales, Mantequilla) (Leche, Pan)		-	
45 (Leche, Mantequilla) (Pañales, Pan) 46 (Pañales, Pan) (Leche, Mantequilla) 47 (Pañales, Mantequilla) (Leche, Pan)			-
46 (Pañales, Pan) (Leche, Mantequilla) 47 (Pañales, Mantequilla) (Leche, Pan)			-
47 (Pañales, Mantequilla) (Leche, Pan)		_	(Pañales, Pan)
•	46	(Pañales, Pan)	(Leche, Mantequilla)
48 (Pan, Mantequilla) (Leche, Pañales)	47	(Pañales, Mantequilla)	(Leche, Pan)
	48	(Pan, Mantequilla)	(Leche, Pañales)

49			(Leche)			Mantequilla)		
50		/	(Pan)	(Leche,		Mantequilla)		
51		(Ma	ntequilla)		(Leche,	Pañales, Pan)		
	antecedent	support	consequent	support	support	confidence	lift	\
0		0.5	•	0.7	0.4		1.142857	
1		0.7		0.5	0.4		1.142857	
2		0.5		0.5	0.3	0.600000	1.200000	
3		0.5		0.5	0.3	0.600000	1.200000	
4		0.5		0.5	0.3	0.600000	1.200000	
5		0.5		0.5	0.3	0.600000	1.200000	
6		0.4		0.7	0.3	0.750000	1.071429	
7		0.7		0.4	0.3	0.428571	1.071429	
8		0.4		0.4	0.2	0.500000	1.250000	
9		0.4		0.4	0.2	0.500000	1.250000	
10		0.7		0.5	0.3	0.428571	0.857143	
11		0.5		0.7	0.3	0.600000	0.857143	
12		0.7		0.5	0.3	0.428571	0.857143	
13		0.5		0.7	0.3	0.600000	0.857143	
14		0.4		0.7	0.2	0.500000	0.714286	
15		0.5		0.5	0.5	1.000000	2.000000	
16		0.5		0.5	0.5	1.000000	2.000000	
17		0.4		0.5	0.2	0.500000	1.000000	
18		0.3		0.7	0.2	0.666667	0.952381	
19		0.3		0.5	0.2	0.666667	1.333333	
20		0.5		0.3	0.2	0.400000	1.333333	
21		0.5		0.4	0.2	0.400000	1.000000	
22		0.4		0.5	0.2	0.500000	1.000000	
23		0.3		0.7	0.2	0.666667	0.952381	
24		0.3		0.5	0.2	0.666667	1.333333	
25		0.5		0.3	0.2	0.400000	1.333333	
26		0.5		0.4	0.2	0.400000	1.000000	
27		0.3		0.5	0.3	1.000000	2.000000	
28		0.3		0.5	0.3	1.000000	2.000000	
29		0.5		0.5	0.3	0.600000	1.200000	
30		0.5		0.5	0.3	0.600000	1.200000	
31		0.5		0.3	0.3	0.600000	2.000000	
32		0.5		0.3	0.3	0.600000	2.000000	
33		0.3		0.5	0.3	1.000000	2.000000	
34		0.3		0.5	0.3	1.000000	2.000000	
35		0.5		0.7	0.3	0.600000	0.857143	
36		0.7		0.5	0.3		0.857143	
37		0.5		0.3	0.3	0.600000	2.000000	
38		0.5		0.3	0.3	0.600000	2.000000	
39		0.2		0.5	0.2		2.000000	
40		0.2		0.5	0.2		2.000000	
41		0.3		0.7	0.2	0.666667	0.952381	

42 43 44	0. 0. 0.	4	0.5 0.5 0.3	0.2 0.	666667 500000 666667	1.333333 1.000000 2.22222
45	0.		0.3		666667	2.22222
46	0.		0.3		666667	2.22222
47	0.		0.3		666667	2.22222
48	0.		0.4		400000	1.000000
49	0.		0.3		400000	1.333333
50	0.		0.2		400000	2.000000
51	0.		0.2		400000	2.000000
	representativity	leverage	conviction	zhangs_metric	jaco	ard \
0	1.0	0.05	1.500000	0.250000	0.500	000
1	1.0	0.05	1.166667	0.416667	0.500	000
2	1.0	0.05	1.250000	0.333333	0.428	571
3	1.0	0.05	1.250000	0.333333	0.428	571
4	1.0	0.05	1.250000	0.333333	0.428	571
5	1.0	0.05	1.250000	0.333333		
6	1.0	0.02	1.200000	0.111111		
7	1.0	0.02	1.050000	0.222222		
8	1.0	0.04	1.200000	0.333333		
9	1.0	0.04	1.200000	0.333333		
10	1.0	-0.05	0.875000	-0.357143		
11	1.0	-0.05	0.750000	-0.250000		
12	1.0	-0.05	0.875000	-0.357143		
13	1.0	-0.05	0.750000	-0.250000		
14	1.0	-0.08	0.600000	-0.400000		
15	1.0	0.25	inf	1.000000		
16 17	1.0	0.25 0.00	inf 1.000000	1.000000		
18	1.0	-0.01	0.900000	-0.066667		
19	1.0	0.05	1.500000	0.357143		
20	1.0		1.166667	0.500000		
21	1.0	0.00	1.000000	0.000000		
22	1.0	0.00	1.000000	0.000000		
23	1.0	-0.01	0.900000	-0.066667		
24	1.0	0.05	1.500000	0.357143		
25	1.0	0.05	1.166667	0.500000		
26	1.0	0.00	1.000000	0.000000	0.285	714
27	1.0	0.15	inf	0.714286	0.600	000
28	1.0	0.15	inf	0.714286	0.600	000
29	1.0	0.05	1.250000	0.333333	0.428	571
30	1.0	0.05	1.250000	0.333333	0.428	3571
31	1.0	0.15	1.750000	1.000000	0.600	0000
32	1.0	0.15	1.750000	1.000000	0.600	0000
33	1.0	0.15	inf	0.714286		
34	1.0	0.15	inf	0.714286	0.600	000

1 0	-0.05	0.750000	-0.250000	0.333333
1.0	-0.05	0.875000	-0.357143	0.333333
1.0	0.15	1.750000	1.000000	0.600000
1.0	0.15	1.750000	1.000000	0.600000
1.0	0.10	inf	0.625000	0.400000
1.0	0.10	inf	0.625000	0.400000
1.0	-0.01	0.900000	-0.066667	0.250000
1.0	0.05	1.500000	0.357143	0.333333
1.0	0.00	1.000000	0.000000	0.285714
1.0	0.11	2.100000	0.785714	0.500000
1.0	0.11	2.100000	0.785714	0.500000
1.0	0.11	2.100000	0.785714	0.500000
1.0	0.11	2.100000	0.785714	0.500000
1.0	0.00	1.000000	0.000000	0.285714
1.0	0.05	1.166667	0.500000	0.333333
1.0	0.10	1.333333	1.000000	0.400000
1.0	0.10	1.333333	1.000000	0.400000
	1.0 1.0 1.0 1.0 1.0 1.0 1.0 1.0 1.0 1.0	1.0 -0.05 1.0 0.15 1.0 0.10 1.0 0.10 1.0 -0.01 1.0 0.05 1.0 0.00 1.0 0.11 1.0 0.11 1.0 0.11 1.0 0.00 1.0 0.05 1.0 0.05 1.0 0.05 1.0 0.10	1.0	1.0 -0.05 0.875000 -0.357143 1.0 0.15 1.750000 1.000000 1.0 0.15 1.750000 1.000000 1.0 0.10 inf 0.625000 1.0 0.10 inf 0.625000 1.0 -0.01 0.900000 -0.066667 1.0 0.05 1.500000 0.357143 1.0 0.01 2.100000 0.785714 1.0 0.11 2.100000 0.785714 1.0 0.11 2.100000 0.785714 1.0 0.11 2.100000 0.785714 1.0 0.01 1.000000 0.00000 1.0 0.05 1.166667 0.500000 1.0 0.10 1.333333 1.000000

certainty kulczynski 0 0.685714 0.333333 1 0.142857 0.685714 2 0.200000 0.600000 3 0.200000 0.600000 4 0.200000 0.600000 0.200000 5 0.600000 6 0.166667 0.589286 7 0.047619 0.589286 8 0.166667 0.500000 0.500000 9 0.166667 10 -0.142857 0.514286 11 -0.333333 0.514286 12 -0.142857 0.514286 13 -0.333333 0.514286 14 -0.666667 0.392857 15 1.000000 1.000000 16 1.000000 1.000000 17 0.00000 0.450000 18 -0.111111 0.476190 19 0.333333 0.533333 20 0.142857 0.533333 21 0.00000 0.450000 22 0.00000 0.450000 23 -0.111111 0.476190 24 0.333333 0.533333 25 0.142857 0.533333 26 0.00000 0.450000 27 1.000000 0.800000

```
29
            0.200000
                         0.600000
      30
           0.200000
                         0.600000
      31
            0.428571
                         0.800000
      32
           0.428571
                         0.800000
      33
           1.000000
                         0.800000
      34
           1.000000
                         0.800000
      35
          -0.333333
                         0.514286
      36
          -0.142857
                         0.514286
      37
           0.428571
                         0.800000
      38
           0.428571
                         0.800000
           1.000000
                         0.700000
      40
           1.000000
                        0.700000
      41
          -0.111111
                         0.476190
      42
           0.333333
                        0.533333
      43
           0.000000
                        0.450000
      44
           0.523810
                         0.666667
      45
           0.523810
                         0.666667
      46
           0.523810
                         0.666667
      47
           0.523810
                         0.666667
      48
           0.00000
                         0.450000
      49
            0.142857
                         0.533333
      50
            0.250000
                         0.700000
           0.250000
      51
                         0.700000
[90]: # Generar reglas de asociación conconfianza minima de 0.5
      regla_conf_5 = association_rules(items_frecuentes, metric="confidence",_
        →min_threshold=0.5)
      #pasar el resultado a un dataframe
      regla_conf_5 = pd.DataFrame(regla_conf_5)
      regla_conf_5
[90]:
                              antecedents
                                                        consequents
                                                                      antecedent support
      0
                                   (Leche)
                                                           (Pañales)
                                                                                       0.5
      1
                                 (Pañales)
                                                             (Leche)
                                                                                       0.7
      2
                                   (Leche)
                                                               (Pan)
                                                                                       0.5
      3
                                     (Pan)
                                                                                       0.5
                                                             (Leche)
      4
                                   (Leche)
                                                      (Mantequilla)
                                                                                       0.5
      5
                            (Mantequilla)
                                                             (Leche)
                                                                                       0.5
      6
                                (Cerveza)
                                                           (Pañales)
                                                                                       0.4
      7
                                (Cerveza)
                                                          (Galletas)
                                                                                       0.4
      8
                               (Galletas)
                                                           (Cerveza)
                                                                                       0.4
      9
                                     (Pan)
                                                           (Pañales)
                                                                                       0.5
      10
                            (Mantequilla)
                                                           (Pañales)
                                                                                       0.5
                                                                                       0.4
      11
                               (Galletas)
                                                           (Pañales)
      12
                                     (Pan)
                                                      (Mantequilla)
                                                                                       0.5
      13
                            (Mantequilla)
                                                               (Pan)
                                                                                       0.5
```

28

1.000000

0.800000

```
14
                   (Leche, Pañales)
                                                          (Pan)
                                                                                  0.4
                       (Leche, Pan)
                                                                                  0.3
15
                                                      (Pañales)
16
                     (Pañales, Pan)
                                                        (Leche)
                                                                                  0.3
17
                   (Leche, Pañales)
                                                 (Mantequilla)
                                                                                  0.4
18
              (Leche, Mantequilla)
                                                     (Pañales)
                                                                                  0.3
19
            (Pañales, Mantequilla)
                                                        (Leche)
                                                                                  0.3
20
                       (Leche, Pan)
                                                                                  0.3
                                                 (Mantequilla)
21
              (Leche, Mantequilla)
                                                          (Pan)
                                                                                  0.3
22
                 (Pan, Mantequilla)
                                                        (Leche)
                                                                                  0.5
23
                             (Leche)
                                           (Pan, Mantequilla)
                                                                                  0.5
24
                                         (Leche, Mantequilla)
                               (Pan)
                                                                                  0.5
25
                      (Mantequilla)
                                                  (Leche, Pan)
                                                                                  0.5
26
                     (Pañales, Pan)
                                                 (Mantequilla)
                                                                                  0.3
27
            (Pañales, Mantequilla)
                                                          (Pan)
                                                                                  0.3
                 (Pan, Mantequilla)
28
                                                      (Pañales)
                                                                                  0.5
29
                               (Pan)
                                       (Pañales, Mantequilla)
                                                                                  0.5
30
                      (Mantequilla)
                                                (Pañales, Pan)
                                                                                  0.5
31
             (Leche, Pañales, Pan)
                                                 (Mantequilla)
                                                                                  0.2
32
    (Leche, Pañales, Mantequilla)
                                                          (Pan)
                                                                                  0.2
33
         (Leche, Pan, Mantequilla)
                                                      (Pañales)
                                                                                  0.3
34
                                                                                  0.3
       (Pañales, Pan, Mantequilla)
                                                        (Leche)
35
                   (Leche, Pañales)
                                           (Pan, Mantequilla)
                                                                                  0.4
36
                       (Leche, Pan)
                                       (Pañales, Mantequilla)
                                                                                  0.3
37
              (Leche, Mantequilla)
                                                (Pañales, Pan)
                                                                                  0.3
38
                     (Pañales, Pan)
                                         (Leche, Mantequilla)
                                                                                  0.3
39
            (Pañales, Mantequilla)
                                                  (Leche, Pan)
                                                                                  0.3
    consequent support
                          support
                                                             representativity
                                    confidence
                                                      lift
0
                     0.7
                               0.4
                                       0.800000
                                                  1.142857
                                                                            1.0
1
                     0.5
                               0.4
                                                                            1.0
                                       0.571429
                                                  1.142857
2
                     0.5
                               0.3
                                                  1.200000
                                                                            1.0
                                       0.600000
3
                     0.5
                               0.3
                                       0.600000
                                                  1.200000
                                                                            1.0
4
                     0.5
                               0.3
                                       0.600000
                                                  1.200000
                                                                            1.0
5
                     0.5
                               0.3
                                       0.600000
                                                  1.200000
                                                                            1.0
                                                  1.071429
6
                     0.7
                               0.3
                                       0.750000
                                                                            1.0
7
                     0.4
                               0.2
                                       0.500000
                                                  1.250000
                                                                            1.0
8
                     0.4
                               0.2
                                       0.500000
                                                  1.250000
                                                                            1.0
9
                     0.7
                               0.3
                                       0.600000
                                                  0.857143
                                                                            1.0
10
                     0.7
                               0.3
                                       0.600000
                                                  0.857143
                                                                            1.0
11
                     0.7
                               0.2
                                       0.500000
                                                                            1.0
                                                  0.714286
12
                     0.5
                               0.5
                                       1.000000
                                                  2.000000
                                                                            1.0
13
                     0.5
                               0.5
                                       1.000000
                                                  2.000000
                                                                            1.0
                                                  1.000000
14
                     0.5
                               0.2
                                       0.500000
                                                                            1.0
15
                     0.7
                               0.2
                                       0.666667
                                                  0.952381
                                                                            1.0
16
                     0.5
                               0.2
                                       0.666667
                                                  1.333333
                                                                            1.0
17
                     0.5
                               0.2
                                                  1.000000
                                                                            1.0
                                       0.500000
18
                     0.7
                               0.2
                                       0.666667
                                                  0.952381
                                                                            1.0
```

19		0.5	0.2	0.666	667 1.333	3333	1.0
20		0.5	0.3	1.000	000 2.000	0000	1.0
21		0.5	0.3	1.0000	000 2.000	0000	1.0
22		0.5	0.3	0.600	000 1.200	0000	1.0
23		0.5	0.3	0.600	000 1.200	0000	1.0
24		0.3	0.3	0.600	000 2.000	0000	1.0
25		0.3	0.3	0.600	000 2.000	0000	1.0
26		0.5	0.3	1.000	000 2.000	0000	1.0
27		0.5	0.3	1.000	000 2.000	0000	1.0
28		0.7	0.3	0.600	000 0.857	7143	1.0
29		0.3	0.3	0.600			1.0
30		0.3	0.3	0.600			1.0
31		0.5	0.2	1.000			1.0
32		0.5	0.2	1.000			1.0
33		0.7	0.2	0.666			1.0
34		0.5	0.2	0.666			1.0
35		0.5	0.2	0.500			1.0
36		0.3	0.2	0.666			1.0
37		0.3	0.2	0.666			1.0
38		0.3	0.2	0.666			1.0
39		0.3	0.2	0.666	667 2.222	2222	1.0
	1		-h		د ـ ـ ـ ـ ـ ـ ـ		l
0	leverage	conviction	_		jaccard	•	•
		1 600000	Λ '	つたへへへへ	0 500000	∧ 222222	A 60E71/
0	0.05	1.500000		250000 416667	0.500000	0.333333	0.685714
1	0.05	1.166667	0.4	416667	0.500000	0.142857	0.685714
1 2	0.05 0.05	1.166667 1.250000	0.4	416667 333333	0.500000 0.428571	0.142857 0.200000	0.685714 0.600000
1 2 3	0.05 0.05 0.05	1.166667 1.250000 1.250000	0.4	416667 333333 333333	0.500000 0.428571 0.428571	0.142857 0.200000 0.200000	0.685714 0.600000 0.600000
1 2 3 4	0.05 0.05 0.05 0.05	1.166667 1.250000 1.250000 1.250000	0.4 0.3 0.3	416667 333333 333333 333333	0.500000 0.428571 0.428571 0.428571	0.142857 0.200000 0.200000 0.200000	0.685714 0.600000 0.600000 0.600000
1 2 3 4 5	0.05 0.05 0.05 0.05 0.05	1.166667 1.250000 1.250000 1.250000	0 0 0	416667 333333 333333 333333 333333	0.500000 0.428571 0.428571 0.428571 0.428571	0.142857 0.200000 0.200000 0.200000 0.200000	0.685714 0.600000 0.600000 0.600000
1 2 3 4 5	0.05 0.05 0.05 0.05 0.05 0.02	1.166667 1.250000 1.250000 1.250000 1.250000	0.0 0.0 0.0 0.0	416667 333333 333333 333333 333333 111111	0.500000 0.428571 0.428571 0.428571 0.428571 0.375000	0.142857 0.200000 0.200000 0.200000 0.200000 0.166667	0.685714 0.600000 0.600000 0.600000 0.589286
1 2 3 4 5 6 7	0.05 0.05 0.05 0.05 0.05 0.02	1.166667 1.250000 1.250000 1.250000 1.250000 1.200000	0 0 0 0	416667 333333 333333 333333 333333 111111 333333	0.500000 0.428571 0.428571 0.428571 0.428571 0.375000 0.333333	0.142857 0.200000 0.200000 0.200000 0.200000 0.166667 0.166667	0.685714 0.600000 0.600000 0.600000 0.600000 0.589286 0.500000
1 2 3 4 5 6 7 8	0.05 0.05 0.05 0.05 0.05 0.02 0.04 0.04	1.166667 1.250000 1.250000 1.250000 1.250000 1.200000 1.200000	0.0 0.0 0.0 0.0 0.0	416667 333333 333333 333333 333333 111111 333333	0.500000 0.428571 0.428571 0.428571 0.428571 0.375000 0.333333 0.333333	0.142857 0.200000 0.200000 0.200000 0.200000 0.166667 0.166667	0.685714 0.600000 0.600000 0.600000 0.600000 0.589286 0.500000
1 2 3 4 5 6 7 8	0.05 0.05 0.05 0.05 0.05 0.02 0.04 0.04	1.166667 1.250000 1.250000 1.250000 1.250000 1.200000 1.200000 0.750000	0.0 0.3 0.3 0.3 0.3 0.3 0.3	416667 333333 333333 333333 333333 111111 333333	0.500000 0.428571 0.428571 0.428571 0.428571 0.375000 0.333333 0.333333	0.142857 0.200000 0.200000 0.200000 0.200000 0.166667 0.166667 -0.3333333	0.685714 0.600000 0.600000 0.600000 0.589286 0.500000 0.514286
1 2 3 4 5 6 7 8 9 10	0.05 0.05 0.05 0.05 0.05 0.02 0.04 0.04 -0.05	1.166667 1.250000 1.250000 1.250000 1.250000 1.200000 1.200000 0.750000	0.0 0.1 0.1 0.1 0.1 0.1 0.1	416667 333333 333333 333333 333333 111111 333333	0.500000 0.428571 0.428571 0.428571 0.375000 0.333333 0.333333 0.333333	0.142857 0.200000 0.200000 0.200000 0.166667 0.166667 -0.333333 -0.333333	0.685714 0.600000 0.600000 0.600000 0.589286 0.500000 0.514286 0.514286
1 2 3 4 5 6 7 8 9 10	0.05 0.05 0.05 0.05 0.05 0.02 0.04 0.04 -0.05 -0.05	1.166667 1.250000 1.250000 1.250000 1.250000 1.200000 1.200000 0.750000 0.600000	0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 -0.0	416667 333333 333333 333333 333333 111111 333333	0.500000 0.428571 0.428571 0.428571 0.375000 0.333333 0.333333 0.333333 0.333333	0.142857 0.200000 0.200000 0.200000 0.166667 0.166667 -0.333333 -0.333333	0.685714 0.600000 0.600000 0.600000 0.589286 0.500000 0.514286 0.514286 0.392857
1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11	0.05 0.05 0.05 0.05 0.02 0.04 0.04 -0.05 -0.05	1.166667 1.250000 1.250000 1.250000 1.250000 1.200000 1.200000 0.750000 0.600000 inf	0.0 0.1 0.1 0.1 0.1 0.1 -0.1 -0.1	416667 333333 333333 333333 333333 111111 333333	0.500000 0.428571 0.428571 0.428571 0.375000 0.333333 0.333333 0.333333 0.222222 1.0000000	0.142857 0.200000 0.200000 0.200000 0.166667 0.166667 -0.333333 -0.666667 1.000000	0.685714 0.600000 0.600000 0.600000 0.589286 0.500000 0.514286 0.514286 0.392857 1.000000
1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13	0.05 0.05 0.05 0.05 0.05 0.02 0.04 0.04 -0.05 -0.05	1.166667 1.250000 1.250000 1.250000 1.250000 1.200000 1.200000 0.750000 0.750000 0.600000 inf inf	0.0 0.3 0.3 0.3 0.4 0.5 -0.3 -0.4 1.4	416667 333333 333333 333333 333333 111111 333333	0.500000 0.428571 0.428571 0.428571 0.375000 0.333333 0.333333 0.333333 0.333333 0.222222 1.000000 1.000000	0.142857 0.200000 0.200000 0.200000 0.166667 0.166667 -0.333333 -0.333333 -0.666667 1.000000	0.685714 0.600000 0.600000 0.600000 0.589286 0.500000 0.514286 0.514286 0.392857 1.000000
1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14	0.05 0.05 0.05 0.05 0.02 0.04 0.04 -0.05 -0.05 -0.08 0.25 0.00	1.166667 1.250000 1.250000 1.250000 1.250000 1.200000 1.200000 0.750000 0.750000 inf inf 1.000000	0.0 0.3 0.3 0.3 0.3 0.4 -0.3 -0.4 1.4	416667 333333 333333 333333 333333 111111 333333	0.500000 0.428571 0.428571 0.428571 0.375000 0.333333 0.333333 0.333333 0.222222 1.000000 1.000000 0.285714	0.142857 0.200000 0.200000 0.200000 0.166667 0.166667 -0.333333 -0.333333 -0.666667 1.000000 0.000000	0.685714 0.600000 0.600000 0.600000 0.589286 0.500000 0.514286 0.392857 1.000000 1.000000 0.450000
1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15	0.05 0.05 0.05 0.05 0.02 0.04 -0.05 -0.05 -0.08 0.25	1.166667 1.250000 1.250000 1.250000 1.250000 1.200000 1.200000 0.750000 0.750000 0.600000 inf inf	0.0 0.3 0.3 0.3 0.4 0.5 -0.5 -0.6 1.6 0.6	416667 333333 333333 333333 333333 111111 333333	0.500000 0.428571 0.428571 0.428571 0.375000 0.333333 0.333333 0.333333 0.333333 0.222222 1.000000 1.000000	0.142857 0.200000 0.200000 0.200000 0.166667 0.166667 -0.333333 -0.333333 -0.666667 1.000000	0.685714 0.600000 0.600000 0.600000 0.589286 0.500000 0.514286 0.514286 0.392857 1.000000 1.000000 0.450000 0.476190
1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14	0.05 0.05 0.05 0.05 0.02 0.04 0.04 -0.05 -0.05 -0.08 0.25 0.25 0.00	1.166667 1.250000 1.250000 1.250000 1.250000 1.200000 1.200000 0.750000 0.750000 inf inf 1.000000 0.900000	0.0 0.3 0.3 0.3 0.4 0.5 -0.3 -0.4 1.4 0.4 0.6	416667 333333 333333 333333 111111 333333 250000 250000 400000 000000 000000 000000	0.500000 0.428571 0.428571 0.428571 0.375000 0.333333 0.333333 0.333333 0.222222 1.000000 1.000000 0.285714 0.250000	0.142857 0.200000 0.200000 0.200000 0.166667 0.166667 -0.333333 -0.666667 1.000000 1.000000 0.000000	0.685714 0.600000 0.600000 0.600000 0.589286 0.500000 0.514286 0.392857 1.000000 1.000000 0.450000
1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16	0.05 0.05 0.05 0.05 0.05 0.02 0.04 -0.05 -0.05 -0.08 0.25 0.25 0.00 -0.01	1.166667 1.250000 1.250000 1.250000 1.250000 1.200000 1.200000 0.750000 0.750000 inf inf 1.000000 0.900000 1.500000	0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 -0.0 -0.0 1.0 0.0 0.0	416667 333333 333333 333333 333333 111111 333333	0.500000 0.428571 0.428571 0.428571 0.375000 0.333333 0.333333 0.333333 0.222222 1.000000 1.000000 0.285714 0.250000 0.333333	0.142857 0.200000 0.200000 0.200000 0.166667 0.166667 -0.333333 -0.333333 -0.666667 1.000000 1.000000 0.000000 -0.111111 0.333333	0.685714 0.600000 0.600000 0.600000 0.600000 0.589286 0.500000 0.514286 0.514286 0.392857 1.000000 1.000000 0.450000 0.476190 0.533333
1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17	0.05 0.05 0.05 0.05 0.05 0.02 0.04 0.04 -0.05 -0.08 0.25 0.25 0.00 -0.01 0.05 0.00	1.166667 1.250000 1.250000 1.250000 1.250000 1.200000 1.200000 0.750000 0.750000 inf inf 1.000000 0.900000 1.500000	0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 -0.0 -0.0 -0.0	416667 333333 333333 333333 333333 111111 333333	0.500000 0.428571 0.428571 0.428571 0.375000 0.333333 0.333333 0.333333 0.222222 1.000000 1.000000 0.285714 0.250000 0.333333 0.2250000	0.142857 0.200000 0.200000 0.200000 0.166667 0.166667 -0.333333 -0.333333 -0.666667 1.000000 1.000000 0.000000 -0.111111 0.333333 0.000000	0.685714 0.600000 0.600000 0.600000 0.589286 0.500000 0.514286 0.514286 0.392857 1.000000 1.000000 0.450000 0.476190 0.533333 0.450000
1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18	0.05 0.05 0.05 0.05 0.02 0.04 0.04 -0.05 -0.05 -0.08 0.25 0.25 0.00 -0.01	1.166667 1.250000 1.250000 1.250000 1.250000 1.200000 1.200000 0.750000 0.750000 0.600000 inf inf 1.000000 0.900000 1.500000 0.900000	0.0 0.1 0.1 0.1 0.1 0.1 -0.1 1.1 0.1 0.1 0.1	416667 333333 333333 333333 111111 333333 250000 250000 400000 000000 000000 000000 0066667 357143 000000 066667	0.500000 0.428571 0.428571 0.428571 0.375000 0.333333 0.333333 0.333333 0.222222 1.000000 1.000000 0.285714 0.250000 0.333333 0.285714 0.250000	0.142857 0.200000 0.200000 0.200000 0.200000 0.166667 0.166667 -0.333333 -0.666667 1.000000 1.000000 0.000000 -0.111111 0.333333 0.000000	0.685714 0.600000 0.600000 0.600000 0.589286 0.500000 0.514286 0.514286 0.514286 0.392857 1.000000 1.000000 0.450000 0.476190 0.533333 0.450000 0.476190
1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18	0.05 0.05 0.05 0.05 0.02 0.04 0.04 -0.05 -0.05 -0.08 0.25 0.25 0.00 -0.01 0.05 0.00	1.166667 1.250000 1.250000 1.250000 1.250000 1.200000 1.200000 0.750000 0.750000 0.600000 inf inf 1.000000 0.900000 1.500000 1.500000 1.500000 1.500000	0.0 0.1 0.1 0.1 0.1 0.1 -0.1 1.1 0.1 0.1 0.1 0.1	416667 333333 333333 333333 333333 111111 333333	0.500000 0.428571 0.428571 0.428571 0.375000 0.333333 0.333333 0.333333 0.222222 1.000000 1.000000 0.285714 0.250000 0.333333 0.285714 0.250000 0.333333	0.142857 0.200000 0.200000 0.200000 0.200000 0.166667 0.166667 -0.333333 -0.666667 1.000000 1.000000 -0.111111 0.333333 0.000000 -0.111111	0.685714 0.600000 0.600000 0.600000 0.600000 0.589286 0.500000 0.514286 0.514286 0.514286 0.392857 1.000000 1.000000 0.450000 0.476190 0.533333 0.450000 0.476190 0.533333
1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20	0.05 0.05 0.05 0.05 0.05 0.02 0.04 0.04 -0.05 -0.05 -0.08 0.25 0.25 0.00 -0.01 0.05 0.00	1.166667 1.250000 1.250000 1.250000 1.250000 1.200000 1.200000 0.750000 0.750000 0.600000 inf inf 1.000000 0.900000 1.500000 0.900000 1.5000000 inf	0.0 0.3 0.3 0.3 0.3 0.3 0.3 0.3 0.3 1.4 0.4 0.4 0.5 0.6 0.6 0.6 0.6 0.6 0.6 0.6 0.6 0.6 0.6	416667 333333 333333 333333 111111 333333 250000 400000 000000 000000 000000 0066667 357143 000000 066667 357143	0.500000 0.428571 0.428571 0.428571 0.375000 0.333333 0.333333 0.333333 0.222222 1.000000 1.000000 0.285714 0.250000 0.333333 0.285714 0.250000 0.333333 0.285714 0.250000	0.142857 0.200000 0.200000 0.200000 0.200000 0.166667 0.166667 -0.333333 -0.333333 -0.666667 1.000000 0.000000 -0.111111 0.333333 0.000000 -0.111111 0.333333	0.685714 0.600000 0.600000 0.600000 0.600000 0.589286 0.500000 0.514286 0.514286 0.392857 1.000000 1.000000 0.450000 0.476190 0.533333 0.450000 0.476190 0.533333

```
24
              0.15
                       1.750000
                                       1.000000
                                                 0.600000
                                                             0.428571
                                                                          0.800000
      25
              0.15
                       1.750000
                                       1.000000
                                                 0.600000
                                                             0.428571
                                                                          0.800000
      26
              0.15
                            inf
                                       0.714286
                                                 0.600000
                                                             1.000000
                                                                          0.800000
      27
              0.15
                            inf
                                       0.714286
                                                 0.600000
                                                             1.000000
                                                                          0.800000
      28
             -0.05
                       0.750000
                                      -0.250000
                                                 0.333333
                                                            -0.333333
                                                                          0.514286
      29
              0.15
                       1.750000
                                       1.000000
                                                 0.600000
                                                             0.428571
                                                                          0.800000
      30
              0.15
                       1.750000
                                                 0.600000
                                                             0.428571
                                       1.000000
                                                                          0.800000
      31
              0.10
                            inf
                                       0.625000
                                                 0.400000
                                                             1.000000
                                                                          0.700000
      32
              0.10
                            inf
                                       0.625000
                                                 0.400000
                                                             1.000000
                                                                          0.700000
      33
             -0.01
                       0.900000
                                      -0.066667
                                                 0.250000
                                                            -0.111111
                                                                          0.476190
      34
              0.05
                       1.500000
                                       0.357143
                                                 0.333333
                                                             0.333333
                                                                          0.533333
      35
              0.00
                       1.000000
                                       0.000000
                                                 0.285714
                                                             0.000000
                                                                          0.450000
      36
              0.11
                       2.100000
                                       0.785714
                                                 0.500000
                                                             0.523810
                                                                          0.666667
      37
              0.11
                       2.100000
                                       0.785714
                                                 0.500000
                                                             0.523810
                                                                          0.666667
              0.11
      38
                       2.100000
                                       0.785714
                                                 0.500000
                                                             0.523810
                                                                          0.666667
      39
              0.11
                       2.100000
                                       0.785714 0.500000
                                                             0.523810
                                                                          0.666667
[91]: # Generar reglas de asociación conconfianza minima de 0.8
      regla_conf_8 = association_rules(items_frecuentes, metric="confidence", __
       ⇒min threshold=0.8)
      #pasar el resultado a un dataframe
      regla_conf_8 = pd.DataFrame(regla_conf_8)
      regla_conf_8
[91]:
                            antecedents
                                            consequents
                                                         antecedent support
      0
                                                                          0.5
                                 (Leche)
                                              (Pañales)
      1
                                          (Mantequilla)
                                                                          0.5
                                   (Pan)
      2
                          (Mantequilla)
                                                                          0.5
                                                  (Pan)
      3
                           (Leche, Pan)
                                                                          0.3
                                          (Mantequilla)
      4
                   (Leche, Mantequilla)
                                                   (Pan)
                                                                          0.3
      5
                                                                          0.3
                         (Pañales, Pan)
                                          (Mantequilla)
      6
                 (Pañales, Mantequilla)
                                                   (Pan)
                                                                          0.3
      7
                                                                          0.2
                  (Leche, Pañales, Pan)
                                          (Mantequilla)
         (Leche, Pañales, Mantequilla)
                                                  (Pan)
                                                                          0.2
         consequent support
                              support
                                        confidence
                                                         lift
                                                               representativity \
                                  0.4
      0
                         0.7
                                               0.8 1.142857
                                                                             1.0
      1
                         0.5
                                  0.5
                                               1.0 2.000000
                                                                             1.0
      2
                         0.5
                                  0.5
                                               1.0 2.000000
                                                                             1.0
      3
                                  0.3
                                               1.0 2.000000
                                                                             1.0
                         0.5
      4
                         0.5
                                  0.3
                                               1.0 2.000000
                                                                             1.0
      5
                         0.5
                                  0.3
                                               1.0 2.000000
                                                                             1.0
      6
                         0.5
                                  0.3
                                               1.0 2.000000
                                                                             1.0
      7
                                  0.2
                         0.5
                                               1.0
                                                    2.000000
                                                                             1.0
      8
                         0.5
                                  0.2
                                               1.0 2.000000
                                                                             1.0
```

leverage conviction zhangs_metric jaccard certainty kulczynski

0	0.05	1.5	0.250000	0.5	0.333333	0.685714
1	0.25	inf	1.000000	1.0	1.000000	1.000000
2	0.25	inf	1.000000	1.0	1.000000	1.000000
3	0.15	inf	0.714286	0.6	1.000000	0.800000
4	0.15	inf	0.714286	0.6	1.000000	0.800000
5	0.15	inf	0.714286	0.6	1.000000	0.800000
6	0.15	inf	0.714286	0.6	1.000000	0.800000
7	0.10	inf	0.625000	0.4	1.000000	0.700000
8	0.10	inf	0.625000	0.4	1.000000	0.700000

```
[92]: #obtener nombres de las columnas
columnas = regla_conf_8.columns
print(columnas)
```

Las reglas más consistentes y significativas entre diferentes umbrales de confianza son:

 $\operatorname{Pan} \to \operatorname{Mantequilla}$

Leche, Pan \rightarrow Mantequilla

Leche, Mantequilla \rightarrow Pan

Pañales, Pan \rightarrow Mantequilla

Pañales, Mantequilla \rightarrow Pan

Usar umbrales bajos de confianza genera muchas más reglas, pero muchas no aportan valor real (confianza baja o lift cercano a 1).

Por lo que se concluye, que umbrales bajos amplian el numero de reglas, con el riesgo de incluir asociaciones mas débiles, las reglas con umbrales altos son mas robustas y confiables.

Cuando se aplica el filtro para incluir solo productos con frecuencia mínima (Leche, Pan, Mantequilla, Pañales), el número de reglas extraídas fue reducido, pero más significativas, con reglas fuertes como Pan \rightarrow Mantequilla con alta confianza y lift. Sin embargo, al analizar el esquema sin filtro, el número de reglas se incrementó exponencialmente, pero muchas tenían soporte y confianza bajos, reduciendo su utilidad.

1.0.9 Punto 9

Importe el conjunto de datos credit-german.csv (repositorio de machinelearning). Discretice los atributos numéricos en máximo 5 bins de igual tamaño. Aplique el algoritmo de reglas de asociación a este conjunto. Interprete las reglas producidas. Varíe los valores de soporte y de confianza ¿Qué sucede? Interprete las reglas producidas y escoja las que en su concepto son las más interesantes para el problema (justifíque).

Solución:

Se discretizaron los valores numérics por medio de la clase KBinsDiscretizer de scikit-learn, en donde se especificó el número de bins (5), con un identificador numérico y la estrategia *uniform*; para garantizar el mismo tamaño de los bins.

Se encontró que al tener un soporte alto (ej. 20%) y confianza moderada (60%), se obtienen reglas generales y poco específicas; además de una cantidad menor de reglas. Con un soporte bajo (ej. 5%) y confianza alta (80%), se obtienen reglas detalladas, pero con 'ruido'; además de una cantidad mayor de reglas.

Para solucionar esto, se propuso un soporte del 10% y confianza del 70%, para equilibrar generalidad y fiabilidad.

Discusión

Esto termina conviriténdose como en un problema de optimización, en donde el trade-off consiste en ajustar la confianza y luego el soporte. Dependiendo del enfoque enmarcado del estudio, se debe dar prioridad a una de las dos. Podría ser útil, hacer uso del valor de lift, estableciendo un límite para descartar reglas.

```
[93]: #pip install ucimlrepo
[130]: from ucimlrepo import fetch_ucirepo
       # fetch dataset
       statlog_german_credit_data = fetch_ucirepo(id=144)
       # data (as pandas dataframes)
       X = statlog_german_credit_data.data.features
       y = statlog_german_credit_data.data.targets
       # metadata
       #print(statlog_german_credit_data.metadata)
       # variable information
       #print(statlog_german_credit_data.variables)
[131]:
      variables = statlog_german_credit_data.variables
       #variables
[96]:
      X
[96]:
           Attribute1
                        Attribute2 Attribute3 Attribute4
                                                            Attribute5 Attribute6
                   A11
                                 6
                                           A34
                                                       A43
                                                                   1169
                                                                               A65
       0
                                48
                                           A32
       1
                   A12
                                                       A43
                                                                   5951
                                                                               A61
                   A14
       2
                                12
                                           A34
                                                       A46
                                                                   2096
                                                                               A61
       3
                                42
                   A11
                                           A32
                                                       A42
                                                                   7882
                                                                               A61
       4
                                24
                                           A33
                   A11
                                                       A40
                                                                   4870
                                                                               A61
       . .
                                           A32
       995
                   A14
                                12
                                                       A42
                                                                   1736
                                                                               A61
       996
                  A11
                                30
                                           A32
                                                       A41
                                                                   3857
                                                                               A61
```

```
997
            A14
                           12
                                      A32
                                                  A43
                                                                804
                                                                            A61
998
                           45
                                      A32
                                                  A43
                                                               1845
                                                                            A61
            A11
999
            A12
                           45
                                      A34
                                                  A41
                                                               4576
                                                                            A62
    Attribute7
                  Attribute8 Attribute9 Attribute10
                                                         Attribute11 Attribute12 \
                            4
                                      A93
                                                  A101
                                                                     4
                                                                               A121
0
            A75
                            2
                                                  A101
                                                                    2
                                                                               A121
1
            A73
                                      A92
2
            A74
                            2
                                      A93
                                                  A101
                                                                     3
                                                                               A121
3
                            2
            A74
                                      A93
                                                  A103
                                                                     4
                                                                               A122
4
            A73
                            3
                                      A93
                                                  A101
                                                                     4
                                                                               A124
. .
            •••
995
            A74
                            3
                                      A92
                                                  A101
                                                                     4
                                                                               A121
                                                  A101
996
            A73
                            4
                                      A91
                                                                     4
                                                                               A122
997
                            4
            A75
                                      A93
                                                  A101
                                                                     4
                                                                               A123
998
            A73
                            4
                                      A93
                                                  A101
                                                                     4
                                                                               A124
999
                            3
                                      A93
            A71
                                                  A101
                                                                               A123
                                               Attribute16 Attribute17 \
     Attribute13 Attribute14 Attribute15
0
               67
                           A143
                                        A152
                                                          2
                                                                    A173
               22
                           A143
                                        A152
                                                          1
                                                                    A173
1
2
               49
                           A143
                                        A152
                                                          1
                                                                    A172
3
               45
                           A143
                                        A153
                                                          1
                                                                    A173
4
               53
                           A143
                                        A153
                                                          2
                                                                    A173
. .
995
               31
                           A143
                                        A152
                                                          1
                                                                    A172
996
               40
                           A143
                                        A152
                                                          1
                                                                    A174
997
                           A143
                                        A152
                                                                    A173
               38
                                                          1
998
               23
                           A143
                                        A153
                                                          1
                                                                    A173
999
                           A143
               27
                                        A152
                                                          1
                                                                    A173
     Attribute18 Attribute19 Attribute20
0
                           A192
                                        A201
                 1
1
                1
                                        A201
                           A191
2
                 2
                           A191
                                        A201
3
                 2
                                        A201
                           A191
4
                 2
                           A191
                                        A201
995
                1
                           A191
                                        A201
996
                                        A201
                 1
                           A192
997
                 1
                           A191
                                        A201
998
                 1
                           A192
                                        A201
999
                           A191
                                        A201
```

[132]: y

[1000 rows x 20 columns]

```
[132]:
            class
       0
                1
                2
       1
       2
                1
       3
                1
                2
       4
       995
                1
       996
                1
       997
                1
       998
                2
       999
                1
       [1000 rows x 1 columns]
[133]: X_{new} = X.copy()
[134]: # Extrae descripciones del dataframe 'variables'
       descriptions = variables["description"].tolist() # Lista de descripciones en_⊔
        ⇔orden Attribute1, Attribute2, ..., Attribute20
       # Renombra las columnas de X
       X_new.columns = descriptions[:X_new.shape[1]]
[100]: #X new
[135]: import numpy as np
       import pandas as pd
       # Combina features (X) y target (y) en un unico DataFrame
       data = pd.concat([X_new, y], axis=1)
[102]: #data
[136]: #ver variables numericas
       numeric_cols = data.select_dtypes(include='number').columns.tolist()
       numeric_cols
[136]: ['Duration',
        'Credit amount',
        'Installment rate in percentage of disposable income',
        'Present residence since',
        'Age',
        'Number of existing credits at this bank',
        'Number of people being liable to provide maintenance for',
        'class']
```

```
[137]: #ver variables categoricas
       categorical_cols = data.select_dtypes(include='object').columns.tolist()
       categorical_cols
[137]: ['Status of existing checking account',
        'Credit history',
        'Purpose',
        'Savings account/bonds',
        'Present employment since',
        'Personal status and sex',
        'Other debtors / guarantors',
        'Property',
        'Other installment plans',
        'Housing',
        'Job',
        'Telephone',
        'foreign worker']
  []: from sklearn.preprocessing import KBinsDiscretizer
       # Columnas numericas (excluyendo el target "class")
       numeric_cols = data.select_dtypes(include='number').columns.tolist()[:-1]
       #numeric_cols = data.select_dtypes(include='number').columns.tolist()
       # Aplica discretización
       for col in numeric_cols:
           discretizer = KBinsDiscretizer(n_bins=5, encode='ordinal',__
        ⇔strategy='uniform')
           data[col] = discretizer.fit_transform(data[[col]]).astype(int).astype(str)
       # Convierte todas las columnas a formato "feature=valor"
       data_str = data.astype(str).apply(lambda x: x.name + "=" + x, axis=0)
       transactions = data_str.values.tolist()
[139]: numeric_cols
[139]: ['Duration',
        'Credit amount',
        'Installment rate in percentage of disposable income',
        'Present residence since',
        'Age',
        'Number of existing credits at this bank',
        'Number of people being liable to provide maintenance for']
```

```
[140]: data
            Status of existing checking account Duration Credit history Purpose
[140]:
                                                A11
                                                            0
                                                                          A34
       1
                                                A12
                                                            3
                                                                          A32
                                                                                    A43
       2
                                                A14
                                                            0
                                                                          A34
                                                                                    A46
       3
                                                A11
                                                            2
                                                                          A32
                                                                                   A42
       4
                                                                          A33
                                                A11
                                                            1
                                                                                   A40
                                                                                    A42
       995
                                                A14
                                                            0
                                                                          A32
       996
                                                A11
                                                            1
                                                                          A32
                                                                                   A41
       997
                                                A14
                                                            0
                                                                          A32
                                                                                   A43
       998
                                                A11
                                                            3
                                                                          A32
                                                                                    A43
       999
                                                A12
                                                            3
                                                                          A34
                                                                                   A41
            Credit amount Savings account/bonds Present employment since
       0
                         0
                                                A65
                                                                            A75
                         1
                                                A61
                                                                            A73
       1
       2
                         0
                                                A61
                                                                            A74
       3
                         2
                                                A61
                                                                            A74
       4
                         1
                                                A61
                                                                            A73
       995
                                                A61
                                                                           A74
                         0
       996
                                                A61
                                                                            A73
                         0
       997
                                                                            A75
                         0
                                                A61
       998
                         0
                                                A61
                                                                            A73
       999
                         1
                                                A62
                                                                           A71
            Installment rate in percentage of disposable income
       0
       1
                                                                   1
       2
                                                                   1
       3
                                                                   1
       4
                                                                   3
       . .
       995
                                                                   3
       996
                                                                   4
       997
                                                                   4
       998
                                                                   4
       999
            Personal status and sex Other debtors / guarantors
                                                                     ... Property Age
       0
                                  A93
                                                                             A121
                                                               A101
       1
                                  A92
                                                               A101
                                                                             A121
                                                                                    0
       2
                                  A93
                                                               A101 ...
                                                                             A121
                                                                                     2
       3
                                                                                     2
                                  A93
                                                               A103
                                                                             A122
```

A101

A124

A93

4

```
995
                          A92
                                                       A101
                                                                    A121
                                                                            1
996
                          A91
                                                       A101
                                                                    A122
997
                          A93
                                                       A101
                                                                    A123
                                                                            1
998
                          A93
                                                       A101
                                                                    A124
                                                                            0
999
                          A93
                                                       A101
                                                                    A123
                                                                            0
    Other installment plans Housing Number of existing credits at this bank \
0
                         A143
                                  A152
1
                         A143
                                  A152
                                                                                 0
2
                         A143
                                  A152
                                                                                  0
3
                         A143
                                  A153
                                                                                 0
4
                         A143
                                  A153
                                                                                  1
995
                                  A152
                                                                                 0
                         A143
996
                         A143
                                  A152
                                                                                 0
997
                         A143
                                  A152
                                                                                 0
998
                         A143
                                  A153
                                                                                 0
999
                         A143
                                  A152
                                                                                  0
      Job Number of people being liable to provide maintenance for Telephone
     A173
0
                                                                 0
                                                                               A192
1
     A173
                                                                 0
                                                                               A191
2
     A172
                                                                 4
                                                                               A191
3
     A173
                                                                               A191
4
     A173
                                                                               A191
. .
995
    A172
                                                                 0
                                                                               A191
    A174
                                                                 0
996
                                                                               A192
                                                                 0
997
     A173
                                                                               A191
998
    A173
                                                                 0
                                                                               A192
999
    A173
                                                                               A191
    foreign worker class
0
               A201
                         1
1
               A201
                         2
               A201
2
                         1
3
               A201
                         1
                         2
4
               A201
995
               A201
                         1
996
               A201
                         1
997
               A201
                         1
998
               A201
                         2
999
               A201
                         1
```

[1000 rows x 21 columns]

```
[]: from mlxtend.preprocessing import TransactionEncoder
       te = TransactionEncoder()
       te_data = te.fit(transactions).transform(transactions)
       df_transactions = pd.DataFrame(te_data, columns=te.columns_)
[142]: df_transactions = pd.get_dummies(data, prefix_sep="")
[149]: df_transactions
[149]:
            class
                    Status of existing checking accountA11
       0
                                                        True
                 2
       1
                                                       False
       2
                 1
                                                       False
       3
                 1
                                                        True
       4
                 2
                                                        True
       995
                 1
                                                       False
       996
                 1
                                                        True
       997
                 1
                                                       False
                 2
       998
                                                        True
       999
                 1
                                                       False
            Status of existing checking accountA12
       0
                                                False
       1
                                                 True
       2
                                                False
       3
                                                False
       4
                                                False
       . .
       995
                                                False
       996
                                                False
       997
                                                False
       998
                                                False
       999
                                                 True
            Status of existing checking accountA13
       0
                                                False
       1
                                                False
       2
                                                False
       3
                                                False
       4
                                                False
       . .
                                                  •••
       995
                                                False
       996
                                                False
       997
                                                False
       998
                                                False
```

999 False

0 1 2 3 4 995 996 997 998 999	Status of	existing ch	eck	ing acco	False False False False False True False True False True False False False False	Duration0 True False True False False True False True False True False False False	Duration1 False False False True False True False False False False	False False True False False False False False False	
0 1 2 3 4 995 996 997 998 999	Duration3 False True False False False False False False True True	Duration4 False		JobA171 False	False False True False False True	e True e True e False e True e False e False e True True	False False False False False False True False False		
0 1 2 3 4 995 996 997 998 999		people bein				True True False False False True True True True True True True False False		elephoneA191 False True	
2 3 4						True True True		True True True	

```
995
                                                        False
                                                                                True
       996
                                                        False
                                                                               False
       997
                                                        False
                                                                                True
       998
                                                        False
                                                                               False
       999
                                                        False
                                                                                True
            TelephoneA192 foreign workerA201 foreign workerA202
       0
                     True
                                         True
                                                            False
       1
                    False
                                         True
                                                            False
                    False
                                         True
                                                            False
       3
                    False
                                         True
                                                            False
       4
                    False
                                         True
                                                            False
       995
                    False
                                         True
                                                            False
      996
                                                            False
                     True
                                         True
                                         True
                                                            False
       997
                    False
       998
                     True
                                         True
                                                            False
                                         True
       999
                    False
                                                            False
       [1000 rows x 84 columns]
[151]: from mlxtend.frequent_patterns import apriori, association_rules
       # quitar momentaneamente columna class
       df_transactions = df_transactions.drop(columns=["class"])
       # Itemsets frecuentes (soporte minimo = 10%)
       frequent_itemsets = apriori(df_transactions, min_support=0.1, use_colnames=True)
       # Reglas de asociacion (confianza minima = 70%)
       rules = association_rules(frequent_itemsets, metric="confidence",_
        ⇒min threshold=0.7)
 []: # Filtra reglas donde el consecuente es el target "class=good" o "class=bad"
       target_rules = rules[
           rules["consequents"].astype(str).str.contains("class=1|class=0")
[152]: rules.info()
      <class 'pandas.core.frame.DataFrame'>
      RangeIndex: 84217 entries, 0 to 84216
      Data columns (total 14 columns):
           Column
                               Non-Null Count Dtype
      --- -----
                               -----
           antecedents
                               84217 non-null object
       0
           consequents
                               84217 non-null object
```

```
3
           consequent support
                                84217 non-null float64
       4
           support
                                84217 non-null float64
       5
           confidence
                                84217 non-null float64
       6
           lift
                                84217 non-null float64
       7
           representativity
                                84217 non-null float64
       8
           leverage
                                84217 non-null float64
           conviction
                                84217 non-null float64
       10 zhangs_metric
                                84217 non-null float64
       11
           jaccard
                                84217 non-null float64
                                84217 non-null float64
       12 certainty
       13 kulczynski
                                84217 non-null float64
      dtypes: float64(12), object(2)
      memory usage: 9.0+ MB
[160]: target_rules
[160]: Empty DataFrame
       Columns: [antecedents, consequents, antecedent support, consequent support,
       support, confidence, lift, representativity, leverage, conviction,
       zhangs_metric, jaccard, certainty, kulczynski]
       Index: []
[154]: frequent_itemsets
[154]:
              support
                                                                 itemsets
       0
                0.274
                                 (Status of existing checking accountA11)
       1
                0.269
                                 (Status of existing checking accountA12)
       2
                0.394
                                 (Status of existing checking accountA14)
       3
                0.433
                                                              (Duration0)
       4
                0.394
                                                              (Duration1)
       16312
                0.105
                       (Credit historyA32, Other installment plansA14...
                       (JobA173, Credit historyA32, HousingA152, Othe...
       16313
                0.121
       16314
                0.119
                       (Credit historyA32, HousingA152, Other install...
       16315
                0.120
                       (JobA173, Credit historyA32, Other installment...
                       (JobA173, HousingA152, Other installment plans...
       16316
                0.103
       [16317 rows x 2 columns]
[155]: # Ejemplo 1: Soporte bajo (5%) y confianza alta (80%)
       frequent_itemsets_low_sup = apriori(df_transactions, min_support=0.05,_

use_colnames=True)

       rules_low_sup = association_rules(frequent_itemsets_low_sup,_

→metric="confidence", min threshold=0.8)
       # Ejemplo 2: Soporte alto (20%) y confianza moderada (60%)
```

84217 non-null float64

antecedent support

2

```
frequent_itemsets_high_sup = apriori(df_transactions, min_support=0.2, use_colnames=True)
rules_high_sup = association_rules(frequent_itemsets_high_sup, use_confidence", min_threshold=0.6)
```

[]: rules_low_sup

```
[]:
                                                      antecedents
     0
                                                          (Age=0)
     1
                                                          (Age=0)
     2
                                                          (Age=0)
     3
                                                          (Age=0)
     4
                                                          (Age=1)
     568872
             (Credit history=A32, class=1, Telephone=A191, ...
     568873 (Credit amount=0, Credit history=A32, class=1,...
             (Credit amount=0, Credit history=A32, class=1,...
     568874
             (Credit amount=0, Credit history=A32, class=1,...
     568875
             (Credit history=A32, class=1, Number of existi...
     568876
                                                      consequents
                                                                    antecedent support \
     0
              (Number of people being liable to provide main...
                                                                               0.411
     1
                               (Other debtors / guarantors=A101)
                                                                                 0.411
     2
                                  (Other installment plans=A143)
                                                                                 0.411
     3
                                           (foreign worker=A201)
                                                                                 0.411
     4
                               (Other debtors / guarantors=A101)
                                                                                 0.332
     568872
             (Credit amount=0, Number of existing credits a...
                                                                               0.075
             (Other installment plans=A143, Number of peopl...
     568873
                                                                               0.075
             (Other installment plans=A143, Number of exist...
                                                                               0.075
     568874
             (Number of existing credits at this bank=0, Nu...
     568875
                                                                               0.076
             (Credit amount=0, Number of people being liabl...
     568876
                                                                               0.077
             consequent support
                                            confidence
                                                                   representativity
                                  support
                                                             lift
     0
                                     0.391
                           0.845
                                              0.951338
                                                        1.125844
                                                                                 1.0
     1
                           0.907
                                     0.369
                                              0.897810 0.989868
                                                                                 1.0
     2
                           0.814
                                     0.344
                                              0.836983 1.028235
                                                                                 1.0
     3
                                     0.397
                                              0.965937
                           0.963
                                                         1.003050
                                                                                 1.0
     4
                           0.907
                                     0.305
                                              0.918675 1.012872
                                                                                 1.0
     568872
                           0.485
                                     0.062
                                              0.826667
                                                        1.704467
                                                                                 1.0
                                     0.062
                                              0.826667
                                                                                 1.0
     568873
                           0.677
                                                         1.221073
     568874
                           0.501
                                     0.062
                                              0.826667
                                                         1.650033
                                                                                 1.0
     568875
                           0.531
                                     0.062
                                              0.815789
                                                         1.536327
                                                                                 1.0
     568876
                           0.606
                                     0.062
                                              0.805195
                                                        1.328704
                                                                                 1.0
```

leverage conviction zhangs_metric jaccard certainty kulczynski

```
0
       0.043705
                    3.185250
                                   0.189775
                                             0.452023
                                                        0.686053
                                                                     0.707030
1
       -0.003777
                    0.910071
                                  -0.017081
                                             0.388830
                                                       -0.098815
                                                                     0.652323
2
       0.009446
                    1.140985
                                   0.046620
                                             0.390465
                                                        0.123564
                                                                     0.629794
3
       0.001207
                    1.086214
                                   0.005162
                                             0.406346
                                                        0.079371
                                                                     0.689095
4
       0.003876
                    1.143556
                                   0.019024
                                             0.326552
                                                        0.125534
                                                                     0.627474
                                             0.124498
       0.025625
                    2.971154
                                   0.446818
                                                        0.663430
568872
                                                                     0.477251
568873
       0.011225
                    1.863462
                                   0.195728
                                             0.089855
                                                        0.463364
                                                                     0.459124
568874 0.024425
                    2.878846
                                   0.425894
                                             0.120623
                                                        0.652639
                                                                     0.475210
568875
       0.021644
                    2.546000
                                   0.377810
                                             0.113761
                                                        0.607227
                                                                     0.466275
                                                        0.505571
568876 0.015338
                    2.022533
                                   0.268025
                                             0.099839
                                                                     0.453753
```

[568877 rows x 14 columns]

[156]: rules_high_sup

[156]:		antecedents	\
	0	(Status of existing checking accountA11)	
	1	(Status of existing checking accountA11)	
	2	(Status of existing checking accountA11)	
	3	(Status of existing checking accountA11)	
	4	(Status of existing checking accountA11)	
	•••		
	13969	(Number of people being liable to provide main	
	13970	(JobA173, Other installment plansA143, Telepho	
	13971	(JobA173, Number of people being liable to pro	
	13972	(JobA173, Other debtors / guarantorsA101, Tele	
	13973	(JobA173, Credit amount0, TelephoneA191)	
		consequents	antecedent support \
	0	(Credit amount0)	0.274
	1	(Savings account/bondsA61)	0.274
	2	(Other debtors / guarantorsA101)	0.274
	3	(Other installment plansA143)	0.274
	4	(Number of people being liable to provide main	0.274
	•••	***	***
	13969	(JobA173, Other debtors / guarantorsA101, fore	0.343
	13970	(Number of people being liable to provide main	0.335
	13971	(Other debtors / guarantorsA101, Credit amount	0.345
	13972	(Number of people being liable to provide main	0.347
	13973	(Number of people being liable to provide main	0.311
		consequent support confidence lift	representativity \setminus
	0	0.738 0.202 0.737226 0.998952	1.0
	1	0.603 0.219 0.799270 1.325489	1.0
	2	0.907 0.238 0.868613 0.957677	1.0
	3	0.814 0.220 0.802920 0.986388	1.0

```
13969
                           0.558
                                     0.210
                                              0.612245
                                                        1.097213
                                                                                1.0
       13970
                           0.554
                                     0.210
                                              0.626866
                                                        1.131526
                                                                                1.0
       13971
                           0.531
                                     0.210
                                              0.608696
                                                        1.146319
                                                                                1.0
       13972
                           0.507
                                     0.210
                                              0.605187
                                                        1.193663
                                                                                1.0
       13973
                           0.623
                                     0.210
                                              0.675241 1.083854
                                                                                1.0
              leverage conviction zhangs metric
                                                               certainty kulczynski
                                                     jaccard
             -0.000212
                          0.997056
                                         -0.001444
                                                    0.249383
                                                               -0.002953
                                                                            0.505470
       0
       1
                                          0.338239 0.332827
                                                                0.494383
                                                                            0.581227
              0.053778
                          1.977782
       2
             -0.010518
                          0.707833
                                         -0.057379 0.252386
                                                               -0.412762
                                                                            0.565508
             -0.003036
                          0.943778
                                         -0.018654
                                                    0.253456
                                                               -0.059571
                                                                            0.536595
             -0.009530
                          0.816731
                                         -0.055828
                                                    0.247492
                                                               -0.224394
                                                                            0.536470
       13969 0.018606
                          1.139895
                                          0.134855
                                                    0.303907
                                                                0.122726
                                                                            0.494294
       13970
             0.024410
                          1.195280
                                          0.174794
                                                    0.309278
                                                                0.163376
                                                                            0.502964
              0.026805
       13971
                          1.198556
                                          0.194875
                                                    0.315315
                                                                0.165662
                                                                            0.502088
       13972 0.034071
                          1.248693
                                          0.248458
                                                    0.326087
                                                                0.199163
                                                                            0.509694
       13973 0.016247
                          1.160861
                                          0.112288
                                                    0.290055
                                                                0.138571
                                                                            0.506160
       [13974 rows x 14 columns]
[157]: # Recomendacion: Soporte (10%) y confianza (70%)
       frequent_itemsets_recom_sup = apriori(df_transactions, min_support=0.1,_

use_colnames=True)

       rules_recom_sup = association_rules(frequent_itemsets_high_sup,_
        →metric="confidence", min threshold=0.7)
[158]: rules_recom_sup
[158]:
                                                    antecedents
                       (Status of existing checking accountA11)
       0
       1
                      (Status of existing checking accountA11)
       2
                      (Status of existing checking accountA11)
       3
                      (Status of existing checking accountA11)
       4
                      (Status of existing checking accountA11)
             (JobA173, Other debtors / guarantorsA101, Othe...
       9292
             (JobA173, Credit amount0, Other installment pl...
       9293
       9294
             (JobA173, Number of people being liable to pro...
       9295
             (JobA173, Other debtors / guarantorsA101, Cred...
       9296 (JobA173, foreign workerA201, Credit amount0, ...
                                                    consequents
                                                                  antecedent support
                                                                               0.274
       0
                                               (Credit amount0)
                                                                               0.274
       1
                                     (Savings account/bondsA61)
```

4

0.845

0.222

0.810219 0.958839

1.0

2				ors / gu				0.27	
3 4	(Number of) f people bei		nstallme le to pr	-			0.274 0.274	+
	(Number of	r peopie bei	ing rido	ic to pi	OVIGC III				
9292	(Number of	f people bei	ng liab	le to pr	ovide m	ain		0.298	
9293		f people bei	_	_				0.267	
9294		otors / guar	_	_				0.278	
9295		f people bei						0.276	
9296		f people bei	_	_				0.295	
		.				7:51			`
0	consequent	t support s 0.738	upport 0.202	confide 0.737		lift 998952	repres	entativity 1.0	\
1		0.730	0.202	0.737		325489		1.0	
2		0.003	0.219	0.799		957677		1.0	
3		0.907	0.230	0.802		986388		1.0	
4		0.845	0.222	0.810		958839		1.0	
				0.010	210 0.	300003		1.0	
9292		0.606	0.210	0.704	 698 1.	162868	•••	1.0	
9293		0.749	0.210	0.786		050089		1.0	
9294		0.718	0.210	0.755	396 1.	052083		1.0	
9295		0.677	0.210	0.760	870 1.	123884		1.0	
9296		0.638	0.210	0.711	864 1.	115775		1.0	
	leverage	conviction	zhange	_metric	jacca	rd car	tainty	kulczynski	
0	-0.000212	0.997056	•	.001444	0.2493		002953	0.505470	
1	0.053778	1.977782		.338239	0.3328		494383	0.581227	
2	-0.010518	0.707833		.057379	0.2523		412762	0.565508	
3	-0.003036	0.943778		.018654	0.2534	56 -0.	059571	0.536595	
4	-0.009530	0.816731	-0	.055828	0.2474	92 -0.	224394	0.536470	
•••	•••	•••							
9292	0.029412	1.334227	0	.199512	0.3025	94 0.	250503	0.525616	
9293	0.010017	1.175737	0	.065075	0.2605		149470	0.533445	
9294	0.010396	1.152882		.068566	0.2671		132609	0.523937	
9295	0.023148	1.350727		.152249	0.2826		259658	0.535531	
9296	0.021790	1.256353	0	.147180	0.2904	56 0.	204045	0.520509	

[9297 rows x 14 columns]