Линейная регрессия

Метод наименьших квадратов



$$\hat{y} = f(w, x) = w_0 + w_1 \times x_1 + ... + w_k \times x_k$$

Пусть есть множество объектов, и значения их целевой функции — пары (**x**_i, **y**_i) из обучающей выборки.

Хотим найти функцию $f(\mathbf{w}, \mathbf{x})$ за счёт подбора весов w.

Какая функция потерь?

Loss =
$$\sum_{i=1}^{n} (y_i - f(x_i))$$

Loss =
$$\sum_{i=1}^{n} (y_i - f(x_i))^2$$

Метод наименьших квадратов

Loss =
$$\sum_{i=1}^{n} (y_i - f(x_i))^2 \rightarrow \min$$

или в матричном виде

Loss =
$$(Xw - y)^2 \rightarrow min$$