# Corrigé des exercices sur les vecteurs

Septembre 2010

Soient un triangle  $\overrightarrow{ABC}$  et les points I et J tels que  $\overrightarrow{AI} = \frac{1}{3} \overrightarrow{AB}$  et  $\overrightarrow{AJ} = 3 \overrightarrow{AC}$ 

- Exprimer le vecteur  $\overrightarrow{BJ}$  en fonction des vecteurs  $\overrightarrow{BA}$  et  $\overrightarrow{AC}$ .
- **②** Exprimer le vecteur  $\overrightarrow{IC}$  en fonction des vecteurs  $\overrightarrow{BA}$  et  $\overrightarrow{AC}$ .
- $\ \ \, \mathbf 0$  Démontrer que les droites (IC) et (BJ) sont parallèles.

Soient un triangle  $\overrightarrow{ABC}$  et les points I et J tels que  $\overrightarrow{AI} = \frac{1}{3} \overrightarrow{AB}$  et  $\overrightarrow{AJ} = 3 \overrightarrow{AC}$ 

- Exprimer le vecteur  $\overrightarrow{BJ}$  en fonction des vecteurs  $\overrightarrow{BA}$  et  $\overrightarrow{AC}$ .
- **2** Exprimer le vecteur  $\overrightarrow{IC}$  en fonction des vecteurs  $\overrightarrow{BA}$  et  $\overrightarrow{AC}$ .
- $\ \, \ \, \ \,$  Démontrer que les droites (IC) et (BJ) sont parallèles.

$$\overrightarrow{BJ} =$$

Soient un triangle ABC et les points I et J tels que  $\overrightarrow{AI} = \frac{1}{3} \overrightarrow{AB}$  et  $\overrightarrow{AJ} = 3 \overrightarrow{AC}$ 

- Exprimer le vecteur  $\overrightarrow{BJ}$  en fonction des vecteurs  $\overrightarrow{BA}$  et  $\overrightarrow{AC}$ .
- **②** Exprimer le vecteur  $\overrightarrow{IC}$  en fonction des vecteurs  $\overrightarrow{BA}$  et  $\overrightarrow{AC}$ .
- $\ensuremath{\mathfrak{Q}}$  Démontrer que les droites (IC) et (BJ) sont parallèles.

On a 
$$\overrightarrow{BJ} = \overrightarrow{BA} + \overrightarrow{AJ}$$

Soient un triangle  $\overrightarrow{ABC}$  et les points I et J tels que  $\overrightarrow{AI} = \frac{1}{3} \overrightarrow{AB}$  et  $\overrightarrow{AJ} = 3 \overrightarrow{AC}$ 

- Exprimer le vecteur  $\overrightarrow{BJ}$  en fonction des vecteurs  $\overrightarrow{BA}$  et  $\overrightarrow{AC}$ .
- **2** Exprimer le vecteur  $\overrightarrow{IC}$  en fonction des vecteurs  $\overrightarrow{BA}$  et  $\overrightarrow{AC}$ .
- $\ \, \mathbf {\bigcirc}\,$  Démontrer que les droites (IC) et (BJ) sont parallèles.

On a 
$$\overrightarrow{BJ} = \overrightarrow{BA} + \overrightarrow{AJ}$$
  
donc  $\overrightarrow{BJ} = \overrightarrow{BA}$ 

Soient un triangle  $\overrightarrow{ABC}$  et les points I et J tels que  $\overrightarrow{AI} = \frac{1}{3} \overrightarrow{AB}$  et  $\overrightarrow{AJ} = 3 \overrightarrow{AC}$ 

- Exprimer le vecteur  $\overrightarrow{BJ}$  en fonction des vecteurs  $\overrightarrow{BA}$  et  $\overrightarrow{AC}$ .
- $\bigcirc$  Exprimer le vecteur  $\overrightarrow{IC}$  en fonction des vecteurs  $\overrightarrow{BA}$  et  $\overrightarrow{AC}$ .
- $\ \, \mathbf {\bigcirc}\,$  Démontrer que les droites (IC) et (BJ) sont parallèles.

On a 
$$\overrightarrow{BJ} = \overrightarrow{BA} + \overrightarrow{AJ}$$
  
donc  $\overrightarrow{BJ} = \overrightarrow{BA} + 3 \overrightarrow{AC}$ 

Soient un triangle ABC et les points I et J tels que  $\overrightarrow{AI} = \frac{1}{3} \overrightarrow{AB}$  et  $\overrightarrow{AJ} = 3 \overrightarrow{AC}$ 

- Exprimer le vecteur  $\overrightarrow{BJ}$  en fonction des vecteurs  $\overrightarrow{BA}$  et  $\overrightarrow{AC}$ .
- $\bigcirc$  Exprimer le vecteur  $\overrightarrow{IC}$  en fonction des vecteurs  $\overrightarrow{BA}$  et  $\overrightarrow{AC}$ .

On a 
$$\overrightarrow{BJ} = \overrightarrow{BA} + \overrightarrow{AJ}$$
  
donc  $\overrightarrow{BJ} = \overrightarrow{BA} + 3 \overrightarrow{AC}$   
et  $\overrightarrow{IC} =$ 

Soient un triangle ABC et les points I et J tels que  $\overrightarrow{AI} = \frac{1}{3} \overrightarrow{AB}$  et  $\overrightarrow{AJ} = 3 \overrightarrow{AC}$ 

- Exprimer le vecteur  $\overrightarrow{BJ}$  en fonction des vecteurs  $\overrightarrow{BA}$  et  $\overrightarrow{AC}$ .
- $\bigcirc$  Exprimer le vecteur  $\overrightarrow{IC}$  en fonction des vecteurs  $\overrightarrow{BA}$  et  $\overrightarrow{AC}$ .
- $\ \, \mathbf {\bigcirc}\,$  Démontrer que les droites (IC) et (BJ) sont parallèles.

On a 
$$\overrightarrow{BJ} = \overrightarrow{BA} + \overrightarrow{AJ}$$
  
donc  $\overrightarrow{BJ} = \overrightarrow{BA} + 3 \overrightarrow{AC}$   
et  $\overrightarrow{IC} = \overrightarrow{IA} + \overrightarrow{AC}$ 

Soient un triangle  $\overrightarrow{ABC}$  et les points I et J tels que  $\overrightarrow{AI} = \frac{1}{3} \overrightarrow{AB}$  et  $\overrightarrow{AJ} = 3 \overrightarrow{AC}$ 

- Exprimer le vecteur  $\overrightarrow{BJ}$  en fonction des vecteurs  $\overrightarrow{BA}$  et  $\overrightarrow{AC}$ .
- $\bigcirc$  Exprimer le vecteur  $\overrightarrow{IC}$  en fonction des vecteurs  $\overrightarrow{BA}$  et  $\overrightarrow{AC}$ .

On a 
$$\overrightarrow{BJ} = \overrightarrow{BA} + \overrightarrow{AJ}$$
  
donc  $\overrightarrow{BJ} = \overrightarrow{BA} + 3 \overrightarrow{AC}$   
et  $\overrightarrow{IC} = \overrightarrow{IA} + \overrightarrow{AC}$   
donc  $\overrightarrow{IC} = \overrightarrow{IC} = \overrightarrow{AC}$ 

Soient un triangle ABC et les points I et J tels que  $\overrightarrow{AI} = \frac{1}{3} \overrightarrow{AB}$  et  $\overrightarrow{AJ} = 3 \overrightarrow{AC}$ 

- Exprimer le vecteur  $\overrightarrow{BJ}$  en fonction des vecteurs  $\overrightarrow{BA}$  et  $\overrightarrow{AC}$ .
- $\ \, \mathbf {\bigcirc}\,$  Démontrer que les droites (IC) et (BJ) sont parallèles.

On a 
$$\overrightarrow{BJ} = \overrightarrow{BA} + \overrightarrow{AJ}$$
  
donc  $\overrightarrow{BJ} = \overrightarrow{BA} + 3 \overrightarrow{AC}$   
et  $\overrightarrow{IC} = \overrightarrow{IA} + \overrightarrow{AC}$   
donc  $\overrightarrow{IC} = \frac{1}{3} \overrightarrow{BA}$ 

Soient un triangle ABC et les points I et J tels que  $\overrightarrow{AI} = \frac{1}{3} \overrightarrow{AB}$  et  $\overrightarrow{AJ} = 3 \overrightarrow{AC}$ 

- Exprimer le vecteur  $\overrightarrow{BJ}$  en fonction des vecteurs  $\overrightarrow{BA}$  et  $\overrightarrow{AC}$ .
- **2** Exprimer le vecteur  $\overrightarrow{IC}$  en fonction des vecteurs  $\overrightarrow{BA}$  et  $\overrightarrow{AC}$ .
- $\ \, \mathbf {\bigcirc}\,$  Démontrer que les droites (IC) et (BJ) sont parallèles.

On a 
$$\overrightarrow{BJ} = \overrightarrow{BA} + \overrightarrow{AJ}$$
  
donc  $\overrightarrow{BJ} = \overrightarrow{BA} + 3 \overrightarrow{AC}$   
et  $\overrightarrow{IC} = \overrightarrow{IA} + \overrightarrow{AC}$   
donc  $\overrightarrow{IC} = \frac{1}{3} \overrightarrow{BA} + \overrightarrow{AC}$ 

Soient un triangle ABC et les points I et J tels que  $\overrightarrow{AI} = \frac{1}{3} \overrightarrow{AB}$  et  $\overrightarrow{AJ} = 3 \overrightarrow{AC}$ 

- Exprimer le vecteur  $\overrightarrow{BJ}$  en fonction des vecteurs  $\overrightarrow{BA}$  et  $\overrightarrow{AC}$ .
- **②** Exprimer le vecteur  $\overrightarrow{IC}$  en fonction des vecteurs  $\overrightarrow{BA}$  et  $\overrightarrow{AC}$ .
- $\ \, \mathbf {\bigcirc}\,$  Démontrer que les droites (IC) et (BJ) sont parallèles.

On a 
$$\overrightarrow{BJ} = \overrightarrow{BA} + \overrightarrow{AJ}$$
  
 $\overrightarrow{BJ} = \overrightarrow{BA} + 3 \overrightarrow{AC}$   
et  $\overrightarrow{IC} = \overrightarrow{IA} + \overrightarrow{AC}$   
 $\overrightarrow{IC} = \frac{1}{3} \overrightarrow{BA} + \overrightarrow{AC}$ 

On remarque que

 $3\overrightarrow{IC} =$ 

Soient un triangle ABC et les points I et J tels que  $\overrightarrow{AI} = \frac{1}{2} \overrightarrow{AB}$  et  $\overrightarrow{AJ} = 3 \overrightarrow{AC}$ 

- Exprimer le vecteur  $\overrightarrow{BJ}$  en fonction des vecteurs  $\overrightarrow{BA}$  et  $\overrightarrow{AC}$ .
- $\bullet$  Exprimer le vecteur  $\overrightarrow{IC}$  en fonction des vecteurs  $\overrightarrow{BA}$  et  $\overrightarrow{AC}$ .
- $\odot$  Démontrer que les droites (IC) et (BJ) sont parallèles.

On a 
$$\overrightarrow{BJ} = \overrightarrow{BA} + \overrightarrow{AJ}$$
  
 $\overrightarrow{BJ} = \overrightarrow{BA} + 3 \overrightarrow{AC}$   
et  $\overrightarrow{IC} = \overrightarrow{IA} + \overrightarrow{AC}$   
donc  $\overrightarrow{IC} = \frac{1}{3} \overrightarrow{BA} + \overrightarrow{AC}$ 

On remarque que

Soient un triangle ABC et les points I et J tels que  $\overrightarrow{AI} = \frac{1}{3} \overrightarrow{AB}$  et  $\overrightarrow{AJ} = 3 \overrightarrow{AC}$ 

 $3\overrightarrow{IC} = \overrightarrow{BA} + 3\overrightarrow{AC}$ 

- Exprimer le vecteur  $\overrightarrow{BJ}$  en fonction des vecteurs  $\overrightarrow{BA}$  et  $\overrightarrow{AC}$ .
- $\ \, \mathbf {\bigcirc}\,$  Démontrer que les droites (IC) et (BJ) sont parallèles.

On a 
$$\overrightarrow{BJ} = \overrightarrow{BA} + \overrightarrow{AJ}$$
  
donc  $\overrightarrow{BJ} = \overrightarrow{BA} + 3 \overrightarrow{AC}$   
et  $\overrightarrow{IC} = \overrightarrow{IA} + \overrightarrow{AC}$   
donc  $\overrightarrow{IC} = \frac{1}{3} \overrightarrow{BA} + \overrightarrow{AC}$ 

On remarque que

Soient un triangle ABC et les points I et J tels que  $\overrightarrow{AI} = \frac{1}{3} \overrightarrow{AB}$  et  $\overrightarrow{AJ} = 3 \overrightarrow{AC}$ 

- **Q** Exprimer le vecteur  $\overrightarrow{BJ}$  en fonction des vecteurs  $\overrightarrow{BA}$  et  $\overrightarrow{AC}$ .
- **Q** Exprimer le vecteur  $\overrightarrow{IC}$  en fonction des vecteurs  $\overrightarrow{BA}$  et  $\overrightarrow{AC}$ .
- $\ \ \, \mathbf 0$  Démontrer que les droites (IC) et (BJ) sont parallèles.

On a 
$$\overrightarrow{BJ} = \overrightarrow{BA} + \overrightarrow{AJ}$$
 
$$donc$$
 
$$\overrightarrow{BJ} = \overrightarrow{BA} + 3 \overrightarrow{AC}$$
 
$$et$$
 
$$\overrightarrow{IC} = \overrightarrow{IA} + \overrightarrow{AC}$$
 
$$\overrightarrow{IC} = \frac{1}{3} \overrightarrow{BA} + \overrightarrow{AC}$$
 On remarque que 
$$3\overrightarrow{IC} = \overrightarrow{BA} + 3\overrightarrow{AC}$$

$$donc 3\overrightarrow{IC} = \overrightarrow{BJ}$$

Soient un triangle ABC et les points I et J tels que  $\overrightarrow{AI} = \frac{1}{3} \overrightarrow{AB}$  et  $\overrightarrow{AJ} = 3 \overrightarrow{AC}$ 

- Exprimer le vecteur  $\overrightarrow{BJ}$  en fonction des vecteurs  $\overrightarrow{BA}$  et  $\overrightarrow{AC}$ .
- **2** Exprimer le vecteur  $\overrightarrow{IC}$  en fonction des vecteurs  $\overrightarrow{BA}$  et  $\overrightarrow{AC}$ .

On a 
$$\overrightarrow{BJ} = \overrightarrow{BA} + \overrightarrow{AJ}$$
  
donc  $\overrightarrow{BJ} = \overrightarrow{BA} + 3\overrightarrow{AC}$   
et  $\overrightarrow{IC} = \overrightarrow{IA} + \overrightarrow{AC}$   
donc  $\overrightarrow{IC} = \frac{1}{3}\overrightarrow{BA} + \overrightarrow{AC}$ 

On remarque que 3IC = BA + 3AC

donc  $3\overrightarrow{IC} = \overrightarrow{BJ}$ 

#### Conclusion

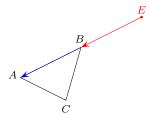
les vecteurs  $\overrightarrow{IC}$  et  $\overrightarrow{BJ}$  étant colinéaires, les droites (IC) et (BJ) sont parallèles.

- Construire les points D et E tels que  $\overrightarrow{EB} = \overrightarrow{BA}$  et  $\overrightarrow{ED} = 2$   $\overrightarrow{BC}$ .

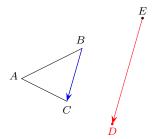
- Construire les points D et E tels que  $\overrightarrow{EB} = \overrightarrow{BA}$  et  $\overrightarrow{ED} = 2$   $\overrightarrow{BC}$ .



- Construire les points D et E tels que  $\overrightarrow{EB} = \overrightarrow{BA}$  et  $\overrightarrow{ED} = 2 \overrightarrow{BC}$ .



- Construire les points  $\underline{D}$  et E tels que  $\overrightarrow{EB} = \overrightarrow{BA}$  et  $\overrightarrow{ED} = 2 \overrightarrow{BC}$ .



Soit ABC un triangle.

- Construire les points D et E tels que  $\overrightarrow{EB} = \overrightarrow{BA}$  et  $\overrightarrow{ED} = 2$   $\overrightarrow{BC}$ .
- $\odot$  Démontrer que le point C est le milieu du segment [AD].

E

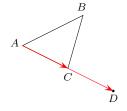


Ĺ

Soit ABC un triangle.

- Construire les points D et E tels que  $\overrightarrow{EB} = \overrightarrow{BA}$  et  $\overrightarrow{ED} = 2$   $\overrightarrow{BC}$ .
- $\odot$  Démontrer que le point C est le milieu du segment [AD].

E



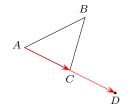
donc

$$\overrightarrow{AD} = 2 \ \overrightarrow{AC}$$

Soit ABC un triangle.

- Construire les points D et E tels que  $\overrightarrow{EB} = \overrightarrow{BA}$  et  $\overrightarrow{ED} = 2$   $\overrightarrow{BC}$ .
- $\odot$  Démontrer que le point C est le milieu du segment [AD].

E



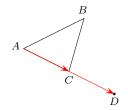
$$\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BE} + \overrightarrow{ED}$$

$$\overrightarrow{AD} = 2 \overrightarrow{AC}$$

Soit ABC un triangle.

- Construire les points D et E tels que  $\overrightarrow{EB} = \overrightarrow{BA}$  et  $\overrightarrow{ED} = 2 \overrightarrow{BC}$ .
- $\odot$  Démontrer que le point C est le milieu du segment [AD].

E



On a 
$$\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BE} + \overrightarrow{ED}$$

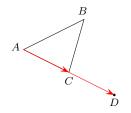
$$\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AB} + 2 \overrightarrow{BC}$$

$$donc$$
  $\overrightarrow{AD} = 2 \overrightarrow{AC}$ 

Soit ABC un triangle.

- Construire les points D et E tels que  $\overrightarrow{EB} = \overrightarrow{BA}$  et  $\overrightarrow{ED} = 2$   $\overrightarrow{BC}$ .

E



On a 
$$\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BE} + \overrightarrow{ED}$$

$$\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AB} + 2 \overrightarrow{BC}$$

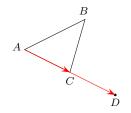
$$donc \qquad \overrightarrow{AD} = 2 \left( \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC} \right)$$

$$donc$$
  $\overrightarrow{AD} = 2 \overrightarrow{AC}$ 

Soit ABC un triangle.

- Construire les points D et E tels que  $\overrightarrow{EB} = \overrightarrow{BA}$  et  $\overrightarrow{ED} = 2$   $\overrightarrow{BC}$ .
- $\odot$  Démontrer que le point C est le milieu du segment [AD].

E



On a 
$$\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BE} + \overrightarrow{ED}$$

$$\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AB} + 2 \overrightarrow{BC}$$

$$\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AB} + 2 \overrightarrow{BC}$$

$$\overrightarrow{AD} = 2 \; (\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC})$$

$$donc$$
  $\overrightarrow{AD} = 2 \overrightarrow{AC}$ 

Soient A,B,C et D quatre points tels que 3  $\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AB} + 2$   $\overrightarrow{AC}$ . Montrer que les points B,C et D sont alignés.

Soient A,B,C et D quatre points tels que 3  $\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AB} + 2$   $\overrightarrow{AC}$ . Montrer que les points B,C et D sont alignés.

Soient A,B,C et D quatre points tels que  $3\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AB} + 2\overrightarrow{AC}$ . Montrer que les points B,C et D sont alignés.

finalement 
$$\overrightarrow{BC} = \cdots \overrightarrow{BD}$$

Soient A,B,C et D quatre points tels que  $3\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AB} + 2\overrightarrow{AC}$ . Montrer que les points B,C et D sont alignés.

Soient A,B,C et D quatre points tels que  $3\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AB} + 2\overrightarrow{AC}$ . Montrer que les points B,C et D sont alignés.

Soient A,B,C et D quatre points tels que  $3\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AB} + 2\overrightarrow{AC}$ . Montrer que les points B,C et D sont alignés.

$$\begin{array}{ccc} \textit{finalement} & & \overrightarrow{BC} = \cdots \overrightarrow{BD} \\ \textit{ou} & & \overrightarrow{CB} = \cdots \overrightarrow{CD} \\ \textit{ou encore} & & \overrightarrow{DB} = \cdots \overrightarrow{DC} \\ \end{array}$$

 $on\ en\ déduit\ que$  les vecteurs et sont colinéaires

Soient A,B,C et D quatre points tels que  $3\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AB} + 2\overrightarrow{AC}$ . Montrer que les points B,C et D sont alignés.

$$\begin{array}{ccc} \textit{finalement} & & \overrightarrow{BC} = \cdots \overrightarrow{BD} \\ \textit{ou} & & \overrightarrow{CB} = \cdots \overrightarrow{CD} \\ \textit{ou encore} & & \overrightarrow{DB} = \cdots \overrightarrow{DC} \\ \end{array}$$

$$on\ en\ d\'eduit\ que$$
 les vecteurs et sont colinéaires  $donc$  les droites et sont parallèles

Soient A,B,C et D quatre points tels que  $3\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AB} + 2\overrightarrow{AC}$ . Montrer que les points B,C et D sont alignés.

finalement 
$$\overrightarrow{BC} = \cdots \overrightarrow{BD}$$
ou  $\overrightarrow{CB} = \cdots \overrightarrow{CD}$ 
ou encore  $\overrightarrow{DB} = \cdots \overrightarrow{DC}$ 
on en déduit que les vecteurs

 $egin{array}{lll} on & en \ d\'eduit \ que & les \ vecteurs & et & sont \ colin\'eaires \ donc & les \ droites & et & sont \ parallèles \ or & elles \ passent \ toutes \ les \ deux \ par \ le \ point \ \end{array}$ 

Soient A,B,C et D quatre points tels que  $3\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AB} + 2\overrightarrow{AC}$ . Montrer que les points B,C et D sont alignés.

On sait que 
$$3 \overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AB} + 2 \overrightarrow{AC}$$

$$egin{array}{lll} on & en \ d\'eduit \ que & les \ vecteurs & et & sont \ colin\'eaires \ donc & les \ droites & et & sont \ parallèles \ or & elles \ passent \ toutes \ les \ deux \ par \ le \ point \ \end{array}$$

Soient A,B,C et D quatre points tels que  $3\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AB} + 2\overrightarrow{AC}$ . Montrer que les points B,C et D sont alignés.

On sait que 
$$3 \overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AB} + 2 \overrightarrow{AC}$$
 
$$donc \qquad 3 \overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AD} + \overrightarrow{DB} + 2 (\overrightarrow{AD} + \overrightarrow{DC})$$

 $egin{array}{lll} on \ en \ d\'eduit \ que & les \ vecteurs & et & sont \ colin\'eaires \ donc & les \ droites & et & sont \ parallèles \ or & elles \ passent \ toutes \ les \ deux \ par \ le \ point \ \end{array}$ 

Soient A,B,C et D quatre points tels que  $3\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AB} + 2\overrightarrow{AC}$ . Montrer que les points B,C et D sont alignés.

On sait que 
$$3 \overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AB} + 2 \overrightarrow{AC}$$
 
$$donc \qquad 3 \overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AD} + \overrightarrow{DB} + 2 (\overrightarrow{AD} + \overrightarrow{DC})$$
 
$$donc \qquad 3 \overrightarrow{AD} = 3 \overrightarrow{AD} + \overrightarrow{DB} + 2 \overrightarrow{DC}$$

 $egin{array}{lll} on & en & d\'eduit & que & les vecteurs & et & sont colinéaires \\ donc & les & droites & et & sont parallèles \\ or & elles & passent toutes les & deux par le point \\ \end{array}$ 

donc, les points B, C et D sont alignés.

Soient A,B,C et D quatre points tels que  $3\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AB} + 2\overrightarrow{AC}$ . Montrer que les points B,C et D sont alignés.

On sait que 
$$3 \overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AB} + 2 \overrightarrow{AC}$$
 
$$donc \qquad 3 \overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AD} + \overrightarrow{DB} + 2 (\overrightarrow{AD} + \overrightarrow{DC})$$
 
$$donc \qquad 3 \overrightarrow{AD} = 3 \overrightarrow{AD} + \overrightarrow{DB} + 2 \overrightarrow{DC}$$
 
$$finalement \qquad -2 \overrightarrow{DC} = \overrightarrow{DB}$$

donc, les points B, C et D sont alignés.

Soient A,B,C et D quatre points tels que  $3\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AB} + 2\overrightarrow{AC}$ . Montrer que les points B,C et D sont alignés.

On sait que 
$$3 \overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AB} + 2 \overrightarrow{AC}$$
 
$$donc \qquad 3 \overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AD} + \overrightarrow{DB} + 2 (\overrightarrow{AD} + \overrightarrow{DC})$$
 
$$donc \qquad 3 \overrightarrow{AD} = 3 \overrightarrow{AD} + \overrightarrow{DB} + 2 \overrightarrow{DC}$$
 
$$finalement \qquad -2 \overrightarrow{DC} = \overrightarrow{DB}$$

on en déduit que donc or les vecteurs  $\overrightarrow{DB}$  et  $\overrightarrow{DC}$  sont colinéaires les droites (DB) et (DC) sont parallèles elles passent toutes les deux par le point D

donc, les points B, C et D sont alignés.

Soient A, B et C trois points non alignés.

 $\ensuremath{ \bullet}$  Construire les points D et E tels que :

$$\overrightarrow{AD} = \frac{5}{2} \overrightarrow{AC} + \frac{1}{2} \overrightarrow{CB}$$

$$\overrightarrow{O} \overrightarrow{CE} = -2 \overrightarrow{AC} + \frac{1}{2} \overrightarrow{AB}$$

 $\odot$  Démontrer que les droites (DE) et (CA) sont parallèles.

Soient A, B et C trois points non alignés.

- $\ \, \bullet \,$  Construire les points D et E tels que :
  - $\overrightarrow{AD} = \frac{5}{2} \overrightarrow{AC} + \frac{1}{2} \overrightarrow{CB}$
  - $\overrightarrow{O} \overrightarrow{CE} = -2 \overrightarrow{AC} + \frac{1}{2} \overrightarrow{AB}$
- $\odot$  Démontrer que les droites (DE) et (CA) sont parallèles.

 $C_{\bullet}$ 

 $A_{\bullet}$ 

В

Soient A, B et C trois points non alignés.

 $oldsymbol{Q}$  Construire les points D et E tels que :

$$\mathbf{O} \overrightarrow{AD} = \frac{5}{2} \overrightarrow{AC} + \frac{1}{2} \overrightarrow{CB}$$

$$\mathbf{O} \overrightarrow{CE} = -2 \overrightarrow{AC} + \frac{1}{2} \overrightarrow{AB}$$

 $oldsymbol{\circ}$  Démontrer que les droites (DE) et (CA) sont parallèles.



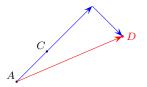
 $\dot{B}$ 

Soient A, B et C trois points non alignés.

lacksquare Construire les points D et E tels que :

$$\overrightarrow{AD} = \frac{5}{2} \overrightarrow{AC} + \frac{1}{2} \overrightarrow{CB}$$

$$\mathbf{O} \overrightarrow{CE} = -2 \overrightarrow{AC} + \frac{1}{2} \overrightarrow{AB}$$



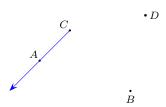
 $\dot{B}$ 

Soient A, B et C trois points non alignés.

lacktriangle Construire les points D et E tels que :

$$\overrightarrow{AD} = \frac{5}{2} \overrightarrow{AC} + \frac{1}{2} \overrightarrow{CB}$$

 $\odot$  Démontrer que les droites (DE) et (CA) sont parallèles.

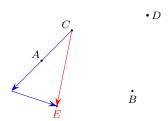


Soient A, B et C trois points non alignés.

 $\ensuremath{ \bullet}$  Construire les points D et E tels que :

$$\overrightarrow{AD} = \frac{5}{2} \overrightarrow{AC} + \frac{1}{2} \overrightarrow{CB}$$

 $\odot$  Démontrer que les droites (DE) et (CA) sont parallèles.



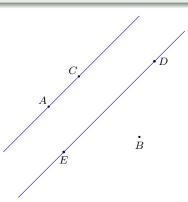
Soient A, B et C trois points non alignés.

 $\odot$  Construire les points D et E tels que :

$$\overrightarrow{AD} = \frac{5}{2} \overrightarrow{AC} + \frac{1}{2} \overrightarrow{CB}$$

$$\mathbf{O} \overrightarrow{CE} = -2 \overrightarrow{AC} + \frac{1}{2} \overrightarrow{AB}$$

 $oldsymbol{\circ}$  Démontrer que les droites (DE) et (CA) sont parallèles.



Soient A, B et C trois points non alignés.

 $\ \, \bullet \,$  Construire les points D et E tels que :

$$\mathbf{Q} \ \overrightarrow{AD} = \frac{5}{2} \overrightarrow{AC} + \frac{1}{2} \overrightarrow{CB}$$

$$\overrightarrow{O} \overrightarrow{CE} = -2 \overrightarrow{AC} + \frac{1}{2} \overrightarrow{AB}$$

 $\odot$  Démontrer que les droites (DE) et (CA) sont parallèles.

Soient A, B et C trois points non alignés.

- $\ensuremath{ \bullet}$  Construire les points D et E tels que :
  - $\overrightarrow{AD} = \frac{5}{2} \overrightarrow{AC} + \frac{1}{2} \overrightarrow{CB}$
  - $\overrightarrow{O} \overrightarrow{CE} = -2 \overrightarrow{AC} + \frac{1}{2} \overrightarrow{AB}$
- $\odot$  Démontrer que les droites (DE) et (CA) sont parallèles.

$$\overrightarrow{DE} = \cdots \overrightarrow{CA}$$

Soient A, B et C trois points non alignés.

 $\ensuremath{ \bullet}$  Construire les points D et E tels que :

$$\overrightarrow{AD} = \frac{5}{2} \overrightarrow{AC} + \frac{1}{2} \overrightarrow{CB}$$

$$\mathbf{O} \vec{CE} = -2 \vec{AC} + \frac{1}{2} \vec{AB}$$

finalement 
$$\overrightarrow{DE} = \cdots \overrightarrow{CA}$$

on en déduit que les vecteurs  $\overrightarrow{DE}$  et  $\overrightarrow{CA}$  sont colinéaires

Soient A, B et C trois points non alignés.

 $\ensuremath{ \bullet}$  Construire les points D et E tels que :

$$\overrightarrow{AD} = \frac{5}{2} \overrightarrow{AC} + \frac{1}{2} \overrightarrow{CB}$$

$$\mathbf{O} \vec{CE} = -2 \vec{AC} + \frac{1}{2} \vec{AB}$$

$$\overrightarrow{DE} = \cdots \overrightarrow{CA}$$
  
les vecteurs  $\overrightarrow{DE}$  et  $\overrightarrow{CA}$  sont colinéaires  
les droites  $(DE)$  et  $(CA)$  sont parallèles

$$\overrightarrow{AD} = \frac{5}{2} \overrightarrow{AC} + \frac{1}{2} \overrightarrow{CB}$$

$$\bullet \ \overrightarrow{CE} = -2 \ \overrightarrow{AC} + \frac{1}{2} \ \overrightarrow{AB}$$

$$\overrightarrow{AD} = \frac{5}{2} \overrightarrow{AC} + \frac{1}{2} \overrightarrow{CB}$$

$$\bullet \ \overrightarrow{CE} = -2 \ \overrightarrow{AC} + \frac{1}{2} \overrightarrow{AB}$$

On a: 
$$\overrightarrow{DE} = \overrightarrow{DA} + \overrightarrow{AC} + \overrightarrow{CE}$$

$$\overrightarrow{AD} = \frac{5}{2} \overrightarrow{AC} + \frac{1}{2} \overrightarrow{CB}$$

$$\overrightarrow{CE} = -2 \overrightarrow{AC} + \frac{1}{2} \overrightarrow{AB}$$

On a: 
$$\overrightarrow{DE} = \overrightarrow{DA} + \overrightarrow{AC} + \overrightarrow{CE}$$
$$donc \qquad \overrightarrow{DE} = -\frac{5}{2}\overrightarrow{AC} - \frac{1}{2}\overrightarrow{CB} + \overrightarrow{AC} - 2\overrightarrow{AC} + \frac{1}{2}\overrightarrow{AB}$$

$$\overrightarrow{AD} = \frac{5}{2}\overrightarrow{AC} + \frac{1}{2}\overrightarrow{CB}$$

$$\bullet \ \overrightarrow{CE} = -2 \ \overrightarrow{AC} + \frac{1}{2} \ \overrightarrow{AB}$$

On a: 
$$\overrightarrow{DE} = \overrightarrow{DA} + \overrightarrow{AC} + \overrightarrow{CE}$$

$$\overrightarrow{DE} = -\frac{5}{2}\overrightarrow{AC} - \frac{1}{2}\overrightarrow{CB} + \overrightarrow{AC} - 2\overrightarrow{AC} + \frac{1}{2}\overrightarrow{AB}$$

$$\overrightarrow{AD} = \frac{5}{2} \overrightarrow{AC} + \frac{1}{2} \overrightarrow{CB}$$

$$\bullet \ \overrightarrow{CE} = -2 \ \overrightarrow{AC} + \frac{1}{2} \ \overrightarrow{AB}$$

$$\begin{array}{ll} On \ a \ : & \overrightarrow{DE} = \overrightarrow{DA} + \overrightarrow{AC} + \overrightarrow{CE} \\ \\ donc & \overrightarrow{DE} = -\frac{5}{2} \overrightarrow{AC} - \frac{1}{2} \overrightarrow{CB} + \overrightarrow{AC} - 2 \overrightarrow{AC} + \frac{1}{2} \overrightarrow{AB} \\ \\ donc & \overrightarrow{DE} = -\frac{7}{2} \overrightarrow{AC} + \frac{1}{2} \overrightarrow{BC} + \frac{1}{2} \overrightarrow{AB} \end{array}$$

$$\overrightarrow{AD} = \frac{5}{2}\overrightarrow{AC} + \frac{1}{2}\overrightarrow{CB}$$

$$\overrightarrow{CE} = -2 \overrightarrow{AC} + \frac{1}{2} \overrightarrow{AB}$$

$$\begin{array}{ll} On \ a \ : & \overrightarrow{DE} = \overrightarrow{DA} + \overrightarrow{AC} + \overrightarrow{CE} \\ \\ donc & \overrightarrow{DE} = -\frac{5}{2} \overrightarrow{AC} - \frac{1}{2} \overrightarrow{CB} + \overrightarrow{AC} - 2 \overrightarrow{AC} + \frac{1}{2} \overrightarrow{AB} \\ \\ donc & \overrightarrow{DE} = -\frac{7}{2} \overrightarrow{AC} + \frac{1}{2} \overrightarrow{BC} + \frac{1}{2} \overrightarrow{AB} \end{array}$$

$$\overrightarrow{AD} = \frac{5}{2} \overrightarrow{AC} + \frac{1}{2} \overrightarrow{CB}$$

$$\overrightarrow{CE} = -2 \overrightarrow{AC} + \frac{1}{2} \overrightarrow{AB}$$

$$\begin{array}{ll} On \ a \ : & \overrightarrow{DE} = \overrightarrow{DA} + \overrightarrow{AC} + \overrightarrow{CE} \\ \\ donc & \overrightarrow{DE} = -\frac{5}{2} \overrightarrow{AC} - \frac{1}{2} \overrightarrow{CB} + \overrightarrow{AC} - 2 \overrightarrow{AC} + \frac{1}{2} \overrightarrow{AB} \\ \\ donc & \overrightarrow{DE} = -\frac{7}{2} \overrightarrow{AC} + \frac{1}{2} \overrightarrow{BC} + \frac{1}{2} \overrightarrow{AB} \\ \\ donc & \overrightarrow{DE} = -\frac{7}{2} \overrightarrow{AC} + \frac{1}{2} (\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC}) \end{array}$$

$$\overrightarrow{AD} = \frac{5}{2} \overrightarrow{AC} + \frac{1}{2} \overrightarrow{CB}$$

$$\bullet \ \overrightarrow{CE} = -2 \ \overrightarrow{AC} + \frac{1}{2} \ \overrightarrow{AB}$$

$$\begin{array}{ll} On \ a \ : & \overrightarrow{DE} = \overrightarrow{DA} + \overrightarrow{AC} + \overrightarrow{CE} \\ \\ donc & \overrightarrow{DE} = -\frac{5}{2} \overrightarrow{AC} - \frac{1}{2} \overrightarrow{CB} + \overrightarrow{AC} - 2 \overrightarrow{AC} + \frac{1}{2} \overrightarrow{AB} \\ \\ donc & \overrightarrow{DE} = -\frac{7}{2} \overrightarrow{AC} + \frac{1}{2} \overrightarrow{BC} + \frac{1}{2} \overrightarrow{AB} \\ \\ donc & \overrightarrow{DE} = -\frac{7}{2} \overrightarrow{AC} + \frac{1}{2} (\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC}) \\ \\ donc & \overrightarrow{DE} = -\frac{7}{2} \overrightarrow{AC} + \frac{1}{2} \overrightarrow{AC} \\ \\ \end{array}$$

$$\overrightarrow{AD} = \frac{5}{2} \overrightarrow{AC} + \frac{1}{2} \overrightarrow{CB}$$

$$\bullet \ \overrightarrow{CE} = -2 \ \overrightarrow{AC} + \frac{1}{2} \ \overrightarrow{AB}$$

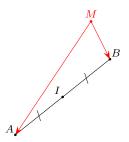
$$\begin{array}{ll} On \ a : & \overrightarrow{DE} = \overrightarrow{DA} + \overrightarrow{AC} + \overrightarrow{CE} \\ \\ donc & \overrightarrow{DE} = -\frac{5}{2} \overrightarrow{AC} - \frac{1}{2} \overrightarrow{CB} + \overrightarrow{AC} - 2 \overrightarrow{AC} + \frac{1}{2} \overrightarrow{AB} \\ \\ donc & \overrightarrow{DE} = -\frac{7}{2} \overrightarrow{AC} + \frac{1}{2} \overrightarrow{BC} + \frac{1}{2} \overrightarrow{AB} \\ \\ donc & \overrightarrow{DE} = -\frac{7}{2} \overrightarrow{AC} + \frac{1}{2} (\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC}) \\ \\ donc & \overrightarrow{DE} = -\frac{7}{2} \overrightarrow{AC} + \frac{1}{2} \overrightarrow{AC} \\ \\ donc & \overrightarrow{DE} = 3 \overrightarrow{CA} \\ \end{array}$$

- Montrer que  $\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} = 2 \overrightarrow{MI}$ .
- $\begin{tabular}{l} \begin{tabular}{l} \begin{tab$

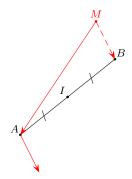
- $\begin{tabular}{ll} \end{tabular} \begin{tabular}{ll} \end{tabular} Soit $N$ le symétrique de $M$ par rapport à $I$. \\ Montrer que $\overrightarrow{MA}+\overrightarrow{MB}=\overrightarrow{MN}$. \\ \end{tabular}$



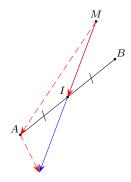
- $\begin{tabular}{ll} \end{tabular} \begin{tabular}{ll} \end{tabular} Soit $N$ le symétrique de $M$ par rapport à $I$. \\ Montrer que $\overrightarrow{MA}+\overrightarrow{MB}=\overrightarrow{MN}$. \\ \end{tabular}$



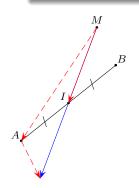
- $\begin{tabular}{ll} \end{tabular} \begin{tabular}{ll} \end{tabular} Soit $N$ le symétrique de $M$ par rapport à $I$. \\ Montrer que $\overrightarrow{MA}+\overrightarrow{MB}=\overrightarrow{MN}$. \\ \end{tabular}$



- Montrer que  $\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} = 2 \overrightarrow{MI}$ .
- $\begin{tabular}{ll} \end{tabular} \begin{tabular}{ll} \end{tabular} Soit $N$ le symétrique de $M$ par rapport à $I$. \\ Montrer que $\overrightarrow{MA}+\overrightarrow{MB}=\overrightarrow{MN}$. \\ \end{tabular}$

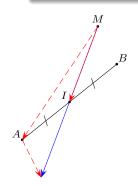


- Montrer que  $\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} = 2 \overrightarrow{MI}$ .
- $\ \, \textbf{ }$  Soit N le symétrique de M par rapport à I. Montrer que  $\overrightarrow{MA}+\overrightarrow{MB}=\overrightarrow{MN}.$



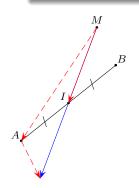
On a 
$$\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} = (\overrightarrow{MI} + \overrightarrow{IA}) + (\overrightarrow{MI} + \overrightarrow{IB})$$

- Montrer que  $\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} = 2 \overrightarrow{MI}$ .
- $\begin{tabular}{l} \begin{tabular}{l} \begin{tab$



On a 
$$\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} = (\overrightarrow{MI} + \overrightarrow{IA}) + (\overrightarrow{MI} + \overrightarrow{IB})$$
  
or  $\overrightarrow{IA} + \overrightarrow{IB} = \overrightarrow{0}$   
car I est le milieu de[AB]

- **③** Soit N le symétrique de M par rapport à I. Montrer que  $\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} = \overrightarrow{MN}$ .

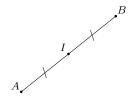


On a 
$$\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} = (\overrightarrow{MI} + \overrightarrow{IA}) + (\overrightarrow{MI} + \overrightarrow{IB})$$
  
or  $\overrightarrow{IA} + \overrightarrow{IB} = \overrightarrow{0}$   
car I est le milieu de[AB]  
donc  $\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} = 2 \overrightarrow{MI}$ 

Soient A et B deux points distincts et I le milieu du segment [AB]. Soit M un point quelconque.

- Montrer que  $\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} = 2 \overrightarrow{MI}$ .
- $\begin{tabular}{ll} \end{tabular} \begin{tabular}{ll} \end{tabular} Soit $N$ le symétrique de $M$ par rapport à $I$. \\ Montrer que $\overrightarrow{MA}+\overrightarrow{MB}=\overrightarrow{MN}$. \\ \end{tabular}$

 $M_{ullet}$ 

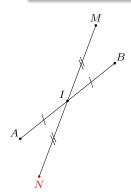


N est le symétrique de M par rapport à I



Soient A et B deux points distincts et I le milieu du segment [AB]. Soit M un point quelconque.

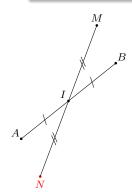
- Montrer que  $\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} = 2 \overrightarrow{MI}$ .
- $\begin{tabular}{ll} \end{tabular} \begin{tabular}{ll} \end{tabular} Soit $N$ le symétrique de $M$ par rapport à $I$. \\ Montrer que $\overrightarrow{MA}+\overrightarrow{MB}=\overrightarrow{MN}$. \\ \end{tabular}$



N est le symétrique de M par rapport à I donc I est le milieu de [MN]

Soient A et B deux points distincts et I le milieu du segment [AB]. Soit M un point quelconque.

- Montrer que  $\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} = 2 \overrightarrow{MI}$ .
- $\begin{tabular}{ll} \end{tabular} \begin{tabular}{ll} \end{tabular} Soit $N$ le symétrique de $M$ par rapport à $I$. \\ Montrer que $\overrightarrow{MA}+\overrightarrow{MB}=\overrightarrow{MN}$. \\ \end{tabular}$



N est le symétrique de M par rapport à I  $\label{eq:model} \mbox{donc } I \mbox{ est le milieu de } [MN]$ 

donc 
$$\overrightarrow{MN} = 2 \overrightarrow{MI}$$

Soit ABCD un parallèlogramme.

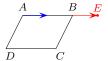
- Construire les points E et F tels que  $\overrightarrow{BE} = \frac{1}{2} \overrightarrow{AB}$  et  $\overrightarrow{AF} = 3 \overrightarrow{AD}$ .
- $\odot$  Montrer que les points E, C et F sont alignés.

Soit ABCD un parallèlogramme.

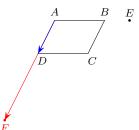
- Construire les points E et F tels que  $\overrightarrow{BE} = \frac{1}{2} \overrightarrow{AB}$  et  $\overrightarrow{AF} = 3 \overrightarrow{AD}$ .
- $\ \, \ \, \ \, \ \, \ \, \ \, \ \,$  Montrer que les points  $E,\,C$  et F sont alignés.



- Construire les points E et F tels que  $\overrightarrow{BE} = \frac{1}{2} \overrightarrow{AB}$  et  $\overrightarrow{AF} = 3 \overrightarrow{AD}$ .
- $\ensuremath{\mathfrak{Q}}$  Montrer que les points  $E,\,C$  et F sont alignés.

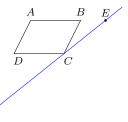


- Construire les points E et F tels que  $\overrightarrow{BE} = \frac{1}{2} \overrightarrow{AB}$  et  $\overrightarrow{AF} = 3 \overrightarrow{AD}$ .
- $\ \, \ \, \ \, \ \, \ \, \ \, \ \,$  Montrer que les points  $E,\,C$  et F sont alignés.



Soit ABCD un parallèlogramme.

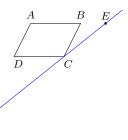
- Construire les points E et F tels que  $\overrightarrow{BE} = \frac{1}{2} \overrightarrow{AB}$  et  $\overrightarrow{AF} = 3 \overrightarrow{AD}$ .
- $oldsymbol{\circ}$  Montrer que les points  $E,\,C$  et F sont alignés.



finalement, les points E, F et C sont alignés.

Soit ABCD un parallèlogramme.

- Construire les points E et F tels que  $\overrightarrow{BE} = \frac{1}{2} \overrightarrow{AB}$  et  $\overrightarrow{AF} = 3 \overrightarrow{AD}$ .
- $\odot$  Montrer que les points E, C et F sont alignés.



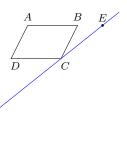
donc

$$\overrightarrow{EF} = \overrightarrow{EC}$$

finalement, les points E, F et C sont alignés.

Soit ABCD un parallèlogramme.

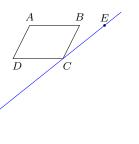
- Construire les points E et F tels que  $\overrightarrow{BE} = \frac{1}{2} \overrightarrow{AB}$  et  $\overrightarrow{AF} = 3 \overrightarrow{AD}$ .
- $\odot$  Montrer que les points E, C et F sont alignés.



 $On \ a$ 

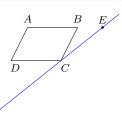
$$\overrightarrow{EF} = \overrightarrow{EA} + \overrightarrow{AF}$$

- Construire les points E et F tels que  $\overrightarrow{BE} = \frac{1}{2} \overrightarrow{AB}$  et  $\overrightarrow{AF} = 3 \overrightarrow{AD}$ .
- $\odot$  Montrer que les points E, C et F sont alignés.



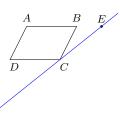
On a 
$$\overrightarrow{EF} = \overrightarrow{EA} + \overrightarrow{AF}$$
 or d'après l'énoncé 
$$2 \ \overrightarrow{BE} = \overrightarrow{AB}$$

- Construire les points E et F tels que  $\overrightarrow{BE} = \frac{1}{2} \overrightarrow{AB}$  et  $\overrightarrow{AF} = 3 \overrightarrow{AD}$ .
- $\odot$  Montrer que les points E, C et F sont alignés.



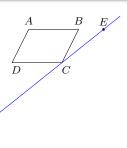
On a 
$$\overrightarrow{EF} = \overrightarrow{EA} + \overrightarrow{AF}$$
or d'après l'énoncé 
$$2\overrightarrow{BE} = \overrightarrow{AB}$$
donc 
$$2\overrightarrow{BE} = \overrightarrow{AE} + \overrightarrow{EB}$$

- Construire les points E et F tels que  $\overrightarrow{BE} = \frac{1}{2} \overrightarrow{AB}$  et  $\overrightarrow{AF} = 3 \overrightarrow{AD}$ .
- $\odot$  Montrer que les points E, C et F sont alignés.



On a 
$$\overrightarrow{EF} = \overrightarrow{EA} + \overrightarrow{AF}$$
  
or d'après l'énoncé  $2\overrightarrow{BE} = \overrightarrow{AB}$   
donc  $2\overrightarrow{BE} = \overrightarrow{AE} + \overrightarrow{EB}$   
d'où  $3\overrightarrow{BE} = \overrightarrow{AE}$ 

- Construire les points E et F tels que  $\overrightarrow{BE} = \frac{1}{2} \overrightarrow{AB}$  et  $\overrightarrow{AF} = 3 \overrightarrow{AD}$ .
- $\odot$  Montrer que les points E, C et F sont alignés.



$$\overrightarrow{EF} = \overrightarrow{EA} + \overrightarrow{AF}$$

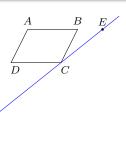
$$2 \overrightarrow{BE} = \overrightarrow{AB}$$

$$2 \overrightarrow{BE} = \overrightarrow{AE} + \overrightarrow{EB}$$

$$3 \overrightarrow{BE} = \overrightarrow{AE}$$

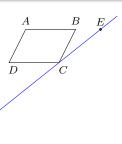
$$\overrightarrow{EF} =$$

- Construire les points E et F tels que  $\overrightarrow{BE} = \frac{1}{2} \overrightarrow{AB}$  et  $\overrightarrow{AF} = 3 \overrightarrow{AD}$ .
- $\odot$  Montrer que les points E, C et F sont alignés.



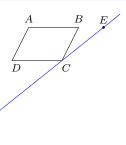
On a 
$$\overrightarrow{EF} = \overrightarrow{EA} + \overrightarrow{AF}$$
  
or d'après l'énoncé  $2\overrightarrow{BE} = \overrightarrow{AB}$   
donc  $2\overrightarrow{BE} = \overrightarrow{AE} + \overrightarrow{EB}$   
d'où  $3\overrightarrow{BE} = \overrightarrow{AE}$   
en remplacant  $\overrightarrow{EF} = 3\overrightarrow{EB}$ 

- Construire les points E et F tels que  $\overrightarrow{BE} = \frac{1}{2} \overrightarrow{AB}$  et  $\overrightarrow{AF} = 3 \overrightarrow{AD}$ .
- $\odot$  Montrer que les points E, C et F sont alignés.



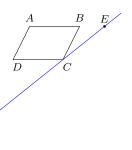
On a 
$$\overrightarrow{EF} = \overrightarrow{EA} + \overrightarrow{AF}$$
  
or d'après l'énoncé  $2\overrightarrow{BE} = \overrightarrow{AB}$   
donc  $2\overrightarrow{BE} = \overrightarrow{AE} + \overrightarrow{EB}$   
d'où  $3\overrightarrow{BE} = \overrightarrow{AE}$   
en remplacant  $\overrightarrow{EF} = 3\overrightarrow{EB} + 3\overrightarrow{AD}$ 

- Construire les points E et F tels que  $\overrightarrow{BE} = \frac{1}{2} \overrightarrow{AB}$  et  $\overrightarrow{AF} = 3 \overrightarrow{AD}$ .
- $\odot$  Montrer que les points E, C et F sont alignés.



$$\begin{array}{ll} On \ a & \overrightarrow{EF} = \overrightarrow{EA} + \overrightarrow{AF} \\ or \ d'après \ l'énoncé & 2 \ \overrightarrow{BE} = \overrightarrow{AB} \\ donc & 2 \ \overrightarrow{BE} = \overrightarrow{AE} + \overrightarrow{EB} \\ d'où & 3 \ \overrightarrow{BE} = \overrightarrow{AE} \\ en \ remplaçant & \overrightarrow{EF} = 3 \ \overrightarrow{EB} + 3 \ \overrightarrow{AD} \\ or \ d'après \ l'énoncé & \overrightarrow{AD} = \overrightarrow{BC} \end{array}$$

- Construire les points E et F tels que  $\overrightarrow{BE} = \frac{1}{2} \overrightarrow{AB}$  et  $\overrightarrow{AF} = 3 \overrightarrow{AD}$ .
- $\odot$  Montrer que les points E, C et F sont alignés.



On a 
$$\overrightarrow{EF} = \overrightarrow{EA} + \overrightarrow{AF}$$
 or d'après l'énoncé 
$$2 \ \overrightarrow{BE} = \overrightarrow{AB}$$

$$donc 2 \overrightarrow{BE} = \overrightarrow{AE} + \overrightarrow{EB}$$

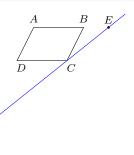
d'où 
$$3\overrightarrow{BE} = \overrightarrow{AE}$$

en remplaçant 
$$\overrightarrow{EF} = 3 \ \overrightarrow{EB} + 3 \ \overrightarrow{AD}$$

or d'après l'énoncé 
$$\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{BC}$$

$$\overrightarrow{EF} = 3 \ \overrightarrow{EB} + 3 \ \overrightarrow{BC}$$

- Construire les points E et F tels que  $\overrightarrow{BE} = \frac{1}{2} \overrightarrow{AB}$  et  $\overrightarrow{AF} = 3 \overrightarrow{AD}$ .
- $\odot$  Montrer que les points E, C et F sont alignés.



On a 
$$\overrightarrow{EF} = \overrightarrow{EA} + \overrightarrow{AF}$$
 or d'après l'énoncé 
$$2 \ \overrightarrow{BE} = \overrightarrow{AB}$$

$$donc 2 \overrightarrow{BE} = \overrightarrow{AE} + \overrightarrow{EB}$$

$$d$$
'où  $3\overrightarrow{BE} = \overrightarrow{AE}$ 

en remplaçant 
$$\overrightarrow{EF} = 3 \overrightarrow{EB} + 3 \overrightarrow{AD}$$

or d'après l'énoncé 
$$\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{BC}$$

$$\overrightarrow{EF} = 3 \overrightarrow{EB} + 3 \overrightarrow{BC}$$

$$donc$$
  $\overrightarrow{EF} = 3 \overrightarrow{EC}$ 

Soit ABCD un parallèlogramme.

- Construire les points E et F tels que  $\overrightarrow{BE} = \frac{1}{2} \overrightarrow{AB}$  et  $\overrightarrow{AF} = 3 \overrightarrow{AD}$ .
- $\odot$  Montrer que les points E, C et F sont alignés.

on en déduit que

les vecteurs  $\overrightarrow{EF}$  et  $\overrightarrow{EC}$  sont colinéaires

Soit ABCD un parallèlogramme.

- Construire les points E et F tels que  $\overrightarrow{BE} = \frac{1}{2} \overrightarrow{AB}$  et  $\overrightarrow{AF} = 3 \overrightarrow{AD}$ .
- $\odot$  Montrer que les points E, C et F sont alignés.

on en déduit que donc

les vecteurs  $\overrightarrow{EF}$  et  $\overrightarrow{EC}$  sont colinéaires les droites (EF) et (EC) sont parallèles

Soit ABCD un parallèlogramme.

- Construire les points E et F tels que  $\overrightarrow{BE} = \frac{1}{2} \overrightarrow{AB}$  et  $\overrightarrow{AF} = 3 \overrightarrow{AD}$ .
- $\odot$  Montrer que les points E, C et F sont alignés.

on en déduit que donc or les vecteurs  $\overrightarrow{EF}$  et  $\overrightarrow{EC}$  sont colinéaires les droites (EF) et (EC) sont parallèles elles passent toutes les deux par le point E

Soit ABCD un parallèlogramme.

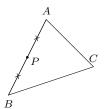
- Construire les points E et F tels que  $\overrightarrow{BE} = \frac{1}{2} \overrightarrow{AB}$  et  $\overrightarrow{AF} = 3 \overrightarrow{AD}$ .
- $\odot$  Montrer que les points E, C et F sont alignés.

on en déduit que donc or les vecteurs  $\overrightarrow{EF}$  et  $\overrightarrow{EC}$  sont colinéaires les droites (EF) et (EC) sont parallèles elles passent toutes les deux par le point E

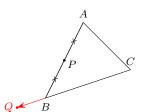
donc, les points  $E,\,F$  et C sont alignés.

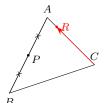
- $oldsymbol{\circ}$  Montrer que les points  $P,\,Q$  et R sont alignés.

- $\ \, \ \, \ \, \ \, \ \, \ \,$  Montrer que les points  $P,\,Q$  et R sont alignés.

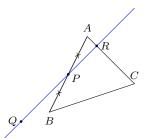


- Construire Q et R tels que  $\overrightarrow{BQ} = -\frac{1}{3} \overrightarrow{BC}$  et  $\overrightarrow{CR} = \frac{4}{5} \overrightarrow{CA}$ .
- $oldsymbol{Q}$  Montrer que les points  $P,\,Q$  et R sont alignés.



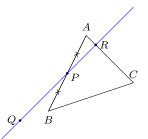


- $\ \, \ \, \ \, \ \, \ \, \ \,$  Montrer que les points  $P,\,Q$  et R sont alignés.



Soit un triangle ABC et P le milieu du segment [AB].

- $oldsymbol{2}$  Montrer que les points  $P,\,Q$  et R sont alignés.

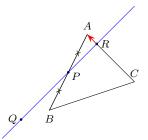


d'une part

$$\overrightarrow{RP} = \overrightarrow{RA} + \overrightarrow{AP}$$

Soit un triangle ABC et P le milieu du segment [AB].

- Construire Q et R tels que  $\overrightarrow{BQ} = -\frac{1}{3} \overrightarrow{BC}$  et  $\overrightarrow{CR} = \frac{4}{5} \overrightarrow{CA}$ .
- $oldsymbol{2}$  Montrer que les points  $P,\,Q$  et R sont alignés.



d'une part

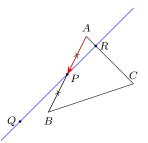
$$\overrightarrow{RP} = \overrightarrow{RA} + \overrightarrow{AP}$$

donc

$$\overrightarrow{RP} = \frac{1}{5}\overrightarrow{CA}$$

Soit un triangle ABC et P le milieu du segment [AB].

- Construire Q et R tels que  $\overrightarrow{BQ} = -\frac{1}{3} \overrightarrow{BC}$  et  $\overrightarrow{CR} = \frac{4}{5} \overrightarrow{CA}$ .
- $oldsymbol{@}$  Montrer que les points P, Q et R sont alignés.



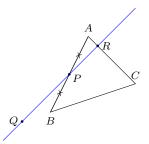
d'une part

$$\overrightarrow{RP} = \overrightarrow{RA} + \overrightarrow{AP}$$

donc

$$\overrightarrow{RP} = \frac{1}{5}\overrightarrow{CA} + \frac{1}{2}\overrightarrow{AB}$$

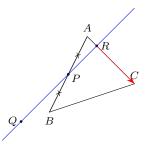
- Construire Q et R tels que  $\overrightarrow{BQ} = -\frac{1}{3} \overrightarrow{BC}$  et  $\overrightarrow{CR} = \frac{4}{5} \overrightarrow{CA}$ .
- $oldsymbol{\circ}$  Montrer que les points P, Q et R sont alignés.



et d'autre part 
$$\overrightarrow{RQ} = \overrightarrow{RC} + \overrightarrow{CQ}$$

Soit un triangle ABC et P le milieu du segment [AB].

- Construire Q et R tels que  $\overrightarrow{BQ} = -\frac{1}{3} \overrightarrow{BC}$  et  $\overrightarrow{CR} = \frac{4}{5} \overrightarrow{CA}$ .
- $\bigcirc$  Montrer que les points P, Q et R sont alignés.



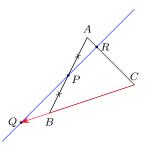
et d'autre part 
$$\overrightarrow{RQ} = \overrightarrow{RC} + \overrightarrow{CQ}$$

donc

$$\overrightarrow{RQ} = -\frac{4}{5}\overrightarrow{CA}$$

Soit un triangle ABC et P le milieu du segment [AB].

- Construire Q et R tels que  $\overrightarrow{BQ} = -\frac{1}{3} \overrightarrow{BC}$  et  $\overrightarrow{CR} = \frac{4}{5} \overrightarrow{CA}$ .
- $\bigcirc$  Montrer que les points P, Q et R sont alignés.



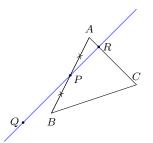
et d'autre part 
$$\overrightarrow{RQ} = \overrightarrow{RC} + \overrightarrow{CQ}$$

donc

$$\overrightarrow{RQ} = -\frac{4}{5}\overrightarrow{CA} + \frac{4}{3}\overrightarrow{CB}$$

Soit un triangle ABC et P le milieu du segment [AB].

- Construire Q et R tels que  $\overrightarrow{BQ} = -\frac{1}{3} \overrightarrow{BC}$  et  $\overrightarrow{CR} = \frac{4}{5} \overrightarrow{CA}$ .
- $\odot$  Montrer que les points P, Q et R sont alignés.



et d'autre part

$$\overrightarrow{RQ} = \overrightarrow{RC} + \overrightarrow{CQ}$$

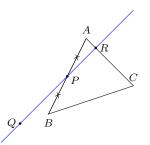
$$donc$$

$$\overrightarrow{RQ} = -\frac{4}{5}\overrightarrow{CA} + \frac{4}{3}\overrightarrow{CB}$$

$$\overrightarrow{RQ} = -\frac{4}{5}\overrightarrow{CA} + \frac{4}{3}(\overrightarrow{CA} + \overrightarrow{AB})$$

Soit un triangle ABC et P le milieu du segment [AB].

- Construire Q et R tels que  $\overrightarrow{BQ} = -\frac{1}{3} \overrightarrow{BC}$  et  $\overrightarrow{CR} = \frac{4}{5} \overrightarrow{CA}$ .
- $oldsymbol{2}$  Montrer que les points  $P,\,Q$  et R sont alignés.



et d'autre part

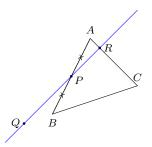
$$\overrightarrow{RQ} = \overrightarrow{RC} + \overrightarrow{CQ}$$

$$\overrightarrow{RQ} = -\frac{4}{5}\overrightarrow{CA} + \frac{4}{3}\overrightarrow{CB}$$

$$\overrightarrow{RQ} = -\frac{4}{5}\overrightarrow{CA} + \frac{4}{3}(\overrightarrow{CA} + \overrightarrow{AB})$$

$$\overrightarrow{RQ} = (\frac{4}{3} - \frac{4}{5})\overrightarrow{CA} + \frac{4}{3}\overrightarrow{AB}$$

- Construire Q et R tels que  $\overrightarrow{BQ} = -\frac{1}{3} \overrightarrow{BC}$  et  $\overrightarrow{CR} = \frac{4}{5} \overrightarrow{CA}$ .
- ullet Montrer que les points P, Q et R sont alignés.



$$\overrightarrow{RQ} = \overrightarrow{RC} + \overrightarrow{CQ}$$

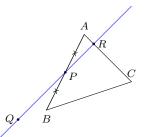
$$\overrightarrow{RQ} = -\frac{4}{5}\overrightarrow{CA} + \frac{4}{3}\overrightarrow{CB}$$

$$\overrightarrow{RQ} = -\frac{4}{5}\overrightarrow{CA} + \frac{4}{3}(\overrightarrow{CA} + \overrightarrow{AB})$$

$$\overrightarrow{RQ} = (\frac{4}{3} - \frac{4}{5}) \overrightarrow{CA} + \frac{4}{3} \overrightarrow{AB}$$

$$\overrightarrow{RQ} = \frac{8}{15}\overrightarrow{CA} + \frac{4}{3}\overrightarrow{AB}$$

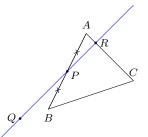
- Construire Q et R tels que  $\overrightarrow{BQ} = -\frac{1}{3} \overrightarrow{BC}$  et  $\overrightarrow{CR} = \frac{4}{5} \overrightarrow{CA}$ .
- $\odot$  Montrer que les points P, Q et R sont alignés.



finalement, on a montré 
$$\overrightarrow{RP} = \frac{1}{5}\overrightarrow{CA} + \frac{1}{2}\overrightarrow{AB}$$

Soit un triangle ABC et P le milieu du segment [AB].

- Construire Q et R tels que  $\overrightarrow{BQ} = -\frac{1}{3} \overrightarrow{BC}$  et  $\overrightarrow{CR} = \frac{4}{5} \overrightarrow{CA}$ .
- $\bigcirc$  Montrer que les points P, Q et R sont alignés.



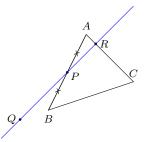
finalement, on a montré

$$\overrightarrow{RP} = \frac{1}{5}\overrightarrow{CA} + \frac{1}{2}\overrightarrow{AB}$$

$$\overrightarrow{RQ} = \frac{8}{15}\overrightarrow{CA} + \frac{4}{3}\overrightarrow{AB}$$

Soit un triangle ABC et P le milieu du segment [AB].

- Construire Q et R tels que  $\overrightarrow{BQ} = -\frac{1}{3} \overrightarrow{BC}$  et  $\overrightarrow{CR} = \frac{4}{5} \overrightarrow{CA}$ .
- $\odot$  Montrer que les points P, Q et R sont alignés.



finalement, on a montré

$$\overrightarrow{RP} = \frac{1}{5}\overrightarrow{CA} + \frac{1}{2}\overrightarrow{AB}$$

$$\overrightarrow{RQ} = \frac{8}{15}\overrightarrow{CA} + \frac{4}{3}\overrightarrow{AB}$$

$$\overrightarrow{RQ} = \frac{8}{3} \overrightarrow{RP}$$

Soit un triangle ABC et P le milieu du segment [AB].

- $oldsymbol{Q}$  Montrer que les points  $P,\,Q$  et R sont alignés.

on en déduit que

les vecteurs  $\overrightarrow{RQ}$  et  $\overrightarrow{RP}$  sont colinéaires

Soit un triangle ABC et P le milieu du segment [AB].

- $oldsymbol{Q}$  Montrer que les points  $P,\,Q$  et R sont alignés.

 $on\ en\ d\'eduit\ que\\ donc$ 

les vecteurs  $\overrightarrow{RQ}$  et  $\overrightarrow{RP}$  sont colinéaires les droites (RQ) et (RP) sont parallèles

Soit un triangle ABC et P le milieu du segment [AB].

- $oldsymbol{Q}$  Montrer que les points  $P,\,Q$  et R sont alignés.

on en déduit que donc or les vecteurs  $\overrightarrow{RQ}$  et  $\overrightarrow{RP}$  sont colinéaires les droites (RQ) et (RP) sont parallèles elles passent toutes les deux par le point R

Soit un triangle ABC et P le milieu du segment [AB].

- Construire Q et R tels que  $\overrightarrow{BQ} = -\frac{1}{3} \overrightarrow{BC}$  et  $\overrightarrow{CR} = \frac{4}{5} \overrightarrow{CA}$ .
- $\ \, \ \, \ \, \ \, \ \, \ \,$  Montrer que les points  $P,\,Q$  et R sont alignés.

 $on\ en\ d\'eduit\ que\ donc$  or

les vecteurs  $\overrightarrow{RQ}$  et  $\overrightarrow{RP}$  sont colinéaires les droites (RQ) et (RP) sont parallèles elles passent toutes les deux par le point R

donc, les points  $R,\,P$  et Q sont alignés.

Soient A,B et C trois points distincts.

- $oldsymbol{\circ}$  Montrer que D est le milieu du segment [AE].

Soient A,B et C trois points distincts.

- $\ \, \ \, \ \, \ \,$  Montrer que D est le milieu du segment [AE].

 $C_{ullet}$ 

 $A_{\bullet}$ 

 $B^{\bullet}$ 

Soient A,B et C trois points distincts.

- Construire D et E tels que  $\overrightarrow{CD} = \frac{3}{4} \overrightarrow{AB}$  et  $\overrightarrow{AE} = \frac{3}{2} \overrightarrow{AB} + 2 \overrightarrow{AC}$ .
- $\ \, \ \, \ \, \ \,$  Montrer que D est le milieu du segment [AE].

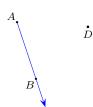


 $A_{\bullet}$ 

Soient A,B et C trois points distincts.

- Construire D et E tels que  $\overrightarrow{CD} = \frac{3}{4} \overrightarrow{AB}$  et  $\overrightarrow{AE} = \frac{3}{2} \overrightarrow{AB} + 2 \overrightarrow{AC}$ .
- $\ \, \ \, \ \, \ \, \ \, \ \,$  Montrer que D est le milieu du segment [AE].

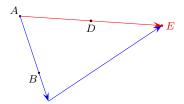
 $C_{\bullet}$ 



Soient A,B et C trois points distincts.

- Construire D et E tels que  $\overrightarrow{CD} = \frac{3}{4} \overrightarrow{AB}$  et  $\overrightarrow{AE} = \frac{3}{2} \overrightarrow{AB} + 2 \overrightarrow{AC}$ .
- $\ \, \ \, \ \, \ \,$  Montrer que D est le milieu du segment [AE].

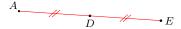
 $C_{ullet}$ 



Soient A,B et C trois points distincts.

- $\odot$  Montrer que D est le milieu du segment [AE].

 $C_{\bullet}$ 



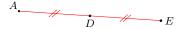
 $B^{\bullet}$ 

finalement, le point D est le milieu de [AE].

Soient A,B et C trois points distincts.

- Construire D et E tels que  $\overrightarrow{CD} = \frac{3}{4} \overrightarrow{AB}$  et  $\overrightarrow{AE} = \frac{3}{2} \overrightarrow{AB} + 2 \overrightarrow{AC}$ .
- $\odot$  Montrer que D est le milieu du segment [AE].

 $C_{\bullet}$ 



 $B^{\bullet}$ 

donc

$$2 \overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AE}$$

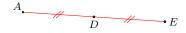
Soient A,B et C trois points distincts.

- $\ \, \ \, \ \,$  Montrer que D est le milieu du segment [AE].

 $C_{\bullet}$ 

On a

$$\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AC} + \overrightarrow{CD}$$



 $B^{\bullet}$ 

Soient A,B et C trois points distincts.

- Construire D et E tels que  $\overrightarrow{CD} = \frac{3}{4}\overrightarrow{AB}$  et  $\overrightarrow{AE} = \frac{3}{2}\overrightarrow{AB} + 2\overrightarrow{AC}$ .
- $\odot$  Montrer que D est le milieu du segment [AE].

 $C_{\bullet}$ 

 $On \ a$ 

$$\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AC} + \overrightarrow{CD}$$

$$donc$$

$$\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AC} + \frac{3}{4} \overrightarrow{AB}$$

 $B^{\bullet}$ 

 $B^{\bullet}$ 

Soient A,B et C trois points distincts.

- $\odot$  Montrer que D est le milieu du segment [AE].

$$C.$$

$$On \ a$$

$$\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AC} + \overrightarrow{CD}$$

$$\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AC} + \overrightarrow{AB}$$

$$donc$$

$$\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AC} + \frac{3}{4} \overrightarrow{AB}$$

$$donc$$

$$2 \overrightarrow{AD} = 2 \overrightarrow{AC} + \frac{3}{2} \overrightarrow{AB}$$

Soient A,B et C trois points distincts.

- Construire D et E tels que  $\overrightarrow{CD} = \frac{3}{4} \overrightarrow{AB}$  et  $\overrightarrow{AE} = \frac{3}{2} \overrightarrow{AB} + 2 \overrightarrow{AC}$ .
- ullet Montrer que D est le milieu du segment [AE].

$$C.$$

$$On \ a \qquad \overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AC} + \overrightarrow{CD}$$

$$\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AC} + \frac{3}{4} \overrightarrow{AB}$$

$$donc \qquad 2 \overrightarrow{AD} = 2 \overrightarrow{AC} + \frac{3}{2} \overrightarrow{AB}$$

$$donc \qquad 2 \overrightarrow{AD} = 2 \overrightarrow{AC} + \frac{3}{2} \overrightarrow{AB}$$

$$donc \qquad 2 \overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AE}$$

Soient A,B et C trois points distincts.

- Construire D et E tels que  $\overrightarrow{CD} = \frac{3}{4} \overrightarrow{AB}$  et  $\overrightarrow{AE} = \frac{3}{2} \overrightarrow{AB} + 2 \overrightarrow{AC}$ .
- $\odot$  Montrer que D est le milieu du segment [AE].

$$C.$$

$$On \ a \qquad \overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AC} + \overrightarrow{CD}$$

$$\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AC} + \frac{3}{4}\overrightarrow{AB}$$

$$donc \qquad 2\overrightarrow{AD} = 2\overrightarrow{AC} + \frac{3}{2}\overrightarrow{AB}$$

$$donc \qquad 2\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AE}$$

finalement, le point D est le milieu de [AE].