



# Betriebssysteme – Übung

4T: Prozesse und Scheduling

Signe Rüsch, Wintersemester 2019/2020

#### Übersicht

■ 4.1 Notation von Vergabeplänen

4.2 Gütekriterien für Vergabepläne

4.3 Anomalien von Scheduling-Verfahren



Zeichnen Sie für die gegebenen Prozesse einen Round Robin (RR) Vergabeplan mit einer Zeitscheibe von 2 Zeitintervallen.

#### Prozesse:

Prozess:	$p_1$	p <sub>2</sub>	<b>p</b> <sub>3</sub>	p <sub>4</sub>	<b>p</b> <sub>5</sub>	p <sub>6</sub>	p <sub>7</sub>	p <sub>8</sub>
Bedienzeit:	4	5	6	1	6	3	3	1
Ankunftszeit:	1	1	1	1	2	2	4	4

- RR arbeitet präemptiv
  - → Prozesse werden vom Betriebssystem verdrängt
- Neue und unterbrochene Prozesse werden hinten an Bereitliste angehängt
- Nächster Prozess wird gemäß FCFS aus Bereitliste entnommen



## 4.1 a) Round Robin - Bereitliste

- Notation für Bereitliste:
  - Bsp. (pl, p2 | p3, p4)
  - pl und p2 wurden gleichzeitig an Bereitliste angehängt
  - p3 und p4 wurden <u>nach</u> p1 und p2 angehängt
- Kriterien für Einlagerung von Prozessen:
  - Position in der Bereitliste
  - 2. Minimierung von Kernwechseln eines Prozesses
  - 3. Prozess-ID



Prozess:	p <sub>1</sub>	p <sub>2</sub>	<b>p</b> <sub>3</sub>	<b>p</b> <sub>4</sub>	<b>p</b> <sub>5</sub>	p <sub>6</sub>	<b>p</b> <sub>7</sub>	p <sub>8</sub>
Bedienzeit:	4	5	6	1	6	3	3	1
Ankunftszeit:	1	1	1	1	2	2	4	4
Bedienzeit verbleibend:	4	5	6	1	6	3	3	1

	<b>\</b>											
Zeit:	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
Kern <sub>1</sub> :												
Kern <sub>2</sub> :												
Kern <sub>3</sub> :												
Kern <sub>4</sub> :												

Bereitliste: (pl, p2, p3, p4)



Prozess:	p <sub>1</sub>	p <sub>2</sub>	<b>p</b> <sub>3</sub>	<b>p</b> <sub>4</sub>	<b>p</b> <sub>5</sub>	p <sub>6</sub>	<b>p</b> <sub>7</sub>	p <sub>8</sub>
Bedienzeit:	4	5	6	1	6	3	3	1
Ankunftszeit:	1	1	1	1	2	2	4	4
Bedienzeit verbleibend:	2	3	4	0	6	3	3	1

	<b>\</b>											
Zeit:	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
Kern <sub>1</sub> :	1	1										
Kern <sub>2</sub> :	2	2										
Kern <sub>3</sub> :	3	3										
Kern <sub>4</sub> :	4	_										

Bereitliste: ()



Prozess:	p <sub>1</sub>	p <sub>2</sub>	<b>p</b> <sub>3</sub>	<b>p</b> <sub>4</sub>	<b>p</b> <sub>5</sub>	p <sub>6</sub>	<b>p</b> <sub>7</sub>	p <sub>8</sub>
Bedienzeit:	4	5	6	1	6	3	3	1
Ankunftszeit:	1	1	1	1	2	2	4	4
Bedienzeit verbleibend:	2	3	4	0	6	3	3	1

			<b>V</b>									
Zeit:	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
Kern <sub>1</sub> :	1	1										
Kern <sub>2</sub> :	2	2										
Kern <sub>3</sub> :	3	3										
Kern <sub>4</sub> :	4	-										

Bereitliste: (p5, p6 | p1, p2, p3)



Prozess:	p <sub>1</sub>	p <sub>2</sub>	<b>p</b> <sub>3</sub>	<b>p</b> <sub>4</sub>	<b>p</b> <sub>5</sub>	p <sub>6</sub>	<b>p</b> <sub>7</sub>	p <sub>8</sub>
Bedienzeit:	4	5	6	1	6	3	3	1
Ankunftszeit:	1	1	1	1	2	2	4	4
Bedienzeit verbleibend:	0	3	2	0	4	1	3	1

			<b>V</b>									
Zeit:	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
Kern <sub>1</sub> :	1	1	5	5								
Kern <sub>2</sub> :	2	2	6	6								
Kern <sub>3</sub> :	3	3	3	3								
Kern <sub>4</sub> :	4	-	1	1								

Bereitliste: (p2)



Prozess:	p <sub>1</sub>	p <sub>2</sub>	<b>p</b> <sub>3</sub>	<b>p</b> <sub>4</sub>	<b>p</b> <sub>5</sub>	p <sub>6</sub>	<b>p</b> <sub>7</sub>	p <sub>8</sub>
Bedienzeit:	4	5	6	1	6	3	3	1
Ankunftszeit:	1	1	1	1	2	2	4	4
Bedienzeit verbleibend:	0	3	2	0	4	1	3	1

					<b>\</b>							
Zeit:	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
Kern <sub>1</sub> :	1	1	5	5								
Kern <sub>2</sub> :	2	2	6	6								
Kern <sub>3</sub> :	3	3	3	3								
Kern <sub>4</sub> :	4	_	1	1								

Bereitliste: (p2 | p7, p8 | p3, p5, p6)



Prozess:	p <sub>1</sub>	p <sub>2</sub>	<b>p</b> <sub>3</sub>	<b>p</b> <sub>4</sub>	<b>p</b> <sub>5</sub>	p <sub>6</sub>	<b>p</b> <sub>7</sub>	p <sub>8</sub>
Bedienzeit:	4	5	6	1	6	3	3	1
Ankunftszeit:	1	1	1	1	2	2	4	4
Bedienzeit verbleibend:	0	1	0	0	4	1	1	0

					<b>\</b>							
Zeit:	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
Kern <sub>1</sub> :	1	1	5	5	2	2						
Kern <sub>2</sub> :	2	2	6	6	7	7						
Kern <sub>3</sub> :	3	3	3	3	8	_						
Kern <sub>4</sub> :	4	_	1	1	3	3						

Bereitliste: (p5, p6)



Prozess:	p <sub>1</sub>	p <sub>2</sub>	<b>p</b> <sub>3</sub>	<b>p</b> <sub>4</sub>	<b>p</b> <sub>5</sub>	p <sub>6</sub>	<b>p</b> <sub>7</sub>	<b>p</b> <sub>8</sub>
Bedienzeit:	4	5	6	1	6	3	3	1
Ankunftszeit:	1	1	1	1	2	2	4	4
Bedienzeit verbleibend:	0	1	0	0	4	1	1	0

							•					
Zeit:	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
Kern <sub>1</sub> :	1	1	5	5	2	2						
Kern <sub>2</sub> :	2	2	6	6	7	7						
Kern <sub>3</sub> :	3	3	3	3	8	_						
Kern <sub>4</sub> :	4	_	1	1	3	3						

Bereitliste: (p5, p6 | p2, p7)



Prozess:	p <sub>1</sub>	p <sub>2</sub>	<b>p</b> <sub>3</sub>	<b>p</b> <sub>4</sub>	<b>p</b> <sub>5</sub>	p <sub>6</sub>	<b>p</b> <sub>7</sub>	p <sub>8</sub>
Bedienzeit:	4	5	6	1	6	3	3	1
Ankunftszeit:	1	1	1	1	2	2	4	4
Bedienzeit verbleibend:	0	0	0	0	2	0	0	0

							<b>V</b>					
Zeit:	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
Kern <sub>1</sub> :	1	1	5	5	2	2	5	5				
Kern <sub>2</sub> :	2	2	6	6	7	7	6	_				
Kern <sub>3</sub> :	3	3	3	3	8	_	2	_				
Kern <sub>4</sub> :	4	_	1	1	3	3	7	_				

Bereitliste: ()



Prozess:	p <sub>1</sub>	p <sub>2</sub>	<b>p</b> <sub>3</sub>	<b>p</b> <sub>4</sub>	<b>p</b> <sub>5</sub>	p <sub>6</sub>	<b>p</b> <sub>7</sub>	p <sub>8</sub>
Bedienzeit:	4	5	6	1	6	3	3	1
Ankunftszeit:	1	1	1	1	2	2	4	4
Bedienzeit verbleibend:	0	0	0	0	2	0	0	0

									<b>\</b>			
Zeit:	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
Kern <sub>1</sub> :	1	1	5	5	2	2	5	5				
Kern <sub>2</sub> :	2	2	6	6	7	7	6	-				
Kern <sub>3</sub> :	3	3	3	3	8	-	2	-				
Kern <sub>4</sub> :	4	-	1	1	3	3	7	_				

Bereitliste: (p5)



Prozess:	p <sub>1</sub>	p <sub>2</sub>	<b>p</b> <sub>3</sub>	<b>p</b> <sub>4</sub>	<b>p</b> <sub>5</sub>	p <sub>6</sub>	<b>p</b> <sub>7</sub>	p <sub>8</sub>
Bedienzeit:	4	5	6	1	6	3	3	1
Ankunftszeit:	1	1	1	1	2	2	4	4
Bedienzeit verbleibend:	0	0	0	0	0	0	0	0

#### RR Vergabeplan (Lösung):

Zeit:	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
Kern <sub>1</sub> :	1	1	5	5	2	2	5	5	5	5	-	-
Kern <sub>2</sub> :	2	2	6	6	7	7	6	_	_	-	-	_
Kern <sub>3</sub> :	3	3	3	3	8	-	2	-	-	-	-	-
Kern <sub>4</sub> :	4	-	1	1	3	3	7	-	-	-	-	_

b) Zeichnen Sie für die gegebenen Prozesse einen Shortest Process Next (SPN) Vergabeplan.

#### Prozesse:

Prozess:	$p_1$	p <sub>2</sub>	<b>p</b> <sub>3</sub>	p <sub>4</sub>	<b>p</b> <sub>5</sub>	p <sub>6</sub>	p <sub>7</sub>	p <sub>8</sub>
Bedienzeit:	4	5	6	1	6	3	3	1
Ankunftszeit:	1	1	1	1	2	2	4	4

- SPN arbeitet nicht präemptiv
  - → Prozesse werden vom Betriebssystem nicht verdrängt

	<b> </b>	<b>\</b>	<b>\</b>	<b>\</b>				
Prozess:	p <sub>1</sub>	p <sub>2</sub>	<b>p</b> <sub>3</sub>	<b>p</b> <sub>4</sub>	<b>p</b> <sub>5</sub>	<b>p</b> 6	<b>p</b> <sub>7</sub>	p <sub>8</sub>
Bedienzeit:	4	5	6	1	6	3	3	1
Ankunftszeit:	1	1	1	1	2	2	4	4

	<b>\</b>											
Zeit:	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
Kern <sub>1</sub> :												
Kern <sub>2</sub> :												
Kern <sub>3</sub> :												
Kern <sub>4</sub> :												

					<b>\</b>	<b>\</b>		
Prozess:	p <sub>1</sub>	p <sub>2</sub>	<b>p</b> <sub>3</sub>	<b>p</b> <sub>4</sub>	<b>p</b> <sub>5</sub>	p <sub>6</sub>	<b>p</b> <sub>7</sub>	<b>p</b> 8
Bedienzeit:	4	5	6	1	6	3	3	1
Ankunftszeit:	1	1	1	1	2	2	4	4

		<b>\</b>										
Zeit:	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
Kern <sub>1</sub> :	4											
Kern <sub>2</sub> :	1	1	1	1								
Kern <sub>3</sub> :	2	2	2	2	2							
Kern <sub>4</sub> :	3	3	3	3	3	3						

Prozess:	p <sub>1</sub>	p <sub>2</sub>	<b>p</b> <sub>3</sub>	<b>p</b> <sub>4</sub>	<b>p</b> <sub>5</sub>	p <sub>6</sub>	<b>p</b> <sub>7</sub>	p <sub>8</sub>
Bedienzeit:	4	5	6	1	6	3	3	1
Ankunftszeit:	1	1	1	1	2	2	4	4

					<b>\</b>							
Zeit:	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
Kern <sub>1</sub> :	4	6	6	6								
Kern <sub>2</sub> :	1	1	1	1								
Kern <sub>3</sub> :	2	2	2	2	2							
Kern <sub>4</sub> :	3	3	3	3	3	3						

Prozess:	p <sub>1</sub>	p <sub>2</sub>	<b>p</b> <sub>3</sub>	<b>p</b> <sub>4</sub>	<b>p</b> <sub>5</sub>	p <sub>6</sub>	<b>p</b> <sub>7</sub>	<b>p</b> 8
Bedienzeit:	4	5	6	1	6	3	3	1
Ankunftszeit:	1	1	1	1	2	2	4	4

						<b>\</b>						
Zeit:	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
Kern <sub>1</sub> :	4	6	6	6	8							
Kern <sub>2</sub> :	1	1	1	1	7	7	7					
Kern <sub>3</sub> :	2	2	2	2	2							
Kern <sub>4</sub> :	3	3	3	3	3	3						

Prozess:	p <sub>1</sub>	p <sub>2</sub>	<b>p</b> <sub>3</sub>	<b>p</b> <sub>4</sub>	<b>p</b> <sub>5</sub>	p <sub>6</sub>	<b>p</b> <sub>7</sub>	<b>p</b> 8
Bedienzeit:	4	5	6	1	6	3	3	1
Ankunftszeit:	1	1	1	1	2	2	4	4

#### SPN Vergabeplan (Lösung):

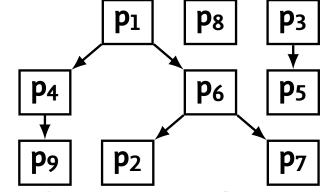
Zeit:	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
Kern <sub>1</sub> :	4	6	6	6	8	5	5	5	5	5	5	-
Kern <sub>2</sub> :	1	1	1	1	7	7	7	-	-	-	-	-
Kern <sub>3</sub> :	2	2	2	2	2	-	-	-	-	_	-	-
Kern <sub>4</sub> :	3	3	3	3	3	3	-	-	-	_	-	-

#### c) SRTF

- c) Zeichnen Sie einen SRTF-Vergabeplan, der die Bedingungen des angegebenen Präzedenzgraphs erfüllt.
  - Prozesse:

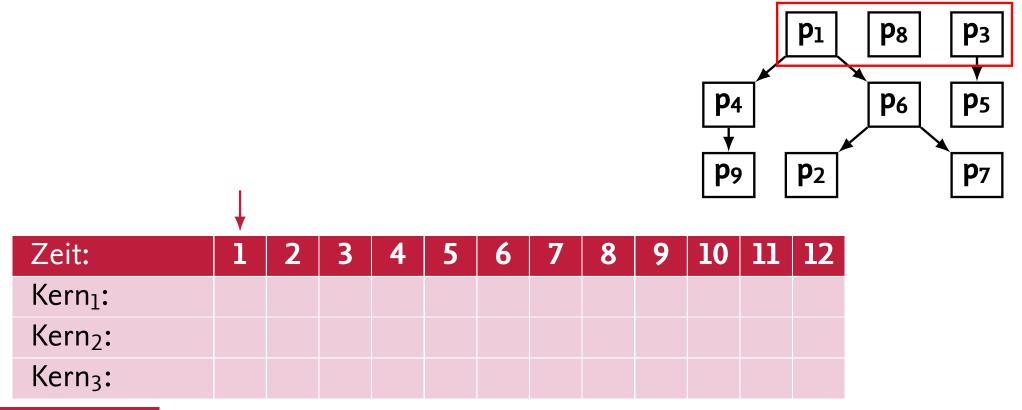
Prozess:	$p_1$	p <sub>2</sub>	<b>p</b> <sub>3</sub>	p <sub>4</sub>	<b>p</b> <sub>5</sub>	p <sub>6</sub>	p <sub>7</sub>	p <sub>8</sub>	<b>p</b> 9
Bedienzeit:	2	2	6	2	3	4	4	2	2

Präzedenzgraph:

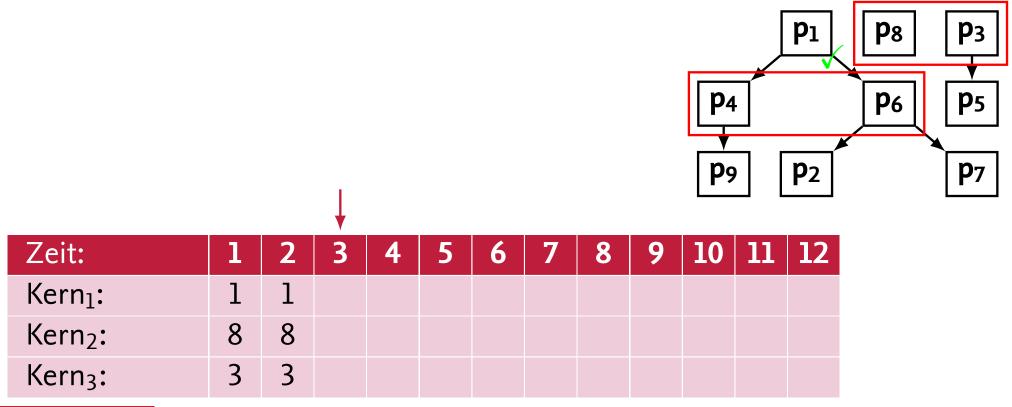


- SRTF arbeitet präemptiv
- → Prozesse werden vom Betriebssystem **verdrängt**

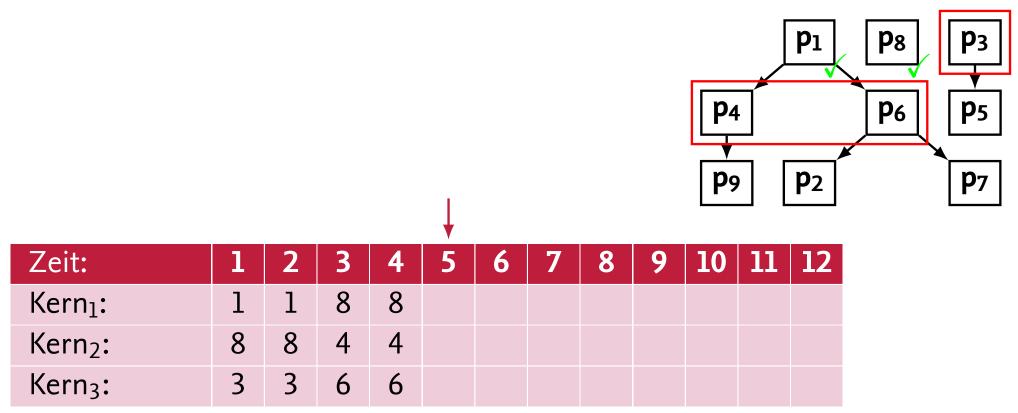
Prozess:	$p_1$	p <sub>2</sub>	<b>p</b> <sub>3</sub>	p <sub>4</sub>	<b>p</b> <sub>5</sub>	p <sub>6</sub>	p <sub>7</sub>	p <sub>8</sub>	p <sub>9</sub>
Bedienzeit:	2	2	6	3	4	3	3	4	1
verbleibende Bedienzeit:	2	2	6	3	4	3	3	4	1



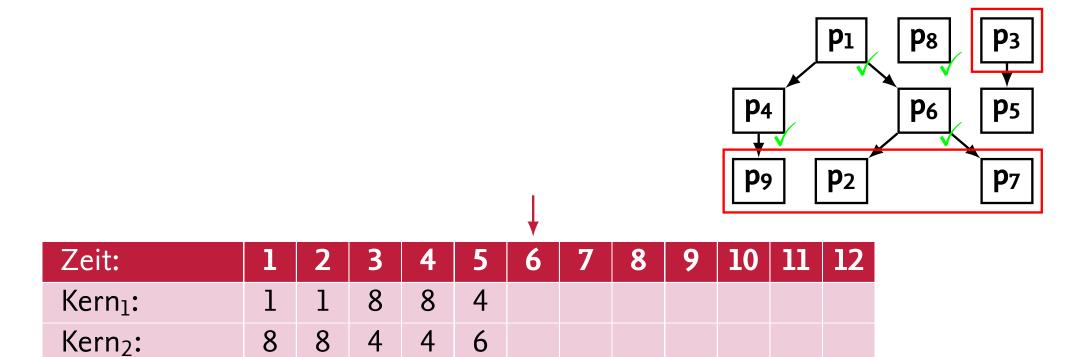
Prozess:	$p_1$	p <sub>2</sub>	<b>p</b> <sub>3</sub>	p <sub>4</sub>	p <sub>5</sub>	p <sub>6</sub>	p <sub>7</sub>	p <sub>8</sub>	p <sub>9</sub>
Bedienzeit:	2	2	6	3	4	3	3	4	1
verbleibende Bedienzeit:	0	2	4	3	4	3	3	2	1



Prozess:	$p_1$	p <sub>2</sub>	<b>p</b> <sub>3</sub>	p <sub>4</sub>	<b>p</b> <sub>5</sub>	p <sub>6</sub>	p <sub>7</sub>	p <sub>8</sub>	<b>p</b> 9
Bedienzeit:	2	2	6	3	4	3	3	4	1
verbleibende Bedienzeit:	0	2	4	1	4	1	3	0	1



Prozess:	$p_1$	p <sub>2</sub>	<b>p</b> <sub>3</sub>	p <sub>4</sub>	p <sub>5</sub>	p <sub>6</sub>	p <sub>7</sub>	p <sub>8</sub>	<b>p</b> <sub>9</sub>
Bedienzeit:	2	2	6	3	4	3	3	4	1
verbleibende Bedienzeit:	0	2	3	0	4	0	3	0	1



Kern<sub>3</sub>:

6

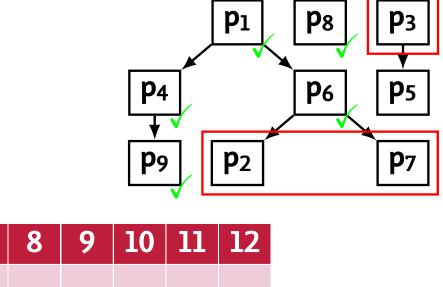
3

3

6

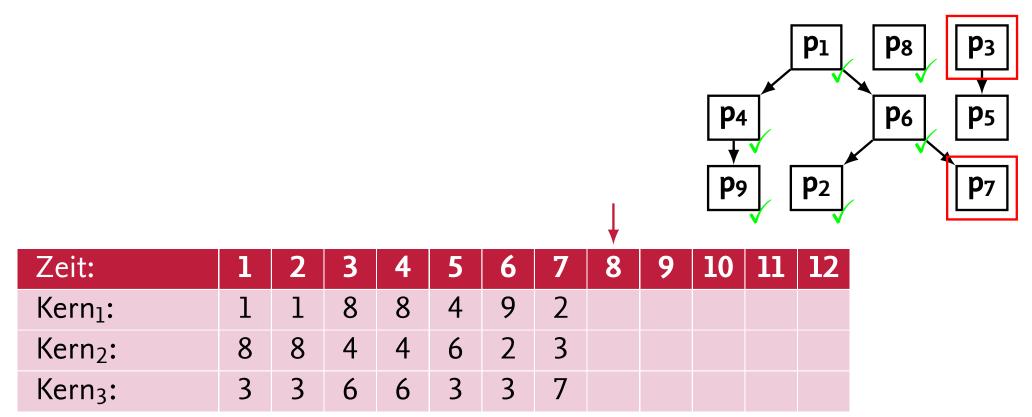
3

Prozess:	$p_1$	p <sub>2</sub>	<b>p</b> <sub>3</sub>	p <sub>4</sub>	<b>p</b> <sub>5</sub>	p <sub>6</sub>	p <sub>7</sub>	p <sub>8</sub>	p <sub>9</sub>
Bedienzeit:	2	2	6	3	4	3	3	4	1
verbleibende Bedienzeit:	0	1	2	0	4	0	3	0	0

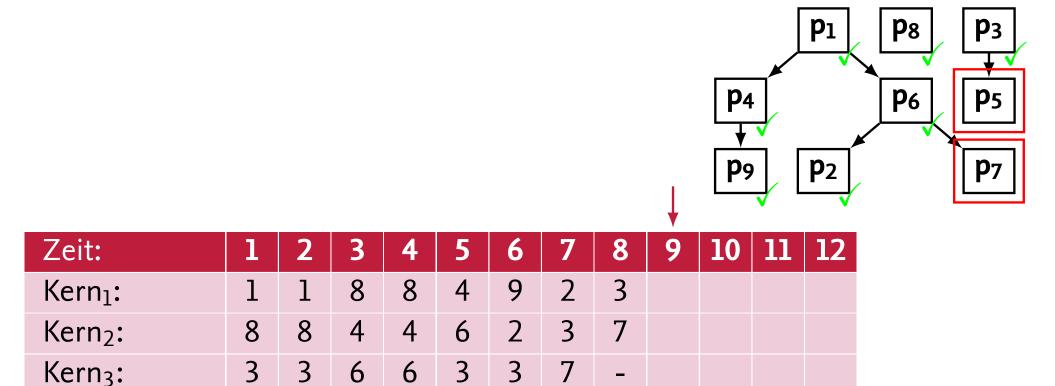


Zeit:	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
Kern <sub>1</sub> :	1	1	8	8	4	9						
Kern <sub>2</sub> :	8	8	4	4	6	2						
Kern <sub>3</sub> :	3	3	6	6	3	3						

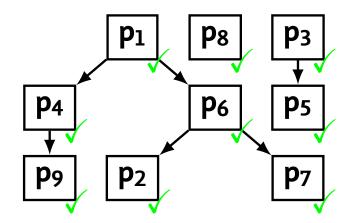
Prozess:	$p_1$	p <sub>2</sub>	<b>p</b> <sub>3</sub>	p <sub>4</sub>	<b>p</b> <sub>5</sub>	p <sub>6</sub>	p <sub>7</sub>	p <sub>8</sub>	p <sub>9</sub>
Bedienzeit:	2	2	6	3	4	3	3	4	1
verbleibende Bedienzeit:	0	0	1	0	4	0	2	0	0



Prozess:	$p_1$	p <sub>2</sub>	<b>p</b> <sub>3</sub>	p <sub>4</sub>	<b>p</b> <sub>5</sub>	p <sub>6</sub>	p <sub>7</sub>	p <sub>8</sub>	p <sub>9</sub>
Bedienzeit:	2	2	6	3	4	3	3	4	1
verbleibende Bedienzeit:	0	0	0	0	4	0	1	0	0



Prozess:	$p_1$	p <sub>2</sub>	<b>p</b> <sub>3</sub>	p <sub>4</sub>	<b>p</b> <sub>5</sub>	p <sub>6</sub>	p <sub>7</sub>	p <sub>8</sub>	<b>p</b> 9
Bedienzeit:	2	2	6	3	4	3	3	4	1
verbleibende Bedienzeit:	0	0	0	0	0	0	0	0	0



#### SRTF Vergabeplan (Lösung):

Zeit:	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
Kern <sub>1</sub> :	1	1	8	8	4	9	2	3	7	5	5	5
Kern <sub>2</sub> :	8	8	4	4	6	2	3	7	5	-	-	-
Kern <sub>3</sub> :	3	3	6	6	3	3	7	_	_	_	_	_

#### Übersicht

4.1 Notation von Vergabeplänen

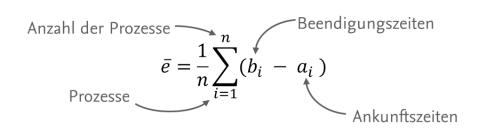
4.2 Gütekriterien für Vergabepläne

4.3 Anomalien von Scheduling-Verfahren



#### Gütekriterien

Mittlere Verweilzeit:



- Gesamtdurchlaufzeit  $t(S) = \max_{1 \le i \le n} \{b_i\}$
- Mittlere Anzahl unbeendeter Prozesse im System:

Gesamtdurchlaufzeit 
$$\overline{n} = \frac{1}{t(S)} \sum_{t=1}^{t(S)} n(t)$$
 aktive/wartende Prozesse

## Frage a)

- a) Berechnen Sie die
- mittlere Verweilzeit,
- die Gesamtdurchlaufzeit sowie
- die mittlere Anzahl unbeendeter Prozesse im System

für die Vergabepläne FCFS und SPN aus Aufgabe 4.1



Gütekriterien für FCFS Vergabeplan aus Aufgabe 4.1

Prozess:	$p_1$	p <sub>2</sub>	<b>p</b> <sub>3</sub>	p <sub>4</sub>	<b>p</b> <sub>5</sub>	p <sub>6</sub>	p <sub>7</sub>	p <sub>8</sub>
Ankunftszeit:	1	1	1	1	2	2	4	4

Zeit:	1	2	3	4	5	6	7	8
Kern <sub>1</sub> :	1	1	1	1	6	6	<u>6</u>	_
Kern <sub>2</sub> :	2	2	2	2	2	7	7	<u>7</u>
Kern <sub>3</sub> :	3	3	3	3	3	<u>3</u>	<u>8</u>	-
Kern <sub>4</sub> :	4	5	5	5	5	5	<u>5</u>	_
n(t)	4	5	5	7	6	5	4	1

$$\bar{e} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} (b_i - a_i)$$

$$= \frac{1}{8} ((4-1) + (5-1) + (6-1) + (1-1) + (7-2) + (7-2) + (8-4) + (7-4))$$

$$= \frac{1}{8} (3+4+5+0+5+5+4+3) = \frac{29}{8} = 3,625$$

Gütekriterien für FCFS Vergabeplan aus Aufgabe 4.1

Prozess:	$p_1$	p <sub>2</sub>	<b>p</b> <sub>3</sub>	p <sub>4</sub>	<b>p</b> <sub>5</sub>	p <sub>6</sub>	p <sub>7</sub>	p <sub>8</sub>
Ankunftszeit:	1	1	1	1	2	2	4	4

Zeit:	1	2	3	4	5	6	7	8
Kern <sub>1</sub> :	1	1	1	1	6	6	<u>6</u>	_
Kern <sub>2</sub> :	2	2	2	2	<u>2</u>	7	7	<u>7</u>
Kern <sub>3</sub> :	3	3	3	3	3	<u>3</u>	8	-
Kern <sub>4</sub> :	4	5	5	5	5	5	<u>5</u>	_
n(t)	4	5	5	7	6	5	4	1

$$t(S) = \max_{1 \leq i \leq n} \{b_i\} = \mathbf{8}$$

$$\overline{n} = \frac{1}{t(S)} \sum_{t=1}^{t(S)} n(t) = \frac{1}{8} (4+5+5+7+6+5+4+1) = \frac{37}{8} = 4,625$$



#### Gütekriterien für SPN Vergabeplan aus Aufgabe 4.1

Prozess:	$p_1$	p <sub>2</sub>	<b>p</b> <sub>3</sub>	p <sub>4</sub>	<b>p</b> <sub>5</sub>	p <sub>6</sub>	p <sub>7</sub>	p <sub>8</sub>
Ankunftszeit:	1	1	1	1	2	2	4	4

Zeit:	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
Kern <sub>1</sub> :	4	6	6	<u>6</u>	<u>8</u>	5	5	5	5	5	<u>5</u>
Kern <sub>2</sub> :	1	1	1	1	7	7	<u>7</u>	_	_	-	_
Kern <sub>3</sub> :	2	2	2	2	<u>2</u>	_	_	_	-	_	-
Kern <sub>4</sub> :	3	3	3	3	3	<u>3</u>	-	_	-	_	-
n(t)	4	5	5	7	5	3	2	1	1	1	1

$$\bar{e} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} (b_i - a_i)$$

$$= \frac{1}{8} ((4-1) + (5-1) + (6-1) + (1-1) + (11-2) + (4-2) + (7-4) + (5-4))$$

$$= \frac{1}{8} (3+4+5+0+9+2+3+1) = \frac{27}{8} = 3,375$$



#### Gütekriterien für SPN Vergabeplan aus Aufgabe 4.1

Prozess:	$p_1$	p <sub>2</sub>	<b>p</b> <sub>3</sub>	p <sub>4</sub>	<b>p</b> <sub>5</sub>	p <sub>6</sub>	p <sub>7</sub>	p <sub>8</sub>
Ankunftszeit:	1	1	1	1	2	2	4	4

Zeit:	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
Kern <sub>1</sub> :	4	6	6	<u>6</u>	<u>8</u>	5	5	5	5	5	<u>5</u>
Kern <sub>2</sub> :	1	1	1	1	7	7	<u>7</u>	-	_	_	_
Kern <sub>3</sub> :	2	2	2	2	<u>2</u>	_	_	_	_	_	-
Kern <sub>4</sub> :	3	3	3	3	3	<u>3</u>	_	-	_	_	_
n(t)	4	5	5	7	5	3	2	1	1	1	1

$$t(S) = \max_{1 \leq i \leq n} \{b_i\} = \mathbf{11}$$

$$\overline{n} = \frac{1}{t(S)} \sum_{t=1}^{t(S)} n(t) = \frac{1}{11} (4+5+5+7+5+3+2+1+1+1+1) = \frac{35}{11} \approx 3,18$$



#### 4.2 Gütekriterien für Vergabepläne b)

b) Welche Besonderheiten fallen Ihnen auf, wenn Sie sich das Ergebnis aus Aufgabe 4.2 a) anschauen?

- FCFS-Schedule:
  - $\bar{e} = 3,625$
  - $\overline{n} = 4,625$
  - t(S) = 8

- SPN-Schedule:
  - $\bar{e} = 3,375$
  - $\overline{n} \approx 3,18$
  - t(S) = 11

## 4.2 Gütekriterien für Vergabepläne b)

b) Welche Besonderheiten fallen Ihnen auf, wenn Sie sich das Ergebnis aus Aufgabe 4.2 a) anschauen?

- FCFS-Schedule:
  - $\bar{e} = 3,625$
  - $\overline{n} = 4,625$
  - t(S) = 8

- SPN-Schedule:
  - $\bar{e} = 3,375$
  - $\overline{n} \approx 3,18$
  - $\overline{t(S)} = 11$

- Ergebnis:
  - Das SPN-Scheduling arbeitet effizienter als das FCFS-Scheduling
  - Aber es besteht die Gefahr, dass langlaufende Prozesse "verhungern"

#### 4.2 Gütekriterien für Vergabepläne c)

c) Welche Scheduling-Verfahren optimieren die mittlere Verweilzeit?

$$lacksquare \overline{e} = rac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} (b_i - a_i)$$

- ē wird optimiert indem <u>kurze Prozesse</u> bevorzugt werden
  - Shortest Process Next (SPN)
  - Shortest Remaining Time First (SRFT)

#### 4.2 Gütekriterien für Vergabepläne d)

#### d) Welche Scheduling-Verfahren optimieren die Gesamtdurchlaufzeit?

- Bei systematischer Vorgehensweise kann dies am ehesten durch ein Verteilen langlaufender Prozesse zu Verarbeitungsbeginn erreicht werden
- Abhängig von Präzedenzgraphen oder Ankunftzeiten
  - → Keine allgemeine Aussage möglich
  - Präemptive und prioritätsbasierte Scheduling-Verfahren liefern jedoch oft gute Ergebnisse

#### 4.2 Gütekriterien für Vergabepläne e)

- e) Welche Scheduling-Verfahren optimieren die mittlere Anzahl unbeendeter Prozesse im System?
  - Je mehr Prozesse früher beenden, desto weniger aktive Prozesse befinden sich im System
- Verfahren die kurze Prozesse bevorzugen sind hier von Vorteil
  - Shortest Process Next (SPN)
  - Shortest Remaining Time First (SRFT)



#### Übersicht

4.1 Notation von Vergabeplänen

4.2 Gütekriterien für Vergabepläne

4.3 Anomalien von Scheduling-Verfahren



#### a) Präzedenzgraph

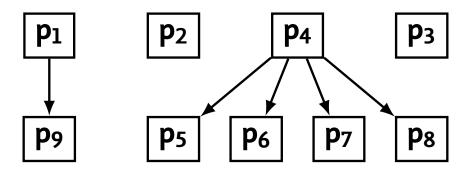
#### a) Zeichnen Sie den Präzedenzgraphen

■ p<sub>9</sub> kann erst nach p<sub>1</sub> gestartet werden und p<sub>5</sub>, p<sub>6</sub>, p<sub>7</sub> und p<sub>8</sub> können erst nach p<sub>4</sub> gestartet werden.

#### a) Präzedenzgraph

#### a) Zeichnen Sie den Präzedenzgraphen

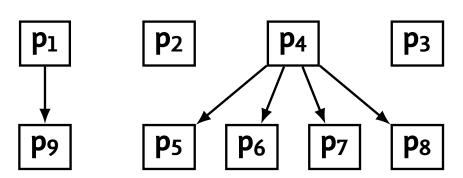
■ p<sub>9</sub> kann erst nach p<sub>1</sub> gestartet werden und p<sub>5</sub>, p<sub>6</sub>, p<sub>7</sub> und p<sub>8</sub> können erst nach p<sub>4</sub> gestartet werden.



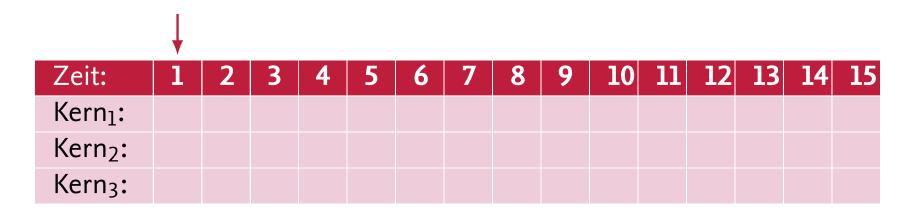
#### b) Gantt-Diagramme

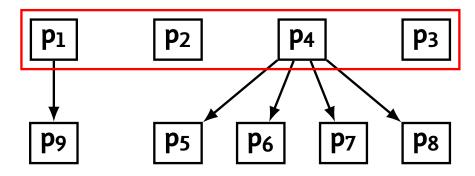
# b) Zeichnen Sie die Gantt-Diagramme für ein FCFS-Vergabeplan und folgende Fälle

- 1. m=3 Prozessoren
- 2. m=4 Prozessoren
- 3. m=3 Prozessoren, verkürzte Ausführungszeit



Prozess:	p <sub>1</sub>	<b>p</b> <sub>2</sub>	<b>p</b> <sub>3</sub>	<b>p</b> <sub>4</sub>	<b>p</b> <sub>5</sub>	p <sub>6</sub>	<b>p</b> <sub>7</sub>	p <sub>8</sub>	<b>p</b> <sub>9</sub>
Bedienzeit:	3	2	2	2	4	4	4	4	10

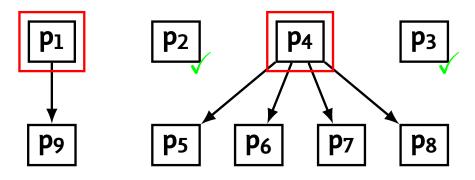




Prozess:	p <sub>1</sub>	p <sub>2</sub>	<b>p</b> <sub>3</sub>	<b>p</b> <sub>4</sub>	<b>p</b> <sub>5</sub>	p <sub>6</sub>	<b>p</b> <sub>7</sub>	p <sub>8</sub>	<b>p</b> 9
Bedienzeit:	3	2	2	2	4	4	4	4	10

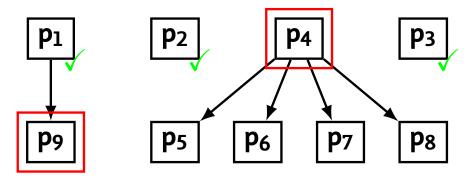


			<b>↓</b>												
Zeit:	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
Kern <sub>1</sub> :	1	1	1												
Kern <sub>2</sub> :	2	2													
Kern <sub>3</sub> :	3	3													



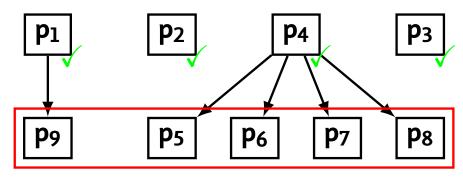
Prozess:	<b>p</b> 1	p <sub>2</sub>	<b>p</b> <sub>3</sub>	<b>p</b> <sub>4</sub>	<b>p</b> <sub>5</sub>	p <sub>6</sub>	<b>p</b> <sub>7</sub>	p <sub>8</sub>	<b>p</b> 9
Bedienzeit:	3	2	2	2	4	4	4	4	10

				<b>↓</b>											
Zeit:	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
Kern <sub>1</sub> :	1	1	1												
Kern <sub>2</sub> :	2	2	4	4											
Kern <sub>3</sub> :	3	3	-												



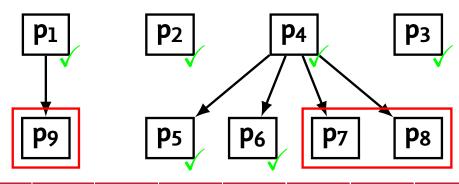
Prozess:	p <sub>1</sub>	p <sub>2</sub>	<b>p</b> <sub>3</sub>	<b>p</b> <sub>4</sub>	<b>p</b> <sub>5</sub>	p <sub>6</sub>	<b>p</b> <sub>7</sub>	p <sub>8</sub>	<b>p</b> 9
Bedienzeit:	3	2	2	2	4	4	4	4	10

					<b>↓</b>										
Zeit:	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
Kern <sub>1</sub> :	1	1	1	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9		
Kern <sub>2</sub> :	2	2	4	4											
Kern <sub>3</sub> :	3	3	-	-											



Prozess:	<b>p</b> 1	p <sub>2</sub>	<b>p</b> <sub>3</sub>	<b>p</b> <sub>4</sub>	<b>p</b> <sub>5</sub>	p <sub>6</sub>	<b>p</b> <sub>7</sub>	p <sub>8</sub>	p <sub>9</sub>
Bedienzeit:	3	2	2	2	4	4	4	4	10

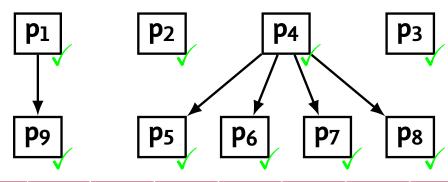
									<b>\</b>						
Zeit:	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
Kern <sub>1</sub> :	1	1	1	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9		
Kern <sub>2</sub> :	2	2	4	4	5	5	5	5							
Kern <sub>3</sub> :	3	3	-	-	6	6	6	6							



Prozess:	p <sub>1</sub>	p <sub>2</sub>	<b>p</b> <sub>3</sub>	<b>p</b> 4	<b>p</b> <sub>5</sub>	P <sub>6</sub>	<b>p</b> <sub>7</sub>	p <sub>8</sub>	p <sub>9</sub>
Bedienzeit:	3	2	2	2	4	4	4	4	10

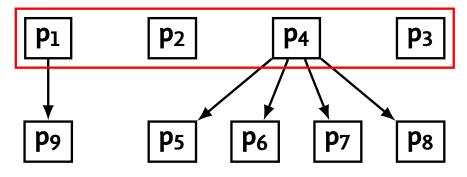
#### Gesamtdurchlaufzeit: t(S) = 13

Zeit:	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
Kern <sub>1</sub> :	1	1	1	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	-	-
Kern <sub>2</sub> :	2	2	4	4	5	5	5	5	7	7	7	7	-	-	-
Kern <sub>3</sub> :	3	3	_	_	6	6	6	6	8	8	8	8	_	-	-



Prozess:	p <sub>1</sub>	p <sub>2</sub>	<b>p</b> <sub>3</sub>	<b>p</b> <sub>4</sub>	<b>p</b> <sub>5</sub>	p <sub>6</sub>	<b>p</b> <sub>7</sub>	p <sub>8</sub>	p <sub>9</sub>
Bedienzeit:	3	2	2	2	4	4	4	4	10

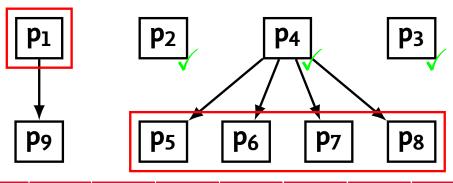
	<b>\</b>															
Zeit:	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16
Kern <sub>1</sub> :																
Kern <sub>2</sub> :																
Kern <sub>3</sub> :																
Kern <sub>4</sub> :																



Prozess:	p <sub>1</sub>	p <sub>2</sub>	<b>p</b> <sub>3</sub>	<b>p</b> <sub>4</sub>	<b>p</b> <sub>5</sub>	p <sub>6</sub>	<b>p</b> <sub>7</sub>	p <sub>8</sub>	<b>p</b> 9
Bedienzeit:	3	2	2	2	4	4	4	4	10

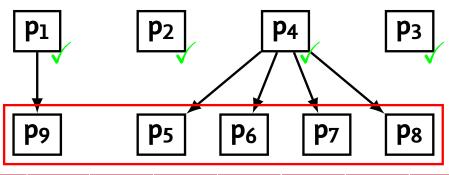


			<b>\</b>													
Zeit:	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16
Kern <sub>1</sub> :	1	1	1													
Kern <sub>2</sub> :	2	2														
Kern <sub>3</sub> :	3	3														
Kern <sub>4</sub> :	4															



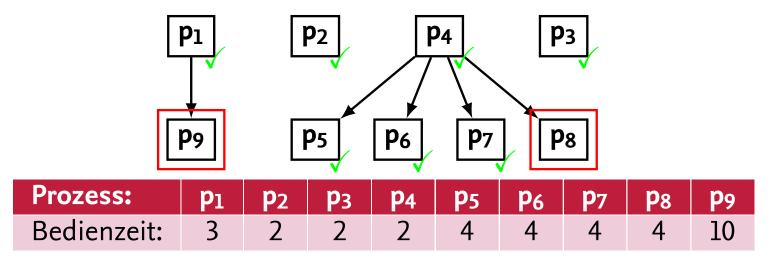
Prozess:	<b>p</b> 1	p <sub>2</sub>	<b>p</b> <sub>3</sub>	<b>p</b> 4	<b>p</b> 5	p <sub>6</sub>	<b>p</b> <sub>7</sub>	p <sub>8</sub>	<b>p</b> 9
Bedienzeit:	3	2	2	2	4	4	4	4	10

				<b>V</b>												
Zeit:	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16
Kern <sub>1</sub> :	1	1	1													
Kern <sub>2</sub> :	2	2	5	5	5	5										
Kern <sub>3</sub> :	3	3	6	6	6	6										
Kern <sub>4</sub> :	4	4	7	7	7	7										



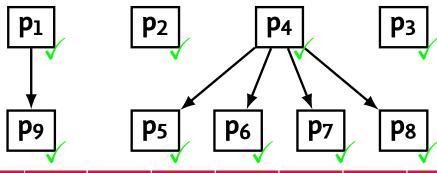
Prozess:	p <sub>1</sub>	p <sub>2</sub>	<b>p</b> <sub>3</sub>	<b>p</b> <sub>4</sub>	<b>p</b> <sub>5</sub>	p <sub>6</sub>	<b>p</b> <sub>7</sub>	p <sub>8</sub>	<b>p</b> 9
Bedienzeit:	3	2	2	2	4	4	4	4	10

							<b>\</b>									
Zeit:	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16
Kern <sub>1</sub> :	1	1	1	8	8	8	8									
Kern <sub>2</sub> :	2	2	5	5	5	5										
Kern <sub>3</sub> :	3	3	6	6	6	6										
Kern <sub>4</sub> :	4	4	7	7	7	7										

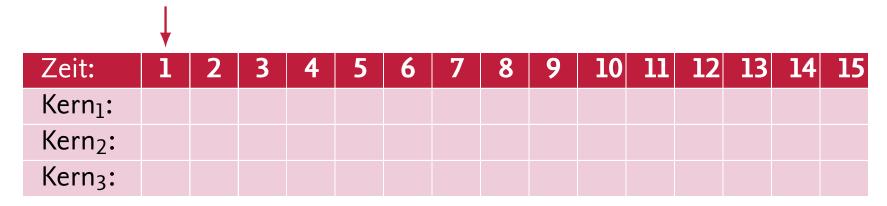


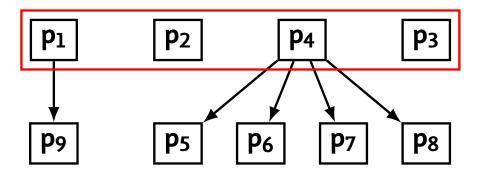
#### Gesamtdurchlaufzeit: t(S) = 16

Zeit:	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16
Kern <sub>1</sub> :	1	1	1	8	8	8	8	_	-	_	-	-	_	-	-	-
Kern <sub>2</sub> :	2	2	5	5	5	5	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9
Kern <sub>3</sub> :	3	3	6	6	6	6	_	-	-	-	-	-	-	-	-	-
Kern <sub>4</sub> :	4	4	7	7	7	7	-	-	-	-	-	_	-	-	-	-



Prozess:	p <sub>1</sub>	p <sub>2</sub>	<b>p</b> <sub>3</sub>	<b>p</b> <sub>4</sub>	<b>p</b> <sub>5</sub>	P <sub>6</sub>	<b>p</b> <sub>7</sub>	p <sub>8</sub>	<b>p</b> 9
Bedienzeit:	3	2	2	2	4	4	4	4	10

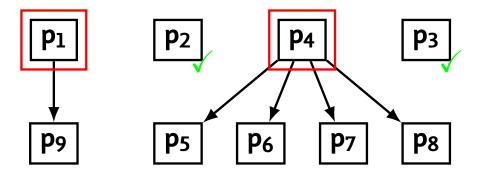




Prozess:	<b>p</b> 1	p <sub>2</sub>	<b>p</b> <sub>3</sub>	<b>p</b> <sub>4</sub>	<b>p</b> 5	P <sub>6</sub>	<b>p</b> <sub>7</sub>	p <sub>8</sub>	<b>p</b> 9
Bedienzeit:	2	1	1	1	3	3	3	3	9



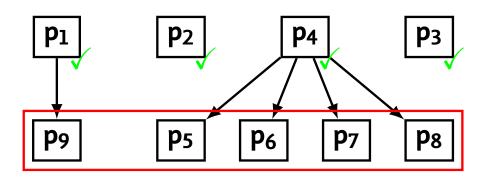
		<b>\</b>													
Zeit:	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
Kern <sub>1</sub> :	1	1													
Kern <sub>2</sub> :	2														
Kern <sub>3</sub> :	3														



Prozess:	<b>p</b> 1	p <sub>2</sub>	<b>p</b> <sub>3</sub>	<b>p</b> <sub>4</sub>	<b>p</b> 5	P <sub>6</sub>	<b>p</b> <sub>7</sub>	p <sub>8</sub>	<b>p</b> 9
Bedienzeit:	2	1	1	1	3	3	3	3	9



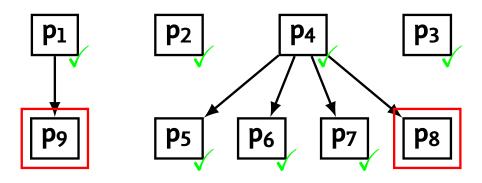
			<b>\</b>												
Zeit:	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
Kern <sub>1</sub> :	1	1													
Kern <sub>2</sub> :	2	4													
Kern <sub>3</sub> :	3	_													



Prozess:	<b>p</b> 1	p <sub>2</sub>	<b>p</b> <sub>3</sub>	<b>p</b> <sub>4</sub>	<b>p</b> <sub>5</sub>	p <sub>6</sub>	<b>p</b> <sub>7</sub>	p <sub>8</sub>	<b>p</b> 9
Bedienzeit:	2	1	1	1	3	3	3	3	9



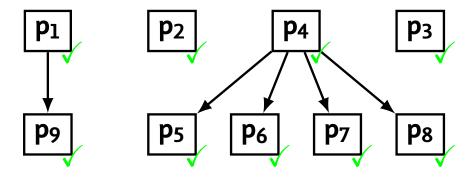
						<b>\</b>									
Zeit:	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
Kern <sub>1</sub> :	1	1	5	5	5										
Kern <sub>2</sub> :	2	4	6	6	6										
Kern <sub>3</sub> :	3	-	7	7	7										



Prozess:	p <sub>1</sub>	p <sub>2</sub>	<b>p</b> <sub>3</sub>	<b>p</b> 4	<b>p</b> 5	P <sub>6</sub>	<b>p</b> <sub>7</sub>	p <sub>8</sub>	p <sub>9</sub>
Bedienzeit:	2	1	1	1	3	3	3	3	9

Gesamtdurchlaufzeit: t(S) = 14

Zeit:	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
Kern <sub>1</sub> :	1	1	5	5	5	8	8	8	_	_	-	-	-	_	-
Kern <sub>2</sub> :	2	4	6	6	6	9	9	9	9	9	9	9	9	9	-
Kern <sub>3</sub> :	3	-	7	7	7	-	-	-	-	_	-	_	-	_	-



Prozess:	p <sub>1</sub>	p <sub>2</sub>	<b>p</b> <sub>3</sub>	<b>p</b> 4	<b>p</b> 5	p <sub>6</sub>	<b>p</b> <sub>7</sub>	p <sub>8</sub>	<b>p</b> 9
Bedienzeit:	2	1	1	1	3	3	3	3	9

#### Anomalien von Scheduling-Verfahren c)

- c) Wenn Sie die Fälle 2 und 3 mit 1 vergleichen, was fällt auf?
  - Gesamtdurchlaufzeiten
    - 1. 3 Kerne: t(S) = 13
    - 2. 4 Kerne:  $t(S) = 16 \leftarrow Anomalie$
    - 3. Verkürzt:  $t(S) = 14 \leftarrow Anomalie$

#### **Anomalien:**

Obwohl mehr Rechenkapazität zur Verfügung steht oder weniger Last zu bewältigen ist, kann die Gesamtlaufzeit steigen!

- → Scheduler arbeiten nicht intuitiv
- → Kritisch, wenn Deadlines einzuhalten sind → Echtzeitsysteme



# Vielen Dank für Ihre Aufmerksamkeit! Fragen?