

》 哈爾濱二葉大學

第34讲假设检验的基本概念









假设检验的基本概念



由样本到总体的推理称为统计推断. 英国统计学家费希尔认为常用的统计推断有三种基本形式,它们是

- ☺ 抽样分布;(第31讲)
- ◎ 参数估计; (第32和33讲)
- ◎ 假设检验. (第34-36讲)

假设检验的基本概念

这一讲讨论不同于参数估计的另一类重要的统计推断问题一假设检验. 就是根据样本的信息检验关于总体的某个假设是否正确.

假设检验

参数假设检验

总体分布已知, 检验关于未知 参数的某个假设

非参数假设检验

总体分布未知时 的假设检验问题

假设检验的基本概念

例1 某药厂生产一种抗生素,已知在正常生产条件下,每瓶抗生素的某项主要指标服从均值为23.0的正态分布.某日开工后,测得5瓶的数据如下: 22.3,21.5,22,21.8,21.4,问该日生产是否正常?



用X表示每瓶抗生素的某项主要指标, $X \sim N(\mu, \sigma^2)$,问题: 检验 μ =23是否成立.

参数假设检验



例2 在一实验中,每隔一定时间观察一次由某种铀所放射的到达计数器上的 α 粒子数X,共观察了100次,数据如下

α粒子数	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	≥12
观察次数	1	5	16	17	26	11	9	9	2	1	2	1	0

上述实验数据与X服从泊松分布的理论结果是 否相符? 非参数假设检验



在假设检验中,常把一个被检验的假设用 H_0 表示,称为原假设或零假设,而其对立面称为备择假设或对立假设,用 H_1 表示.

在例1中,
$$H_0$$
 μ =23, H_1 $\mu \neq 23$,或 $\mu < 23$,或 $\mu > 23$.

只含一个参数的假设称为简单假设,如上面的 H_0 ,否则称为复合假设,如 H_1 .



原假设的选取:依据科学背景,惯例,方便性.一般选择与标准一致或与以往经验一致. 拒绝原假设说明有较强的理由支持备择假设.

在例1中, H_0 μ =23, H_1 $\mu \neq 23$,



在对 H_0 的检验中,需要从样本出发,建立一个法则,有了样本值,利用所制定的法则,就可作出是接受还是拒绝 H_0 的结论. 这种法则称为一个检验.

只提出一个统计假设,而且也仅判断这一个假设是否成立,这类假设检验称为<mark>显著性检验</mark>.

假设检验的基本思想

在例1中,设X表示每瓶抗生素的某项主要指标,

 $X \sim N(\mu, \sigma^2)$, 当生产比较稳定时, σ 是一个常数.

检验假设: H_0 μ =23, H_1 $\mu \neq 23$,如何判断原假设 H_0 是否成立呢?

 \bar{X} 是 μ 的无偏估计量,可以用 $|\bar{X}-23|$ 来判定 H_0 是否成立.

当
$$|\bar{X}-23| \ge c$$
, 拒绝原假设 H_0 ; 当 $|\bar{X}-23| < c$, 接受原假设 H_0 ;



问题的关键:常数c如何确定呢? 这里用到人们在实践中普遍采用的一个原则: (也称为小概率原理)

> 小概率事件在一次试 验中基本上不会发生

作为拒绝假设 H_0 依据. 下面我们用一例子说明这个原则.



现有一个罐,装有红球和白球 共100个,两种球一种有99个, 另一种有1个,问这个罐里是白 球99个还是红球99个?



现在我们从中随机摸出一个球,发现是



此时你如何判断这个假设是否成立呢?





假设其中真有99个白球,摸 出红球的概率只有1/100,这 是小概率事件.

小概率事件在一次试验中竟然发生了,不能不使人怀疑所作的假设. 从而拒绝假设. 这个例子中所使用的推理方法,可以称为

带概率性质的反证法



它不同于一般的反证法

一般的反证法要求在原假设成立的条件下 导出的结论是绝对成立的,如果事实与之矛 盾,则完全绝对地否定原假设.

概率反证法的逻辑是:如果小概率事件在一次试验中发生,我们就以很大的把握拒绝原假设.



假设检验的基本思想

先假设 H_0 是正确的,在此假定下,构造一个概率不超过 $\alpha(0 < \alpha < 1)$ 的小概率事件A,如果经过一次抽样检验,事件A出现,则拒绝 H_0 ,否则接受 H_0 . α 称为显著性水平.

常取 $\alpha = 0.1$, $\alpha = 0.01$, $\alpha = 0.05$ 等.



小概率原理

小概率事件在一次试 验中基本上不会发生

不是一定不发生

假设检验的两类错误



	真实情况					
决定	H_0 为真	H_0 不真				
由样本拒绝H ₀	第一类错误	正确				
由样本接受H ₀	正确	第二类错误				

第一类错误: 拒绝了真实的原假设(弃真)

第二类错误:接受了错误的原假设(取伪)



 $P(犯第一类错误) = P(拒绝H₀|H₀为真)=\alpha$,

P(犯第二类错误) = P(接受 $H_0|H_0$ 不真 $) = \beta$.

两类错误是互相制约的,当样本容量固定时,一类错误概率的减少导致另一类错误概率的增加.

通常选定显著性水平 $\alpha(0<\alpha<1)$,对固定的n和 α 建立检验法则,使犯第一类错误的概率不大于 α .



谢 谢!