



PRUEBA - Operatoria de números complejos

NOMBRE	PUNTAJE	NOTA
	/ 34	

Objetivo

- Describir números complejos en su binomial o como par ordenado.
- Resolver y reducir expresiones que involucran operatoria básica entre números complejos.
- Calcular el módulo de un número complejo.
- Ubicar un número complejo en el plano de Argand.

Instrucciones generales

Tiene 1 hora y 30 minutos para responder la evaluación. Esta es individual y debe usar solo sus materiales personales para trabajar durante este periodo, no los solicite a un compañero durante la evaluación.

I. Opciones múltiples

Instrucciones

Lea atentamente cada enunciado y escoja la alternativa correcta en cada caso.

Criterios de evaluación

En la corrección de esta sección, se asignará 2 puntos al marcar la alternativa correcta. Las alternativas corregidas serán consideradas incorrectas, es decir, marque solo una alternativa por enunciado.

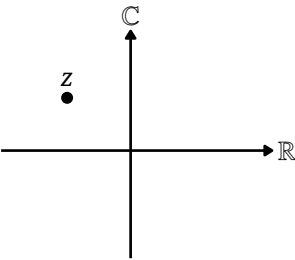
1 La suma de la parte real e imaginaria del número $3 - 2i$ es:

- a) 1
- b) i
- c) 5
- d) $3 - 2i$
- e) -1

2 Para $x > 2$, la representación del número $\sqrt{x - 2}$ como par ordenado es:

- a) $(\sqrt{x - 2}, 0)$
- b) $(0, \sqrt{x - 2})$
- c) $(2, x)$
- d) $(\sqrt{x - 2}, \sqrt{x - 2})$
- e) $(-\sqrt{x - 2}, 0)$

3 Respecto del número complejo que aparece en la imagen, es correcto afirmar que:



- I. Solo tiene parte real.
- II. Su parte real es positiva.
- III. Su parte imaginaria es positiva.

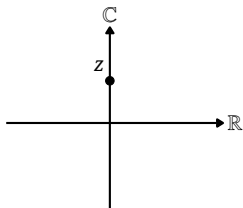
- a) Solo I.
- b) Solo II.
- c) Solo III.
- d) Solo I y II.
- e) I, II y III.

4 El valor de i^{2019} es:

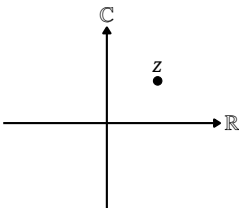
- a) 3
- b) 1
- c) i
- d) $-i$
- e) -1

5 Para $x < 3$, la representación del número $\sqrt{x-3}$ en el plano de Argand es:

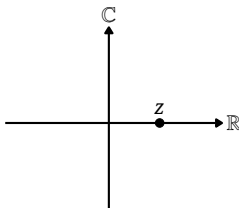
a)



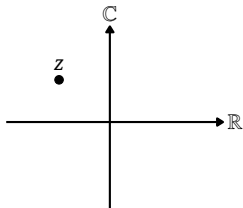
b)



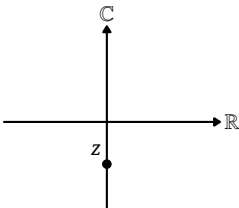
c)



d)



e)



6 La representación en el plano de Argand de un número complejo se encuentra en el tercer cuadrante. Entonces, es correcto afirmar que:

- I. Su parte imaginaria es positiva.
- II. Su parte real es negativa.
- III. El resultado de la multiplicación entre su parte real y su parte imaginaria es positiva.

- a) Solo I.
- b) Solo II.
- c) Solo III.
- d) Solo II y III.
- e) I, II y III.

7 Si $z = 1 + i$ y $w = 3i - 2$, ¿cuáles de las siguientes afirmaciones es correcta?

- I. $|z| = \sqrt{2}$
- II. $|z + w| \leq |z| + |w|$
- III. $|z \cdot w| = |z| \cdot |w|$

- a) Solo I.
- b) Solo II.
- c) Solo III.
- d) Solo II y III.
- e) I, II y III.

8 Si el módulo de un número complejo es tal que $|z| = 5$ y su parte real es 4, se puede decir sobre su parte imaginaria que:

- I. $\text{Im}(z) = 3$
- II. $\text{Im}(z) = -3$
- III. $\text{Im}(z) = \pm 3i$

- a) Solo I.
- b) Solo II.
- c) Solo III.
- d) Solo I y II.
- e) Solo I y III.

9 ¿Cuáles de los siguientes números es (son) solución(es) de la ecuación cuadrática $x^2 + x + 1 = 0$?

- I. $-\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$
- II. $-\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i$
- III. $\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$

- a) Solo I.
- b) Solo II.
- c) Solo III.
- d) Solo I y II.
- e) Solo II y III.

10 Si $z = 3i - 5$, la expresión $2z + 3iz - z - 4iz$ es:

- a) $-iz$
- b) z
- c) $4i$
- d) $3i + 6$
- e) $8i - 2$

11 La parte imaginaria de la expresión $(i - 1)(i + 1)(2i - 1)(2i + 1)$ es:

- a) 0
- b) -6
- c) 6
- d) -1
- e) 1

12 Si $z = 3i - 1$, ¿cuál es el valor de la expresión $z^3 - z$?

- a) $-18 - 12i$
- b) $27 + 21i$
- c) $27 - 21i$
- d) $-27 - 21i$
- e) $9 - 22i$

- 13 El número $(i^{36} - i^{54})^2$ es equivalente a:
- a) 2
 - b) 0
 - c) $2i$
 - d) 4
 - e) $-2i$

- 14 La expresión $(2i)^{28}$ es:
- a) $(-i)^{28}$
 - b) 2^{28}
 - c) i^{28}
 - d) 4^{28}
 - e) -2^{28}

II. Preguntas abiertas

Instrucciones

Lea atentamente el enunciado de cada pregunta, considere los datos entregados y responda a la problemática planteada, explicando y detallando claramente su proceso y resultados.

Criterios de evaluación

En la corrección de esta sección, cada pregunta tiene 3 puntos y se asignará el puntaje de cada una según los siguientes criterios:

Puntaje asignado	Criterios o indicadores
+50%	Señala clara y correctamente cuál es la solución o el resultado de la pregunta hecha en el enunciado.
+50%	Incluye un desarrollo que relata de manera clara y ordenada los procedimientos necesarios para solucionar la problemática. En caso de estar incompleto o con errores el desarrollo, se asignará puntaje parcial si se muestra dominio de los contenidos y conceptos involucrados.
0%	La respuesta es incorrecta. De haber desarrollo, este tiene errores conceptuales.



15 ¿Qué valor(s) de k permite(n) que para el número complejo z se cumpla que $Re(z) + Im(z) = 5$?

con $z = \left(\frac{4}{k} + 1\right) + (-k + 1)i$

16 ¿Cuál o cuáles son los números complejos que tienen como parte real el doble de su parte imaginaria y su módulo tiene el valor de $\sqrt{45}$?