

**Para cada uma das projeções, quais os valores que ficam nas matrizes mModel, mView e mProjection?**

### **mModel**

Matriz identidade em todas as projeções (`mat4()`).

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

### **mView**

### **Projeções ortogonais**

| Alçado Principal   | Planta  | Alçado Lateral Direito  |
|--|---|---|
| $\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$ | $\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$ | $\begin{bmatrix} 0 & 0 & -1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$ |
| <code>mat4()</code>  | <code>rotateX(90)</code>  | <code>rotateY(-90)</code>   |

## Projeções axonométricas

Isometria: `axonometricMatrix(30,30)`

$$\begin{bmatrix} 0.707 & 0 & -0.707 & 0 \\ -0.408 & 0.816 & -0.408 & 0 \\ 0.577 & 0.577 & 0.577 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Dimetria: `axonometricMatrix(42,7)`

$$\begin{bmatrix} 0.938 & 0 & -0.346 & 0 \\ -0.115 & 0.943 & -0.312 & 0 \\ 0.327 & 0.332 & 0.885 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Trimetria: `axonometricMatrix(54.27, 23.27)`

$$\begin{bmatrix} 0.874 & 0 & -0.486 & 0 \\ -0.376 & 0.634 & -0.676 & 0 \\ 0.308 & 0.773 & 0.554 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

## Projeções Oblíquas

| Cavaleira  | Gabinete   |
|--|--|
| $\begin{bmatrix} 1 & 0 & -0.707 & 0 \\ 0 & 1 & -0.707 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$ | $\begin{bmatrix} 1 & 0 & -0.353 & 0 \\ 0 & 1 & -0.353 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$ |
| <code>obliqueMatrix(1, 45)</code>  | <code>obliqueMatrix(0.5, 45)</code>  |

**Projeção perspectiva:** `perspectiveMatrix(d)`

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -\frac{1}{d} & 1 \end{bmatrix}$$

## mProjection

A matriz é a mesma em todas as projeções:

```
mult(ortho(-1*aspectRatio, 1*aspectRatio, -1, 1, 10, -10),
scalem(zoom, zoom, 1))
```

## Onde/Como fazem o ajuste da escala (manipulada com o scroll)?

Para este fim, criamos um event listener para scroll no canvas, de modo que este chame a função `zoomCanvas(e)`. Esta função determina o valor do zoom que será usado para fazer o ajuste da escala no canvas. Na função `updateCanvas()`, o ajuste de escala é feito multiplicando a matriz ortogonal pela matriz de escala, com o valor do zoom corrente em  $x$  e  $y$ , na `mProjection`.

## Onde/Como tratam de efetuar o ajuste para que não haja deformação quando se redimensiona a janela?

Mais uma vez, criamos um event listener para redimensionar a janela, de modo a chamar a função `updateCanvas()`. Nesta função, define-se o comprimento do canvas igual ao comprimento da janela e a largura igual a 60% da largura da janela. Depois da atribuição dos tamanhos do canvas, calcula-se o aspect ratio desse. O aspect ratio será usado como valor para os parâmetros `left` e `right` da matriz ortogonal.

## Quais os limites que definiram para cada um dos parâmetros de cada projeção?

| Axonométrica | Oblíqua             | Perspetiva |
|--------------|---------------------|------------|
| A: 0 -> 360  | l: 0 -> 5           | d: 2 -> 5  |
| B: 0 -> 360  | $\alpha$ : 0 -> 360 |            |

## Observações:

Neste projeto, apesar de não ser necessário, decidimos criar um programa só para a Superfície Quádrica, tendo em conta a queda de desempenho considerável num dos nossos computadores, além de ser a opção mais eficiente. O código do respetivo vertex shader está incluído no ficheiro `html`.