# Reading Report: Statistical Pattern Recognition A Review

IIIC51502, CY Chingyao Fu, NTUT Sep 2023

### 1 Introduction

五歲的孩子大多數都能識別數字和字母。圖型識別是研究機器如何觀察環境、學習將感興趣的圖型與其背景區分開來,並判斷圖型。儘管經過近50年的研究,通用機器圖型辨識器的設計仍然是一個難以實現的目標。

#### **I.I** 什麼是圖型識別?

自動(機器)識別、描述、分類和圖型分組是工程和科學學科中的重要議題。例如,圖案可以是指紋圖像、手寫草書字、人臉或語音訊號。其識別/分類有兩種:(1)Supervised classification(e.g., discriminant analysis),判斷結果為預定義的類別,(2)Unsupervised classification(e.g., clustering),判斷結果圖型是未知的類別。

### I.2 模板比對

模板比對是一種最簡單和最早的圖型識別方法。在模板比對中,使用存儲的模板(通常為2D形狀)或原型,比對要識別的圖型,同時考慮所有的姿態(平移和旋轉)和比例變化。

### I.3 統計分析

在統計方法中,每個圖型都有d 個特徵,表示為d 維空間中的點。目標是分離佔據d 維特徵空間中緊凑且不相交 區域的特徵。

### I.4 語法分析

在許多涉及複雜圖型的識別問題中,更適合採用結構化拆分的方式來觀察,其中圖型被視為由相對簡單的子圖型組成,而相對簡單的子圖型本身是由更相對簡單的子圖型建構。

### 1.5 神經網路

神經網路可以被視為大規模平行運算系統,由大量具有許多互連的簡單處理器組成。神經網路的主要特徵是能夠學習複雜的非線性輸入輸出關係,使用一序列的訓練流程來適應不同的資料。

### 2 統計圖像識別

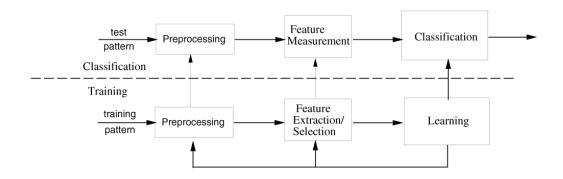


Figure 1: Model for statistical pattern recognition.

在統計圖型辨識中,圖型由一組d 個特徵表示,被視為d 維特徵向量。利用統計決策理論中的概念來建立圖型類別之間的決策邊界。辨識系統以兩種圖型運作:訓練(學習)和分類(測試)。(見Figure I)

預處理模組的作用是從背景中分割感興趣的圖案、去除雜訊、標準化圖案以及有助於定義圖案的緊湊表示的任何其他操作。

在訓練圖型中,特徵提取/選擇模組找到用於表示輸入圖型的適當特徵,並且訓練分類器來劃分特徵空間。

統計圖型辨識有多種的二分法,見如Figure 2。統計圖型識別中的大多數方法都使用Bayes Decision Rule。統計圖型識別中的另一個二分法可以基於決策邊界是直接獲得(幾何方法)或是間接獲得(基於機率密度的方法)。

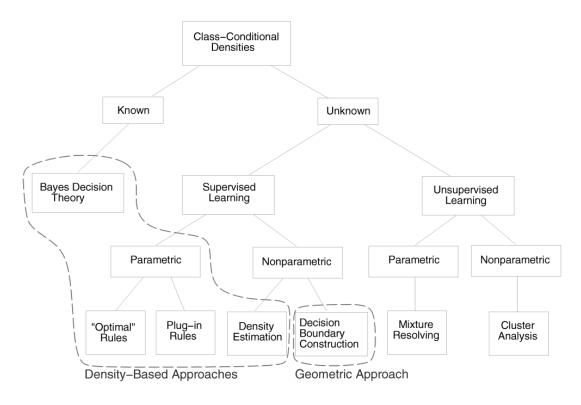


Figure 2: Enter Caption

# 3 維度詛咒和峰值現象

用於機器學習或數據分類的簡單(naive)的表查找(table-lookup)技術,將特徵空間(feature space)劃分成多個單元(cells),然後為每個單元分配一個類標籤(class label)。

隨著特徵維度(feature dimension)的增加,特徵空間的大小(即單元的數量)都會倍增,因此需要更多的數據點來填充,造成訓練數據點(training data points)會呈指數增長。這種現像被稱為"維度詛咒",導致分類器設計中的"峰值現象"。

在特定的條件下(1)類條件密度已知(Class-Conditional Densities Are Completely Known),完全理解在每個類別特徵下的概率分佈,(2)訓練樣本數量足夠大和代表性强(Arbitrarily Large and Representative of the Underlying Densities),這些數據點能夠準確地反映每個類別下特徵的真實概率分佈,增加特徵維度不會導致分類的錯誤率增加。

在訓練數據集有限時,應該謹慎選擇特徵,優先考慮最有信息量或最相關的特徵,避免維度詛咒的問題。

在設計分類器時,應確保每個類別(class)的訓練樣本數量(n)應該至少是特徵維度(d)的Io倍,有助於緩解過擬合(overfitting)和其他高維數據相關的問題。

### 4 降維

在圖型識別或機器學習中,保持特徵維度盡可能小,可以降低測量成本和提高分類準確度。 在訓練樣本數量有限的情況下,減少特徵數量(維度)可以避免維度詛咒問題的影響。 特徵選擇(Feature Selection)和特徵提取(Feature Extraction)在圖型識別和機器學習中的不同影響和考慮因素。 特徵選擇通常更易於理解和解釋,並且可以減少測量成本。但特徵提取可能會産生具有更强區分能力的新特 徵,不過這些新特徵可能缺乏清晰的物理意義。

### 4.I 特徵提取

線性變換的方法,如主成分分析(Principal Component Analysis, PCA)、因子分析(Factor Analysis)、線性判別分析(Linear Discriminant Analysis)和投影追蹤(Projection Pursuit)等,已廣泛應用於圖型識別中的特徵提取和降維。

最廣泛使用是主成分分析PCA或Karhunen-LoeÁve擴展,其捕捉了數據中最主要的變異性,並用於降低數據的維度,同時保留最重要的信息。

投影追蹤(Projection Pursuit)和獨立成分分析(Independent Component Analysis, ICA)特別適用於非高斯分佈的數據,因為它們不依賴於數據的均值和方差,而能夠捕捉數據中更複雜的結構和相關性。

### 4.2 特徵選擇

近年來,由於(1)多感測器融合(Multisensor Fusion):來自多個感測器的數據會被合併,導致特徵數量大幅增加。(2)多數據模型的整合(Integration of Multiple Data Models):當多個數據模型或來源被結合在一起時,特徵的數量和複雜性也會增加,因此特徵選擇變得特別重要。可以幫助減少計算成本,提高模型的準確性和可解釋性。

Cover和Van Campenhout的研究結果表明:沒有非窮舉(nonexhaustive)的順序特徵選擇(sequential feature selection)程序可以保證產生最優的特徵子集。即非窮舉的順序特徵選擇方法不能保證找到最佳解。

唯一能夠在避免窮舉搜索的情況下達到"最優"(根據一類單調標準函數)的特徵選擇方法是基於分支界定(Branch and Bound)算法。

### 5 分類器

最基本的分類器是根據數據點之間的相似性(concept of similarity)來進行分類。

貝葉斯決策規則(optimal Bayes decision rule)是基於概率的,以後驗概率(posterior probability)做判斷。

I-NN(I-Nearest Neighbor)是一個簡單但有效的分類器,常用作其他更複雜分類器的比較基準。

第三類分類器不是基於相似性或概率,而是通過最小化錯誤(error criterion)來找到最佳的決策邊界。

支持向量機(Support Vector Classifier, SVC)可以看作是一種高級形式的模板匹配(template matching),但它更注重找到最優的決策邊界。

決策樹(Decision Tree)是一簡單但强大的分類器,它在每一步都選擇最重要的特徵進行區分。

神經網絡(Multilayer Perceptrons, MLP)能夠捕捉複雜的非線性關係,但如果模型太複雜,可能會導致overtraining。 SVM(Support Vector Classifier)是非常高效的,特別是在高維數據和有限的訓練樣本中。

沒有一種分類器(classifier)是在所有情況下都是最好的,選擇哪種分類器取決於具體的應用場景。

Table 1: Classification Methods

方法(Method)	屬性(Property)
Template matching	將樣本分配給最相似的模板。
Nearest Mean Classifier	將樣本分配給最近的類均值。
Subspace Method	將樣本分配給最近的類子空間。
1-NN (1-Nearest Neighbor Rule)	將樣本分配給最近訓練樣本的類。
k-NN (k-Nearest Neighbor Rule)	根據k個最近鄰居中性能最佳的k值,將樣本分配給多數類。
Bayes plug-in	將樣本分配給具有最大估計後驗概率的類。
Logistic Classifier	最大似然規則用於羅吉斯(S型)後驗概率。
Parzen Classifier	用於Parzen密度估計的Bayes plug-in,具有性能最佳化的内核。
Fisher Linear Discriminant	使用均方誤差優化的線性分類器。
Binary Decision Tree	找到一組用於圖案相關特徵序列的閾值。

Perceptron	線性分類器的迭代優化。
Multi-layer Perceptron	使用S型傳遞函數對兩層或更多層的感知器(神經元)進行均方誤差
	的迭代優化。
Radial Basis Network	對具有至少一層使用高斯型傳遞函數的神經元的前神經網絡進行
	均方誤差的迭代優化。
Support Vector Classifier	通過選擇最少數量的支持向量來最大化類之間的邊界。

### 6 分類器組合

解決分類問題時,可能會結合多個分類器,原因包含:多元表示/描述(Different Representations), 多個訓練集(Multiple Training Sets), 局部差異(Local Differences), 隨機初始化(Random Initialization)。

結合方案(Combination Schemes)則有: 并聯結構(Parallel), 串聯結構(Cascading or Serial), 層次結構(Hierarchical)。

### 6.I 單獨分類器的選擇和訓練

分類器組合(Classifier Combination)特別有用,其中每個分類器(Individual Classifiers)基本是獨立的。

獨立的分類器會具有幾個優點:多樣性(Diversity), 錯誤糾正(Error Correction), 泛化能力(Generalization), 計算效率(Computational Efficiency)

### 6.2 組合器(Combiner)

在選擇了數個單個分類器(Individual Classifiers)後,需要通過組合器(Combiner)的模塊將它們組合在一起。組合器有多種,它們在可訓練性(Trainability)、適應性(Adaptivity)和對單個分類器輸出的需求方面有所不同。

### 6.3 組合方案分析

分類器組合在實驗研究中已經被證明是有效的,可以提高模型的識別能力。

回歸或分類錯誤可以分解為偏差項(Bias Term)和方差項(Variance Term), 這是評估分類器性能的一個重要參數。 N個Unbiased Neural Networks的線性組合,具有independent and identically distributed (i.i.d.)的誤差分佈,可以將

方差減少N倍。

Sum Rule是當需要組合相同後驗概率的不同估計時最適合的。

泛化錯誤(Generalization Error)受到訓練數據上邊界分佈(Margin Distribution)的尾部概率以及單個分類器(Single Classifier)複雜度的函數所影響,不僅取決於組合分類器,還取決於單個分類器的複雜度。

# 7 誤差估計

錯誤率(Error Rate)是用來評估分類器是否有效的最終衡量標準。它表示分類器做出錯誤判斷的頻率。

分類器首先使用訓練樣本來設計,然後使用測試樣本來評估其性能。同時,訓練和測試樣本必須是獨立的,以確保模型的泛化能力。

每個測試樣本都有兩種可能的結果:被正確分類或被錯誤分類,其遵循二項分佈(Binomial Distribution)的統計原則。

常見的進階性能指標:偽接受率(False Acceptance Rate, FAR)和偽拒絶率(False Reject Rate, FRR), FAR對FRR的繪圖稱"接收操作特性曲線"(Receiver Operating Characteristic, ROC Curve), 拒絶率(Reject Rate)。

## 8 非監督式分類

非監督分類(Unsupervised Classification)是一種機器學習方法,其中訓練數據沒有標籤。目標是根據這些未標籤的數據來建立決策邊界。

數據聚類(Data Clustering)是非監督分類的另一種稱呼,主要目的是在多維數據中找到自然的分組或聚類。聚類分析是一個非常重要和有用的技術。但是,它也有其挑戰,例如選擇合適的相似性度量、確定聚類的數

量等。

大多數聚類算法基於兩種流行的聚類技術:迭代平方誤差劃分聚類(Iterative Square-error Partitional Clustering)和 凝聚層次聚類(Agglomerative Hierarchical Clustering)。

### 8.1 平方誤差聚類(Square-Error Clustering)

平方誤差分類是最常用的聚類策略。其主要目的是在固定數量的聚類下,找到最小化平方誤差的方法。

K-均值算法(K-means Algorithm)是平方誤差分類的一個特例,采用迭代的劃分聚類方法,將數據點分配到K個不同的聚類中,使每個數據點都屬於與其最近的中心(均值)的聚類。

聚類的一個主要挑戰是缺乏選擇K值、初始劃分、更新劃分、調整聚類數量和停止標準的標準。

為了提高基本K-均值算法的性能,已經有多種嘗試,包括加入模糊標準函數(Fuzzy Criterion Function)、使用遺傳算法(Genetic Algorithms)、模擬退火(Simulated Annealing)和禁忌搜索(Tabu Search)來優化結果劃分。

向量量化(Vector Quantization)可以視為一種聚類的問題,將高維數據(例如,聲音或圖像)編碼為低維符號的技術,這些低維符號通常來自一個稱為"輸出字母表"(Output Alphabet)的有限集合,將向量量化問題轉化為聚類問題,從而可以利用聚類算法(如K-均值)來解決向量量化問題。

### 8.2 混合物分解(Mixture Decomposition)

混合模型(Mixtures)的主要用途是用來定義無監督分類(Unsupervised Classification),混合模型能夠捕捉到數據可能來自多個不同來源的特性,這使它們在無監督分類中特別有用。

混合模型(Mixtures)也非常適合於監督學習場景(Supervised Learning Scenarios)中表示複雜的類條件密度(Class-Conditional Densities)。

#### 8.2.I 基本定義

考慮一種生成隨機樣本的方法,其中有K個不同的隨機來源,每個來源都有一個特定的概率分佈。這種生成機制產生的隨機變數遵循一個有限混合分佈(Finite Mixture Distribution),這個分佈是所有來源分佈的加權和。

混合擬合需要解決兩個問題,一是如何找出每個來源的概率分佈,二是有多少個不同的來源。一般使用期望最大化(Expectation-Maximization, EM)算法來估計這些參數。

#### 8.2.2 EM Algorithm

EM算法假設我們有一些觀察數據,但這些數據缺少一些信息(標籤),這些信息是我們需要估計的。

EM算法主要由兩個步驟組成。E步驟用於估計缺失數據,而M步驟則用於更新模型參數。

使用EM進行混合模型(mixture model)擬合的主要困難是:它的局部性質使其嚴重依賴於初始化;還有可能收斂到參數空間的邊界點。

#### 8.2.3 估計成分數量

最大似然(ML, Maximum Likelihood)方法在混合模型(Mixture Models)中不能單獨用來確定群集Cluster的數量(K)。因當增加K值時,模型會變得更靈活,能更好地擬合數據,從而導致似然性(Likelihood)也會增加,造成Overfitting,失去泛化能力。

因此,可以使用一個成本函數(Cost Function)來評估模型,一方面考慮模型對數據的擬合度(通常用似然性來衡量);一方面考慮模型複雜度(通常用K值來衡量,因為K值越大,模型越複雜)。找到一個能使成本函數最小化的K值。這個K值應該能達到模型複雜度和擬合度之間的最佳平衡。

## 9 討論

圖案識別(Pattern Recognition)領域的前沿主題和研究方向。以下是幾個主要的重點:

• 模型選擇(Model Selection):為了避免維度詛咒(Curse of Dimensionality),模型選擇一直是研究的熱點。 常用的方法包括Cross-validation和Bayesian Methods。

- 混合模型和EM算法(Mixture Modeling and EM Algorithm): 這是一種用於密度估計和聚類的流行方法。
- 支持向量機(SVM)和結構風險最小化(Structural Risk Minimization): SVM基於結構風險最小化理論,已經在多個應用中展示了其優越性。
- 局部決策邊界學習(Local Decision Boundary Learning): 這主要是使用不同類別邊界附近的圖案來構建或 修改決策邊界。
- 順序圖案識別(Sequential Pattern Recognition):隱馬爾可夫模型(Hidden Markov Models, HMM)是一個流行的工具,用於模型和識別順序數據。
- 數據壓縮和分類準確性(Data Compression and Classification Accuracy): 使用空間和頻譜相關性或馬爾可夫 結構來壓縮數據。
- 半監督學習(Semi-supervised Learning):如何使用未標籤的數據進行訓練是一個重要問題。
- 不變圖案識別(Invariant Pattern Recognition): 這在字符和臉部識別等多個應用中是可取的。
- 上下文信息的使用(Use of Contextual Information): 這在語音識別、光學字符識別(OCR)和遙感等方面已 經成功地使用。