降着成長する種BH が受ける Dynamical Friction

2023年初代星研究会@北海道大



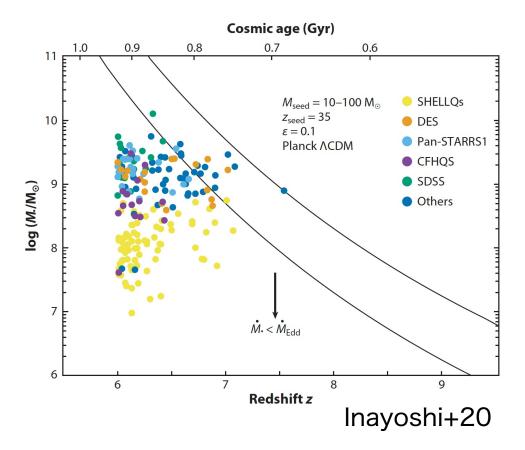
共同研究者:杉村和幸(北大)、細川隆史(京大)、

松本倫明(法政大)

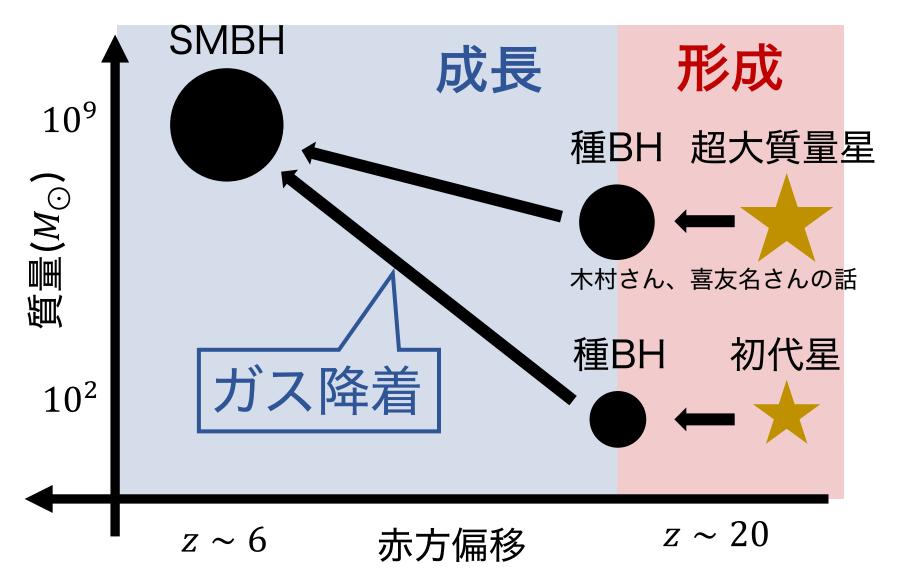


SuperMassive Black Hole

- ・質量10⁶⁻¹⁰M_☉
- ・形成シナリオが未確立
- ・銀河との共進化
- ・特に、 $z \ge 6$ で観測 された $10^{9-10} M_{\odot}$ のSMBHは急速な 成長が必要で問題

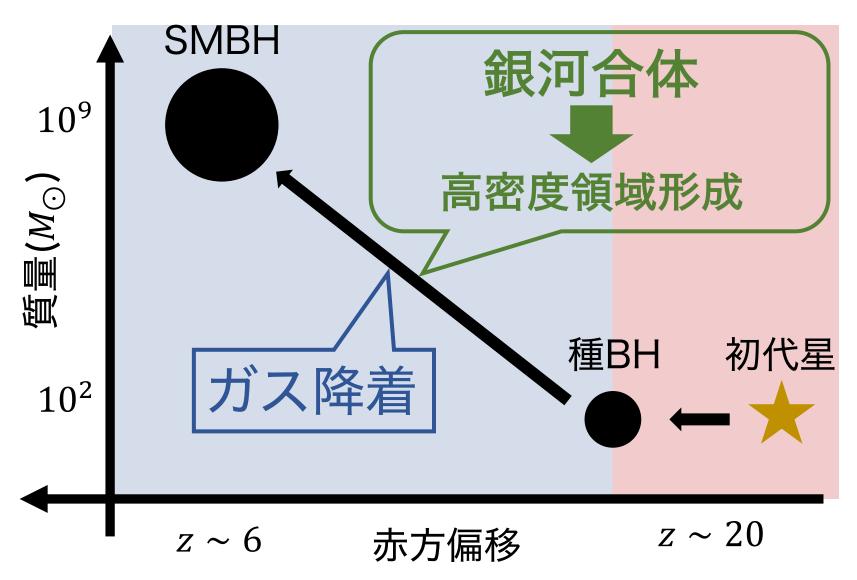


SMBHの形成シナリオ候補



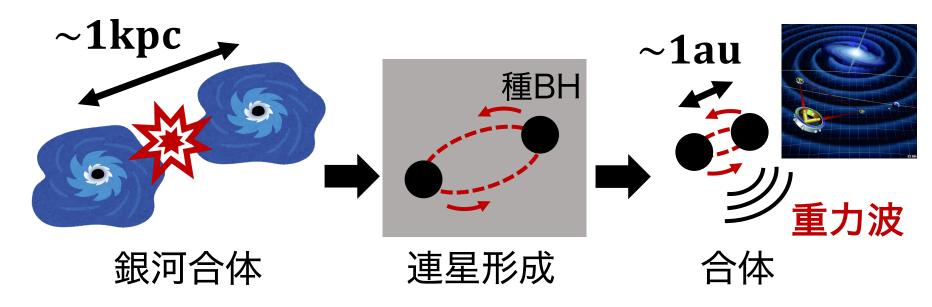
2023年初代星研究会@北海道大

SMBHの形成シナリオ候補



2023年初代星研究会@北海道大

種BHの連星

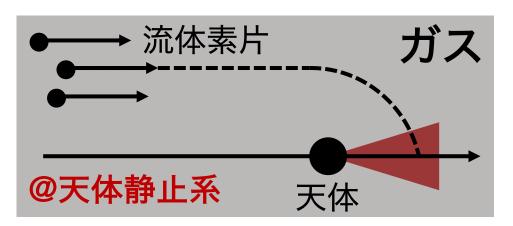


急速成長する種BHは連星である可能性が高い

Q. ガス降着、輻射フィードバックを考慮したときに、 合体に至るまでの時間スケールは?

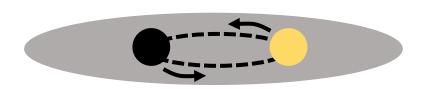
ガス中を運動する天体

・天体重力によって後方が高密度になり、**する向きの力**を受ける



→ (ガスによる)力学的摩擦 Gas Dynamical Friction

知りたいこと: $oldsymbol{F_{\mathrm{DF}}} = oldsymbol{F_{\mathrm{DF}}}(oldsymbol{v})$



線形理論(Ostriker Formula)

時刻t=0に重力源が突然発生すると仮定

$$F_{
m Ostriker}(\mathcal{M},t,r_{
m min}) = rac{4\pi
ho_{\infty}(GM_{
m BH})^2}{v_{
m BH}^2}$$
 メ $\left\{egin{array}{c} rac{1}{2}\ln\left(rac{1+\mathcal{M}}{1-\mathcal{M}}
ight)-\mathcal{M}, & (\mathcal{M}<1) \end{array}
ight.$ $\times \left\{egin{array}{c} rac{1}{2}\ln\left(1-rac{1}{\mathcal{M}^2}
ight)+\ln\left(rac{v_{
m BH}t}{r_{
m min}}
ight), & (\mathcal{M}>1) \end{array}
ight.$ Ostriker99 $v_{
m BH}$: BH速度 $M_{
m BH}$: BH質量 \mathcal{M} : マッハ数

マッハ数

 ρ_{∞} : ガスの質量密度

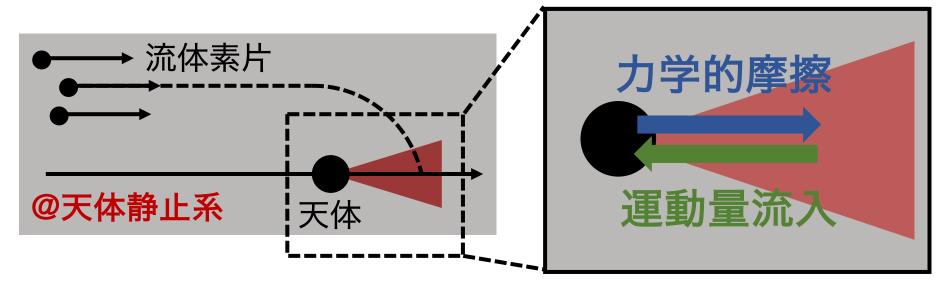
 r_{\min} : 不定のパラメータ(抵抗力に寄与するガスが位置する最小距離を表す)

→シミュレーションで決定

(Sánchez-Salcedo&Brandenburg 99、Kim&Kim 09等)

抵抗力 w/ 降着

- 1 降着による非線形性
- 2 降着による運動量フラックスも力として寄与



線形理論をもとに、降着の効果を入れた抵抗力の 公式を作りたい

重要な長さスケール

・球対称ガス降着における典型的な長さスケール

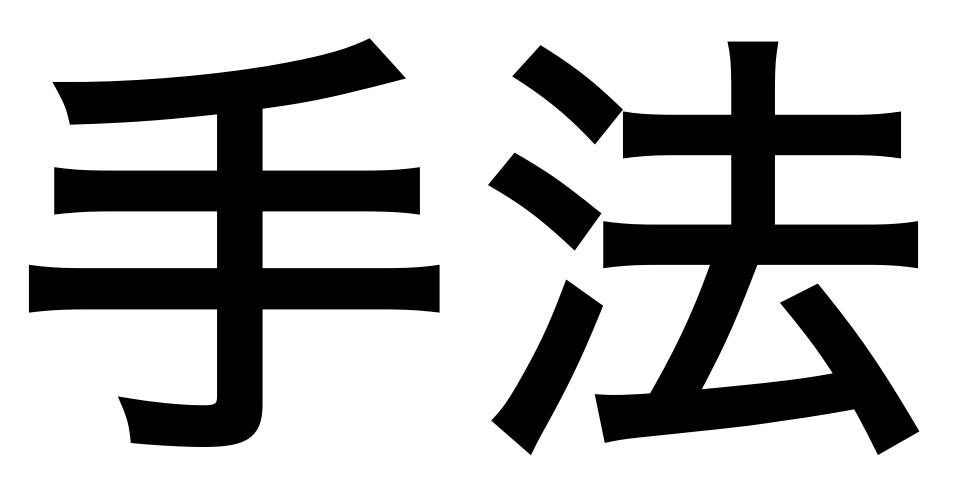
$$R_{
m B}\coloneqq rac{GM_{
m BH}}{c_{
m S}^2}$$
 ボンディ半径

・軸対称ガス降着における典型的な長さスケール

$$R_{ ext{BHL}}\coloneqqrac{GM_{ ext{BH}}}{c_{ ext{s}}^2+v_{ ext{BH}}^2}$$
 Bondi-Hoyle-Lyttleton半径 $c_{ ext{s}}$:音速

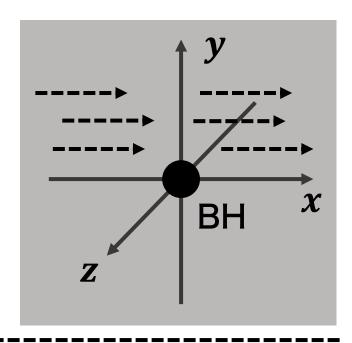
本研究の目標

ガス降着による非線形性を考慮したときに 天体(BH)が受ける抵抗力の速度依存性を、 線形理論による定式化をもとに求める



問題設定

- ガスに+x方向の初速を与え、BHへの降着率が一定になるまで計算
- ・正味の抵抗力 $F_{\mathrm{DF}} = F_{\mathrm{grav}} + F_{\mathrm{acc}}$ を求める
- ・ガスの初速度が パラメータ



$$F_{\text{grav}} = \left(\int dV \rho G M_{\text{BH}} \frac{x - x_{\text{BH}}}{|x - x_{\text{BH}}|^3} \right) \cdot \frac{v_{\text{BH}}}{|v_{\text{BH}}|}$$

$$F_{\text{acc}} = \left(\int d\mathbf{S} \cdot (\rho v v) \right) \cdot \frac{v_{\text{BH}}}{v_{\text{BH}}}$$

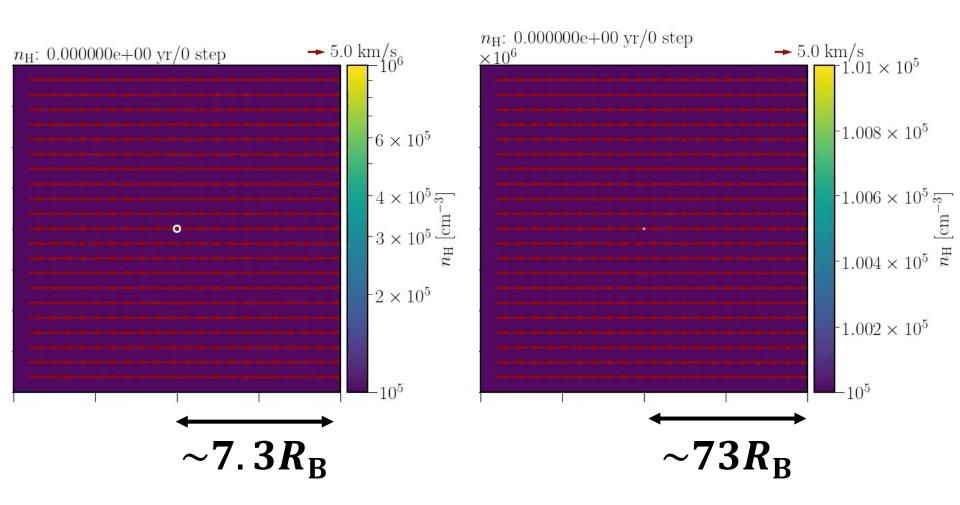
計算手法

・SFUMATOによる 3次元流体シミュレーション

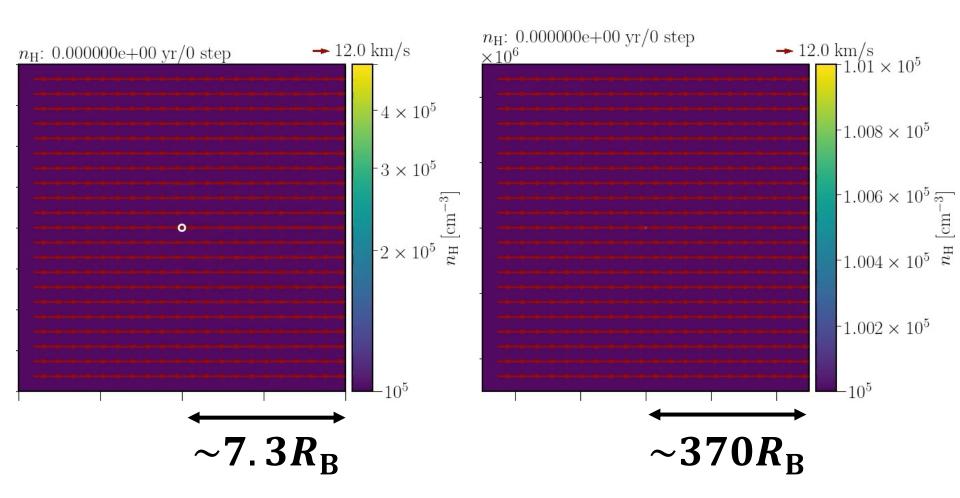


- ・初期密度 10⁵ cm⁻³、等温(10⁴ K)
- ・ $M_{\rm BH}=10^3 M_{\odot}$ で、降着による質量変化は無視 $R_{\rm B}=\frac{GM_{\rm BH}}{c_{\rm s}^2}\simeq 1.4{ imes}10^4~{
 m au}$
- $\cdot 0 < \mathcal{M} < 3.0$ の範囲で、12ケース計算
- ・BHはシンク粒子として扱い、 $R_{\text{sink}} \leq \frac{1}{10} R_{\text{B}}$

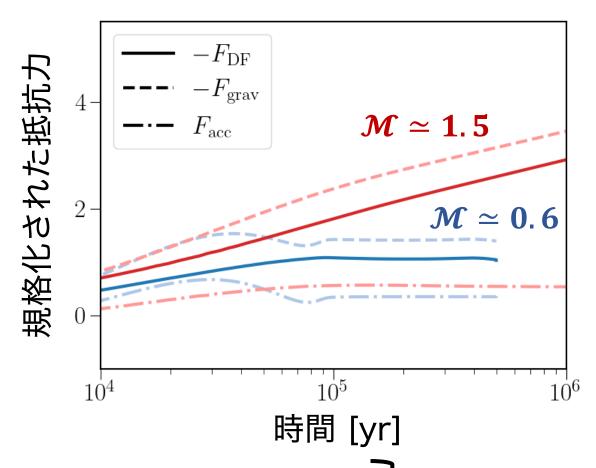
時間発展($\mathcal{M} \simeq 0.6$)



時間発展($\mathcal{M} \simeq 1.5$)



時間発展



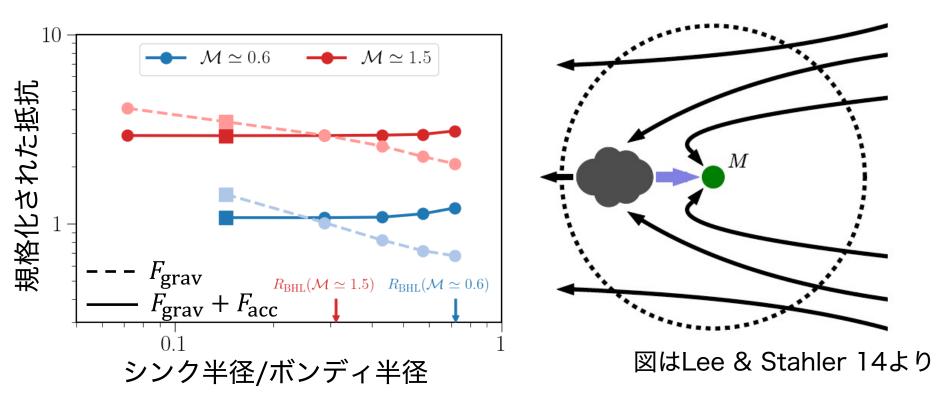
亜音速:時間依存性なし

超音速:時間依存性あり(∝ log t)

線形理論に無矛盾!

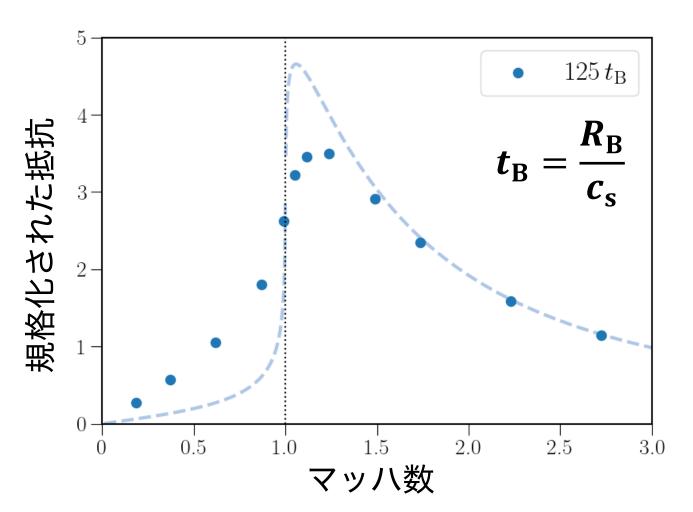
解像度依存性

正味の抵抗力は解像度(シンク半径)に依存しない



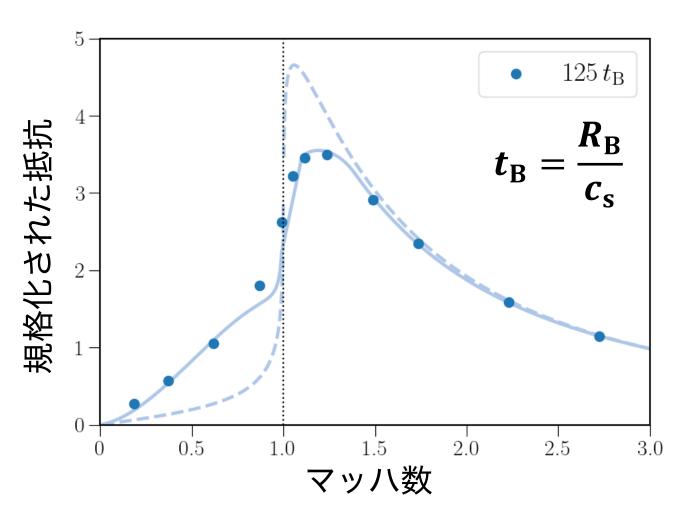
降着ガスは天体に力学的摩擦を及ぼす一方、降着時に運動量を 持ち込み、結果として解像度依存性が消える

マッハ数依存性



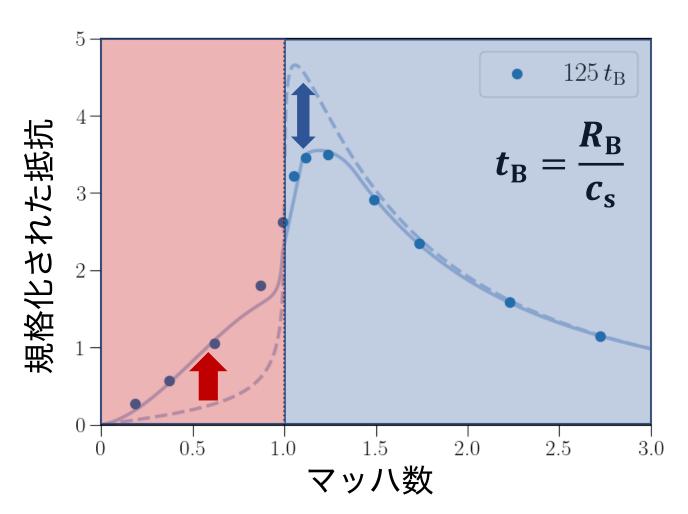
$$F_{\rm DF} = F_{\rm Ostriker}(t=125t_{\rm B},r_{\rm min}=R_{\rm BHL}/2)$$

マッハ数依存性



$$F_{\rm DF} = F_{\rm Ostriker}(t=125t_{\rm B},r_{\rm min}=R_{\rm BHL}/2)$$

マッハ数依存性

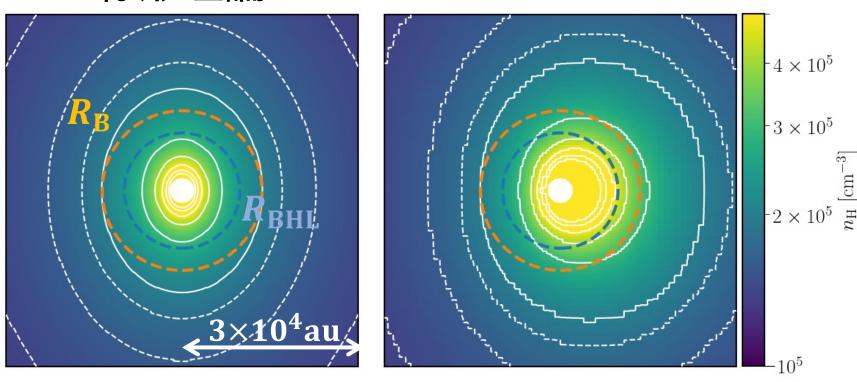


 $F_{\rm DF} = F_{\rm Ostriker}(t=125t_{\rm B},r_{\rm min}=R_{\rm BHL}/2)$

物理的解釈(亜音速)

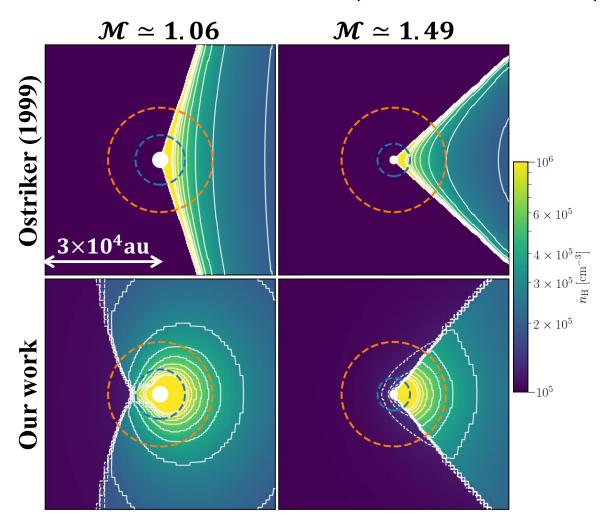
線形理論

our works



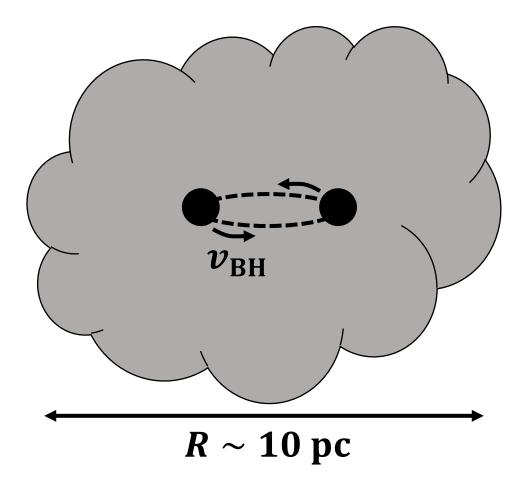
非線形性の効果によって非対称な構造が現れ、その分だけ抵抗力が嵩上げされる

物理的解釈(超音速)



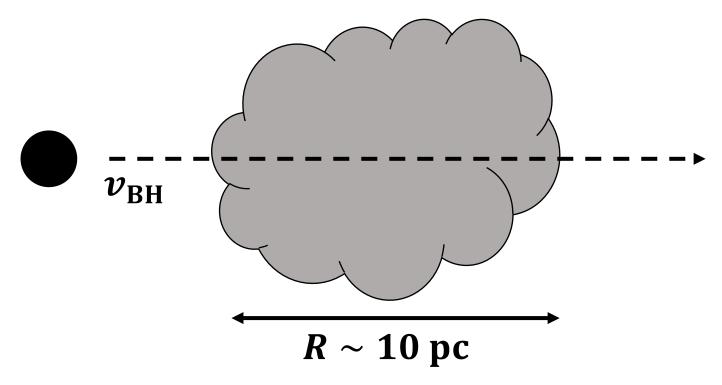
2023年初代星研究会@北海道大

例1:軌道運動



$$t\gg t_{\max}\coloneqq rac{R}{v_{
m BH}}$$
 のとき、 $t=t_{\max}$ を代入すれば良い

例2:直線運動



$$t_{\text{max}} = \frac{R}{v_{\text{BH}}}$$
 は、雲を抜ける時間スケールと同じ

■■● 時間依存性を無視することはできない

2023年初代星研究会@北海道大

まとめと展望

- ・高密度ガス中で急速成長する種BHは、<mark>連星</mark>をなす可能性が 高い
- ・降着、輻射フィードバックを考慮して軌道進化を調べたい (宇宙論的シミュレーションへ)
- ・まずは**単独**で、**降着**のみを考慮して抵抗力を調べた
- ・抵抗力 = 運動量フラックス + 力学的摩擦
- ・亜音速側では、線形理論の値を嵩上げすれば良い
- ・超音速側では、不定パラメータ r_{\min} がBHL半径程度になるが、マッハ数1付近では $前方に高密度部分が張り出し、実効的に<math>r_{\min}$ が大きくなる
- ・これまでわかったことを利用して、連星、更には輻射FB入り 計算により軌道進化、降着による成長を調べる