



中山大學
SUN YAT-SEN UNIVERSITY

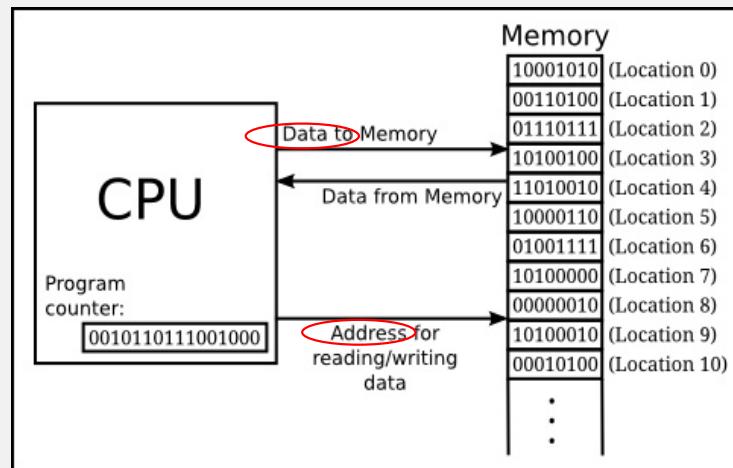
变量、常量和存储类 (2)

中山大学计算机学院



讲课人：课程组

变量…值…内存…?



```
double radius = 5;
```

在计算机的内部：

- 5 变成0, 1是什么样的?
- radius 与 &radius 的含义?
- double 和 int 类型的 5, 在内存中一样吗?

目录

CONTENTS

01

进制/位置计数法

02

二进制/进制转换

03

负数与二进制补数

04

溢出与检出

05

浮点表示与精度



中山大學
SUN YAT-SEN UNIVERSITY

整数及其表示

學大山中立國

Integers and their representation

整数 (Integers) 与变量 (Vars, Variables)

```
/*unsigned int add*/  
#include <stdio.h>  
  
int main() {  
    // Add two int.  
    unsigned int i,j;  
    i = 2;  
    j = 3;  
    // 详细说明见: https://zh.cppreference.com/w/c/io/fprintf  
    printf("%u add %u equal %u\n",i,j,i+j);  
    return 0;  
}
```

无符号

unsigned int 申明 (declaration) 整数变量
i,j 两个变量。类似两个房间，标牌是i和j
i和j又称为变量名，是保存值的代称

赋值语句
= 是赋值运行，给i房间赋予数值 2

不可控

将 j=3; 修改为 j=-3; 请问输出结果是:

2 add 4294967293 equal 4294967295

"%u add %u equal %u\n" 格式化模板
%u 其中 %是引导符, u是无符号整数
这个模板要填3个数字 i,j,i+j

数 (Number)

- 自然数 (Natural Numbers) , 无符号整数 (unsigned integers)
 - Zero and any number obtained by repeatedly adding one to it.
 - Examples: 100, 0, 45645, 32
- 负数 (Negative Numbers)
 - A value less than 0, with a – sign
 - Examples: -24, -1, -45645, -32
- 整数 (Integers)
 - A natural number, a negative number, zero
 - Examples: 249, 0, - 45645, - 32
- 有理数 (Rational Numbers)
 - An integer or the quotient of two integers
 - Examples: -249, -1, 0, $3/7$, $-2/5$

自然数

用“642”表示多少个一？

$$600 + 40 + 2 ?$$

也可能

$$384 + 32 + 2 ?$$

也可能是...

$$1536 + 64 + 2 ?$$

进位制/位值计数法 (Positional Notation)

为什么...

642 用基 (Base) 为 10 位值计数法:

$$\begin{array}{rcl} 6 \times 10^2 & = & 6 \times 100 = 600 \\ + 4 \times 10^1 & = & 4 \times 10 = 40 \\ + 2 \times 10^0 & = & 2 \times 1 = 2 = (642)_{10} \end{array}$$

这个数表示基=10

指数表示在数值中
的位置

进位制/位值计数法 (Positional Notation)

写成公式:

R 数值的基

$$d_n * R^{n-1} + d_{n-1} * R^{n-2} + \dots + d_2 * R + d_1$$

n 表示第几位数字

d 是第 ith 位的数

$$(642)_{10} \text{ 等于 } 6_3 * 10^2 + 4_2 * 10 + 2_1$$

进位制/位值计数法 (Positional Notation)

假如 642 表示的数的基是 13? (13进制)

$$\begin{aligned} + 6 \times 13^2 &= 6 \times 169 = 1014 \\ + 4 \times 13^1 &= 4 \times 13 = 52 \\ + 2 \times 13^0 &= 2 \times 1 = 2 \\ &= (1068)_{10} \end{aligned}$$

642 在基13下 等于 1068在基 10下的值
即同一数值在不同进制下的表示

二进制数 (Binary Number)

- 十进制 (**Decimal**) 的基 (Base) 是10, 有10个数字:
 - 0,1,2,3,4,5,6,7,8,9
- 二进制 (**Binary**) 的基是2, 有2个数字: $0b$
- 0,1
- 十六进制 (**Hexadecimal**) 的基是16, 有16个数字: $0x$
 - 0,1,2,3,4,5,6,7,8,9,A,B,C,D,E,F
- 八进制 (**Octal**) 的基是? , 有? 个数字: 0
 - ?

} 前缀

练习

- 计算以下数的十进制值
- $(143)_8$



十进制转R进制

- 除R取余数倒排法
 - 例如: $(89)_{10} = (1011001)_2$

2		89	取余
2		44 1
2		22 0
2		11 0
2		5 1
2		2 1
2		1 0
		0 1

$$\begin{array}{r}
 16 \Big| 219 & \text{取余} \\
 16 \Big| 13 & \dots\dots 11 \rightarrow B \\
 & 0 \dots\dots 13 \rightarrow D
 \end{array}$$

十进制转十六，八进制

- 十六进制数 DEF 等于？ +
进制数？

$$\begin{aligned} D \times 16^2 &= 13 \times 256 = 3328 \\ + E \times 16^1 &= 14 \times 16 = 224 \\ + F \times 16^0 &= 15 \times 1 = 15 \\ &= 3567 \end{aligned}$$

in base 10

```
/*int-hex-oct*/
#include <stdio.h>

int main() {
    unsigned int i = 3567;
    printf("Hex %X, Oct %o\n", i, i);
    return 0;
}
```

Hex DEF, Oct 6757

为什么我们不能用 "%b" 直接打印出二进制？

二进制和十六进制与八进制的关系

Binary	Octal	Hexa
0000	0	0
0001	1	1
0010	2	2
0011	3	3
0100	4	4
0101	5	5
0110	6	6
0111	7	7

Binary	Octal	Hexa
1000		8
1001		9
1010		A
1011		B
1100		C
1101		D
1110		E
1111		F

$$\begin{aligned}
 (\text{DEF})_{16} &= (1101 \ 1110 \ 1111)_2 \\
 &= (110 \ 111 \ 101 \ 111)_2 \\
 &= (6757)_8
 \end{aligned}$$

背，熟记！

练习

- 计算以下数的二进制值、八进制，十六进制的值
- 215

将十六进制与八进制数赋值给变量

```
/*hex-oct-int*/
#include <stdio.h>

int main() {
    unsigned int i = 0xDEFA;
    unsigned int j = 06757;
    printf("i in Decimal is %u\n",i);
    printf("j in Decimal is %u\n",j);
    return 0;
}
```

0x 开头表示是 十六进制的数值

0 开头表示是 八进制的数值

```
i in Decimal is 3567
j in Decimal is 3567
```

变量 i 能保存多大的数值，任意大小？



字节 (Byte) 和无符号数据类型

- **字节** (byte/unsigned char)
 - 8位二进制数
 - 表示范围 0 .. 255 (2^8)
- **字** (word/ unsigned short)
 - 2个字节
 - 表示范围 0..65535 (2^{16})
- 无符号整数 (unsigned integer)
- 无符号长整数 (unsigned long)
 - 4个字节
 - 表示范围 0.. 4294967295 (2^{32})

```
/*byte maximum*/
#include <stdio.h>
#define UINT_MAX -1

typedef unsigned char byte;
typedef unsigned short word; 替换

int main() {
    byte b = UINT_MAX;
    word w = UINT_MAX;
    unsigned int i = UINT_MAX;
    unsigned long l = UINT_MAX;
1. printf("Maximum byte is %X , %u\n",b,b);
2. printf("Maximum word is %X , %u\n",w,w);
    printf("Maximum int is %X , %u\n",i,i);
    printf("Maximum long is %X , %u\n",l,l);
    return 0;
}
1. FF
2. FFFF
```

为什么可以用-1表示不同类型无符号整数的**最大数值**?

负数 (Negative) 的表示

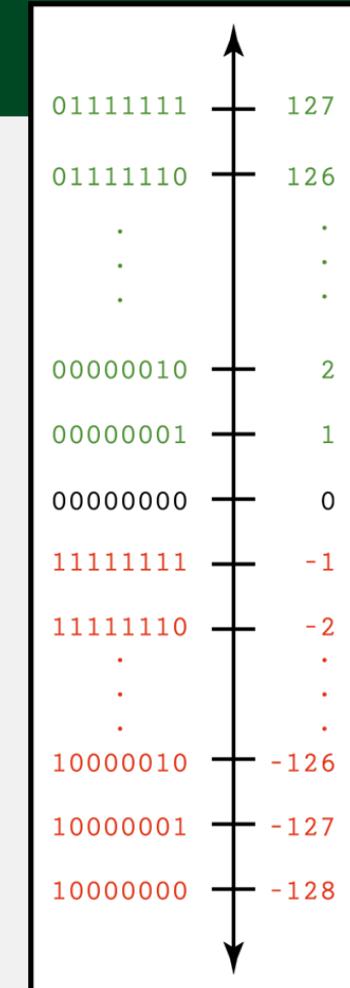
- 补 (Complement)
 - $a+b = \text{常数}$, 则称 a 是 b 的补, b 是 a 的补
- 二进制的补

$$\text{Negative}(i) = 2^k - i$$

其中 **k** 是位数

- 例如: byte 的数
 - 负数 + 对应的正数 = 256
 - 负数第一位是1正数是0, 所以它称为**符号位**
 - -1 即是从第 k 位借位减一, 一定是全 111...111

在 10 相反数 在 2 进制中相加恒为常数



二进制补的计算方法

- 二进制的补

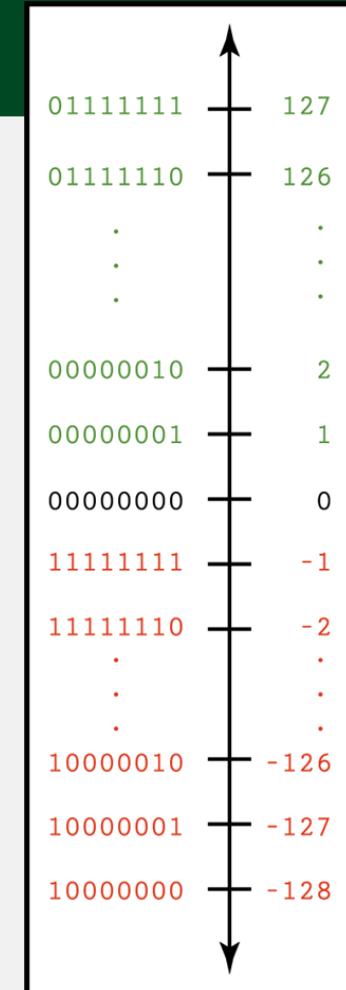
$$Negative(i) = (2^k - 1) - i + 1$$

- 那么 $22 = (00010110)_2$ 的负数的表示是?

$1111,1111$	-- $2^8 - 1$
$- 0001,0110$	-- i求二进制
$1110,1001$	-- 按位求1的补
$+ \quad \quad \quad 1$	-- 加一
$1110,1010$	-- 补数-i

二进制数的负数（补数），总是等于按位求反，再加一。

在CPU中，只有加法电路，没有减法电路。因为 $a - b = a + (-b)$



整数类型的特征

- 字符 (char)
 - 1个字节
 - 表示范围 -128 .. 127
- 短整数 (short)
 - 2个字节
 - 表示范围 -32768..32767
- 整数 (integer)
- 长整数 (long)
 - 4个字节
 - 表 示 范 围 -2147483648..2147483647

```
/*short-max-min*/
#include <stdio.h>
#define UINT_MAX -1
#define SHORT_MAX (unsigned short) UINT_MAX >> 1
#define SHORT_MIN ~SHORT_MAX

int main() {
    short i,j;
    i = 0x8000; // SHORT_MIN;
    j = 0xFFFF; // SHORT_MAX;
    printf("Minmum is %hx , %d\n",i,i);
    printf("Maxmum is %hx , %d\n",j,j);
    return 0;
}
```

参数大小的长度修饰符, *h*用于short, *l*用于long;

转换格式指定符, *d*用于整数, *u*用于无符号整数;



练习

- 计算以下数的 char 类型的十六进制值
- 7
- 分别写出各个变量的八进制值
- char x=3; char y=-6; char z=x-y;

溢出 (Overflow) (1)

```
/*overflow*/  
#include <stdio.h>  
  
int main() {  
    char k = 127; //0x7F;  
    char m = k + 10;  
    char n = k + k + 10;  
    printf("%d, %d, %d\n", k+10, m, n);  
}
```

表达式是运算符及其操作数的序列，它指定一个运算。
<https://zh.cppreference.com/w/c/language/expressions>

输出是：

137, -119, 8

这都是什么？无数草泥马在风中狂奔！

这些表达式的结果是整数，当赋值给一个位数少的变量时，直接抛弃高位。例如：

- $k+10 = 0x89$, 作为32位整数 137, 作为8位整数-119
- $k+k+10 = 0x108$, 赋值n时, 仅保留0x08

溢出 (Overflow) (2)

```
/*overflow constant*/
#include <stdio.h>

int main() {
    char k = 255+1;
    printf("%X",k);
}
```

输出是：

```
100-test.c: In function 'main':
100-test.c:4:14: warning: overflow in
conversion from 'int' to 'char' changes value
from '256' to '0' [-Woverflow]
    char k = 255+1;
               ^~~
```

阅读编译错误提示。

如果忘记写该语句结束的分号，提示是什么？

如果你是copy-paste来的程序，包含汉字空格或分号，提示是什么？

溢出 (Overflow) 的定义与检出

- 整数溢出 (Overflow)
 - 赋予变量的值超出变量类型定义的范围。例如 `char i = -129`
- C语言语法层面可对**常数赋值**进行溢出检查
 - 例如 `i = -1`; 如果 `i` 是无符号数则是最大值



- 表达式赋值则按转换规则，而不会做任何检查
- C语言程序员有义务保证不发生溢出！

历史上最著名的缺陷 (BUG) 与溢出

- 1996年6月4日，对于Ariane 5火箭的初次航行来说，这样一个错误产生了灾难性的后果。发射后仅仅37秒，火箭偏离它的飞行路径，解体并爆炸了。6亿美元付之一炬。
- 错误分析：
 - during execution of a **data conversion from 64-bit floating point to 16-bit signed integer value.** The floating point number which was converted had a value greater than what could be represented by a 16-bit signed integer. This resulted in an Operand Error.



整型常量 (Constants) 的书写形式

- 允许整数类型的值直接用于表达式。
- 语法
 - 十进制常量 整数后缀(可选)
 - 八进制常量 整数后缀(可选)
 - 十六进制常量 整数后缀(可选)
- 整数后缀
 - 无后缀
 - u 或 U (无符号数)
 - l 或 L (长整型)
 - lu 或 LU (无符号长整型)
 - ll 或 LL (长长整型)

```
int d = 42;
int o = 052;
int x = 0x2a;
int X = 0X2A;
long l = 420L;
long long ll = 052LU;
```

详细参考：
[整数常量 - cppreference.com](https://cppreference.com)

前缀：ob 二进制
0 八进制
0x 十六进制



中山大學
SUN YAT-SEN UNIVERSITY

浮点数及其表示 (选讲)

Floatings and their representation

浮点数 (floating number) 与格式化

```
/*floating format*/  
#include <stdio.h>  
  
int main() {  
    double x,y;  
    x = -2.263;  
    y = 13.367;  
    double z = x + y;  
    // 详细说明见:  
    https://zh.cppreference.com/w/c/io/fprintf  
    printf("%-8.2f add %08.2f equal %.4e\n",x,y,z);  
    return 0;  
}
```

输出是:

-2.26 add 00013.37 equal 1.1104e+001

double 表示浮点类型, 这里定义了变量 x 和 y

变量赋值

精度4位, 科学计算法输出

用0补齐, 宽度8, 精度2位, 浮点数输出

左对齐, 宽度8, 精度2位, 浮点数输出

浮点数数据类型与常量表示

- 双精度数 (double)

- 8个字节 (64位)
- 有效数字 15
- 指数部分 $10^{-307} \sim 10^{308}$

```
double d = 42.0;
double o = 4.2e1;
float x = 42.0f;
float y = 4.2e1f;
```

- 单精度数 (float)

- 4个字节 (32位)
- 有效数字 6
- 指数部分 $10^{-37} \sim 10^{38}$

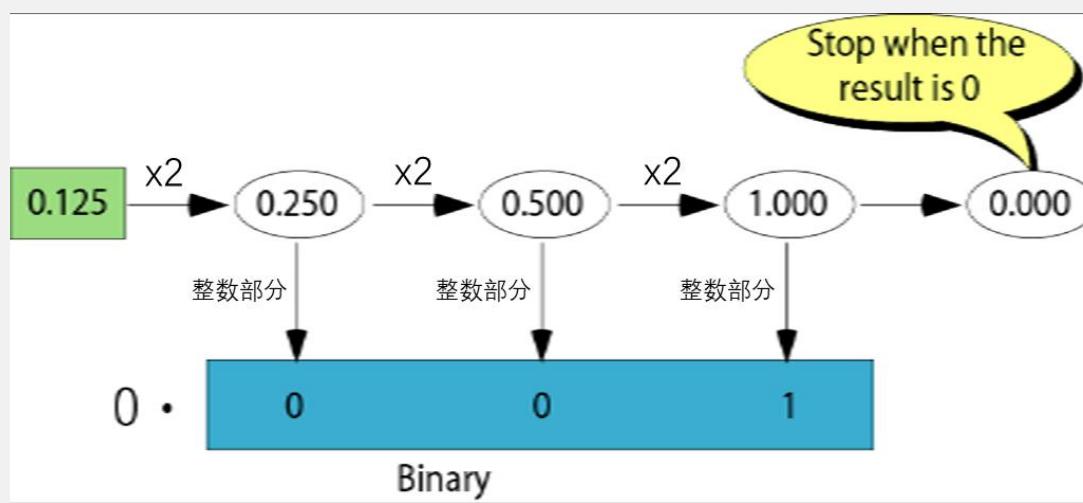
详细参考：

[浮点常量 - cppreference.com](#)

[算术类型 - cppreference.com](#)

小数 (Fraction part) 转二进制

基本原理与方法：



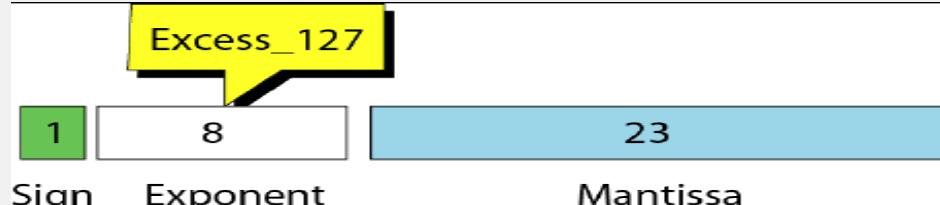
0.15
x2 0.30 -- 0
x2 0.60 -- 0
x2 1.20 -- 1 *
x2 0.40 -- 0 *
x2 0.80 -- 0 *
x2 1.60 -- 1 *
x2 1.20 -- 1 ...

$$0.15 = (0.00100110011001\dots)_2$$

以此，只要用二进制表示小数部分，
绝大多数十进制数转二进制必然产生
舍入误差（精度误差）

IEEE 745-2008 标准与浮点数内存格式（了解）

单精度数与双精度数在内存中的存储格式：



实数转为二进制表示：

1. 把实数的整数和小数部分分别转为二进制。
2. 表示成二进制科学计数法。
3. 按IEEE规范，计算符号位，指数部分，小数部分。

例如：0.15
 $= 1.0011\ 0011\ 0011\ 0011\ 0011$
 $001[1] * 2^{-3}$
 注意：四舍五入

float x = 0.15f;

按IEEE 745规范：
 Sign 0
 Exp 127-3 即 0x7D = 0111 1100
 Manti 0011,0011,0011,0011,0011,010

结果：
 0011 1110 0001 1001
 1001 1001 1001 1010
 x 的二进制存储是 0x3E19999A
 print-float.c

溢出 (Overflow) 和精度误差 (accuracy error)

```
/*floating accuracy*/
#include <stdio.h>

int main(void) {
    double x = 2.0e+307;
    x = x * 10;
    // 超出 double 范围的常量。
    printf("+2.0e+308 --> %e\n", x);

    float y = 123456789.0f;
    printf("123456789f --> %.8e\n", y);
    y = y + 1;
    printf("123456790f --> %.8e\n", y);
    y = y + 1;
    //此处省去100句 y = y + 1;
    y = y + 1;
    printf("1234568XXf --> %.8e\n", y);
}
```

```
+2.0e+308 --> 1.#INF00e+000
123456789f --> 1.23456792e+008
123456790f --> 1.23456792e+008
1234568XXf --> 1.23456792e+008
```

认识用有限位数表示数据产生的问题,
才能编出正确可靠的程序!



中山大學
SUN YAT-SEN UNIVERSITY

变量在计算机内部

學大山中立國

内存 (Memory) 及其组织

- 内存是计算机存储信息的电路
- **位 (bit, 比特)**：
 - 存储1位二进制数
- **字节 (Byte)**
 - 最基本的存储单元
 - 包含 8 个 bit
- **地址 (Address)**
 - 存储单元的编码
- **地址空间 (Address Space)**
 - $0 .. 2^n$ ；例如： $n=32$ (4G)

Address	Contents
0000000	11100011
0000001	10101001
:	:
1111110	00000000
11111101	11111111
11111110	10101010
11111111	00110011

内存容量

- 内存是地址用二进制表示。
- 每个内存存储单元使用一个地址
- 内存容量的单位

<i>Unit</i>		<i>Number of bytes</i>	<i>Approximation</i>
Kilobyte	(K)	2^{10} bytes	10^3 bytes
Megabyte	(M)	2^{20} bytes	10^6 bytes
Gigabyte	(G)	2^{30} bytes	10^9 bytes
Terabyte	(T)	2^{40} bytes	10^{12} bytes

- 例如：8G内存，表示有 2^{33} 个地址或存储单元或Bytes

Var-Address-Value

- 每个变量都有类型、地址、值等属性。

```
/*vars-address-value*/
#include<stdio.h>

int main() {
    int i = 5;
    float x = 5.0f;

    printf("Addr:%p bin value:%#010x\n",&i,i);
    printf("Addr:%p bin value:%#010x\n",&x,*(int *)&x);

    return 0;
}
```

把整数和浮点变量的值改为负数，其二进制内容是…

地址*	值
62FE18	00
19	00
1A	A0
1B	40
62FE1C	05
1D	00
1E	00
1F	00

*地址随运行环境浮动



中山大學

SUN YAT-SEN UNIVERSITY

謝謝

立大山中學

中山大学计算机学院



中山大学MOOC课程组