

序列的值

根据期望的线性性，对于 a_i ，我们只要计算有多少 $a_{1..i-1}$ 的子序列 S ，使得 $Xor(S) \oplus a_i > Xor(S)$ 。

我们从高位往低位比较，可以发现当这一位 a_i 为 0 时，两个数肯定是相等的，当这一位 a_i 为 1 时， $Xor(S)$ 的这一位必须为 0，且比较一定会结束。

所以我们找到 a_i 的最高位的位置，然后前面 dp 一下 $f_{i,j}$ 表示 xor 和的第 i 位为 j 的序列个数，转移即可。

时间复杂度： $O(n \log a_i)$

乘法

令 $f[i][j]$ 表示考虑了高于 i 的位，现在还过剩 $j * 2^i$ 。

转移时考虑第 $i - 1$ 位是加还是减还是不用即可。

时间复杂度： $O(n)$

投篮

设 f_n 表示剩下 n 个人时期望几轮结束，我们可以根据定义列出以下式子：

$$f_n = 1 + (p^n + (1-p)^n) * f_n + \sum_{i=1}^{n-1} f_{n-i} * (1-p)^i * p^{n-i} * C_n^i$$

我们移项后得到：

$$(1 - (p^n + (1-p)^n)) * f_n = 1 + \sum_{i=1}^{n-1} f_{n-i} * (1-p)^i * p^{n-i} * C_n^i$$

于是就得到了一个 $O(n^2)$ 的 dp 。

用分治 fft 维护一下即可。

时间复杂度： $O(n \log^2 n)$

序列

考虑令 $f_{i,j}$ 表示第 i 个数最后为 j 的答案。

可以发现这是一个分段函数，且斜率递增。

由于斜率递增，我们可以新增一些长度为 0 的段，使得他满足每一段的斜率比前一段多 1。

由于每一段的斜率比前面多 1，我们将斜率 ≤ 0 的部分扔掉(显然不优)，然后维护第一个拐点的纵坐标，以及每个拐点的横坐标，就可以知道所有拐点的值。

考虑新加入一个数 a_{i+1} ，我们有 $f_{i+1,j} = |j - a_{i+1}| + \min_{k \geq j} f_{i,k}$ 。

因为斜率递增，所以实际上有 $f_{i+1,j} = |j - a_{i+1}| + f_{i,k}$ 。

分两段考虑，对于 $j < a_{i+1}$ ，相当于前面加了一段 $a_{i+1} - x$ 的函数，对于 $j \geq a_{i+1}$ ，相当于后面加了一段 $x - a_{i+1}$ 的函数，于是前面斜率全部减1，后面斜率全部加1，具体实现只要新加入两个拐点即可，然后第一个拐点的纵坐标直接加 $a_{i+1} - x$ 。

由于前面斜率全部减1，所以对于第一段，他的斜率从1变成了0，所以我们可以直接把第一个拐点删掉。

特别的，如果 a_{i+1} 小于等于第一个拐点的横坐标，我们直接将 a_{i+1} 作为第一个拐点即可。

最后的答案就是第一个拐点的纵坐标。

具体的维护可以用一个 *set* 实现。

时间复杂度： $O(n \log n)$ 。