

prie aequiualebit et proprietate praescripta erit praedita. Iam quum etiam F et $(a'm, b'm, c'm)$ proprie aequiualeant, facile perspicietur, sufficere eum casum considerare vbi a ad $2dm$ sit primus. Tunc (a, bm, cmm) erit forma proprie primitiua (si enim $a, 2bm, cmm$ diuisorem communem haberent, hunc etiam $2dm = 2bbm - 2acm$ implicaret) eiusdem determinantis vt F , confirmaturque facile, F transmutari in productum e forma $(m, 0, -dm)$, quae, nisi F est forma negatiua, erit simplicissima ordinis 0, in (a, bm, cmm) per substitutionem $1, 0, -b, -cm; 0, m, a, bm$, vnde per criterium in obs. 4. art. 235 concluditur, F ex $(m, 0, -dm)$ et (a, bm, cmm) esse compositam. Quando autem F est forma negatiua, transibit in productum e forma simplicissima eiusdem ordinis $(-m, 0, dm)$ in positiuam $(-a, bm, -cmm)$ per substitutionem $1, 0, b, -cm; 0, -m, -a, bm$, adeoque ex ipsis erit composita.

Secundo, si f est forma improprie primitiua, supponere licebit $\frac{1}{2}a$ ad $2dm$ esse primum; si enim haec proprietates in forma f locum nondum habet, inueniri potest forma ipsi f proprie aequiualens et hac proprietate praedita. Hinc autem sequitur facile, $(\frac{1}{2}a, bm, 2cmm)$ esse formam proprie primitiuam eiusdem determinantis vt F ; aequè facile confirmatur, F transire in productum e formis $(\pm 2m, \pm m \pm \frac{1}{2}(m - dm)), (\pm \frac{1}{2}a, bm, \pm 2cmm)$ per substitutionem $1, 0, \frac{1}{2}(1 \pm b), -cm; 0, \pm 2m, \pm \frac{1}{2}a, (b \pm 1)m$, vbi signa inferiora accipienda sunt quando F est forma negatiua, superiora in casibus reliquis, adeo-

que ex his duabus formis esse compositam, quarum prior erit simplicissima ordinis O , posterior forma proprie primitiua (positiua).

251. PROBLEMA. *Propositis duabus formis F , f eiusdem determinantis D et ad eundem ordinem O pertinentibus: inuenire formam proprie primitiuam determinantis D , quae cum f composita producat F .*

Sol. Sit ϕ forma simplicissima ordinis O ; \S , f formae proprie primitivae det. D , quae cum ϕ compositae producant ipsas F , f resp.; denique f' forma proprie primitiua quae cum f composita producat \S . Tunc forma F composita erit e tribus formis ϕ , f , f' , siue e duabus f , f' .
Q. E. I.

Quaecuis itaque classis ordinis dati considerari potest tamquam composita ex quacunque classe data eiusdem ordinis et aliqua classe proprie primitiua eiusdem determinantis.

252. THEOREMA. *Pro determinante dato in singulis generibus eiusdem ordinis contentae sunt classes aequae multae.*

Dem. Pertineant genera G et H ad eundem ordinem, constet G ex n classibus K , K' , $K'' \dots K^{n-1}$, sitque L classis aliqua e genere H . Inuestigetur per art. praec. classis proprie primitiua M eiusdem determinantis, ex cuius compositione cum K prodeat L , designenturque classes quae oriuntur ex compositione classis M cum K' , $K'' \dots K^{n-1}$ resp. per L' , $L'' \dots L^{n-1}$. Tunc ex