

orem cum \mathfrak{H} , vel hanc cum \mathfrak{G} , illam cum \mathfrak{H} .
 — Quando a adhuc maior est, semper pars a^{ta} omnium generum classes Ω includent (singula a classes).

VI. Supponamus iam, C esse talem classem, cuius periodus ex n terminis constet, perspiciturque facile, in eo casu vbi $a = 2$ adeoque n par, nullam ex Ω ad G pertinere posse (tunc enim talis classis in periodo classis C contenta foret; si itaque esset $= rC$, siue $2rC = C$, foret $2r \equiv 1 \pmod{n}$ Q. E. A.); quamobrem quum G ad \mathfrak{G} pertineat, necessario omnes classes Ω inter genera \mathfrak{H} distributa erunt. Hinc colligitur, quoniam (pro det. reg.) in G omnino dantur ϕn classes periodos n terminorum habentes, pro eo casu vbi $a = 2$ inueniri in quouis genere \mathfrak{H} omnino $2\phi n$ classes, quarum periodi $2n$ terminos, adeoque tum genus suum tum principale, complectantur; quando vero $a = 1$, in quouis genere a principali diuerso ϕn huiusmodi classes dabuntur.

VII. His observationibus methodum sequentem superstruimus, systema *omnium* classium pr. prim. pro quolibet determinante regulari dato (irregulares enim omnino seponimus) quam aptissime construendi. Eligatur ad lubitum classis E , cuius periodus $2n$ terminos, adeoque tum genus suum quod sit V tum principale G complectatur; classes horum duorum generum ita disponantur, vt in illa periodo progrediuntur. Hoc modo res iam absoluta erit, quando plura genera quam haec duo omnino non adsunt, siue reliqua adiicere non necesse videtur (e. g. pro tali det. neg., vbi duo

tantum genera positiua dantur). Quando vero quatuor aut plura genera construenda sunt, reliqua hoc modo tractentur. Sit V' aliquod e reliquis atque $V + V' = V''$, dabunturque in V' et V'' duae classes ancipites (puta vel in utroque vna, vel in altero duae in altero nulla); ex his eligatur vna A ad lubitum, patetque facile, si A cum singulis classibus in G et V componatur, prodire $2n$ classes diuersas ad V' et V'' pertinentes, adeoque haec genera omnino exhaustientes; ita haec quoque genera ordinari poterunt. — Si praeter haec quatuor genera alia adhuc supersunt, sit V''' vnum e reliquis, atque V^{IV} , V^V , V^{VI} genera ea quae prodeunt e compositione generis V''' cum V , V' et V'' . Haec quatuor genera $V''' = V^{VI}$ quatuor classes ancipites continebunt, patetque, si ex his vna A' eligatur atque cum singulis classibus in G , V , V' , V'' componatur, omnes classes in $V''' = V^{VI}$ prodire. — Si adhuc plura genera supersunt, simili modo continuetur, donec omnia exhaustae sint. Patet, si multitudo omnium generum construendorum sit 2^n , omnino opus fore $n - 1$ classibus ancipitibus, et quamuis classem horum generum produci posse vel e multiplicatione classis E , vel e compositione classis, e tali compositione ortae, cum vna pluribusue ancipitibus. Ecce duo exempla, per quae haec praecepta illustrabuntur; plura de usu talis constructionis, vel de artificiis per quae labor subleuari potest, hic adicere non licet.

I. Determinans — 161.

Quatuor genera positiua; in singulis quaternae classes.

G		V	
I, 4; R_7 ; R_{23}		3, 4; N_7 ; R_{23}	
(1, 0, 161) =	K	(3, 1, 54) =	E
(9, 1, 18) =	$2E$	(6, — 1, 27) =	$3E$
(2, 1, 54) =	$4E$	(6, 1, 27) =	$5E$
(9, — 1, 18) =	$6E$	(3, — 1, 54) =	$7E$
V'		V''	
3, 4; R_7 ; N_{23}		I, 4; N_7 ; N_{23}	
(7, 0, 23) =	A	(10, 3, 17) =	$A + E$
(11, — 2, 15) =	$A + 2E$	(5, 2, 33) =	$A + 3E$
(14, 7, 15) =	$A + 4E$	(5, — 2, 33) =	$A + 5E$
(11, 2, 15) =	$A + 6E$	(10, — 3, 17) =	$A + 7E$

II. Determinans — 546.

Octo genera positiua; in singulis ternae classes.

G		V	
I et 3, 8; R_3 ; R_7 ; R_{13}		5 et 7, 8; N_3 ; N_7 ; N_{13}	
(1, 0, 546) =	K	(5, 2, 110) =	E
(22, — 2, 25) =	$2E$	(21, 0, 26) =	$3E$
(22, 2, 25) =	$4E$	(5, — 2, 110) =	$5E$
V'		V''	
I et 3, 8; N_3 ; R_7 ; N_{13}		5 et 7, 8; R_3 ; N_7 ; R_{13}	
(2, 0, 273) =	A	(10, 2, 55) =	$A + E$
(11, — 2, 50) =	$A + 2E$	(13, 0, 42) =	$A + 3E$
(11, 2, 50) =	$A + 4E$	(10, — 2, 55) =	$A + 5E$

V^{III}

1 et 3 8; N3; N7; R13

$$(3, 0, 182) = A'$$

$$(17, 7, 35) = A' + 2E$$

$$(17, -7, 35) = A' + 4E$$

V^V

1 et 3 8; B3; N7; N13

$$(6, 0, 91) = A + A'$$

$$(19, 9, 33) = A + A' + 2E$$

$$(19, -9, 53) = A + A' + 4E$$

V^{IV}

5 et 7 8; R3; R7; N13

$$(15, -3, 37) = A' + E$$

$$(7, 0, 78) = A' + 3E$$

$$(15, 3, 37) = A' + 5E$$

V^{VI}

5 et 7 8; N3; R7; R13

$$(23, 11, 29) = A + A' + E$$

$$(14, 0, 26) = A + A' + 3E$$

$$(23, -11, 29) = A + A' + 5E$$