

— 918), quarum determinantes sunt 997331, 1994662:

(1, 998, — 1327)	(1, 1412, — 918)
(— 1327, 329, 670)	(— 918, 1342, 211)
(670, 341, — 1315)	(211, 1401, — 151)
(— 1315, 974, 37)	(— 151, 1317, 1723)
(37, 987, — 626)	(1723, 406, — 1062)
(— 626, 891, 325)	(— 1062, 656, 1473)
(325, 734, — 1411)	(1473, 817, — 901)
(— 1411, 677, 382)	(— 901, 985, 1137)
(382, 851, — 715)	etc.

Sunt itaque residua numeri 997331 omnes numeri — 1327, 670 etc.; negligendo autem ea, quae factores nimis magnos implicant, haecce habemus: 2.5.67, 37, 13, — 17.83, — 5.11.13, — 2.3.17, — 2.59, — 17.53; residuum 2.5.67, nec non hoc — 5.11, quod e combinatione tertii cum quinto euoluitur, iam supra erueramus.

III. Si C est classis quaecunque formarum det. neg. — M siue generalius — kM , a principali diuersa, ipsiusque periodus haec $2C$, $3C$ etc. (art. 307.): classes $2C$, $4C$ etc. ad genus principale pertinebunt; hae vero $3C$, $5C$ etc. ad idem genus vt C . Si itaque (a, b, c) est forma (simplicissima) ex C atque (a', b', c') forma ex aliqua classe illius periodi puta ex nC , erit vel a' , vel aa' residuum ipsius M , prout n par vel impar (in casu priori manifesto etiam c' , in posteriori ac' , ca' et cc'). Euolutio periodi, i. e. formarum simplicissimarum in ipsius classibus, mira facilitate perficitur, quando a est valde paruus,

praesertim quando est $= 3$, quod semper efficere licet, quando $kM \equiv 2 \pmod{3}$. Ecce initium periodi classis, in qua est forma $(3, 1, 332444)$

$C (3, 1, 332444)$	$6C (729, -209, 1428)$
$2C (9, -2, 110815)$	$7C (476, 209, 2187)$
$3C (27, 7, 36940)$	$8C (1027, 342, 1085)$
$4C (81, 34, 12327)$	$9C (932, -437, 1275)$
$5C (243, 34, 4109)$	$10C (425, 12, 2347)$

Hinc promanant residua (inutilibus reiectis) 3.476, 1027, 1085, 425 siue (tollendo factores quadratos) 3.7.17, 13.79, 5.7.31, 17, e quorum combinatione apta cum octo residuis in II inuentis facile eruuntur duodecim sequentia — 2.3, 13, — 2.7, 17, 37, — 53, — 5.11, 79, — 83, — 2.59, — 2.5.31, 2.5.67; sex priores sunt iidem quibus in art. 331 vsi sumus. Adiici potuissent residua 19 et — 29, si ea quoque in vsum vocare voluissemus, quae in I reperta sunt; reliqua illic eruta ab iis quae hic euoluimus iam sunt dependentia.

333. METHODUS SECUNDA, numerum datum M in factores resoluendi, petitur e consideratione valorum talis expr. $\sqrt{-D} \pmod{M}$, observationibusque sequentibus innititur.

I. Quando M est numerus primus aut potestas numeri primi (imparis ipsumque D non metientis), erit — D residuum vel non residuum ipsius M , prout M vel in forma diuisorum vel in forma non diuisorum ipsius $xx + D$ continetur, et in casu priori expressio $\sqrt{-D} \pmod{M}$.

M) duos tantummodo valores diuersos habebit, qui oppositi erunt.

II. Quando vero *M* est compositus, puta $= pp'p''$ etc., designantibus *p*, *p'*, *p''* etc. numeros primos (diuersos impares ipsumque *D* non metientes) aut talium numerorum potestates: — *D* tunc tantummodo residuum ipsius *M* erit, quando est residuum singulorum *p*, *p'*, *p''* etc., i. e. quando hi numeri omnes in formis diuisorum ipsius $xx + D$ continentur. Designando autem valores expr. $\sqrt{-D}$ sec. modulus *p*, *p'*, *p''* etc. resp. per $\pm r$, $\pm r'$, $\pm r''$ etc., omnes valores eiusdem expressionis sec. mod. *M* orientur, eruendo numeros qui secundum *p* sint $\equiv r$ aut $\equiv -r$, secundum *p'* aut $\equiv r'$ aut $\equiv -r'$ etc., quocirca ipsorum multitudo fiet $= 2^n$, designante *n* multitudinem numerorum *p*, *p'*, *p''* etc. Quodsi itaque hi valores sunt *R*, $-R$, *R'*, $-R'$, *R''* etc., sponte erit $R \equiv R$ secundum omnes *p*, *p'*, *p''* etc., sed secundum nullos $R \equiv -R'$, vnde diuisor communis maximus numeri *M* cum $R - R$ erit *M*, et 1 diu. comm. max. ipsius *M* cum $R + R'$; sed valores duo nec identici nec oppositi vt *R* et *R'* necessario secundum vnum pluresue numerorum *p*, *p'*, *p''* etc., neque vero secundum omnes, congrui erunt, et secundum reliquos $R \equiv -R'$; hinc illorum productum erit diuisor communis maximus numerorum *M* et $R - R'$, productumque horum d. c. m. ipsorum *M* et $R + R'$. Hinc facile sequitur, si omnes diuisores communes maximi ipsius *M* cum differentiis inter singulos valores expr. $\sqrt{-D}$ (mod. *M*) atque aliquem valorem datum