

sentari possit: facile perspicietur, characterem huius formae respectu cuiusvis numeri primi imparis  $p$  ipsum  $\frac{1}{4}D$  metientis fore  $Rp$ , *tum* si fuerit  $2Rp$  atque formae  $f$ ,  $f'$  respectu ipsius  $p$  eundem characterem habeant, *tum* si fuerit  $2Np$  atque characteres formarum  $f$ ,  $f'$  respectu ipsius  $p$  oppositi; contra characterem illius formae fore  $Np$ , *tum* si  $f$ ,  $f'$  habeant characteres aequales respectu ipsius  $p$  atque sit  $2Np$ , *tum* si  $f$ ,  $f'$  habeant oppositos atque sit  $2Rp$ .

247. Ex solutione problematis praec. manifestum est, si  $g$  sit forma primitiva ex eodem ordine et genere ut  $f$ , nec non  $g'$  forma primitiva ex eodem ordine et genere ut  $f'$ : formam ex  $g$  et  $g'$  compositam ad idem genus pertinere ad quod pertineat forma ex  $f$  et  $f'$  composita. Hinc sponte sequitur significatio *generis* ex duobus aliis generibus (siue etiam pluribus) *compositi*. Porro ibinde patet, si  $f$ ,  $f'$  eundem determinantem habeant atque  $f$  sit forma e genere principali,  $F$  vero ex  $f$  et  $f'$  composita:  $F$  fore ex eodem genere ut  $f'$ ; quocirca genus principale in compositione cum aliis generibus eiusdem determinantis semper omitti poterit. Si vero reliquis manentibus  $f$  non est e genere principali,  $f'$  autem forma primitiva:  $F$  certo erit ex alio genere quam  $f'$ . Denique si  $f$ ,  $f'$  sunt formae proprie primitiae eiusdem generis,  $F$  erit e genere principali; si vero  $f$ ,  $f'$  sunt ambae proprie primitiae eiusdem determinantis, sed e diuersis generibus,  $F$  ad genus principale pertinere non poterit. Quodsi itaque forma quaecunque proprie primitua cum se *ipsa* componitur, forma

inde resultans, quae etiam proprie primitiua eiusdemque determinantis erit, necessario ad genus principale pertinebit.

248. PROBLEMA. *Propositis duabus formis quibuscumque  $f$ ,  $f'$ , e quibus composita est  $F$ : e generibus formarum  $f$ ,  $f'$  definire genus formae  $F$ .*

Sol. Sit  $f = (a, b, c)$ ,  $f' = (a', b', c')$ ,  $F = (A, B, C)$ , porro m diu. comm. max. numerorum  $a, b, c$ , atque  $m'$  diu. comm. max. numerorum  $a', b', c'$ , ita ut  $f, f'$  sint deriuatae e primitiuis  $(\frac{a}{m}, \frac{b}{m}, \frac{c}{m})$ ,  $(\frac{a'}{m'}, \frac{b'}{m'}, \frac{c'}{m'})$ , quas denotabimus per  $f, f'$  resp. Iam si saltem vna formarum  $f, f'$  est proprie primitiua, divisor comm. max. numerorum  $A, B, C$  erit  $mm'$ , adeoque  $F$  deriuata e forma primitiua  $(\frac{A}{mm'}, \frac{B}{mm'}, \frac{C}{mm'}) \dots \mathfrak{F}$ , vnde patet, genus formae  $F$  pendere a genere formae  $\mathfrak{F}$ . Sed facile perspicietur,  $\mathfrak{F}$  per eandem substitutionem transire in  $ff'$ ; per quam  $F$  transeat in  $ff'$  adeoque  $\mathfrak{F}$  ex  $f, f'$  esse compositam, ipsiusque genus per problema art. 246 determinari posse. — Si vero utraque  $f, f'$  est impropre primitiua, divisor c. m. numerorum  $A, B, C$  erit  $2mm'$ , formaque  $\mathfrak{F}$  etiamnum ex  $f, f'$  composita et manifesto e proprie primitiua  $(\frac{A}{2mm'}, \frac{B}{2mm'}, \frac{C}{2mm'})$  deriuata. Huius itaque formae genus determinari poterit per art. 246; et quum  $F$  ex eadem forma deriuata sit, ipsius genus hinc sponte innotescit.

Ex hac solutione manifestum est, theorema in art. praec. pro formis primitiuis explicatum, scilicet *si  $f', g'$  sint ex iisdem generibus resp.*

*ut f, g, formam ex eodem genere fore ex quo sit forma ex f, g composita, generaliter pro formis quibuscumque valere.*

249. THEOREMA. *Si formae f, f' sunt ex iisdem ordinibus generibus et classibus ut g, g' resp.: forma ex f et f' composita ex eadem classe erit ut forma ex g et g' composita.*

Ex hoc theoremate (cuius veritas ex art. 239 protinus sequitur) sponte patebit significatio *classis e duabus classibus datis siue etiam e pluribus compositae.*

Si *classis quaecunque K* cum classe principali componitur, *classis K ipsa prodibit, siue classis principalis in compositione cum aliis classibus eiusdem determinantis negligi potest.* Ex compositione duarum classium oppositarum proprie primituarum semper oritur *classis principalis eiusdem determinantis* (v. art. 243). Quum itaque *quaevis classis anceps sibi ipsa opposita sit: ex compositione cuiusuis classis ancipitis proprie primituae cum se ipsa classis principalis eiusdem determinantis prouenit.*

Propositio vltima etiam conuersa valet: scilicet *si ex compositione classis proprie primituae K cum se ipsa prouenit classis principalis H eiusdem determinantis, K necessario erit classis anceps.* Si enim *K'* est *classis opposita ipsi K, et tribus classibus K, K, K' composita erit eadem classis quae oritur ex H et K'; ex illis prouenit K (quoniam K et K' producunt H, haec cum K ipsam K), ex his K'; quare K cum K' coincidet eritque adeo *classis anceps.**