

orem cum \mathfrak{H} , vel hanc cum \mathfrak{G} , illam cum \mathfrak{H} .
 — Quando a adhuc maior est, semper pars a^{ta}
 omnium generum classes Ω includent (singula a
 classes).

VI. Supponamus iam, C esse talem classem,
 cuius periodus ex n terminis constet, perspicie-
 turque facile, in eo casu vbi $a = 2$ adeoque n
 par, nullam ex Ω ad G pertinere posse (tunc enim
 talis classis in periodo classis C contenta foret; si
 itaque esset $= rC$, siue $2rC = C$, foret $2r = 1$
 (mod. n) Q. E. A.); quamobrem quum G ad \mathfrak{G} per-
 tineat, necessario omnes classes Ω inter genera \mathfrak{H}
 distributa erunt. Hinc colligitur, quoniam (pro det.
 reg.) in G omnino dantur $\mathfrak{C}n$ classes periodos n
 terminorum habentes, pro eo casu vbi $a = 2$
 inueniri in quoquis genere \mathfrak{H} omnino $2\mathfrak{C}n$ classes,
 quarum periodi $2n$ terminos, adeoque tum ge-
 nus suum tum principale, complectantur; quando
 vero $a = 1$, in quoquis genere a principali di-
 uerso $\mathfrak{C}n$ huiusmodi classes dabuntur.

VII. His obseruationibus methodum sequen-
 tem superstruimus, sistema *omnium* classium pr.
 prim. pro quolibet determinante regulari dato
 (irregulares enim omnino seponimus) quam aptis-
 sime construendi. Eligatur ad lubitum classis E ,
 cuius periodus $2n$ terminos, adeoque tum genus
 suum quod sit V tum principale G complectatur;
 classes horum duorum generum ita disponantur,
 vt in illa periodo progrediuntur. Hoc modo res
 iam absoluta erit, quando plura genera quam haec
 duo omnino non adsunt, siue reliqua adiicere non
 necesse videtur (e. g. pro tali det. neg., vbi duo

tantum genera positiva dantur). Quando vero quatuor aut plura genera construenda sunt, reliqua hoc modo tractentur. Sit V' aliquod e reliquis atque $V' + V' = V''$, dabunturque in V' et V'' duae classes ancipites (puta vel in utroque una, vel in altero duae in altero nulla); ex his eligatur una A ad lubitum, patetque facile, si A cum singulis classibus in G et V' componatur, prodire $2n$ classes diuersas ad V' et V'' pertinentes, adeoque haec genera omnino exhaustientes; ita haec quoque genera ordinari poterunt. — Si praeter haec quatuor genera alia adhuc supersunt, sit V''' unum e reliquis, atque V^{IV} , V^{V} , V^{VI} genera ea quae prodeunt e compositione generis V''' cum V' , V'' et V'' . Haec quatuor genera $V''' = V^{\text{VI}}$ quatuor classes ancipites continebunt, patetque, si ex his una A' eligatur atque cum singulis classibus in G , V' , V'' , V''' componatur, omnes classes in $V''' = V^{\text{VI}}$ prodire. — Si adhuc plura genera supersunt, simili modo continuetur, donec omnia exhaustae sint. Patet, si multitudo omnium generum construendorum sit 2^n , omnino opus fore $n - 1$ classibus ancipitibus, et quamuis classem horum generum produci posse vel e multiplicatione classis E , vel e compositione classis, e tali compositione ortae, cum una pluribusue ancipitibus. Ecce duo exempla, per quae haec praecepta illustrabuntur; plura de vsu talis constructionis, vel de artificiis per quae labor subleuari potest, hic adiicere non licet.

I. Determinans — 161.

Quatuor genera positiva; in singulis quaternae classes.

$$G \\ 1, 4; R7; R23$$

$$(1, 0, 161) = K$$

$$(9, 1, 18) = 2E$$

$$(2, 1, 54) = 4E$$

$$(9, -1, 18) = 6E$$

$$V \\ 3, 4; R7; N23$$

$$(7, 0, 23) = A$$

$$(11, -2, 15) = A + 2E$$

$$(14, 7, 15) = A + 4E$$

$$(11, 2, 15) = A + 6E$$

$$V \\ 3, 4; N7; R23$$

$$(3, 1, 54) = E$$

$$(6, -1, 27) = 3E$$

$$(6, 1, 27) = 5E$$

$$(3, -1, 54) = 7E$$

$$V''$$

$$1, 4; N7; N23$$

$$(10, 3, 17) = A + E$$

$$(5, 2, 33) = A + 3E$$

$$(5, -2, 33) = A + 5E$$

$$(10, -3, 17) = A + 7E$$

II. Determinans — 546.

Octo genera positiva; in singulis ternae classes.

$$G \\ 1 \text{ et } 3, 8; R3; R7; R13$$

$$(1, 0, 546) = K$$

$$(22, -2, 25) = 2E$$

$$(22, 2, 25) = 4E$$

$$V \\ 5 \text{ et } 7, 8; N3; N7; N13$$

$$(5, 2, 110) = E$$

$$(21, 0, 26) = 3E$$

$$(5, -2, 110) = 5E$$

$$V' \\ 1 \text{ et } 3, 8; N3; R7; N13$$

$$(2, 0, 273) = A$$

$$(11, -2, 50) = A + 2E$$

$$(11, 2, 50) = A + 4E$$

$$V''$$

$$5 \text{ et } 7, 8; R3; N7; R13$$

$$(10, 2, 55) = A + E$$

$$(13, 0, 42) = A + 3E$$

$$(10, -2, 55) = A + 5E$$

V^{III}

$$1 \text{ et } 3; 8; N3; N7; R13$$

$$(3, 0, 182) = A'$$

$$(17, 7, 35) = A' + 2E$$

$$(17, -7, 35) = A' + 4E$$

V^V

$$1 \text{ et } 3; 8; R3; N7; N13$$

$$(6, 0, 91) = A + A'$$

$$(19, 9, 33) = A + A' + 2E$$

$$(19, -9, 53) = A + A' + 4E$$

V^{IV}

$$5 \text{ et } 7; 8; R3; R7; N13$$

$$(15, -3, 37) = A' + E$$

$$(7, 0, 78) = A' + 3E$$

$$(15, 3, 37) = A' + 5E$$

V^{VI}

$$5 \text{ et } 7; 8; N3; R7; R13$$

$$(23, 11, 29) = A + A' + E$$

$$(14, 0, 26) = A + A' + 3E$$

$$(23, -11, 29) = A + A' + 5E$$