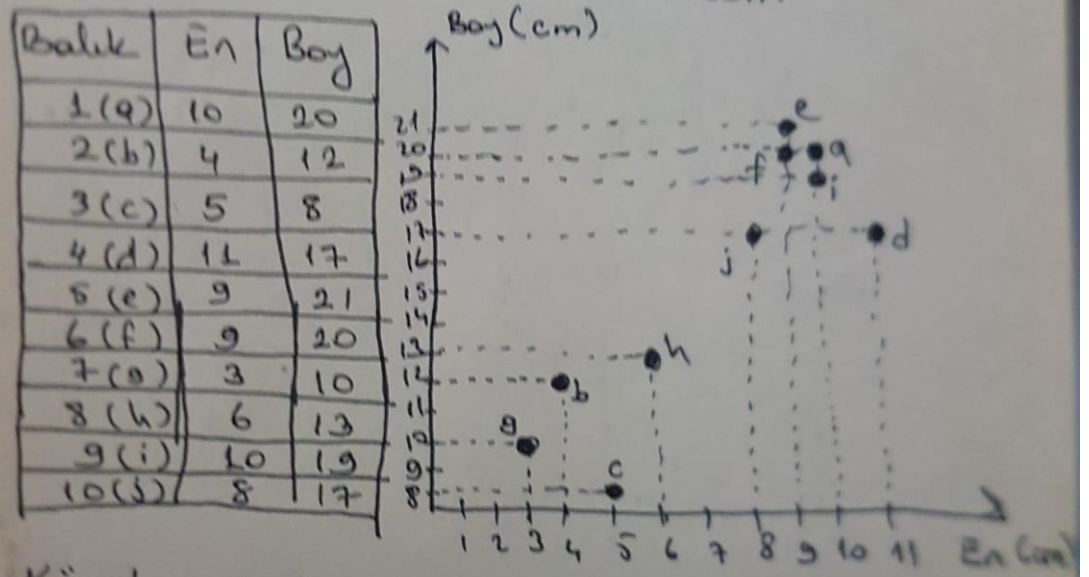


Bir örnek üzerinden kruskal algoritması ile nasıl kümeleme yapıldığını gösterelim.

Bir çiftlikte bulunan balıkların genişlik ve boy bilgilerine göre kümelmesi istenmektedir.

Ölçüm değerleri ve elde edilen değerlerin grafikte gösterimi şu şekildedir.



Kümeleme işlemi için kruskal algoritması kullanılması için öncelikle bütün değerler arasındaki uzaklığın bulunması gereklidir. Buradaki uzaklık ölçütü öklid uzaklığı olup formülü şu şekildedir.

$$\text{öklid}(a,b) = \sqrt{(x_a - x_b)^2 + (y_a - y_b)^2}$$

Bu problemde toplam 10 ölüm obduğu için  
toplama bütün ~~noktaları~~ birbirine olan uzaklığı  
bulup 10x10'luk bir matrise atmamız gerekir.

Burada ben sadece en kısa kenarların değerlerini  
matrise yazacağım (normalde hepsi hesaplanır).

	a	b	c	d	e	f	g	h	i	j
	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
a 1	0					1			1	
b 2		0					$\sqrt{5}$	$\sqrt{5}$	<del>3</del>	
c 3			0				$\sqrt{8}$			
d 4				0					$\sqrt{5}$	3
e 5					0	1				
f 6	1				1	0				
g 7		$\sqrt{5}$	$\sqrt{8}$				0			
h 8		$\sqrt{5}$						0		$\sqrt{20}$
i 9	1	<del>3</del>		$\sqrt{5}$					0	
j 10				3				$\sqrt{20}$		0

$$\text{öklit}(i, j) = \text{öklit}(j, i) = \sqrt{(17-19)^2 + (8-10)^2} = \sqrt{8}$$

$$\text{öklit}(e, f) = \text{öklit}(f, e) = \sqrt{(9-9)^2 + (21-20)^2} = 1$$

$$\text{öklit}(a, f) = \text{öklit}(f, a) = \sqrt{(10-9)^2 + (20-20)^2} = 1$$

$$\text{öklit}(a, i) = \text{öklit}(i, a) = \sqrt{(10-10)^2 + (20-19)^2} = 1$$

$$\text{öklit}(j, d) = \text{öklit}(d, j) = \sqrt{(8-11)^2 + (17-17)^2} = 3$$

$$\text{öklit}(i, d) = \text{öklit}(d, i) = \sqrt{(10-11)^2 + (19-17)^2} = \sqrt{5}$$

$$\text{öklit}(j, h) = \text{öklit}(h, j) = \sqrt{(13-17)^2 + (6-8)^2} = \sqrt{20}$$

$$\text{öklit}(b, h) = \text{öklit}(h, b) = \sqrt{(12-19)^2 + (4-6)^2} = \sqrt{5}$$

$$\text{öklit}(b, g) = \text{öklit}(g, b) = \sqrt{(10-12)^2 + (3-4)^2} = \sqrt{5}$$

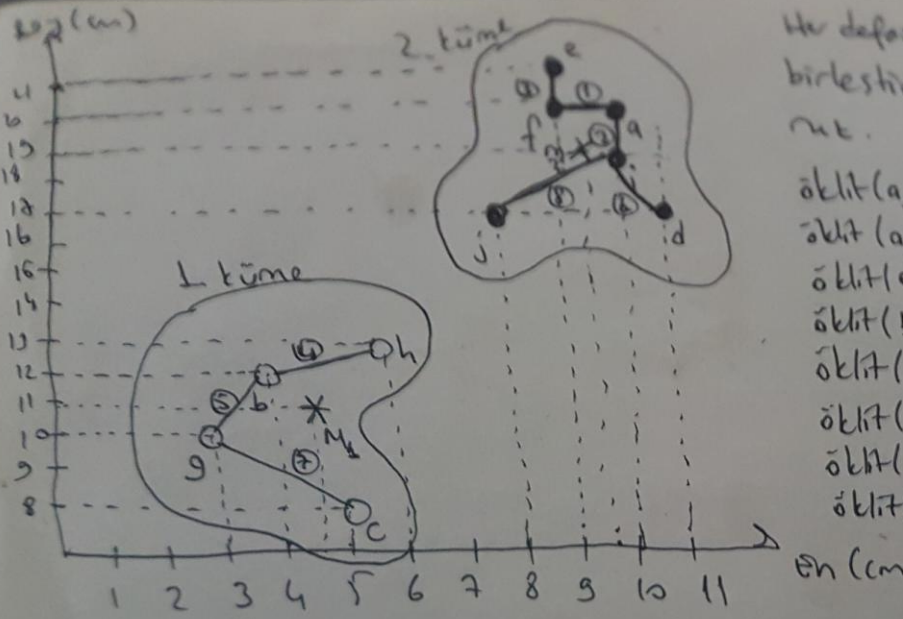
$$\text{öklit}(g, c) = \text{öklit}(c, g) = \sqrt{(10-12)^2 + (3-5)^2} = \sqrt{8}$$

Kruskal algoritması ile kümelene yaparken  
diğer bir belirlemesi gereken şey küme  
sayısıdır. Biz burada küme sayısını 2 alalım.

Kruskal algoritmasının mantığında minimum  
spanning tree'leri <sup>(MST)</sup> birbirine en kısa şekilde birleş-  
tirerek yeni MST'ler oluşturmak vardır. En son  
aşamada iki MST birleştirildiğinde sonuç  
elde ediliyordu. Kümelene yapılırsa  
bu birleştirme işleni yapılırken ~~bu~~ her  
defasında kaç tane minimum spanning tree kaldığı  
kontrol edilmelidir. Eğer 2 kümeye böleceksek  
son olarak 2 tane MST kalmalıdır. Her MST'ye  
ait noktalar iki farklı kümenin elemanları  
olacaktır.

Şimdi ise grafik üzerinden MST'leri  
oluşturarak sonucu elde edelim.





Her defasında en kısa kenarı birleştirerek MST'leri birleştiriyoruz.

$$\text{öklit}(a, f) = 1 \quad (1. \text{ adım})$$

$$\text{öklit}(a, i) = 1 \quad (2. \text{ adım})$$

$$\text{öklit}(e, f) = 1 \quad (3. \text{ adım})$$

$$\text{öklit}(b, h) = \sqrt{5} \quad (4. \text{ adım})$$

$$\text{öklit}(b, g) = \sqrt{5} \quad (5. \text{ adım})$$

$$\text{öklit}(i, d) = \sqrt{5} \quad (6. \text{ adım})$$

$$\text{öklit}(g, c) = \sqrt{8} \quad (7. \text{ adım})$$

$$\text{öklit}(i, j) = \sqrt{8} \quad (8. \text{ adım})$$

Görüldüğü gibi 2 MST kaldığında 2 tane kümeye ayırmış olduk. 1. kümenin üyeleri  $\{h, b, g, c\}$  ikincisi kümenin üyeleri  $\{a, e, d, i, f, j\}$  oldu. Bu kümelerin ortadokmaları  $m_1, m_2$  ise küme denemeleri  $x, y$

~~değerlerinin ortalaması olur.~~

$$m_1 = \left( \frac{4+3+3+5}{4}, \frac{13+11+9+8}{4} \right) = (3.5, 10.75)$$

$$m_2 = \left( \frac{8+8+9+9+10+7}{6}, \frac{17+16+15+14+14+14}{6} \right) = (8.5, 19)$$