

Álise de Aplicação de Programação Paralela Através de Estudos de Casos em Implementações em Problemas de Fractais

Ariel F. Azevedo¹, Rodrigo Acosta. ^{*2}, Rodrigo Duarte ¹

¹Laboratory of Ubiquitous and Parallel Systems (LUPS) -
Universidade Federal de Pelotas (UFPel)

²Centro de Desenvolvimento Tecnológico -
Faculdade de Ciência da Computação Universidade Federal de Pelotas (UFPel)

{afazevedo, rmduarte, rdbacosta}@inf.ufpel.edu.br

Resumo. *Este artigo tem como objetivo apresentar uma solução para o problema de fractal (fractus do latim, fração, quebrado) de forma paralela nas linguagens C++11 e OpenMP, bem como uma abordagem sequencial para mostrar a diferença e importância de casos paralelizados.*

Este artigo será composto de uma sessão de introdução para apresentar o problema em si, logo depois serão apresentadas ideias e soluções, e por fim resultados obtidos ao longo do trabalho. E após isso, conclusões serão debatidas.

1. Introdução

O uso de ambientes de programação paralela e distribuída tem sido recorrente para a execução de aplicações que exijam uma significativa capacidade de processamento de dados [?]. Dentre os principais motivos para utilização de programação paralela, pode-se citar a importância de reduzir o tempo necessários para as aplicações solucionarem determinados problemas e, também, a necessidade de resolver problemas mais complexos de maior dimensão[?]. Inicialmente, motivada pela resolução de problemas com grande relevância científica e econômica, denominados Grand Challenge Problems(GCPs) [?] iniciou-se a utilização de técnicas de processamento paralelo e distribuído. Atualmente, diversas aplicações exigem ou requerem um alto poder de computação, para desta forma, efetuar o processamento de grandes quantidades de informações. O presente artigo busca demonstrar a aplicação de um problema sendo resolvido com o uso de programação paralela. Apesar de ser apenas uma avaliação para um problema que, de certa forma, demanda menor quantidade de processamento que os problemas complexos que temos atualmente, e que faz uso de programação paralela, como por exemplo, análise de fenômenos climáticos (movimento das placas tectônicas), físicos (órbita dos planetas), químicos (reações nucleares), dentre outros tantos. Este artigo está dividido nas seguintes sessões: Introdução, O Problema, onde será abordado um pouco sobre que é Fractal e suas características, Conceitos, onde será falado sobre os principais conceitos abordados pelo artigo, para melhor entendimento da parte do leitor, Metodologia, onde será descrito a forma como o problema foi abordado e as soluções tentadas, Resultados onde serão apresentados alguns dos resultados obtidos nos testes realizados e por fim, mas não menos importante a Conclusão, onde será então discutido o desfecho do artigo e conclusão do grupo sobre o trabalho e resultados obtidos.

2. Problema

A teoria fractal tem sua origem na descoberta do matemático alemão Karl Weierstrass que encontrou uma função com a propriedade de ser contínua em todo seu domínio, mas em nenhum ponto diferenciável. As plotagens dessas funções eram difíceis, pois elas são recursivas, então o trabalho manual era praticamente impossível. Com o advento do computador o professor Benoît Mandelbrot foi o primeiro a utilizar a máquina para plotar a função recursiva estudada por Pierre Fatou, hoje chamada de Conjunto de Mandelbrot ou simplesmente Fractal de Mandelbrot.

O conjunto de Mandelbrot é definido como o conjunto específico de pontos do plano complexo de Argand-Gauss que obedecem a distância máxima de 2 da origem do plano, isto é, “não tendem ao infinito” para a sequência definida pela recorrência do número complexo $Z = x + yi$. $Z_0 = 0$

$$Z_{n+1} = Z_n^2 + C$$

Onde Z_0 e Z_{n+1} são iterações n e $n+1$ do número complexo Z , e $C = a + bi$ fornece a posição de um ponto do plano complexo. Já a parte real e imaginária do complexo Z pode ser desenvolvida até encontrarmos $x_{n+1} = x_n^2 - y_n^2 + a$ e $y_{n+1} = 2x_n y_n + b$. Para calcular os pontos de fractal pode-se utilizar o seguinte algoritmo:

Algoritmo 1: ALGORITMO DE MANDELBROT

```
1 int Mandelbrot(Complexo c)
2 int i = 0, ITR = 255;
3 float x = 0, y = 0 tmp = 0;
4 enquanto( $x^2 + y^2 \leq 2^2$  &&  $i < ITR$ )
5    $tmp = x^2 - y^2 + c.real$ ;
6    $y = 2 * x * y + c.img$ ;
7    $i++$ ;
8 se( $i < ITR$ ) retorna  $i$ ; senão retorna 0;
```

A geração da imagem de um fractal dependerá da quantidade de pontos no domínio, neste caso distância máxima de 2 da origem, e o número máximo de iterações para determinar se o ponto pertence ou não ao conjunto. Para se obter resoluções aceitáveis, isto é, imagens onde é possível observar o padrão de similaridade multi-escala, imagens com resolução maiores que 1200x1200 devem ser utilizadas. Desta forma temos um problema que exige uma grande quantidade de operações em função da resolução do fractal que se deseja obter. A figura 1 mostra um exemplo de fractal.

Tendo isto em vista, utilizamos de programação paralela para tentar reduzir o problema fazendo com que ele seja feito de forma concorrente.

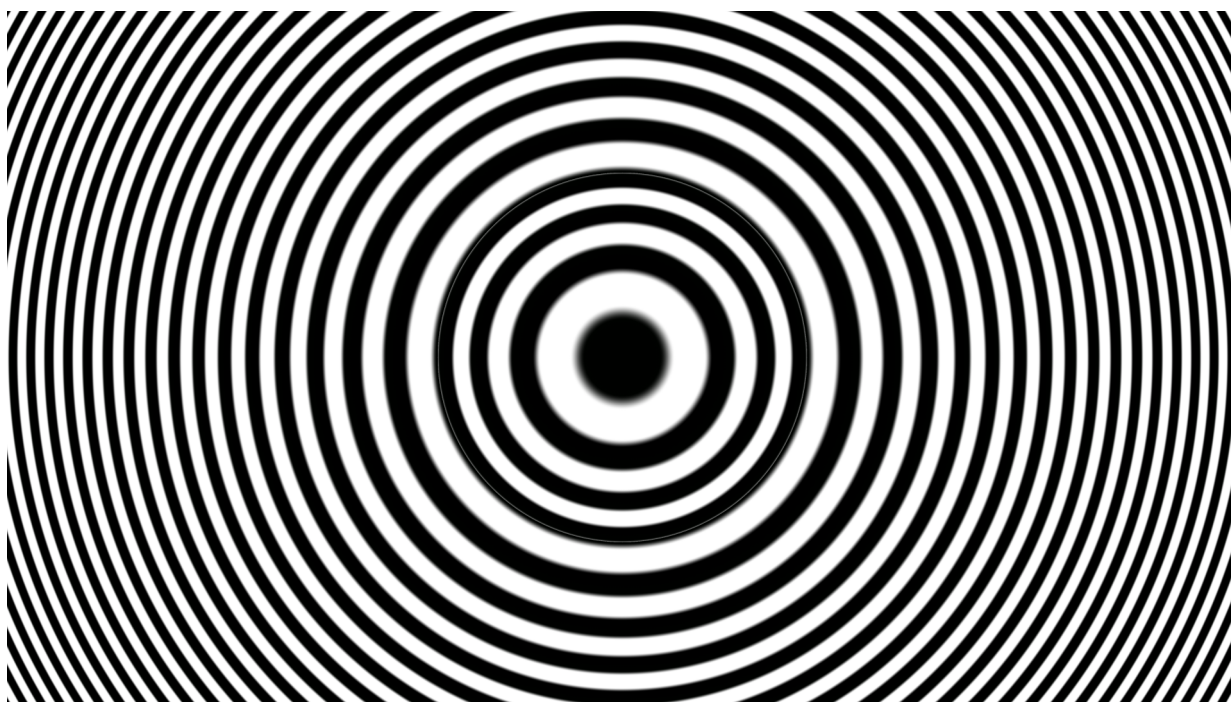


Figura 1. Fractal

3. Conceitos

Nesta sessão será então abordado os principais conceitos utilizados ao longo deste artigo, com um objetivo principal de informar o leitor. Ao decorrer desta sessão espera-se o entendimento básico de tais conceitos para então na próxima sessão começar a especificar o trabalho em si.

Esta sessão está dividida em 4 (quatro) subseções, são estas: Programação Sequencial, Programação Concorrente, C++11 e OpenMP. Seguimos então para a subseção 1.

3.1. Programação Sequencial

Programação Sequencial (*Top Down*) é aquela que é executada sequencialmente, da primeira a última linha de código, seguindo rigorosamente a ordem em que o programa foi escrito [?]. A figura 2 ilustra este processo, onde um determinado problema é executado sequencialmente, possuindo assim uma série de instruções que devem ser executadas em um único processador.

3.2. Programação Paralela

Um programa é considerado paralelo quando este é visto como um conjunto de partes que podem ser resolvidas concorrentemente [?]. Cada parte é igualmente constituída por uma série de instruções sequenciais, mas que no seu conjunto podem ser executadas simultaneamente em vários processadores, conforme ilustra a Figura ??.

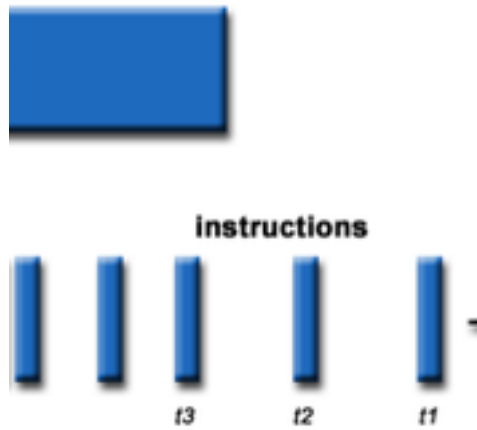


Figura 2. Programação Sequencial

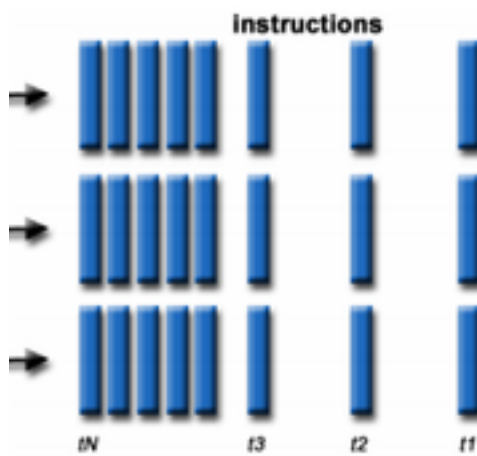


Figura 3. Programação Paralela

3.3. C++11

3.4. openmp

4. Metodologia

5. Resultados

6. Conclusão

Referências