Disequazioni frazionarie

Esercizio no.1

Soluzione a pag.4

$$\frac{8x - x^2 - 7}{9x^2 - 8x - 1} > 0$$

$$R. \left[-\frac{1}{9} < x < 7 \quad con \quad x \neq 1 \right]$$

Esercizio no.2

Soluzione a pag.5

$$x > \frac{1}{3 - 4x}$$

$$R.\left[x > \frac{3}{4} \right]$$

Esercizio no.3

Soluzione a pag.5

$$\frac{x^2 + 8x + 4}{x + 1} > 8$$

$$R. [-2 < x < -1 \lor x > 2]$$

Esercizio no.4

Soluzione a pag.6

$$\frac{2x^2 + x - 1}{x^2 - 2x} \ge 0$$

$$R. \left[x \le -1 \lor 0 < x \le \frac{1}{2} \lor x > 2 \right]$$

Esercizio no.5

Soluzione a pag.7

$$\frac{x}{x+3} - \frac{1}{4} < \frac{x-1}{2x}$$

$$R.[-3 < x < 0 \lor 1 < x < 6]$$

Esercizio no.6

Soluzione a pag.8

$$\frac{1+x}{x-2} < \frac{2}{3}$$

$$R.[-7 < x < 2]$$

Esercizio no.7

Soluzione a pag.8

$$\frac{1}{x} + \frac{1}{3} < \frac{\sqrt{2}}{x}$$

$$R. \left[0 < x < 3 \cdot (\sqrt{2} - 1) \right]$$

Esercizio no.8

Soluzione a pag.9

$$\frac{5x-3}{1-3x} < 0$$

$$R. \left[x < \frac{1}{3} \lor x > \frac{3}{5} \right]$$

Esercizio no.9

Soluzione a pag.9

$$\frac{x(7-2x)}{x-1} < 0$$

$$R. \left[0 < x < 1 \quad \lor \quad x > \frac{7}{2} \right]$$

Esercizio no.10

Soluzione a pag.10

$$\frac{x-4}{3} - \frac{3}{x-4} > \frac{x}{3}$$

$$R.\left[\frac{7}{4} < x < 4\right]$$

Esercizio no.11

Soluzione a pag.10

$$1 - \frac{3}{2x} + \frac{3}{4} \left(\frac{1}{x} - 1 \right) > \frac{2 + 3x}{x}$$

$$R. \left[-1 < x < 0 \right]$$

Esercizio no.12

Soluzione a pag.11

$$\frac{(x-1)5x}{2x+6} \ge 0$$

$$R. \left[-3 < x \le 0 \lor x \ge 1 \right]$$

Esercizio no.13

Soluzione a pag.11

$$\frac{x}{x-6} < \frac{x+3}{6} + \frac{x+6}{6-x}$$

R.
$$[-3 < x < 6 \lor x > 18]$$

Esercizio no.14

Soluzione a pag.12

$$\frac{4}{x+3} > \frac{4}{x-3} - \frac{1}{3}$$

$$R. [x < -9 \lor -3 < x < 3 \lor x > 9]$$

Esercizio no.15

Soluzione a pag.13

$$\frac{x-5}{x+3} < \frac{x-8}{x-3}$$

$$R. [-3 < x < 3 \lor x > 13]$$

Esercizio no.16

Soluzione a pag.13

$$\frac{x^2 - 4}{x^2 + 5x - 14} < 0$$

$$R.\left[-7 < x < 2 \right]$$

Esercizio no.17

Soluzione a pag.14

$$\frac{3x+1}{2x-4} + \frac{2}{x-5} > -\frac{2x^2+13}{2x^2-14x+20}$$

$$R.\left[x < 0 \lor x > 5 \right]$$

Esercizio no.18

Soluzione a pag.15

$$\frac{2}{1-3x} \le 1 + \frac{2}{x-2}$$

$$R. \left[x \le -\frac{4}{3} \lor \frac{1}{3} < x \le 1 \lor x > 2 \right]$$

Esercizio no.19 Soluzione a pag.16

$$\frac{2x^2}{x^2 - 5x + 8} > 0$$

$$R. \left[x \neq 0 \right]$$

Esercizio no.20 Soluzione a pag.16

$$x^3 + x^2 - 4x - 4 < 0$$
 $R.[x < -2 \lor -1 < x < 2]$