

# 1 Hint

1.本章所有代码题，将其拷贝到Thonny中，run起来后，查看其结果，明白结果的由来。学有余力者可研究每行代码的含义，如果没有兴趣，可忽略研究代码。

## 2 语法补充

`def` 为Python中定义函数的标志，以4-3为例，`bubble_sort` 表示函数名称，`return` 表示返回值，`len()` 表示计算 `list` 的长度

```
def bubble_sort(nums):
    # 这个循环负责设置冒泡排序进行的次数
    for i in range(len(nums) - 1):
        for j in range(len(nums) - i - 1): # j为列表下标
            if nums[j] > nums[j + 1]:
                nums[j], nums[j + 1] = nums[j + 1], nums[j]
        if i==2:print(nums[5])
    return nums
```

```
bubble_sort([45, 32, 8, 33, 12, 22, 19, 97])
```

## 3 填空题

本部分对题目中所有的代码进行解释

### 3.1 4-3

下面代码实现了冒泡排序算法

```
def bubble_sort(nums):
    # 这个循环负责设置冒泡排序进行的次数，因为是从大到小排序，所以第(i+1)次就是代表计算出第(i+1)大的数
    for i in range(len(nums) - 1):
        for j in range(len(nums) - i - 1): # j为列表下标
            if nums[j] > nums[j + 1]:# 当前元素比后面元素大，进行交换
                nums[j], nums[j + 1] = nums[j + 1], nums[j] #交换位置
            if i==2:print(nums[5]) #输出第i+1大的数，这里输出第3大的数，第三大的数在数组nums中的位置为5，
    return nums

bubble_sort([45, 32, 8, 33, 12, 22, 19, 97])
```

## 3.2 4-4

该题代码与上一道基本一致，

```
def bubble_sort(nums):
    # 这个循环负责设置冒泡排序进行的次数，
    rst=0
    for i in range(len(nums) - 1):
        for j in range(len(nums) - i - 1): # j为列表下标
            if nums[j] > nums[j + 1]:
                nums[j], nums[j + 1] = nums[j + 1], nums[j]
            if i==0 or i==3: #如果是第1大的数或第4大的数
                rst=rst+nums[5] #将当前的nums[5]和rst相加，注意这里的nums[5]是变动的
    return rst

print(bubble_sort([45, 32, 8, 33, 12, 22, 19, 97])) #rst=19+33=52
```

## 3.3 4-5

下面代码实现了选择排序算法

```

#从小到大排序
def selectionSort(arr):
    for i in range(len(arr) - 1):#i+1表示第i+1小的数, i=0, 表示第1小的数
        # 记录最小数的索引
        minIndex = i
        for j in range(i + 1, len(arr)): #
            if arr[j] < arr[minIndex]:#如果后续数字有比初始最小数小, 更新最小值索引
                minIndex = j
        # i 不是最小数时, 将 i 和最小数进行交换
        if i != minIndex:
            arr[i], arr[minIndex] = arr[minIndex], arr[i] #交换
        if i==2:print(arr[5])#i==2表示第3小的数, 当算出第3小的数时, 输出此是数组中第6个数(arr[5]),
        #即输出100
    return arr

selectionSort([33,6,9,7,-1,100,-32])

```

## 3.4 4-6

一个二进制转换程序, 将输入的整数转换为2进制数

```

n=int(input())
lst=[]#产生一个空的list
while n>0:
    lst.insert(0,n%2)#insert函数, 每次将n%2的值, 插入在lst的0号位置。n%2代表计算余数, 例如16%2的余数为
    n=n//2#n与2进行整除, 注意n//2和n/2是不一样的操作, n/2和实际我们算术运算除法一样
    #, 而n//2代表整除, 例如17//2=8, 而不是8.5
print(lst[3]) #输出lst中的第4个元素, 当输入为16时, 也就是0

```

## 3.5 4-7

下面的代码是在计算下面函数

$f(n)=f(n-1)+f(n-2)+2, n \geq 3$

当 $f(1)=3, f(2)=4$ 时,

$f(5)=f(4)+f(3)+2$

$f(4)=f(3)+f(2)+2$

$f(3)=f(2)+f(1)+2$

由于 $f(4), f(5)$ 依赖于 $f(3)$ , 目前只有 $f(3)$ 能够算出,  $f(3)=9, f(4)=15, f(5)=26$

```
def f(n):
    result=[3,4]
    for i in range(n-2):
        result.append(result[-2]+result[-1]+2) #result[-1]代表result的倒数第1个元素,
                                                #同理-2代表第2个, append为在list的最末尾添加一个元素
    return result[-1]
print(f(5)) #输出26
```

## 3.6 4-8

下面代码是在完成输入一个数，找到这个数要插入的位置

输入101，通过列表a我们能够看到，它应该被插入在100的后面，100的位置是6，则101是7，也就是插入到第7个位置

```
a=[5,16,39,45,51,98,100,202,226,321,368,444,501]
x = int(input())
found = -1
left = 0 #第一个元素下标
right = len(a)-1 #最后一个元素下标
while left<=right:
    mid = (left + right) // 2
    if a[mid] > x:
        right = mid - 1
    elif a[mid] < x:
        left = mid + 1
    else:
        # a[mid]==x
        found = mid
        break
print(left)
```

## 3.7 4-9

哈夫曼树的建立规则：每次选出两个权值最小结点，同时计算出两个结点的和，计算出的结点为新的结点。

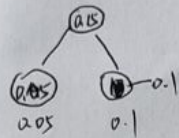
左0右1还是左1右0，对结果没有影响，哈夫曼树算法的目的是做数据压缩，因此无论前面哪种编码方式，数据压缩比（平均位数）均一致。

6个结点的权值如下

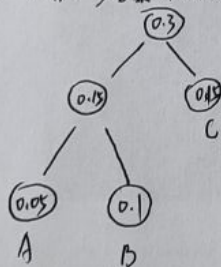
A: 0.05 B: 0.1 C: 0.15 D: 0.2 E: 0.22 F: 0.28

哈夫曼树建立规则: 每次选出两个最小结点, 同时计算出两个结点的和, 计算出的结点为新的结点,

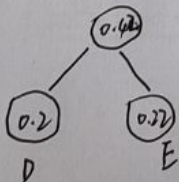
(1) <sup>0.05 0.1</sup> A, B 最小, 选出 A, B



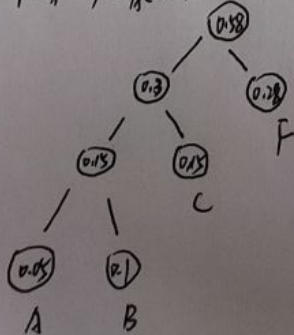
(2) C 和 步骤(1) 建立的结点最小



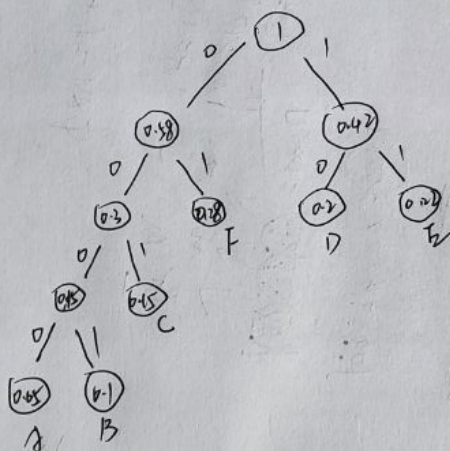
(3) D, E 是当前最小两个结点



(4) F 和 步骤(2) 建立的结点最小



(5) 步骤(3) 和 步骤(4) 建立的结点最小



A: 0000 B: 0001 C: 001 D: 10 E: 11 F: 01

求

平均长度:  $0.05 \times 4 + 0.1 \times 4 + 3 \times 0.15 + 0.2 \times 2 + 2 \times 0.22 + 2 \times 0.28$

$= 0.2 + 0.4 + 0.45 + 0.4 + 0.44 + 0.56$

$= 2.45$

哈夫曼树建立

## 3.8 4-10

下面代码是通过分治算法来求解一个list中的最小和最大值。

假设初始值为[3,8,9,4]，则len=4

执行下面代码时，第一次使用min\_max函数

a,b=min\_max([3,8,9,4])

m=2, lmin,lmax=min\_max(a[:m]) #a[:m]，表示0-m的数字， rmin,rmax=min\_max(a[m:])表示从m开始到结束的数

[3,8]被拿出来再次执行min\_max， len=2

m=2,lmin,lmax=min\_max(a[:m])， lmin=3， lmax=8

[9,4]被拿出来再次执行min\_max， len=2，

m=2,lmin,lmax=min\_max(a[m:])， rmin=4， rmax=9

最后执行return(min(lmin,rmin),max(lmax,rmax))

min(lmin,rmin)是对左右两边最小值求其最小， 因此为3

max(lmax,rmax)是对左右两边最大值求其最大， 因此为9

最终结果为3， 9

```
def min_max(a):
    if len(a)==1:
        return (a[0],a[0])#长度为1， 最大值和最小值均为本身
    elif len(a)==2:
        return (min(a),max(a)) #长度为2， 使用min， max函数求最小和最大
    else:
        #对a进行折半， 再求其最小和最大
        m=len(a)//2
        lmin,lmax=min_max(a[:m])
        rmin,rmax=min_max(a[m:])
        return (min(lmin,rmin),max(lmax,rmax))#对左右求出的结果， 使用min,max分别求最小和最大。

a,b=min_max([3,8,9,4,10,5,1,17,9,-5])
print(a+b) #-5+17=12
```

## 3.9 4-11

生日计算的原理解释：

这道题目利用的是二进制表示数据的范围， 5位二进制最高能表示的是11111， 即最大为31， 则它能表示的范围是[0,31]， 涵盖了一个月的所有天数， 。

题目中有5个list， 这5个list的作用， 就是在控制每一位上是否为1， 从而表示出任意一天

假设生日为31号， 你可以看到每个list都有31， 则说明输入的二进制为11111

s[0]=1 表示生日在列表中

```
lst1[0] if s[0]=="1" else 0 #如果s[0]=='1', 则说明该第1位二进制位应该为lst1[0]=1=2^0, 而不是0
lst2[0] if s[1]=="1" else 0 #如果s[1]=='1', 则说明该第2位二进制位应该为lst2[0]=2=2^1, 而不是0
lst3[0] if s[2]=="1" else 0 #如果s[2]=='1', 则说明该第2位二进制位应该为lst3[0]=4=2^2, 而不是0
lst4[0] if s[3]=="1" else 0 #如果s[3]=='1', 则说明该第2位二进制位应该为lst4[0]=8=2^3, 而不是0
lst5[0] if s[4]=="1" else 0 #如果s[4]=='1', 则说明该第2位二进制位应该为lst5[0]=16=2^4, 而不是0
```

所以生日为31号, 则lst1[0]=1,lst2[0]=2,lst3[0]=4,lst3[0]=8,lst4[0]=16, 分别代表2进制转换为十进制的每一位的值

```
lst1=[1,3,5,7,9,11,13,15,17,19,21,23,25,27,29,31]
lst2=[2,3,6,7,10,11,14,15,18,19,22,23,26,27,30,31]
lst3=[4,5,6,7,12,13,14,15,20,21,22,23,28,29,30,31]
lst4=[8,9,10,11,12,13,14,15,24,25,26,27,28,29,30,31]
lst5=[16,17,18,19,20,21,22,23,24,25,26,27,28,29,30,31]
s=input()
print((lst1[0] if s[0]=="1" else 0)
      +(lst2[0] if s[1]=="1" else 0)
      +(lst3[0] if s[2]=="1" else 0)
      +(lst4[0] if s[3]=="1" else 0)
      +(lst5[0] if s[4]=="1" else 0))
```

## 3.10 4-12

### 3.10.1 简单理解:

重用方框三: 重用就是能够该状态能够被再次使用, 这里的状态可以简单理解为就是余下重量和剩余可选物品。

因此只要这两个都相同, 就可以认为其状态一致, 状态一致则可以被重复使用。所以结果为9。

## 3.11 4-14

一个走迷宫的算法, 答案为Thonny下print([5,4] in path)该句输出。

这道题目的先用m把地图表达出来, 1代表边界, 0代表能走的区域, 之后执行走迷宫算法, 走迷宫算法使用到了回溯法。先尝试往下走, 如果往下走走不通, 那么回溯一步, 在走不通的地方尝试往上走, 如果还不行, 再回溯, 再往左走, 如果还不行, 再回溯, 再往右走

#走迷宫

```
from turtle import *
m=[[1,1,1,0,1,1,1,1,1],[1,0,0,0,0,0,0,1,1],[1,0,1,0,1,1,1,0,0,1],
[1,0,1,0,0,0,1,0,1],[1,0,1,0,1,1,0,0,1],[1,0,0,1,1,0,1,0,1,1],
[1,1,1,1,0,0,0,1,1],[1,0,0,0,1,1,1,0,0],[1,0,1,1,0,0,0,0,1],
[1,1,1,1,1,1,1,1,1]] #地图

def jumpto(x,y):
    up();goto(x,y);down()

def drawBox(x,y,size,blocked):
    color("black");jumpto(x,y)
    if blocked: #边界为黑色, 数字1代表边界
        fillcolor("black") #颜色填充函数
        begin_fill()
        for i in range(4):forward(size);right(90)
        end_fill()
    else:#可走部分为白色, 数字0代表可走部分
        for i in range(4):
            forward(size/6);up();forward(size/6*4);down()
            forward(size/6);right(90)

def draw_myth():
    global m;reset();speed('fast');size=40
    for i in range(0,len(m)):
        for j in range(0,len(m[i])):
            drawBox(-200+j*size,200-i*size,size,m[i][j])

sta1=0;sta2=3;fsh1=7;fsh2=9; success=0 #sta1,sta2代表入口, fsh1,fsh2代表出口
path=[]
size=40 #每个格子的大小
r=(size-10)/2
global mouse
mouse= Turtle() #创建一个turtle对象
x=-200+3*size+size/2
y=200-0*size-size/2
mouse.up()
mouse.goto(x,y)
mouse.speed(1) #画笔速度
mouse.down()
from turtle import *
def LabyrinthRat():
    global m #在函数内部对函数外的变量进行操作, 就需要在函数内部声明为global
    print("显示迷宫: ")
    for i in range(len(m)):
        print(m[i])
    print("入口: m[%d][%d]: 出口: m[%d][%d]"%(sta1,sta2,fsh1,fsh2))
    if (visit(sta1,sta2,sta1,sta2))==0:
        print("没有找到出口")
```



```

else:print("显示路径: ")
for i in range(10):print(m[i])
def visit(i,j,p,q): # 这是走迷宫的算法, 先尝试往下走, 如果往下走走不通, 那么尝试在走不通的地方尝试往上走
    global m
    m[i][j]=2;x=-200+j*size+size/2;y=200-i*size-size/2;
    mouse.pencolor("black");mouse.goto(x,y)
    global success,path
    path.append([i,j])
    if(i==fsh1)and(j==fsh2): success=1
    if(success!=1)and(m[i-1][j]==0): visit(i-1,j,i,j) #往下走
    if(success!=1)and(m[i+1][j]==0): visit(i+1,j,i,j) #往上走
    if(success!=1)and(m[i][j-1]==0): visit(i,j-1,i,j) #往左走
    if(success!=1)and(m[i][j+1]==0): visit(i,j+1,i,j) #往右走
    if success!=1: #如果走到该点, 但无法继续走通
        m[i][j]=3; x=-200+q*size+size/2;
        y=200-p*size-size/2;mouse.pencolor("white");
        mouse.goto(x,y)
    return success

tracer(False);draw_myth();tracer(True);LabyrinthRat()
#print(path) #打印path
print([5,4] in path)
#print([5,5] in path)

```