Модель эпидемии SIR

Виноградова Варвара Станиславовна НФИбд-01-18¹ МатМод-2021, 16 марта, 2021, Москва, Россия

¹Российский Университет Дружбы Народов

Цели и задачи работы —

Цель лабораторной работы

Изучить модель эпидемии SIR

Задание к лабораторной работе

- 1. Изучить модель эпидемии
- 2. Построить графики изменения числа особей в каждой из трех групп. Рассмотреть, как будет протекать эпидемия в случае: $I(0) \leq I^*, I(0) > I^*$

Процесс выполнения лабораторной работы

Предположим, что некая популяция, состоящая из N особей, подразделяется на три группы. Первая группа - это восприимчивые к болезни, но пока здоровые особи - S(t). Вторая группа – это число инфицированных особей, которые также являются распространителями инфекции -I(t). А третья группа R(t) – это здоровые особи с иммунитетом к болезни. До того, как число заболевших не превышает критического значения I^* , считаем, что все больные изолированы и не заражают здоровых. Когда $I(t) > I^*$, тогда инфицирование способны заражать восприимчивых к болезни особей.

Скорость изменения числа S(t) меняется по следующему закону:

$$rac{dS}{dt} = egin{cases} -lpha S & \mbox{,если } I(t) > I^* \ 0 & \mbox{,если } I(t) \leq I^* \end{cases}$$

Скорость изменения числа инфекционных особей:

$$\frac{dI}{dt} = \begin{cases} \alpha S - \beta I & \text{,если } I(t) > I^* \\ -\beta I & \text{,если } I(t) \leq I^* \end{cases}$$

Скорость изменения выздоравливающих особей:

$$\frac{dR}{dt} = \beta I$$

Постоянные пропорциональности α,β - это коэффициенты заболеваемости и выздоровления соответственно.

Для анализа картины протекания эпидемии необходимо рассмотреть два случая: $I(0) \leq I^*$ и $I(0) > I^*$

Условие задачи

На одном острове вспыхнула эпидемия. Известно, что из всех проживающих на острове (N=15000) в момент начала эпидемии (t=0) число заболевших людей (являющихся распространителями инфекции) I(0) = 150, А число здоровых людей с иммунитетом к болезни R(0) = 15. Таким образом, число людей восприимчивых к болезни, но пока здоровых, в начальный момент времени S(0) = N - I(0) - R(0). Постройте графики изменения числа особей в каждой из трех групп.

Рассмотрите, как будет протекать эпидемия в случае:

- 1. $I(0) \leq I^*$
- 2. $I(0) > I^*$

Графики изменения численности в первом случае

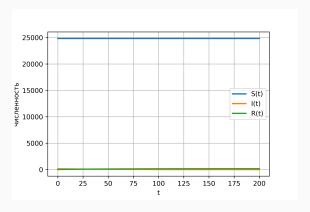


Figure 1: График численности групп

Графики изменения численности во втором случае

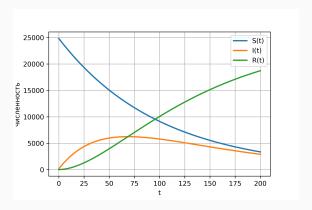


Figure 2: График численности групп

Выводы по проделанной работе

Вывод

В ходе выполнения лабораторной работы была изучена модель SIR и построены графики.