1 变压器

1.1 变压器的工作原理

1.1.1 单相变压器

原理: 线圈称为绕组, 工作中, 接电源为一次绕组, 接负载为二次绕组

1. 电压变换

变压器在工作时,可以变换电压,变化的大小取决于绕组的匝数多少

- 1) 原理: 在一次绕组加电压 u_1 ,则在一次绕组中产生电流 i_1 , i_1 在一次绕组中产生主磁通 Φ ,漏磁通 $\Phi_{\sigma 1}$,主磁通 Φ 在一二次绕组中分别产生感应电动势 e_1,e_2,e_2 在二次绕组中产生电流 i_2 ,在负载两端产生电压 u_2 , i_2 参与产生主磁通 Φ 和仅与二次绕组铰链的漏磁通 $\Phi_{\sigma 2}$
 - 一次绕组部分

$$\dot{E_1} = -j4.44 N_1 f \dot{\Phi_m}$$

$$\dot{U_1} = -\dot{E_1} + (R_1 + jX_1) \dot{I_1} = -\dot{E_1} + Z_1 \dot{I_1}$$

二次绕组部分

$$\dot{E_2} = -j4.44N_2 f \dot{\Phi_m}$$

$$\dot{U_2} = \dot{E_2} - (R_2 + jX_2)\dot{I_2} = \dot{E_2} - Z_2\dot{I_2}$$

$$\dot{U_2} = Z_L\dot{I_2}$$

其中 ZL 是负载部分阻抗

2) 电压比: 在忽略 Z_1, Z_2 时为: $k = \frac{E_1}{E_2} = \frac{N_1}{N_2}$. 在空载时,即使不忽略 Z_1, Z_2 ,电压比也十分接近匝数比

在求电压比时, 用空载时的电压比来计算

- 2. 电流变换
- 二次电流 I_2 的大小主要取决于负载阻抗模 $|Z_L|$ 的大小,一次电流 I_1 的大小主要取决于 I_2 的大小。

磁通势平衡方程式: 空载时, 主磁通由磁通势 $\dot{F}_{0m}=N_1\dot{I}_{0m}$ 产生有负载时, 主磁通由 $\dot{F}_{1m}=N_1\dot{I}_{1m}$ $\dot{F}_{2m}=N_2\dot{I}_{2m}$ 产生又由磁路欧姆定律, U_1 不变的情况下, 主磁通 Φ_m 基本不变

$$\dot{F}_{0m} = \dot{F}_{1m} + \dot{F}_{2m}$$

$$N_1 \dot{I}_{0m} = N_1 \dot{I}_{1m} + N_2 \dot{I}_{2m}$$

$$N_1 \dot{I}_0 = N_1 \dot{I}_1 + N_2 \dot{I}_2$$

上面三个式子等价

在满载时,由于 I_0 比额定电流小得多,可以忽略,则有

$$\frac{I_1}{I_2} = \frac{N_2}{N_1} = \frac{1}{k}$$

3. 阻抗变换

变压器二次绕组阻抗模 $|Z_L|$, 忽略 Z_1, Z_2, I_0 , 则

$$|Z_L| = \frac{U_2}{I_2} = \frac{U_1/k}{kI_1} = \frac{1}{k^2} \frac{U_1}{I_1}$$

 $\frac{U_1}{L}$ 视为从一次绕组看进去的等效阻抗模 $|Z_e|$

$$|Z_e| = k^2 |Z_L|$$

当负载直接接电源时,电源的负载阻抗 $|Z_L|$, 通过变压器接电源时,相当于把阻抗模增加到 $|Z_L|$ 的 k^2 倍

1.1.2 三相变压器

- 1. 三相变压器的种类:
- (1) 三相组式变压器: 三相之间只有电的联系, 没有磁的联系
- (2) 三相心式变压器: 三相之间同时有电与磁的联系
- 2. 三相绕组的联结方式:

1.2 变压器的基本结构

1.2.1 主要部件

- 1. 铁心: 奇数偶数层结构不同, 目的减小空气隙
- 2. 绕组: 绝缘导线绕成
- 3. 其他: 外壳,油箱等等

1.2.2 主要种类

1. 按照结构分类: 心式变压器和壳式变压器 心式变压器: 铜包铁, 壳式变压器: 铁包铜

1.2.3 额定值

- 1. 额定电压 U_{1N}/U_{2N} ,指空载电压的额定值,三相变压器的额定电压指在空载时高低压绕组线电压的额定值
- 2. 额定电流 I_{1N}/I_{2N} , 指满载电压的额定值, 三相变压器的额定电流时满载时高低压绕组线电流值
 - 工作电流若长期超过额定电流, 变压器温度会过高
 - 3. 额定容量 S_N , 指变压器视在功率的额定值

单相变压器: $S_N = U_{2N}I_{2N} = U_{1N}I_{1N}$

- 三相变压器: $S_N = \sqrt{3}U_{2N}I_{2N} = \sqrt{3}U_{1N}I_{1N}$
- 4. 额定频率 f_N :50Hz

变压器的电压电流功率频率都在额定值时,称为额定状态,此时的电流为额定值,就是满载状态

1.3 变压器的运行分析

1.3.1 等效电路

- 1. 折算: 将匝数为 N_2 的二次绕组折算为匝数为 N_1 , 的绕组, 在这个过程中要求磁通势不变功率不变, 将折算后的物理量右上角加","
 - 2. 以低压绕组向高压绕组这算为例, 计算物理量的变化
 - 1) 二次绕组电流 I_2'

$$I_2' = \frac{I_2}{k}$$

2) 二次绕组的电压 U_2' 电动势 E_2'

$$U_2' = kU_2$$

$$E_2' = kE_2$$

3) 二次绕组漏阻抗 Z_2' 负载阻抗 Z_L'

$$Z_2' = k^2 Z_2$$

$$Z_L' = k^2 Z_L$$

- 3.T 型等效电路:p32
- 4. 简化等效电路:p32, 在电流满载或接近时使用

1.3.2 基本方程式

折算前

{

折算后

1.3.3 相量图

由T型等效电路和基本方程式得

1.4 变压器的参数测定

1.4.1 空载试验

试验在低压绕组进行(目的是可测量),将低压绕组作为一次绕组,高压绕组作为二次绕组 且输出端开路

1. 铁损耗 P_{Fe} 在空载试验中,由于 $I_0 \ll I_1$,一次绕组部分铜损 $P_{Cu} = RI^2$ 很小,二次绕组部分 $I_2 = 0$,没有铜损所以可以忽略铜损。而铁损耗主要取决于一次绕组的电压和频率,在空载时都没有发生变化,则认为空载试验功率 P_0 有:

$$P_0 = P_{Fe}$$

2. 励磁阻抗模 |Z₀|

由 T 型等效电路的空载时:

$$\frac{U_1}{I_0} = |Z_1 + Z_0|$$

又

$$Z_1 \ll Z_0$$

则:

$$|Z_0| = \frac{U_1}{I_0}$$

3. 励磁电阻 R₀

$$R_0 = \frac{P_0}{I_0^2}$$

4. 励磁电抗 X₀

$$X_0 = \sqrt{|Z_0|^2 - R_0^2}$$

5. 电压比 k

$$k = \frac{U_2}{U_1}$$

由于空载试验在低压侧进行,所以上述参数 $|Z_0|$, R_0 , X_0 是折算到低压侧数值,当高压绕组作为一次绕组时,需要用高压侧的数值,将上述参数乘以 K^2 则可

1.4.2 短路试验

试验在高压侧进行,将高压绕组作为一次绕组,将低压绕组的输出端短路,电压逐渐从零增加到电流等于额定电流为止,p36 图

1. 铜损耗由于输出端短路,所以 U_s 很小,所以铁损也很小,而铜损耗是满载铜损耗,所以 认为可以忽略铁损耗

$$P_{Cu} = P_S$$

2. 短路阻抗模 |Z_S|

$$|Z_S| = \frac{U_S}{I_1}$$

3. 短路电阻 RS

$$R_S = \frac{P_S}{I_1^2}$$

4. 短路电抗 X_S

$$X_S = \sqrt{|Z_S|^2 - R_S^2}$$

5. 阻抗电压 U_S

指额定电流通过短路阻抗时的电压,

阻抗电压的标幺值:

$$kd = \frac{xk d}{x d}$$

基值取对应的额定值,标幺值用右上角的*表示

$$U_s^* = \frac{U_S}{U_{1N}} = \frac{|Z_S|I_1N}{U_{1N}} = Z_S^*$$

6. 温度转换

1.5 变压器的运行特性

5

要将绕组电阻转换为 75 度的电阻

由于空载试验在高压侧进行,所以上述参数 $|Z_0|$, R_0 , X_0 是折算到高压侧数值,当低压绕组作为一次绕组时,需要用低压侧的数值,将上述参数除以 K^2 则可

1.5 变压器的运行特性

1.5.1 外特性

- 1. 定义: 保持电压 U_1, λ_2 不变, 二次电压和电流之间的关系 $U_2 = f(I_2)$ 为变压器的外特性
- 2. 特点: 电感性电阻性电容性负载的外特性有所不同,其中电容性负载较为特殊,随着 I_2 增大, U_2 增大,而电感性负载为 λ_2 越低, U_2 下降越多
- 3. 电压调整率: 用来表示 U_2 随 I_2 变化的程度。在一次电压为额定值,功率因数不变的情况下,变压器从满载到空载二次电压变化的数值和空载电压的比值

$$V_R = \frac{U_{2N} - U_2}{U_{2N}} * 100\%$$

折算到一次侧:

$$V_R = \frac{U_{1N} - U_2'}{U_{1N}} * 100\%$$

利用简化电路(在满载和接近满载时使用)

$$V_R = (R_S \cos \varphi_2 + X_S \sin \varphi_2) \frac{I_{1N}}{U_{1N}} * 100\%$$

负载电感性: $\varphi_2 > 0$; 电阻性: $\varphi_2 = 0$; 电容性: $\varphi_2 < 0$

1.5.2 效率特性

1. 功率: 变压器由电源输出的有功功率

$$P_1 = U_1 I_1 \cos \varphi_1$$

变压器输出的有功功率

$$P_2 = U_2 I_2 \cos \varphi_2$$

2. 损耗: 总损耗

$$P_1 - P_2 = P_{Cu} + P_{Fe}$$

$$P_{Cu} = R_1 I_1^2 + R_2 I_2^2$$

 $= R_1 I_1^2 + R_2' I_2'^2 \text{T}$ 形等效
 $= R_S I_1^2 = R_S I_2'^2$ 简化等效
 $= \beta^2 P_S$ 短路试验 (1)

其中

$$\beta = \frac{I_1}{I_{1N}}$$

6

所以铜损会变, 称为可变损耗

$$P_{Fe} = R_0 I_0^2 \text{T } \mathcal{H} \text{ } \tilde{\text{ }} \tilde{\text{ }} \tilde{\text{ }} \tag{2}$$

$$=P_0$$
空载试验 (3)

由于铁损和 I_2 无关,称为不变损耗 3. 效率

$$\eta = \frac{P_2}{P_1} * 100\%$$

在忽略 V_R

$$\eta = \frac{\beta S_N \lambda_2}{\beta S_N \lambda_2 + P_0 + \beta^2 P_S} * 100\%$$

4. 效率特性: 当 $U_1=U_{1N},\cos\varphi_2$ 常数时, $\eta=f(I_2)$ 或 $\eta=f(\beta)$ 有求导求 η 的最大值, 在 $P_{Cu}=P_{Fe}$ 时,有最大值

1.6 三相变压器的联结组