Influence de la température sur le taux d'avancement à l'équilibre : exemple de la synthèse de l'ammoniac

Capacité numérique: Tracer, à l'aide d'un langage de programmation, le taux d'avancement à l'équilibre en fonction de la température pour un système siège d'une transformation chimique modélisée par une seule réaction.

L'exemple étudié est celui de la synthèse de l'ammoniac :

$$N_2(g) + 3 H_2(g) = 2 NH_3(g)$$

Conditions de la transformation étudiée et hypothèses :

- composition initiale: 1 mol de diazote et 3 mol de dihydrogène (proportions stœchiométriques);
- pression P fixée (quatre valeurs différentes de pression sont étudiées);
- température T: on étudie la plage de température [300 K, 1200 K];
- l'ensemble du mélange est gazeux et se comporte comme un gaz parfait ;
- l'enthalpie et l'entropie standard de réaction sont supposées indépendantes de la température.

Données thermodynamiques à 298 K:

Espèce chimique	Enthalpie standard de formation à 298 K (kJ.mol ⁻¹)	Entropie molaire standard à 298 K (J.K ⁻¹ .mol ⁻¹)
$N_2(g)$	0	192
$H_2(g)$	0	131
NH₃(g)	<i>–</i> 45,9	193

Enthalpie standard de réaction : $\Delta rH^{\circ} = -91.8 \text{ kJ. mol}^{-1}$ Entropie standard de réaction : $\Delta rS^{\circ} = -199 \text{ J. K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}$

Détermination du taux d'avancement à l'équilibre :

Définition du taux d'avancement : $au=rac{\xi}{\xi_{max}}$ avec ici $\xi_{max}=1$ mol. Pour le système étudié, le taux d'avancement à l'équilibre est solution de l'équation :

$$\Delta_{\rm r} G = \Delta_{\rm r} H^{\circ} - T \Delta_{\rm r} S^{\circ} + RT \ln \frac{4 \, \tau^2 (4 - 2\tau)^2 P^{\circ 2}}{27 (1 - \tau)^4 P^2} = 0$$

Pour une pression P donnée, le programme calcule par dichotomie le taux d'avancement à l'équilibre pour une liste de valeurs de T dans l'intervalle considéré et superpose les différentes courbes $\tau = f(T)$. La figure obtenue est reproduite ci-dessous.

