Inteligencia Artificial

Andrés Felipe Cruz Eraso Institución Universitaria Colegio Mayor

Fuentes: Curso Inteligencia Artificial Universidad de Harward Inteligencia artificial por Stuart Russell y Peter Norvig

Conceptos previos



encuesta:

https://forms.gle/PfDEUFgJsSqumJwFA

AGENDA 22/08/2024

- 1 OBJETIVOS
- 2 METODOLOGÍA DE EVALUACIÓN
- 3 CONCERTACIÓN DE CONTENIDOS
- 4 FUNDAMENTOS FILOSÓFICOS
- 5 DEFINICIÓN DE INTELIGENCIA ARTIFICIAL
- 6 EJEMPLOS DE USO
- 7 CARÁCTERISTICAS
- 8 LA PRUEBA DE TURING
- 9 **BUSQUEDA**, CONOCIMIENTO, INCERTIDUMBRE, OPTIMIZACIÓN

OBJETIVOS

General: Introducir a los orígenes de la inteligencia artificial, aplicaciones y algoritmos subyacentes

Específicos:

Revisar aspectos filosóficos acera del tema de inteligencia artificial

Propuesta de contenidos para temática de inteligencia artificial Listar algoritmos más usados en IA y explicar variaciones de algoritmo de búsqueda y realizar práctica con tema mas sugerido.

METODOLOGÍA DE EVALUACIÓN

Específicos:

Exposiciones 25 %

Exámen en línea 40 %

Prácticas 25 %

Asistencia 5

Participación %

Capitulo 1

Origen e historia

Conceptos básicos de la Inteligencia Artificial (IA) Áreas de estudio de la Inteligencia Artificial

Capítulo 2. Solución a problemas de búsqueda Solución a problemas mediante espacio de estados

Estrategias de búsqueda informada Estrategias de búsqueda no informada

Capítulo 3: Problemas de optimización Introducción a los problemas de optimización Definición de algoritmos genéticos Operadores para representación binaria de algoritmos genéticos

Operadores para representación permutada de

algoritmos genéticos

Capítulo 4: Machine Learning
Introduction a Machine Learning
Metodología Crisp ML
Problemas de clasificación: Redes Neuronales
Problemas de agrupamiento: Clustering

Capítulo 5: Sistemas Basados en Reglas Sistemas de Logica difusa Sistemas Expertos

PROPUESTA CONTENIDOS ADICIONALES

Capítulo 2-0 Conocimiento

Lógica proposicional

Base de conocimiento

Inferencia, algoritmos de inferencia, modelos de chequeo, ingeniería de conocimiento, reglas de inferencia, resolución, lógica de primer orden, cuantificación universal

PROPUESTA CONTENIDOS ADICIONALES

Capítulo 2 Conocimiento Lógica proposicional Base de conocimiento Inferencia, algoritmos de inferencia, modelos de chequeo, ingeniería de conocimiento, reglas de inferencia, resolución, lógica de primer orden, cuantificación universal

PROPUESTA CONTENIDOS ADICIONALES

Capítulo n Incertidumbre

Probabilidad

Regla de bayes

Probabilidad conjunta

Reglas de probabilidad, inferencia, redes bayesianas, inferencia, muestreo, rechazo de muestreo, sensores, cadena de markov, modelos de sensores, incertidumbre





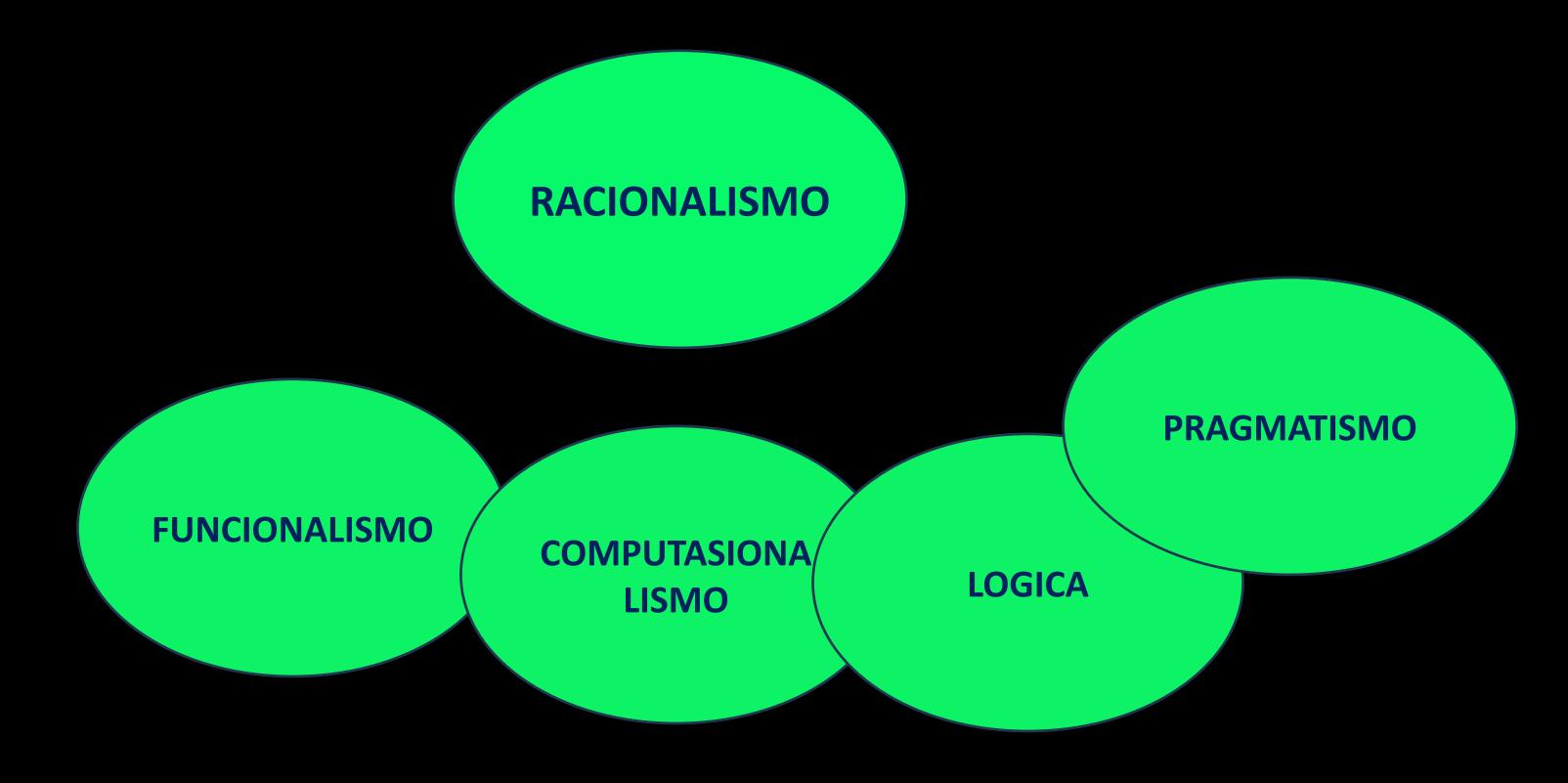












Inteligencia Artificial Definición

La inteligencia artificial (IA) es una rama de la informática que se centra en la creación de sistemas capaces de realizar tareas que, cuando son realizadas por seres humanos, requieren de inteligencia. Estas tareas pueden incluir el reconocimiento de patrones, la toma de decisiones, la resolución de problemas, el aprendizaje, la comprensión del lenguaje natural, y la percepción visual, entre otras.

Partidas de ajedrez de <u>Deep Blue contra gasparov</u>

Inteligencia Artificial Aplicaciones - Ejemplos

Detección de enfermedades, diabetes
Carros Autónomos
Recomendación de contenido
Procesamiento de imagen y video
Robótica en Google O en Recolección de coliflor

Inteligencia Artificial CARACTERÍSTICAS

Autonomía

La capacidad para ejecutar tareas en situaciones complejas sin la dirección constante del usuario.

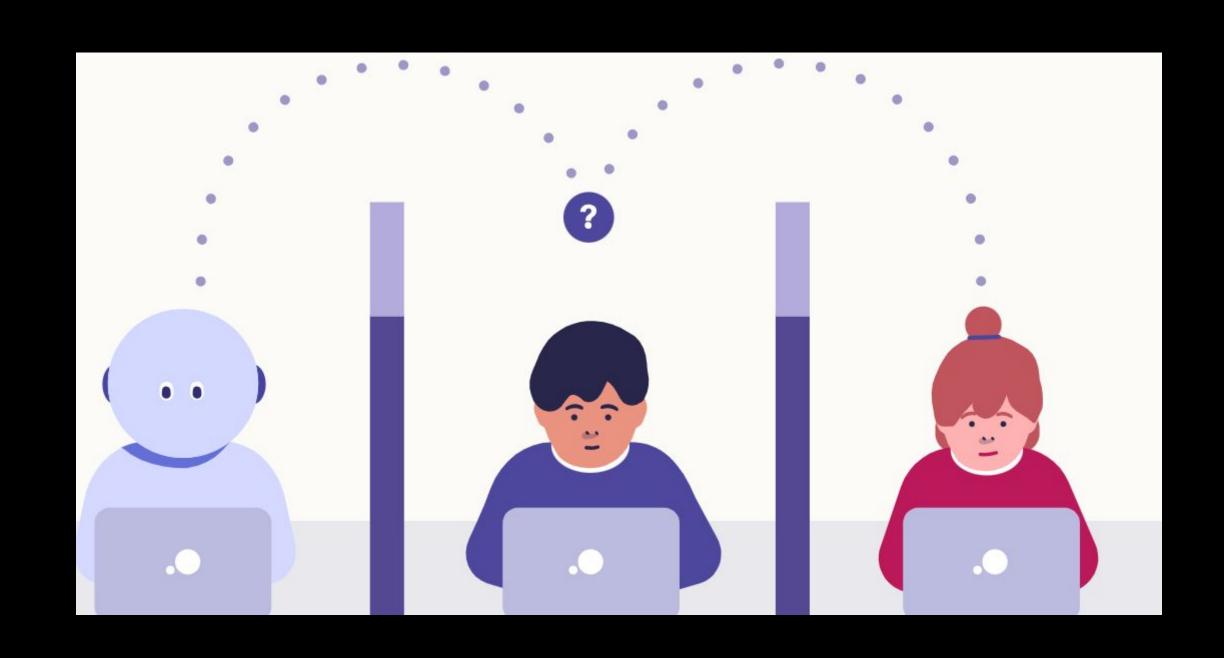
Adaptabilidad

La capacidad para mejorar la ejecución de las tareas aprendiendo de la experiencia.

Inteligencia Artificial La prueba de Turing

Alan Turing (1912-1954) fue un matemático y lógico inglés. Se le considera, con razón, el padre de la informática. A Turing le fascinaban la inteligencia y el pensamiento, y la posibilidad de simularlos mediante máquinas. La contribución más destacada de Turing a la IA es su juego de imitación, que más tarde se conoció como el test de Turing.

Inteligencia Artificial La prueba de Turing

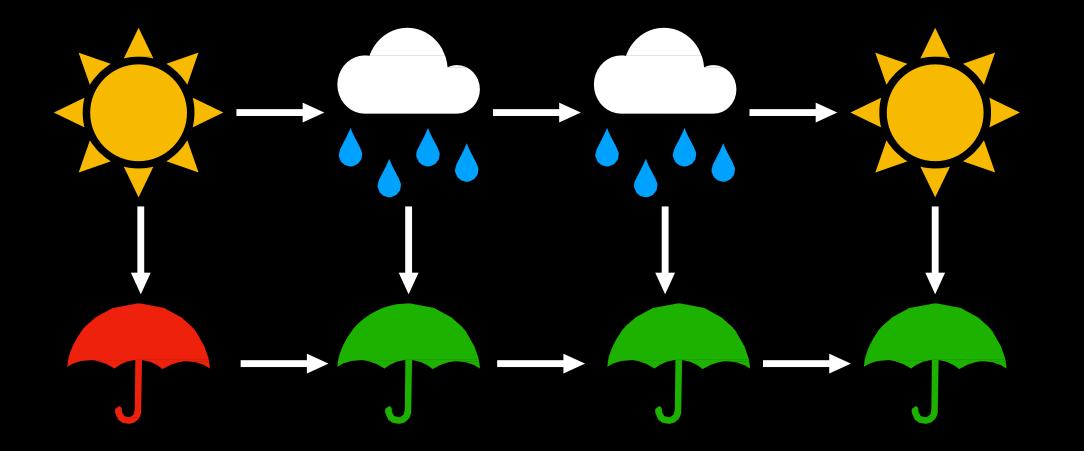


Búsqueda

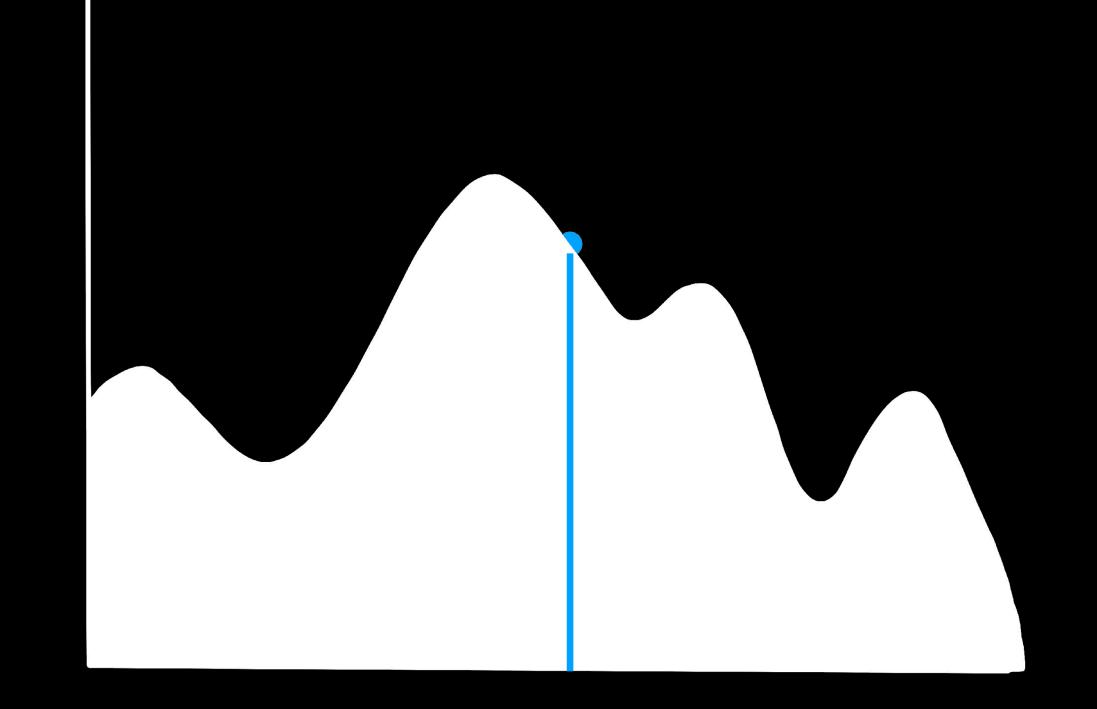
Conocimiento

$$P \rightarrow Q$$

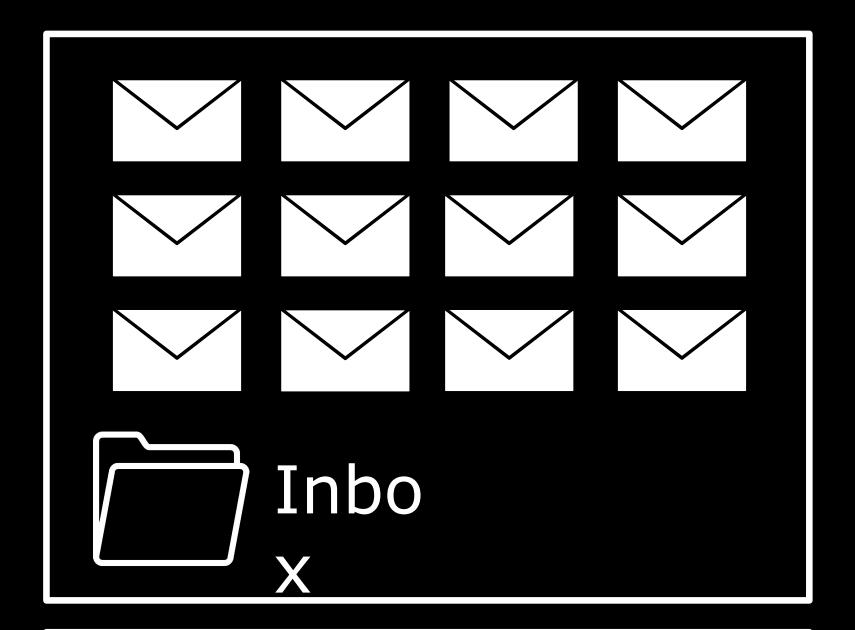
Incertidumbre

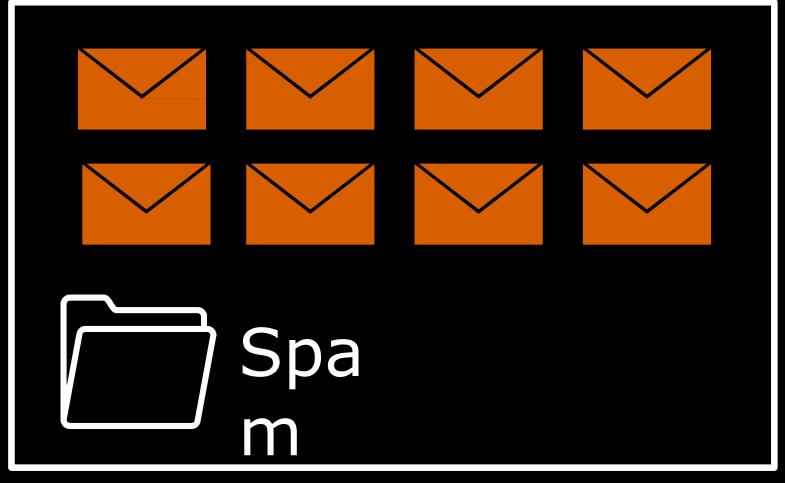


Optimización

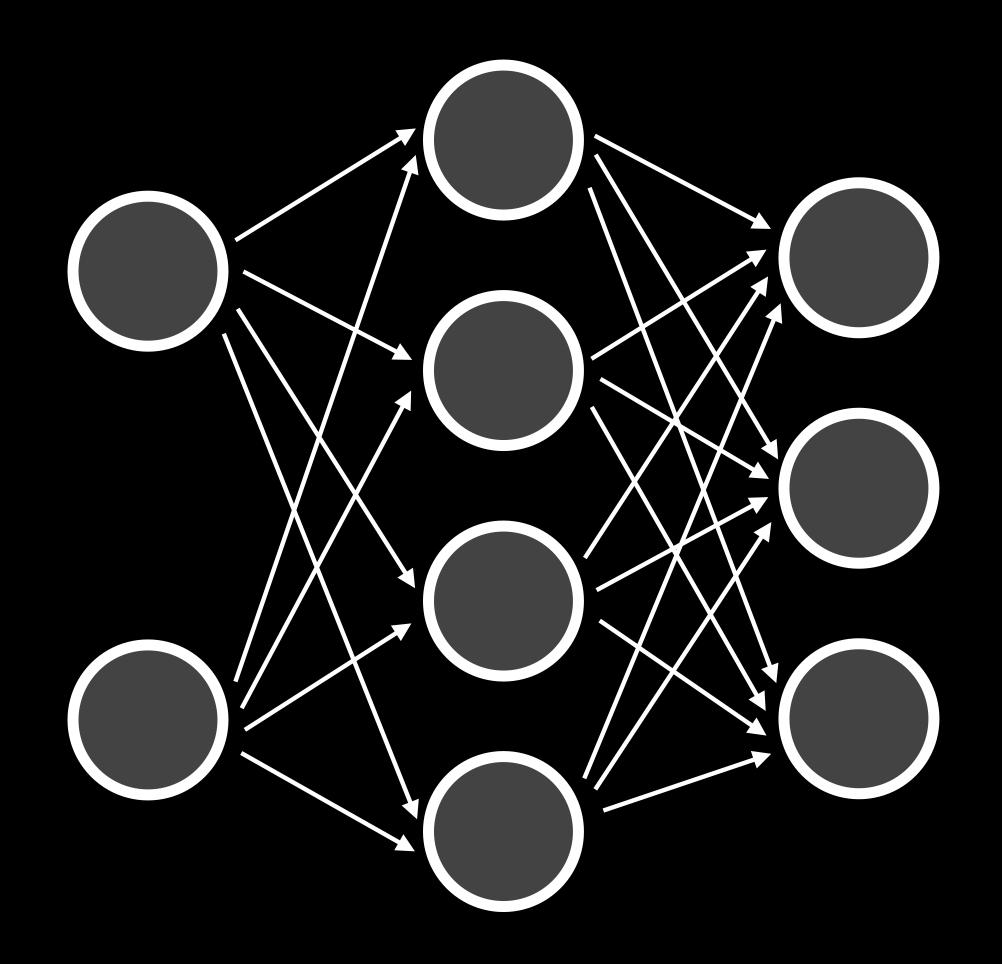


Conocimiento

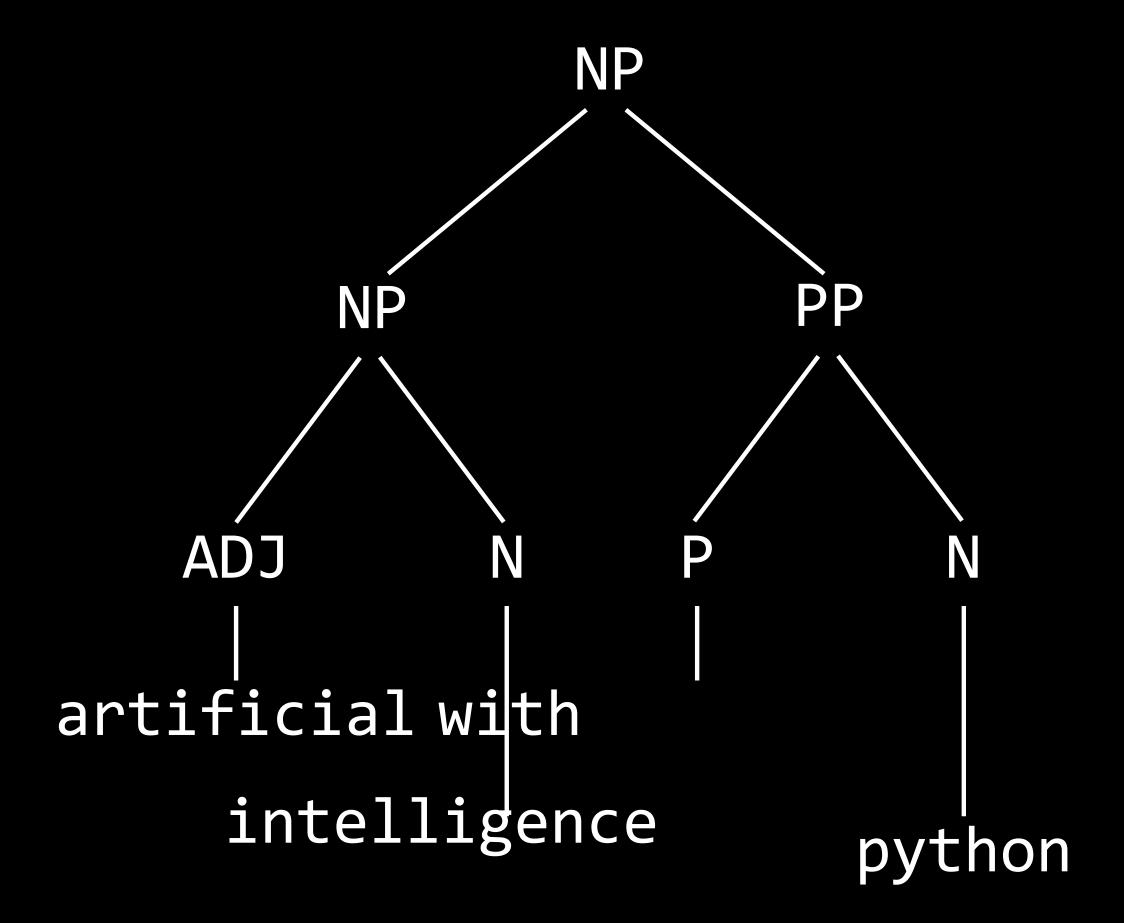




Redes Neuronales

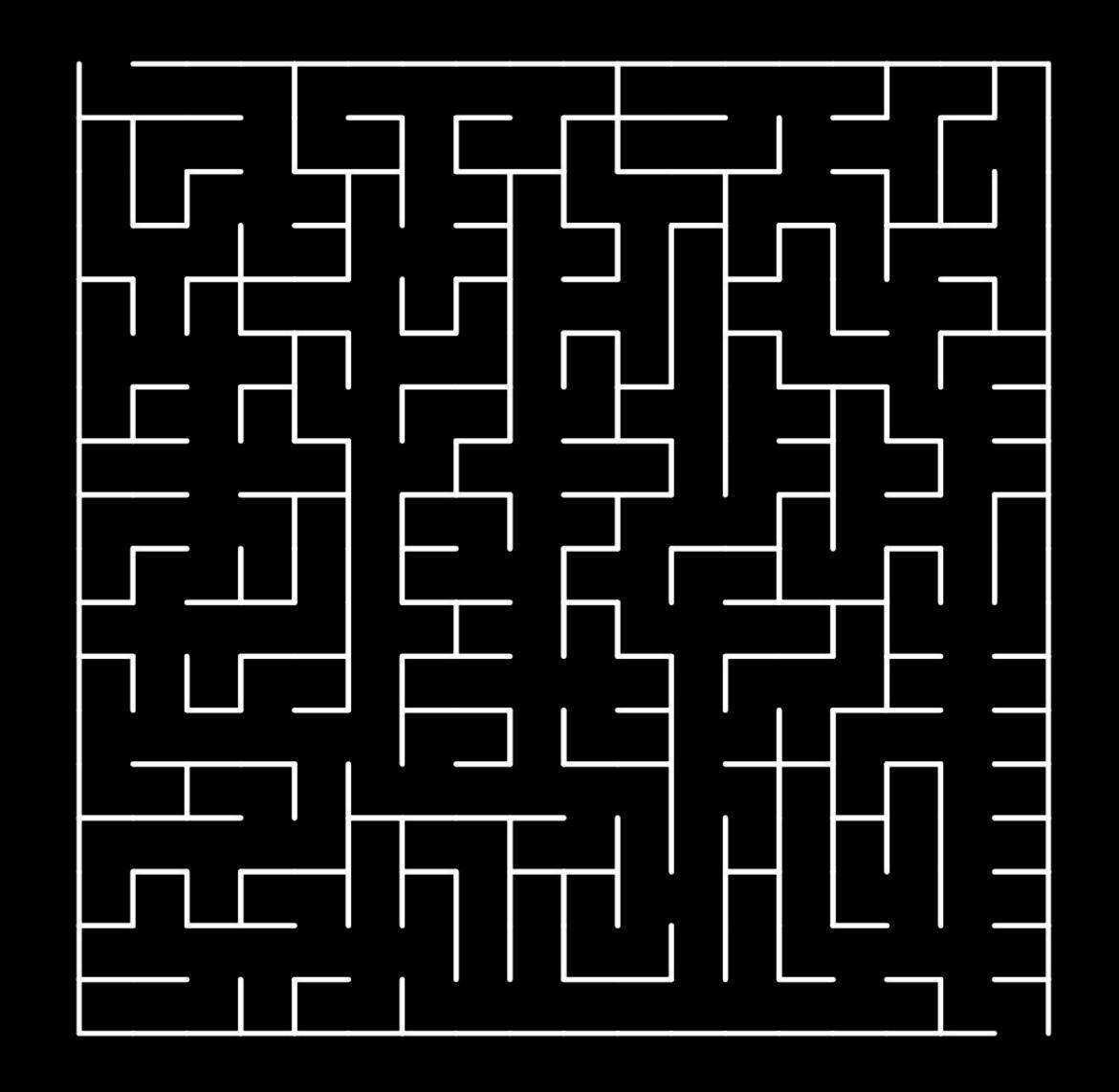


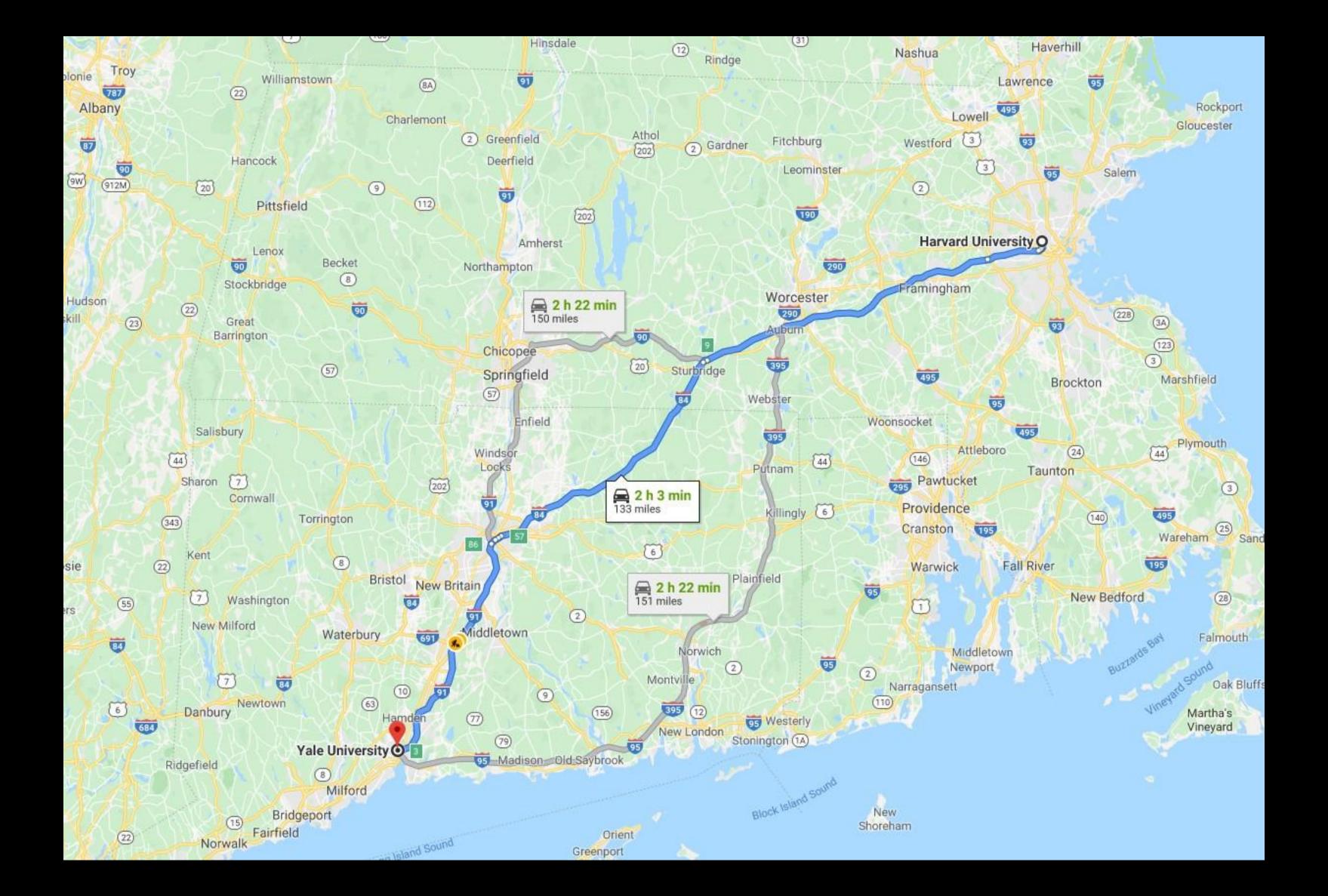
Lenguaje



Búsqueda

	2	3	4
5	6	7	8
9	10	111	12
13	14	15	





Problemas de búsqueda

Agente

entidad que percibe su entorno y actúa sobre él

Estado

La configuración en un momento del tiempo del agente y su entorno

2	4	5	7
814	3	1	1110
9	13	1 5	12

Estado inicial

El estado en el cual inicia el agente

Estado inicial

2	4	5	7
8	3	1	11
14	6		10
9	13	1 5	12

Acciones

Elecciones que pueden ser hechas en un estado

Acciones

ACCIONES(s) retorna el conjunto de acciones que pueden ser ejecutadas en un estado s

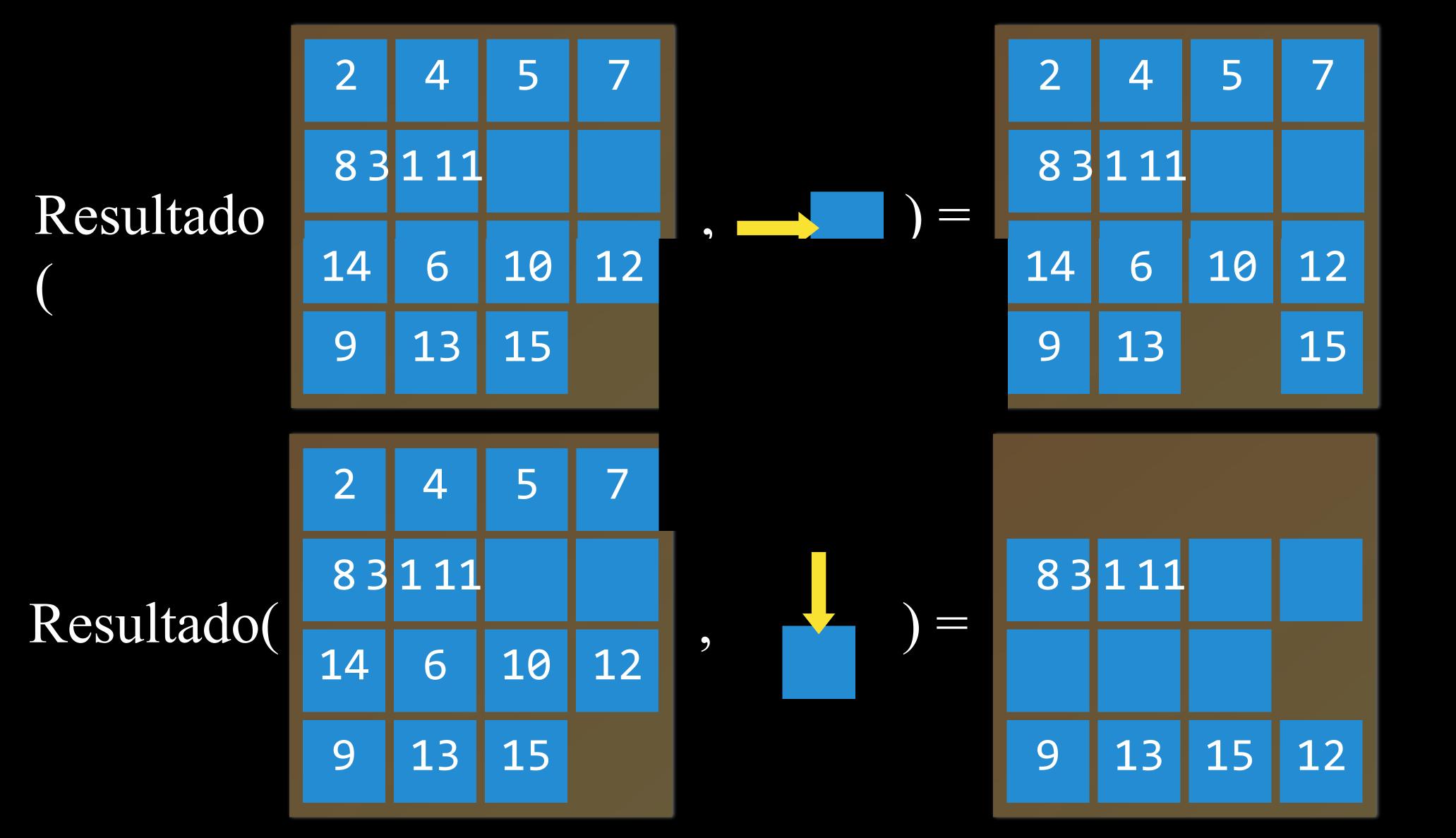
acciones

Modelo de transición

Una descripción de que estado resulta de ejecutar cualquier aplicación aplicable en cualquier estado

Modelo de transición

resultado(s, a) Retorna el estado resultante de ejecutar una acción a ren un estado s

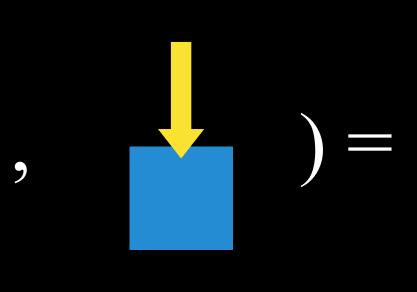


Modelo de transición

 Resultado(
 14
 5
 7

 14
 6
 10
 12

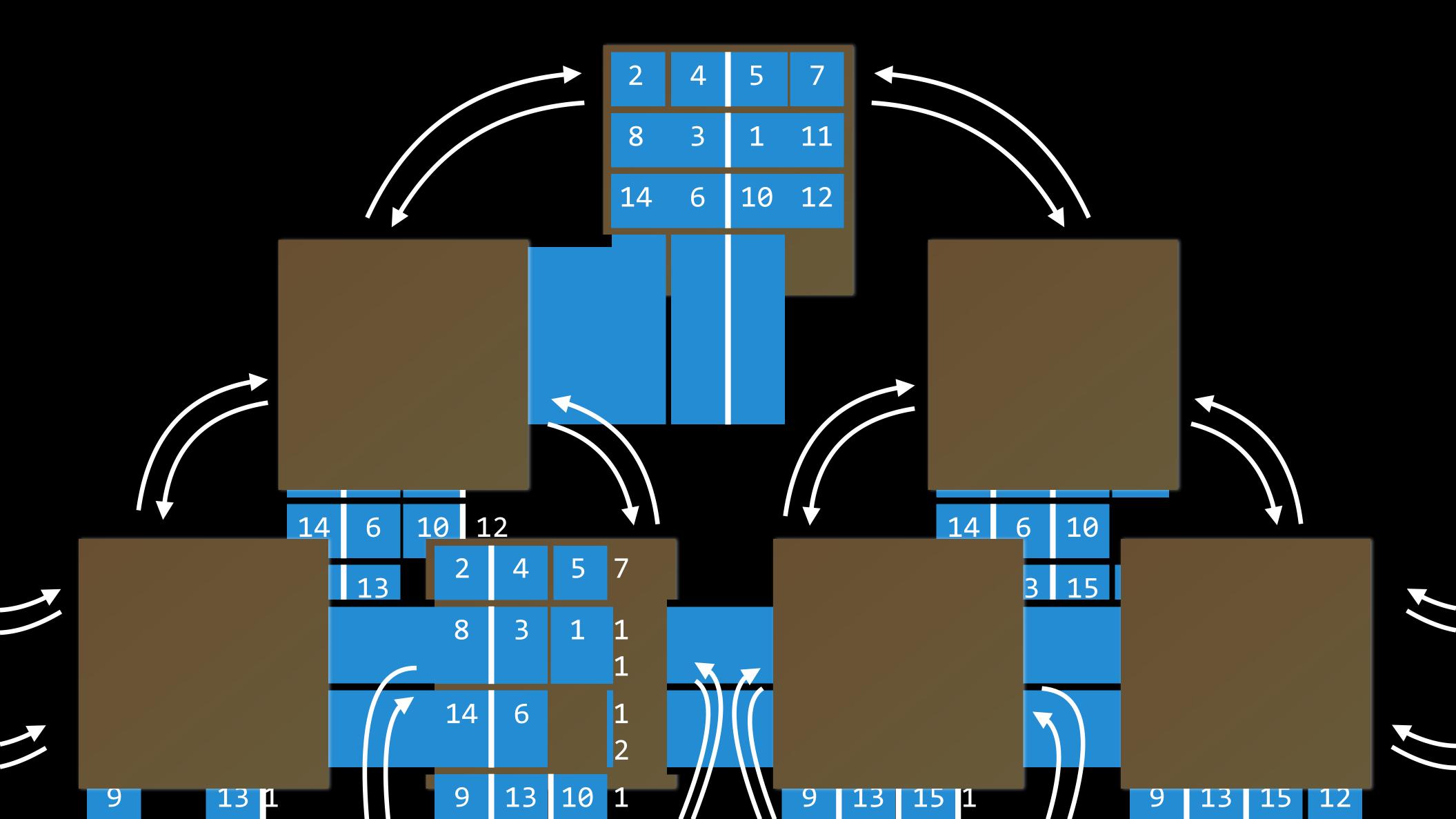
 9
 13
 15

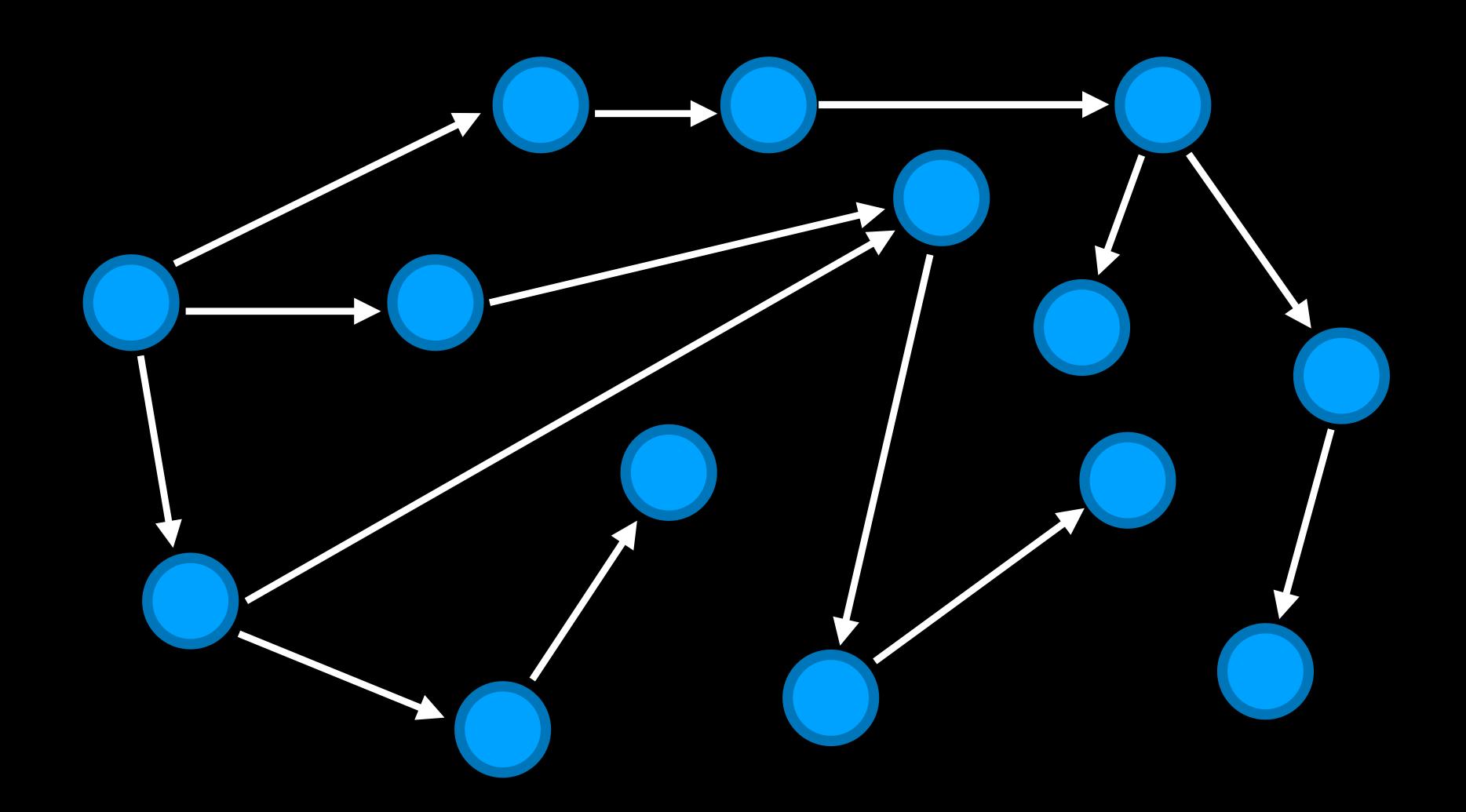


2	4	5	7
83	1 11		
9	13	15	12

Espacio de estados

Es el conjunto de estados alcanzables desde el estado inicial por una secuencia de acciones



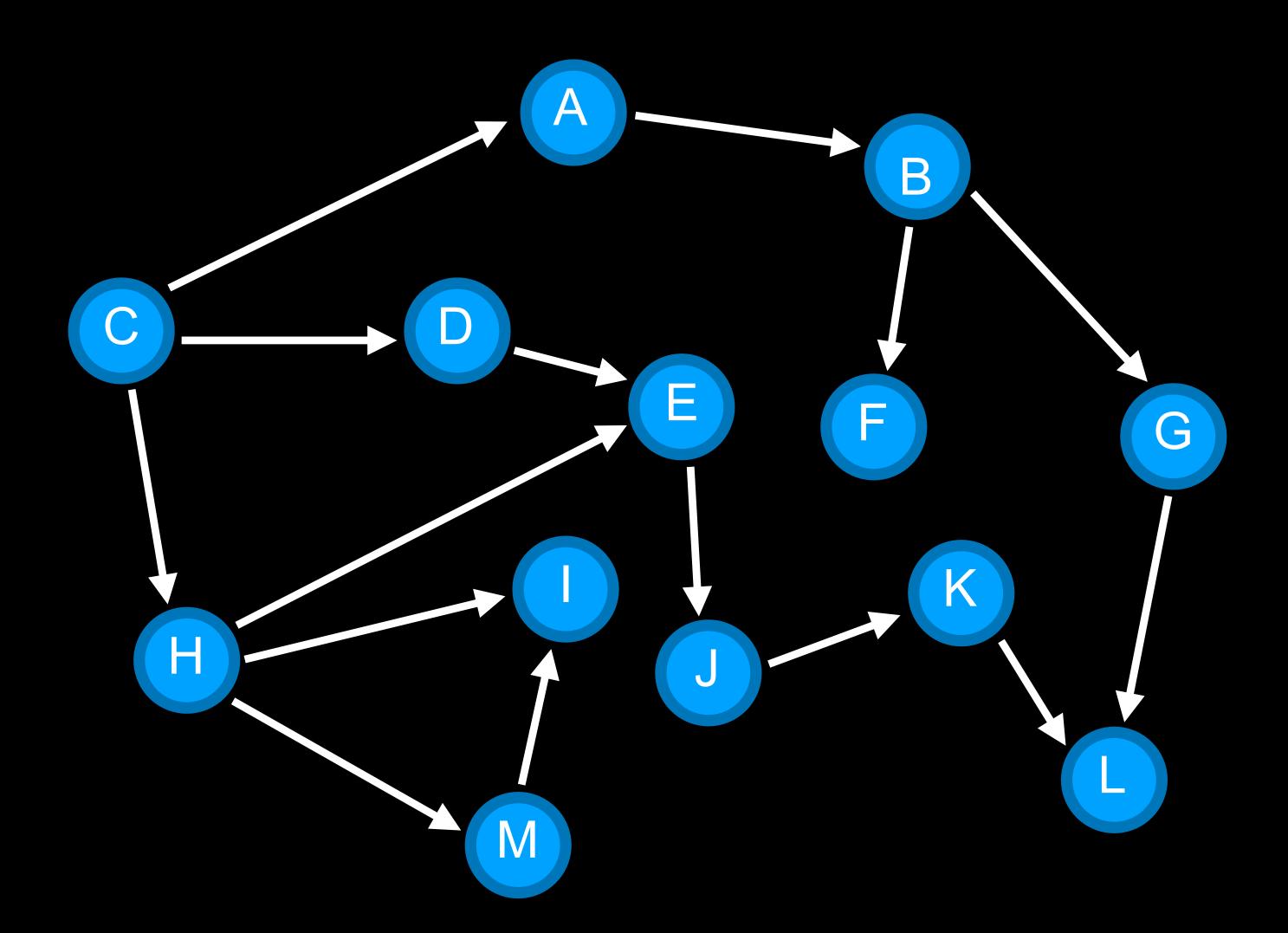


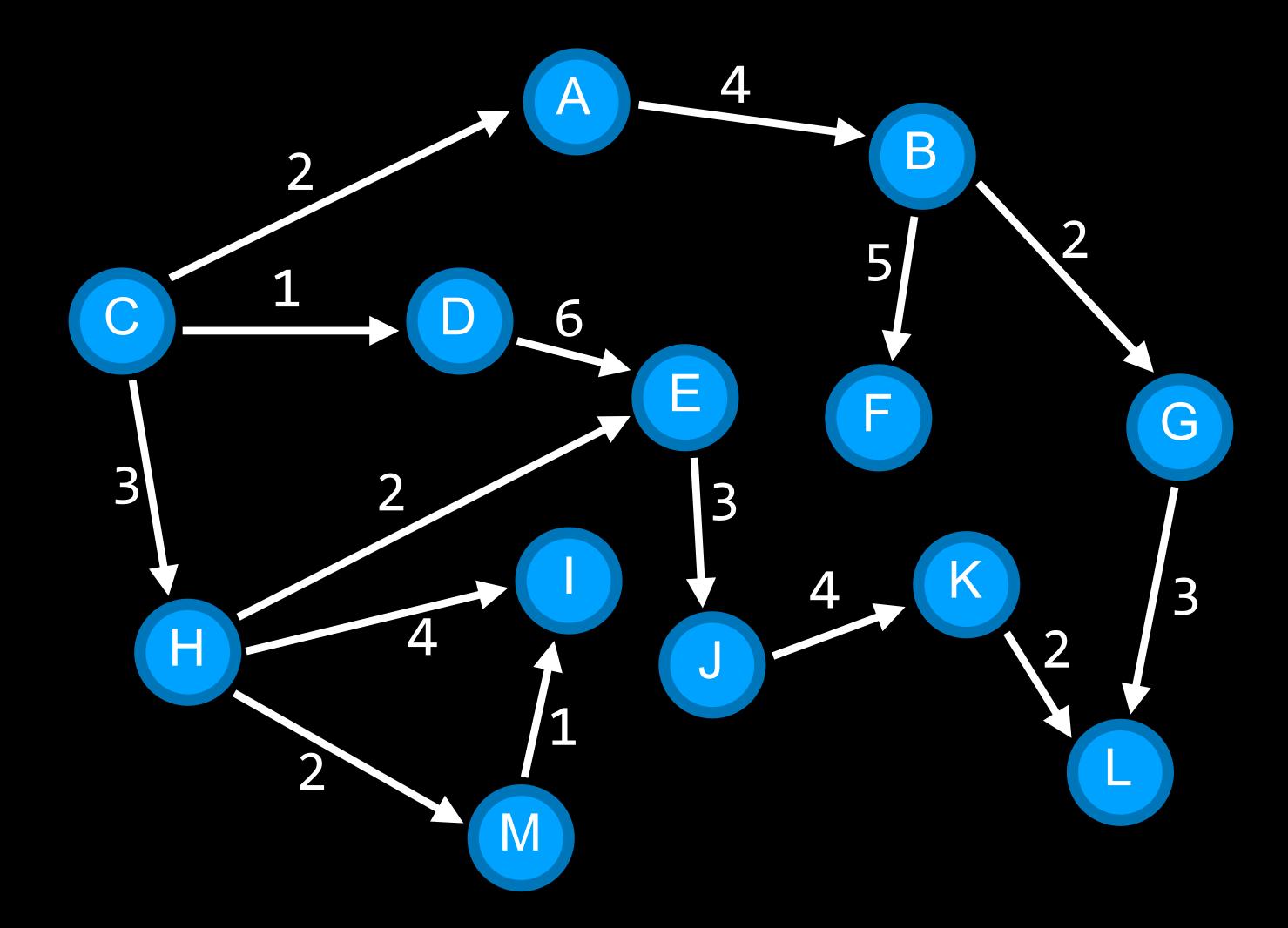
Prueba de estado

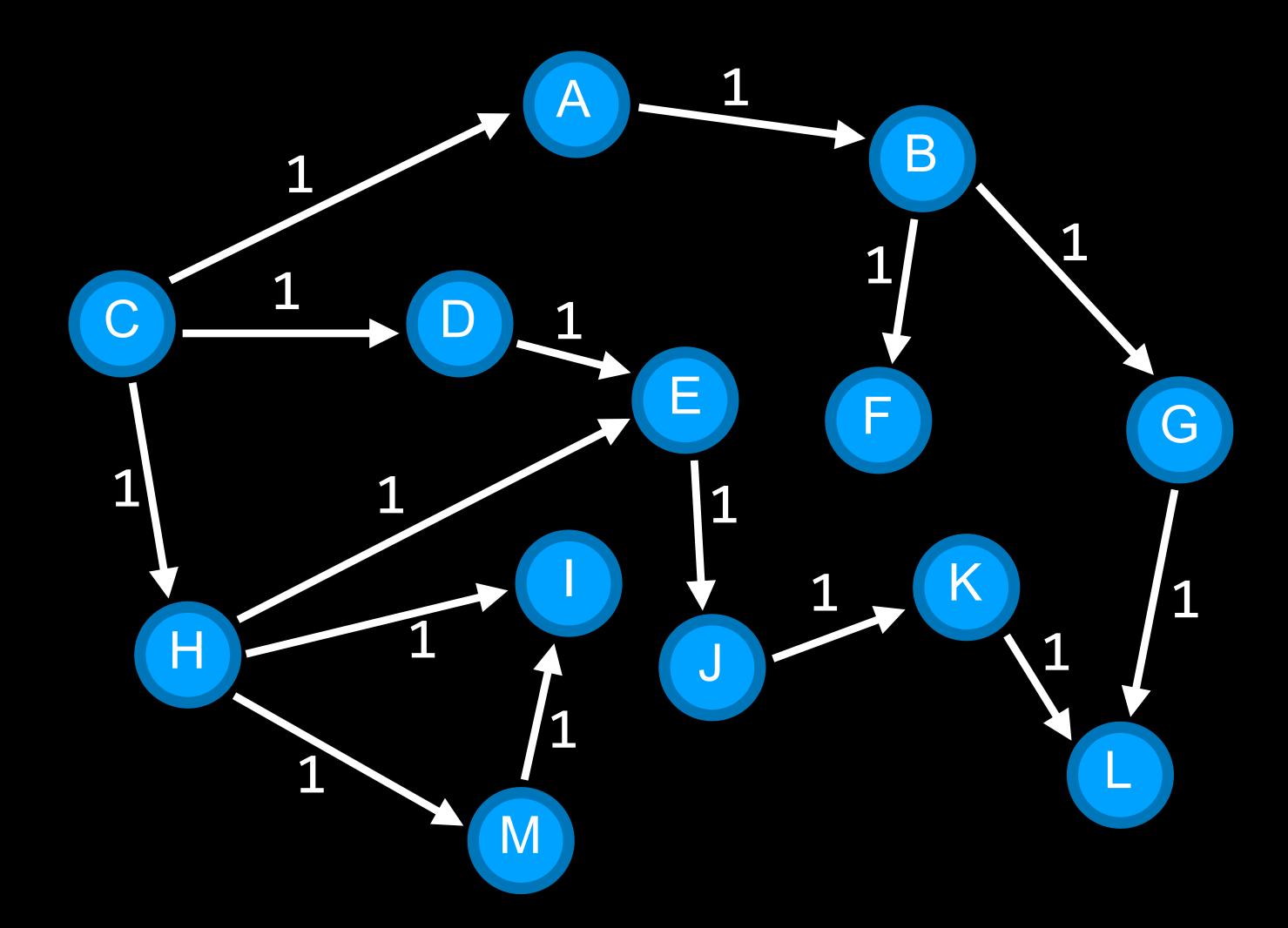
Es la manera de establecer si un estado dado es el estado meta

Costo de ruta

Costo numérico asociado con una ruta dada







Problemas de búsqueda

- Estado inicial
- acciones
- Modelo de transición
- Evaluación de meta
- Función de costo de ruta

Solución

Es un conjunto de acciones que nos llevan desde un estado inicial hasta un estado meta

Solución óptima

La solución con el menor costo de ruta entre las posibles rutas de solución

nodo

Es una estructura de datos que mantiene un registro de:

- Un estado
- un padre (nodo que genera este)
- una **accion** (accion aplicada al padre para obtener un nodo)

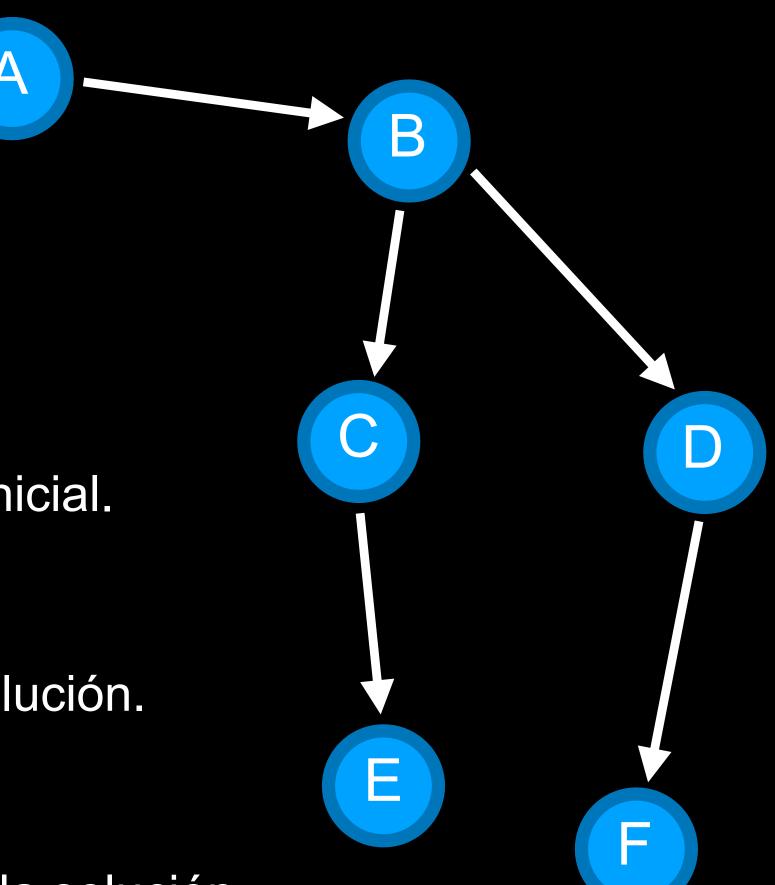
de mute /del estede inicial etete beste un ne

Aproximación

- Inicia con una frontera que contiene el estado inicial.
- Repetir:
 - Si la frontera está vacía entonces no hay solución.
 - Renovar un nodo de la frontera.
 - Si el nodo contiene el estado meta, retornar la solución.
 - Adicionar el nodo al conjunto explorado
 - Expandir node, adicioar los nodos resultantes a la frontera, si no están allí o el conjunto explorado.

Camino de A hasta E?

- Comience con una frontera que tenga el estado inicial.
- Repetir:
 - Si la frontera está vacía, entonces no hay solución.
 - Remove un nodo desde la frontera.
 - Si el nodo contiene un estado meta, retorne la solución.
 - Expandir nodo, adicionar nodos <u>resultantes</u> a la frontera.

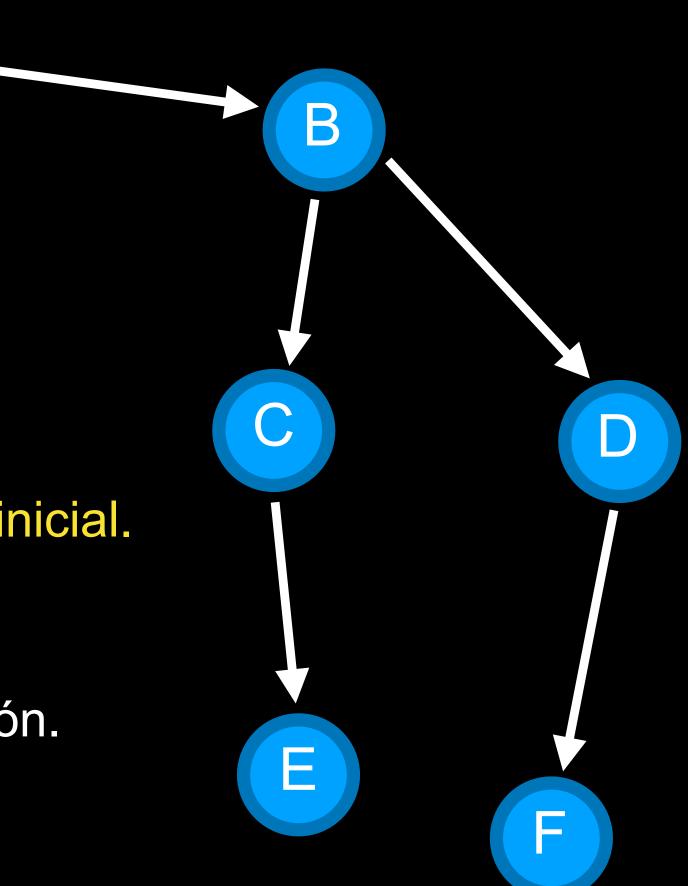


Camino de A a E?

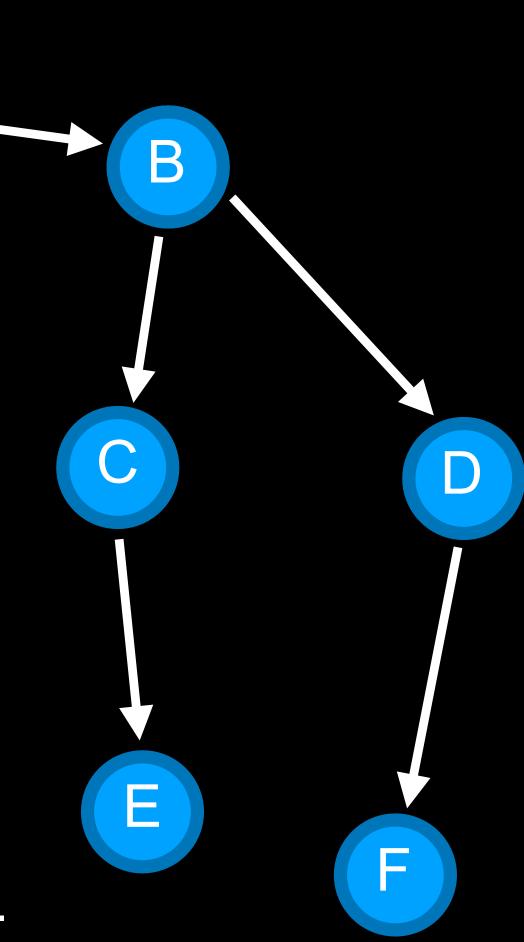




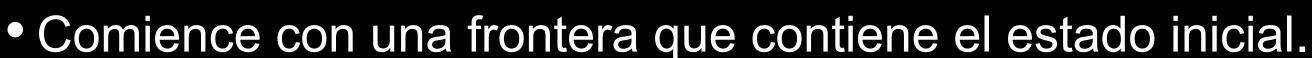
- Repetir:
 - Si la frontera está vacía, entonces no hay solución.
 - Remover un nodo de la frontera.
 - Si , es el nodo meta entonces retornar la solución.
 - Expand nodo, añadir nodos resultantes a la frontera.



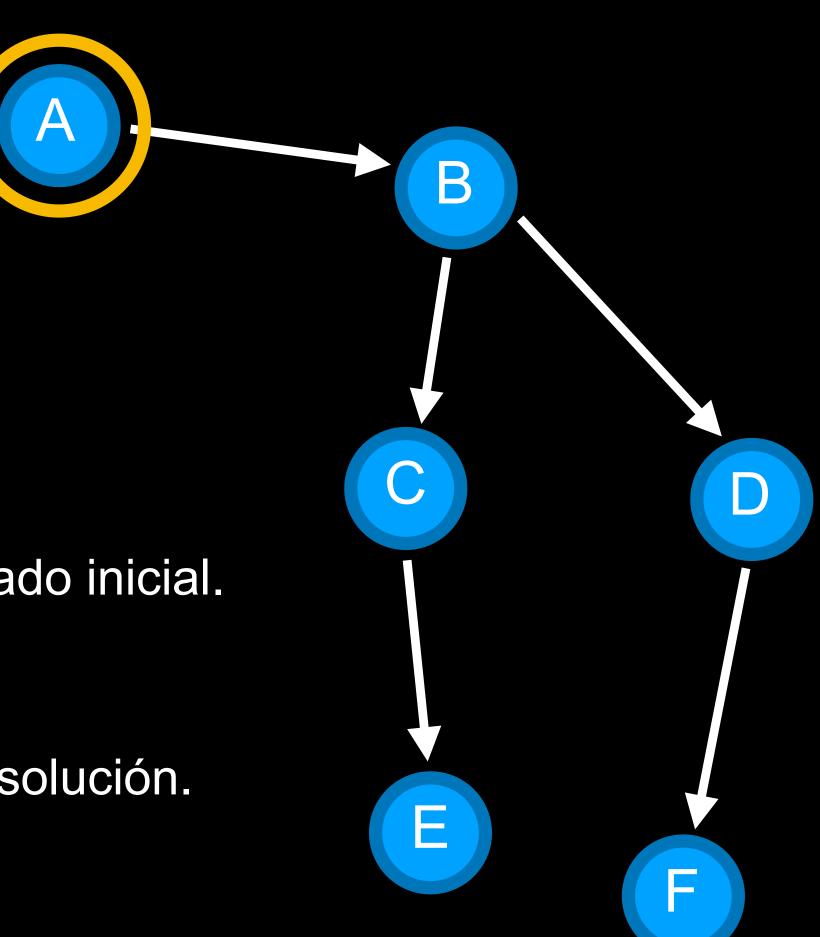
- Comience con una frontera que contiene el estado inicial.
- Repetir:
 - Si la frontera es vacía entonces, no hay solución.
 - Remover un nodo de la frontera.
 - Si el nodo contiene el estado meta, retornar la solución.
 - Expandir nodo, añadir nodos resultantes a la frontera.



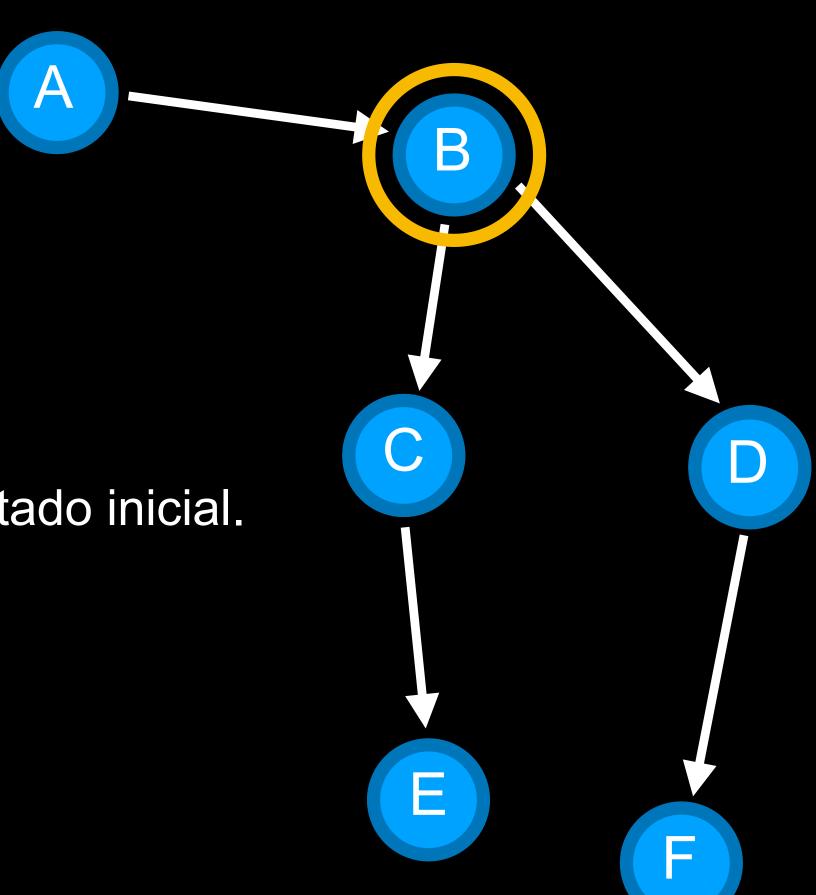




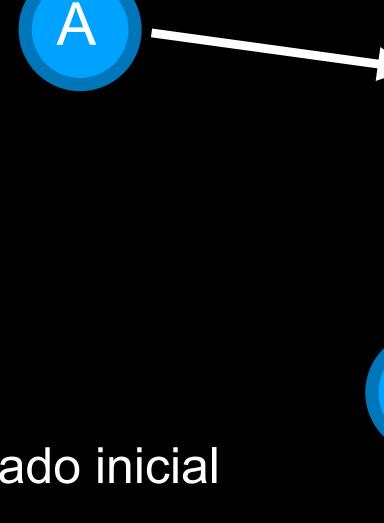
- Repetir:
 - Si la frontera está vacía, entonces no hay solución.
 - Remover un nodo de la frontera.
 - Si el nodo es la meta, retorne la solución.
 - Expandir nodo, añadir nodos resultantes a la frontera.



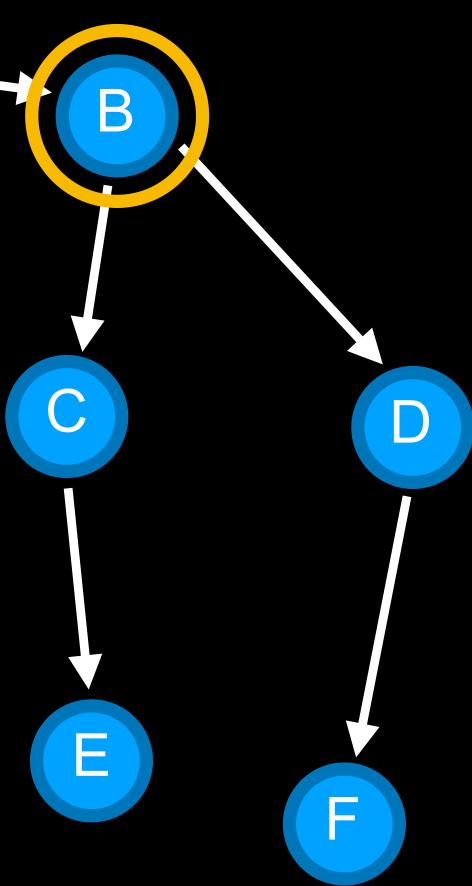
- Comience con una frontera que contiene el estado inicial.
- Repetir:
 - Si el nodo frontera está vacío, sin solución.
 - Remover nodo de la frontera
 - Si el nodo es la meta, retorne la solución.
 - Expandir nodo, añadir nodos resutantes a la frontera.

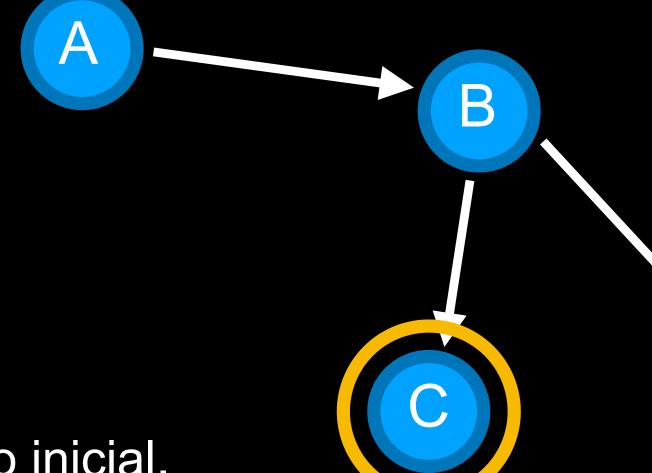


Frontier C D



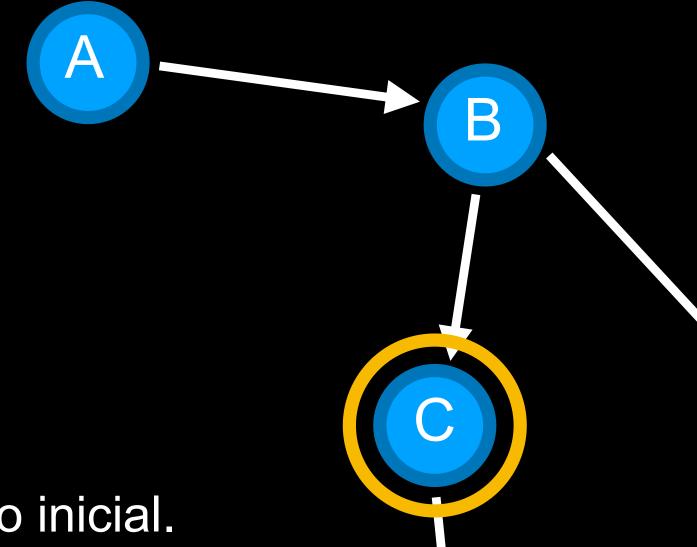
- Comience con una frontera que contiene el estado inicial
- Repetir:
 - Si el nodo frontera está vacío, sin solución.
 - Remover el nodo de la frontera.
 - Si el nodo contiene la meta estado, retornar la solución.
 - Expandir nodo, adicionar nodos resultantes a la frontera.



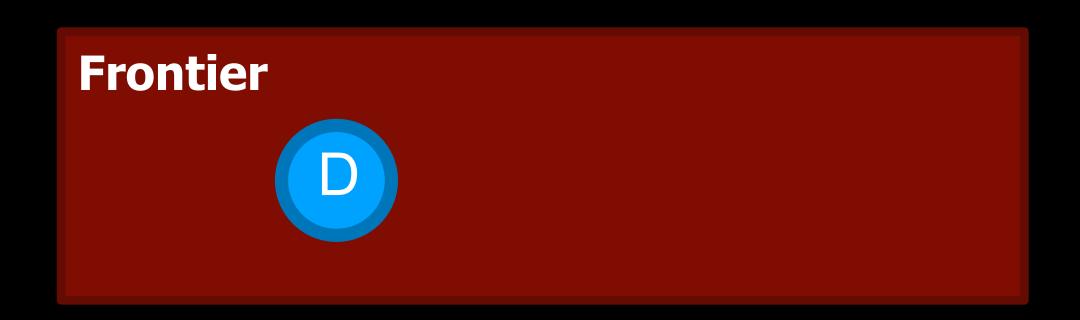


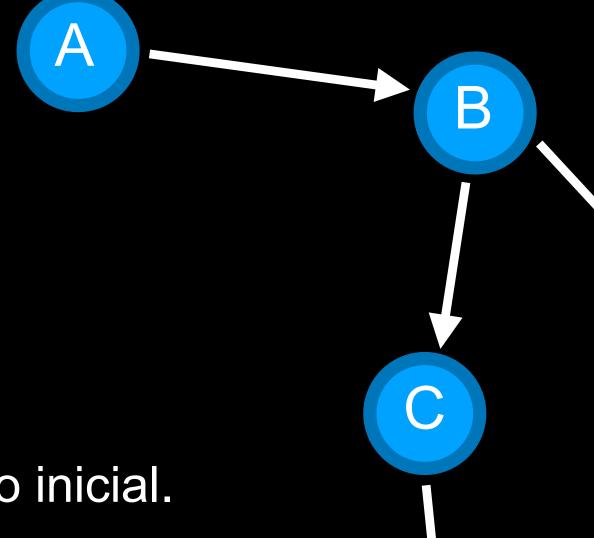
- Comience con la **frontera** que contiene el estado inicial.
- Repetir:
 - Si la frontera está vacía, entonces no hay solución.
 - Remover nodo de la frontera.
 - Si el nodo contiene la meta estado, retorne la solución.
 - Expanda nodo, adicione nodos resultantes a la frontera.

Frontier (E) (D)

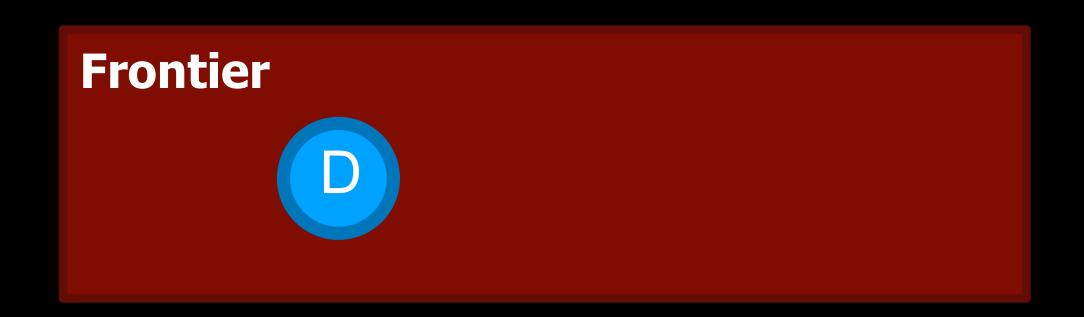


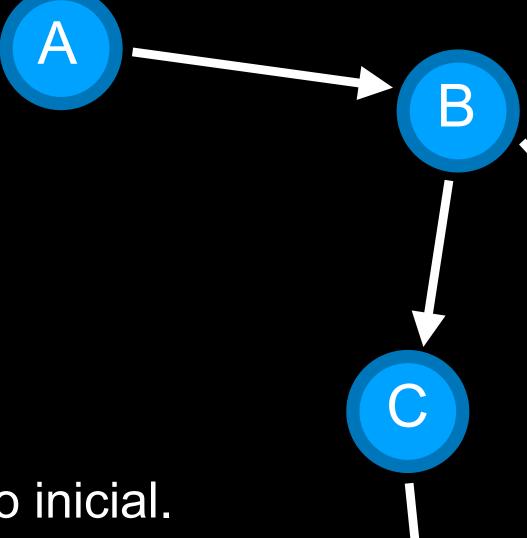
- Comience con la frontera que contiene el estado inicial.
- Repetir:
 - Si la frontera está vacía, entonces no hay solución.
 - Remover nodo de la frontera.
 - Si el nodo contiene la meta estado, retorne la solución.
 - Expanda nodo, adicione nodos resultantes a la frontera.





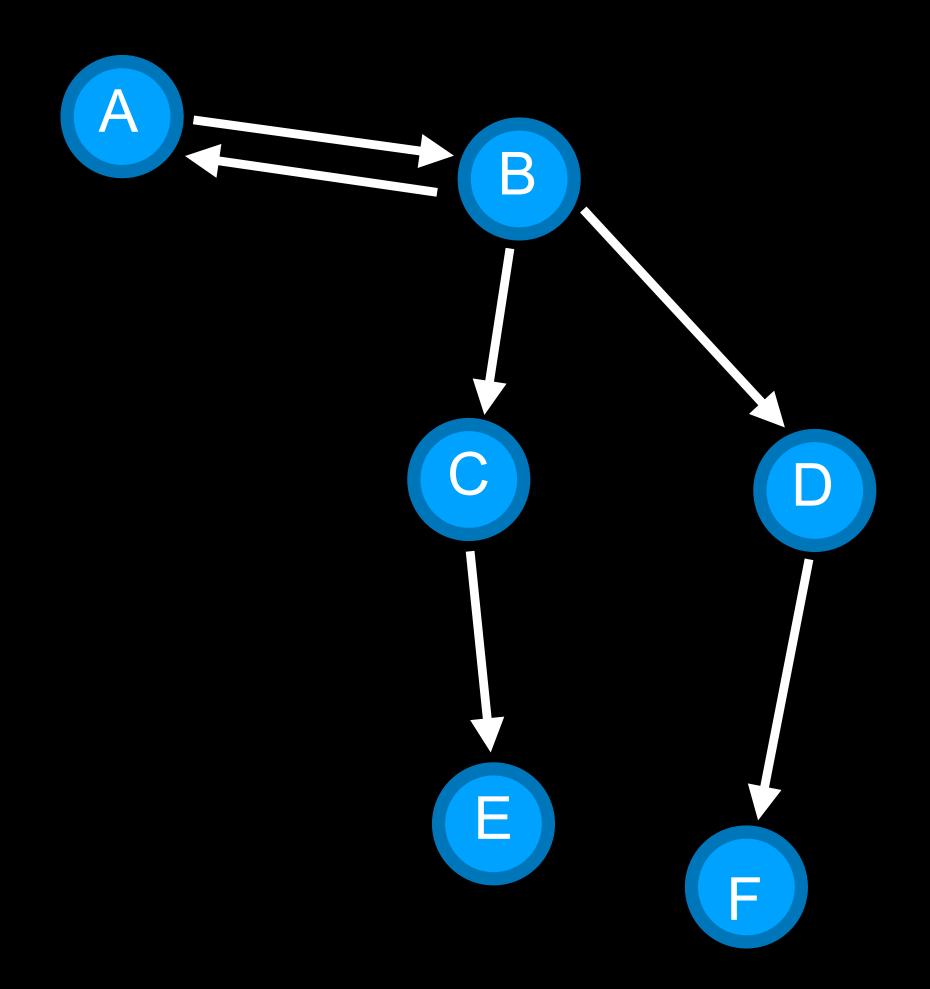
- Comience con la **frontera** que contiene el estado inicial.
- Repetir:
 - Si la frontera está vacía, entonces no hay solución.
 - Remover nodo de la frontera.
 - Si el nodo contiene la meta estado, retorne la solución.
 - Expanda nodo, adicione nodos resultantes a la frontera.



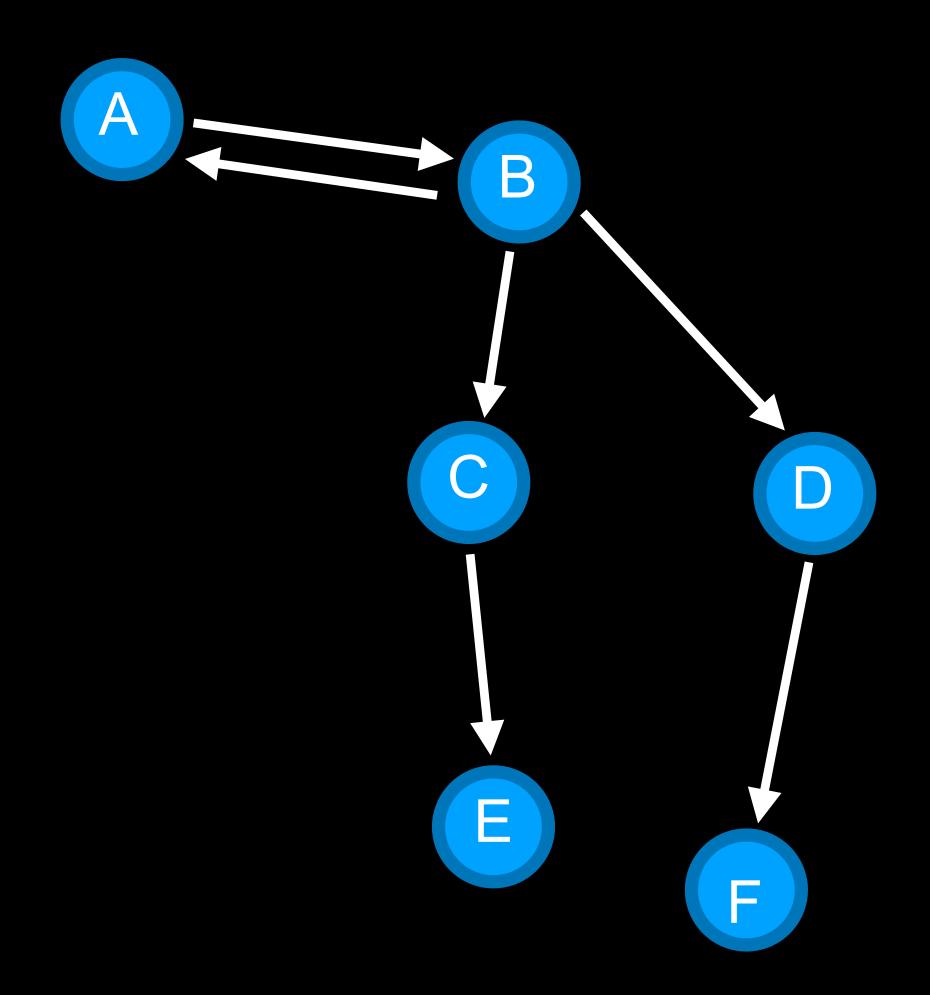


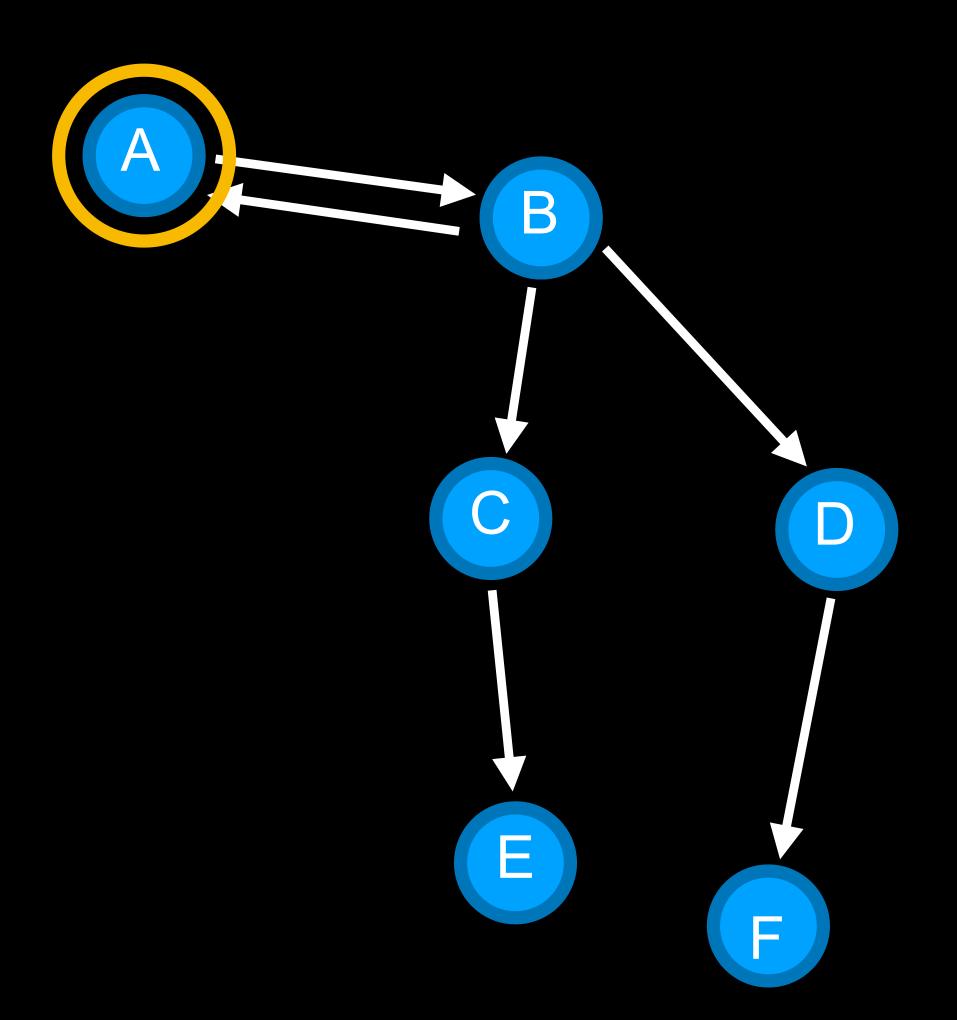
- Comience con la frontera que contiene el estado inicial.
- Repetir:
 - Si la frontera está vacía, entonces no hay solución.
 - Remover nodo de la frontera.
 - Si el nodo contiene la meta estado, retorne la solución.
 - Expanda nodo, adicione nodos resultantes a la frontera.

Que podría salir mal?

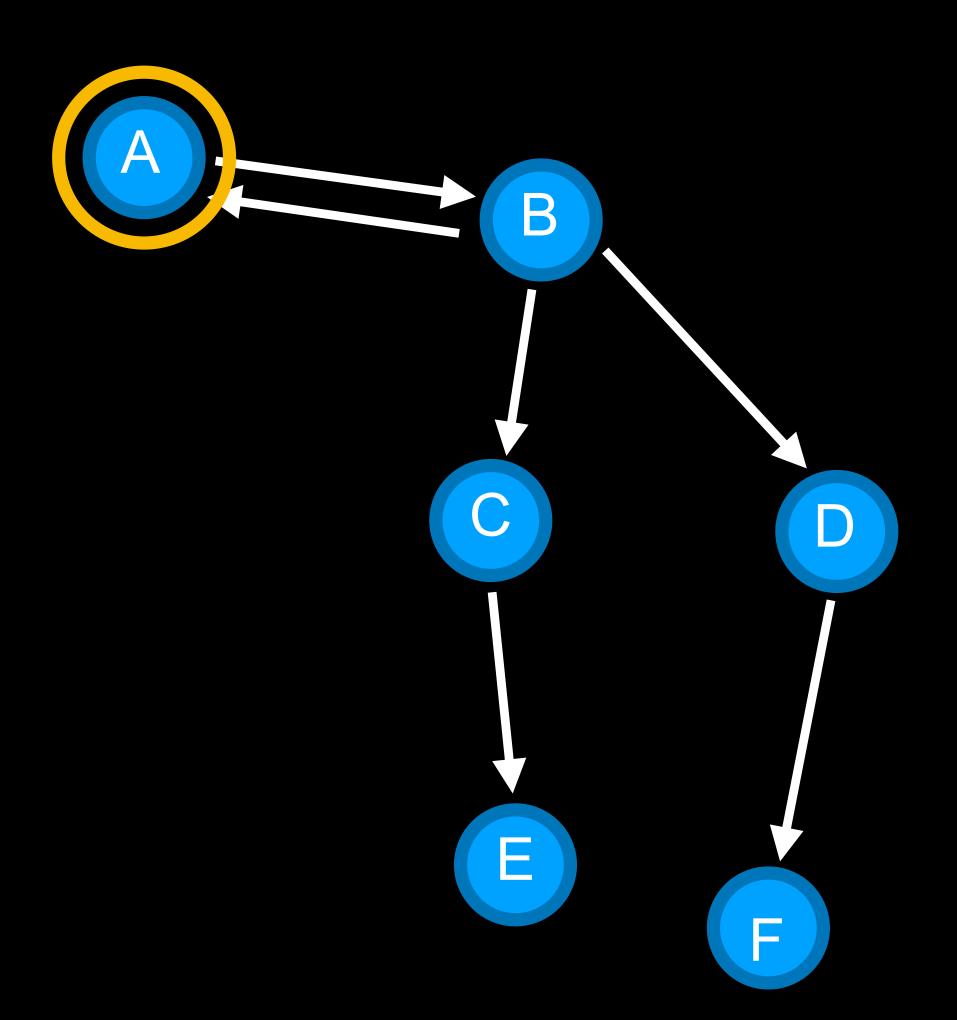


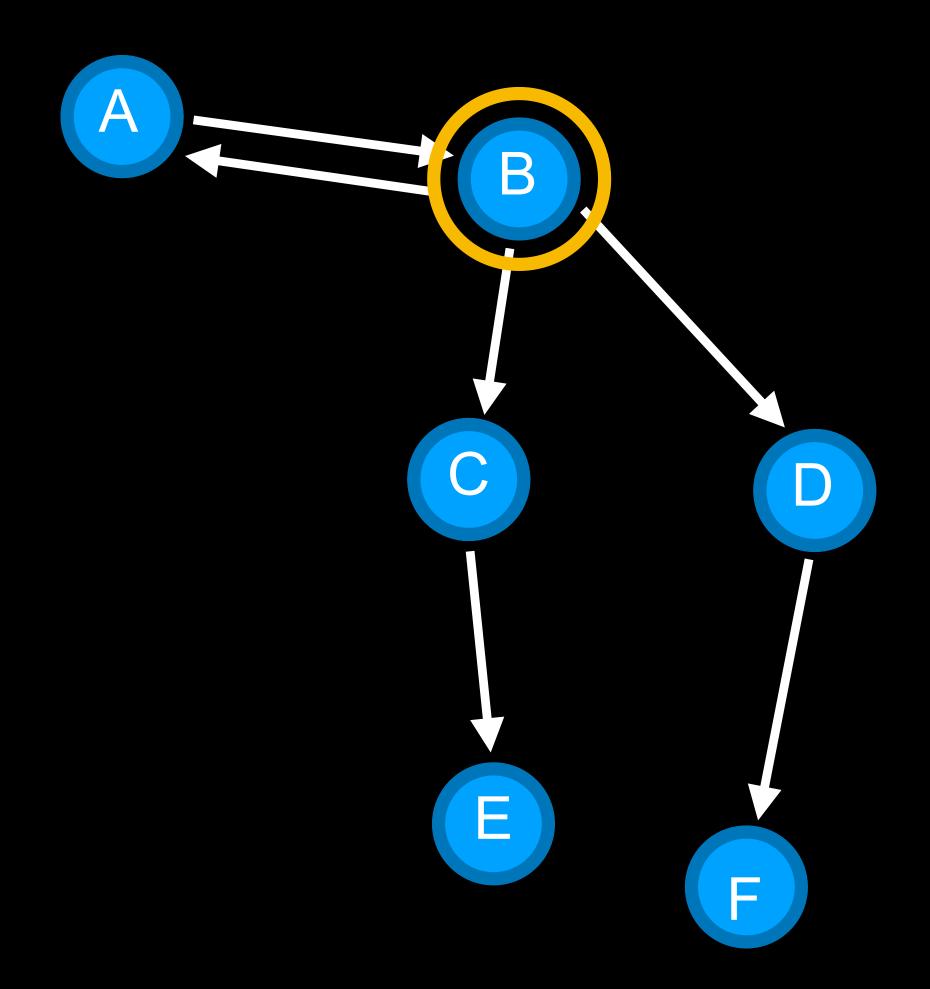


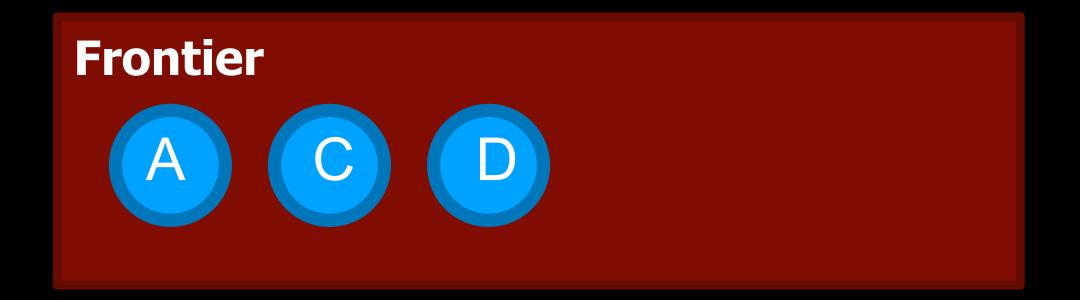


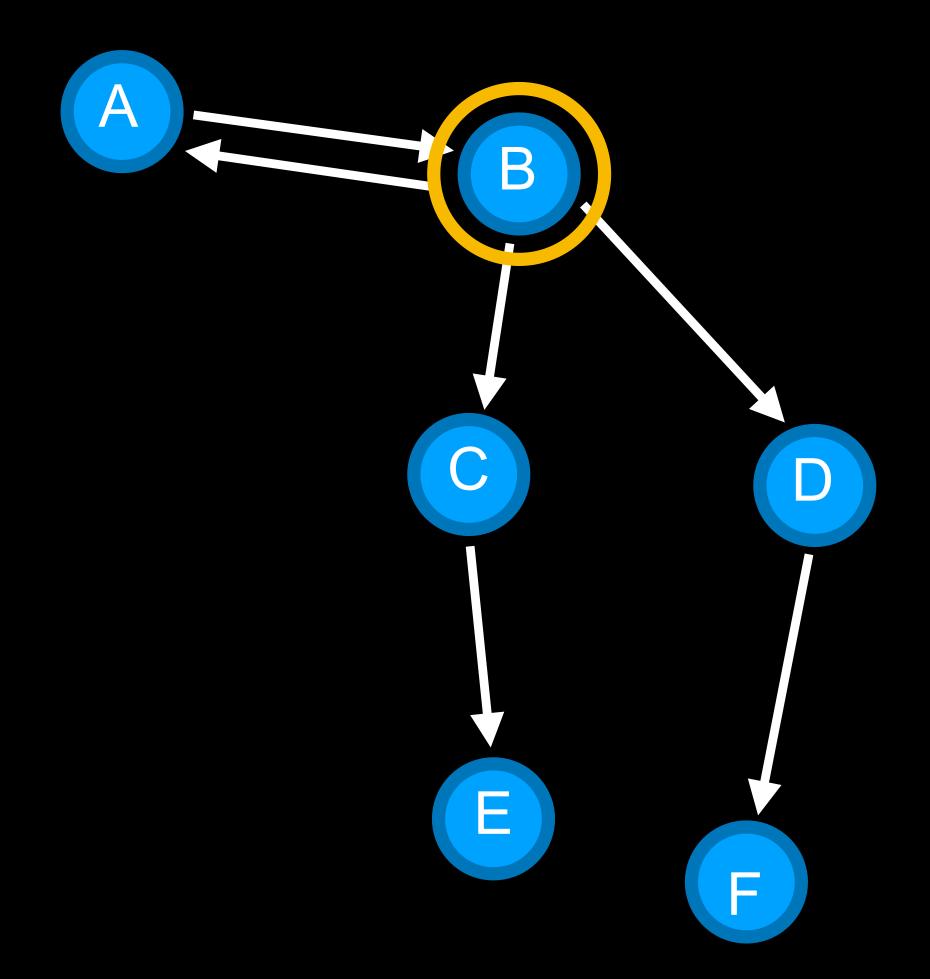


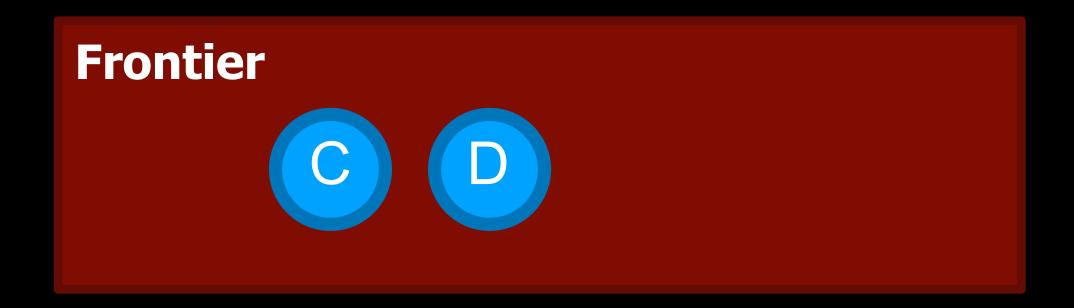


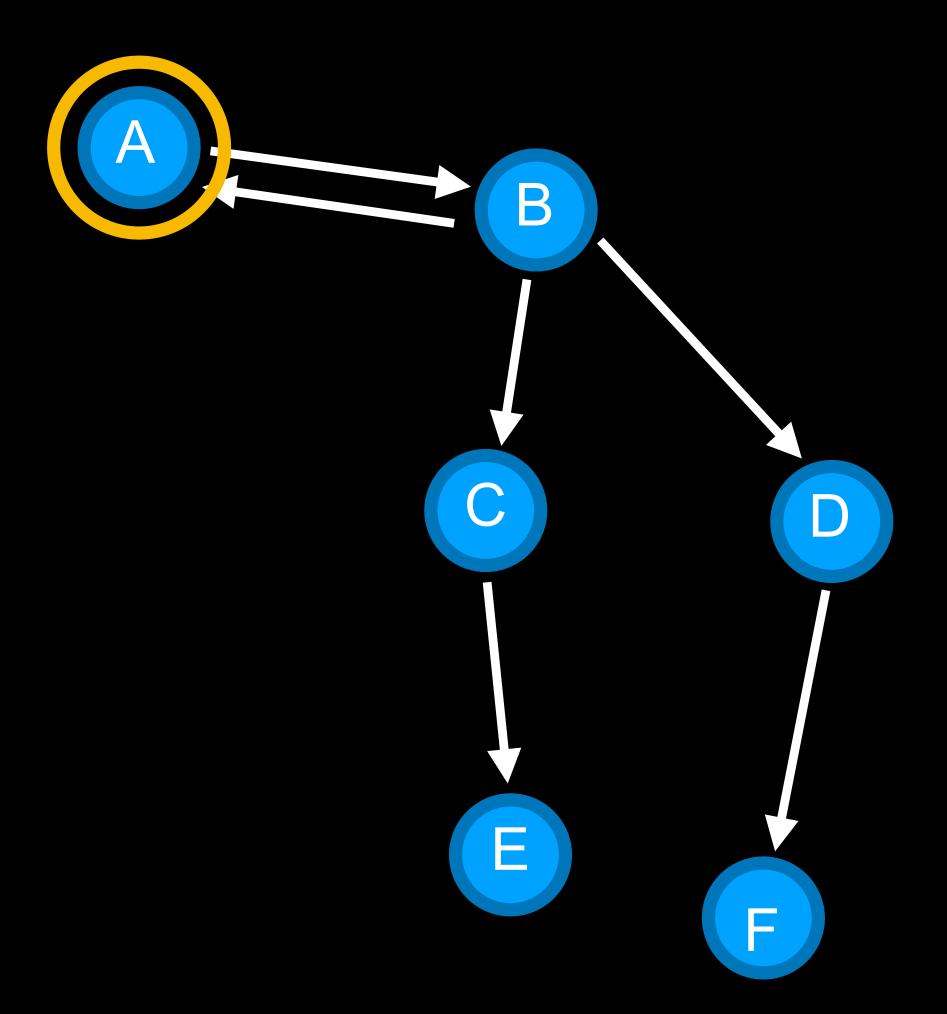












Aproximación revisada

- Comience con una frontera que contenga el estado inicial.
- Comenzar con un conjunto explorado vacío.
- Repetir:
 - Si la frontera está vacía entonces, no hay solución
 - Remover un nodo de la frontera.
 - Si el nodo contiene el estado meta, retornar la solución.
 - Adicionar el nodo al conjunto explorado.
 - Expandir nodo, adicionar nodos resultantes a la frontera, si

alle para antére are la franctare a al cardificata aventare de

Aproximación revisada

- Comience con una frontera que contenga el estado inicial.
- Comenzar con un conjunto explorado vacío.
- Repetir:
 - Si la frontera está vacía entonces, no hay solución
 - Remover un nodo de la frontera.
 - Si el nodo contiene el estado meta, retornar la solución.

alle para antére are la franctare a al cardificata aventare de

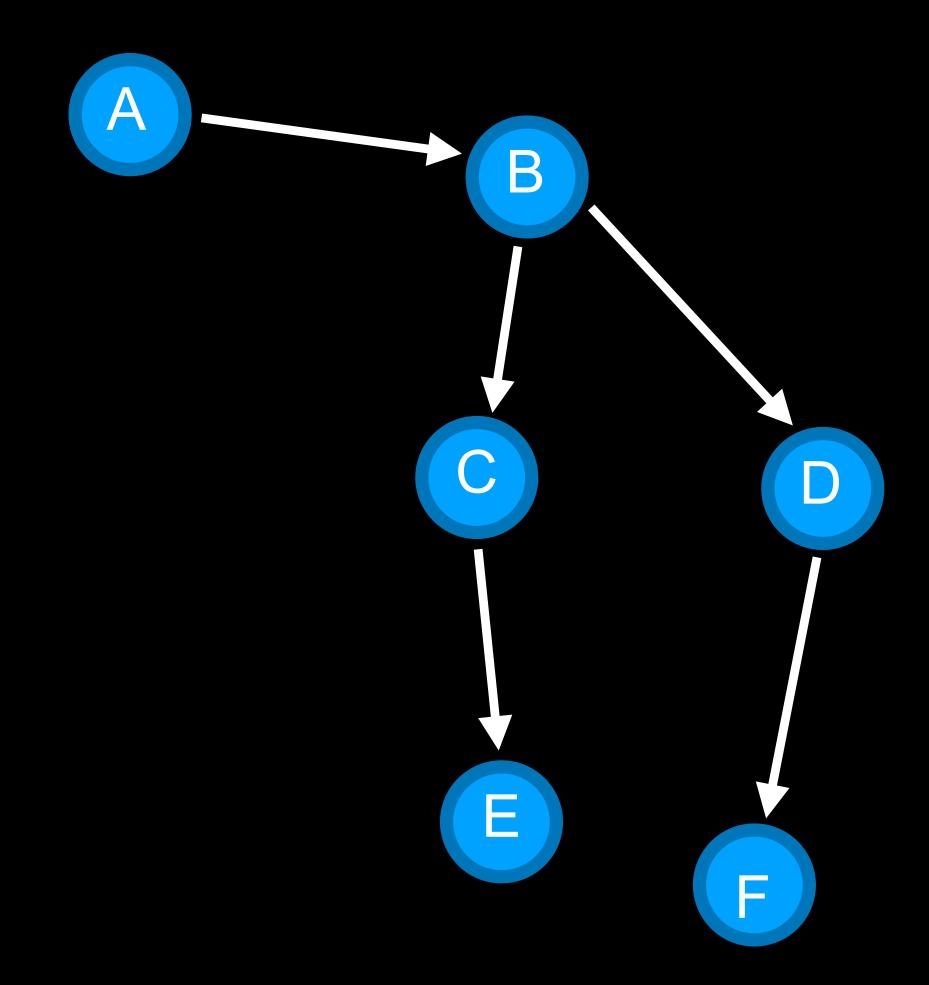
- Adicionar el nodo al conjunto explorado.
- Expandir nodo, adicionar nodos resultantes a la frontera, si

Pila LIFO

Del tipo de datos last-in first-out Último en llegar, primero en salir

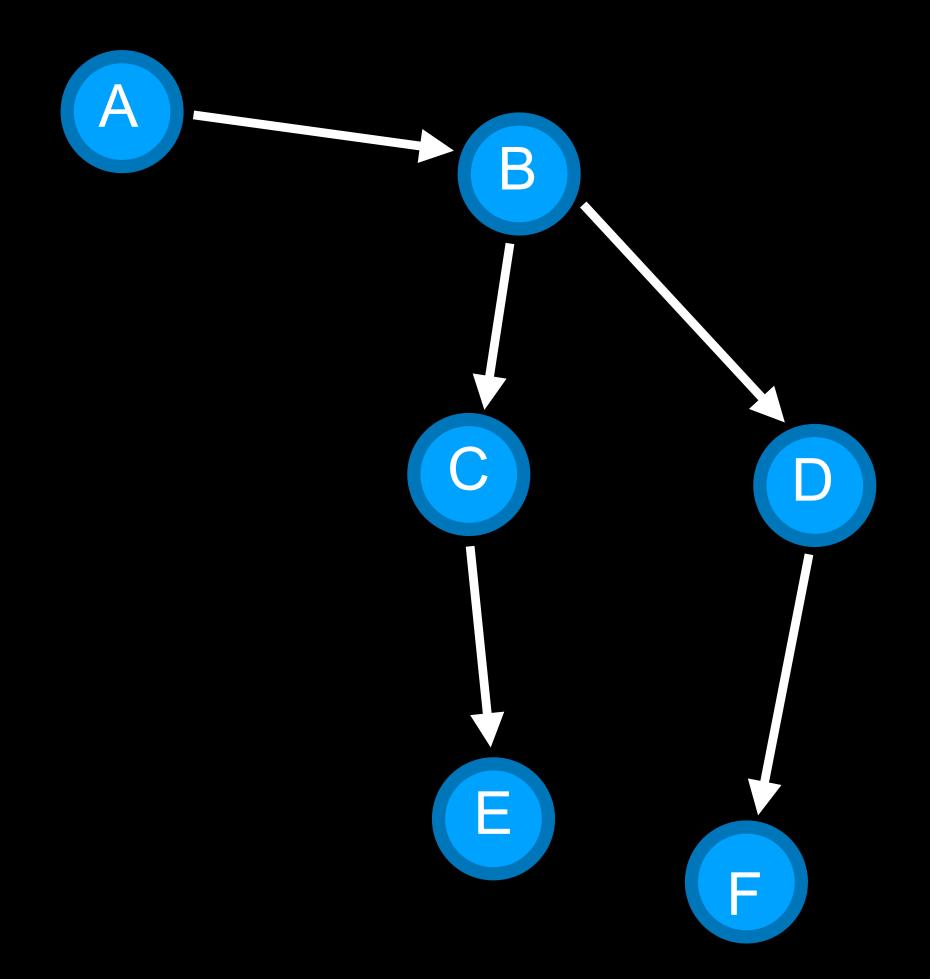
línea 127 StackFrontier

Frontera



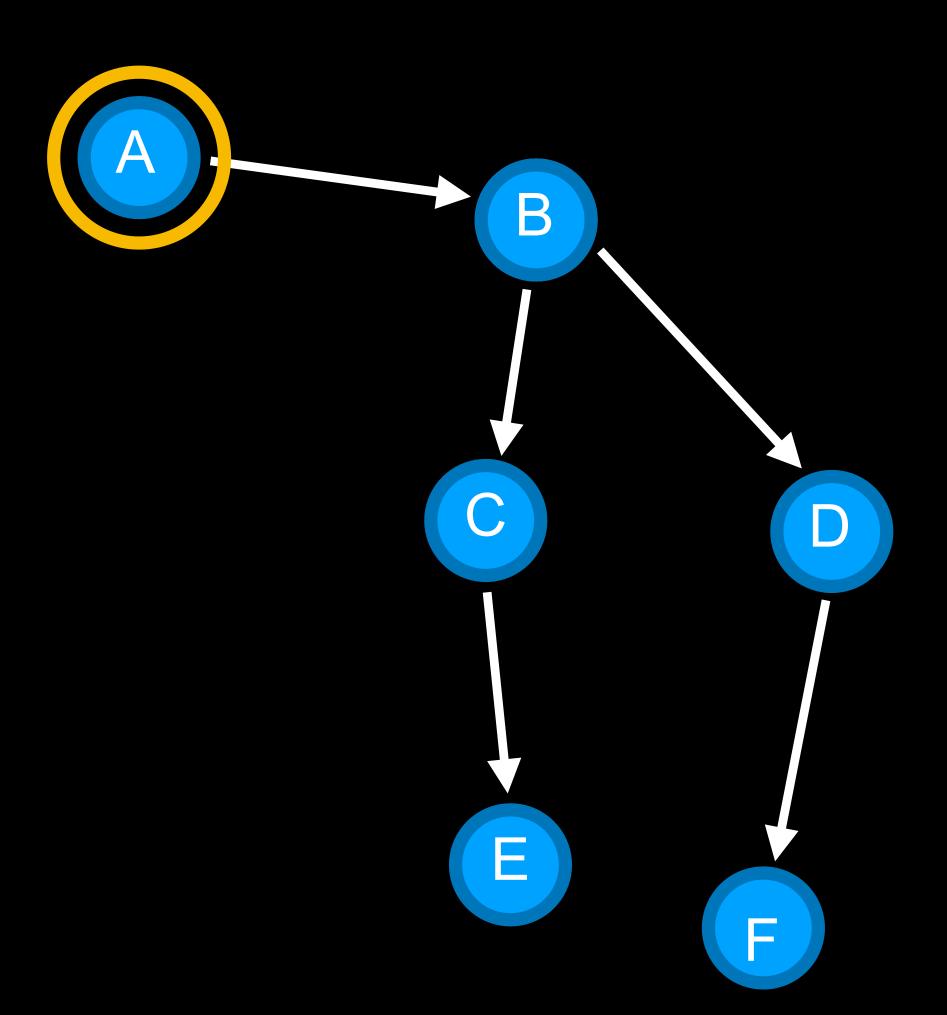
Frontera





Frontera

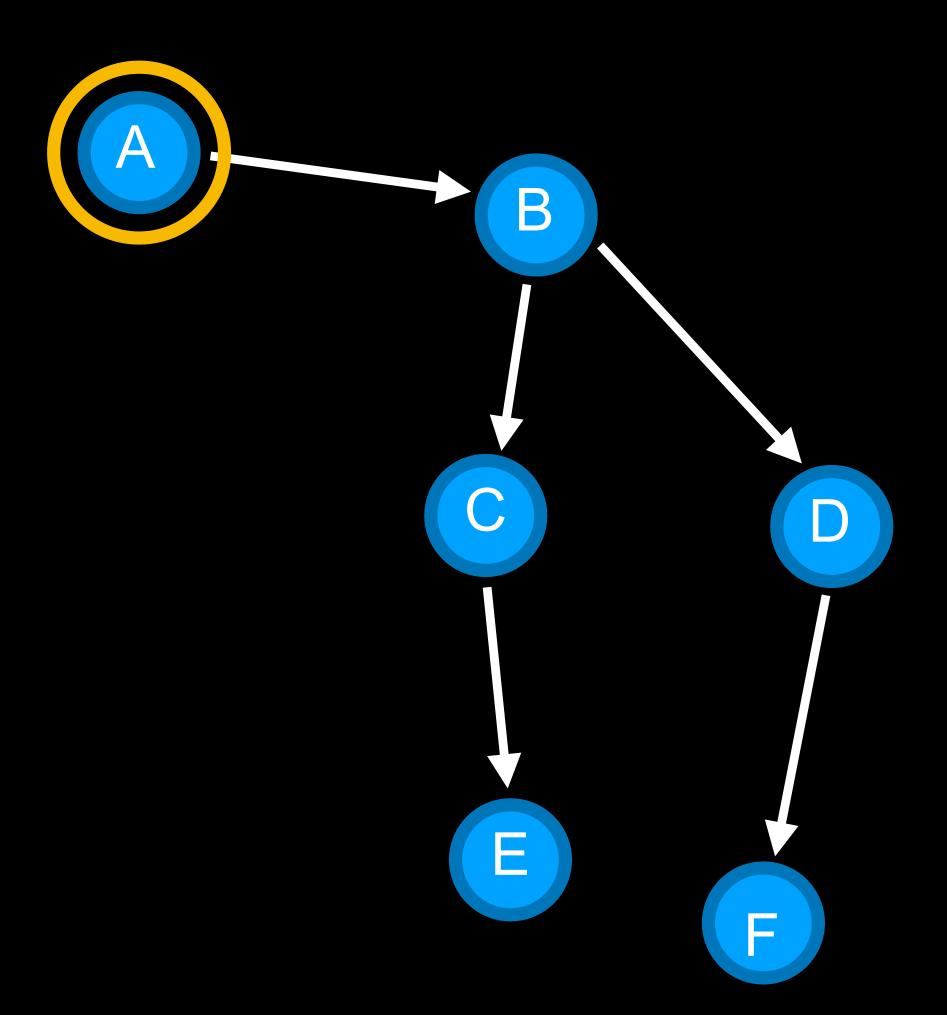




Frontera

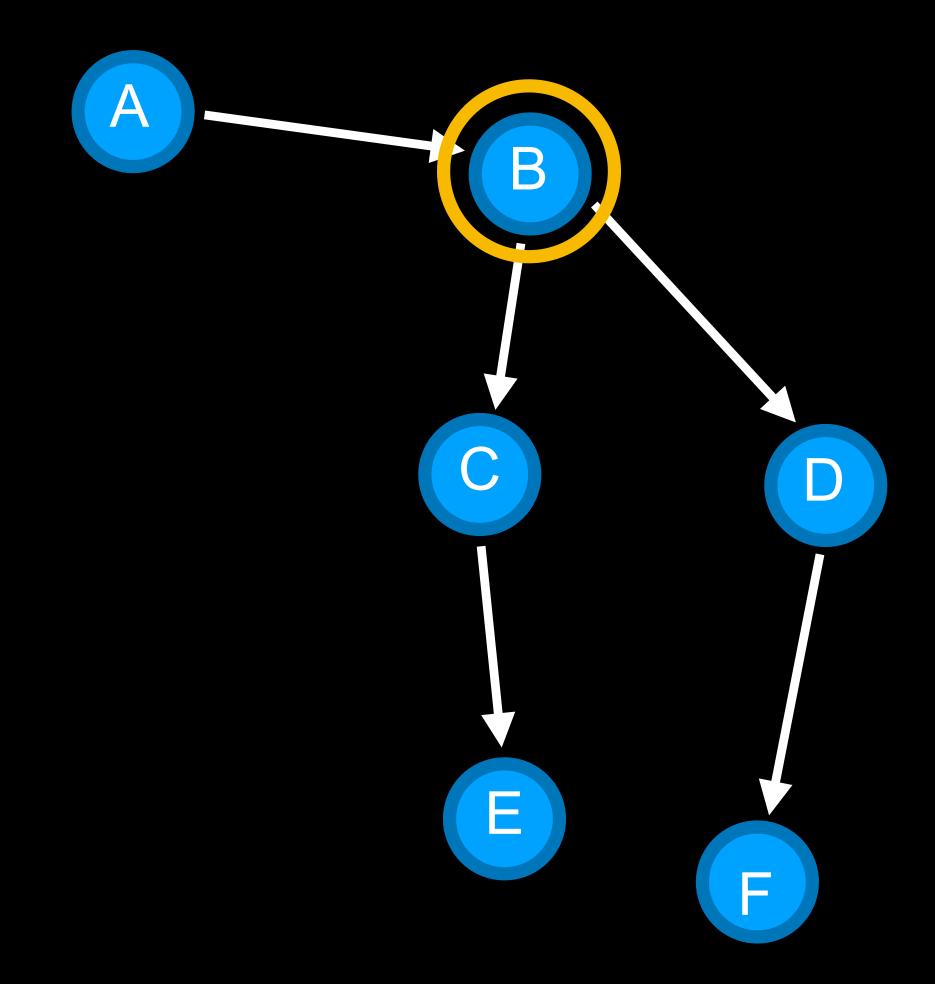






Frontera C D





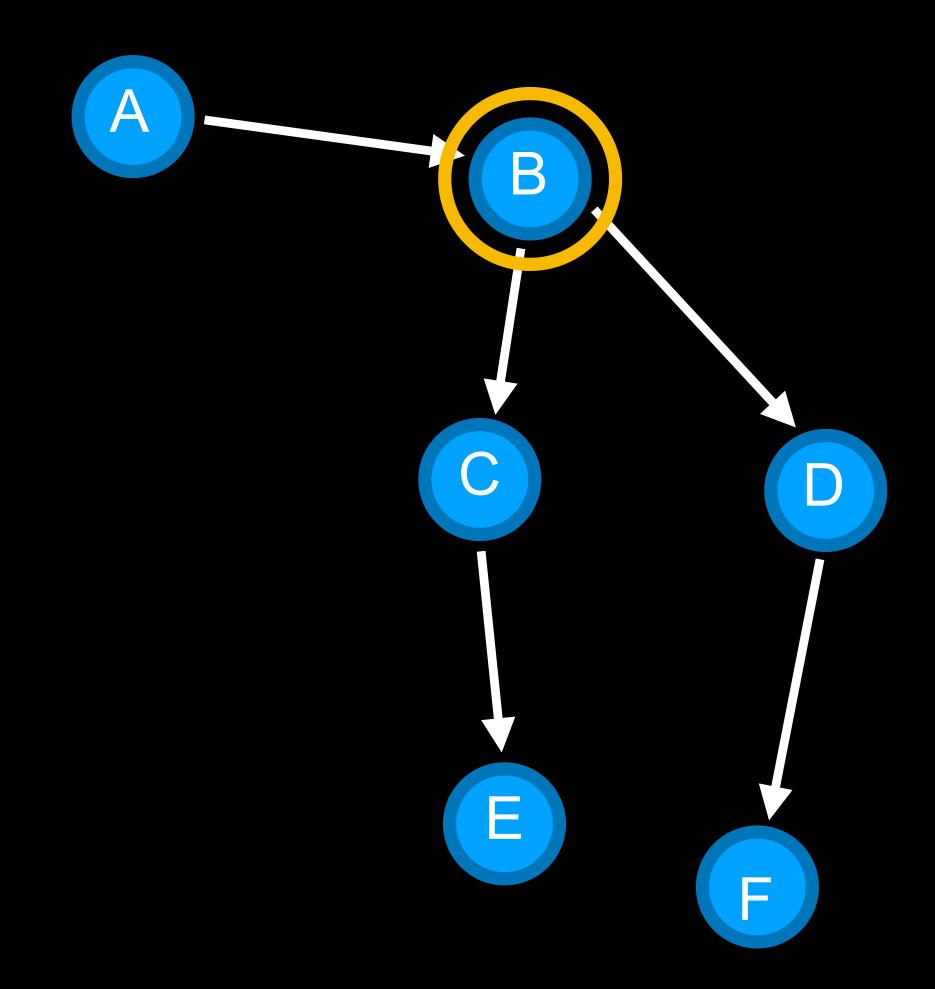
Frontera











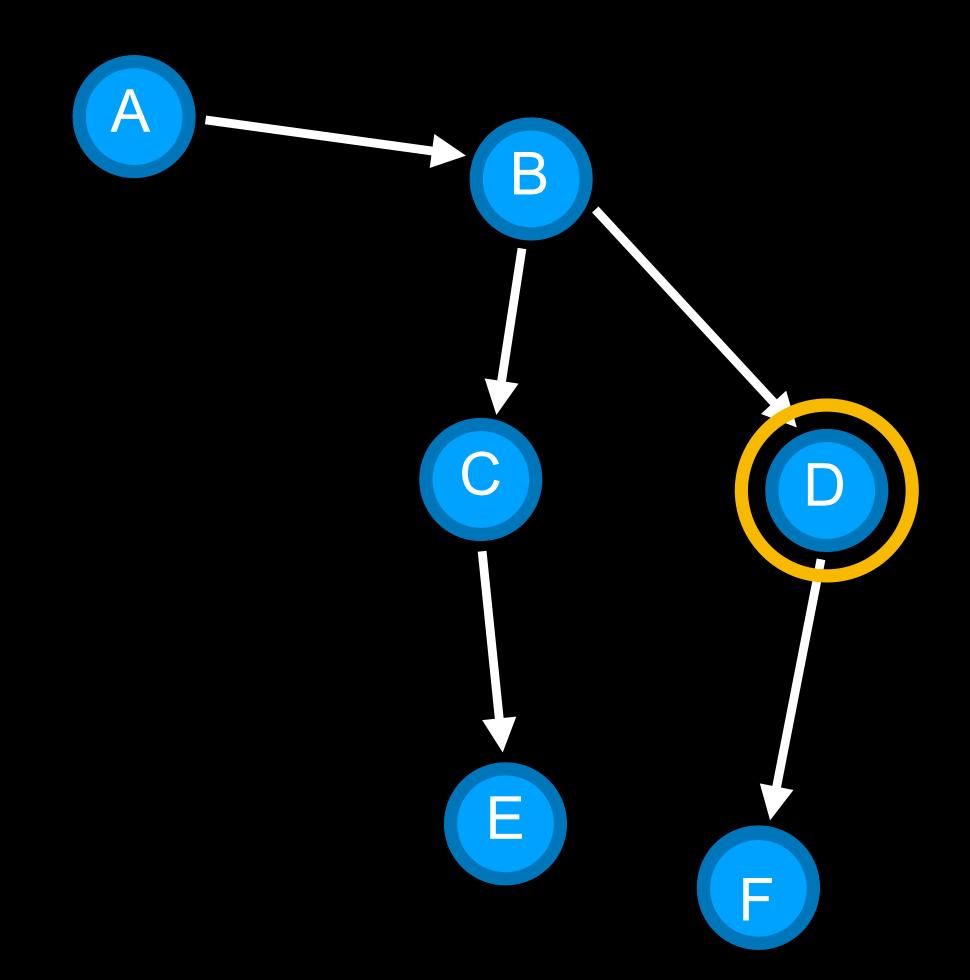
Frontera











Frontera

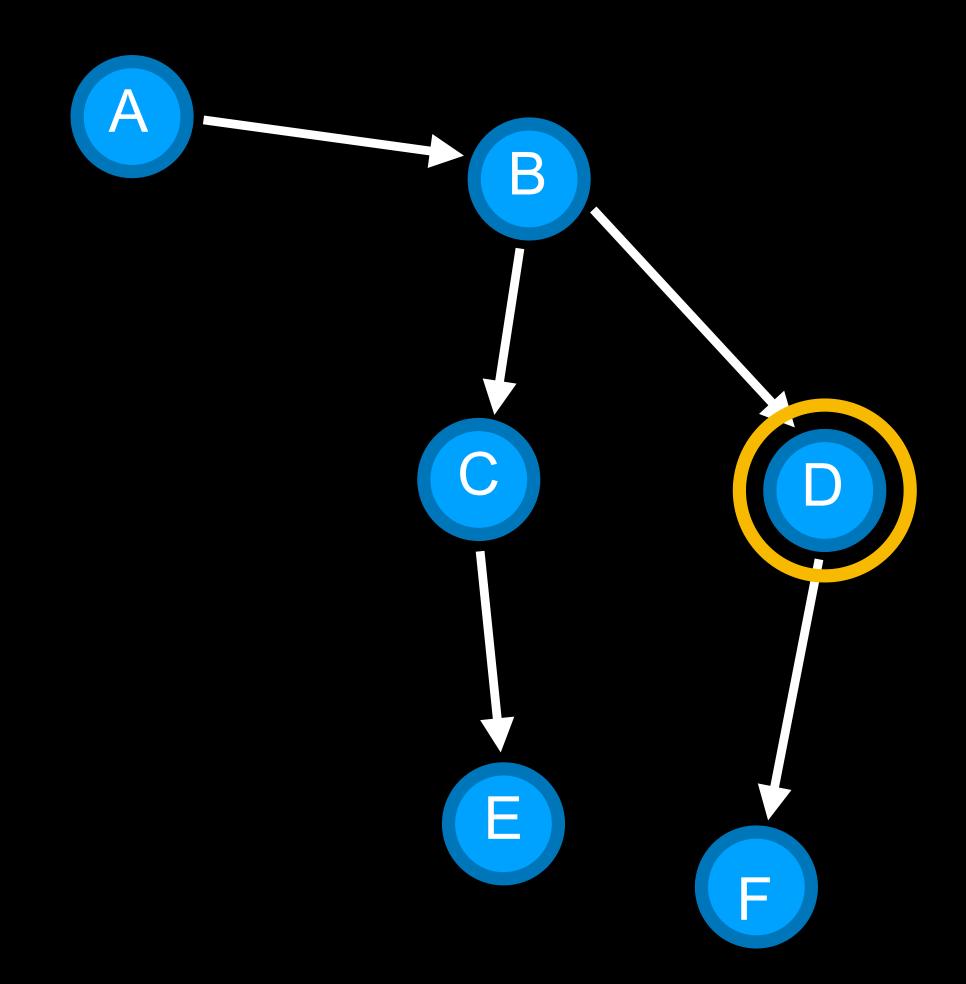












Frontera

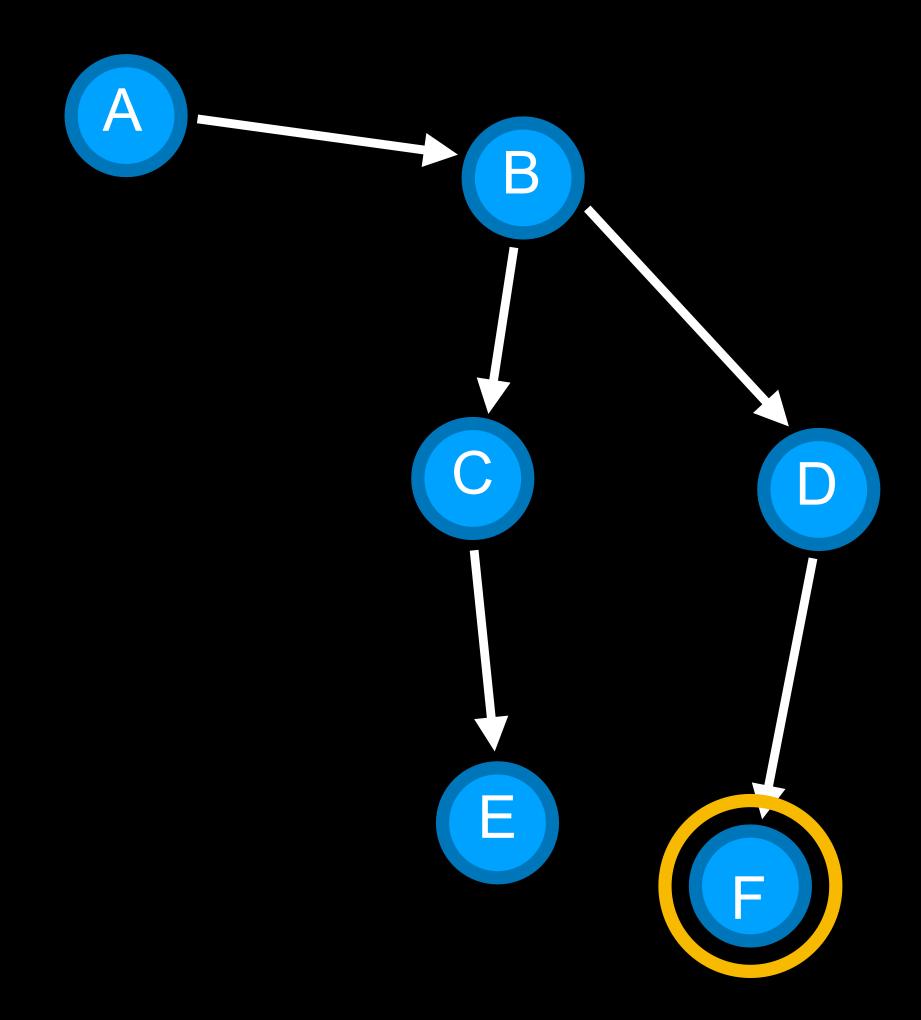












Frontera

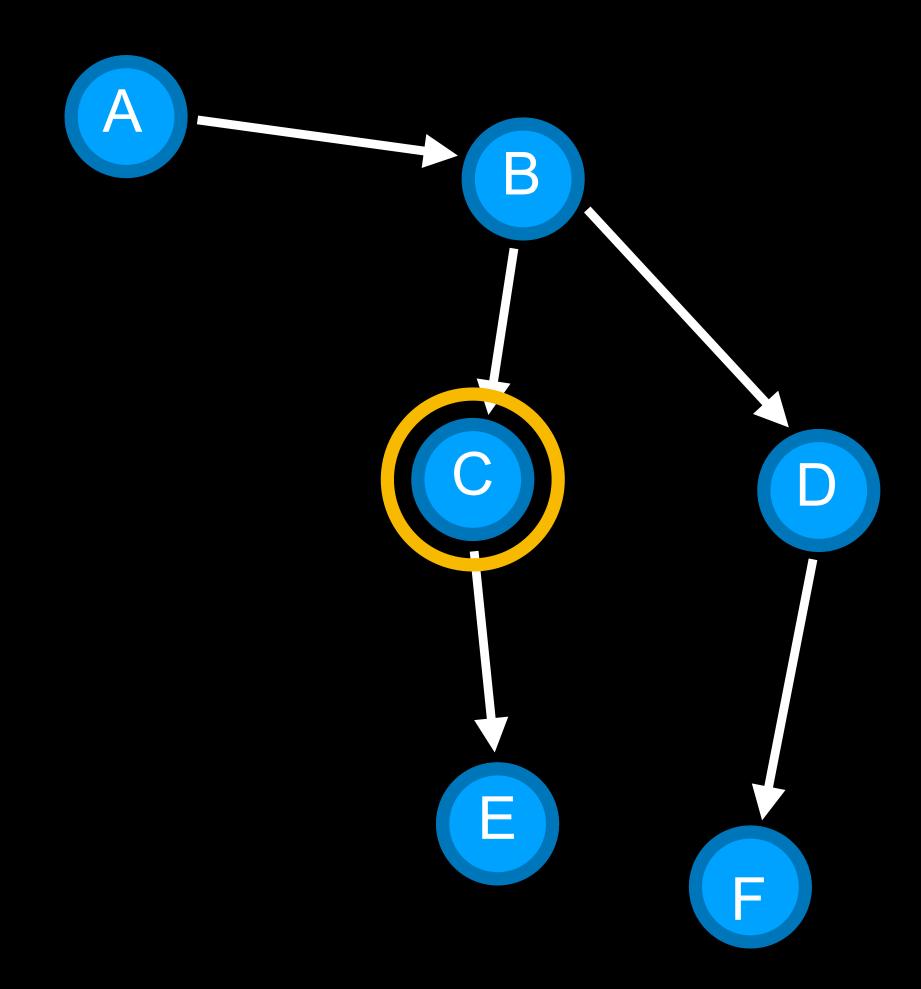












Frontera



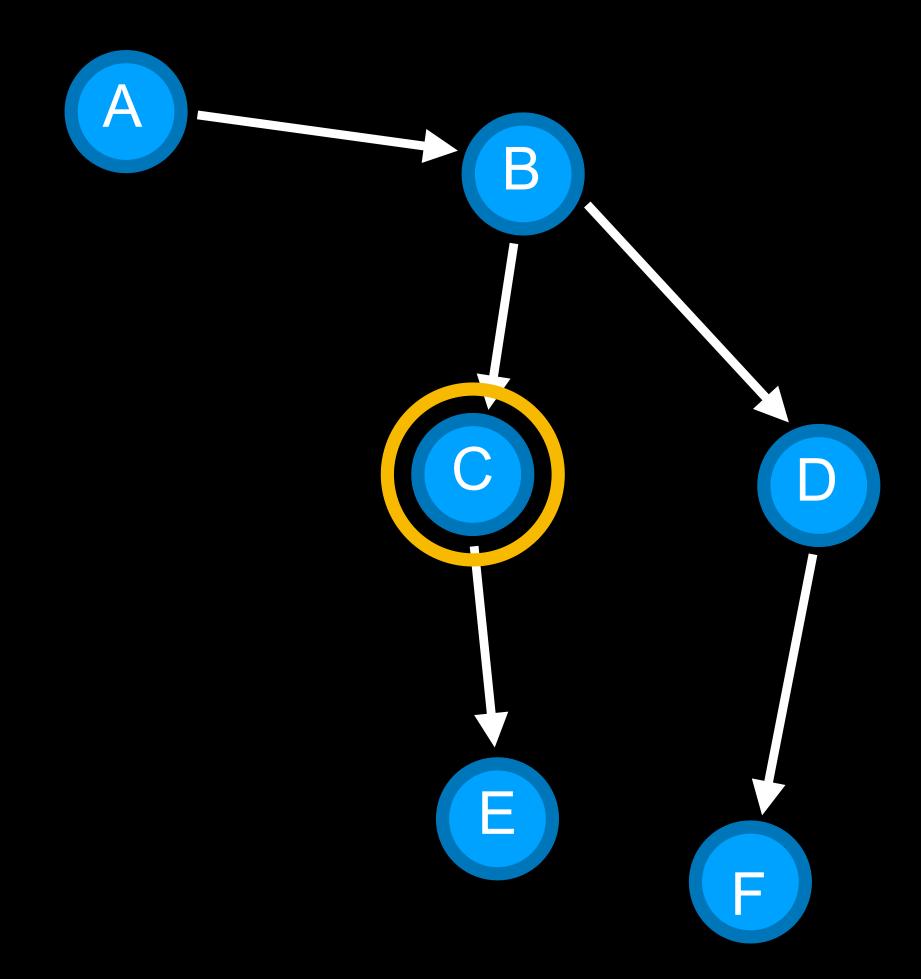












Frontera



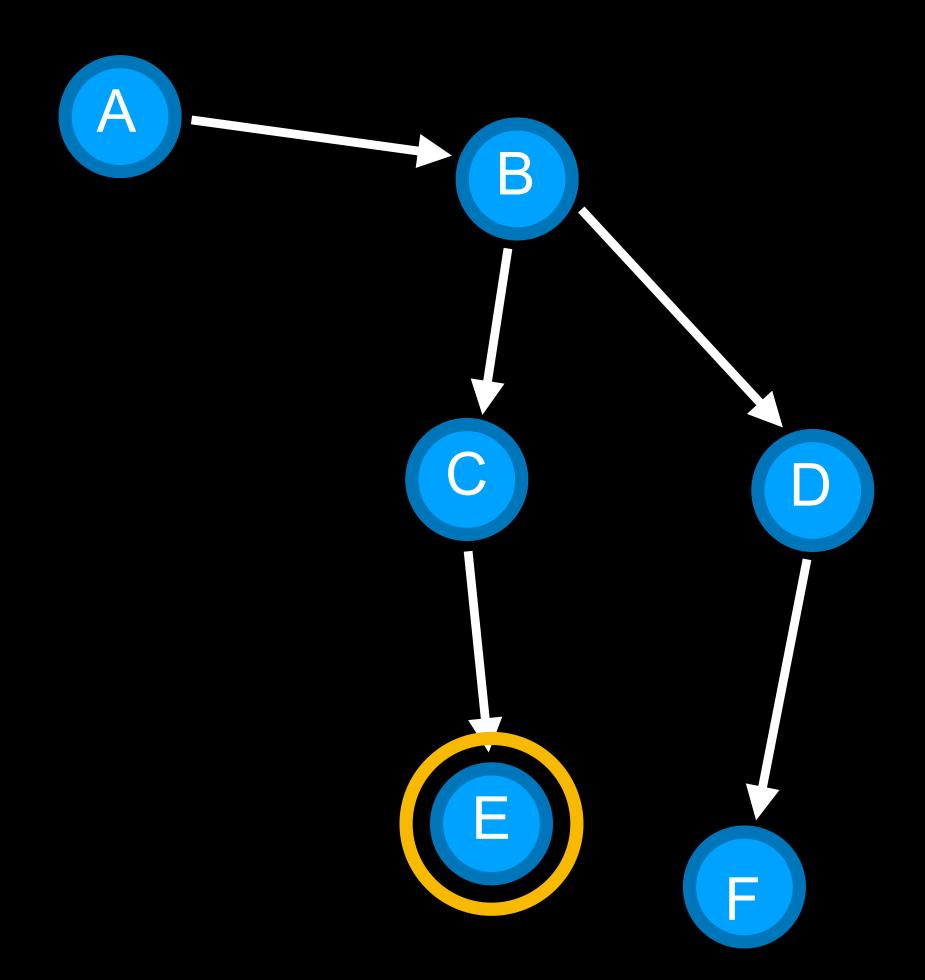












Búsqueda en profundidad Depth-First Search

línea 127 StackFrontier LIFO

Búsqueda en profundidad

algoritmo de búsqueda que siempre expande el nodo más profundo en la frontera

Búsqueda en amplitud Breadth-First Search

línea 127 QueueFrontier FIFO

Búsqueda en amplitud

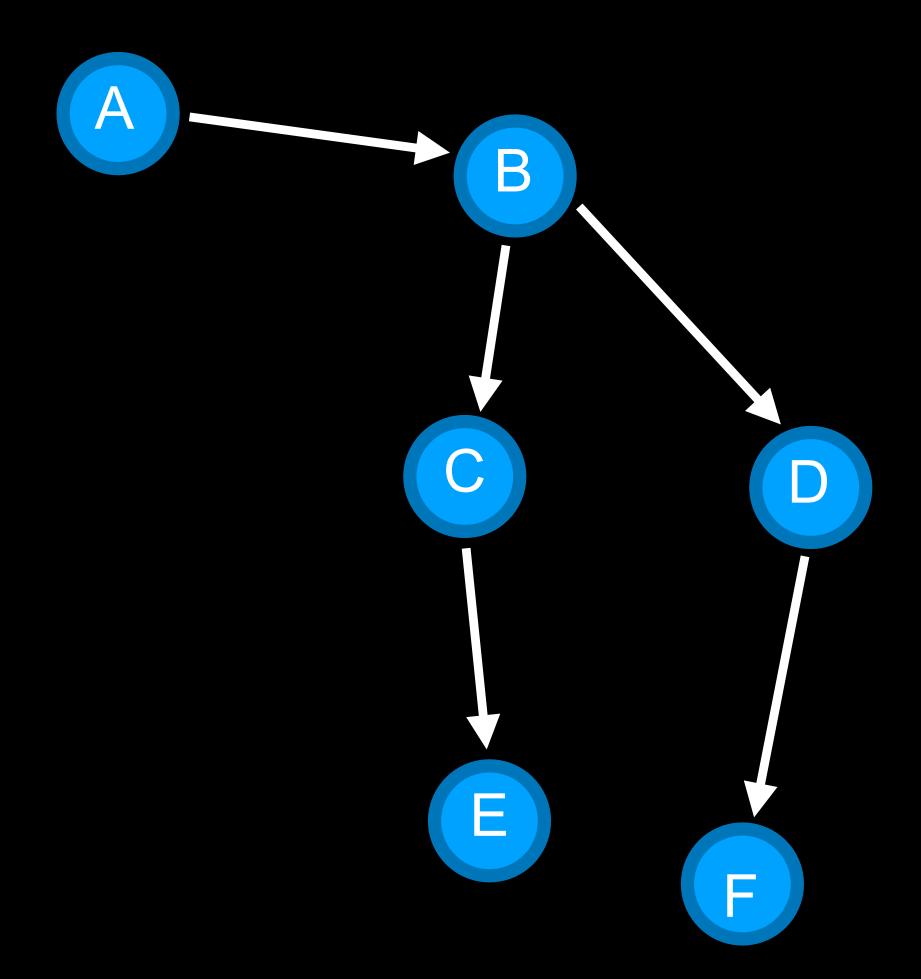
algoritmo de búsqueda que siempre expande el nodo más superficial en la frontera

Cola

Tipo de dato: Primero en entrar, primero en salir

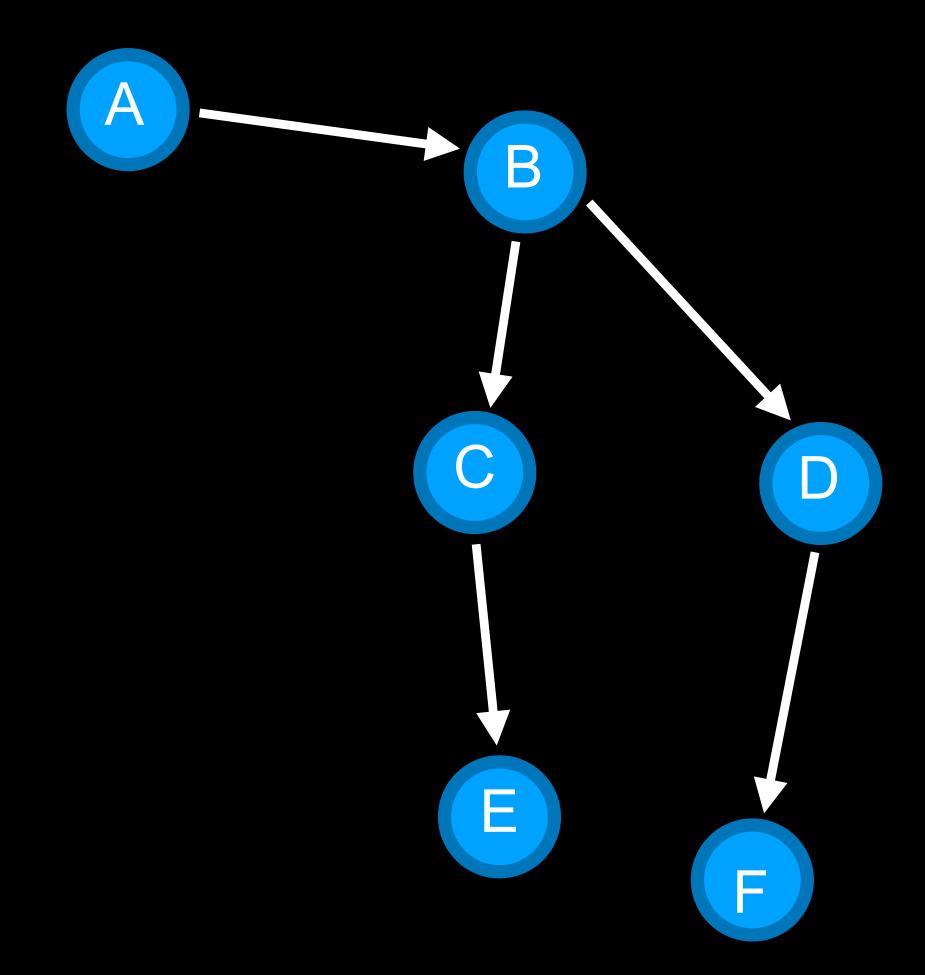
first-in first-out data type

Frontier



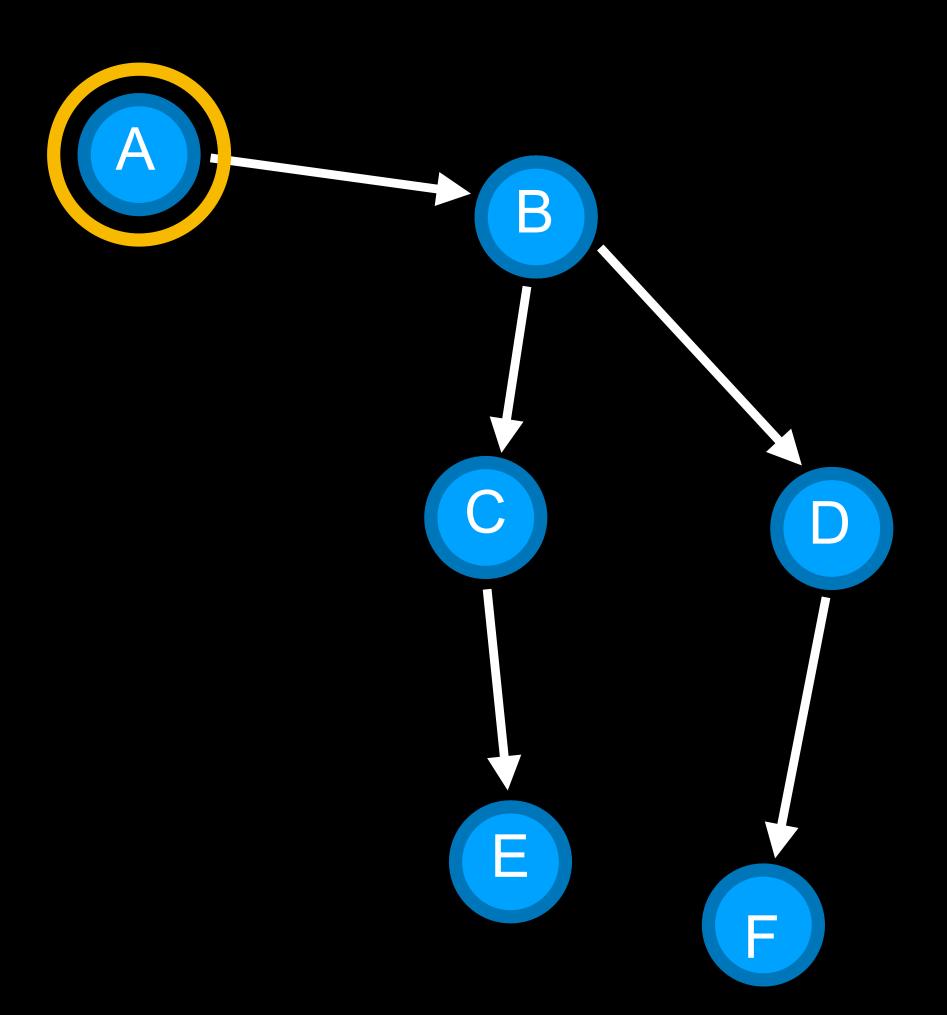
Frontier





Frontier

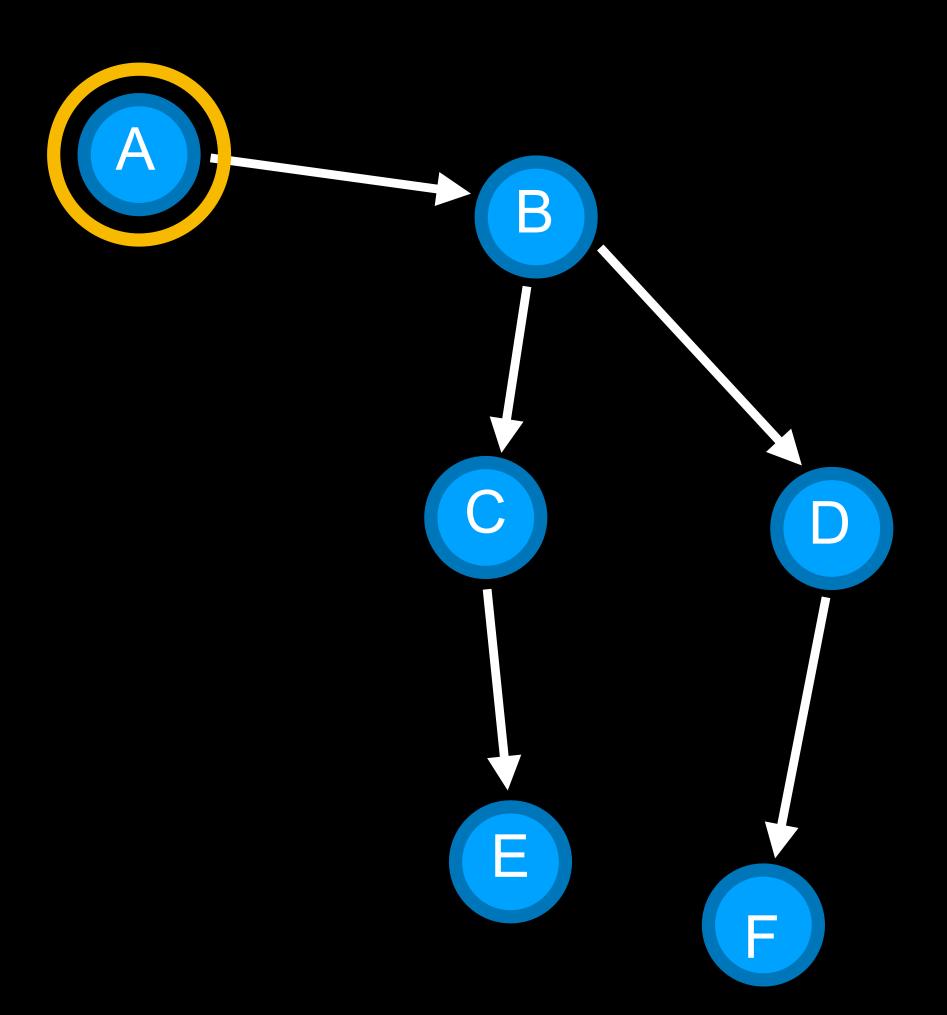




Frontier

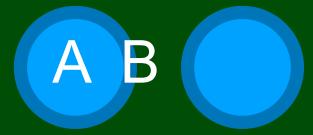


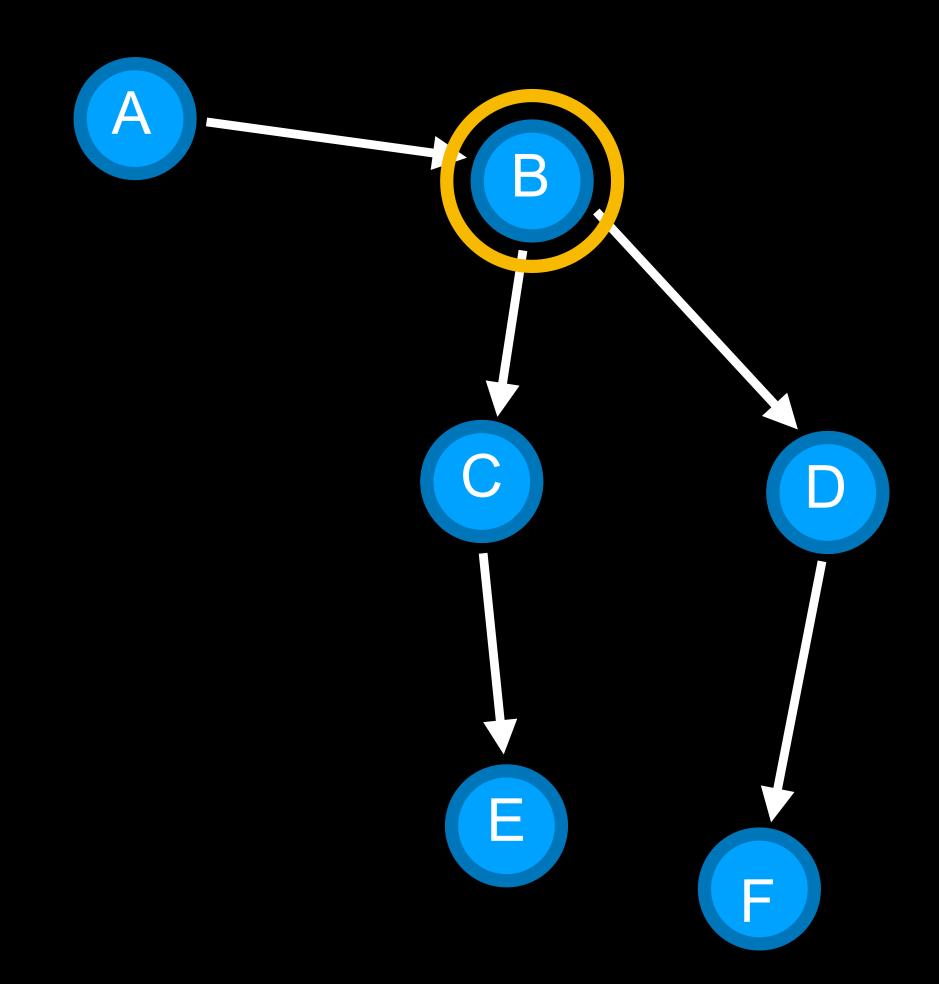




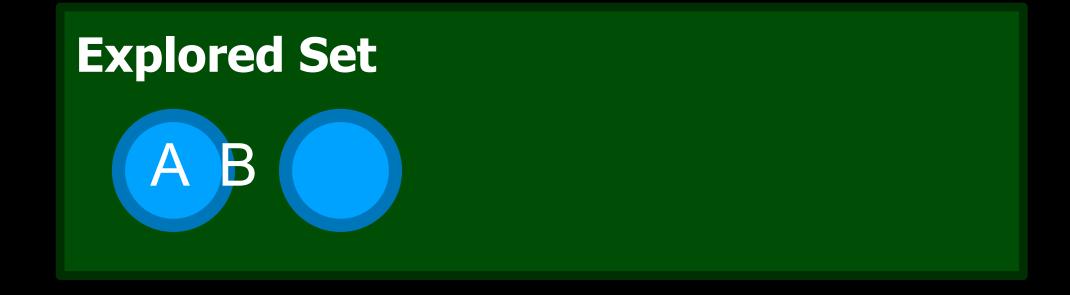
Frontier

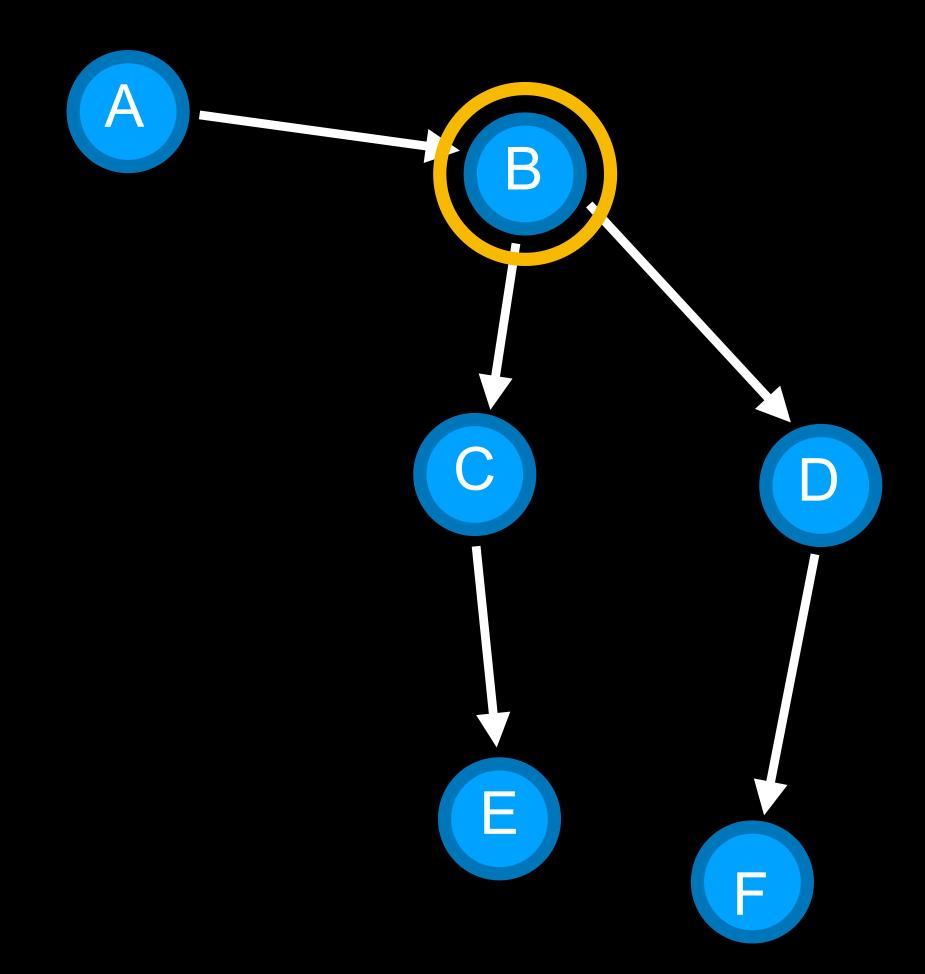




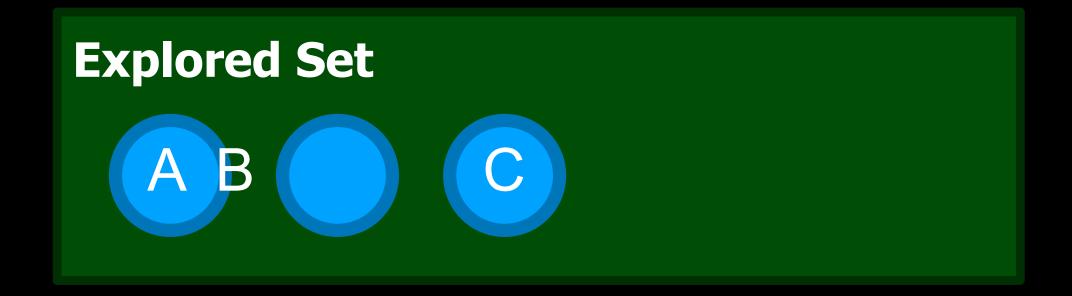


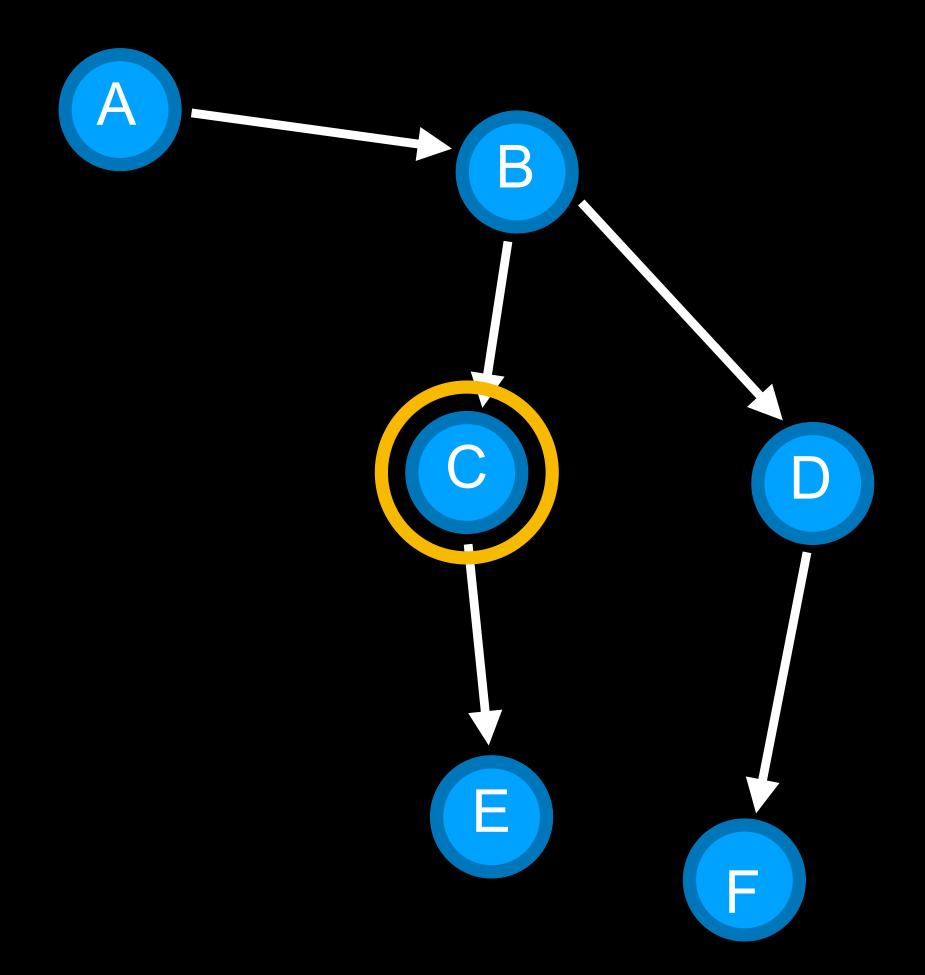
Frontier C D

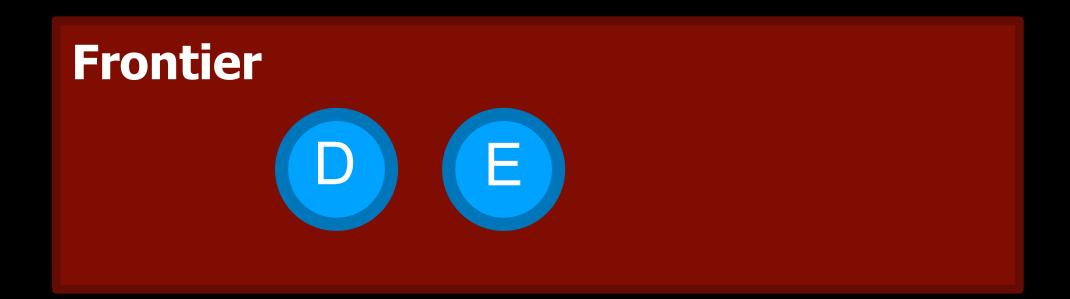


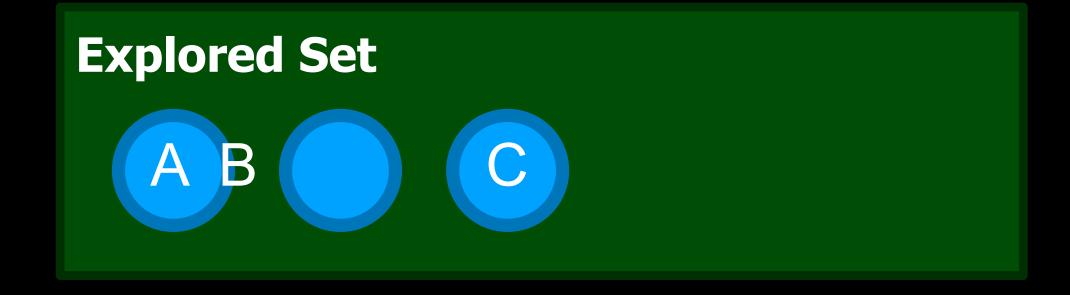


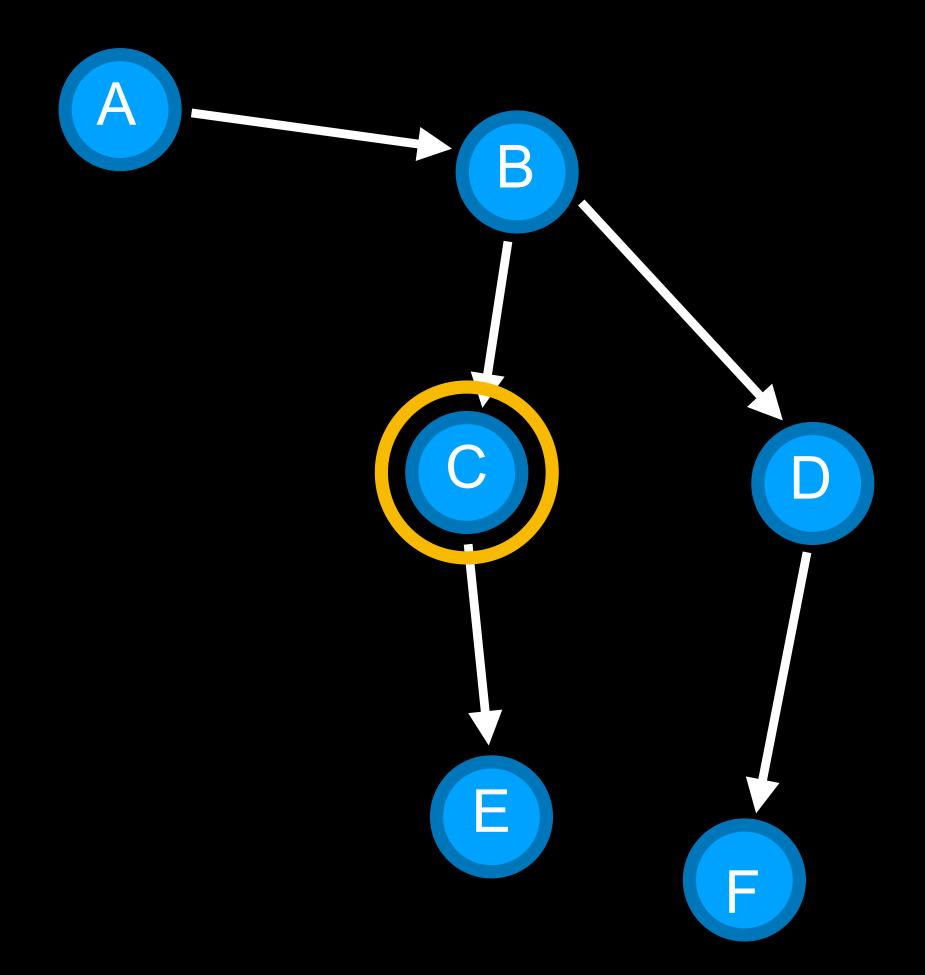


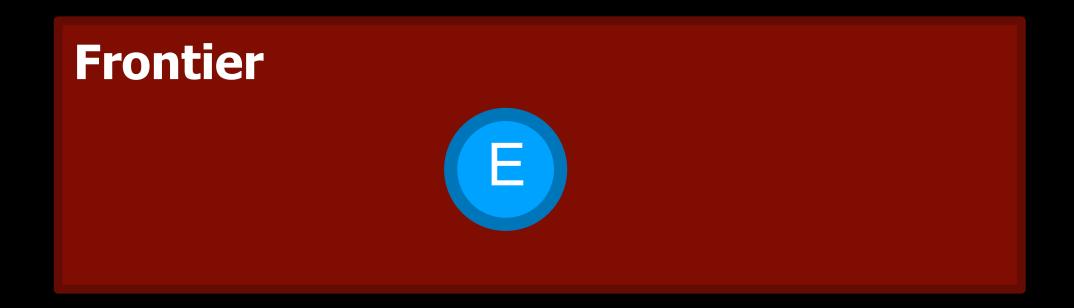


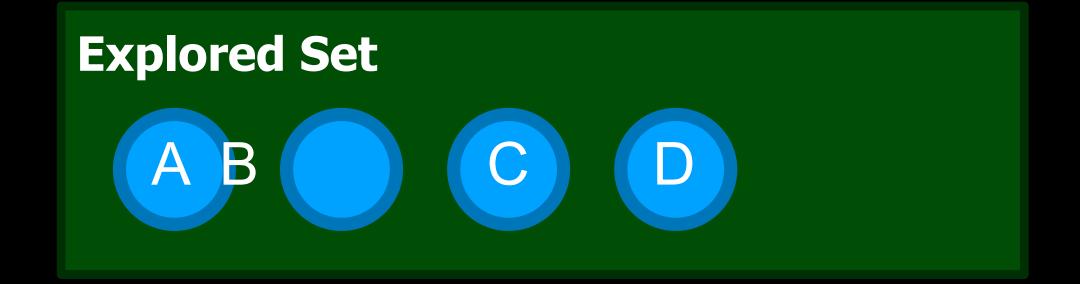


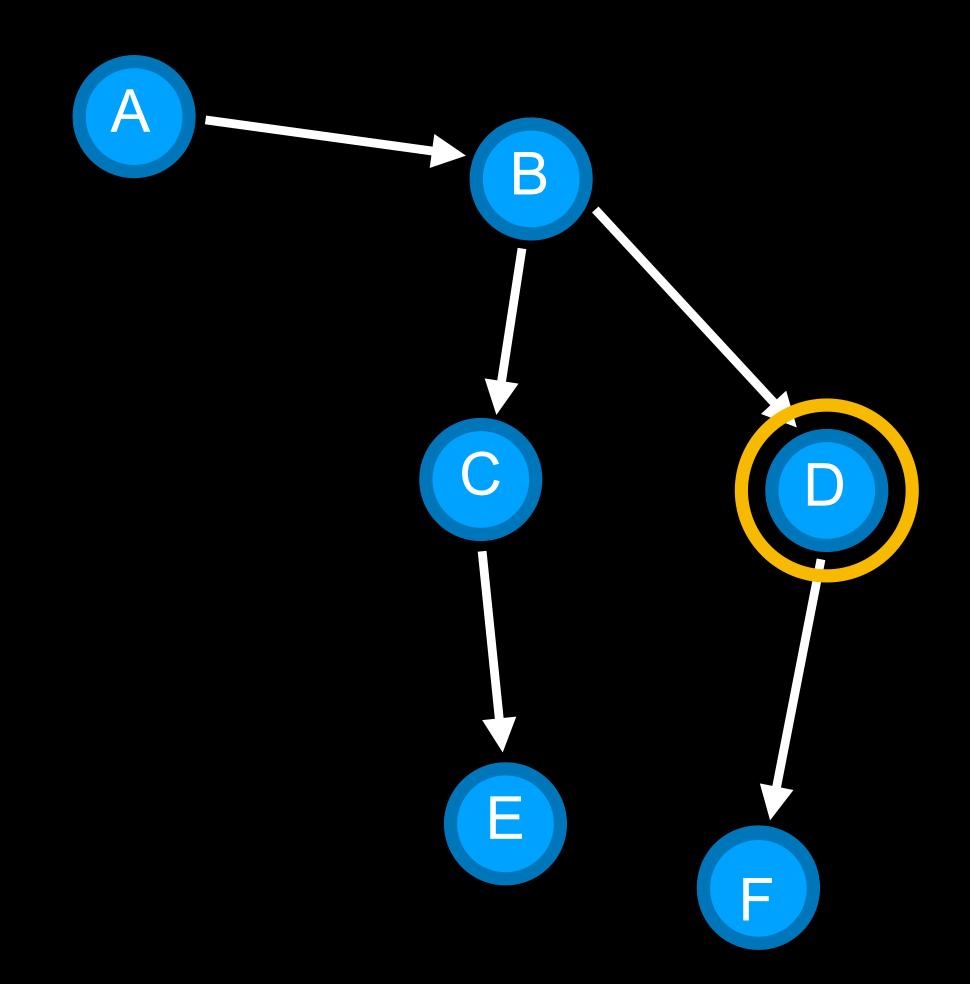


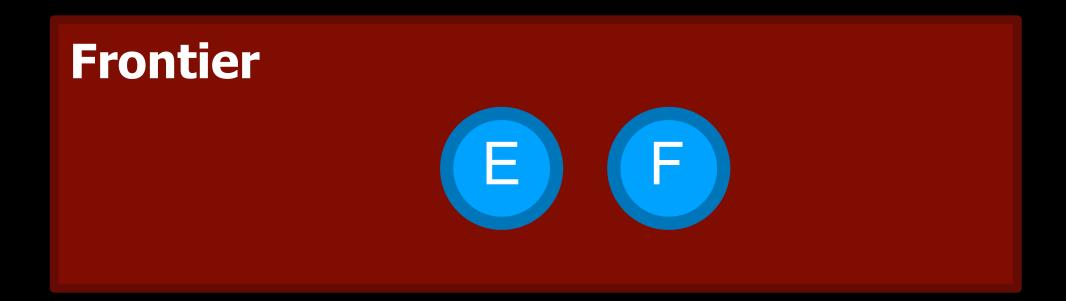


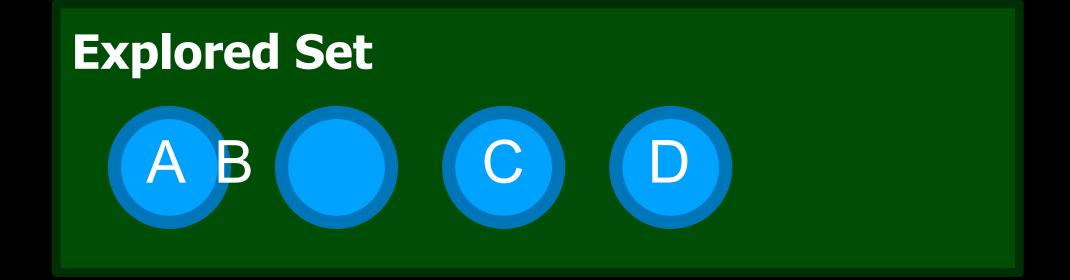


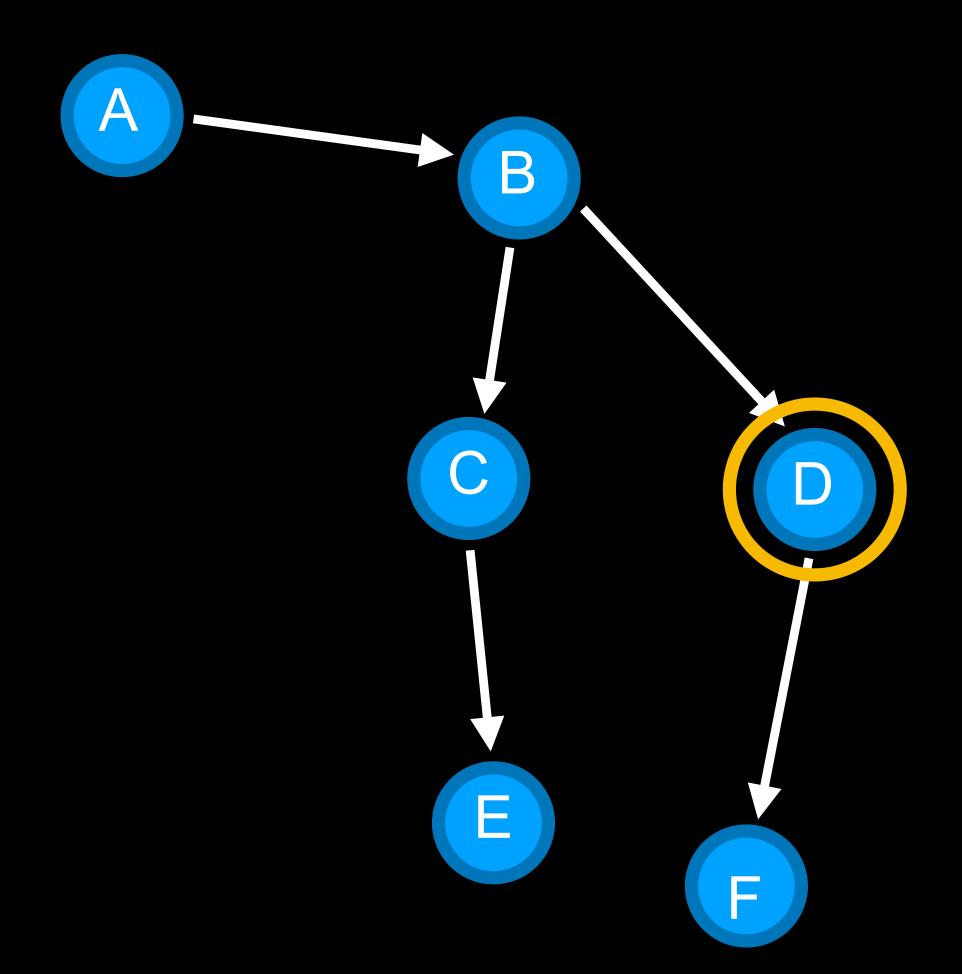




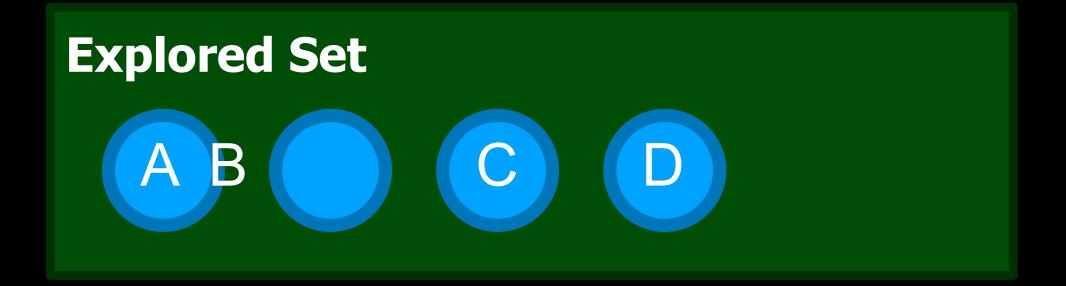


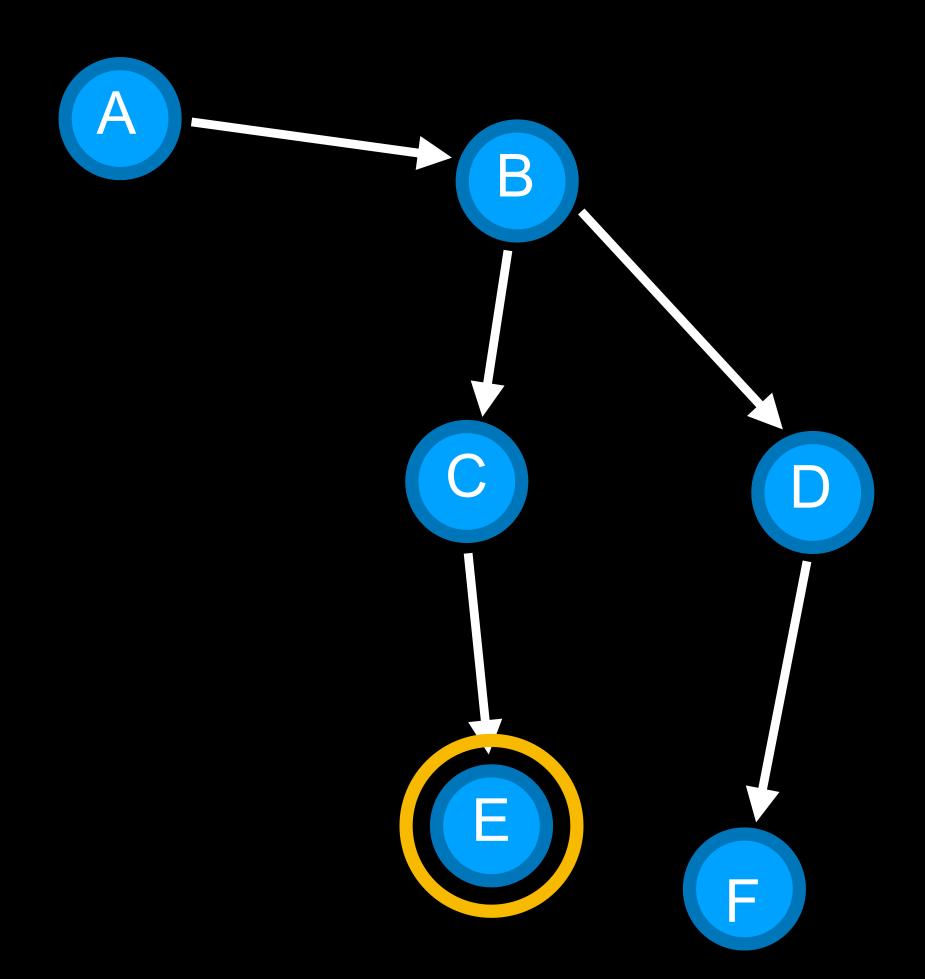


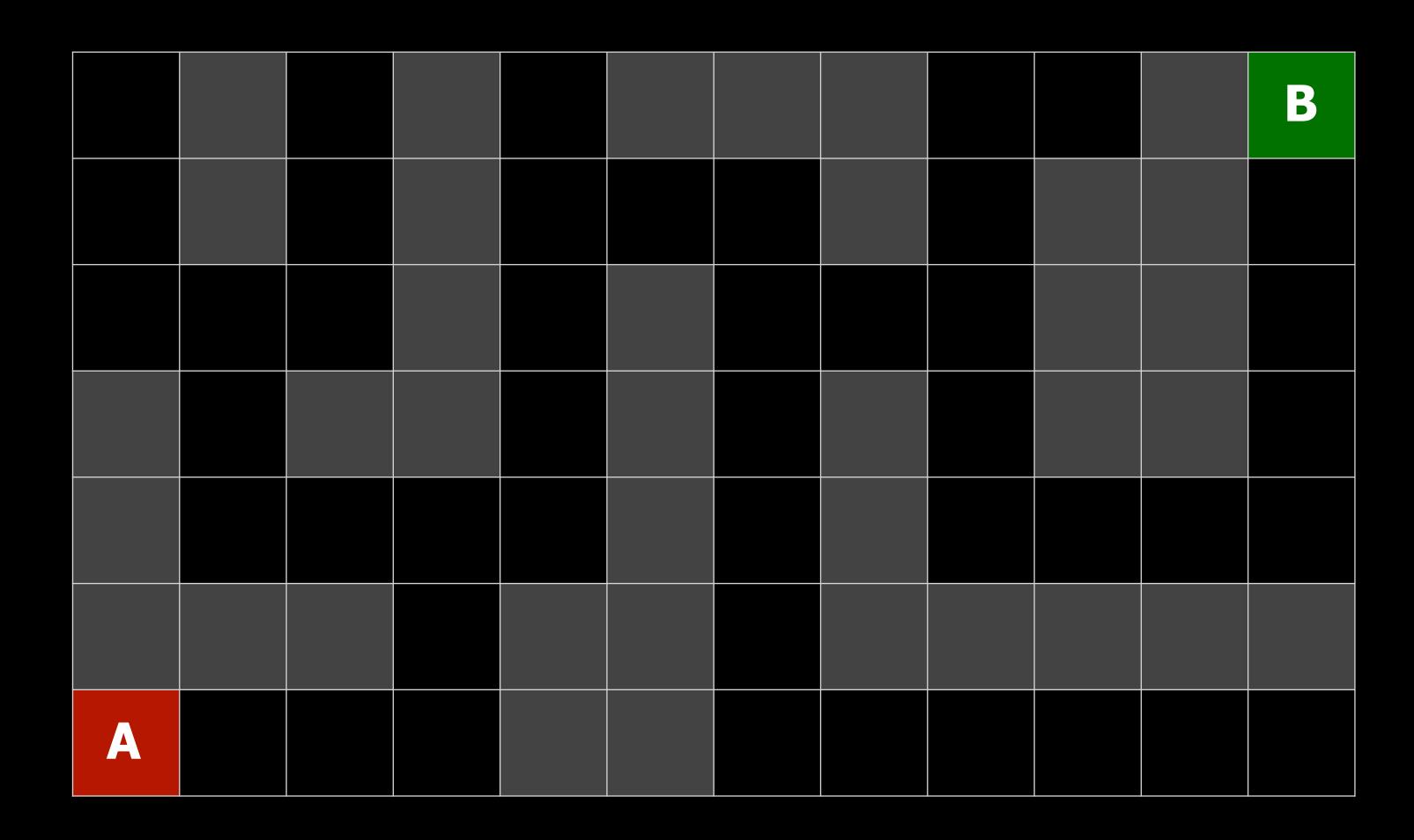


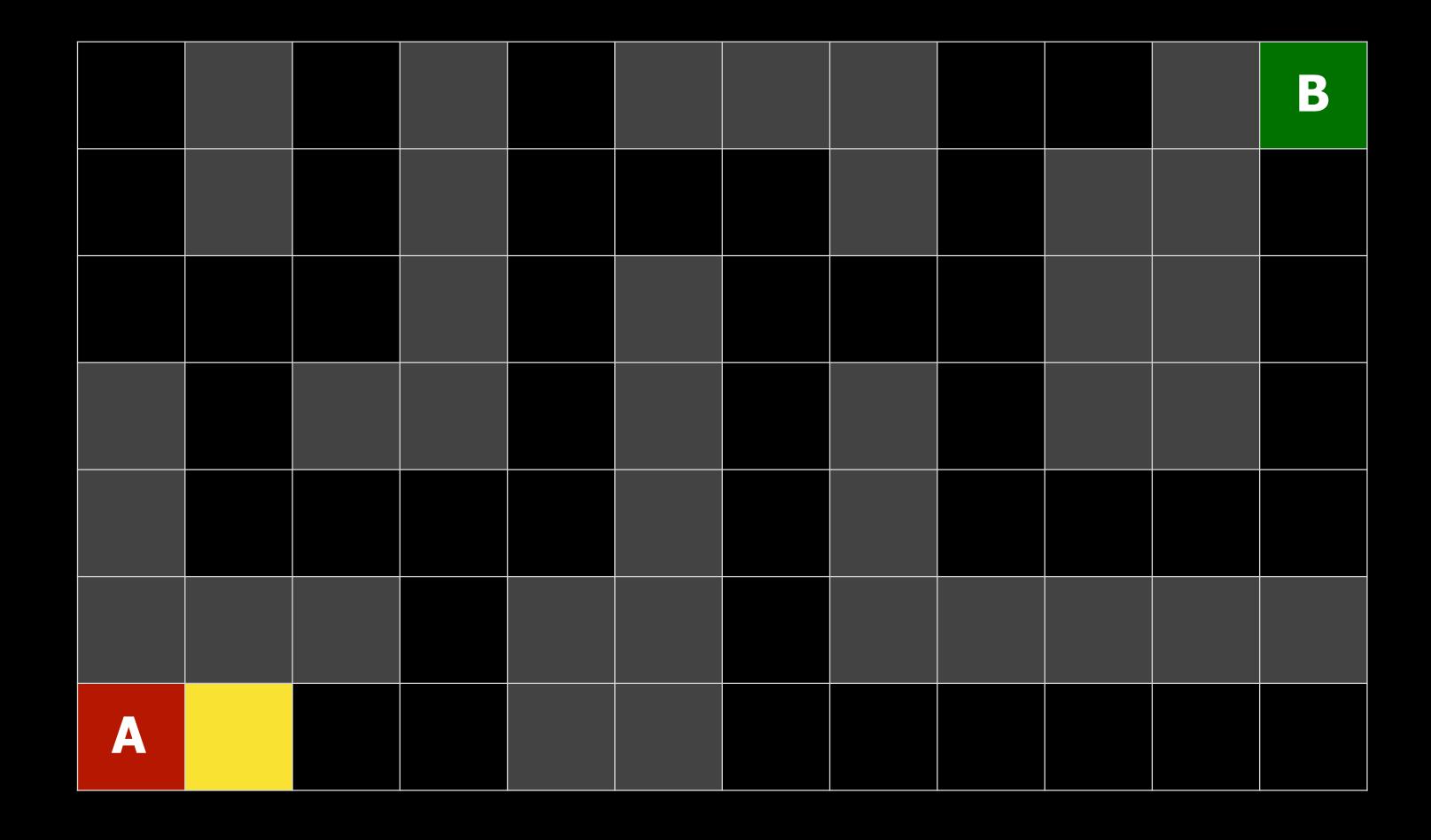


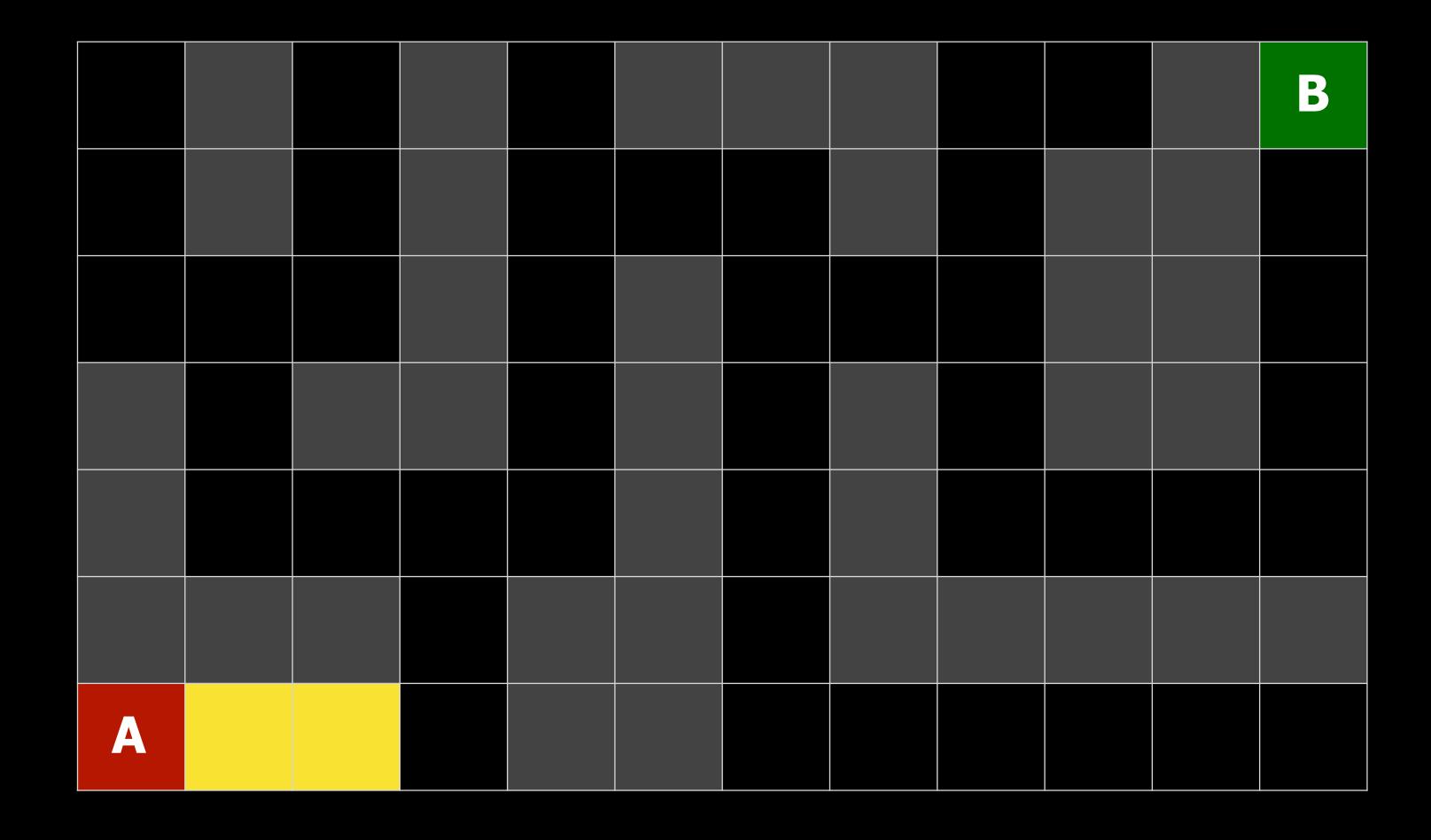


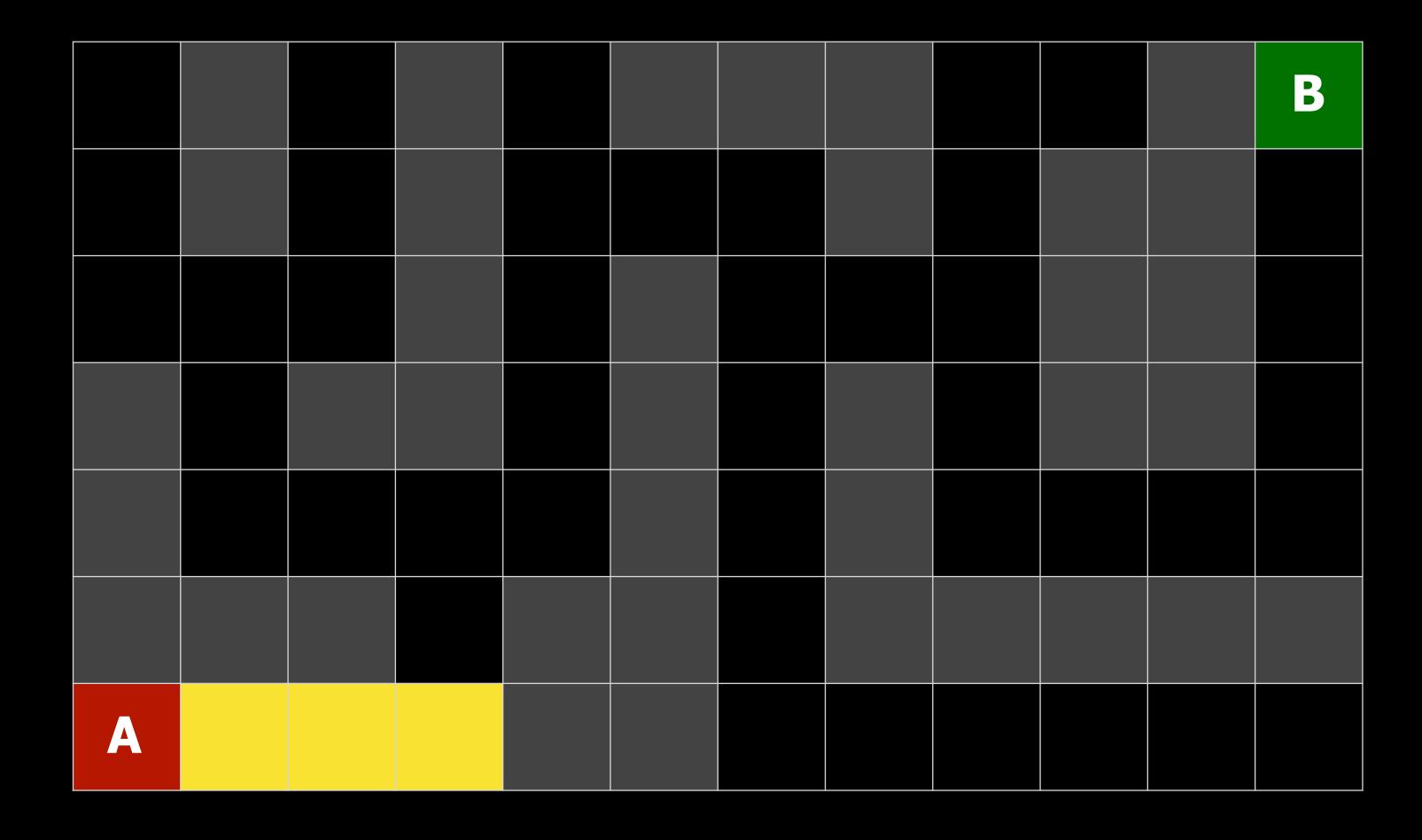


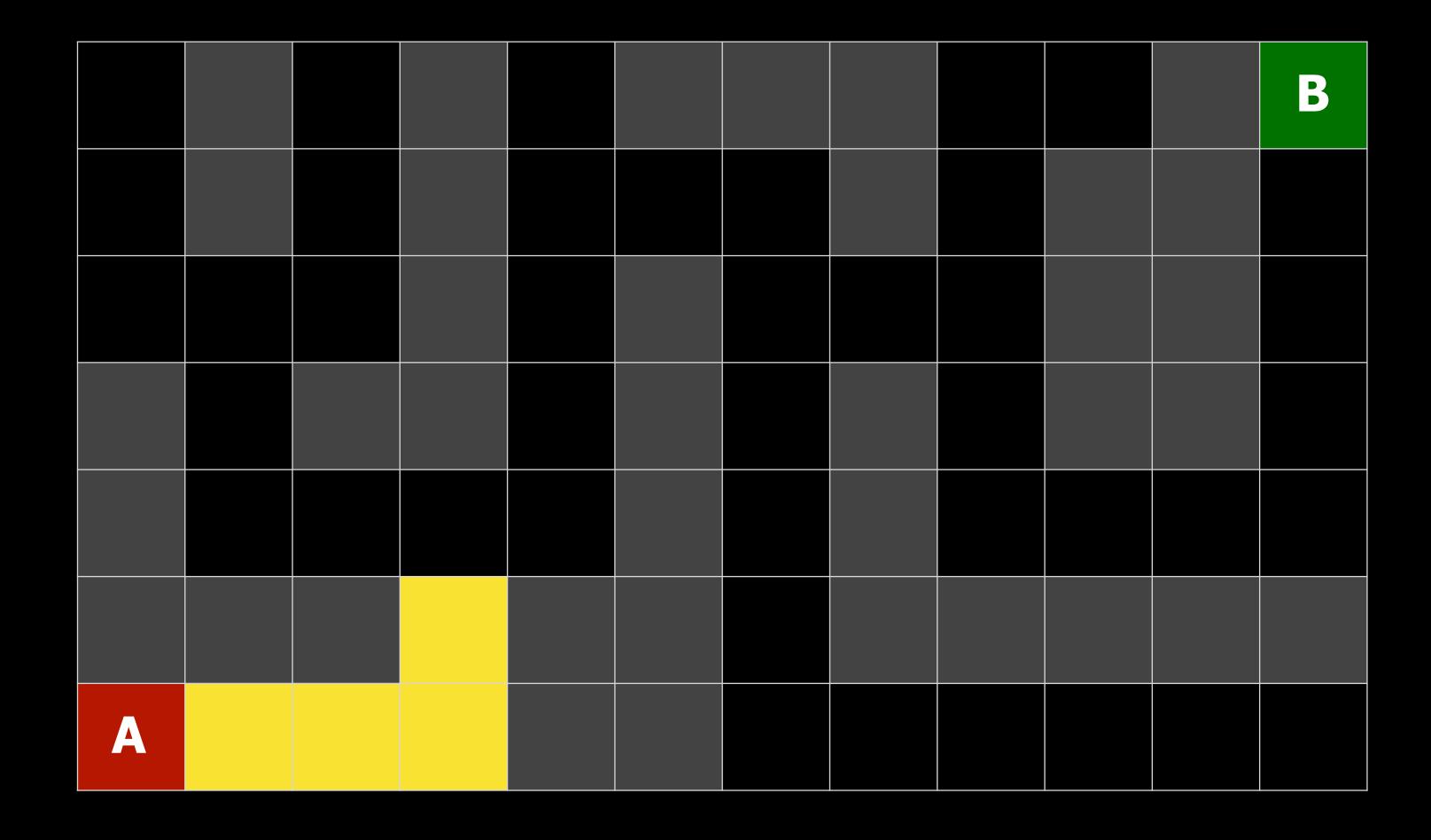


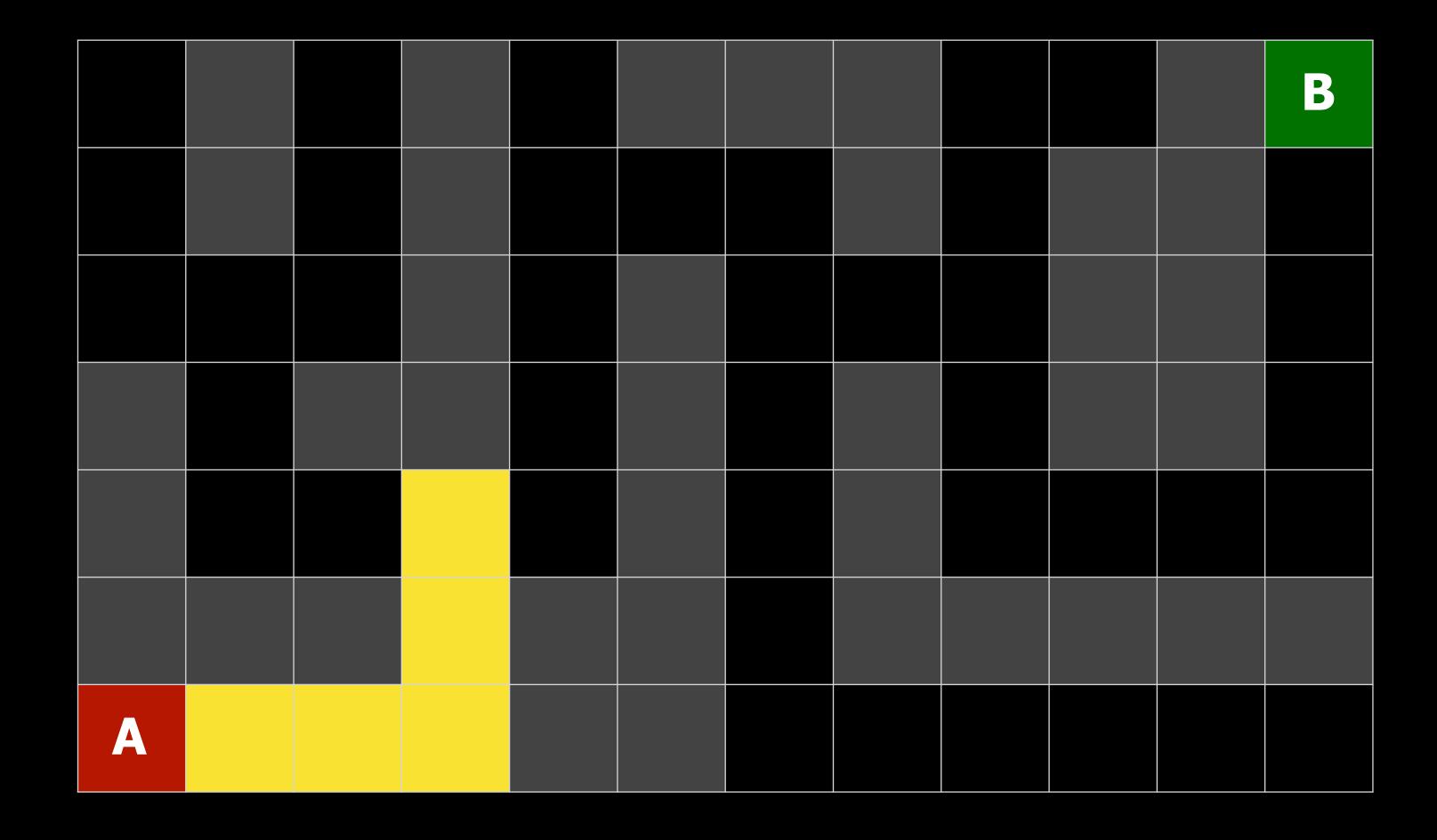


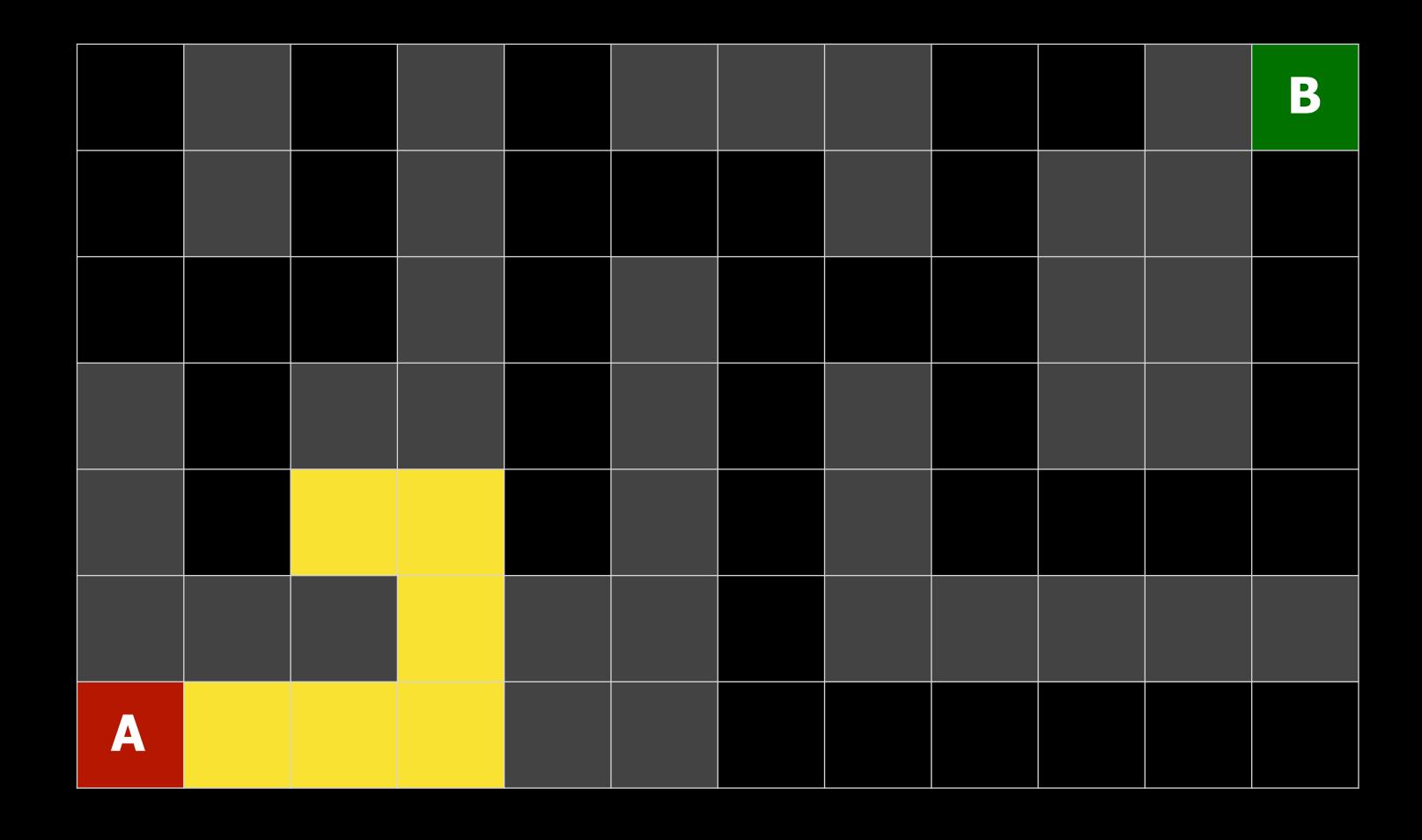


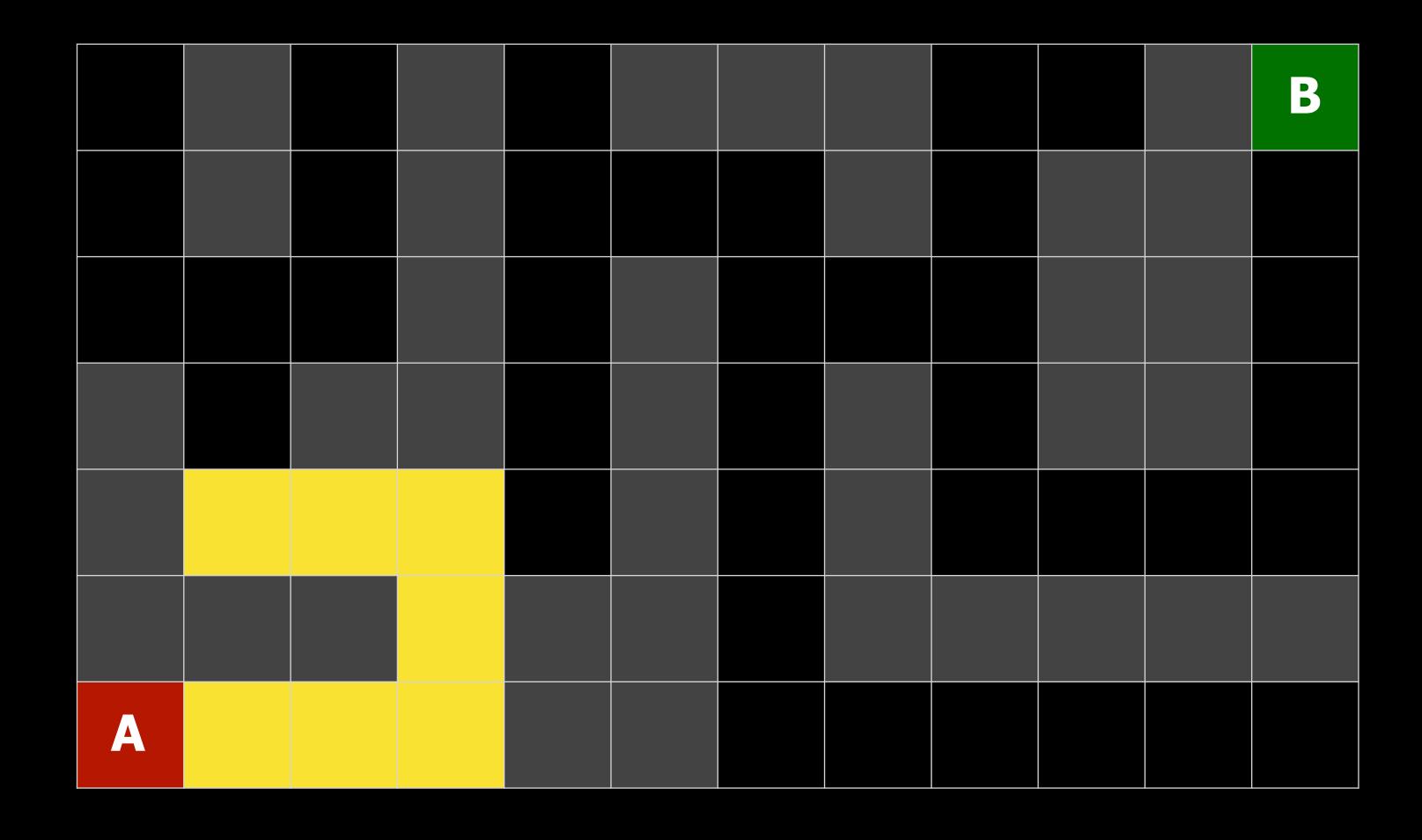


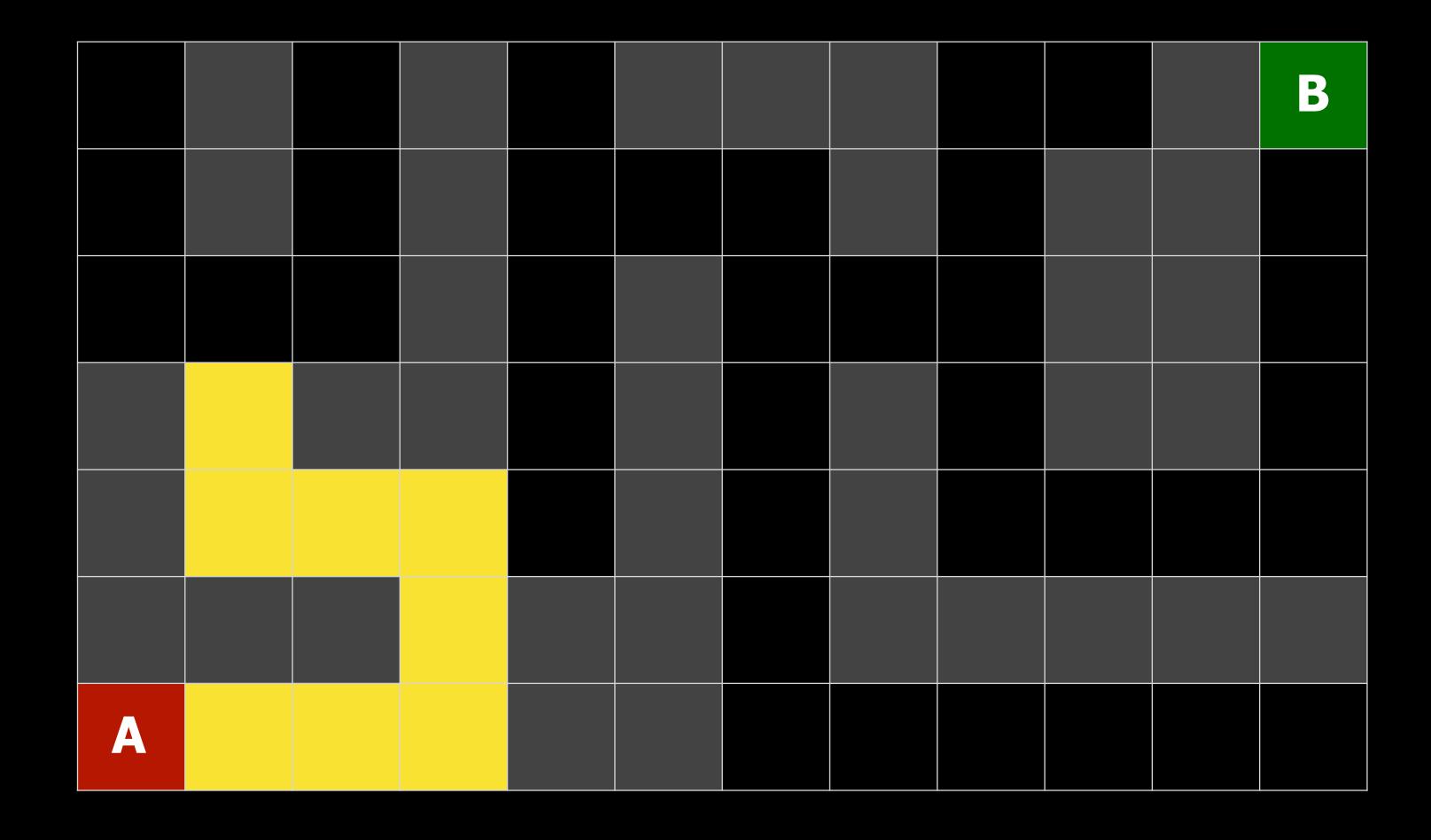


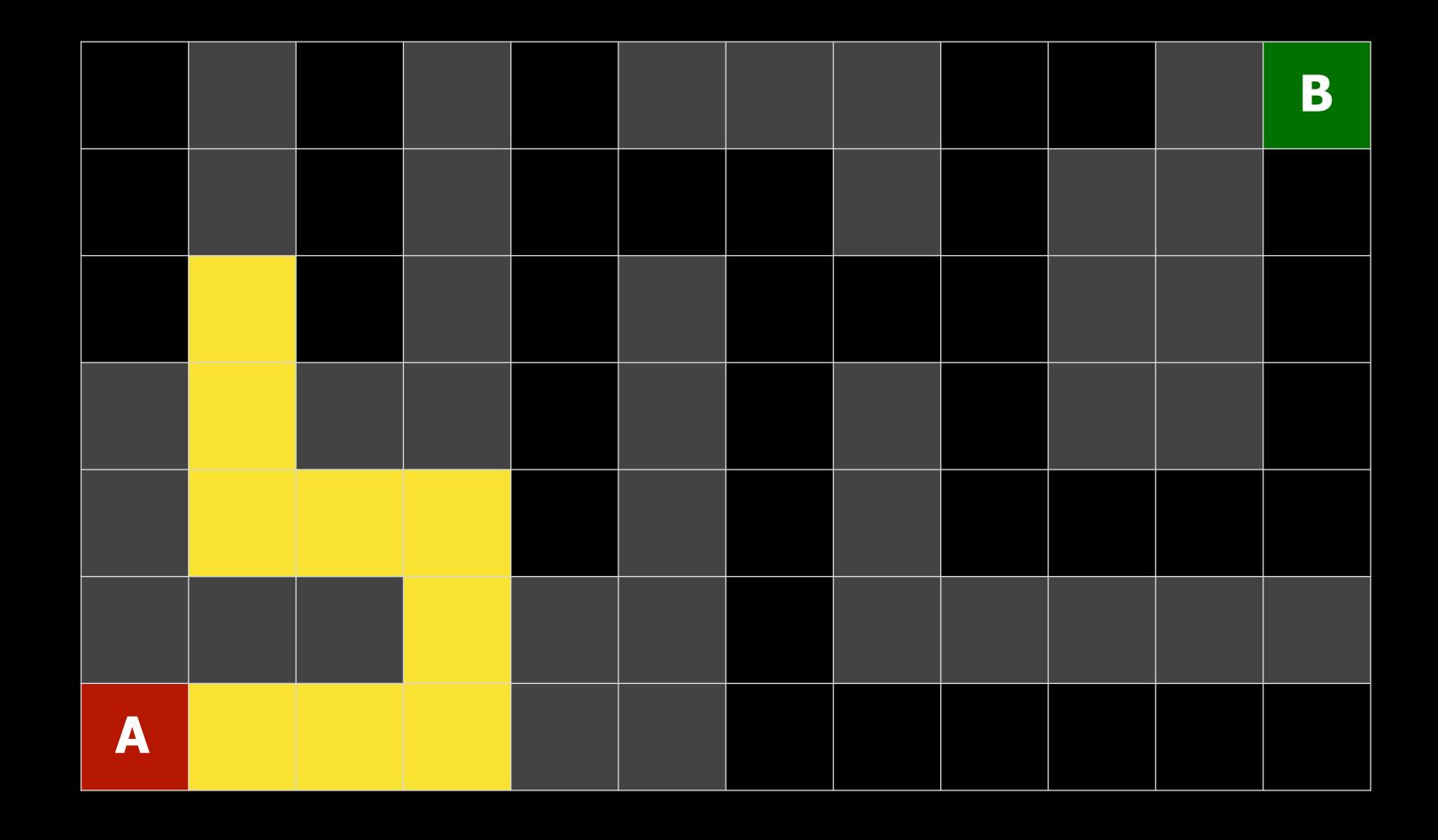


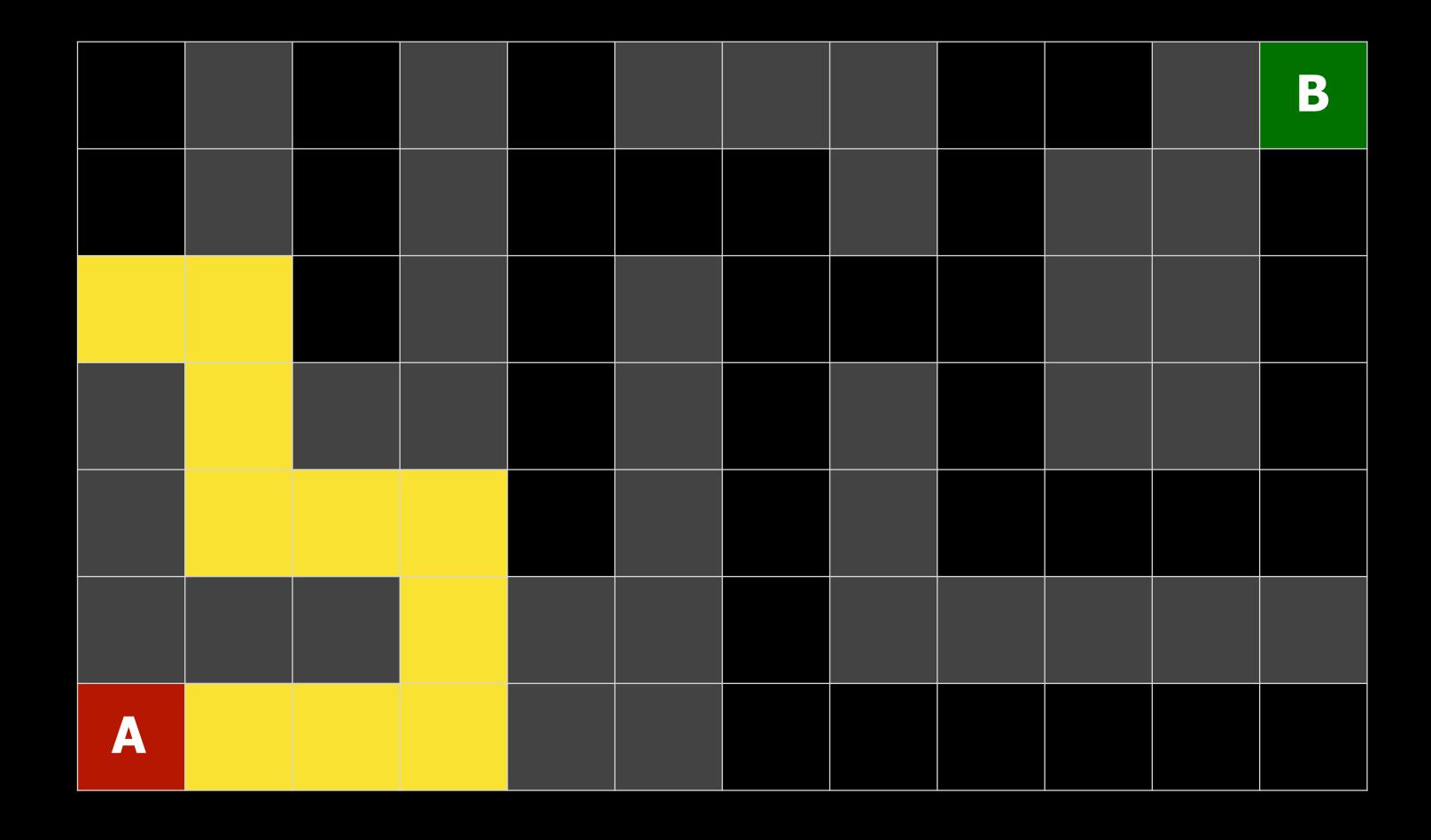


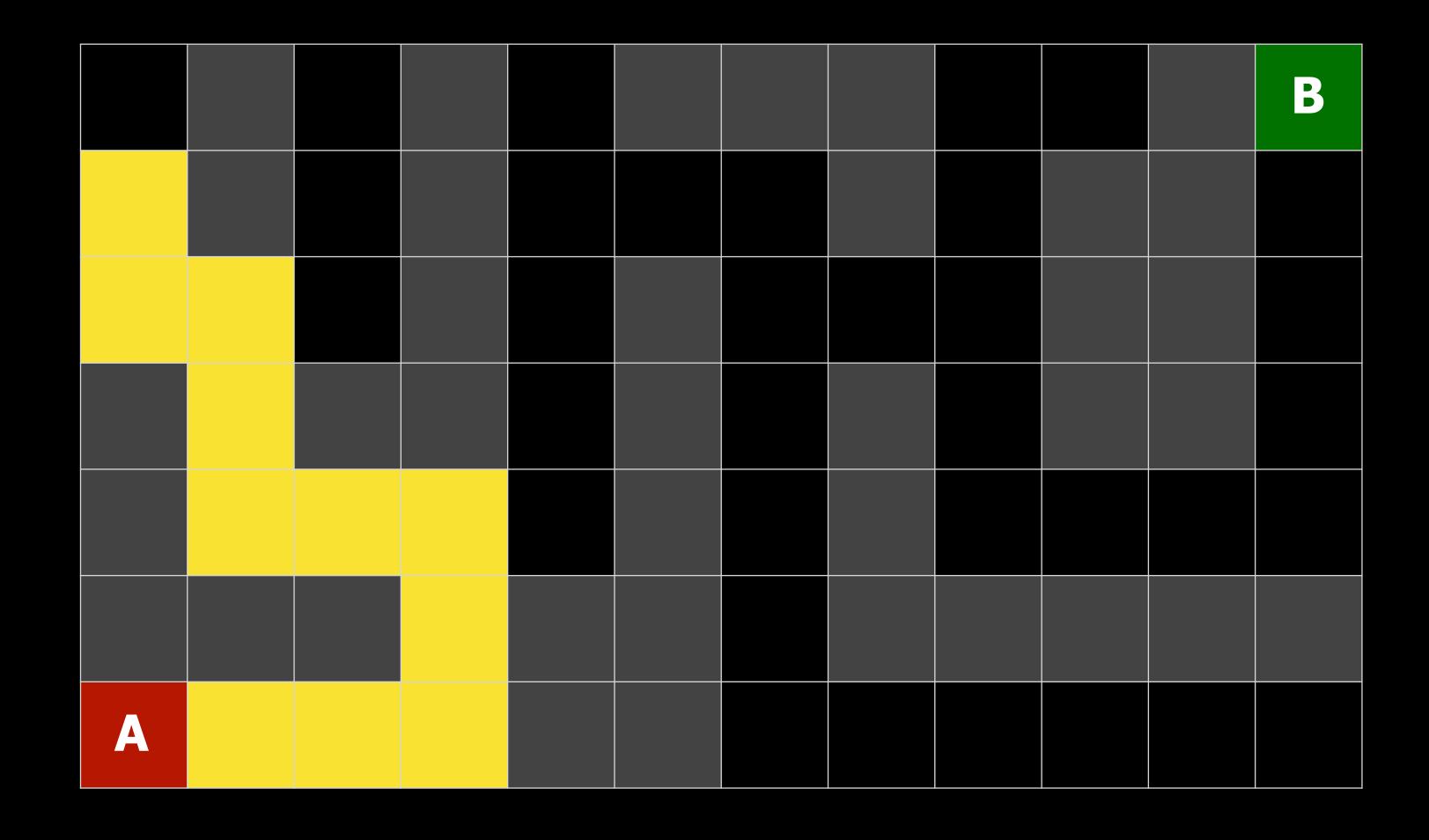


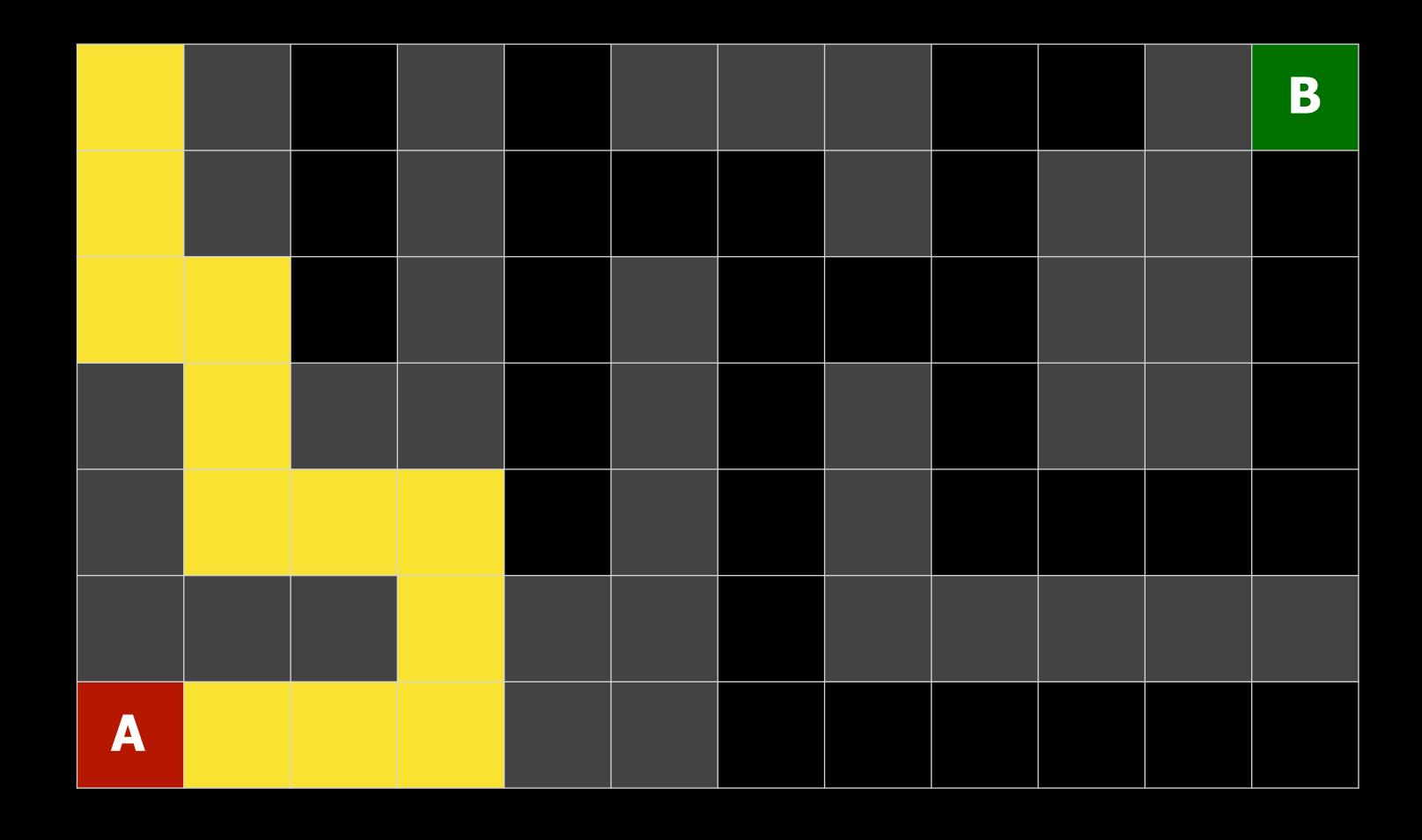


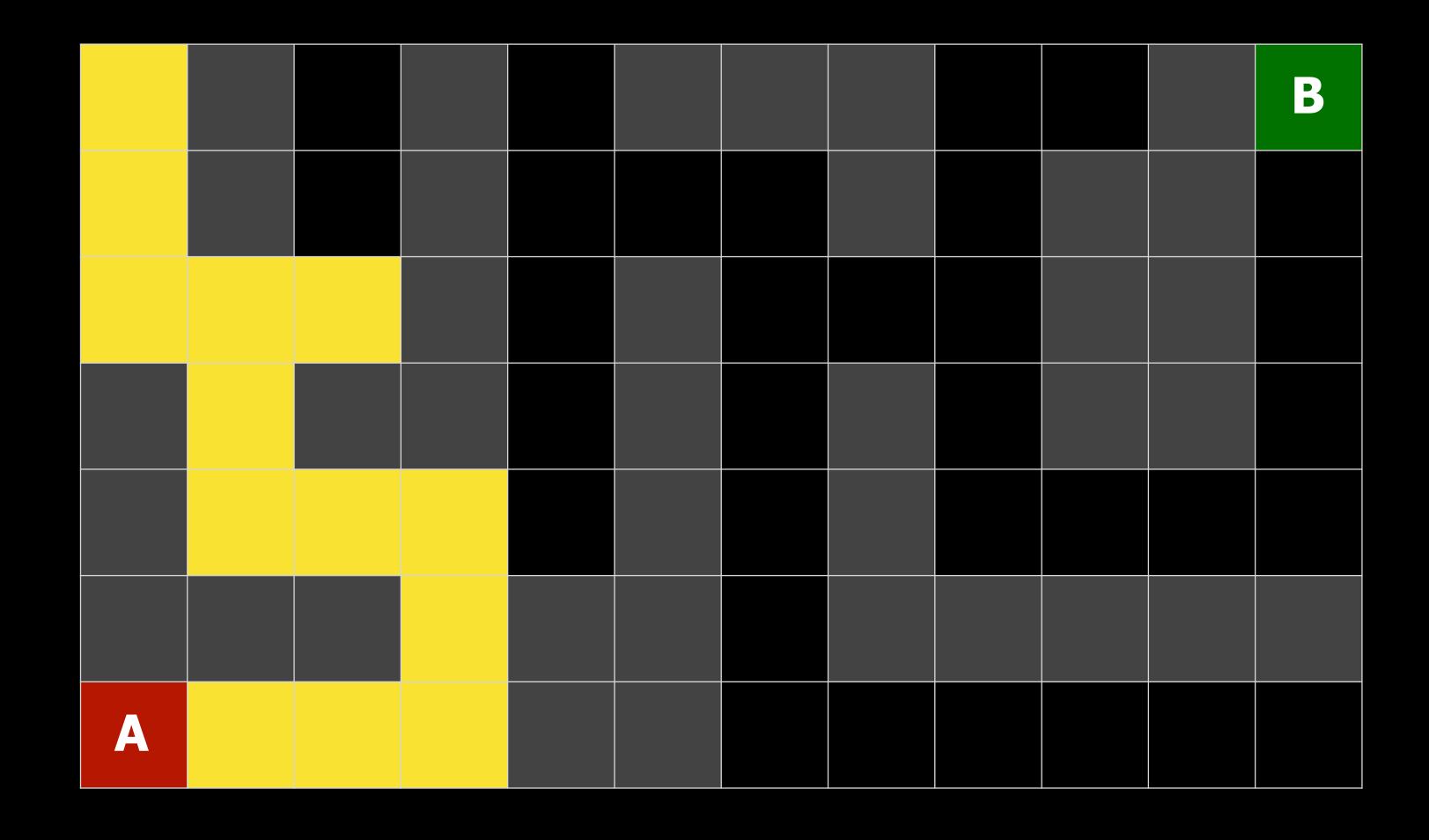


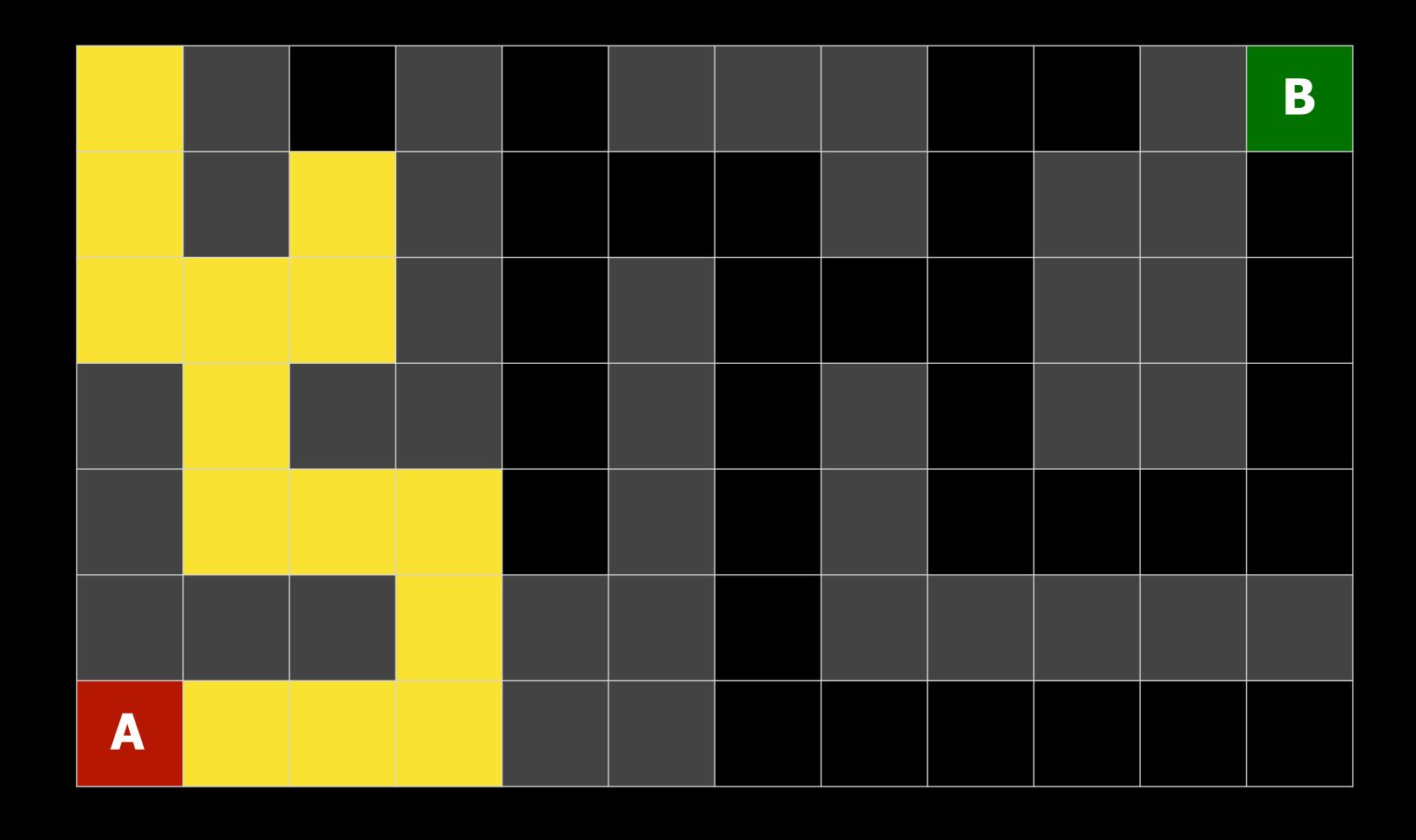


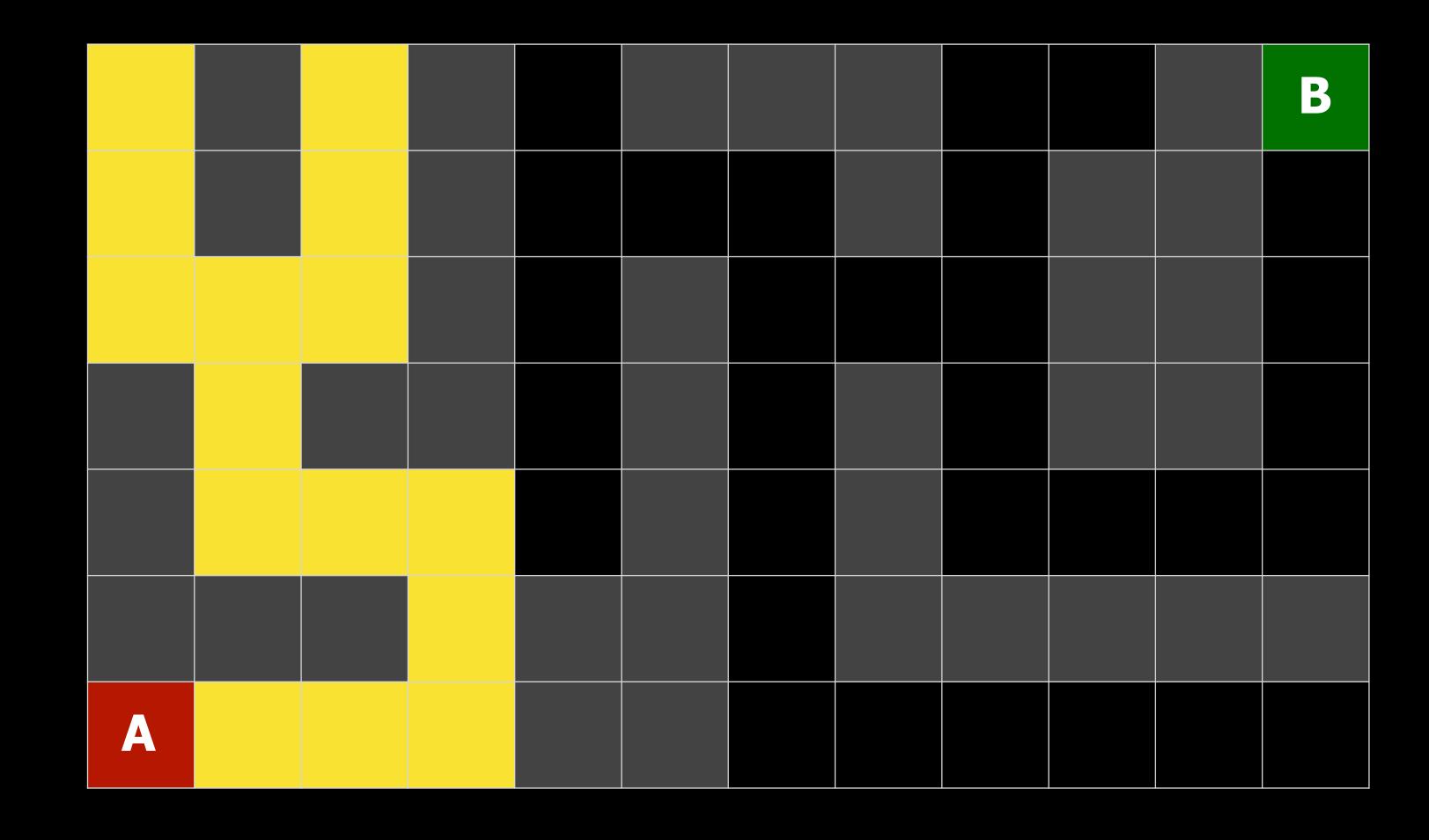


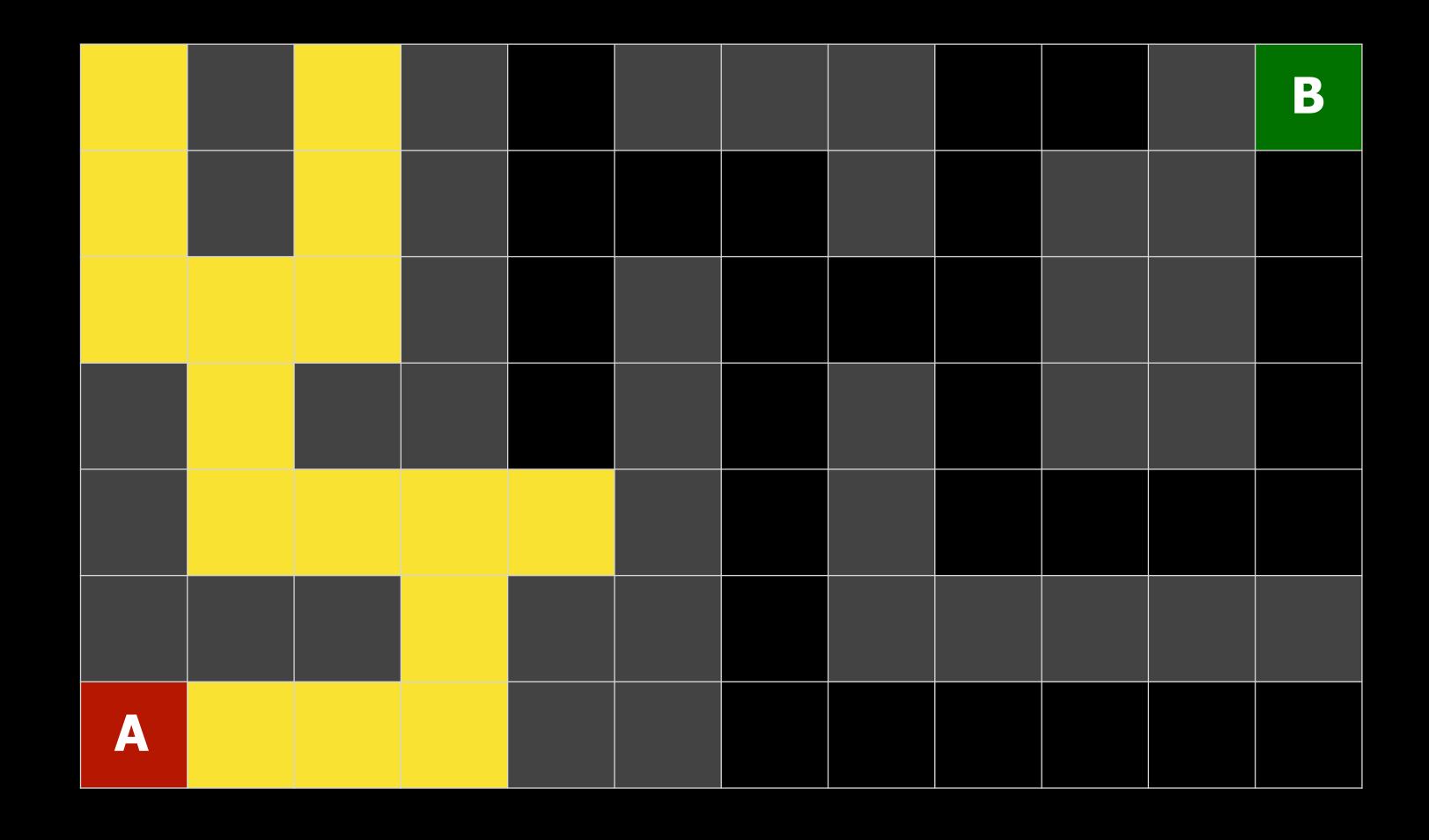


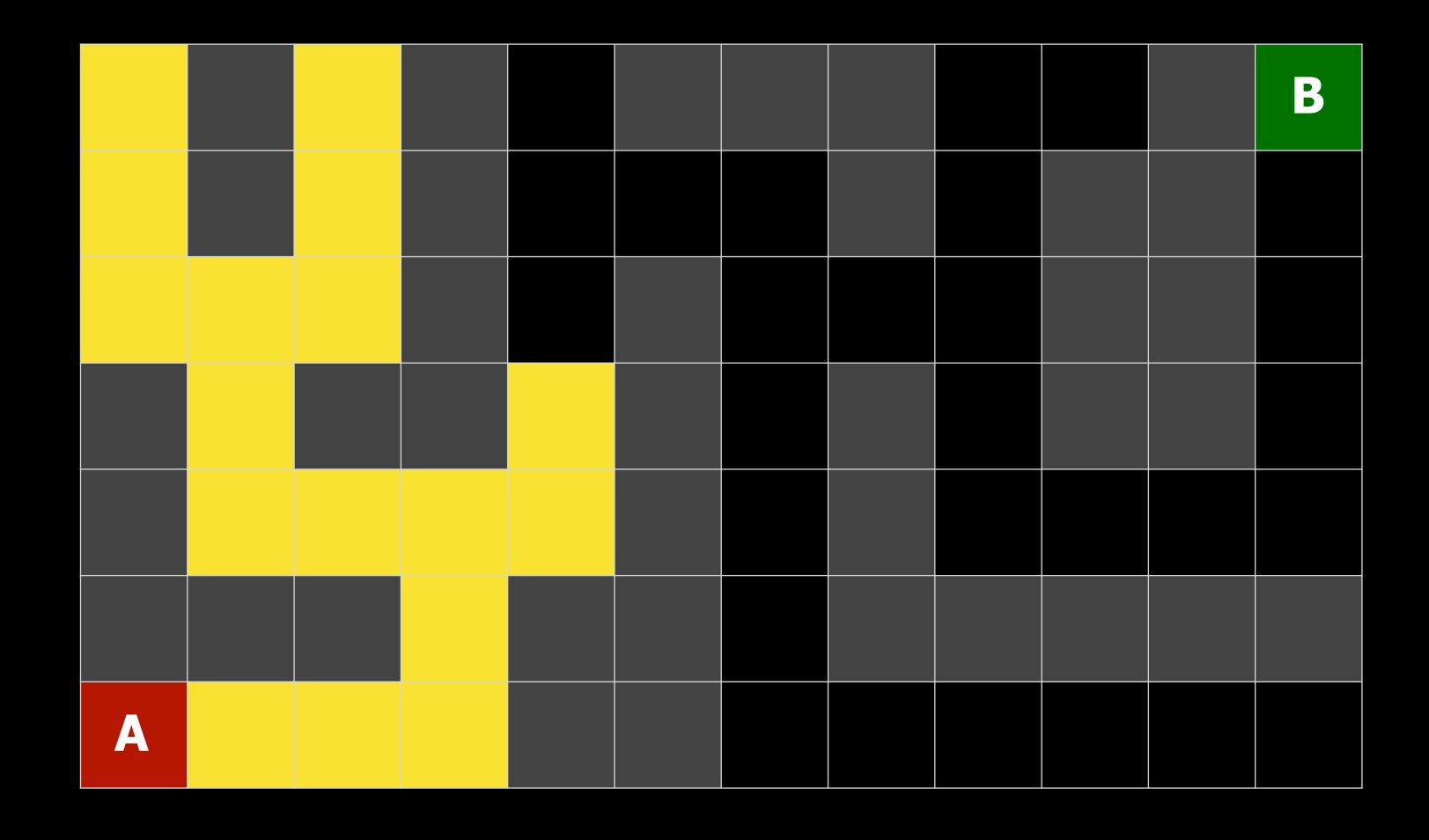


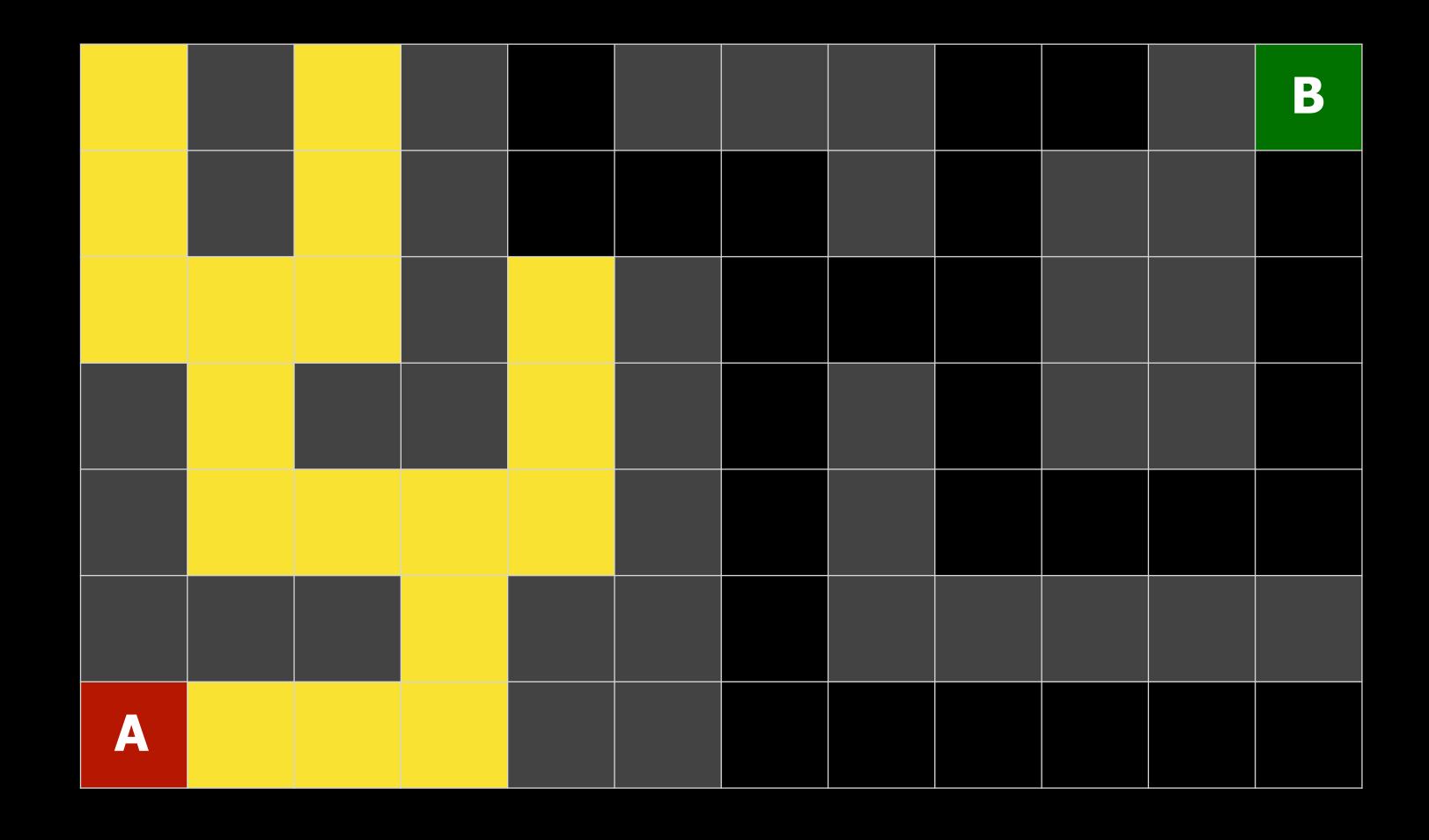


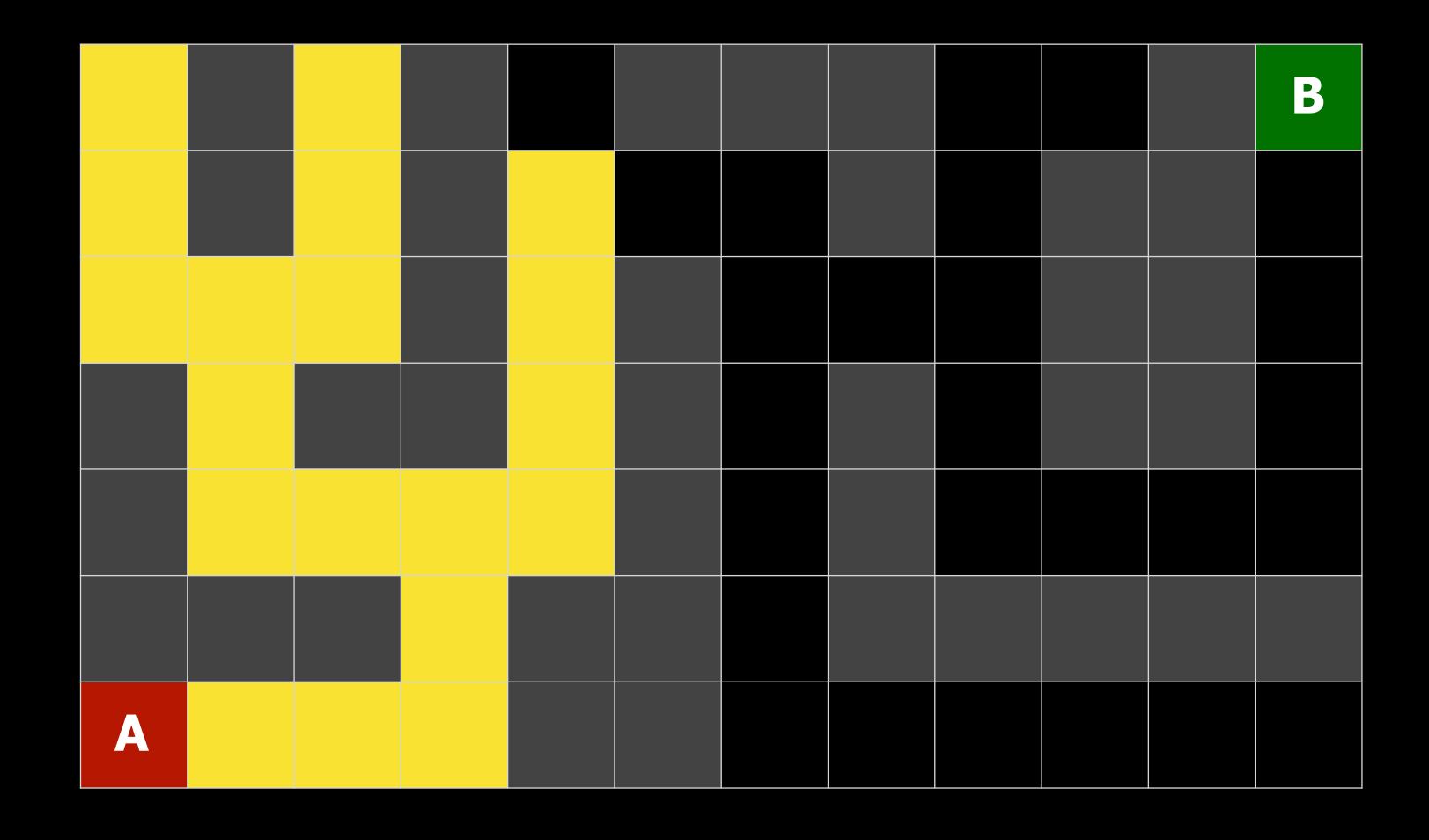


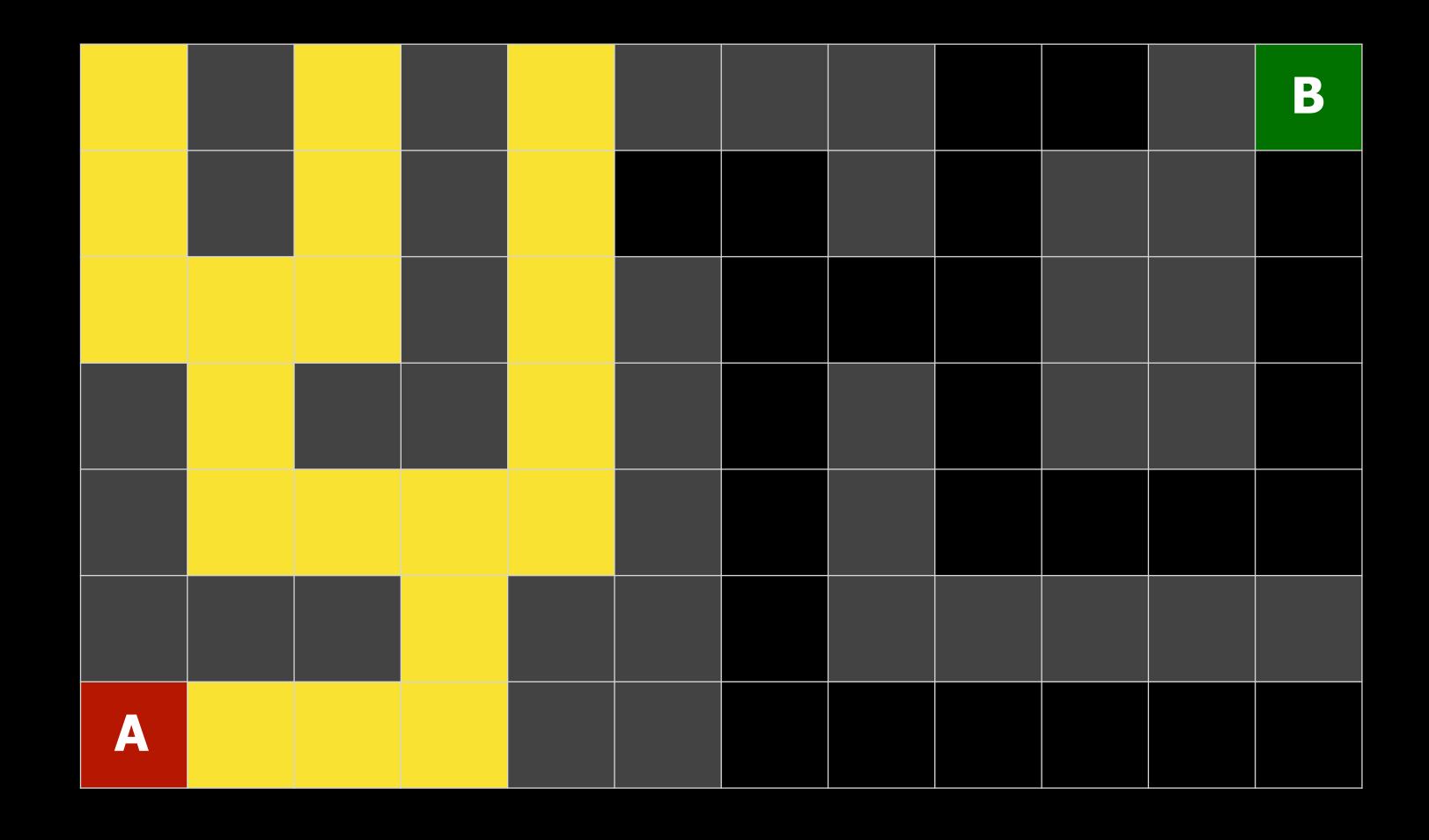


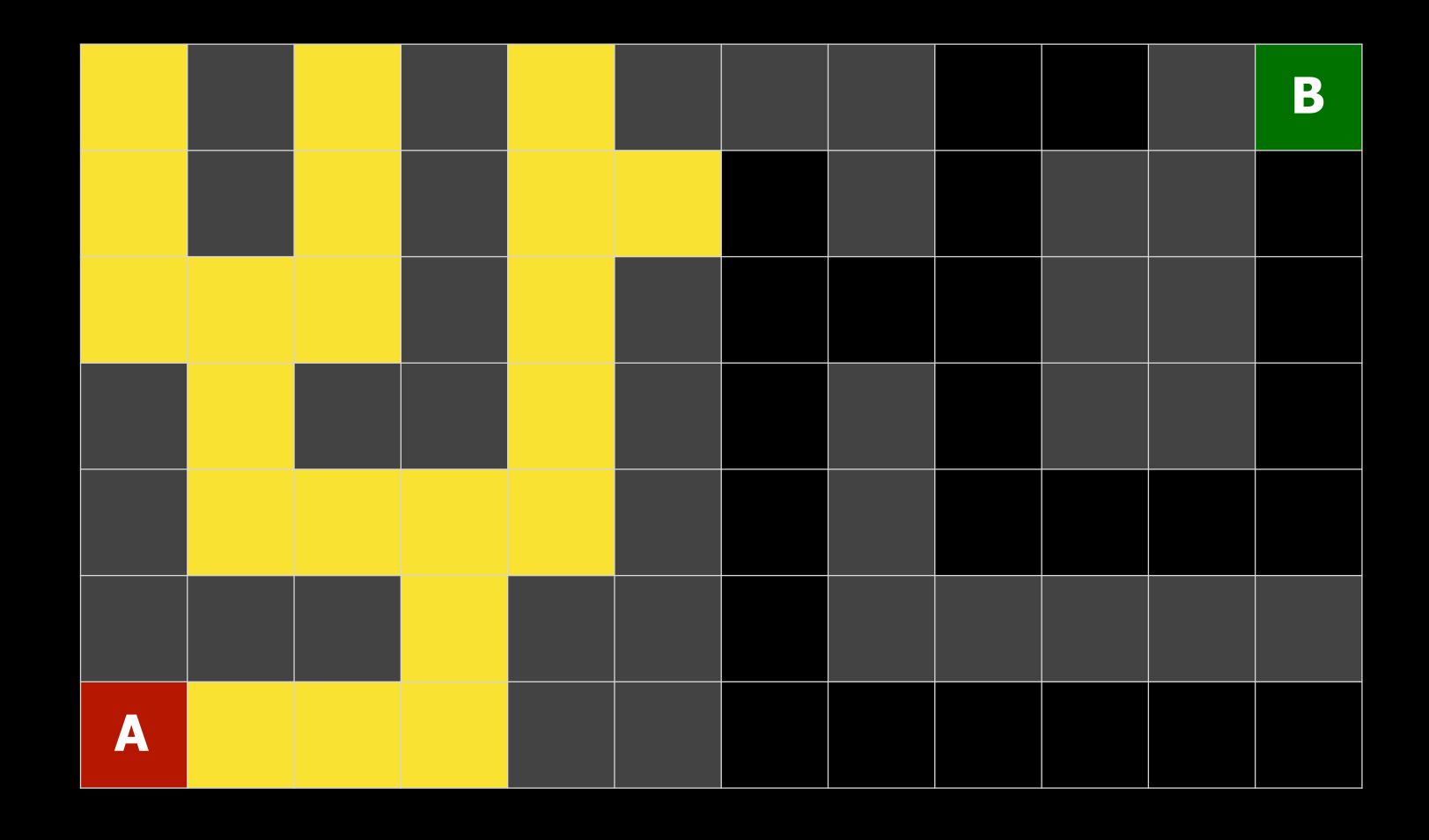


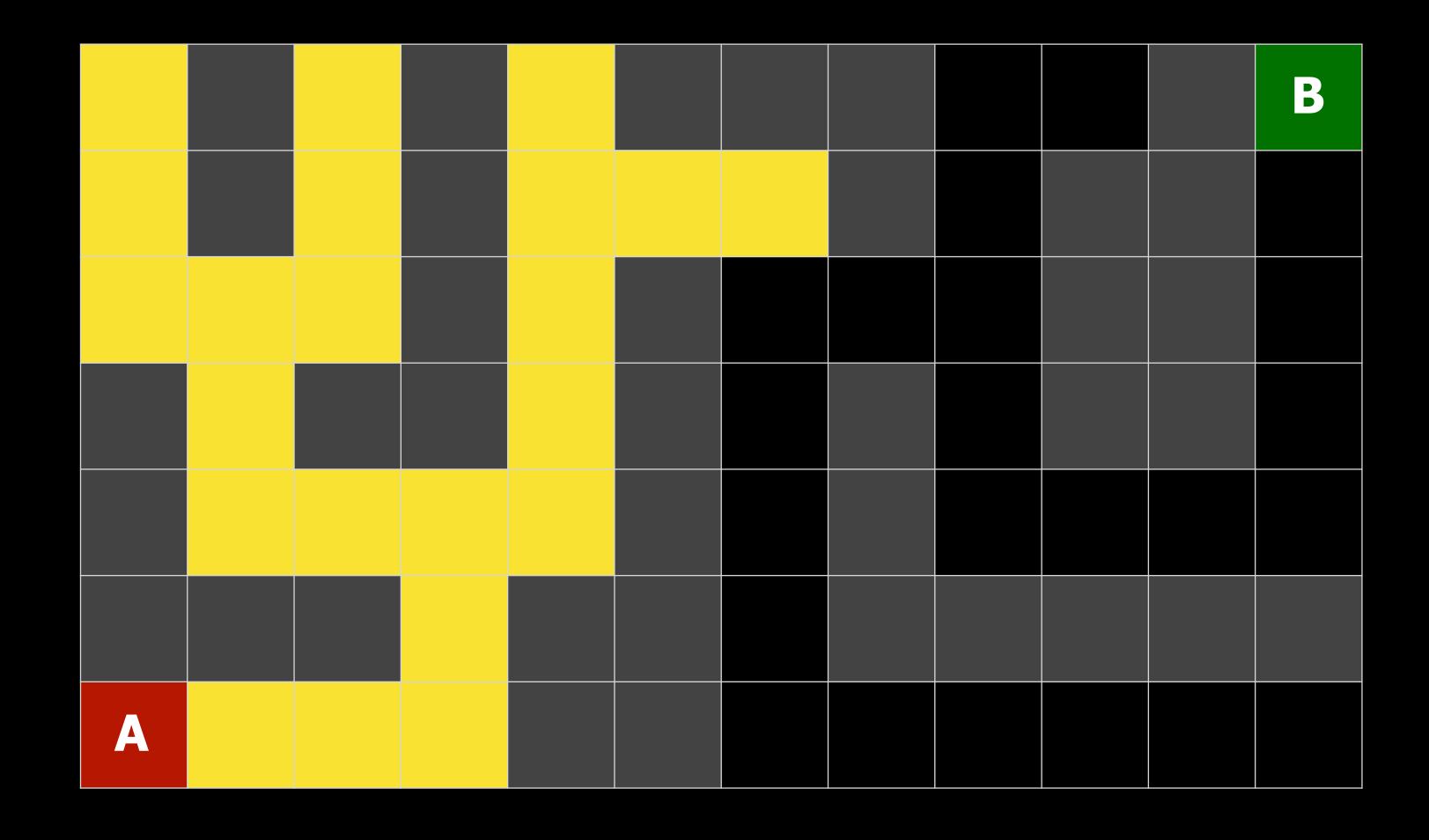


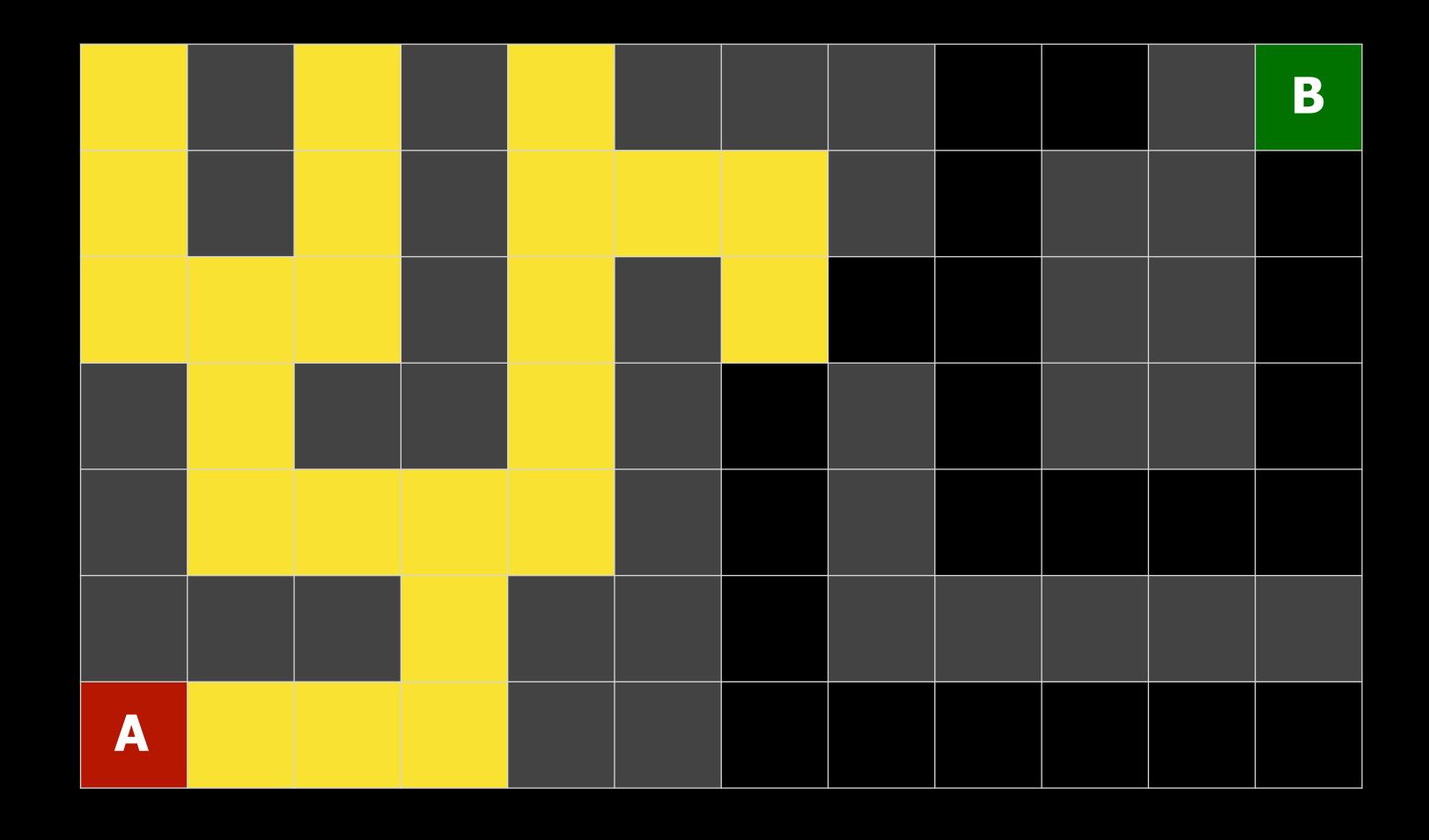


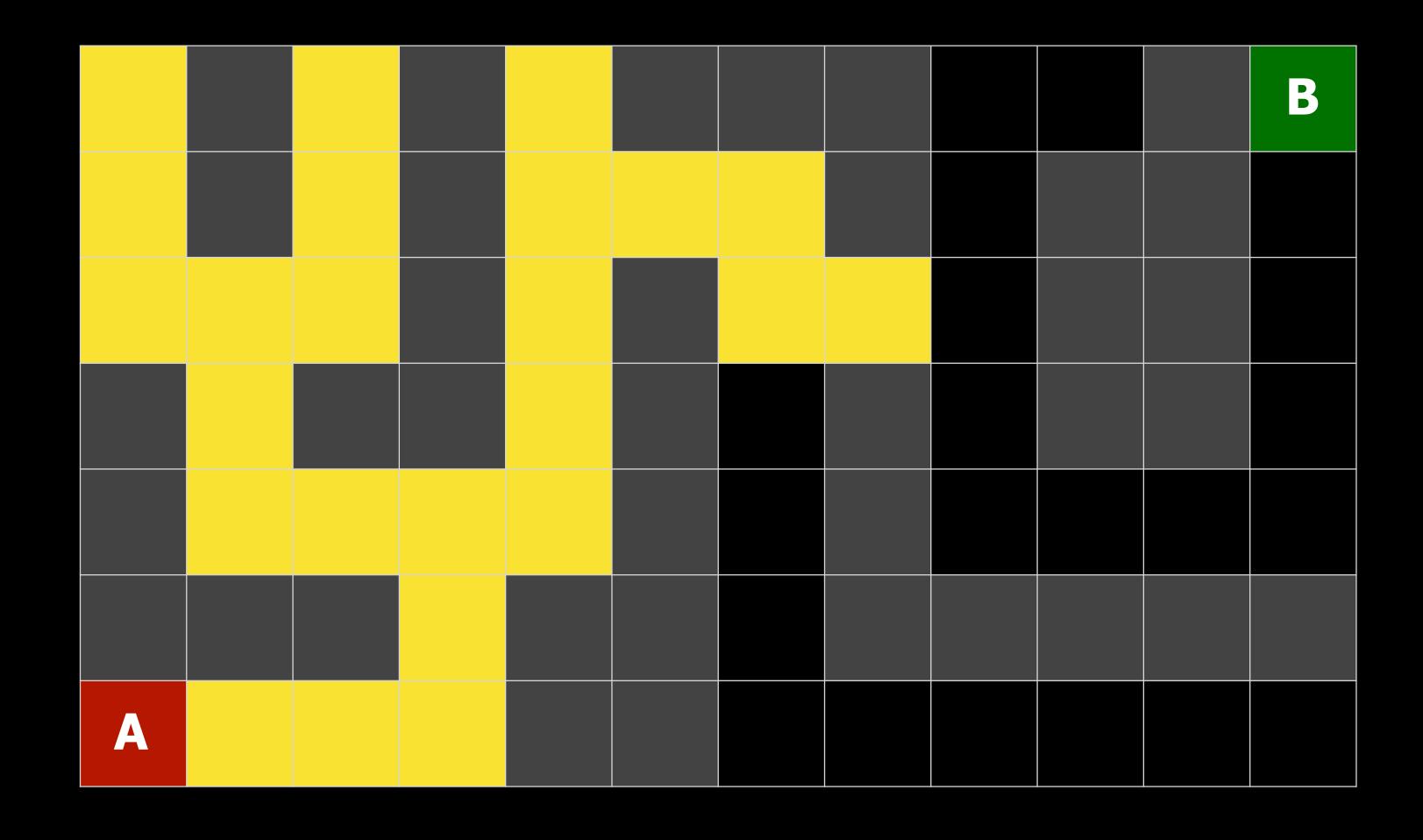


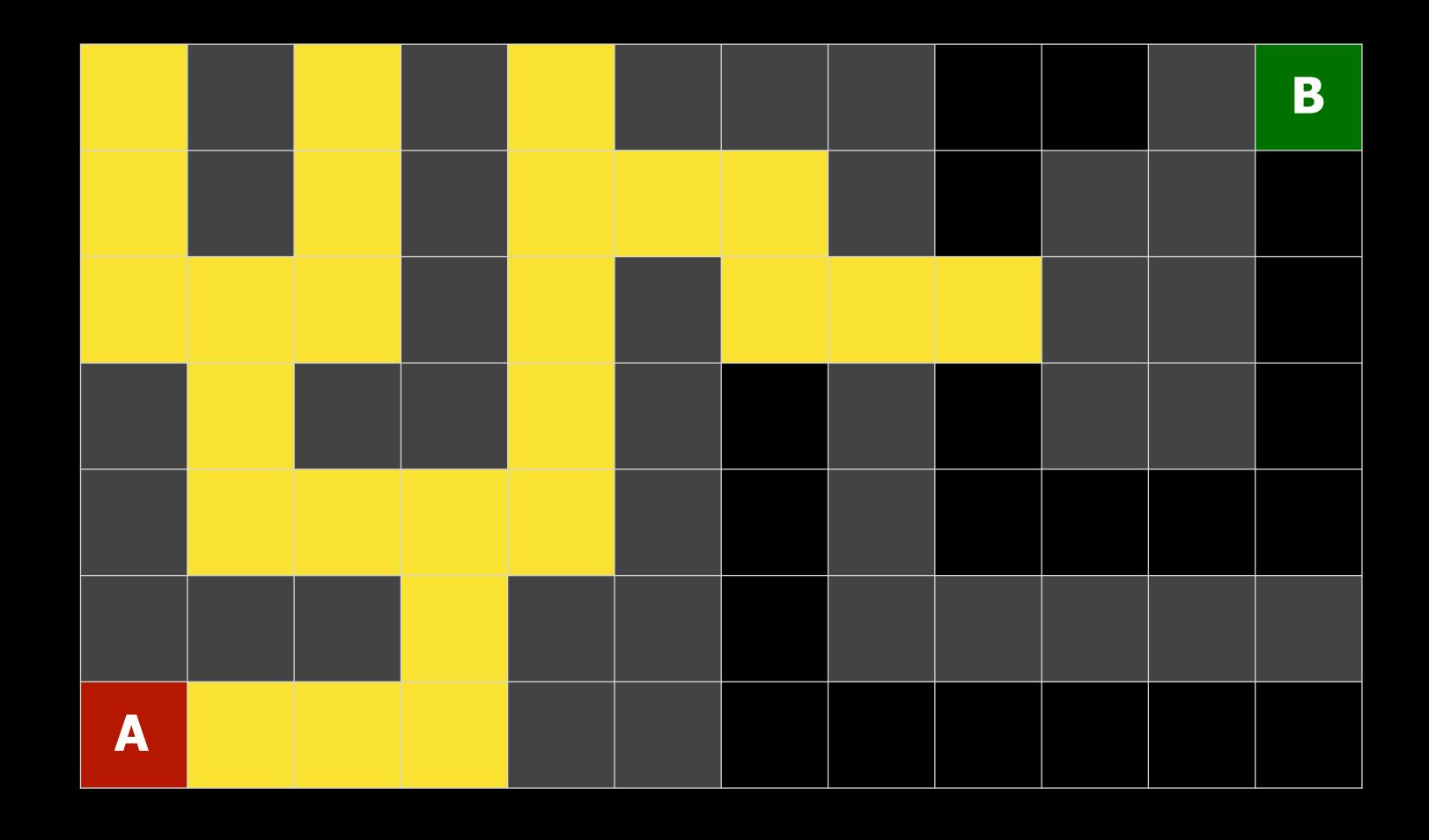


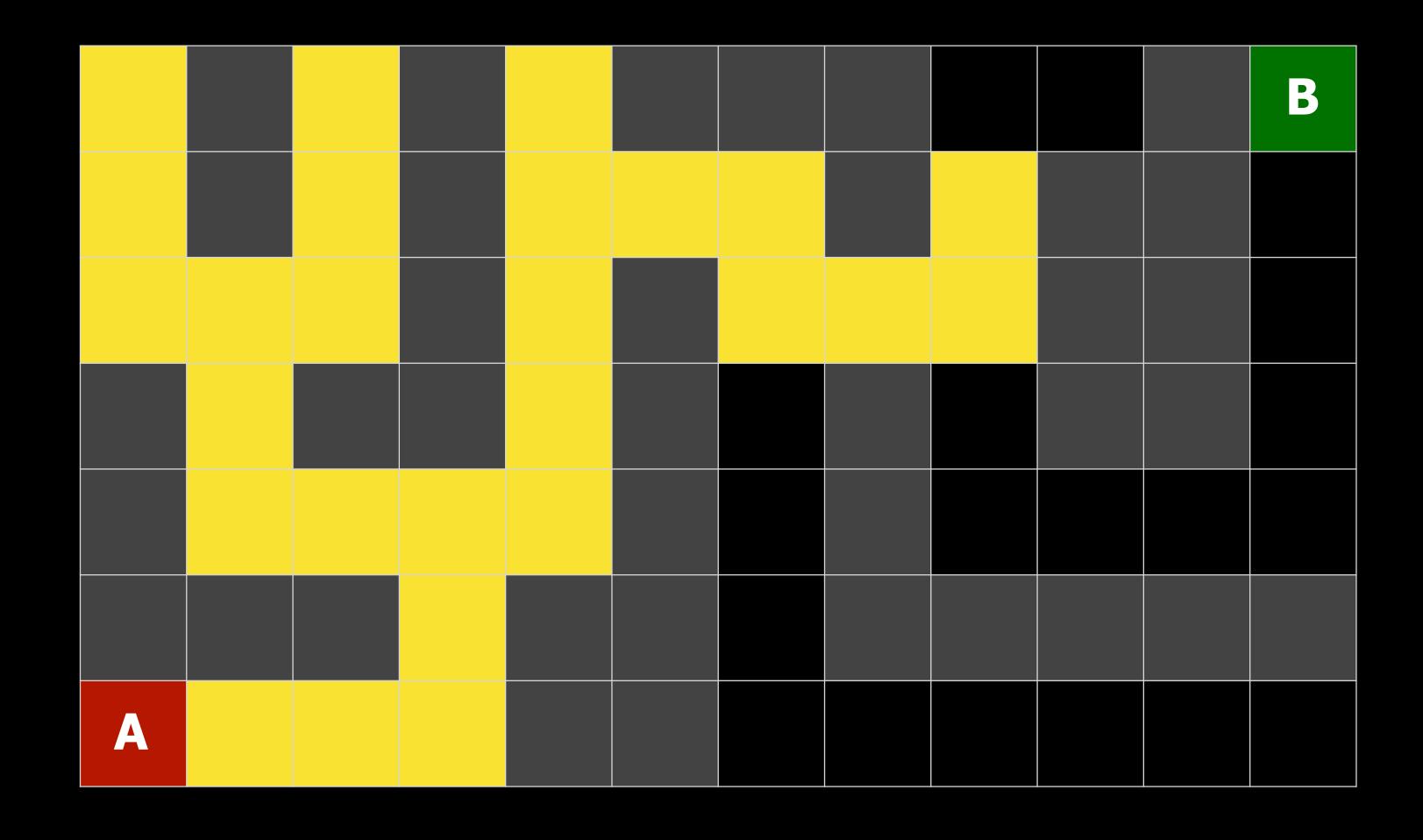


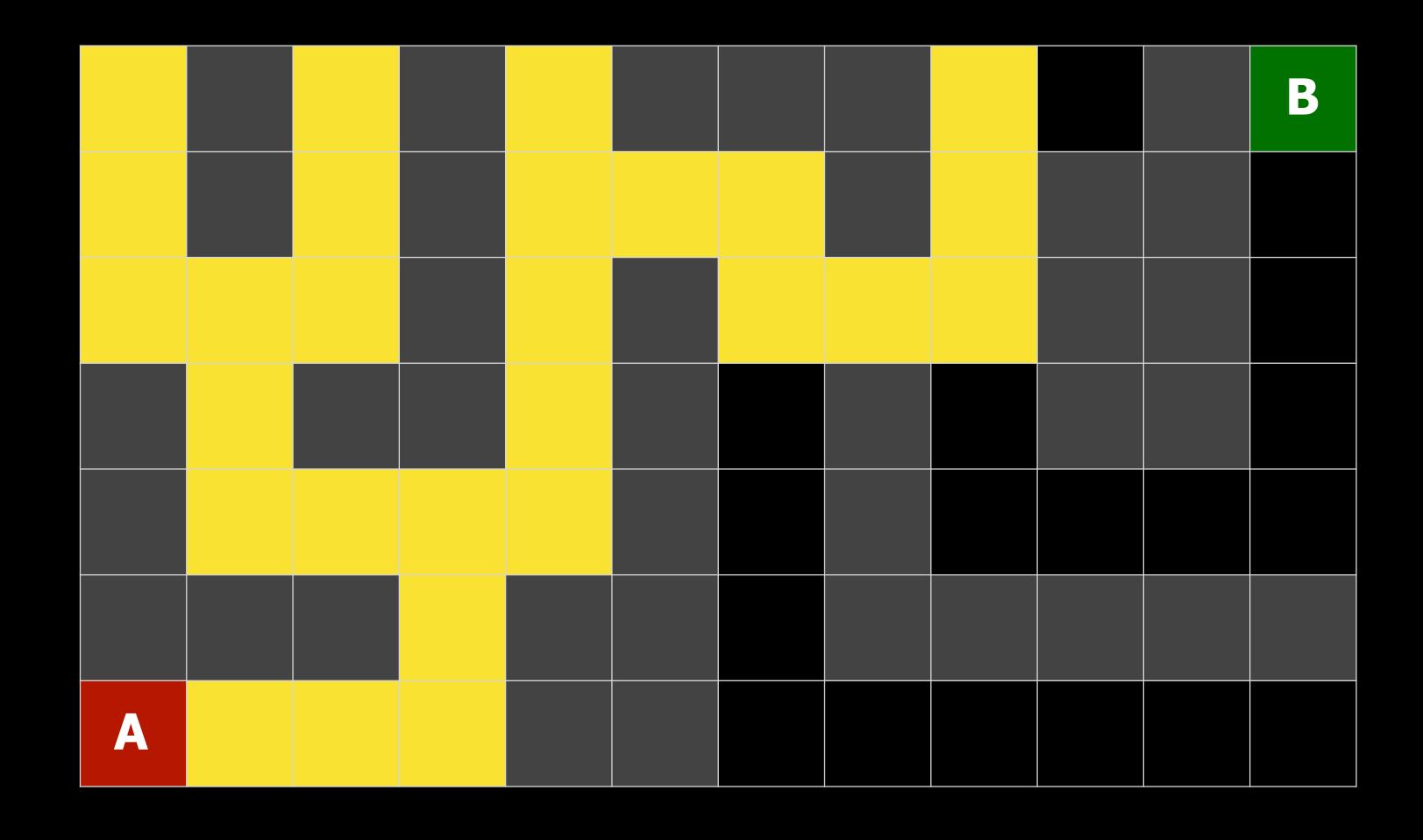


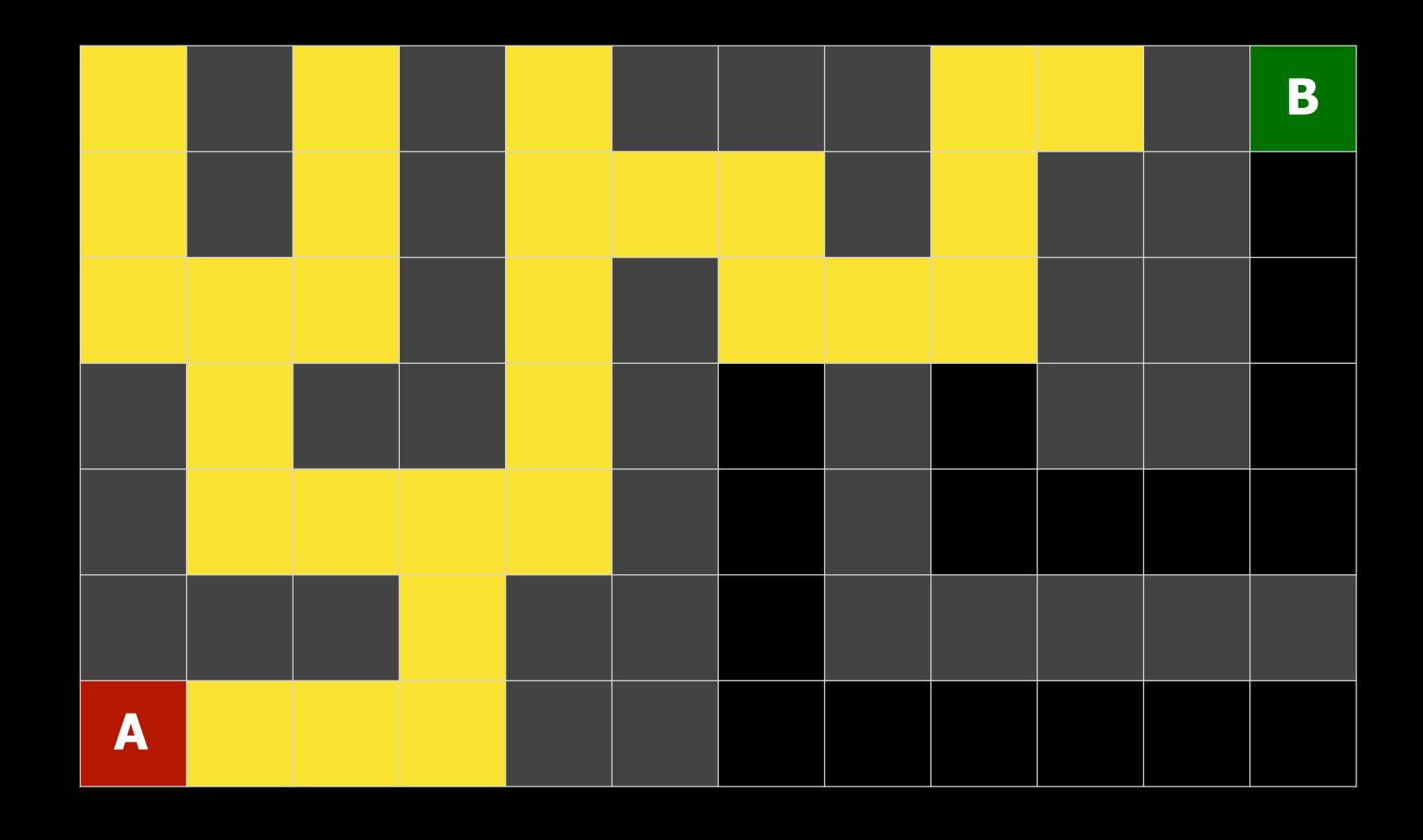


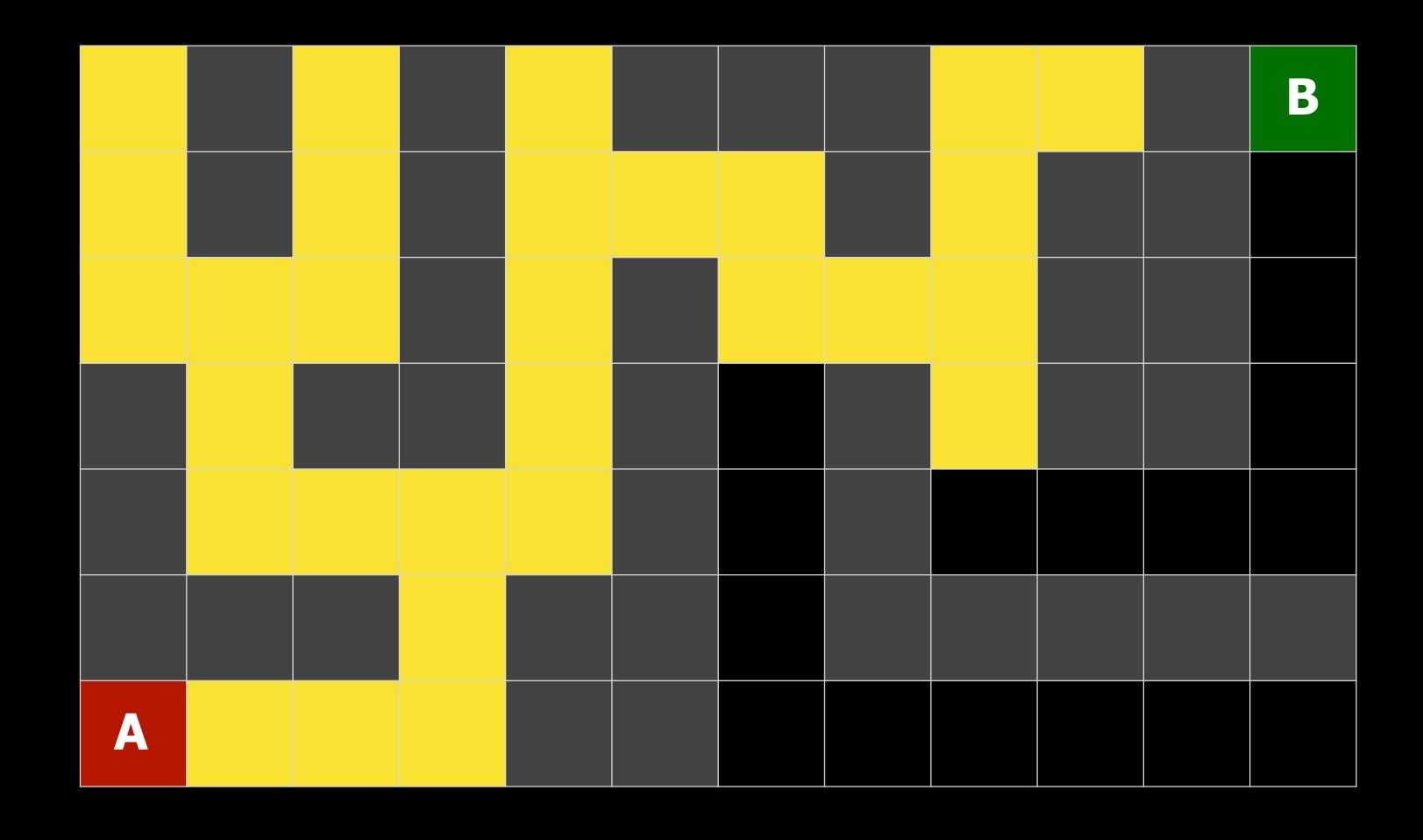


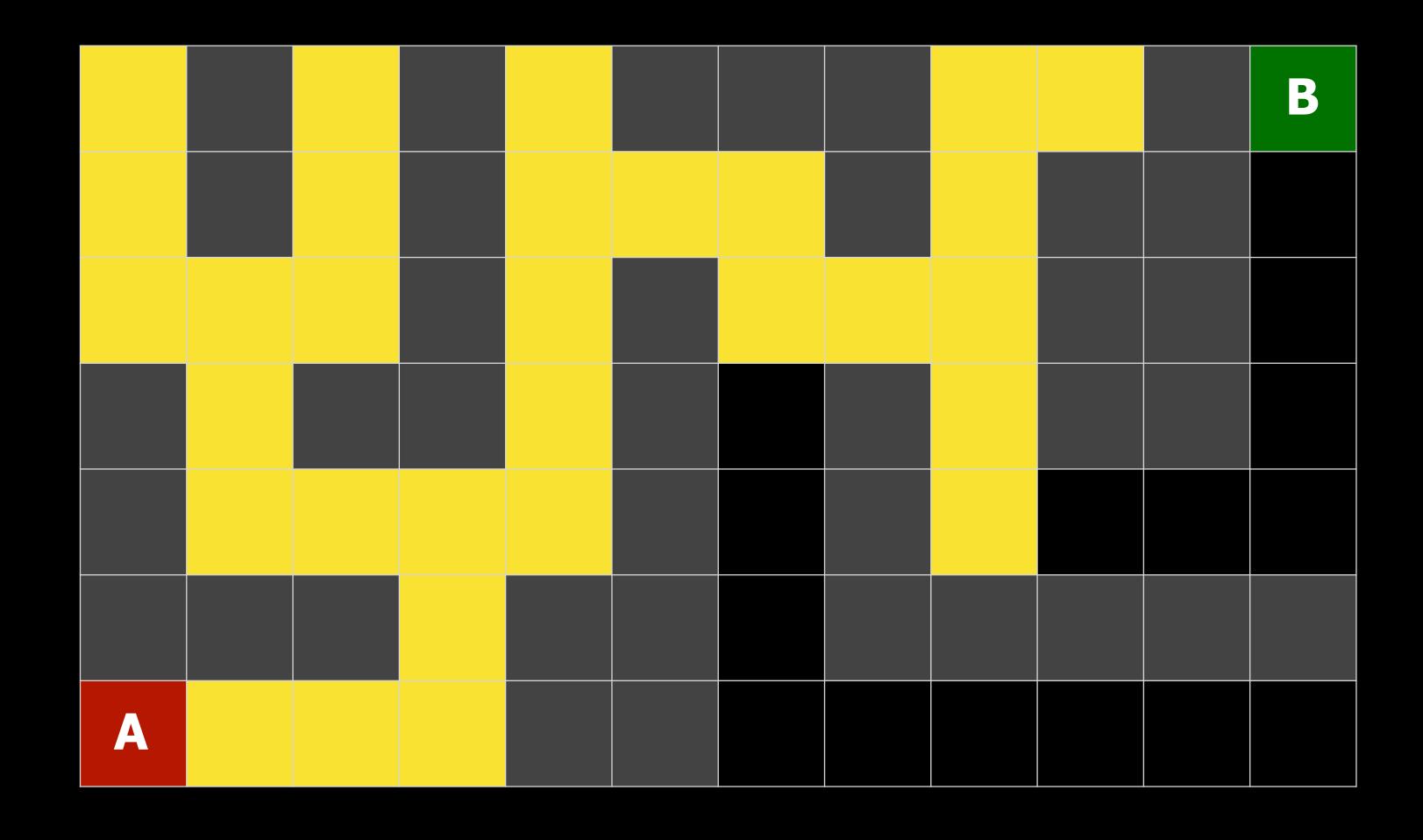


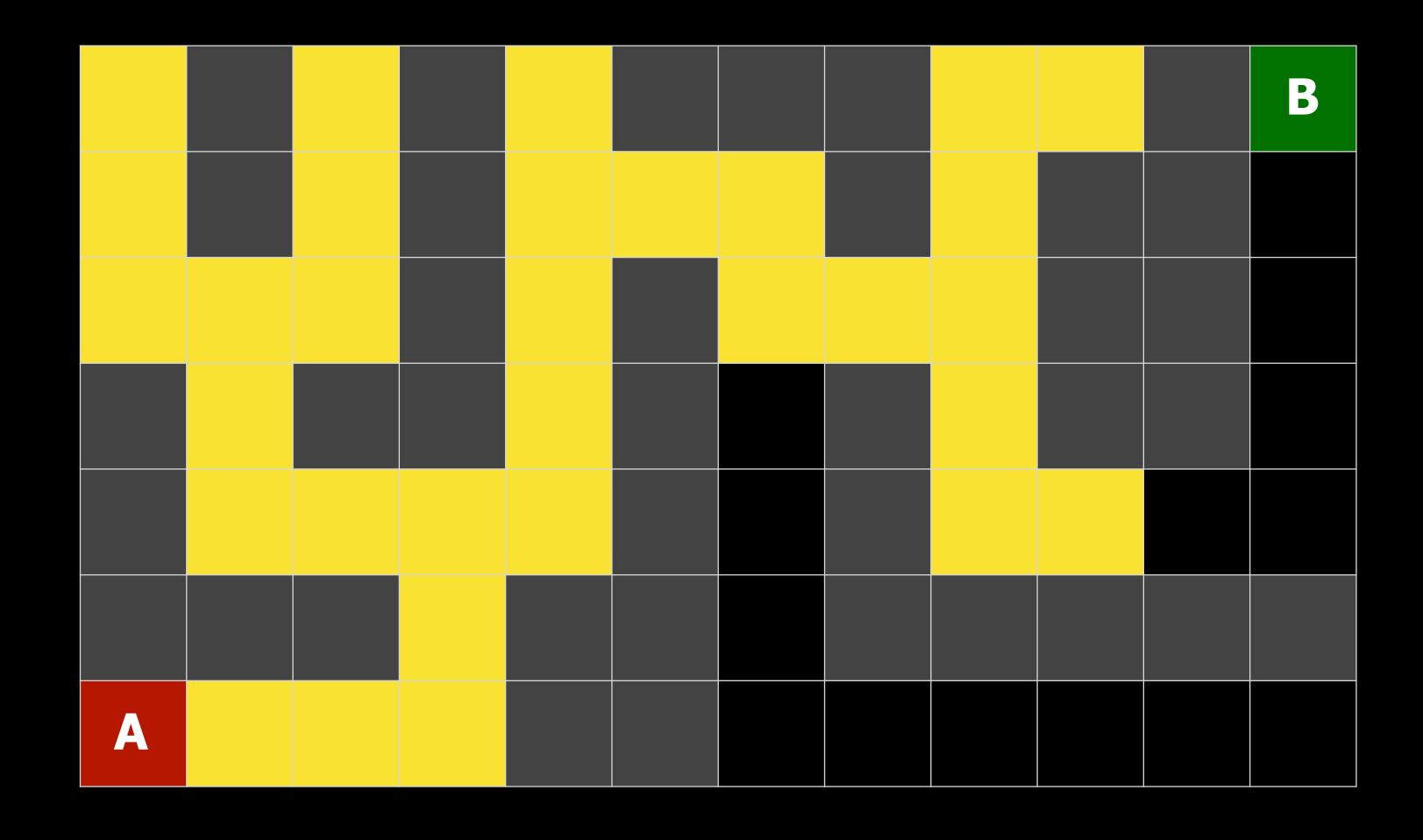


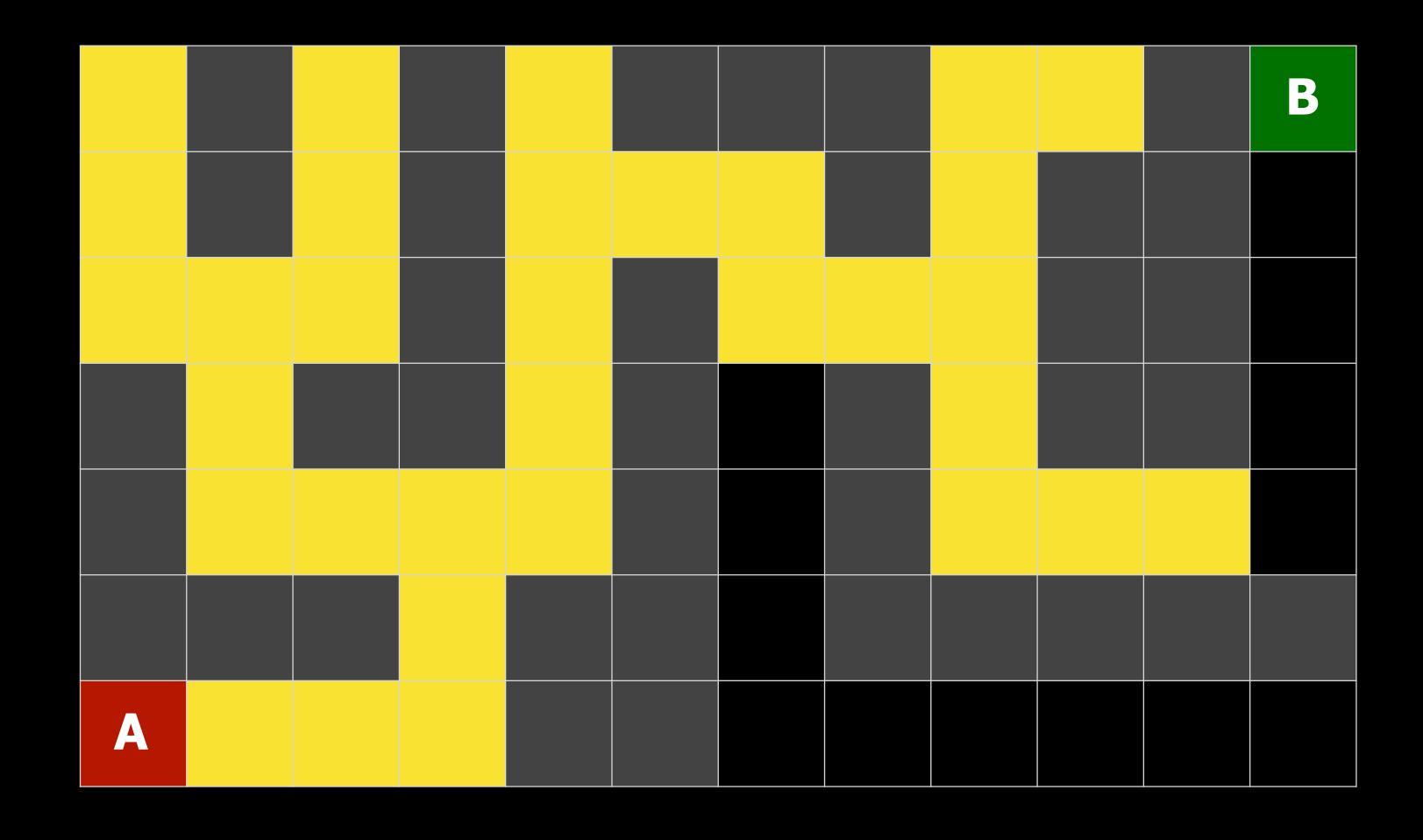


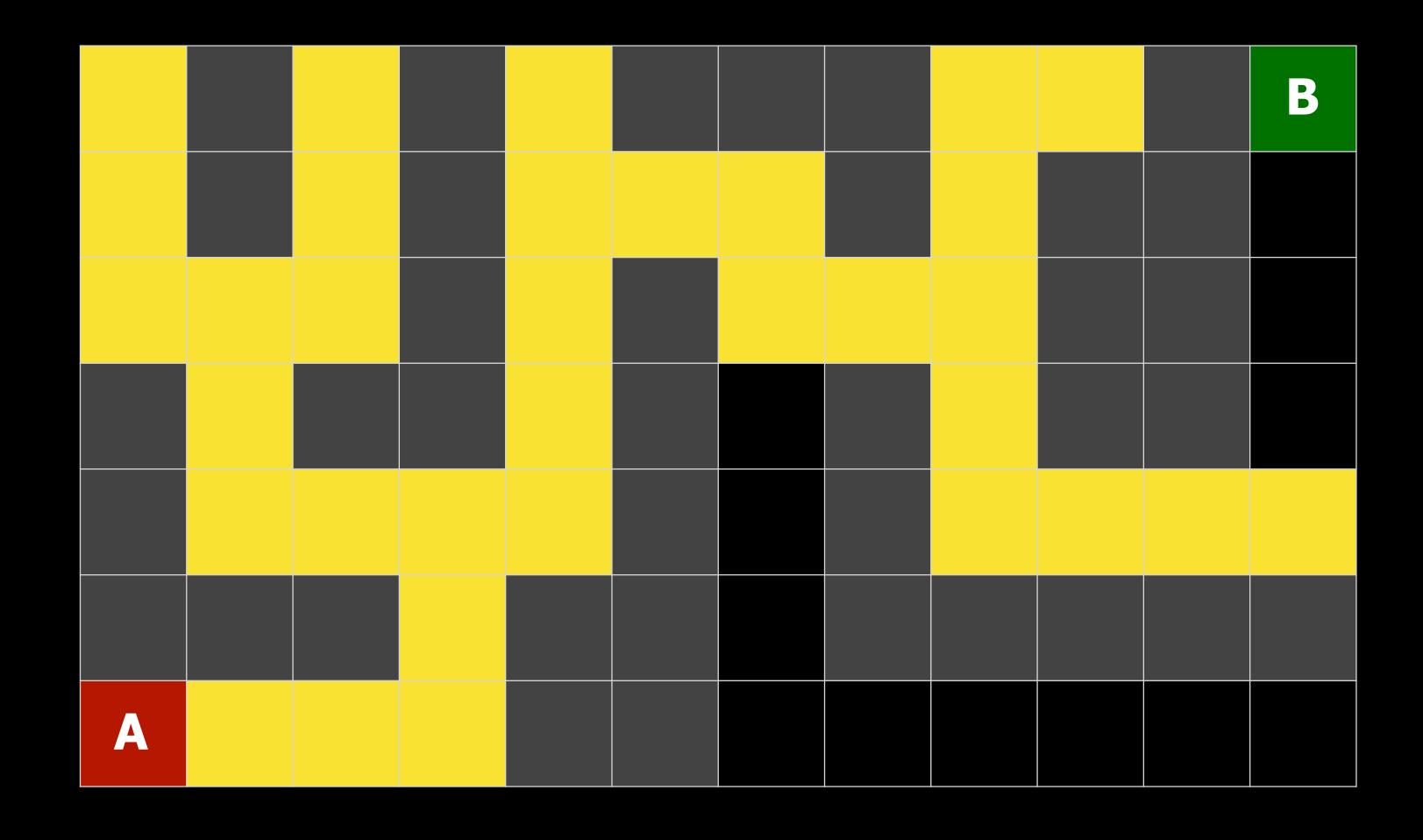


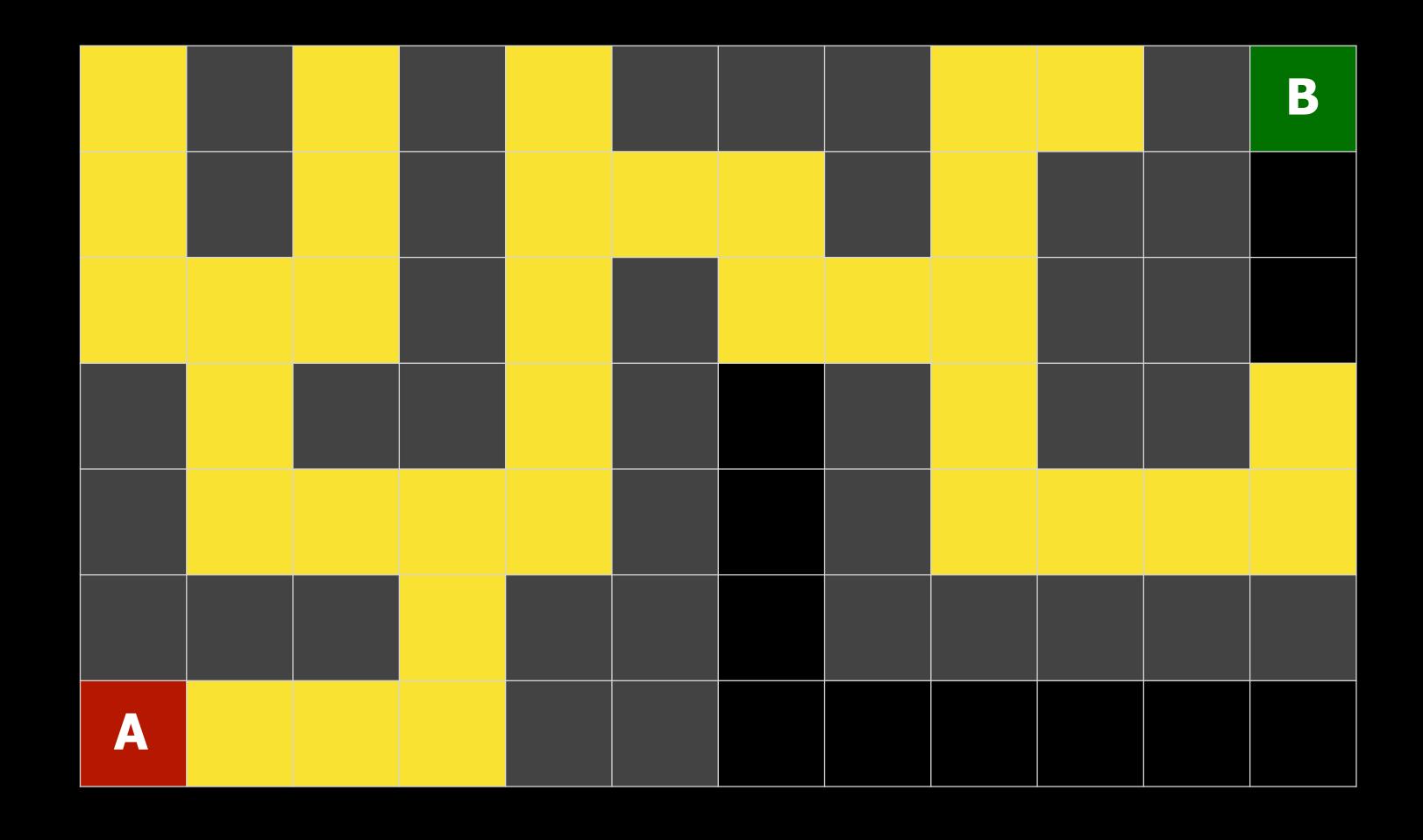


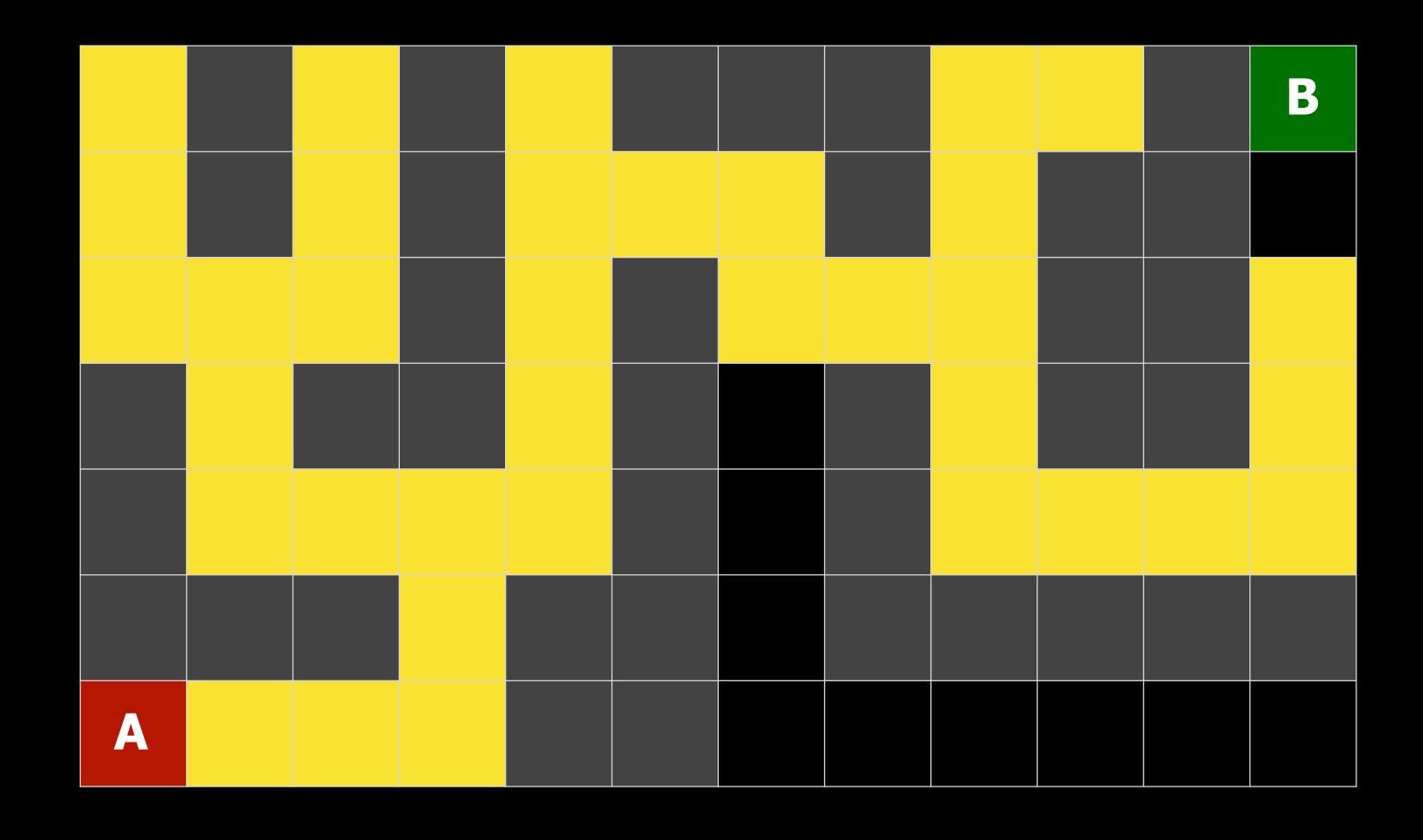


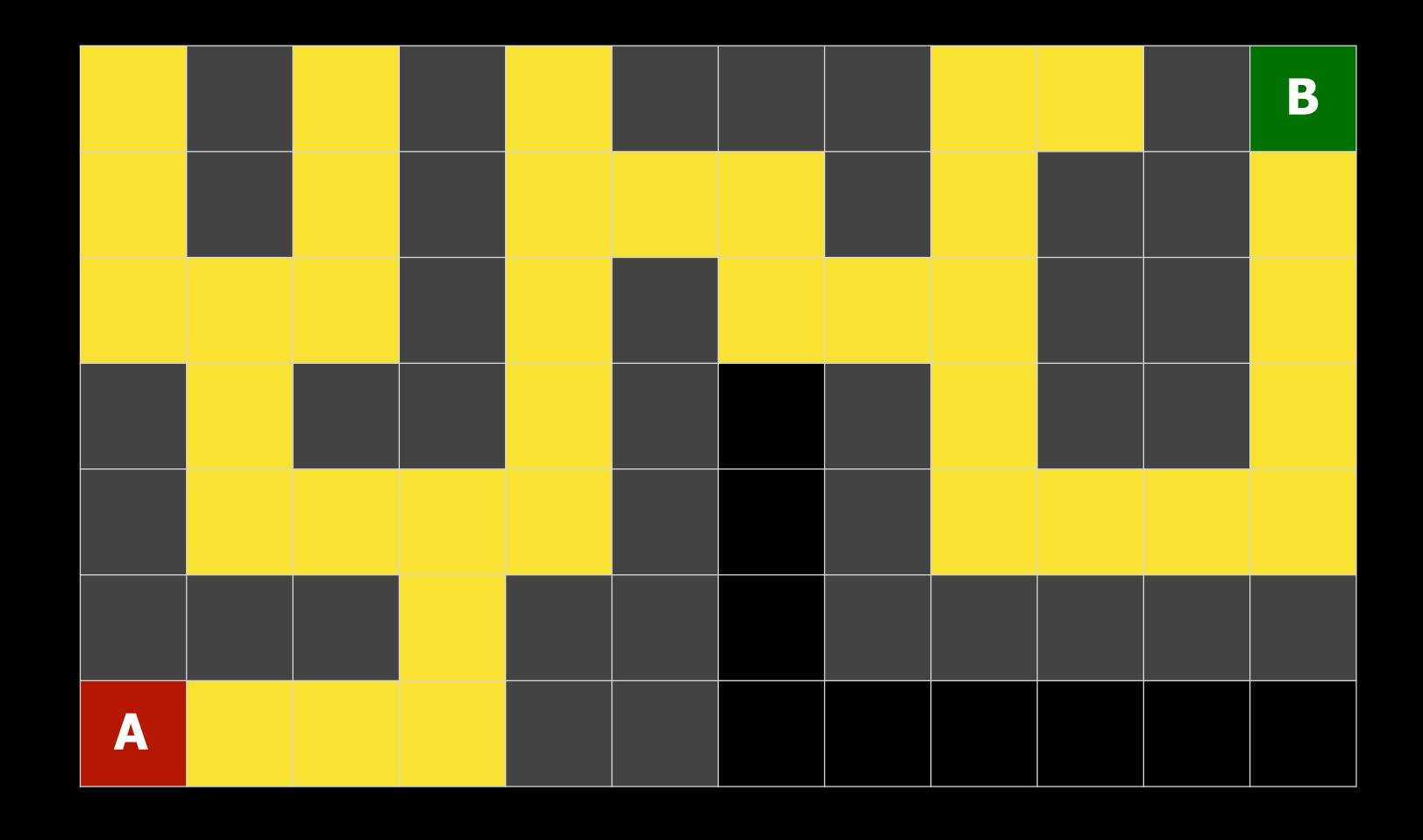


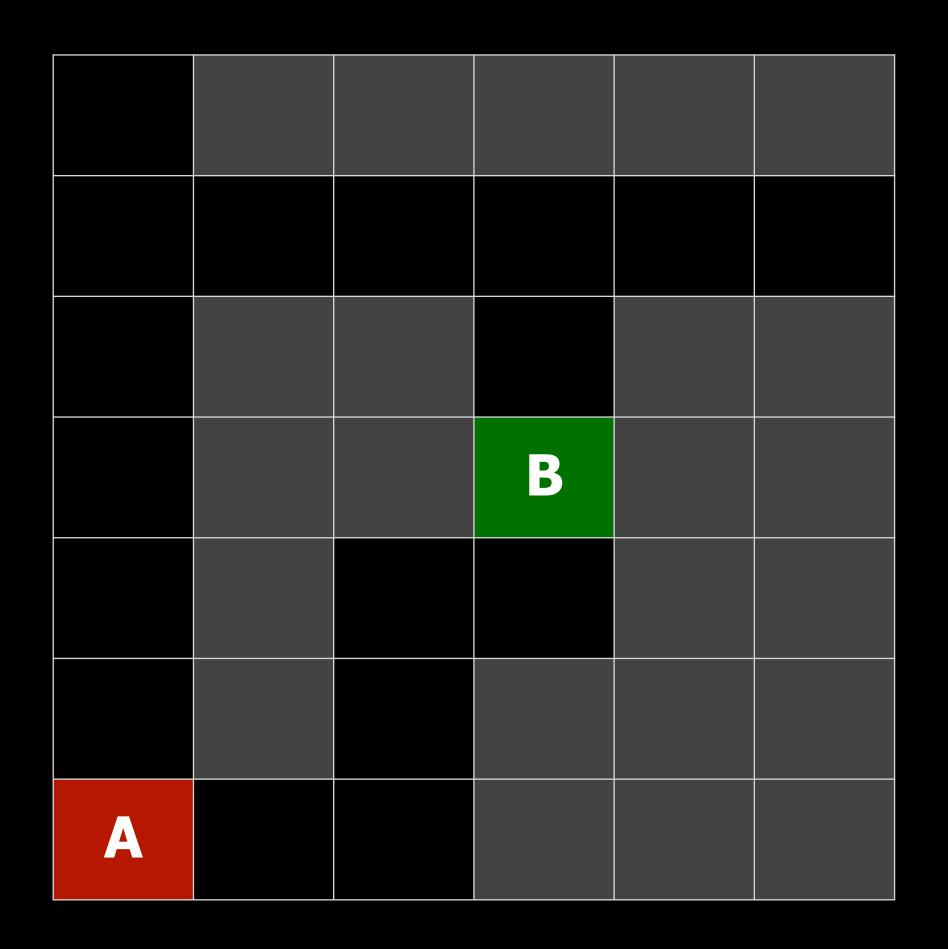


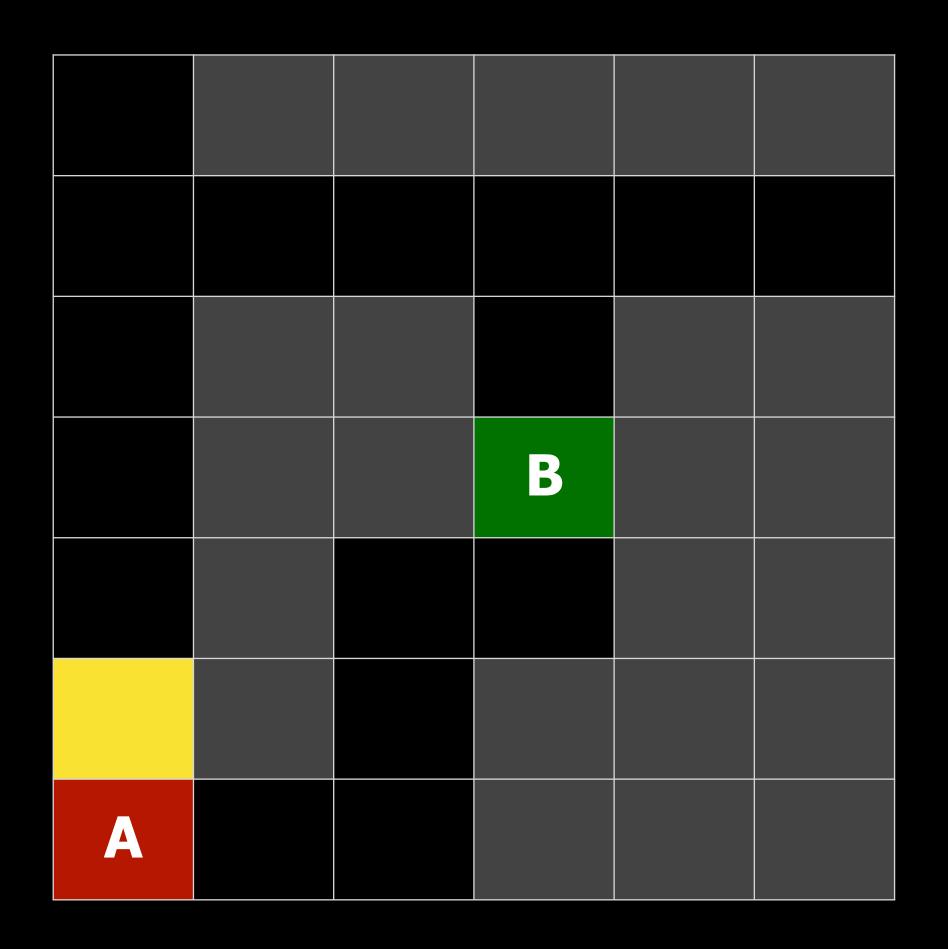


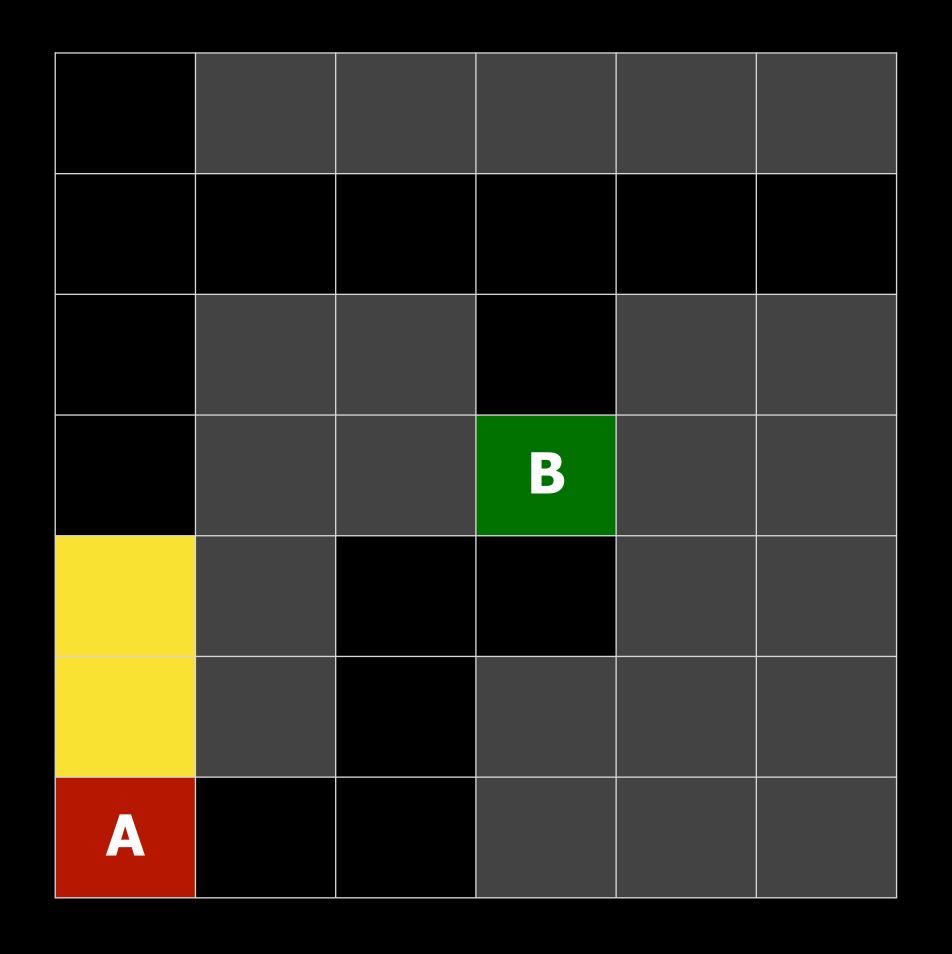


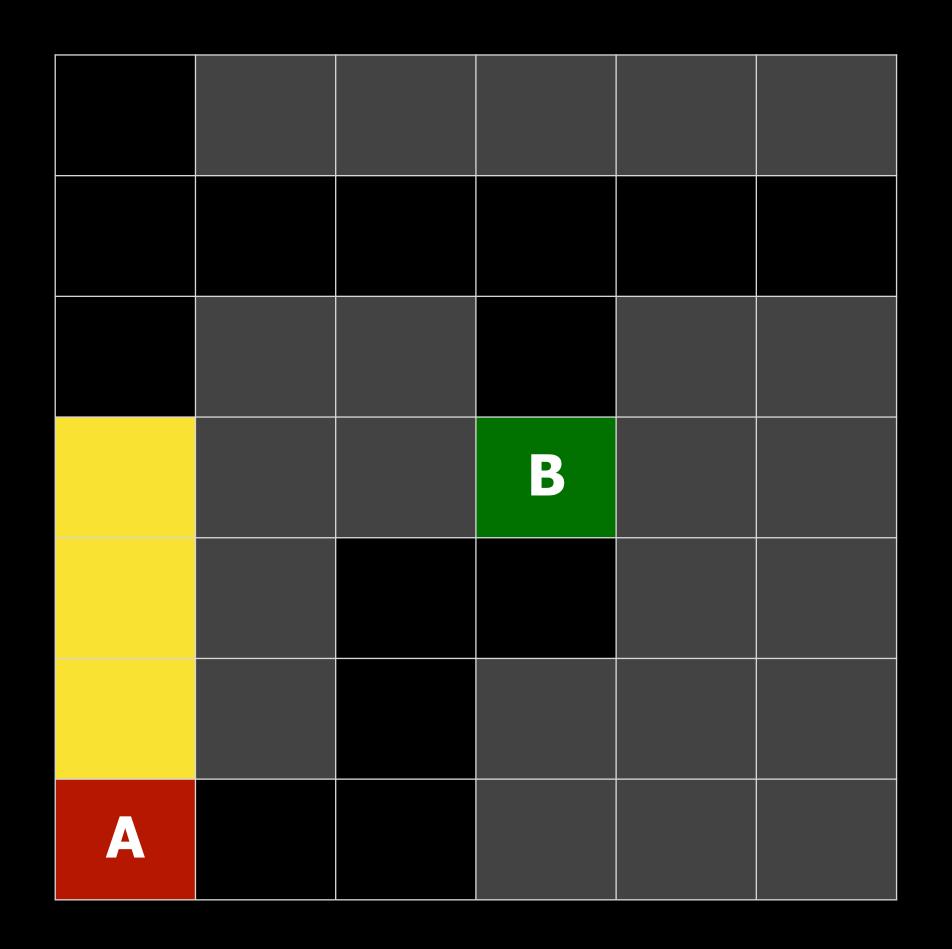


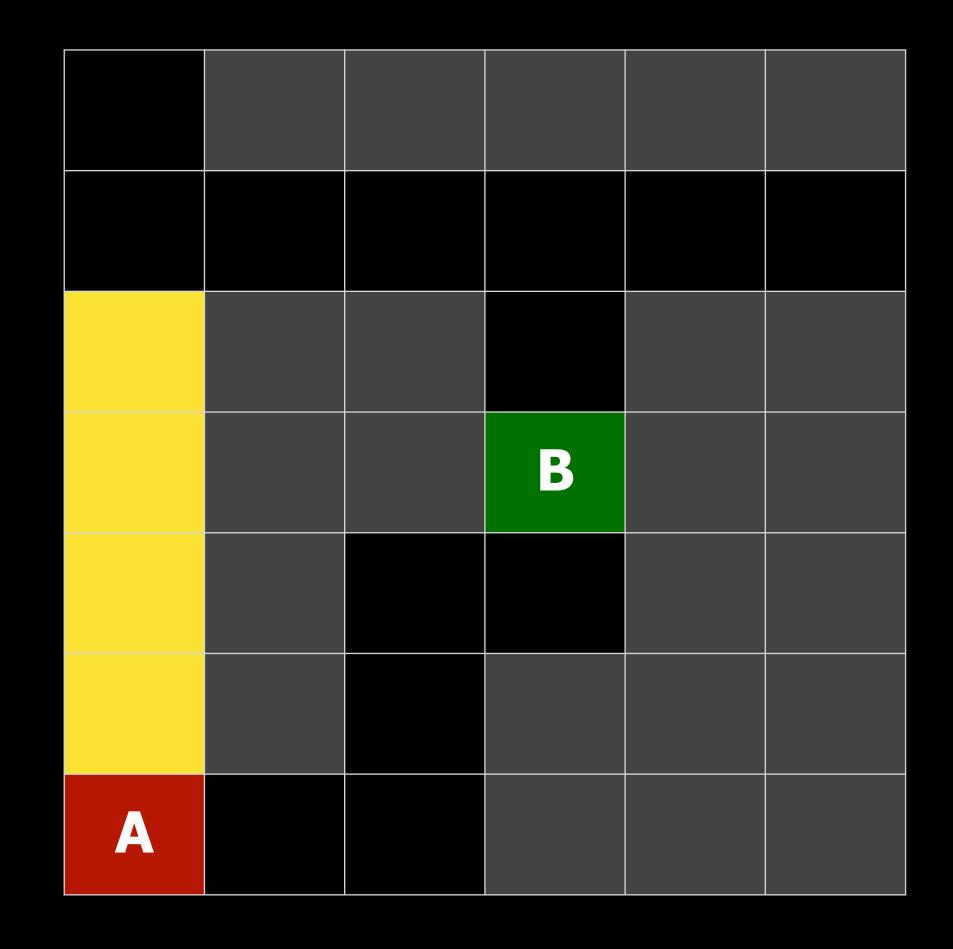


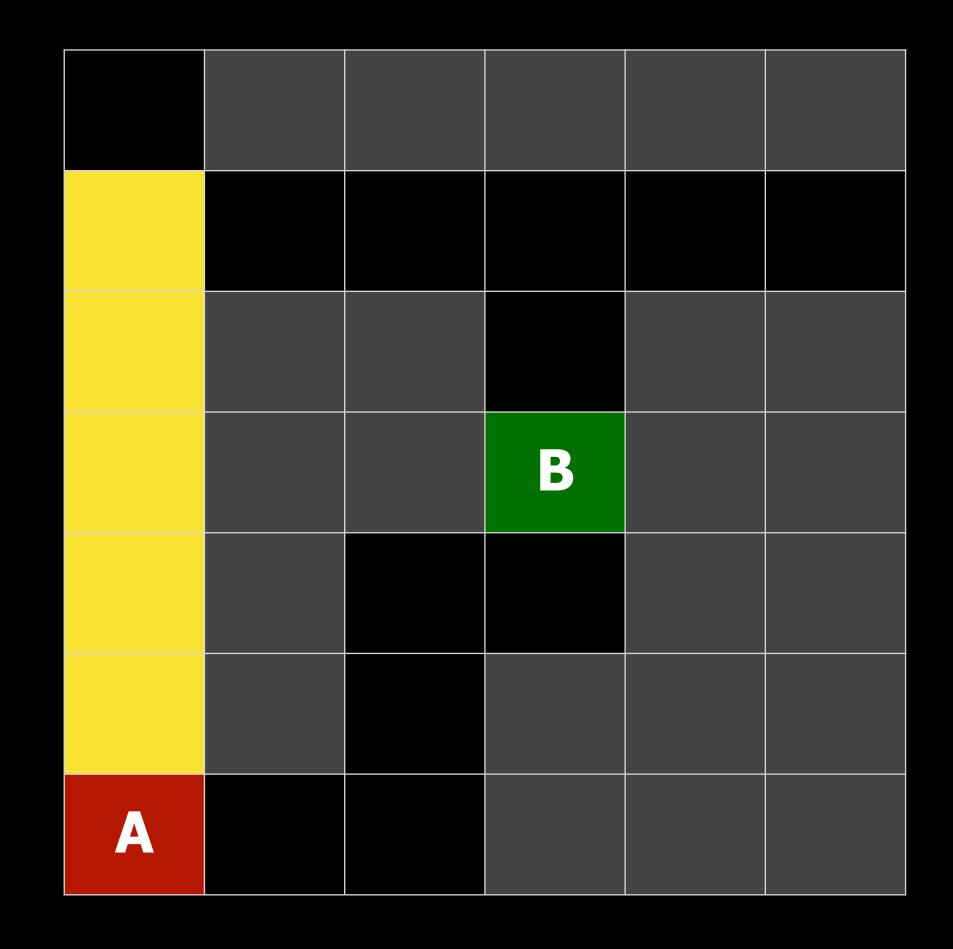


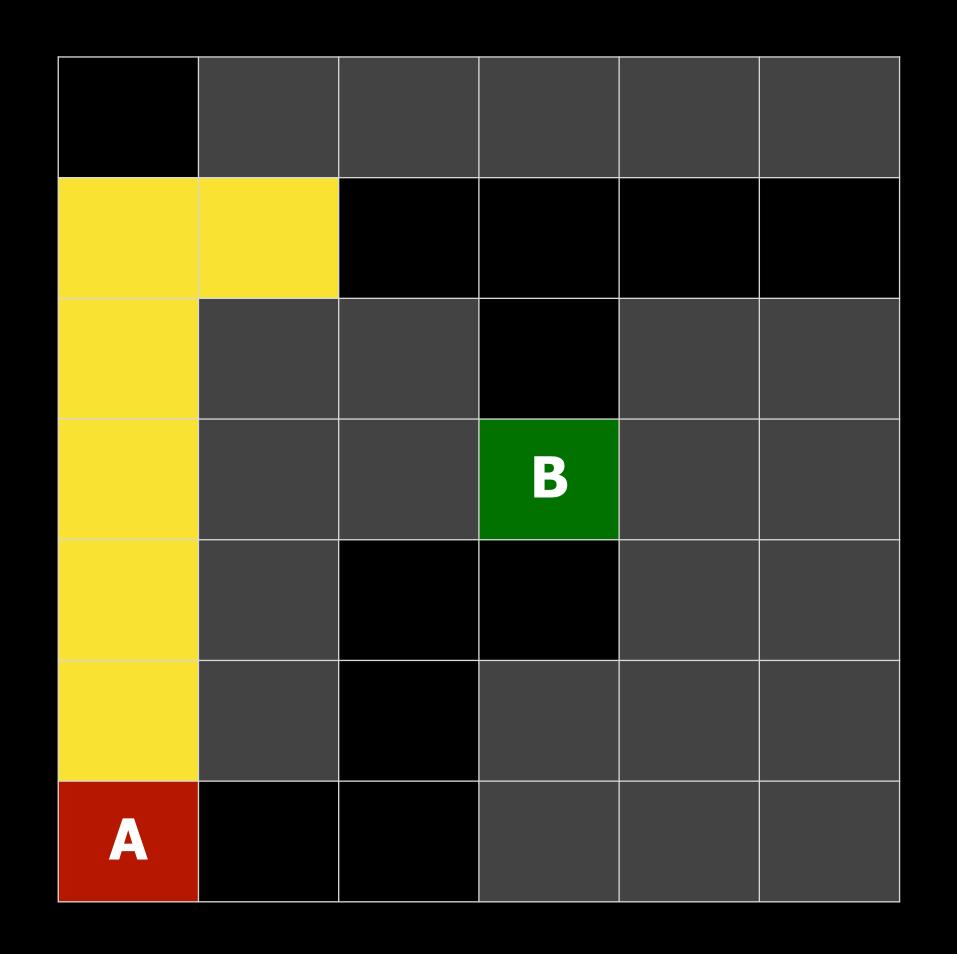


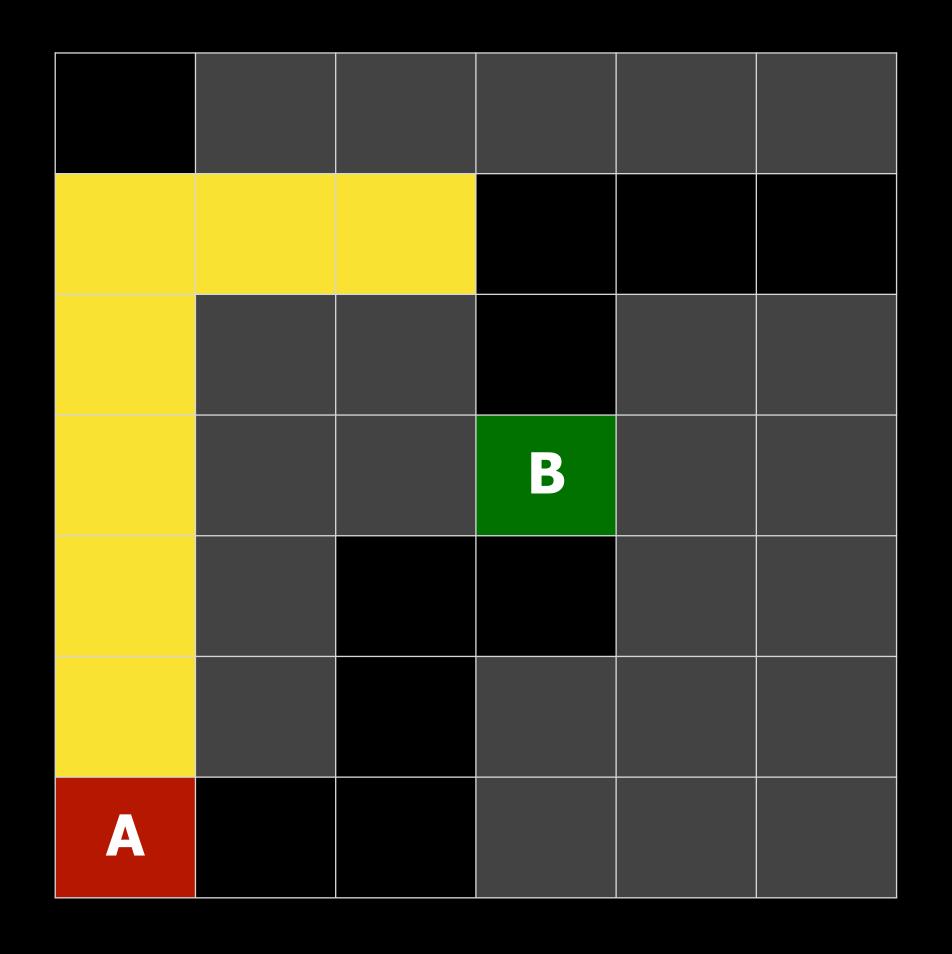


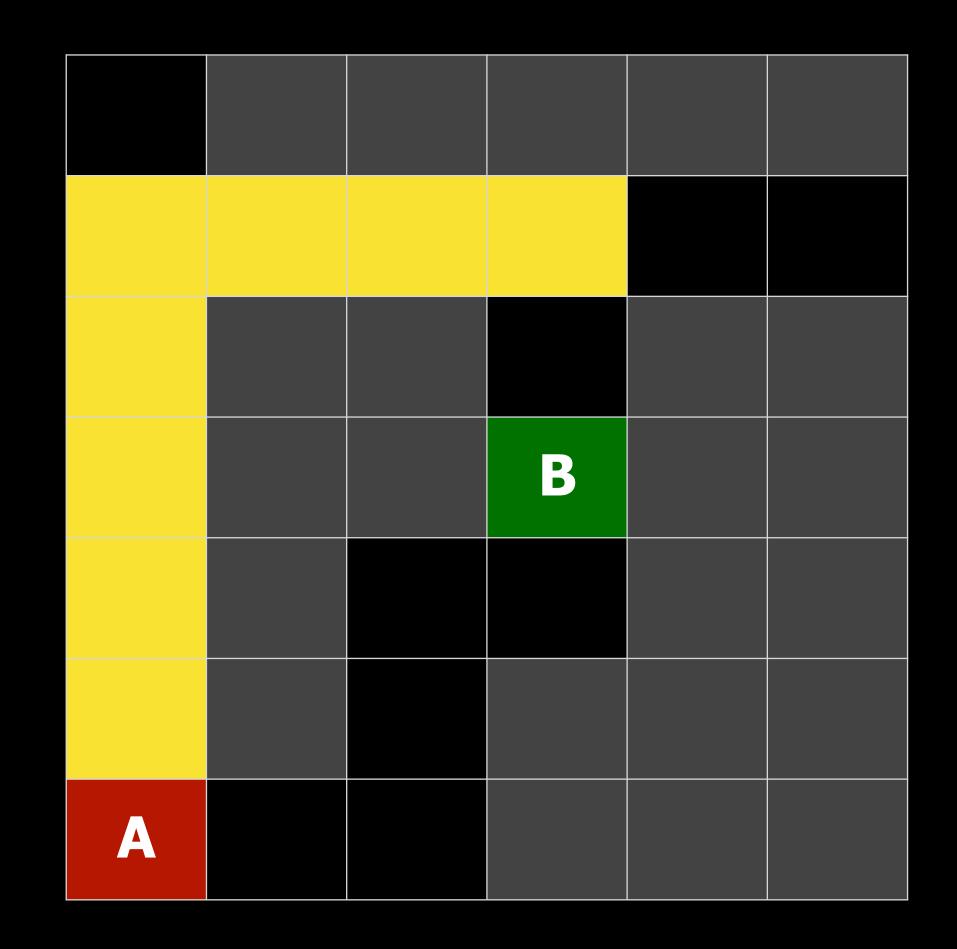


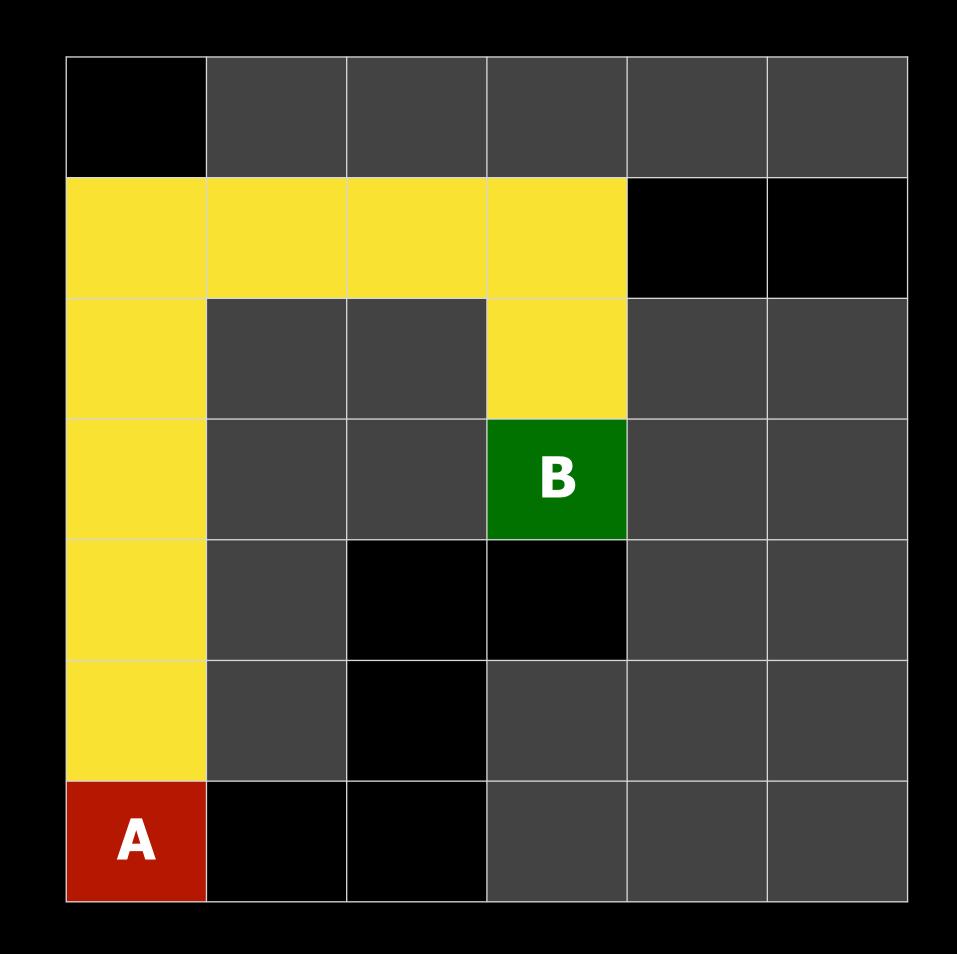


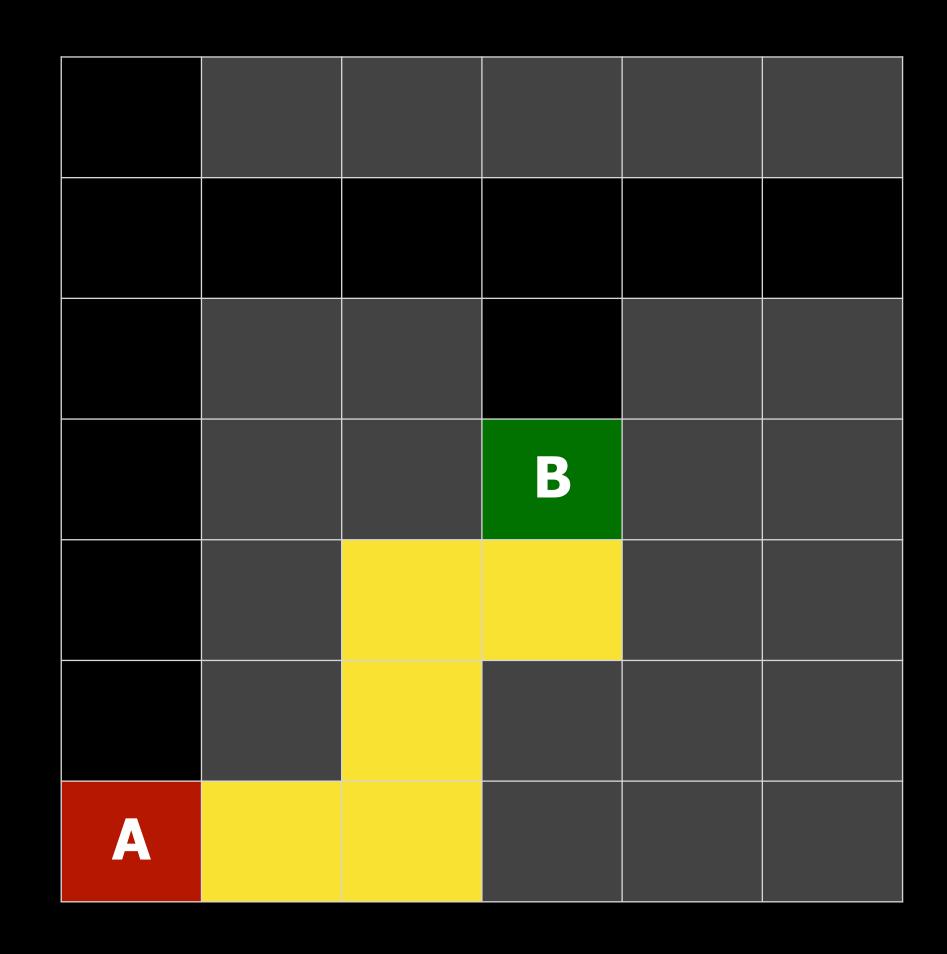


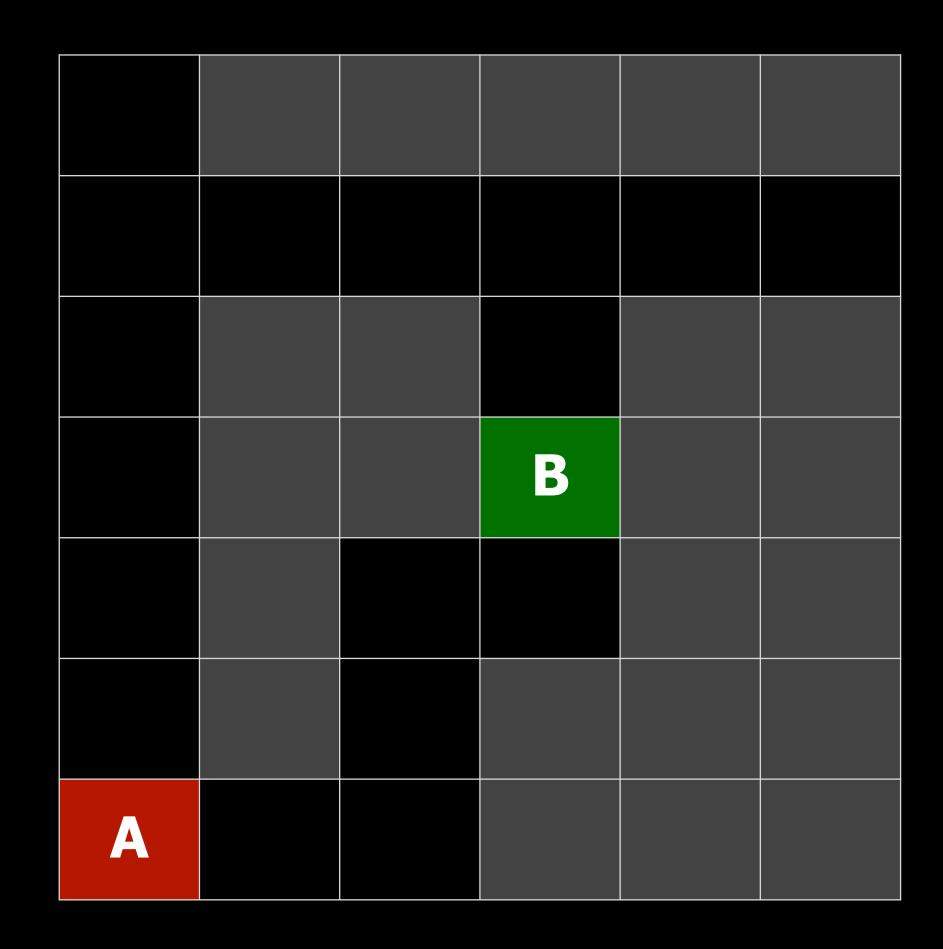


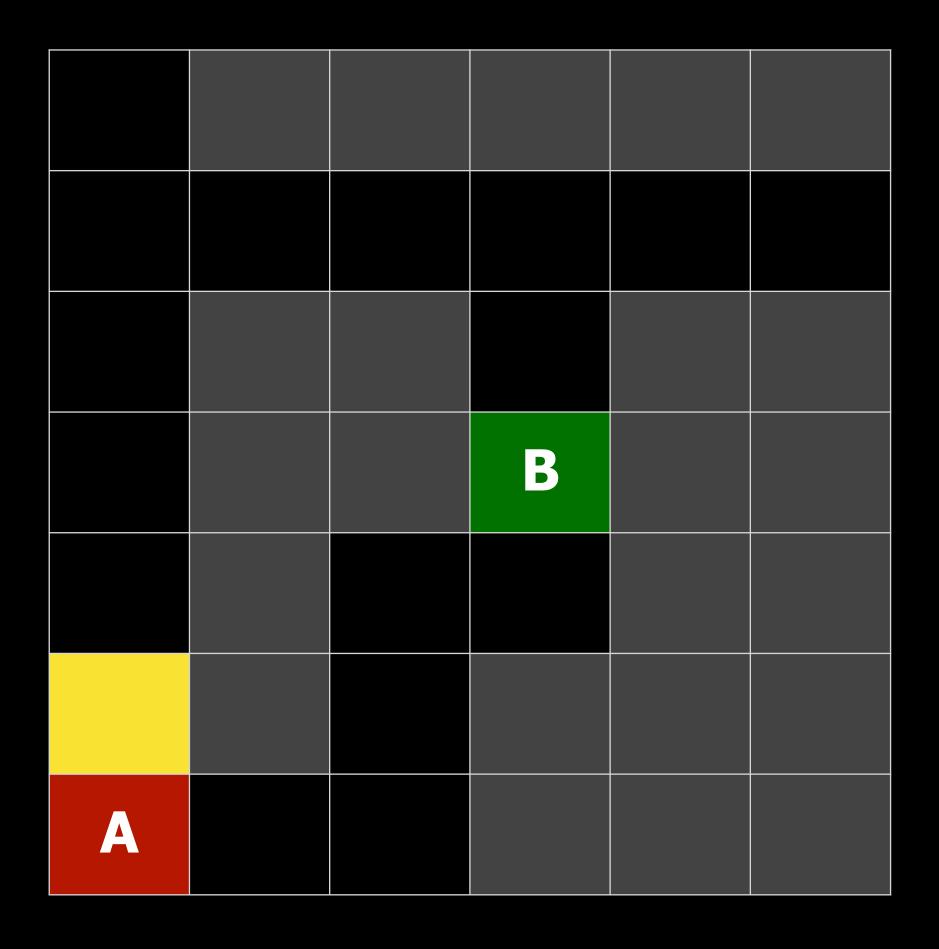


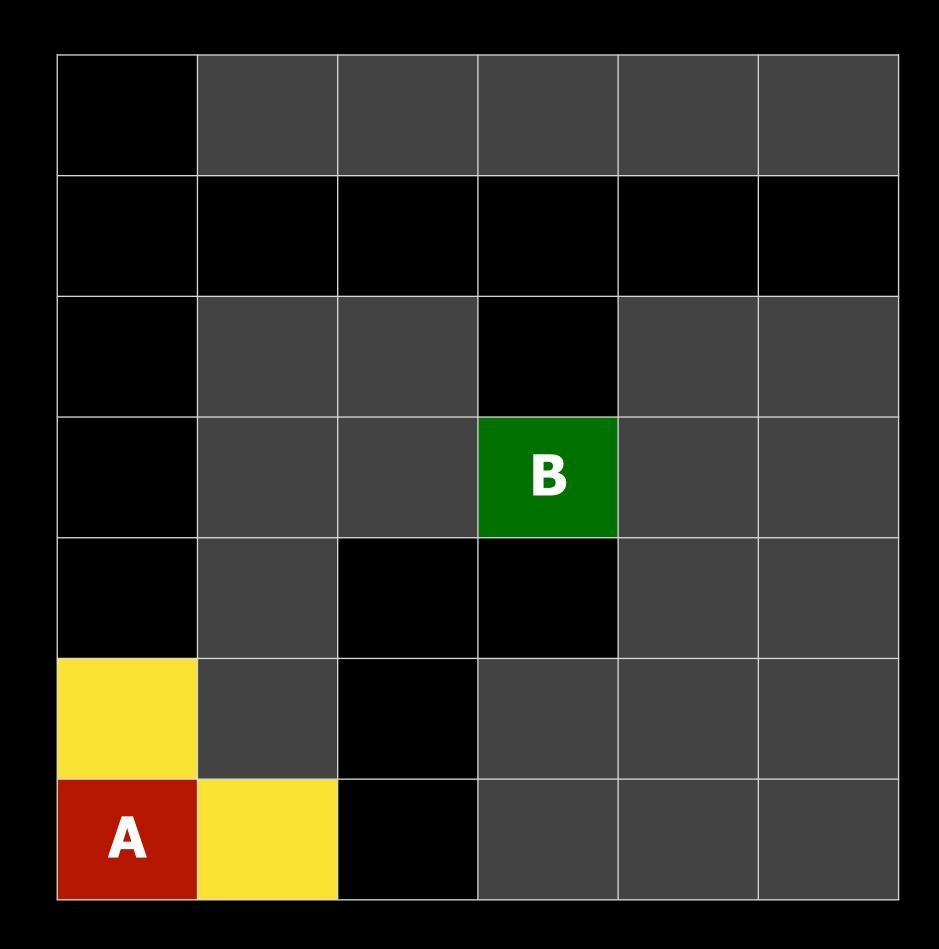


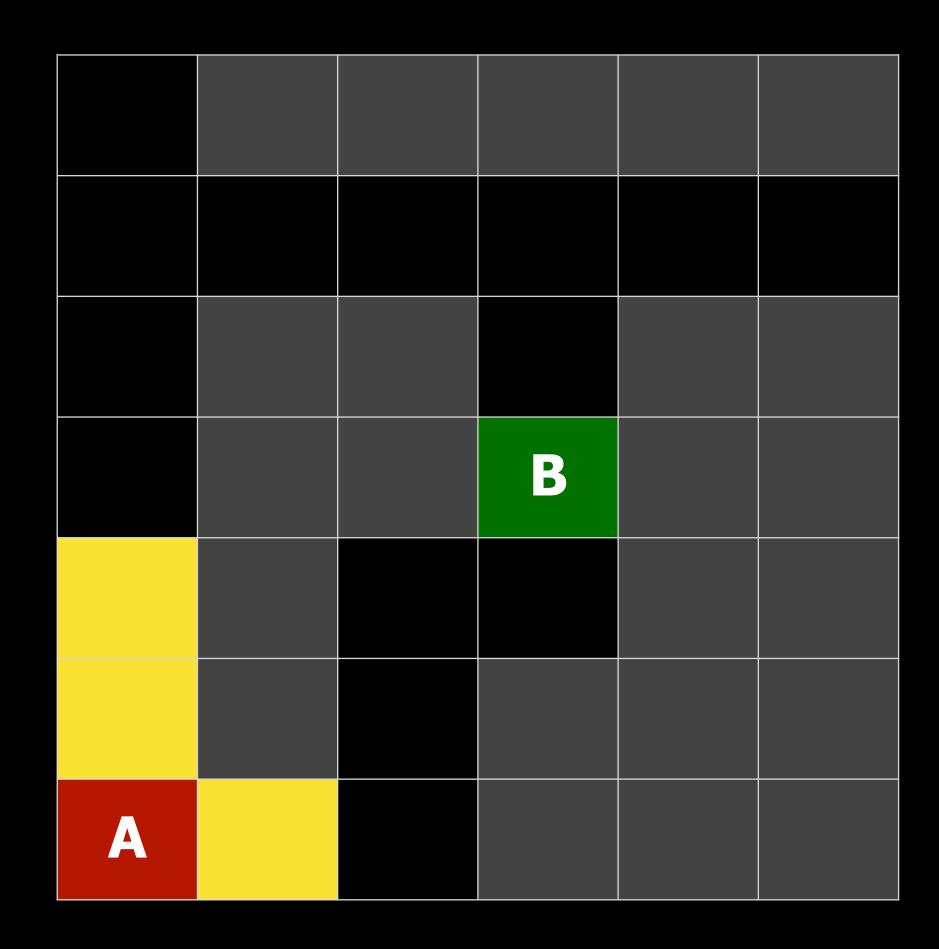


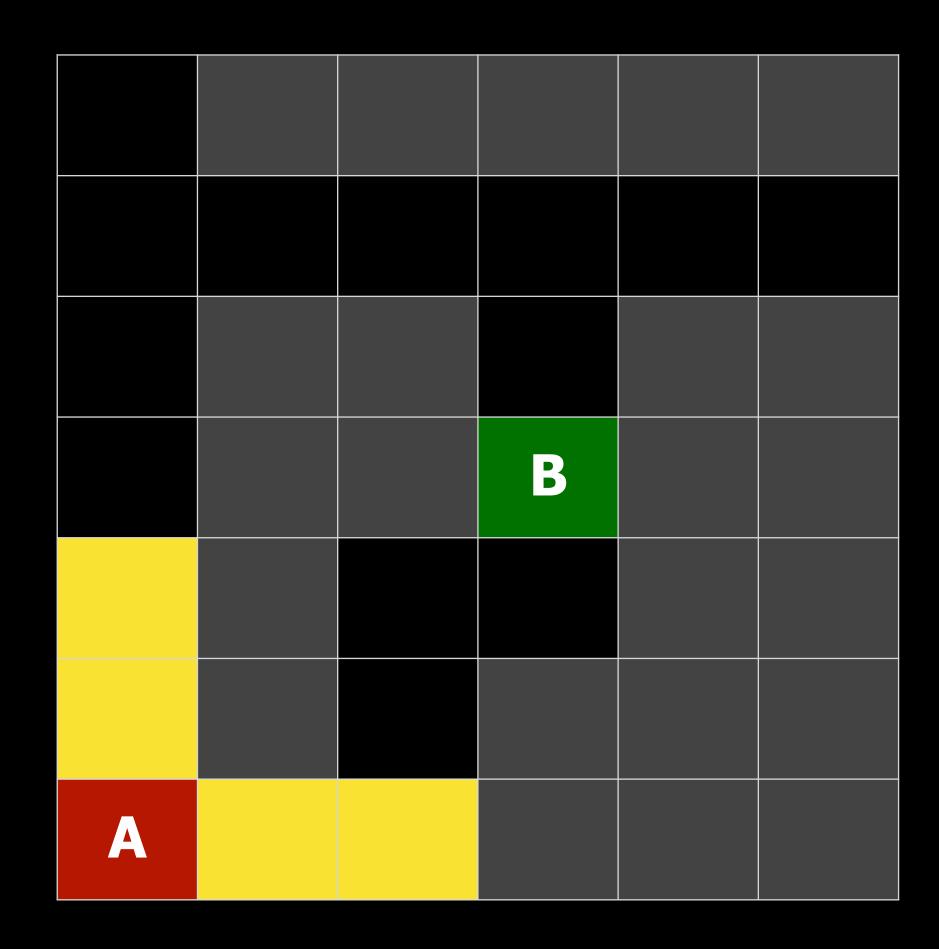


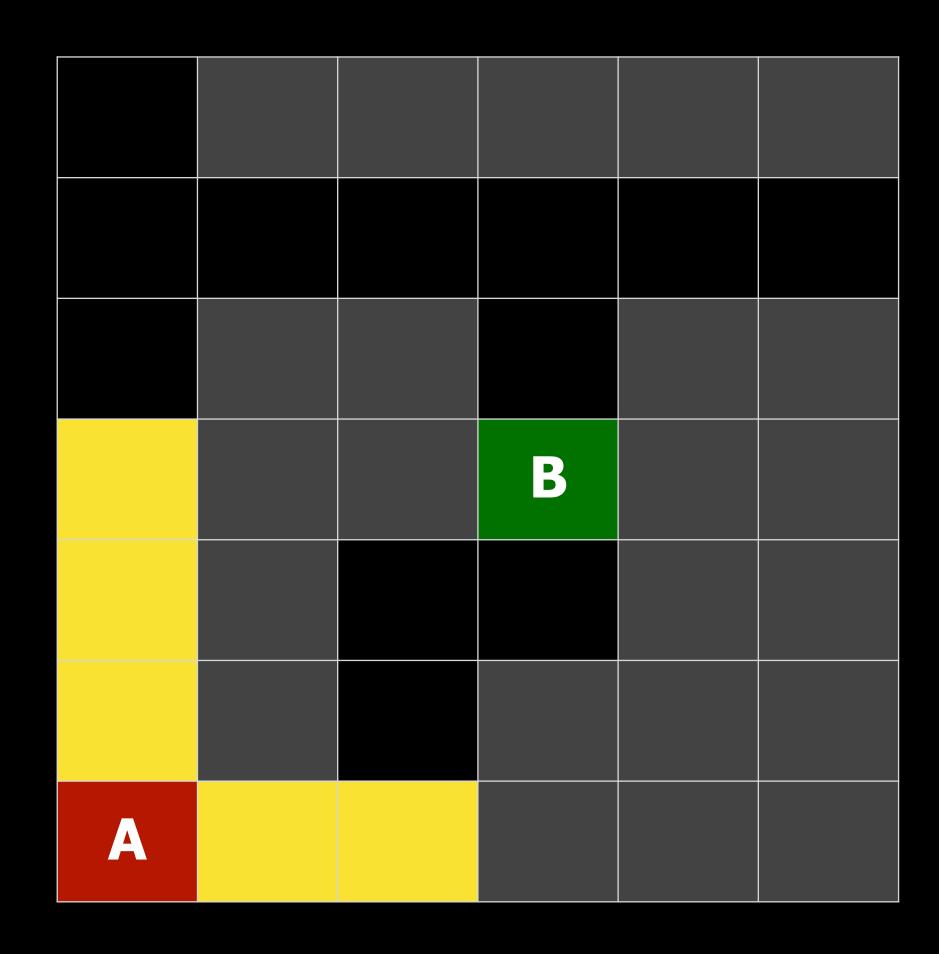


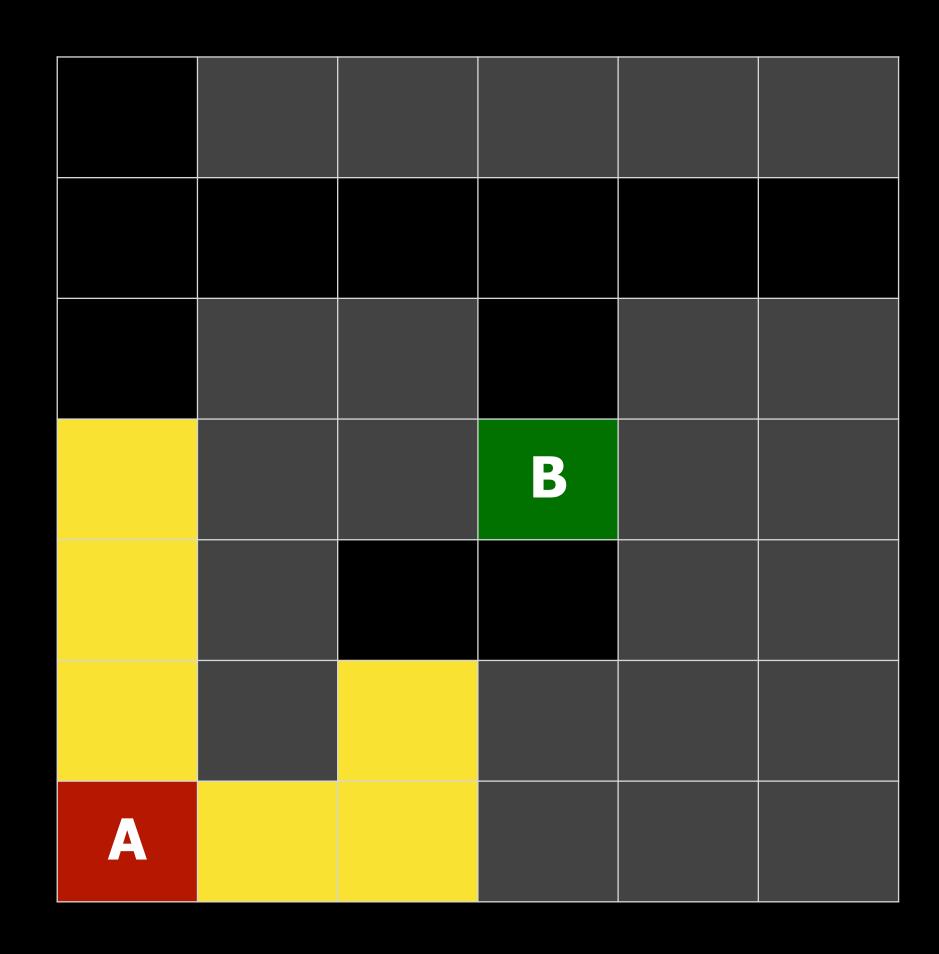


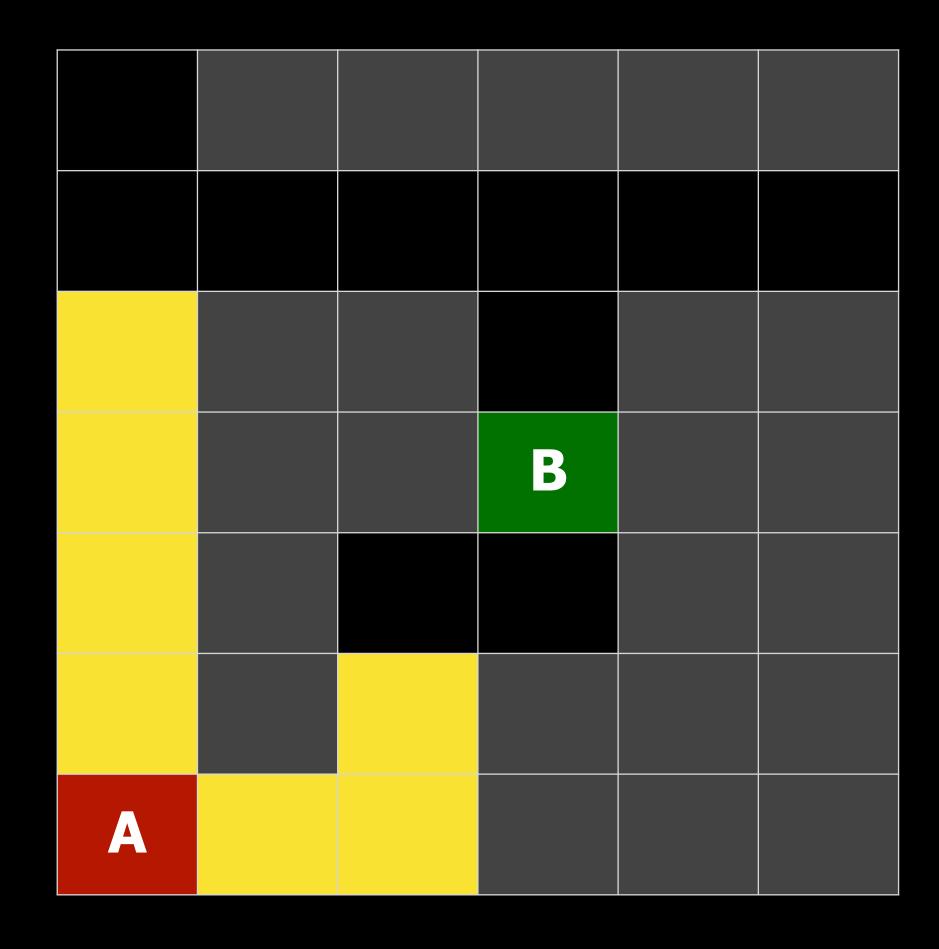


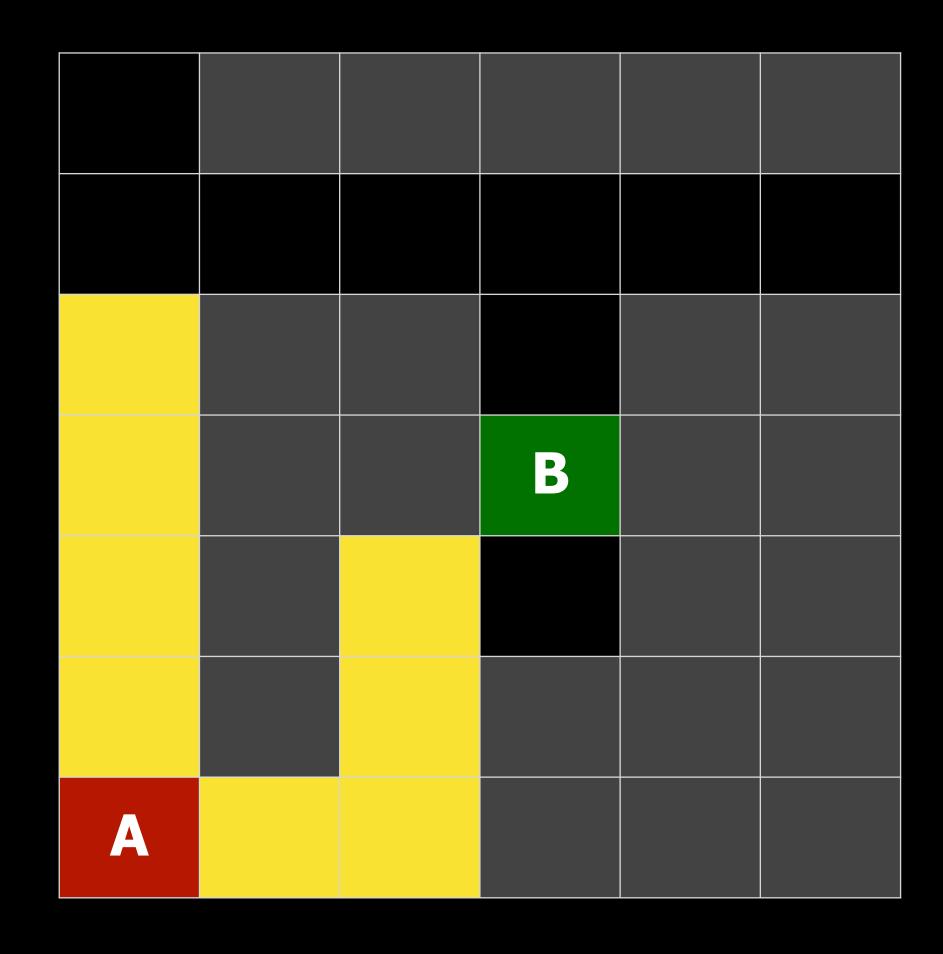


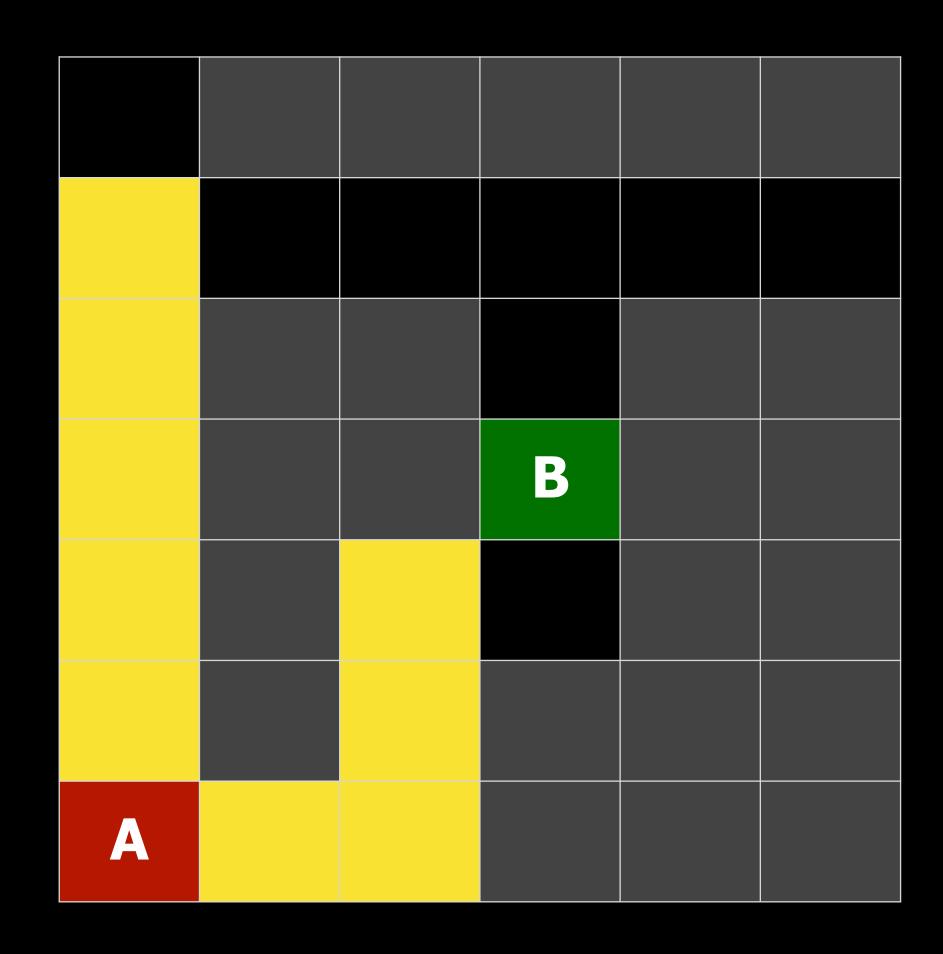


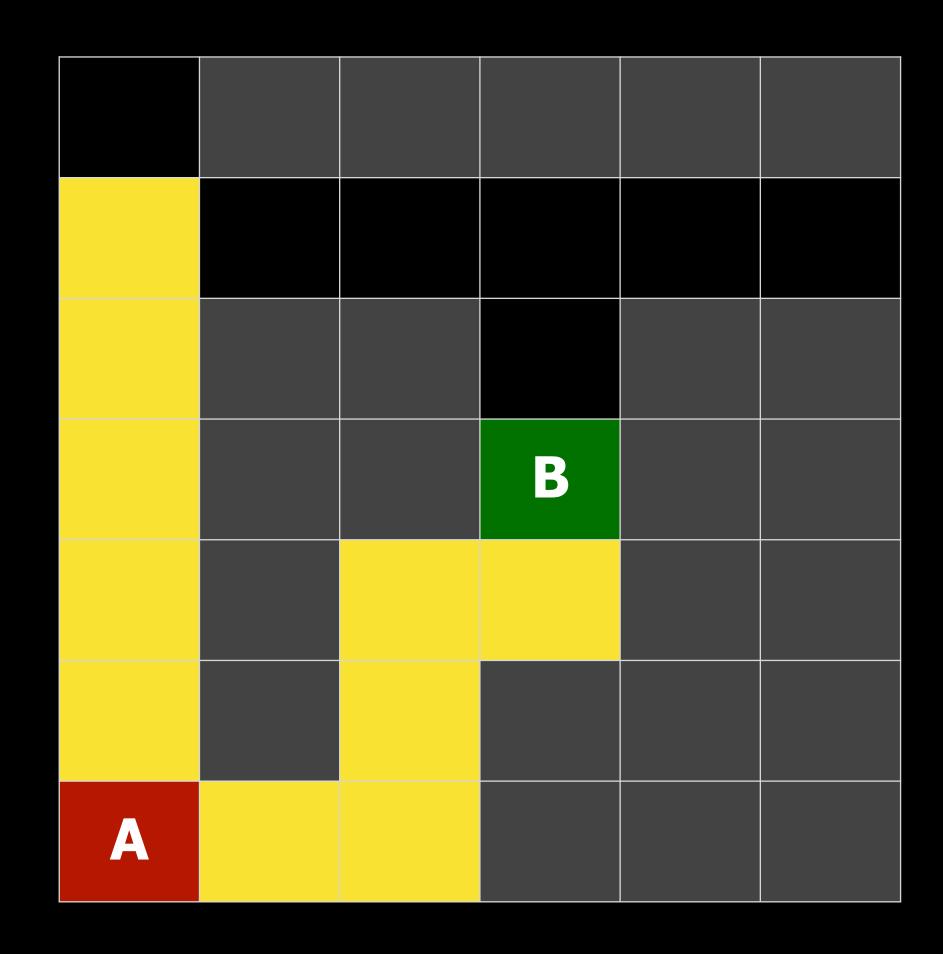


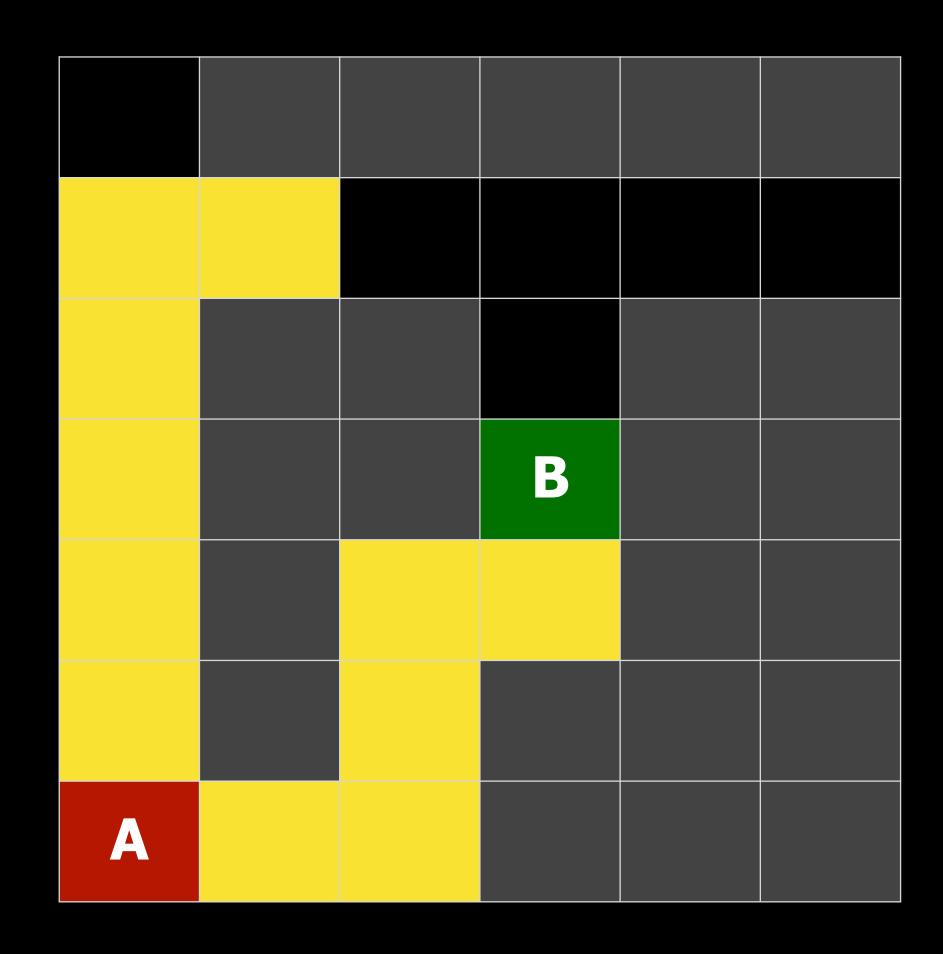


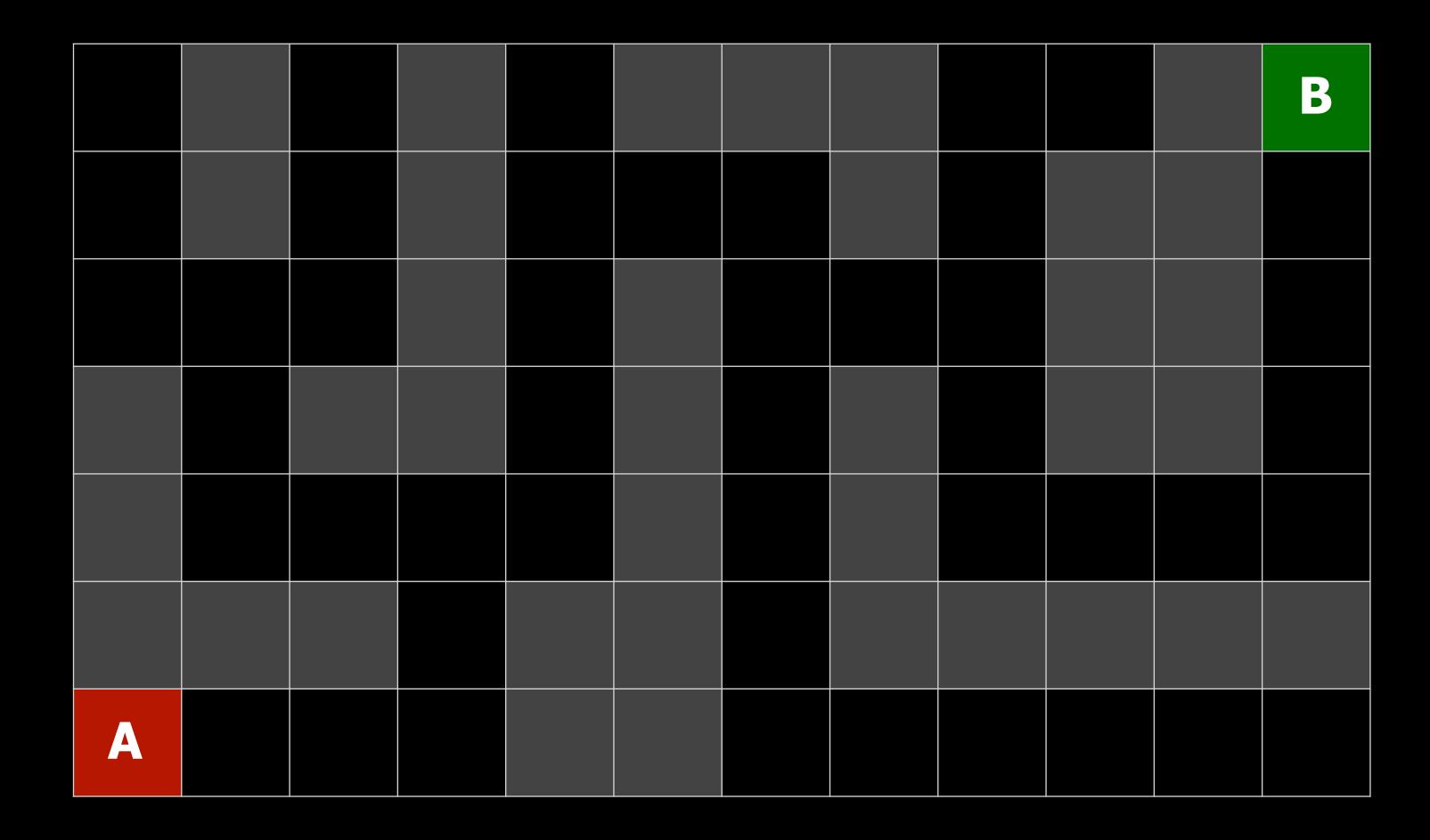


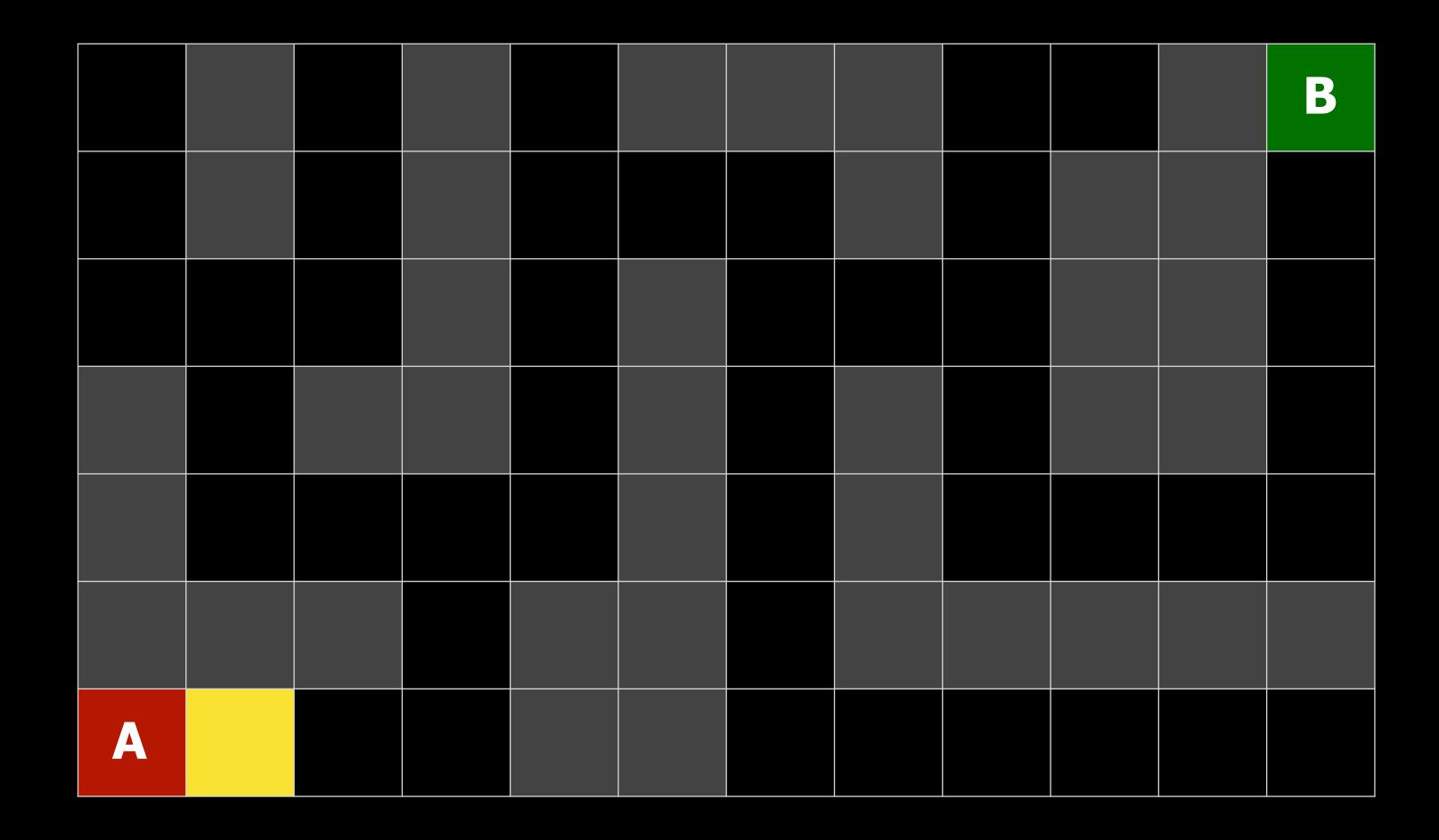


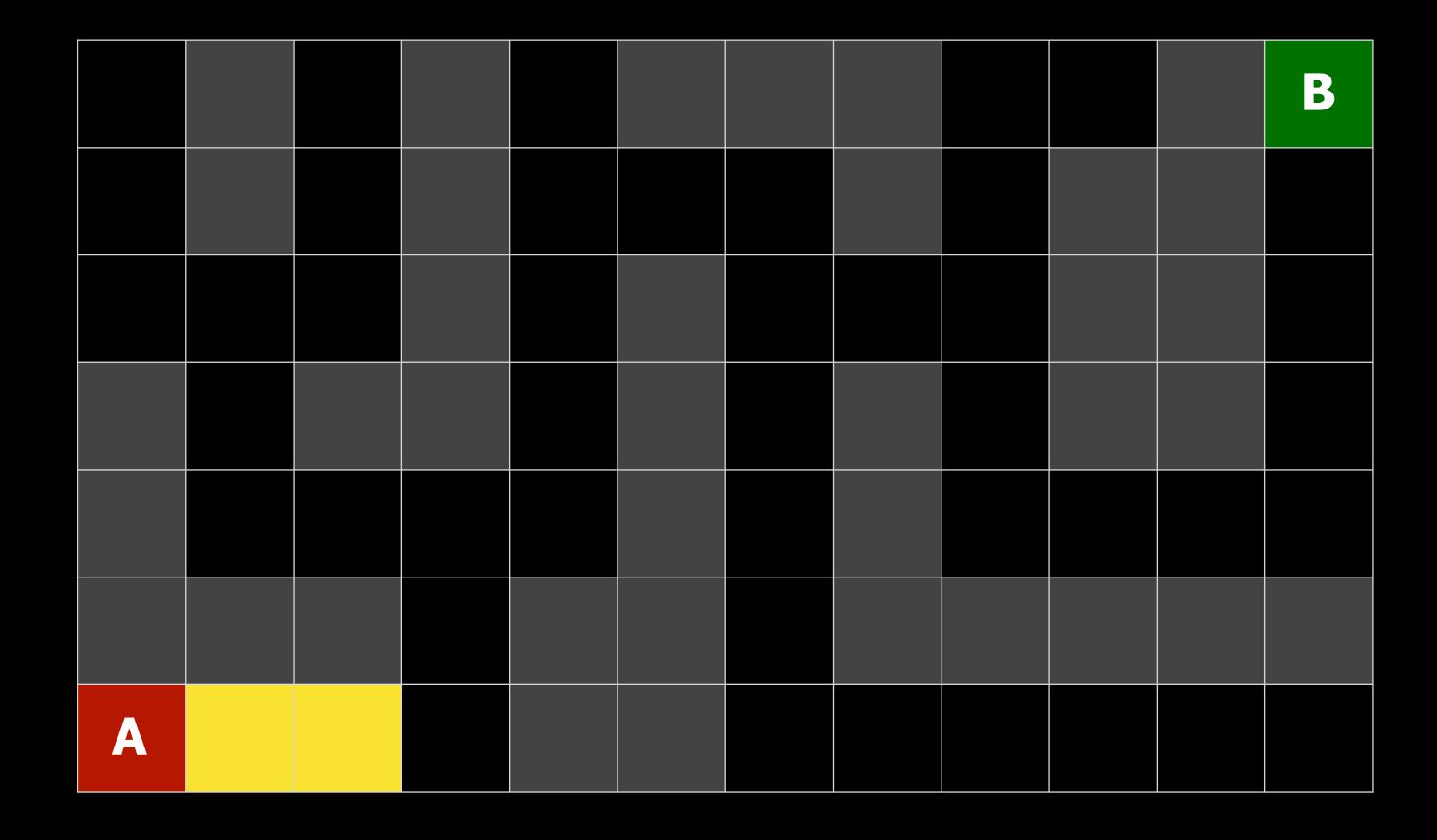


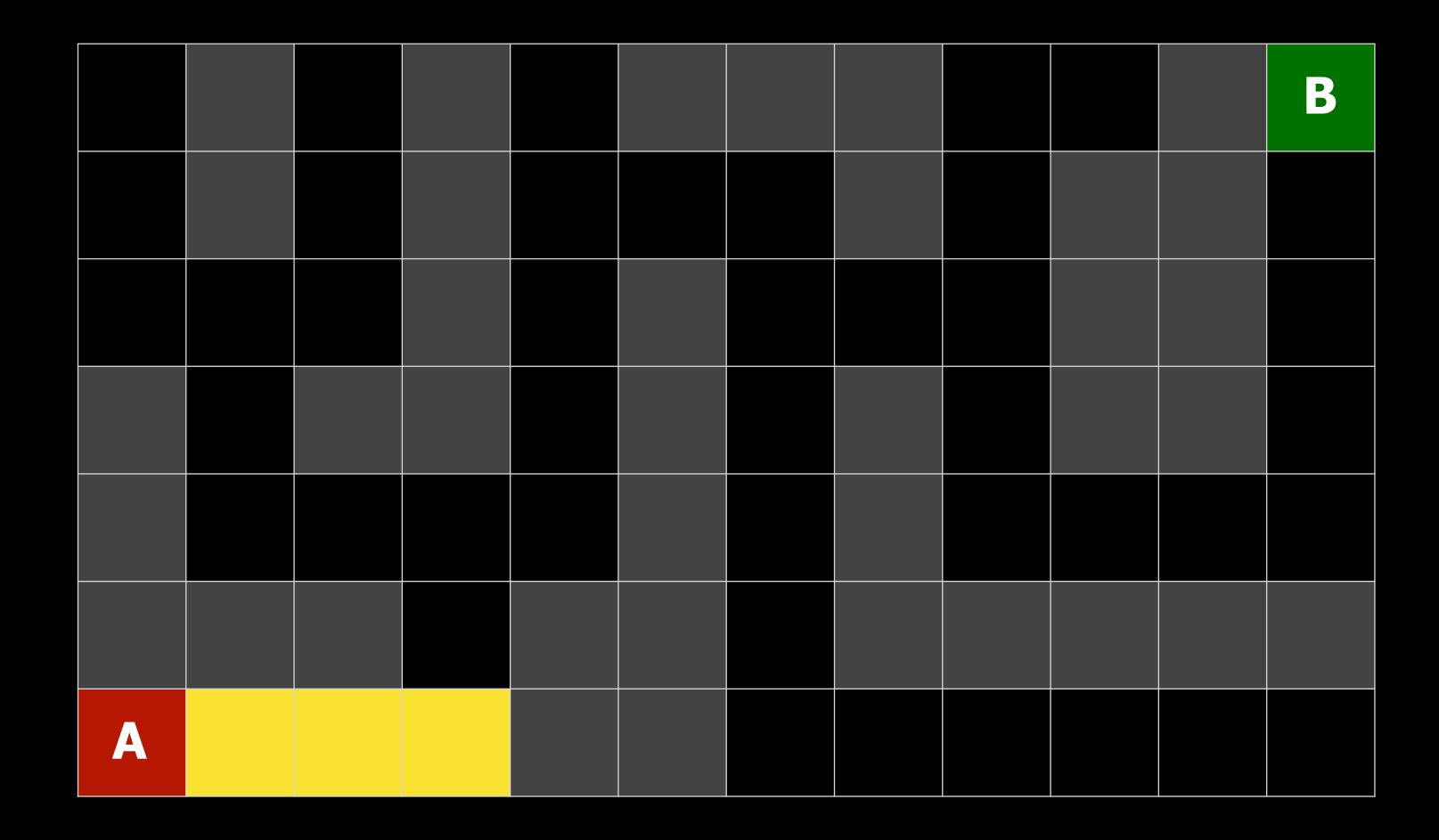


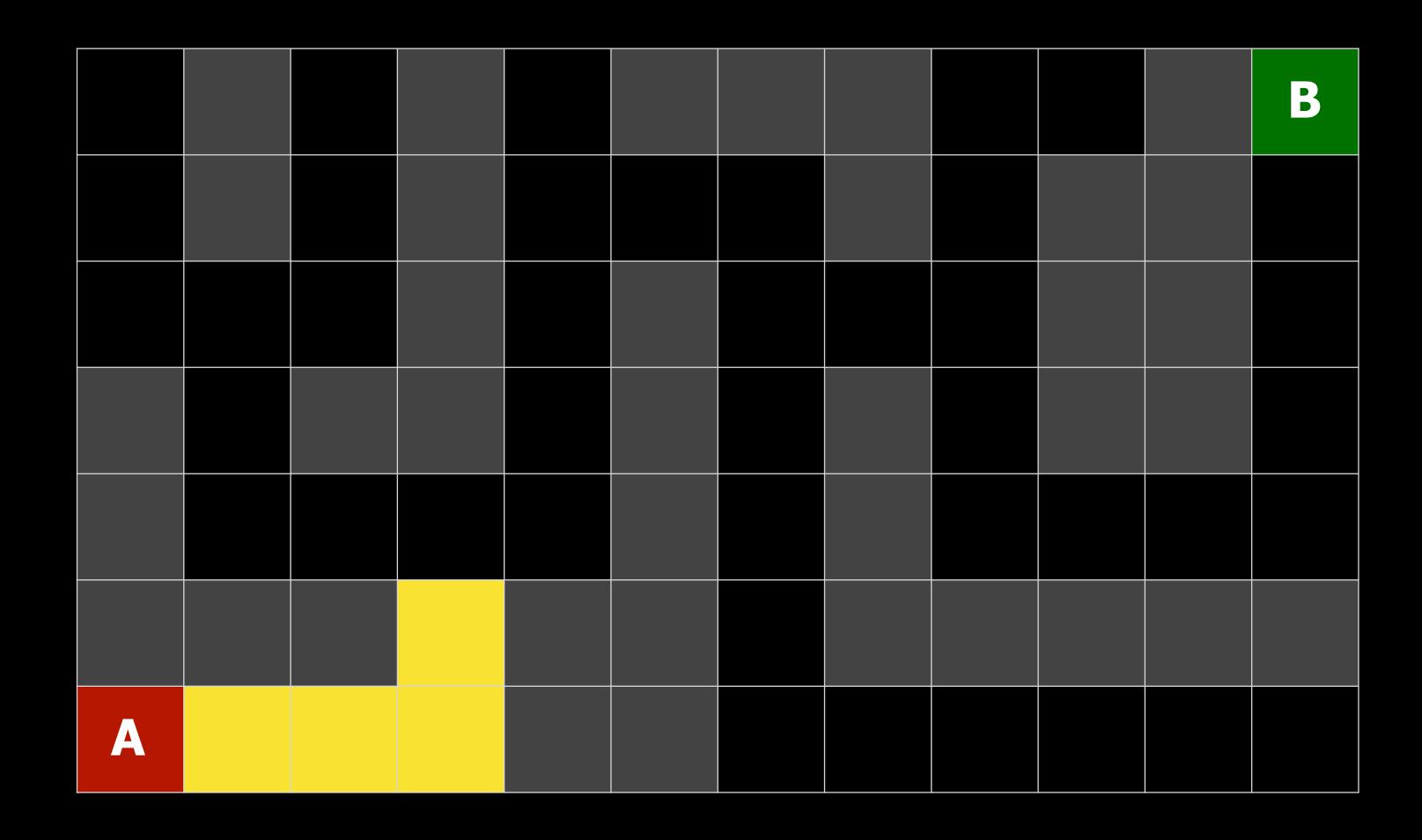


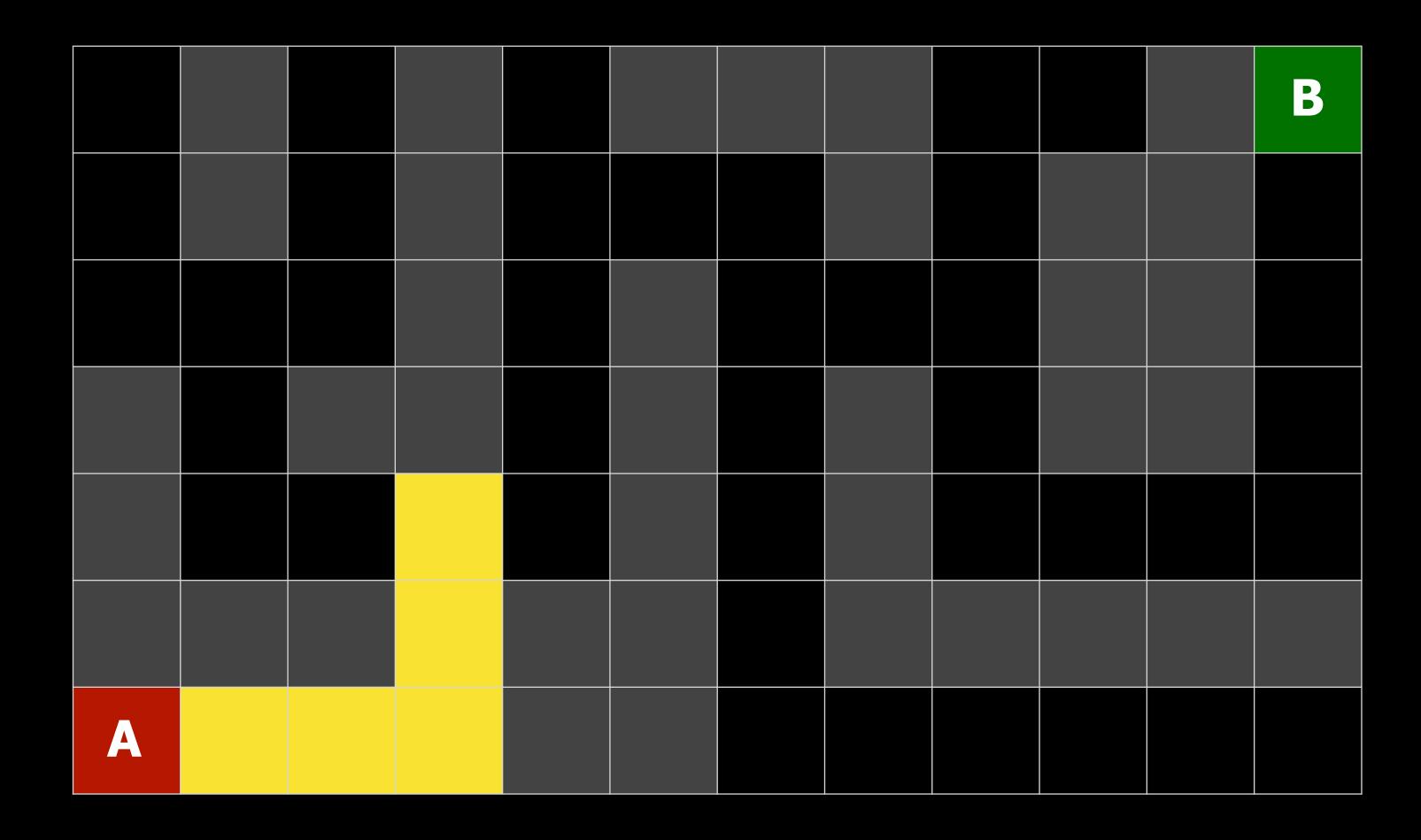


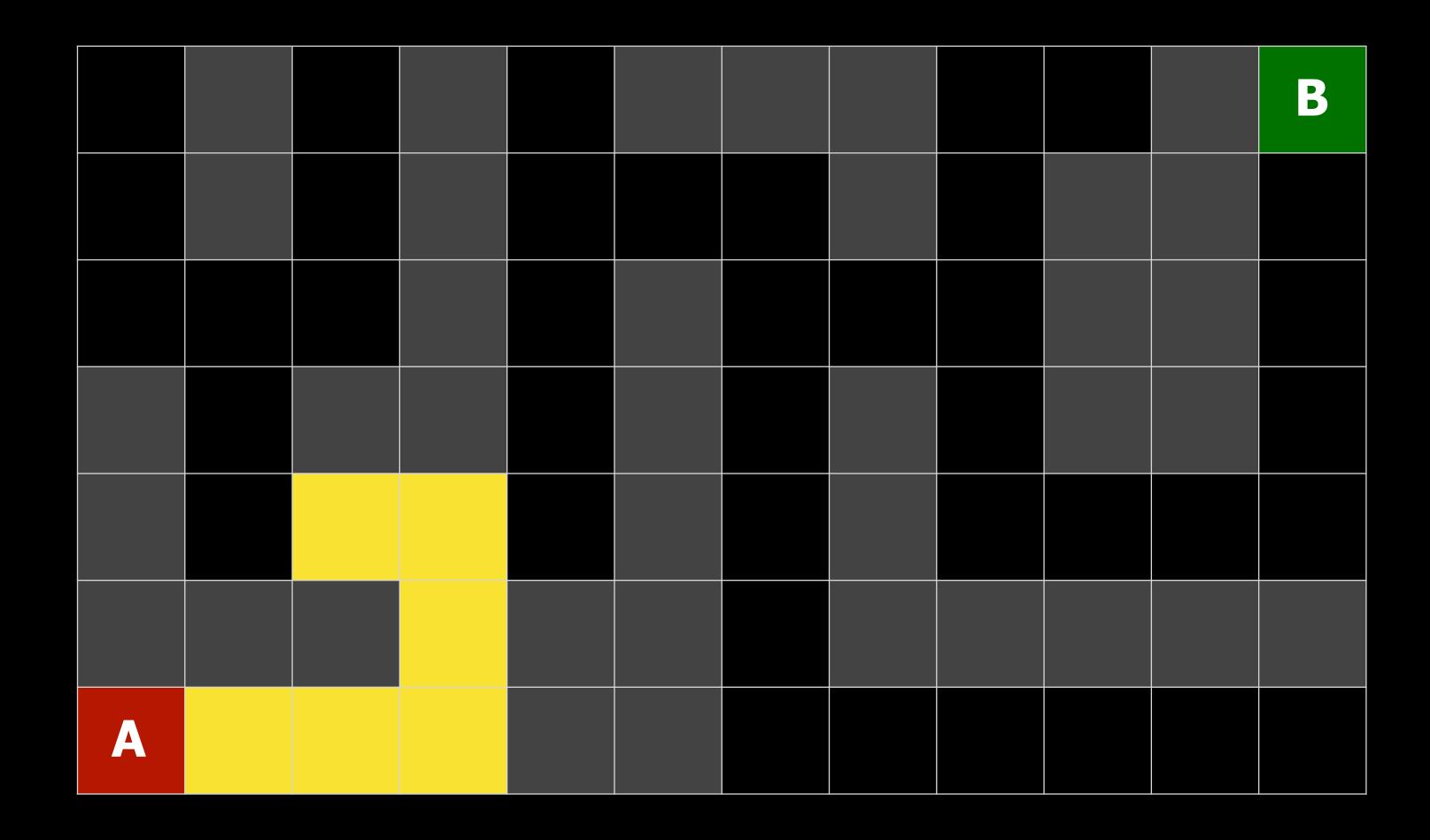


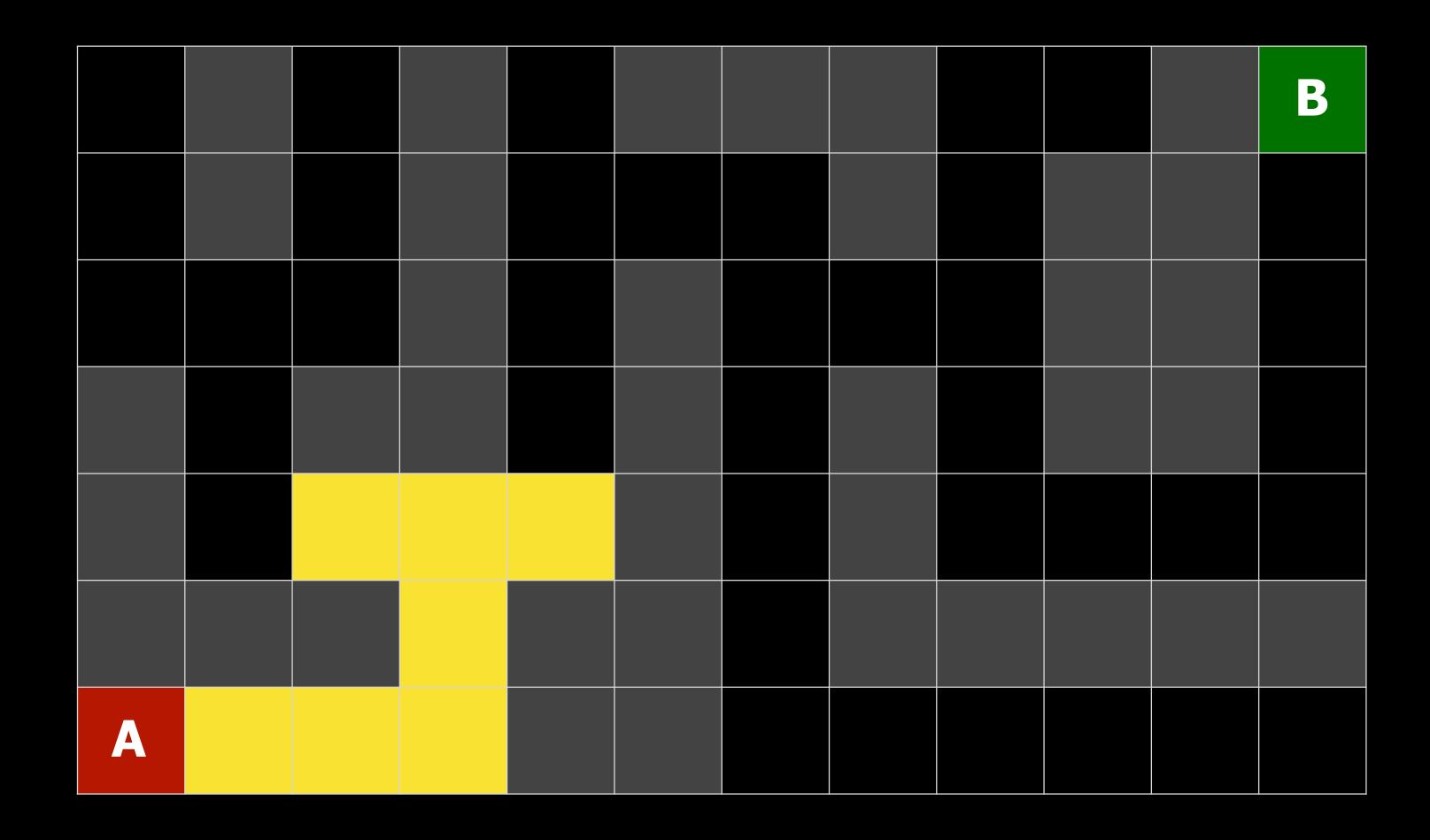


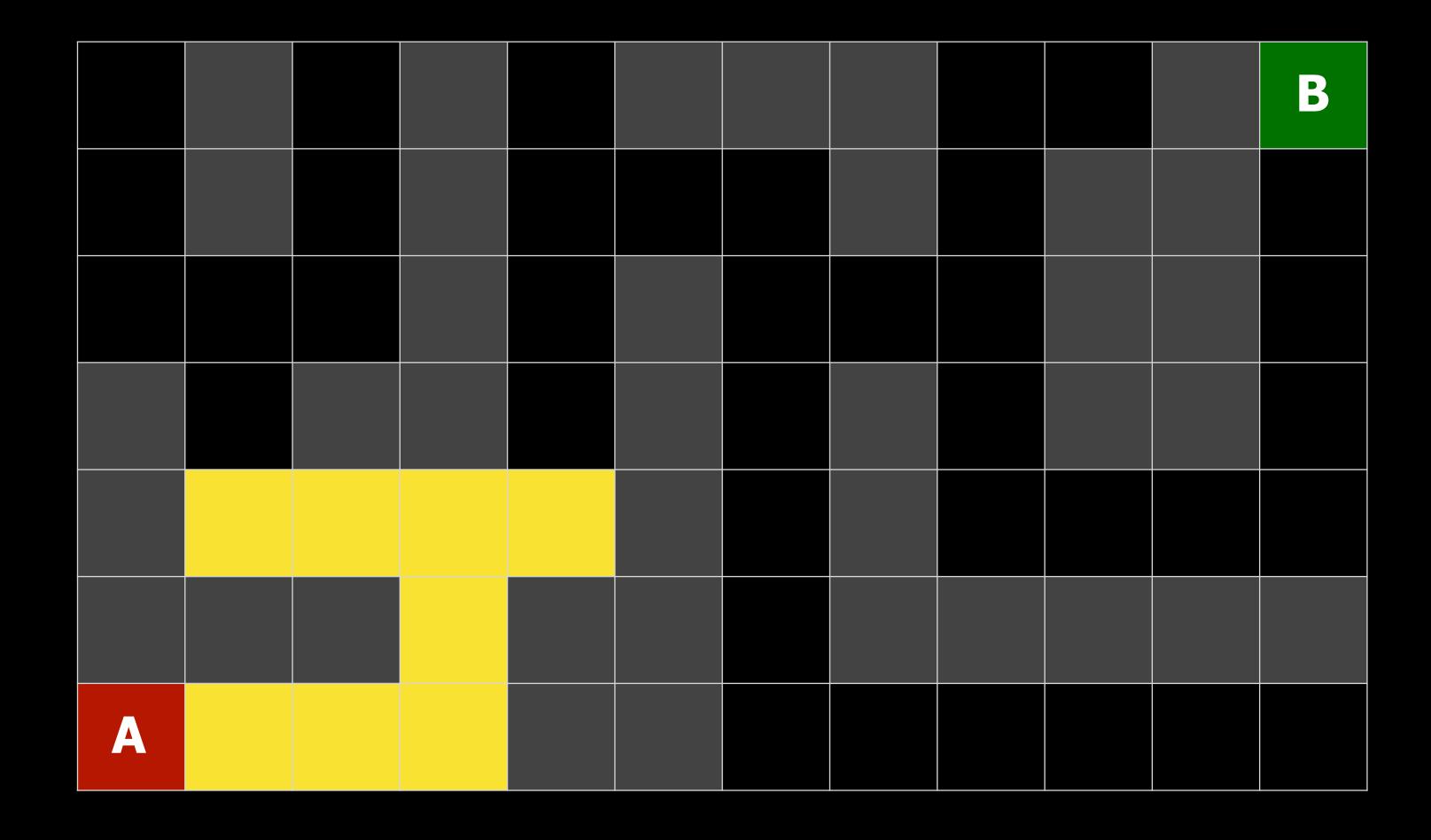


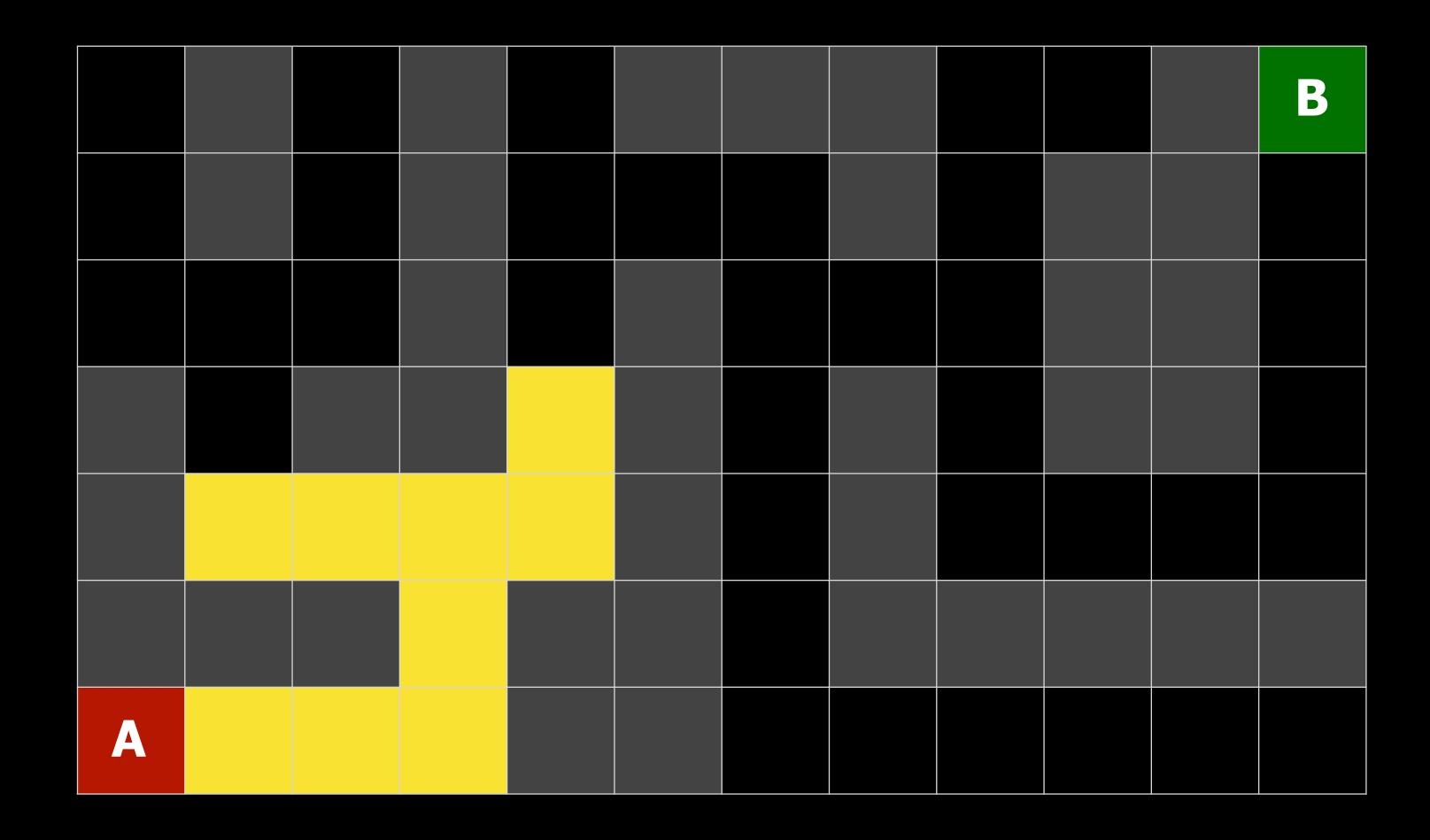


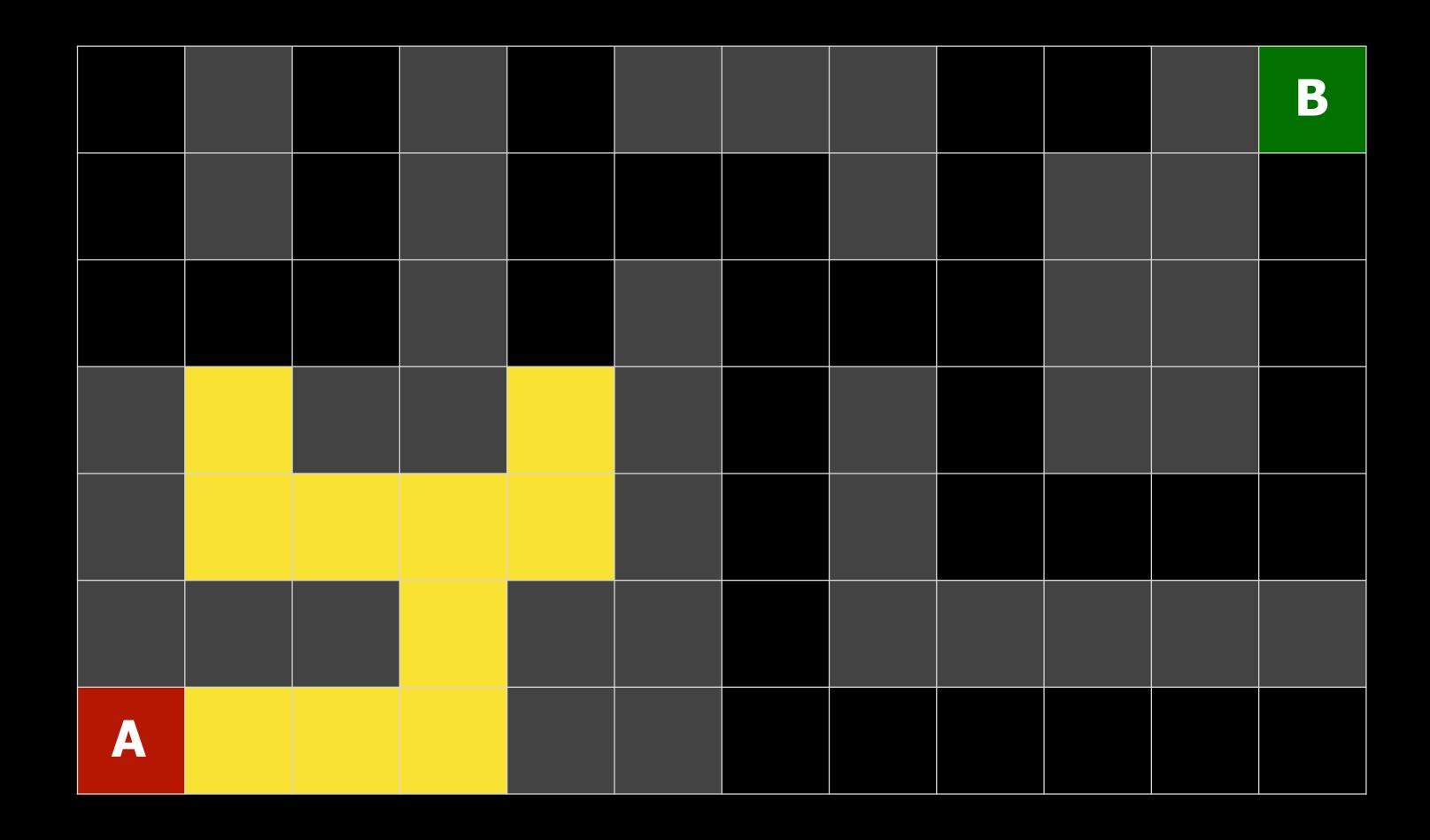


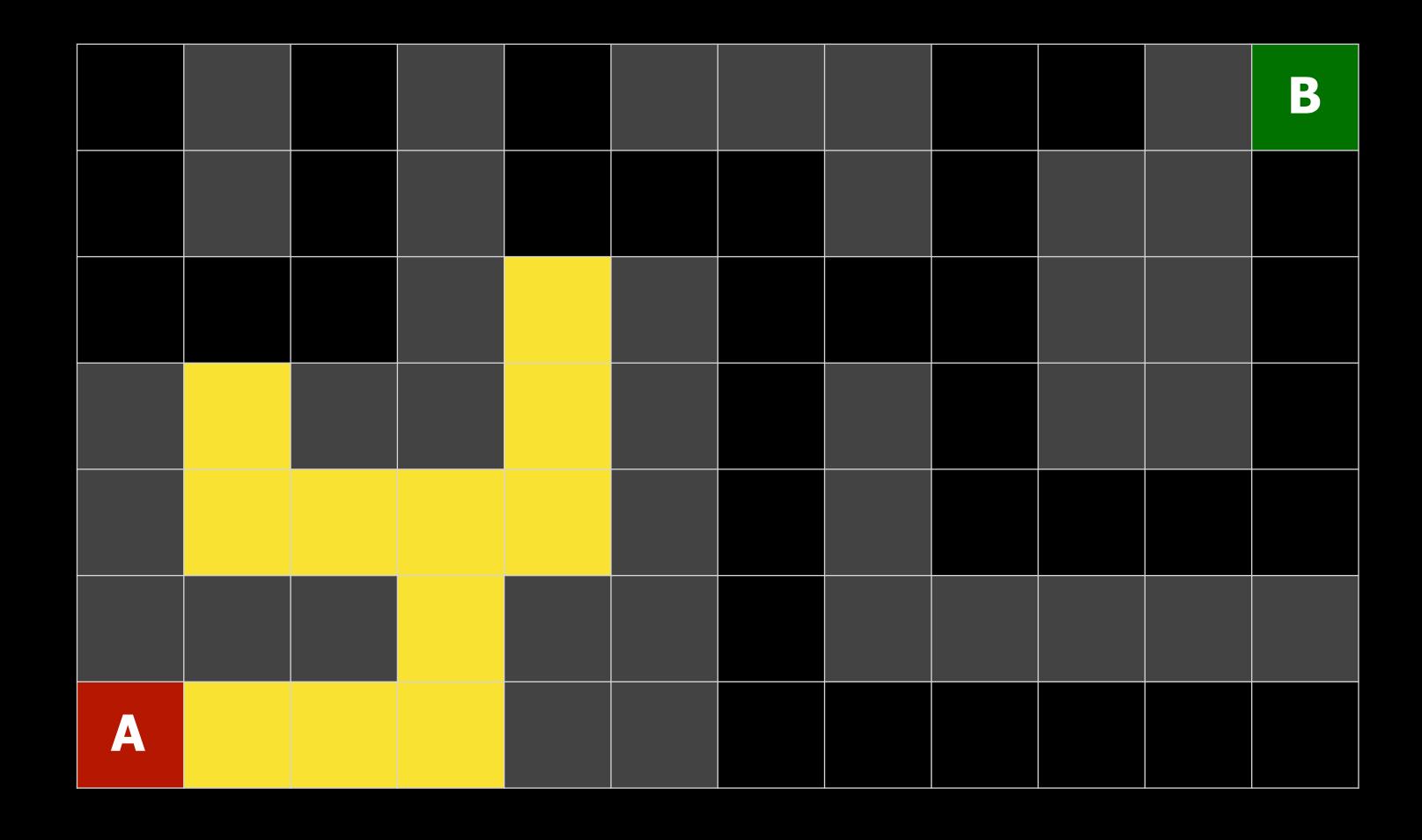


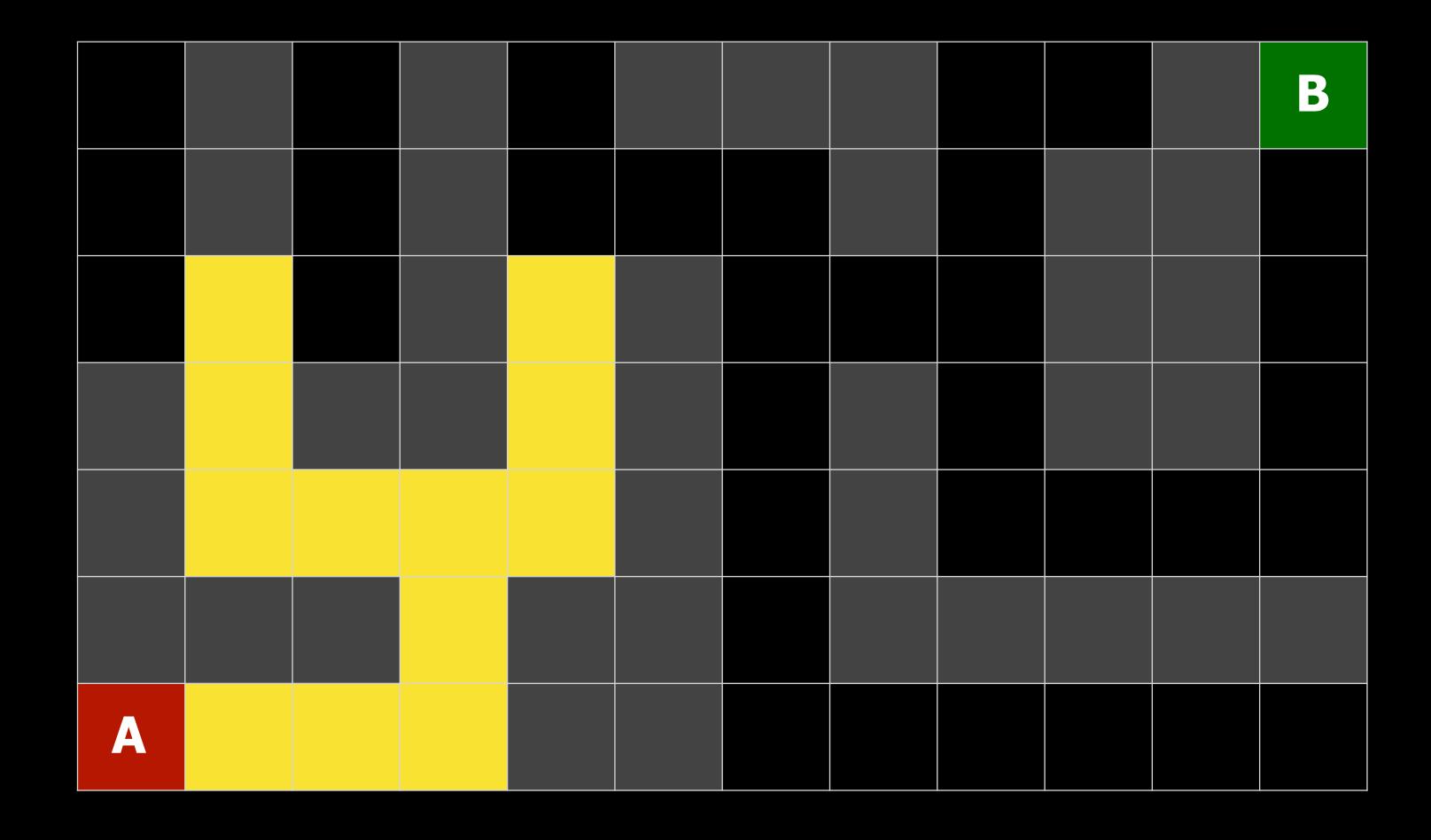


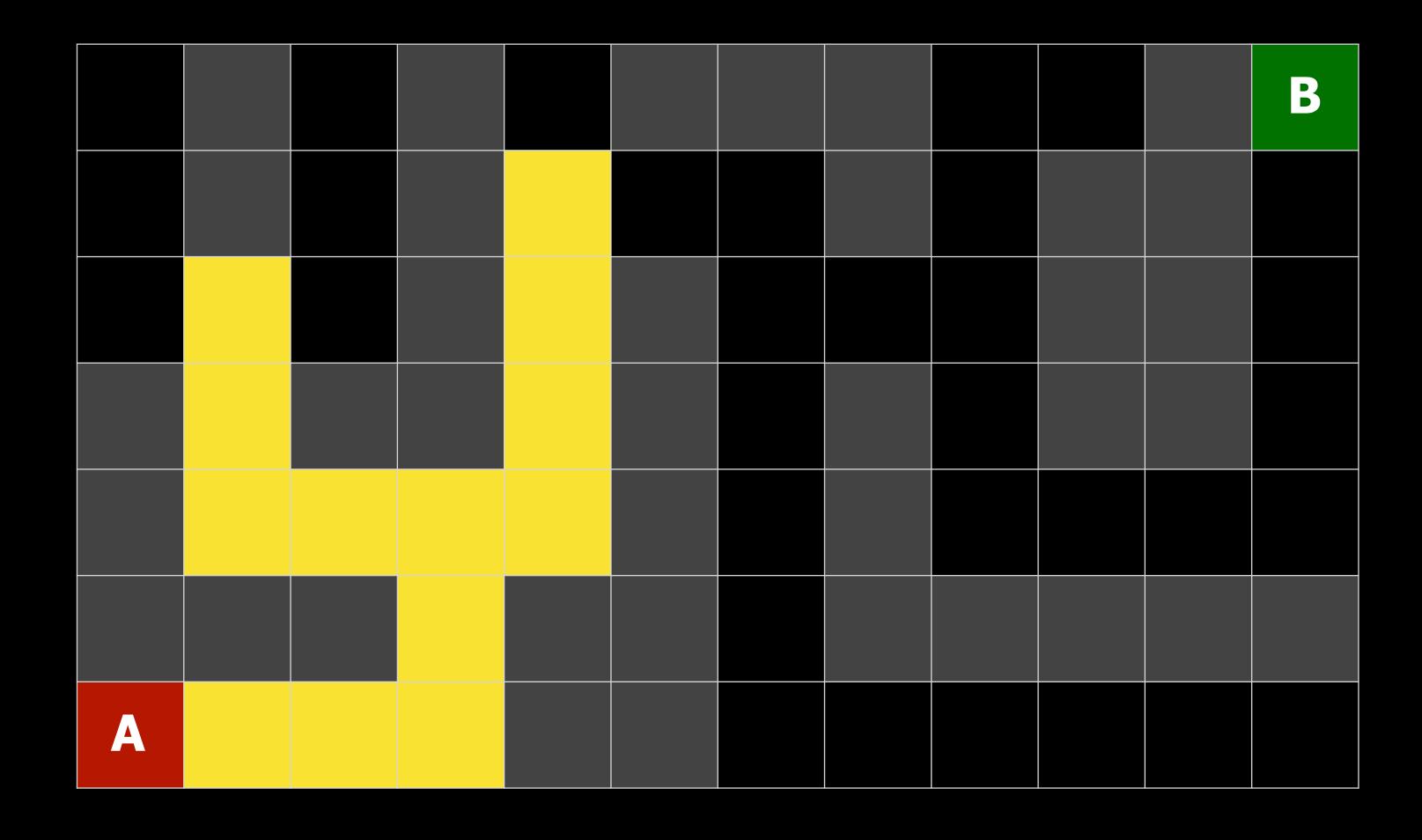


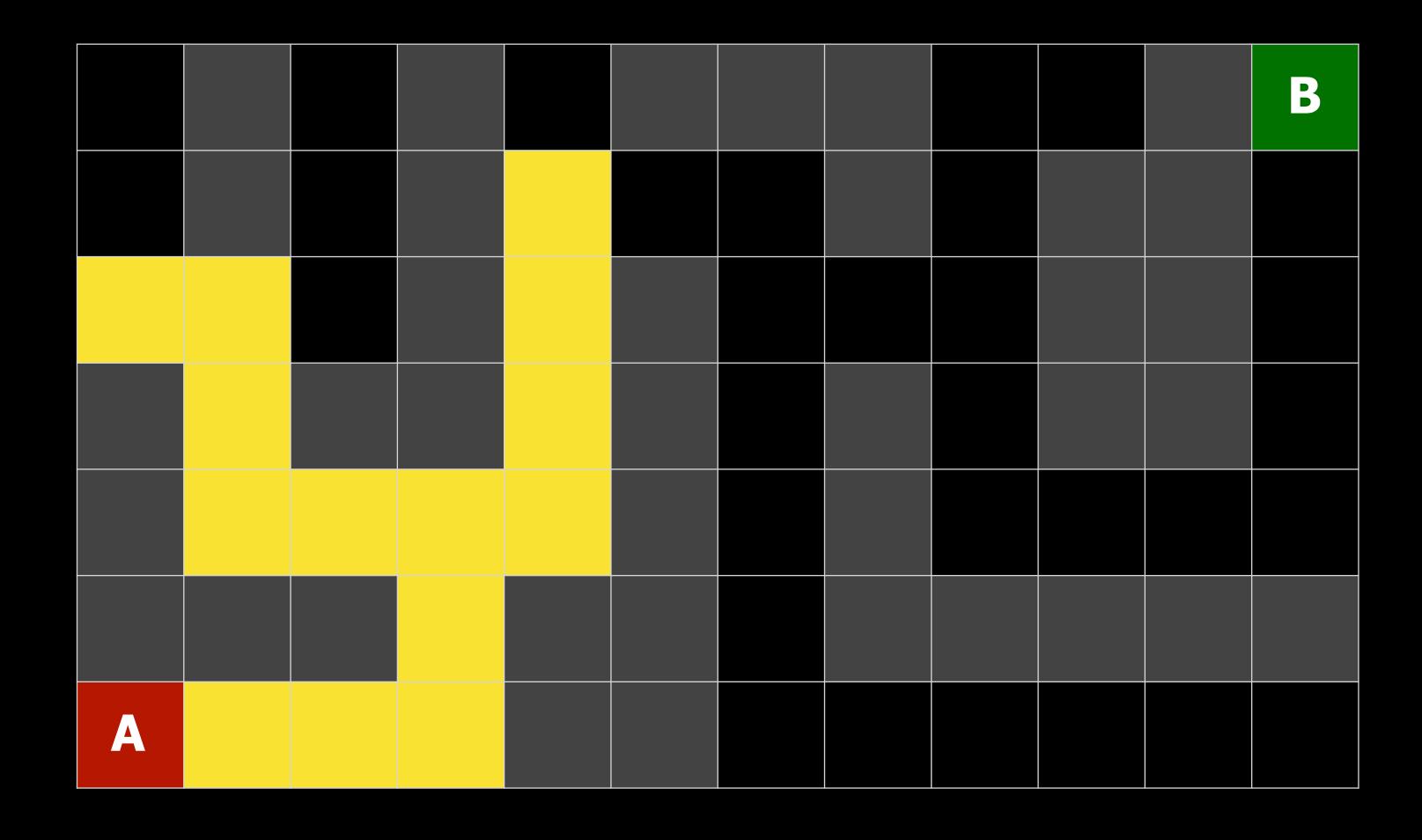


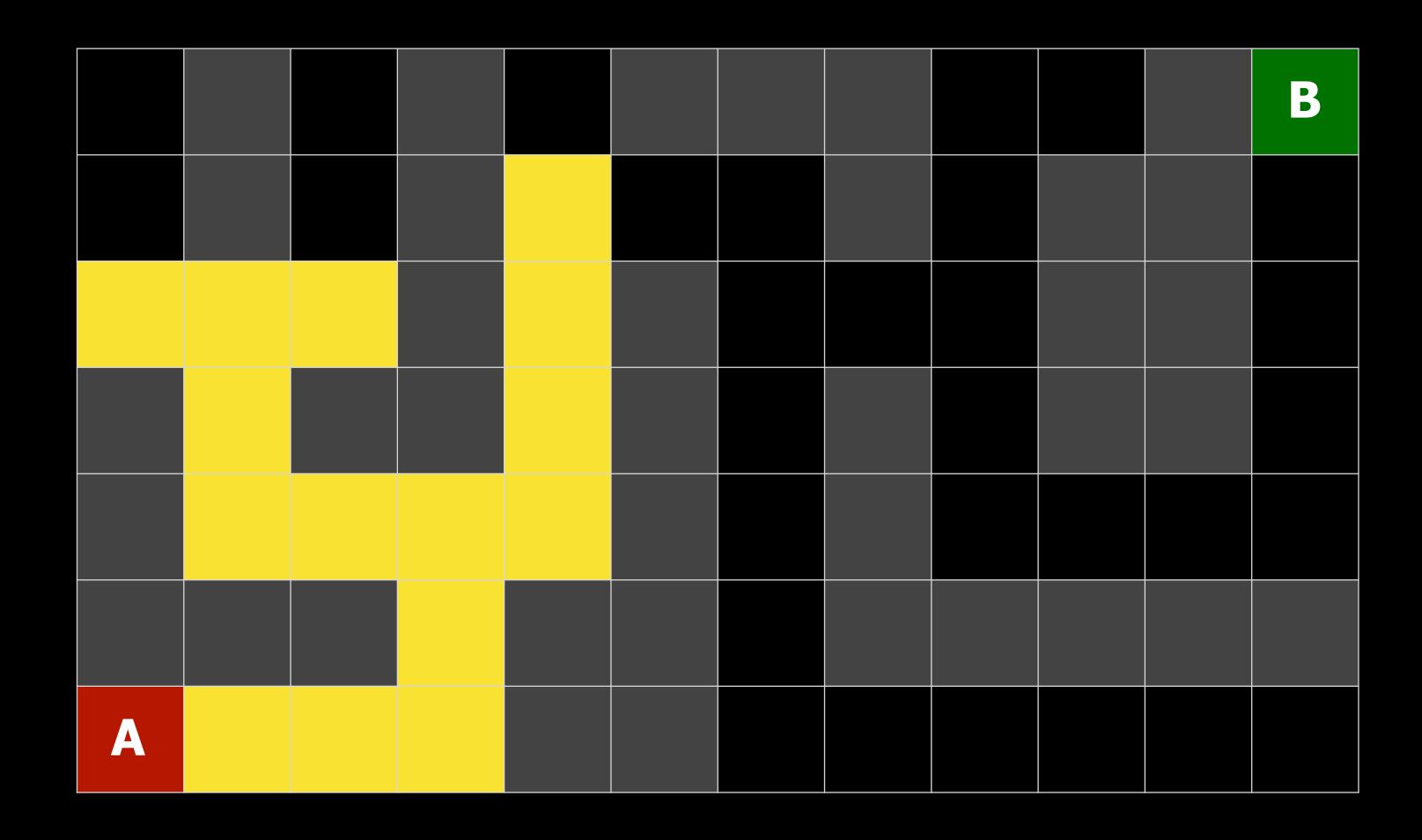


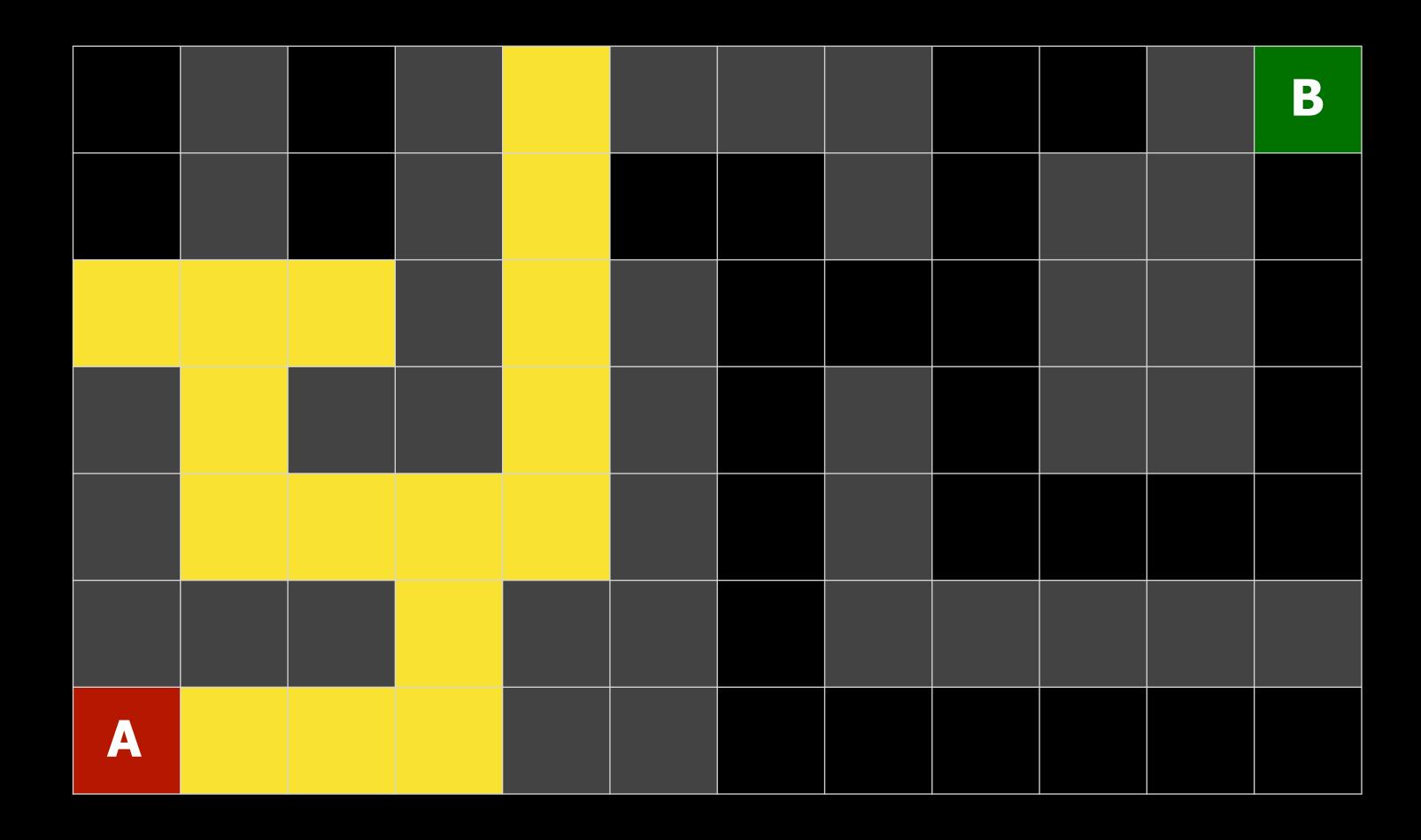


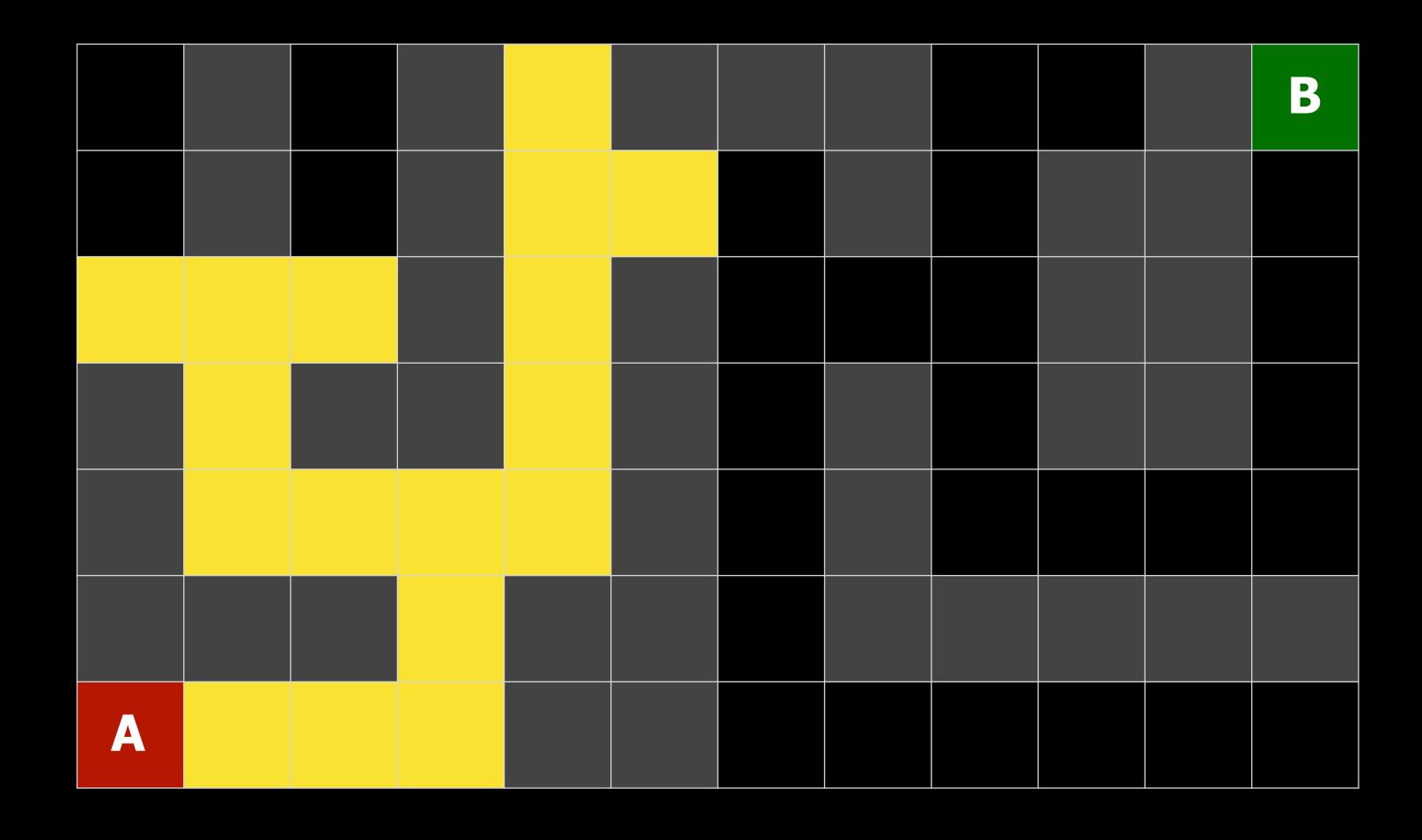


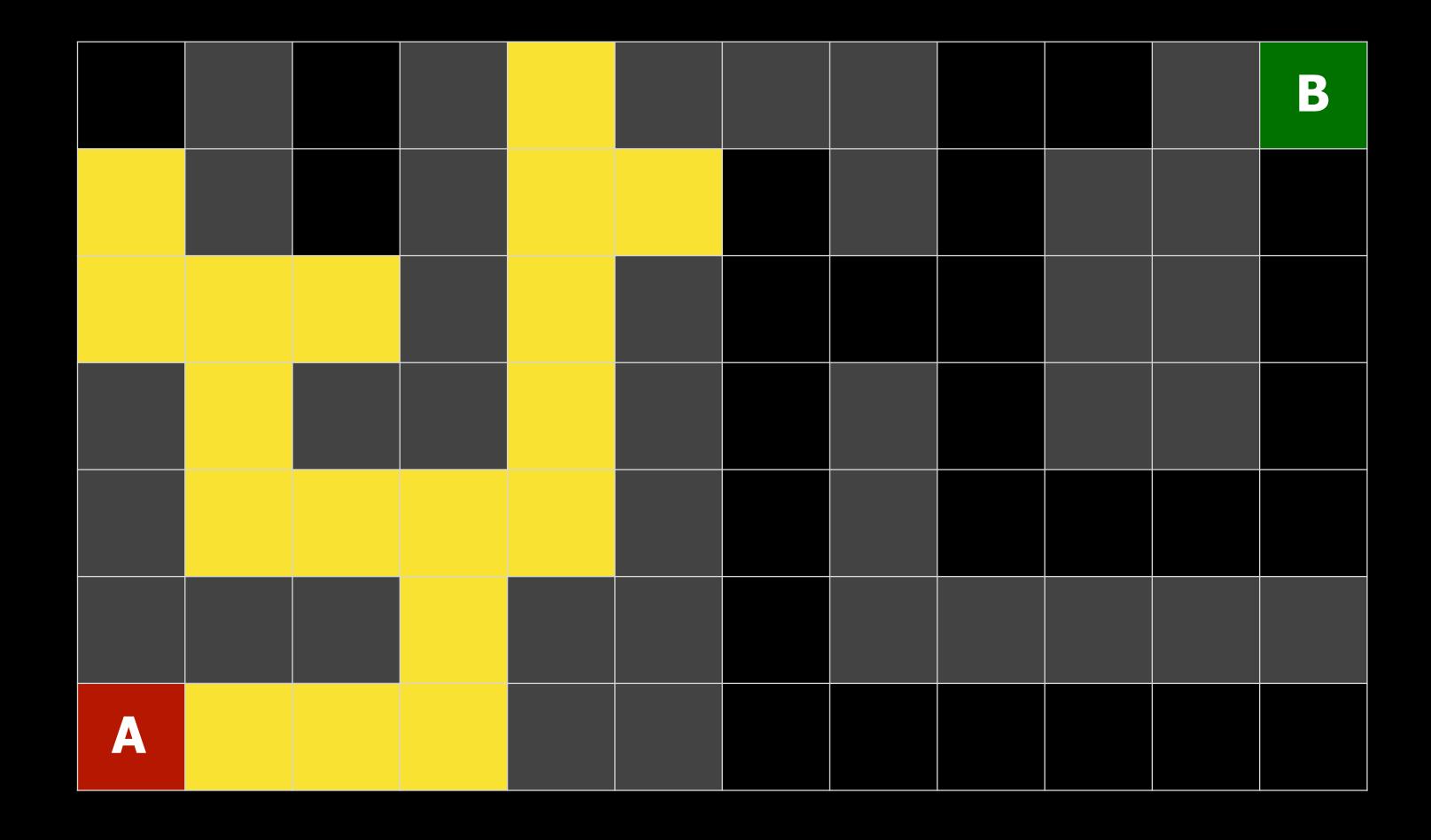


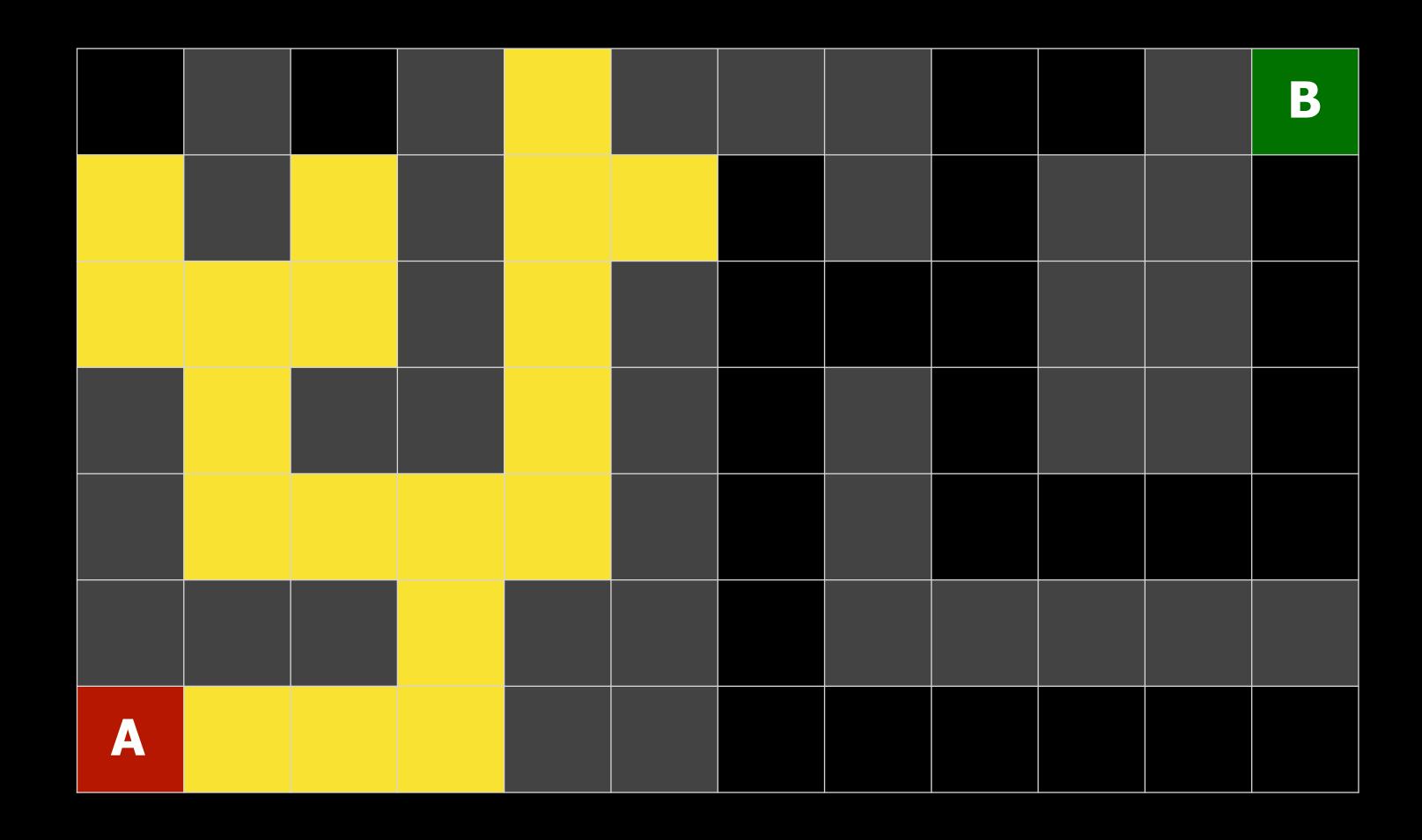


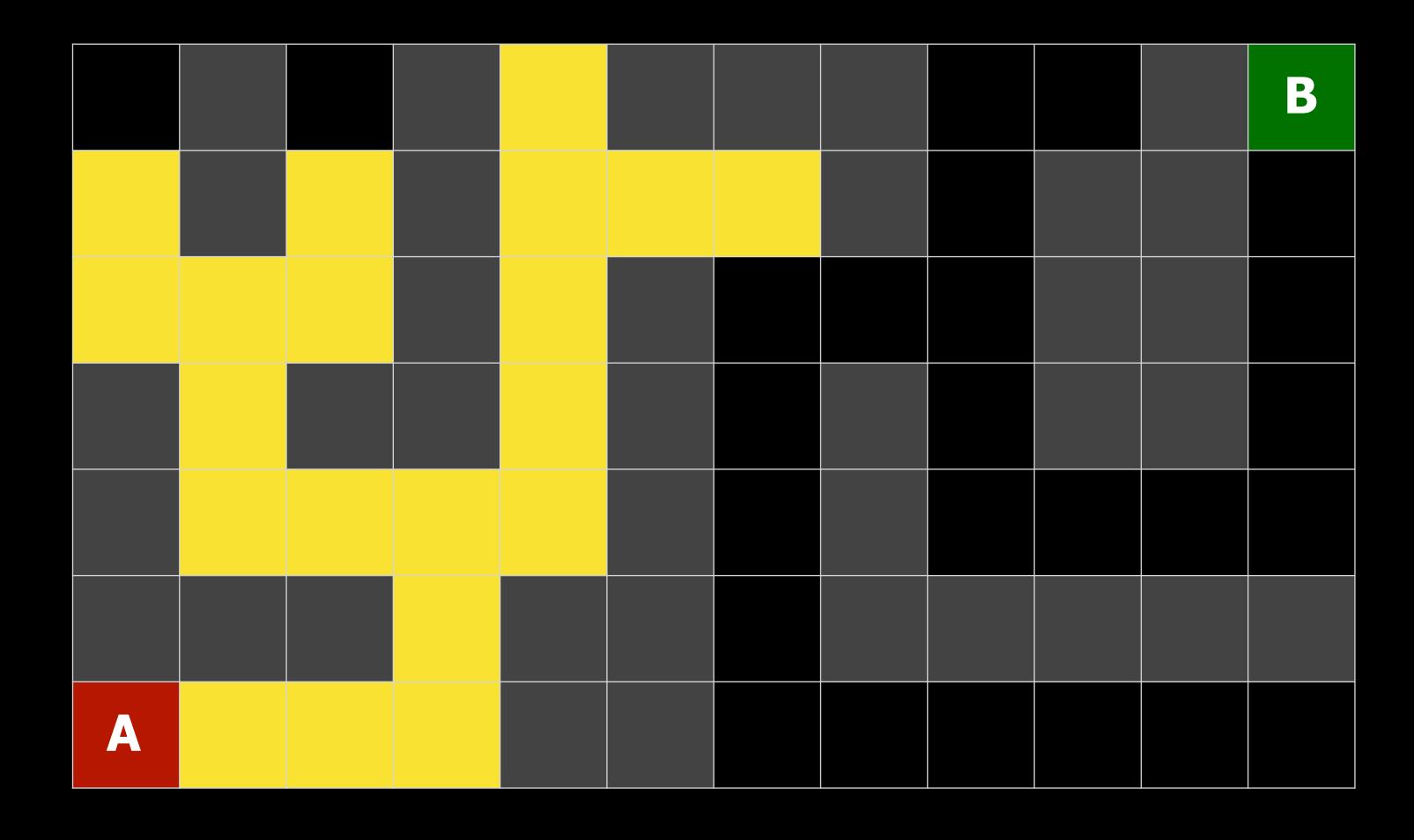


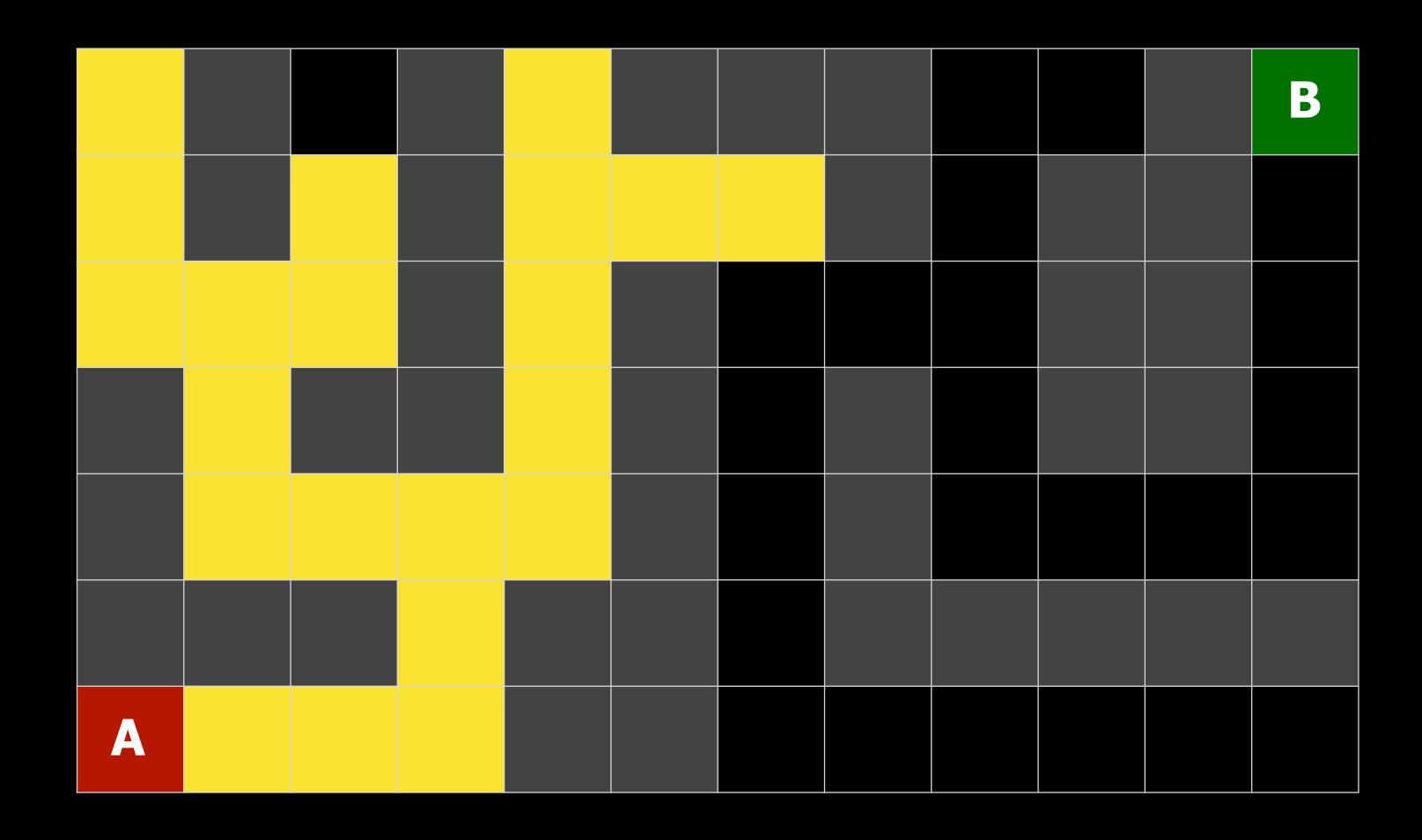


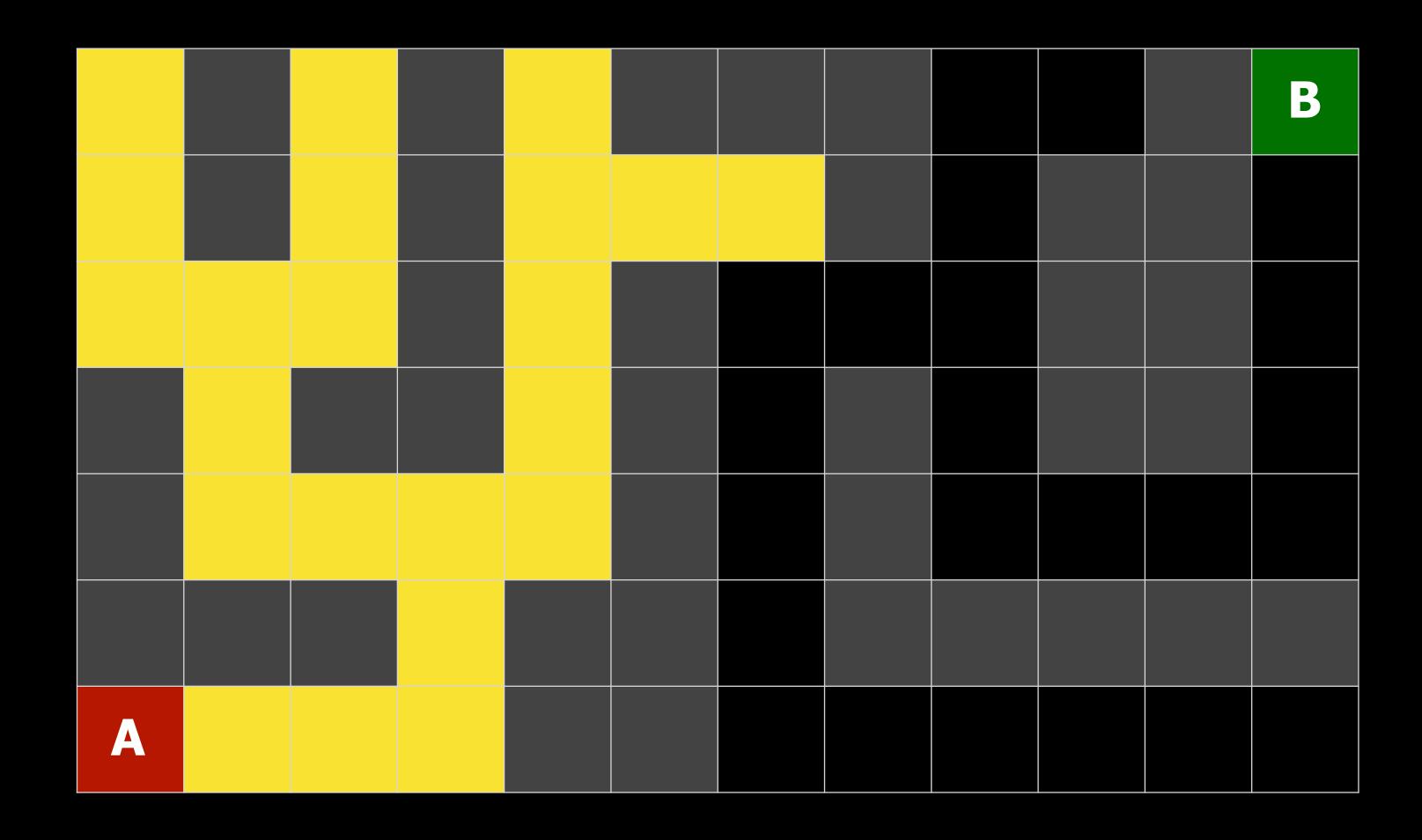


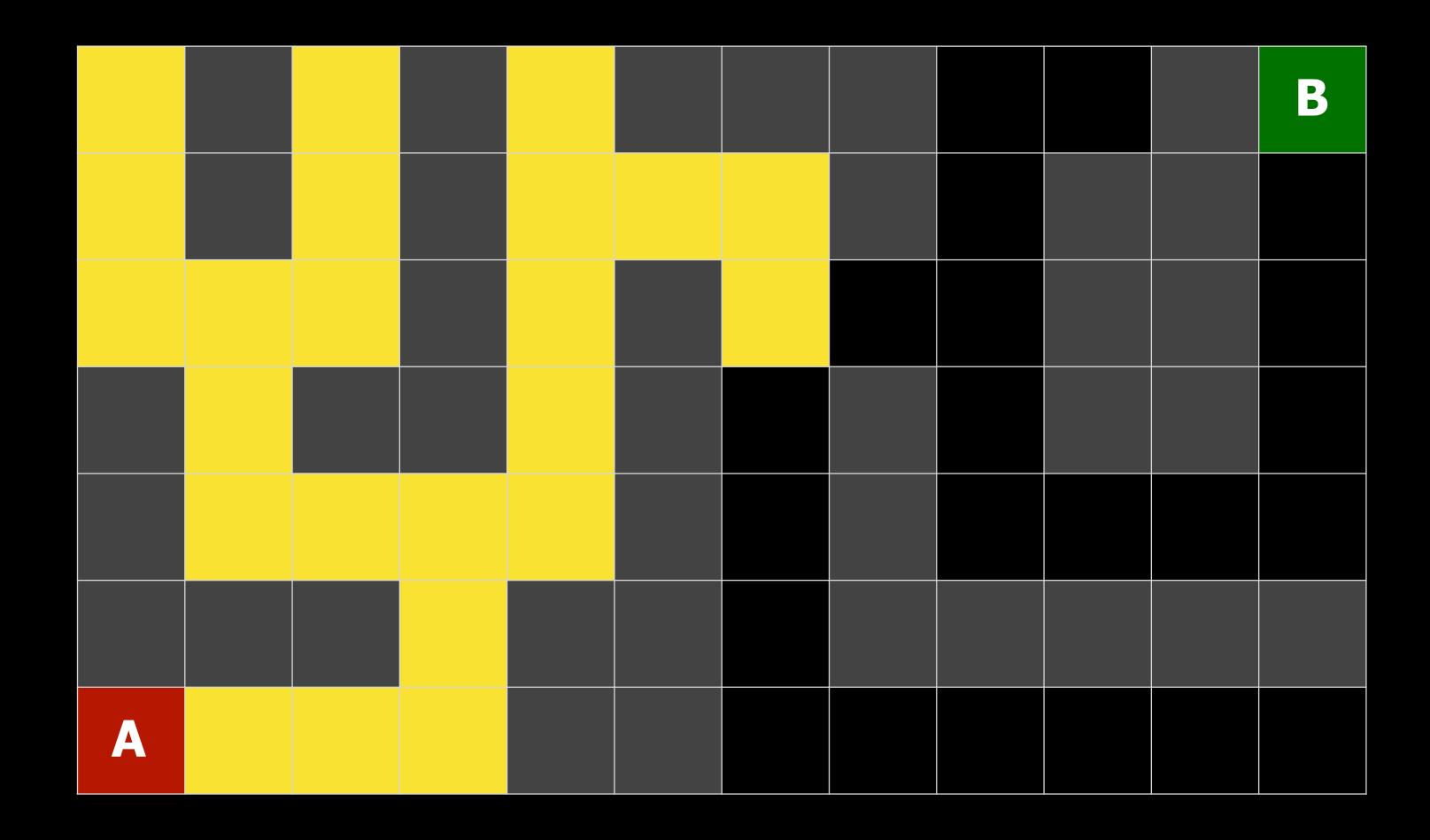


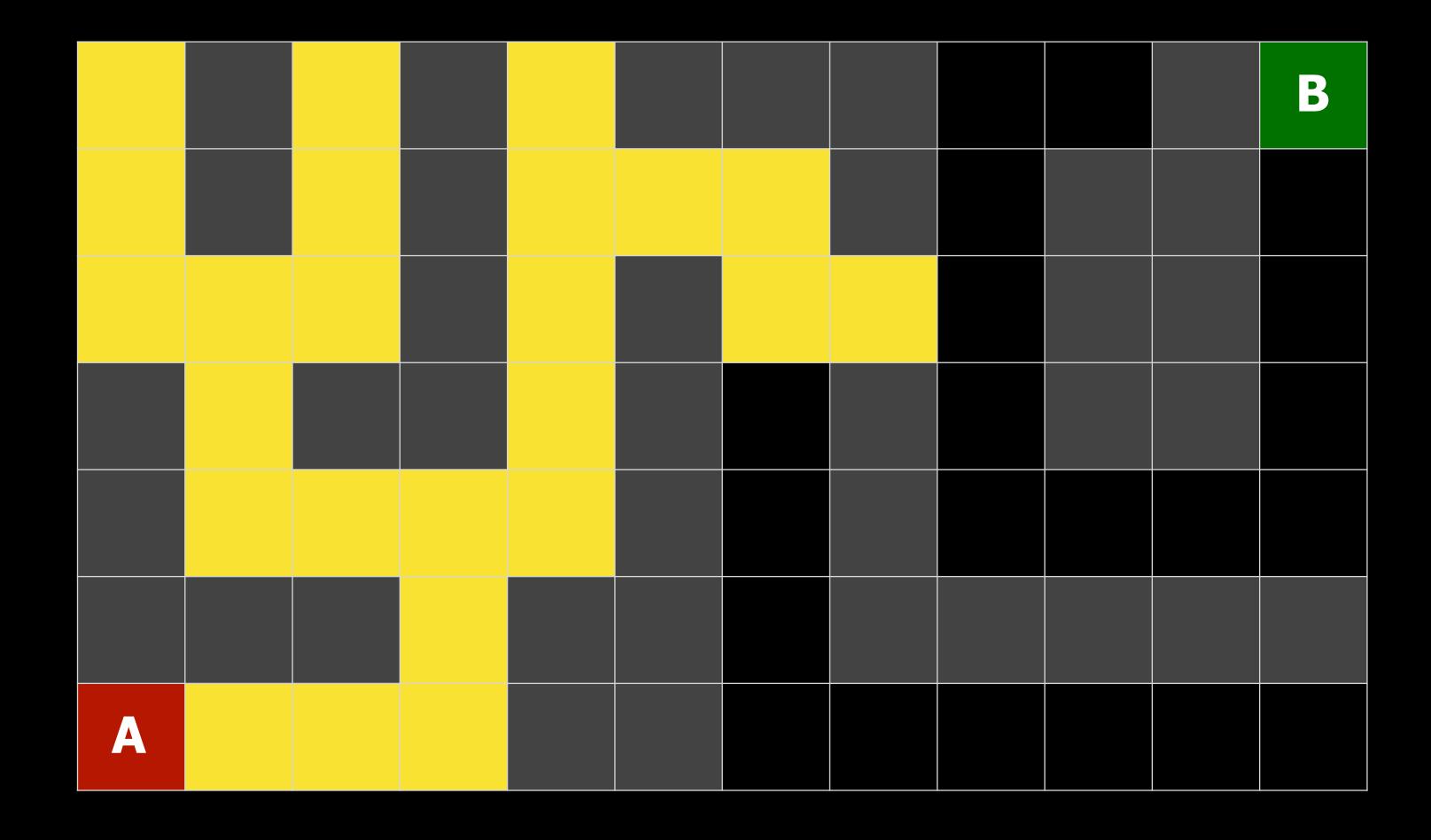


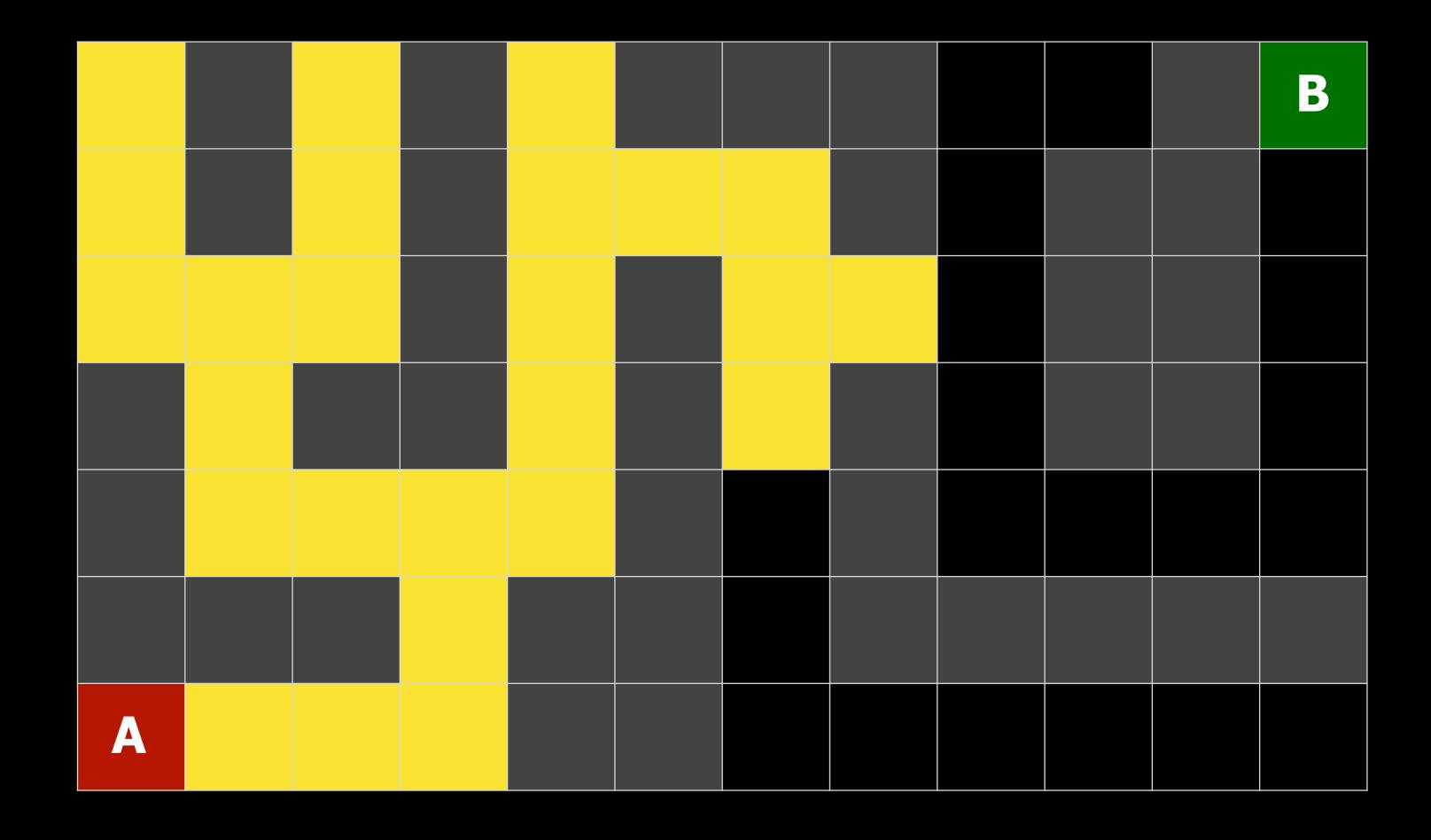


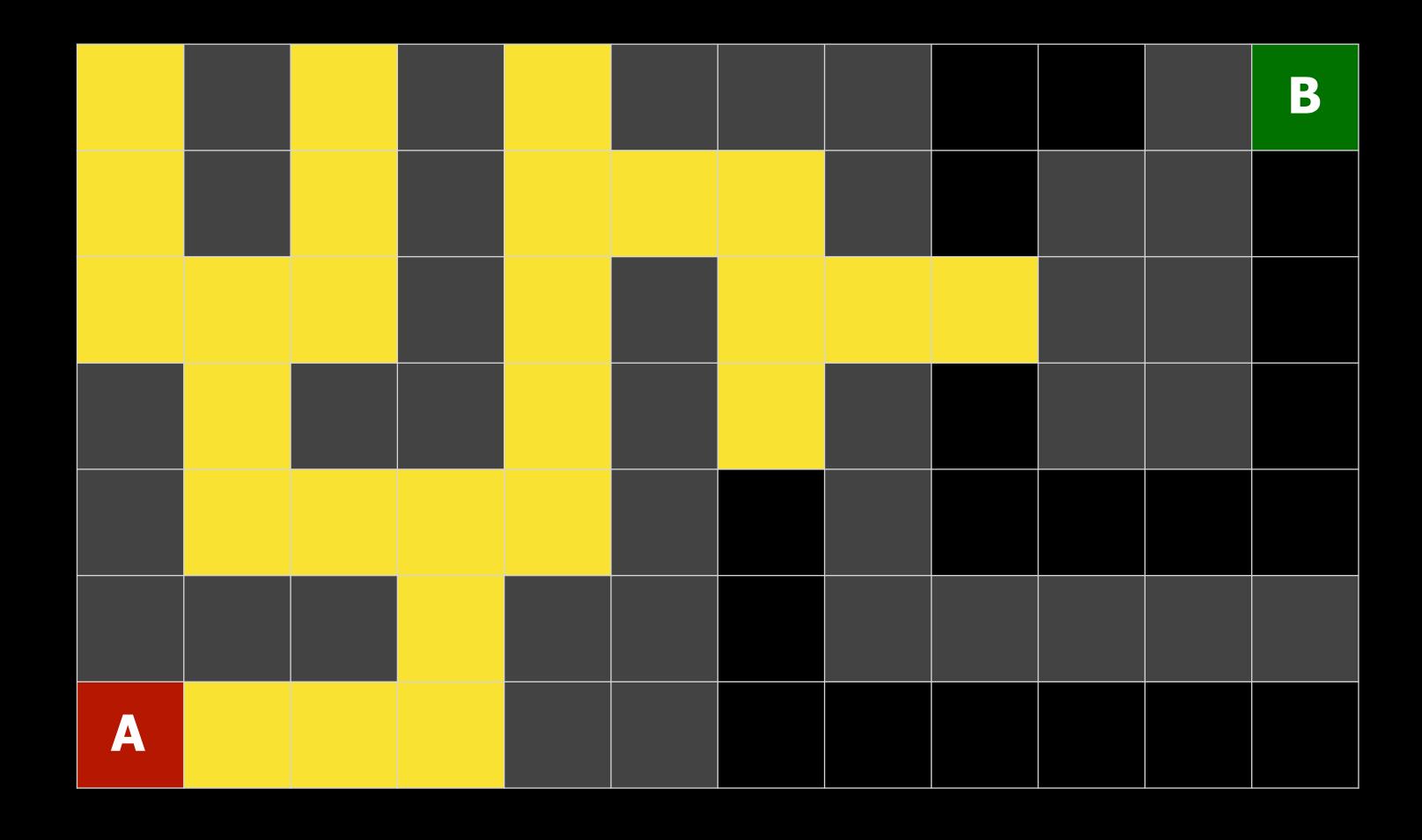


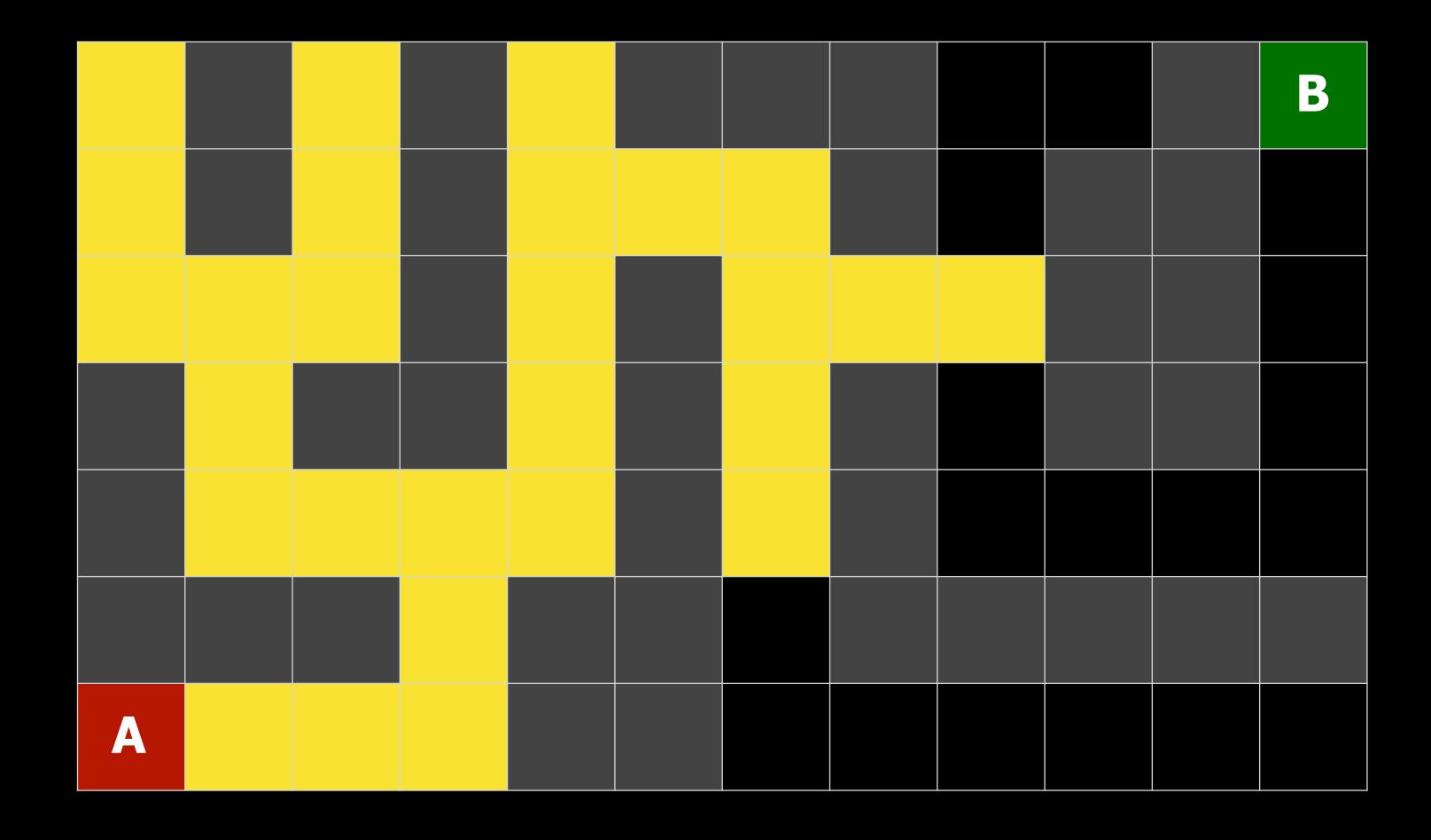


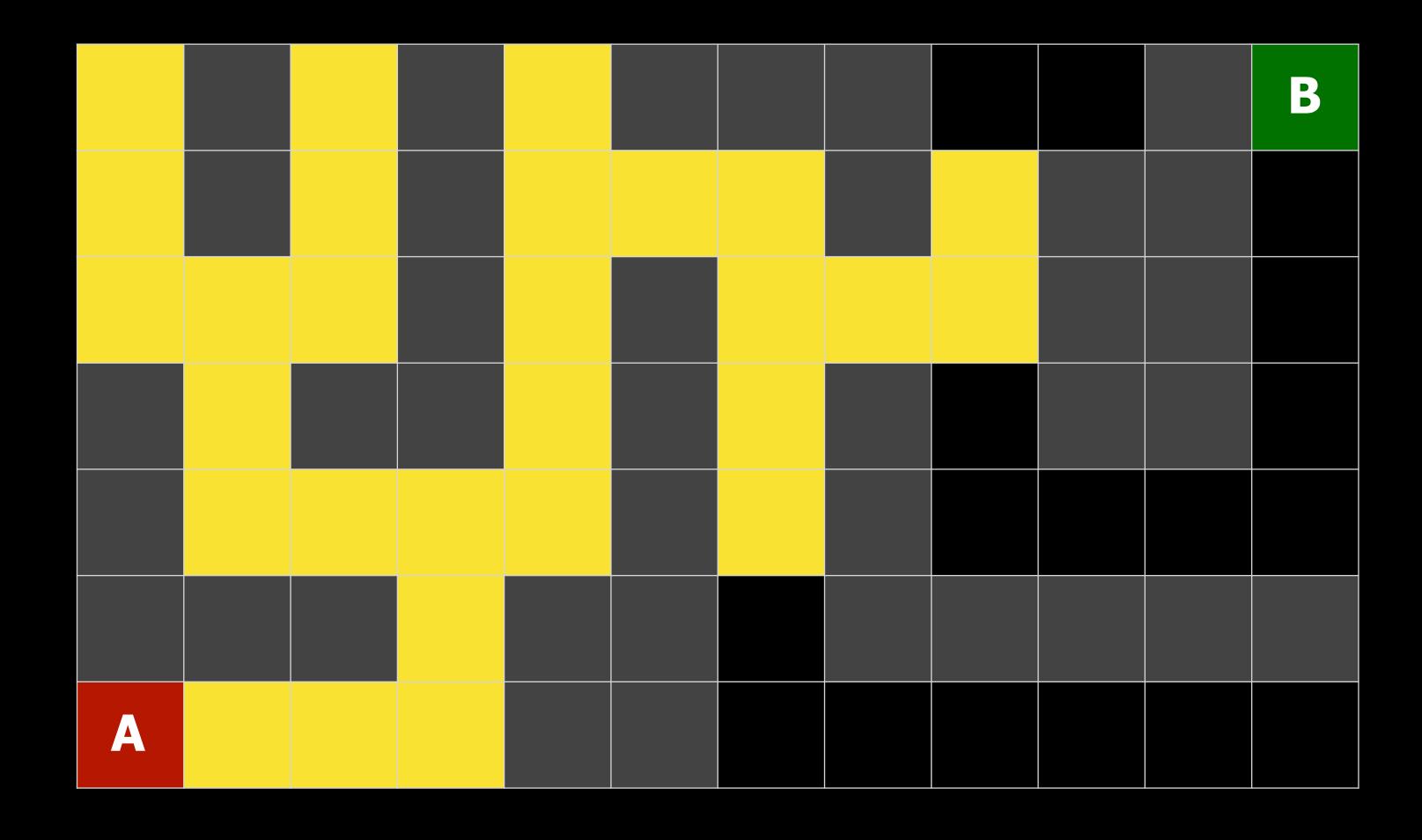


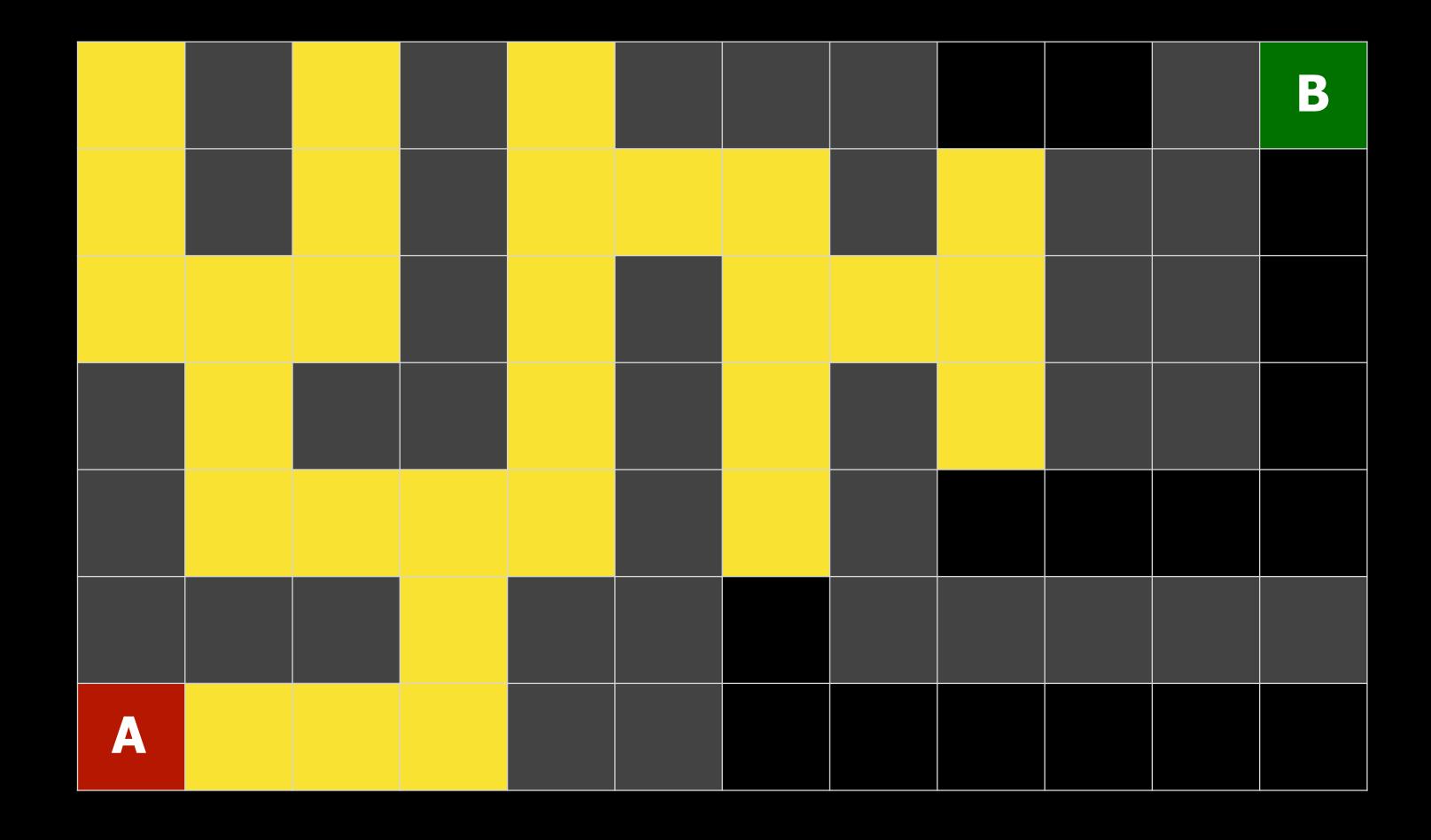


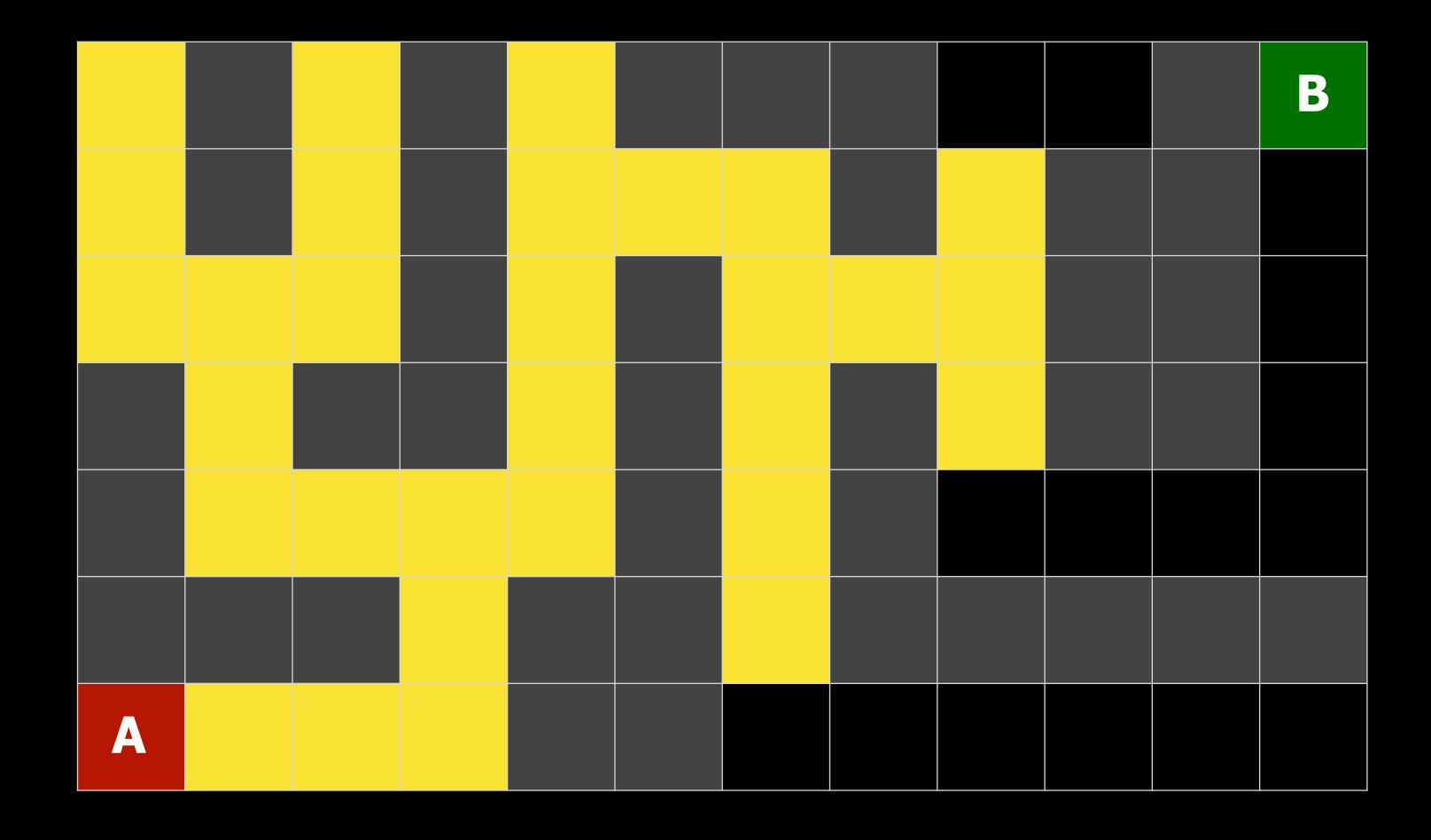


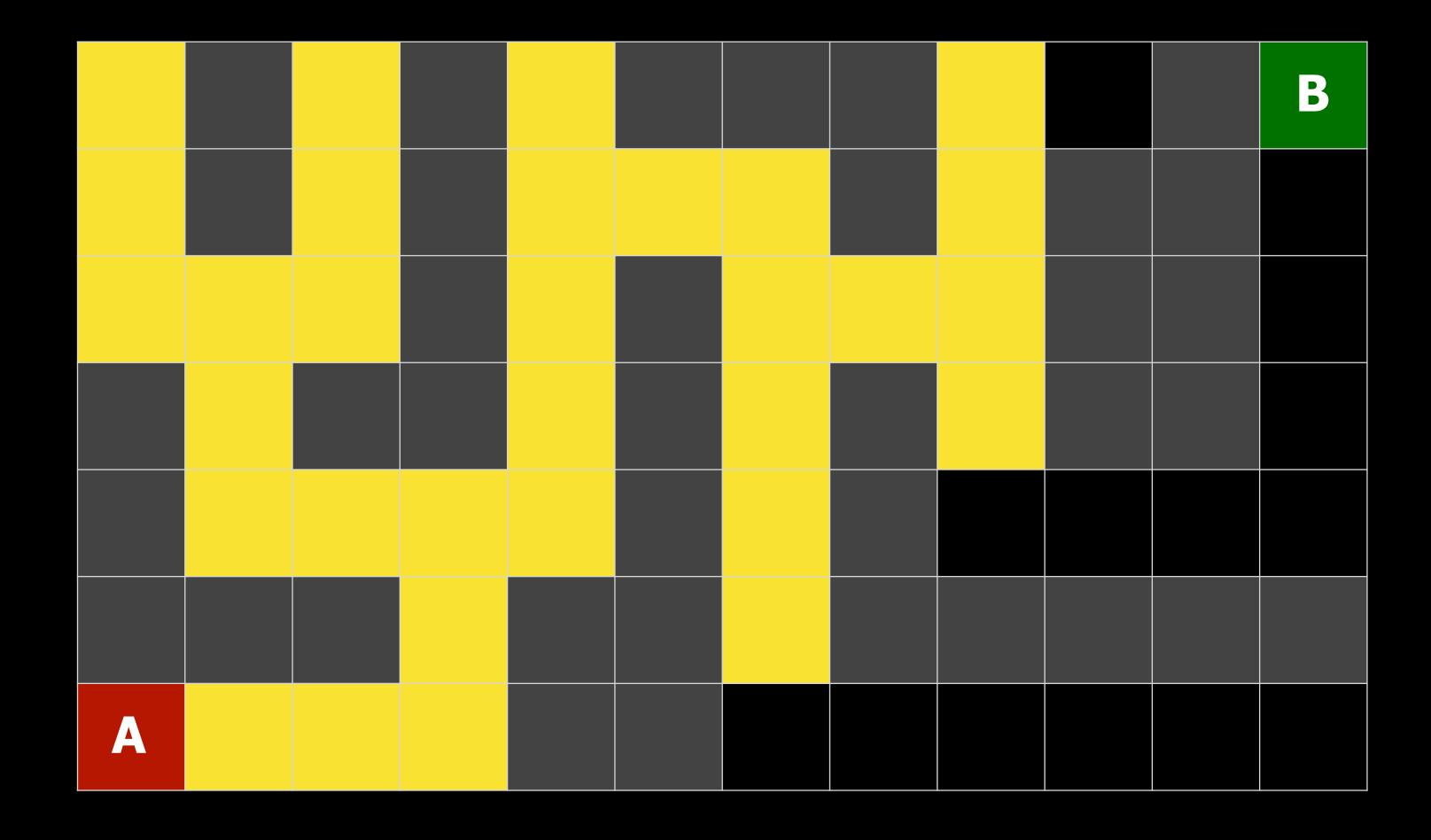


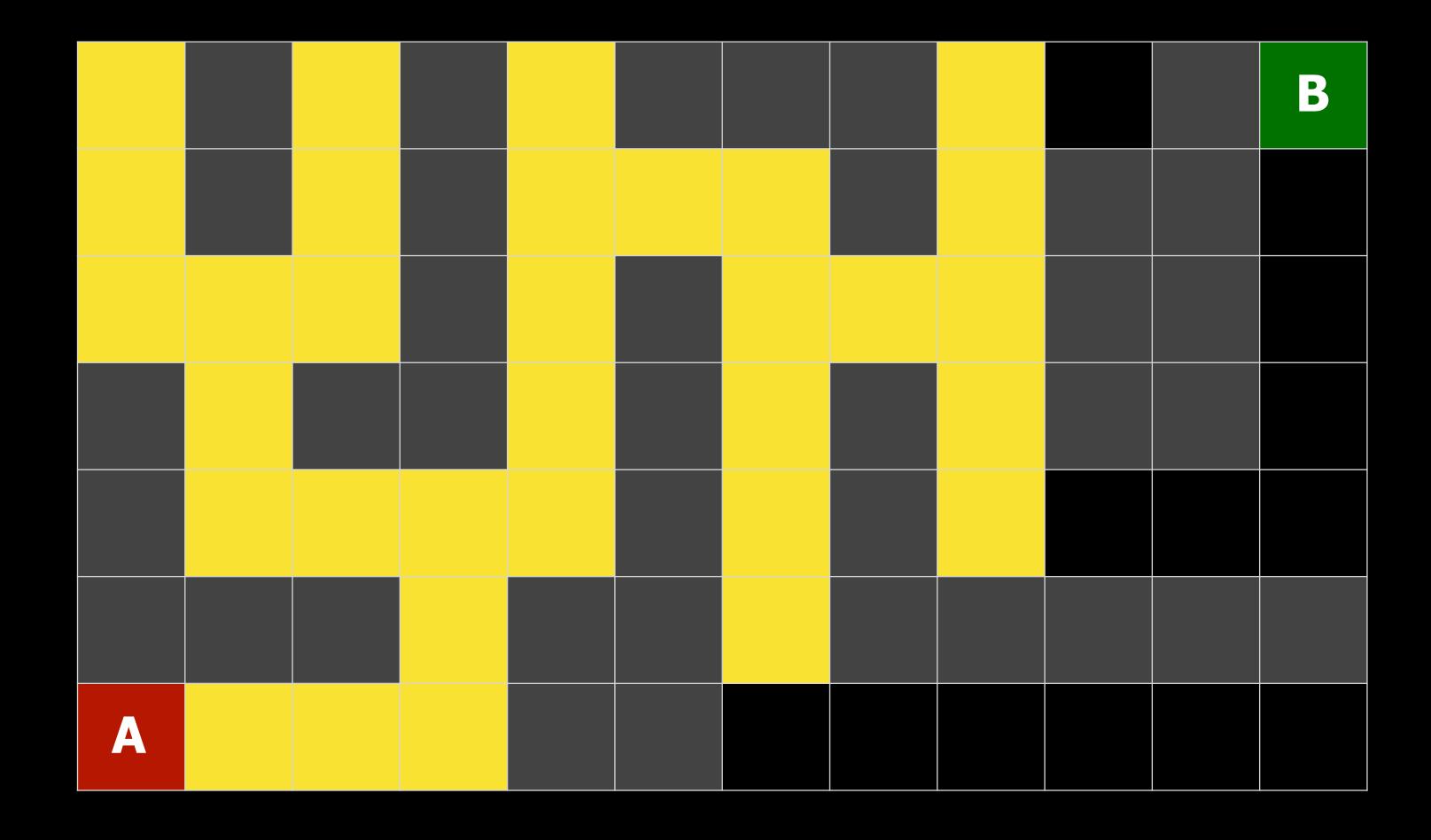


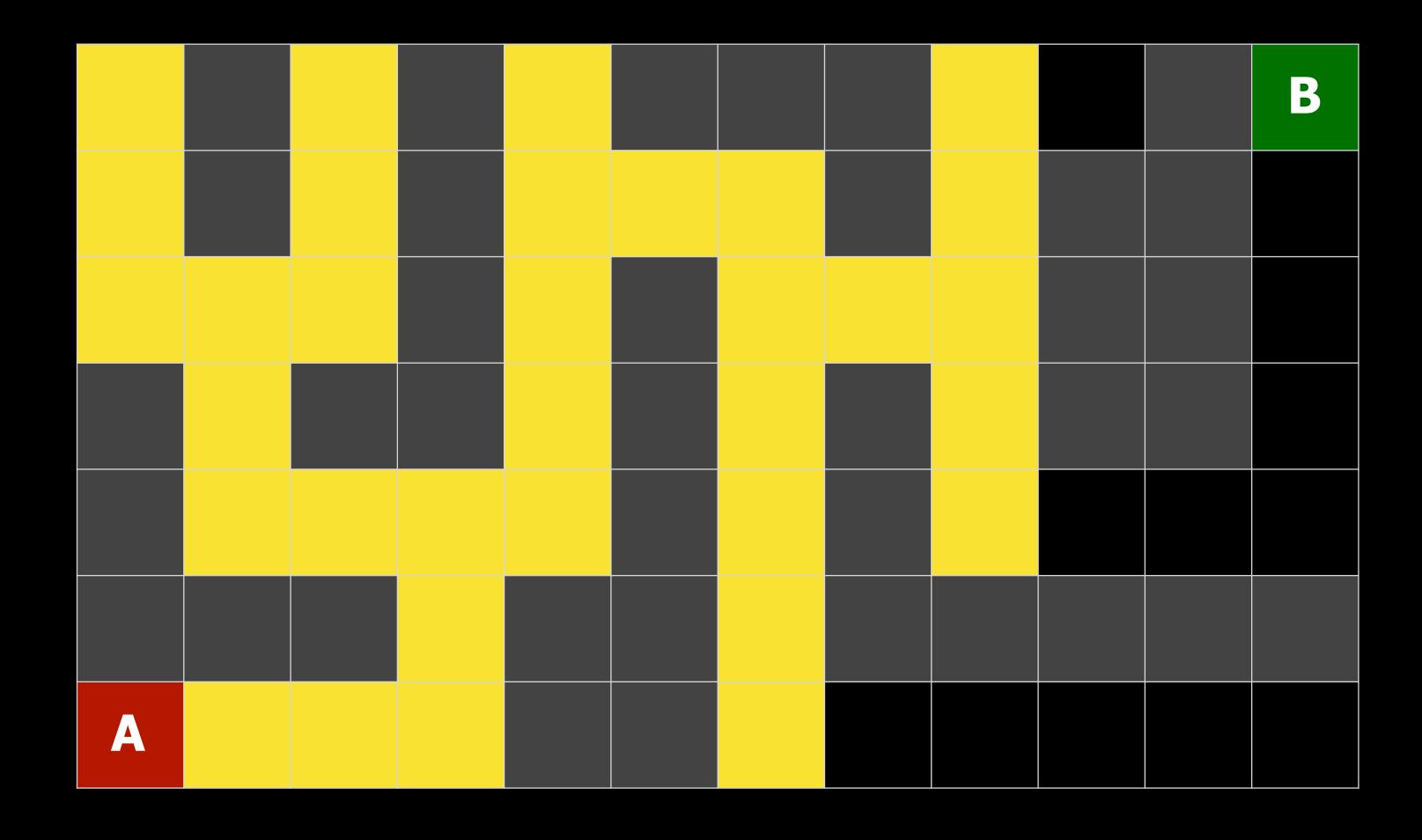


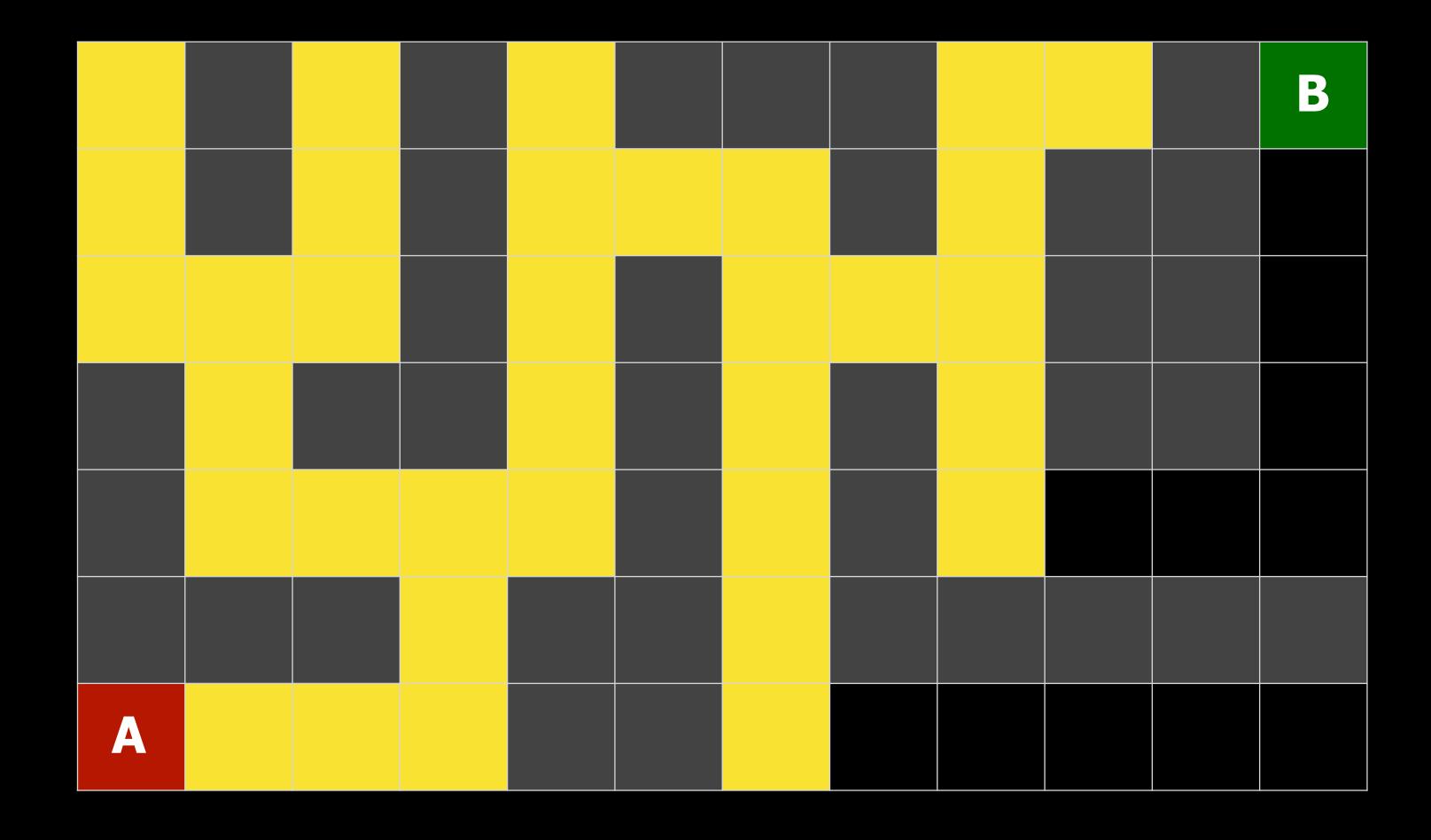


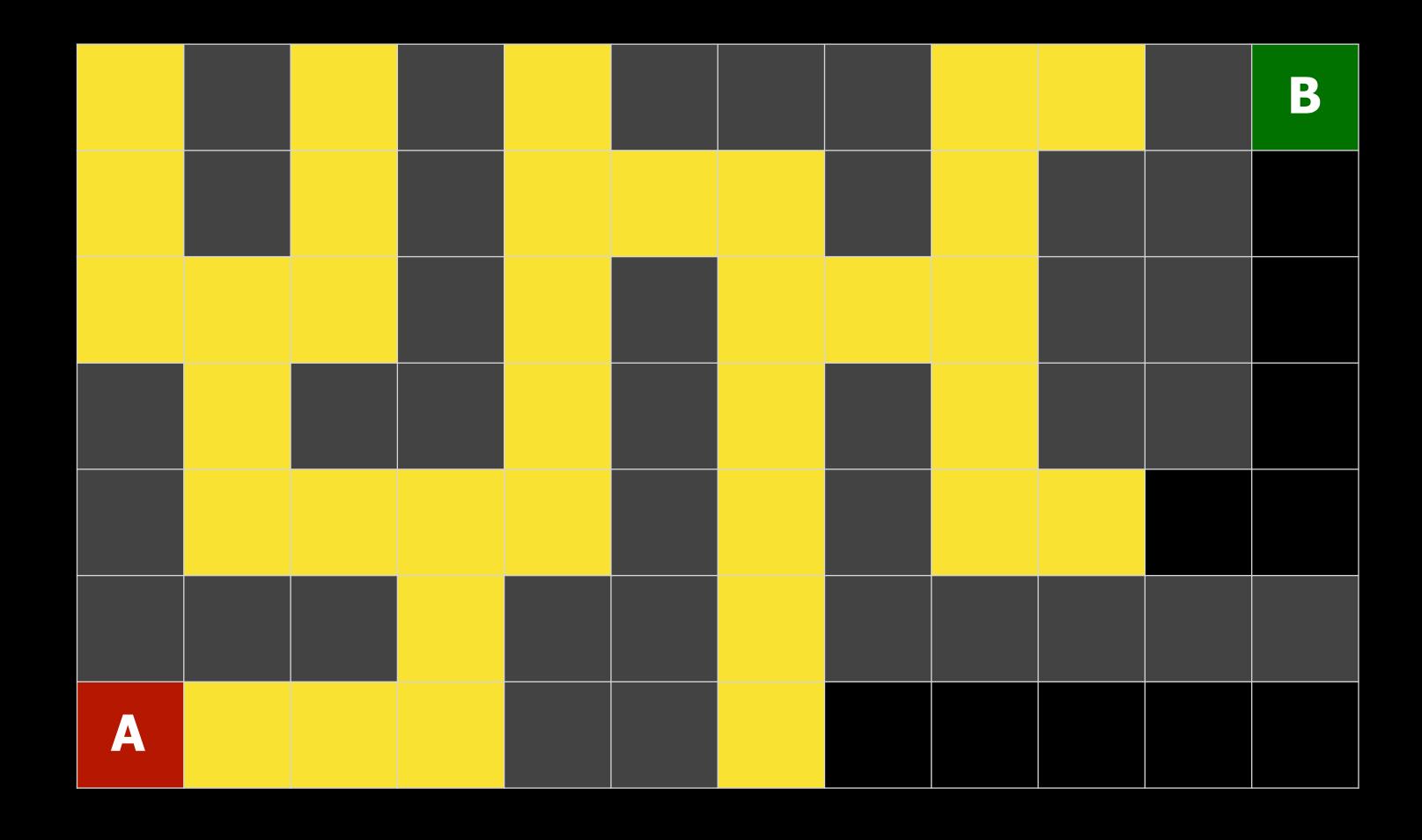


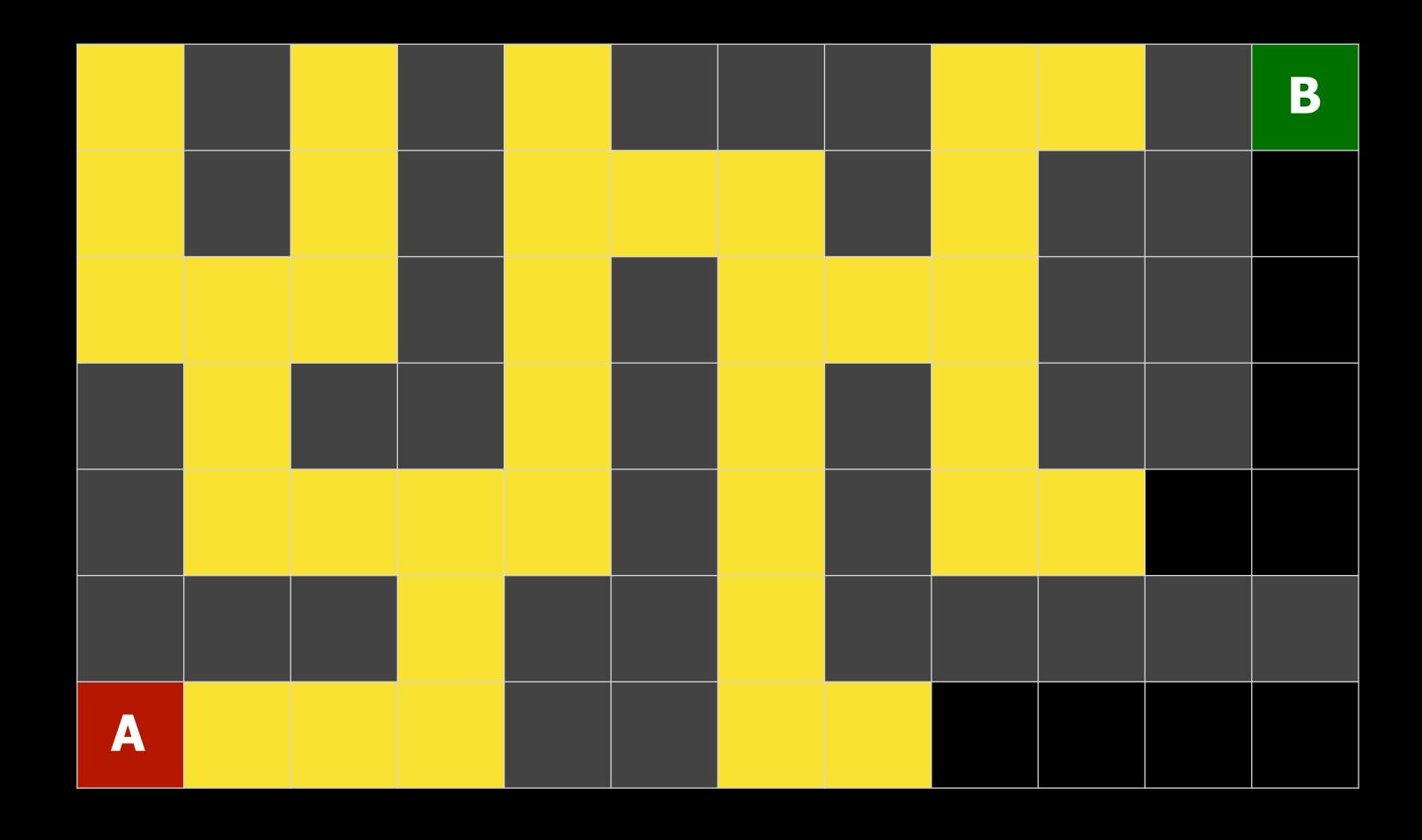


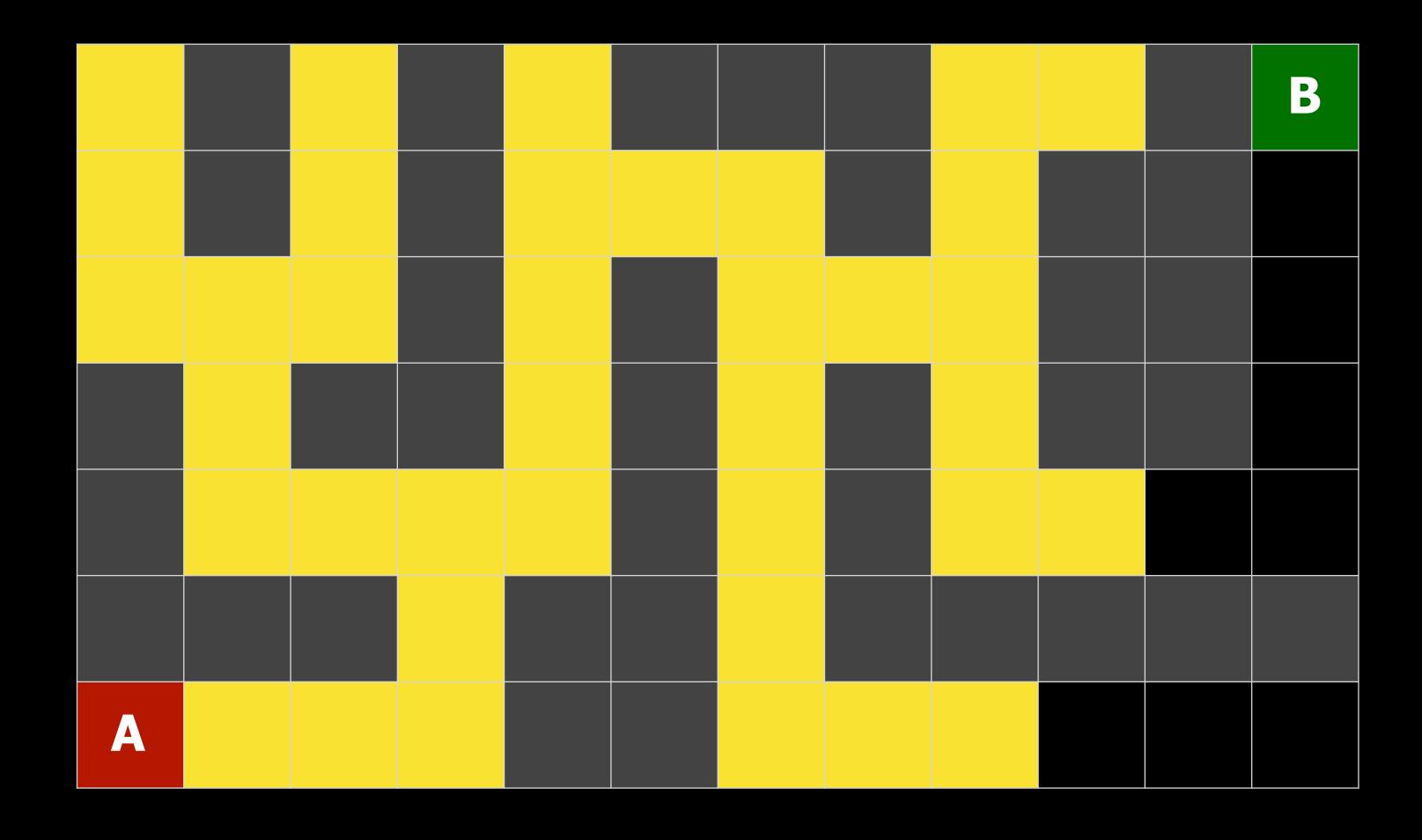


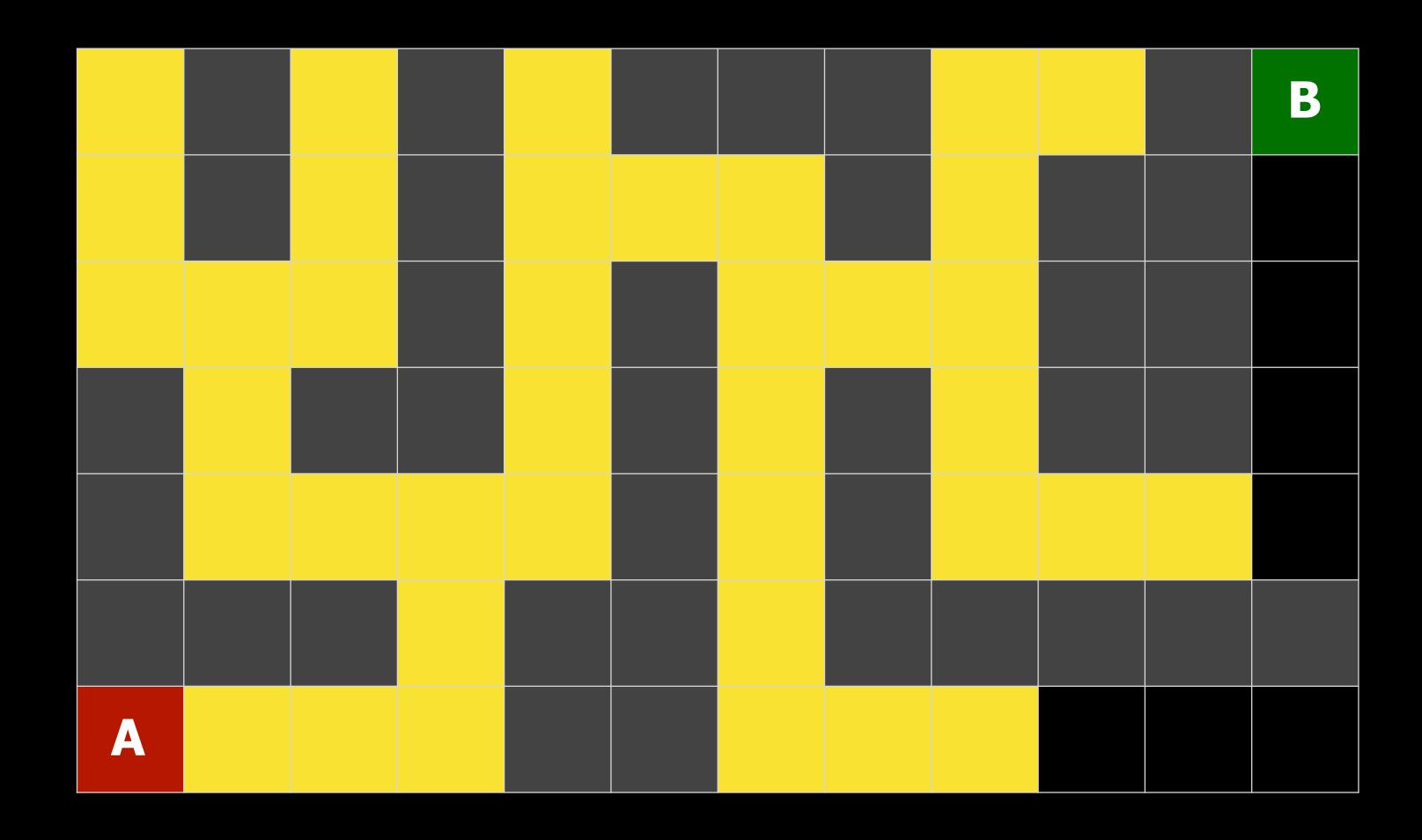


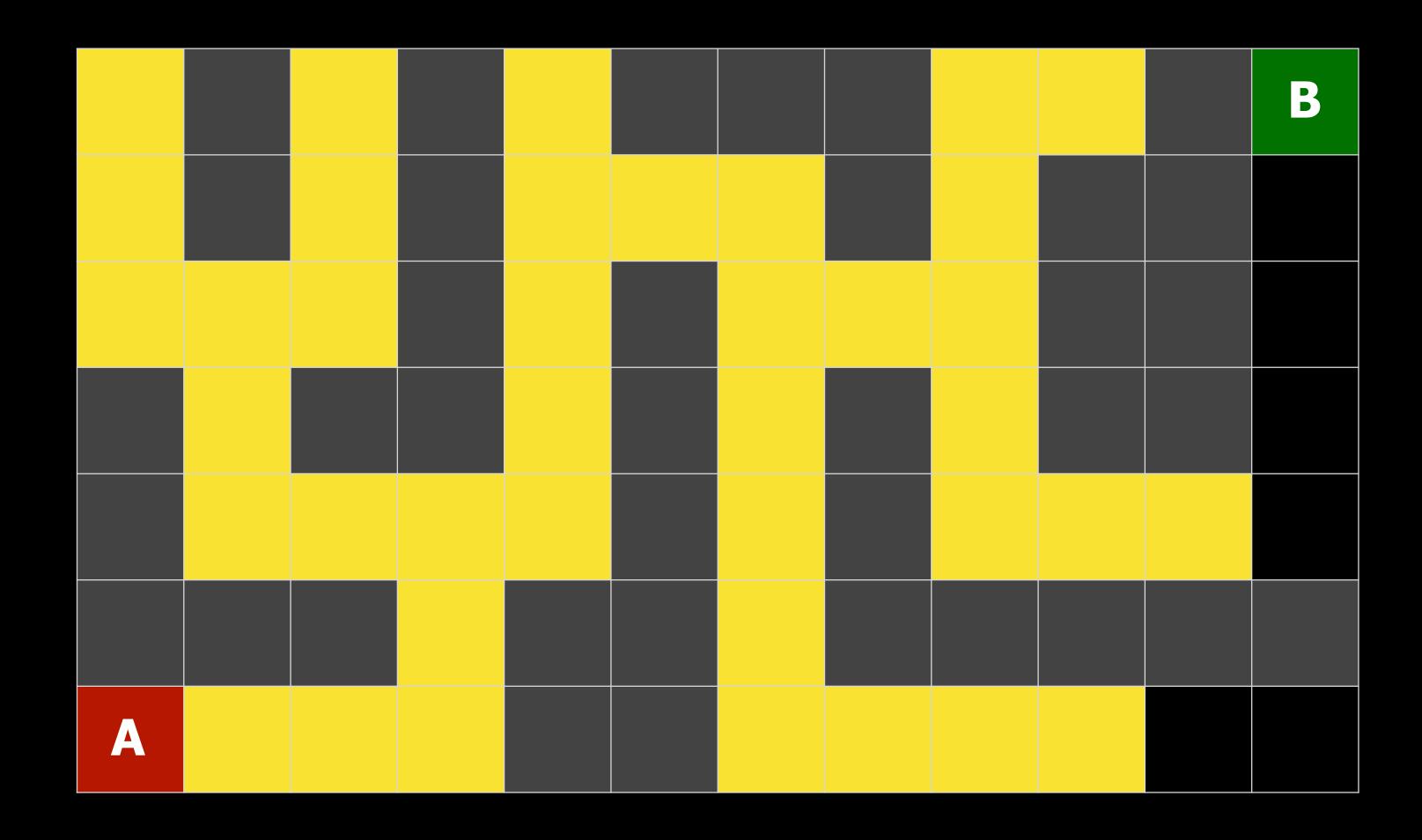


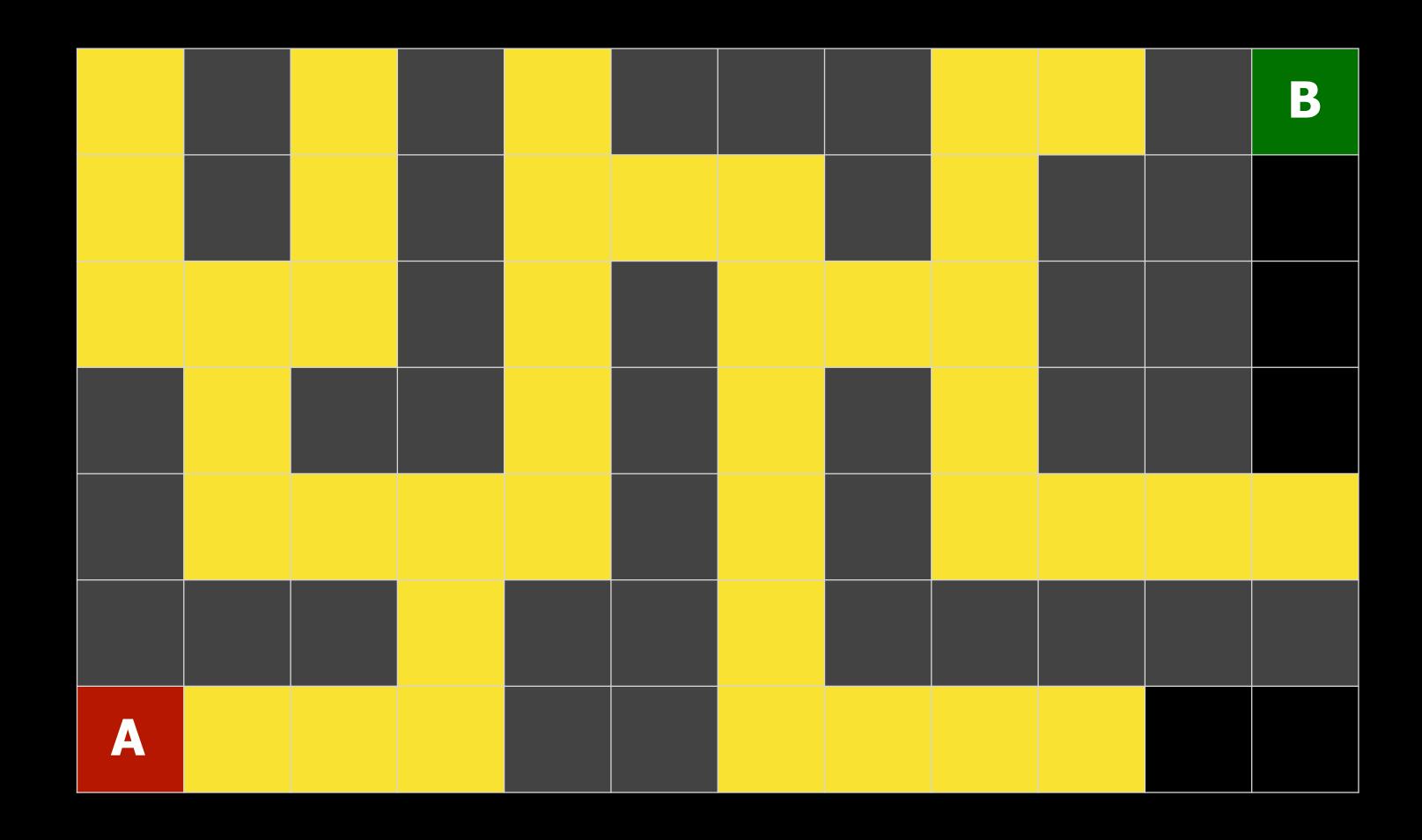


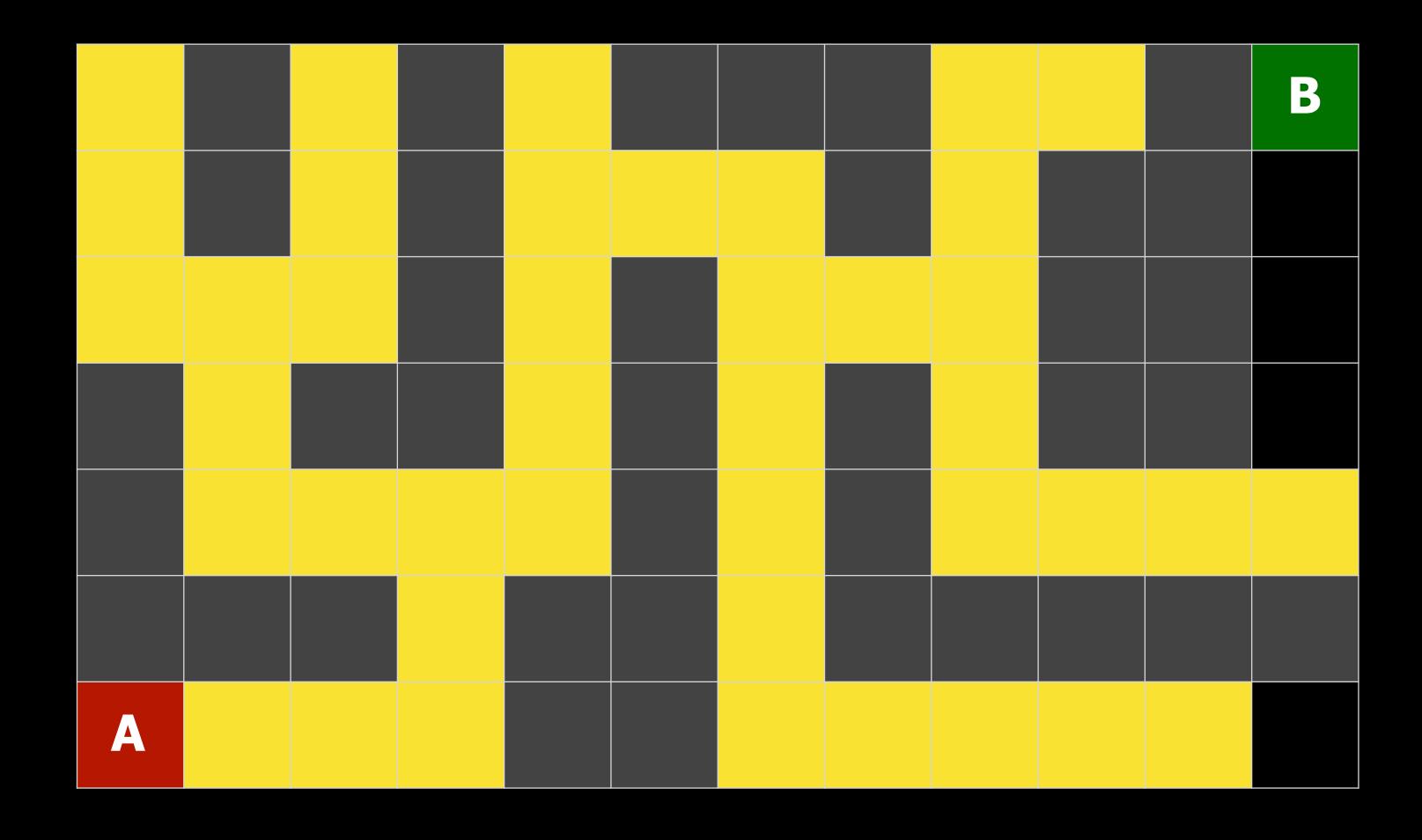


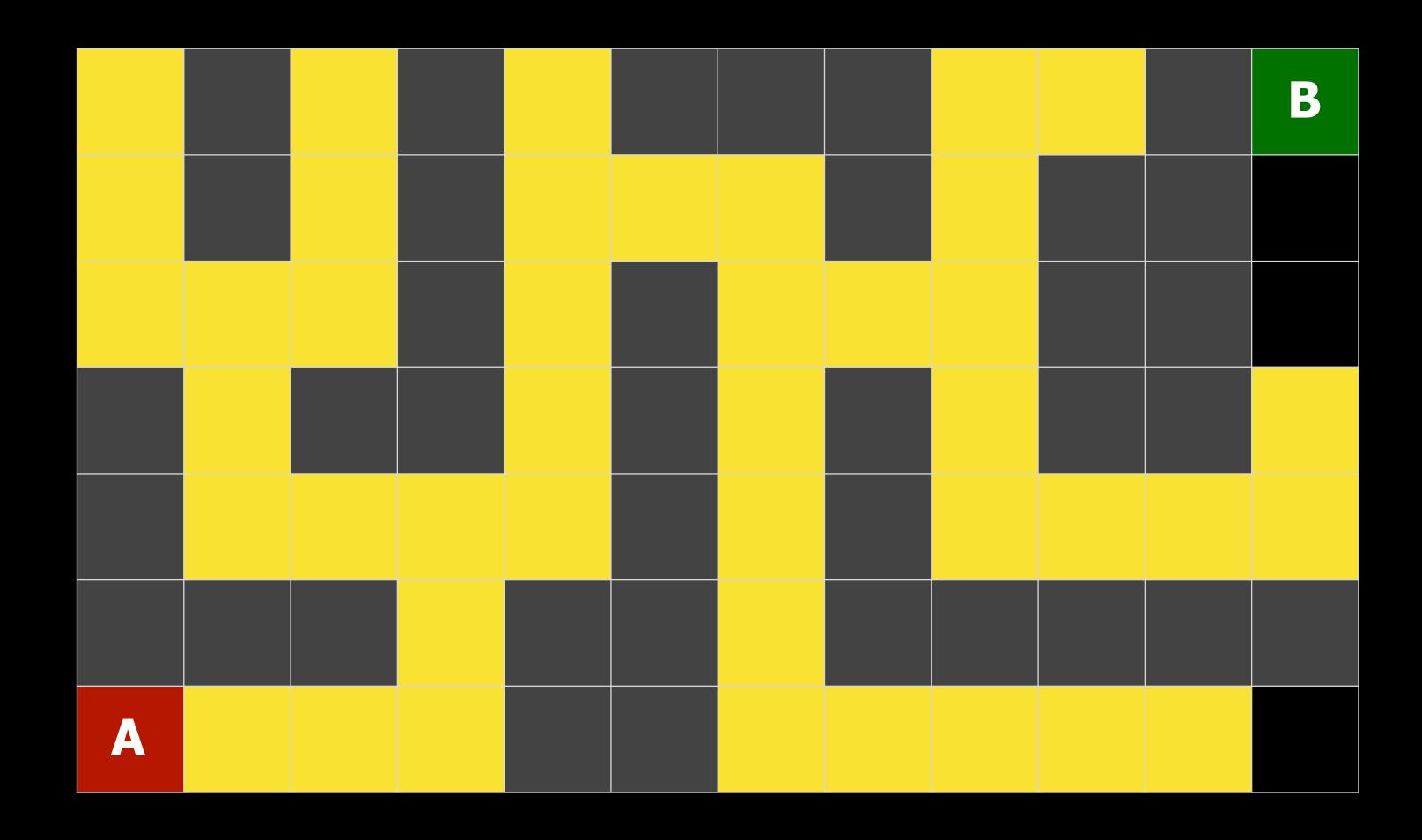


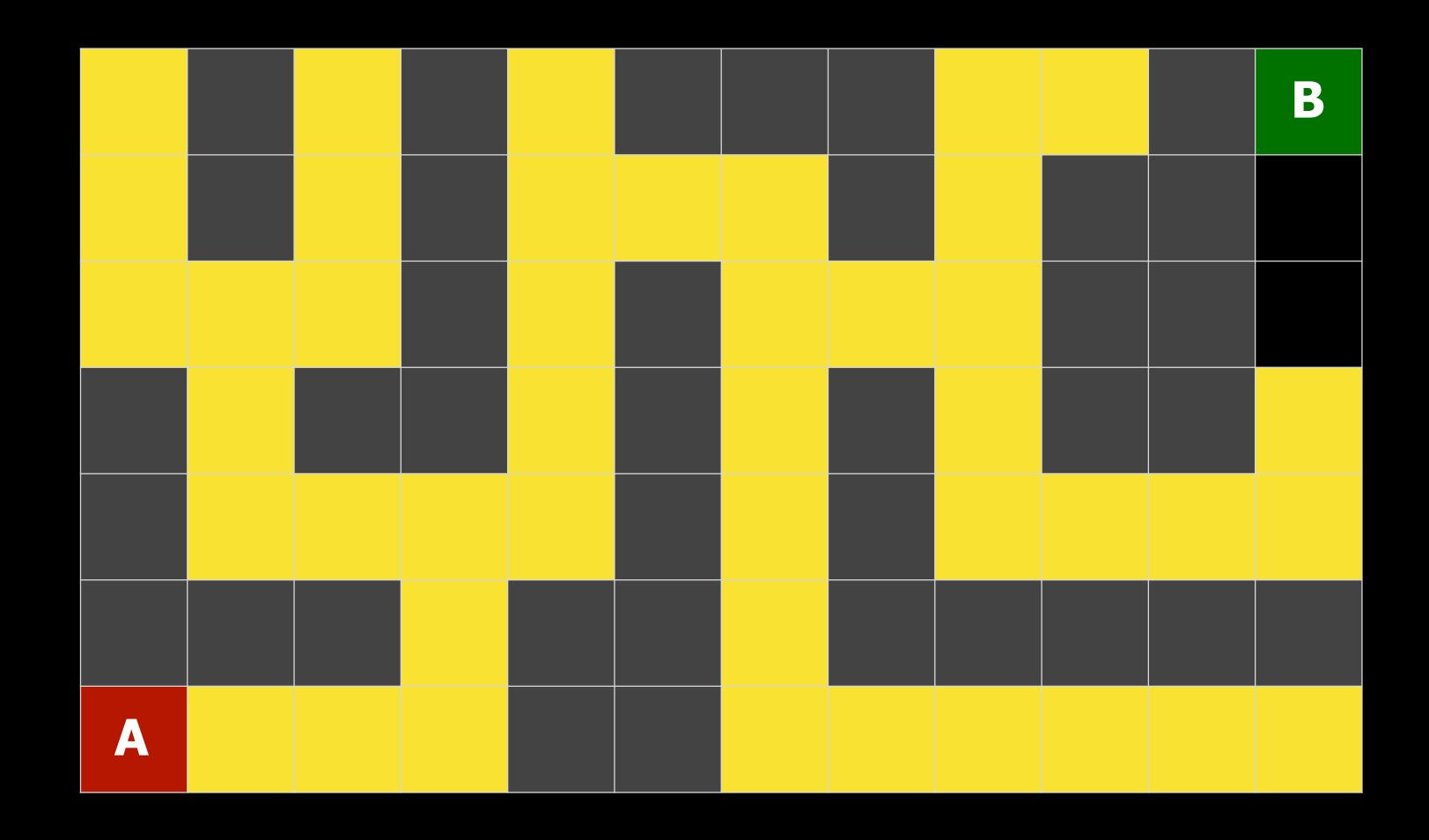


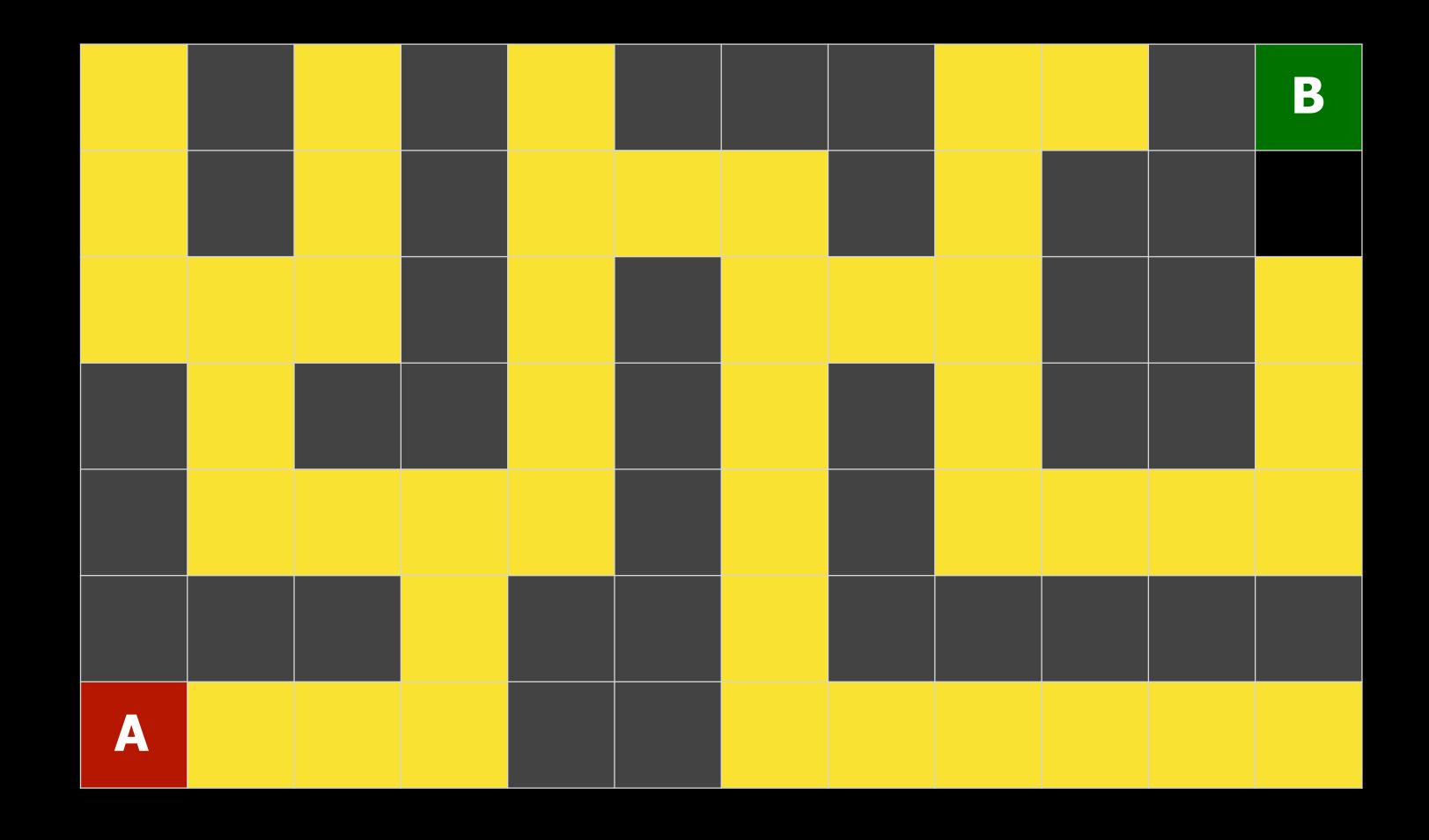


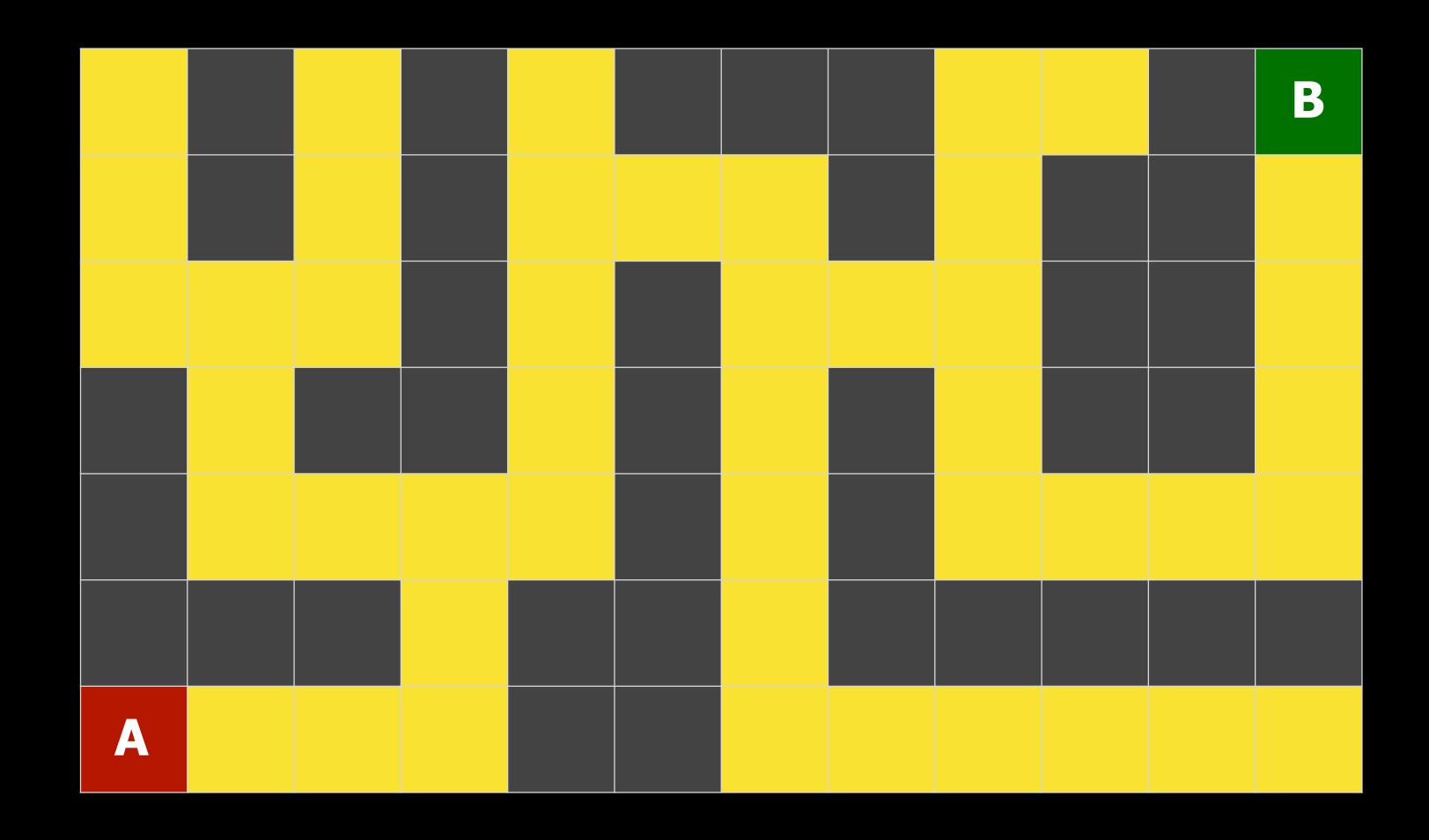


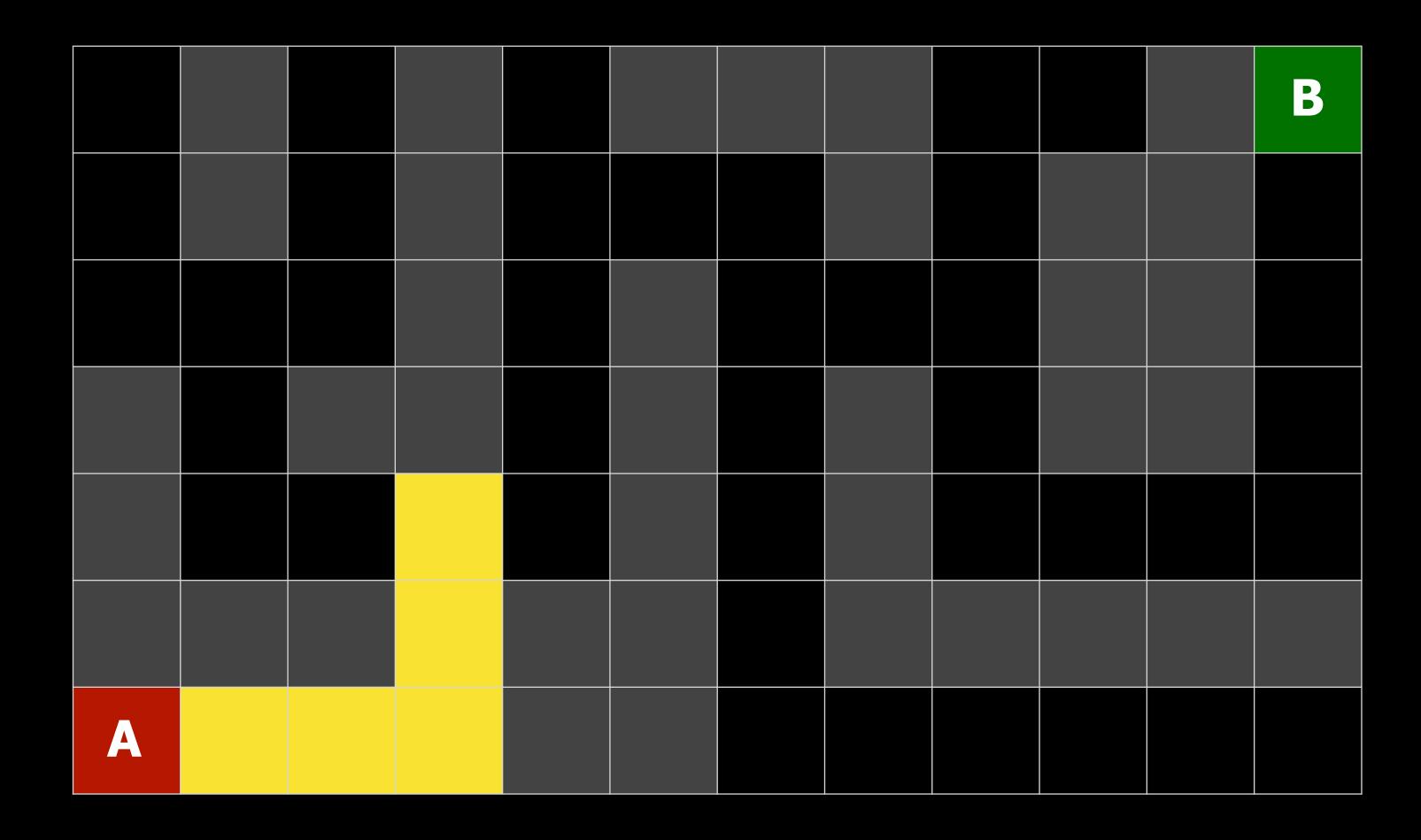














AGENDA 29/08/2024

- 1. OBJETIVOS
- 2. RECAPITULACIÓN DE CLASE DEL 22/08/2024
- 3. VÍDEO REDES NEURONALES ESTRUCTURA
- 4. VÍDEO REDES NEURONALES CÓMO FUNCIONA
- 5. EJEMPLO PRÁCTICO DE REDES NEURONALES
- 6. USO DE GIT Y RESUMENES DE CLASE
- 7. INTRODUCCIÓN A CÓDIGO EN PYTHON PARA BÚSQUEDA
- 8. PROPOSICIONES

OBJETIVOS

COMPRENDER EL FUNCIONAMIENTO INTERNO DE UNA RED NEURONAL EN CUANTO A SU ESTRUCTURA PRACTICAR EL USO DE GITHUB Y LOS COMANDOS DE GIT PARA REALIZAR RESUMENES ENTENDER EL FUNCIONAMIENTO DE UN ALGORITMO DE BUSQUEDA IMPLEMENTADO EN PYTHON

REDES NEURONALES

ESTRUCTURA DE RED NEURONAL

https://www.youtube.com/watch?v=aircAruvnKk

REDES NEURONALES

COMO FUNCIONAN

https://www.youtube.com/watch?v=IHZwWFHWa-w&list=PLZHQObOWTQDNU6R1 67000Dx ZCJB-3pi&index=2

EJEMPLO PRÁCTICO DE USO DE RED NEURONAL

INICIO DE RED NEURONAL ERCICIOS

https://www.youtube.com/watch?v=iX on3VxZzk&t=47s

https://www.youtube.com/watch?v=UNFFLJPW7KQ

USO DE GIT Y GITHUB

GUIAS EN INTERNET Y PDF

https://githubtraining.github.io/training-manual/book.pdf

https://training.github.com/downloads/es_ES/github-git-cheat-sheet.pdf

https://www.youtube.com/watch?v=RGOj5yH7evk

https://docs.github.com/en/authentication/connecting-to-github-with-ssh/generating-a-new-ssh-key-and-adding-it-to-the-ssh-agent

https://www.atlassian.com/git/tutorials/install-git

INTRODUCCION AL ALGORITMO DE BUSQUEDA EN PYTHON

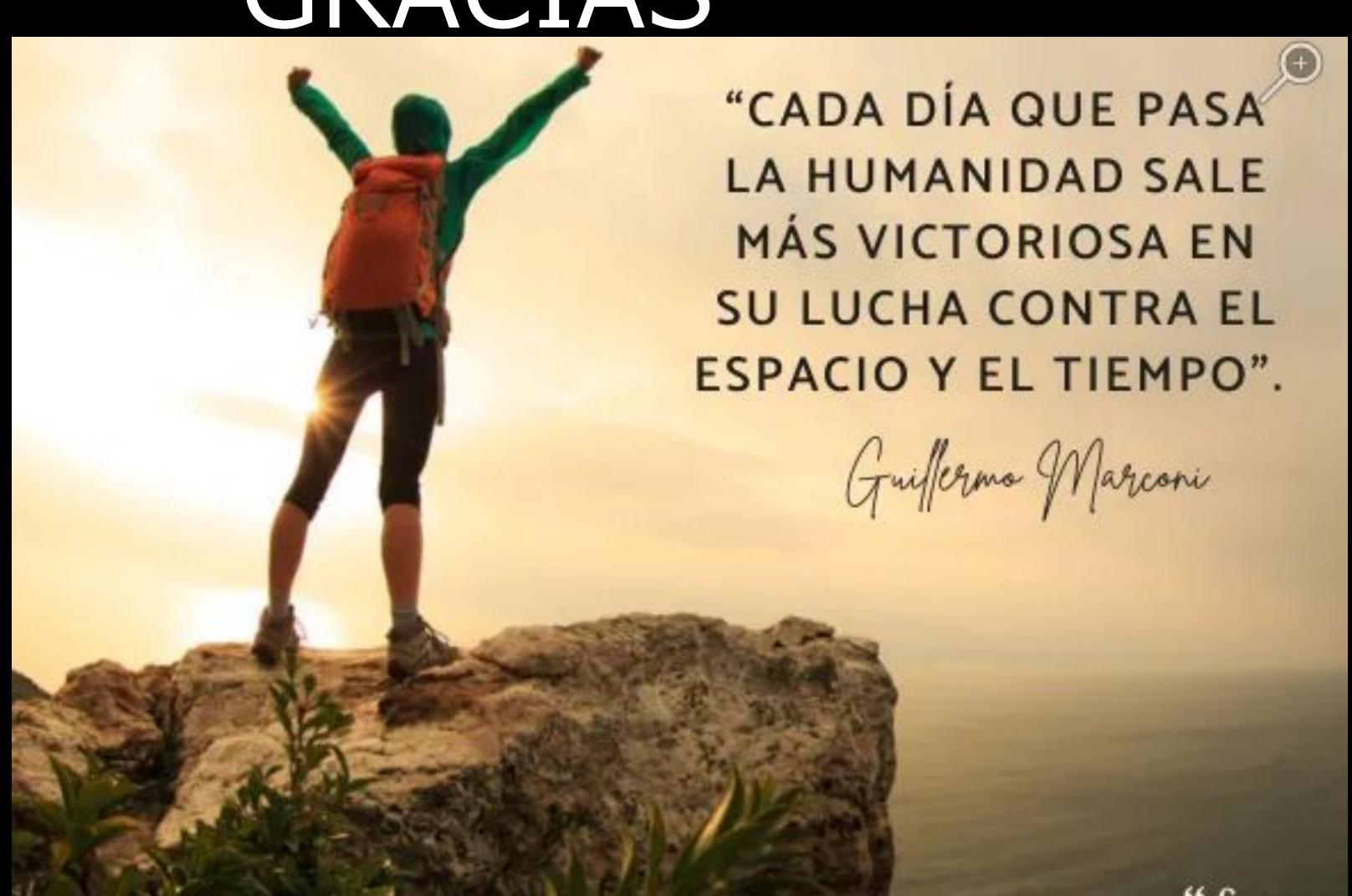
Revisión de documento

PROPOSICIONES

Hasta el momento hay propuestas para la metodología de clase?
Dificultades?

afecreer@gmail.com

GRACIAS



AGENDA 12/08/2024

- 1. OBJETIVOS
- 2. RECAPITULACIÓN DE CLASE DEL 29/08/2024
- 3. VÍDEO REDES NEURONALES ESTRUCTURA
- 4. VÍDEO REDES NEURONALES CÓMO FUNCIONA
- 5. EJEMPLO PRÁCTICO DE REDES NEURONALES
- 6. USO DE GIT Y RESUMENES DE CLASE
- 7. INTRODUCCIÓN A CÓDIGO EN PYTHON PARA BÚSQUEDA
- 8. PROPOSICIONES

Búsqueda No informada

Búsqueda Informada

Es una estrategia de búsqueda que usa conocimiento específico del problema para encontrar una solución mas eficiente

Algoritmo codicioso de busqueda del mejor primero

Este algoritmo expande el nodo, que está más cercano a la meta lo cual se estima con una función heurística h(n)

Algoritmo codicioso función heurística h(n)

En el problema del 8-Puzzle (donde se debe mover fichas dentro de una cuadrícula hasta alcanzar una configuración objetivo), se puede usar una heurística como:

 Distancia Manhattan: Mide la suma de las distancias de cada ficha desde su posición actual hasta su posición objetivo, sumando solo los movimientos horizontales y verticales.

$$h(n) = \sum_i |x_i - x_{i,goal}| + |y_i - y_{i,goal}|$$

Donde (x_i, y_i) es la posición actual de la ficha i y (x_{i, goal}, y_{i, goal}) es la posición objetivo de la ficha i.

Esta función proporciona una estimación del número mínimo de movimientos necesarios para resolver el rompecabezas.

Algoritmo codicioso función heurística h(n)

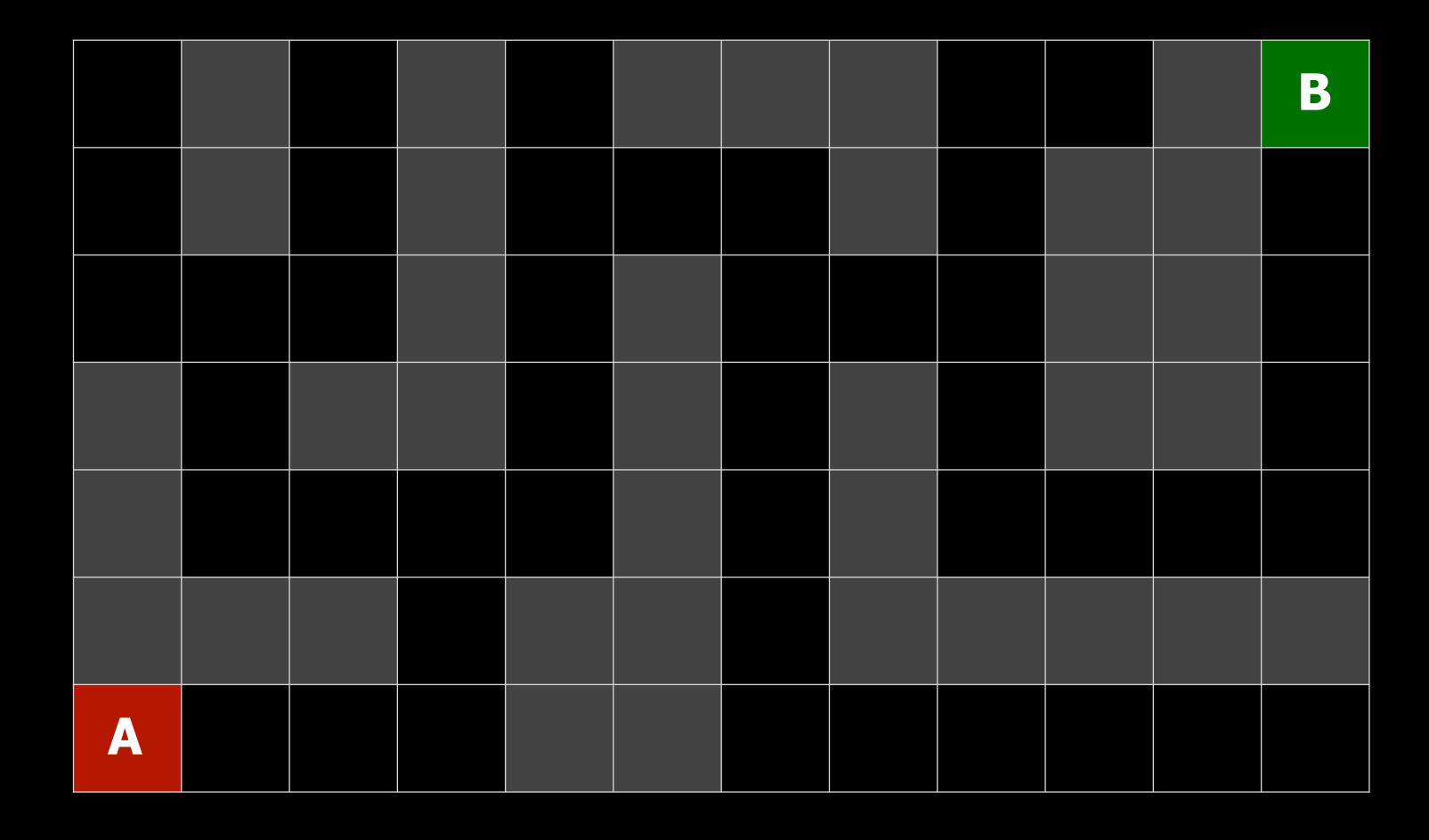
Ventajas y Desventajas del Uso de Heurísticas

- Ventajas:
 - Permiten reducir el tiempo de búsqueda en problemas complejos.
 - Son aplicables a una variedad de problemas (rutas, juegos, planificación).

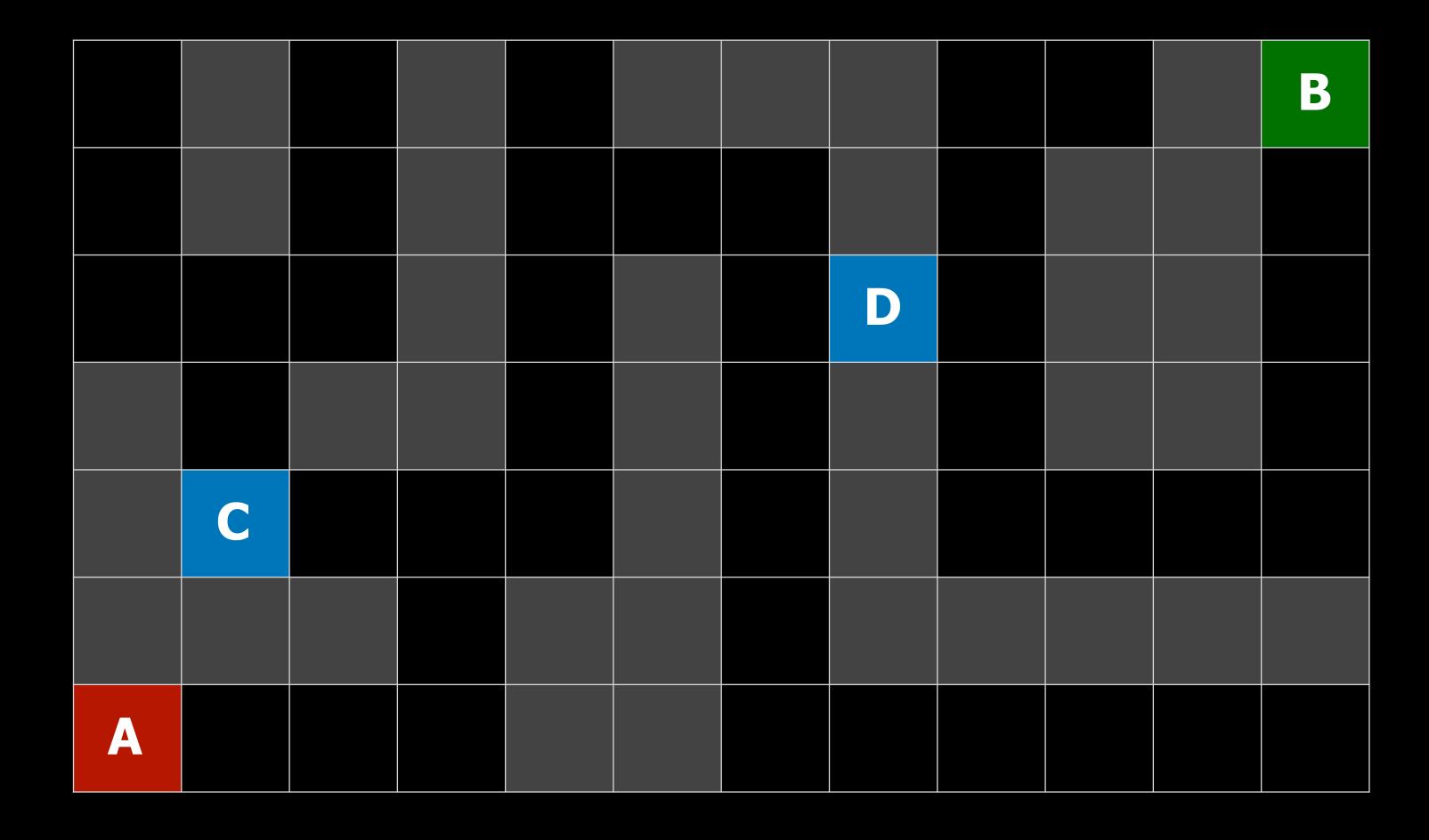
Desventajas:

- No garantizan soluciones óptimas a menos que la heurística sea admisible (nunca sobreestima el costo real).
- La calidad de los resultados depende de la calidad de la función heurística.

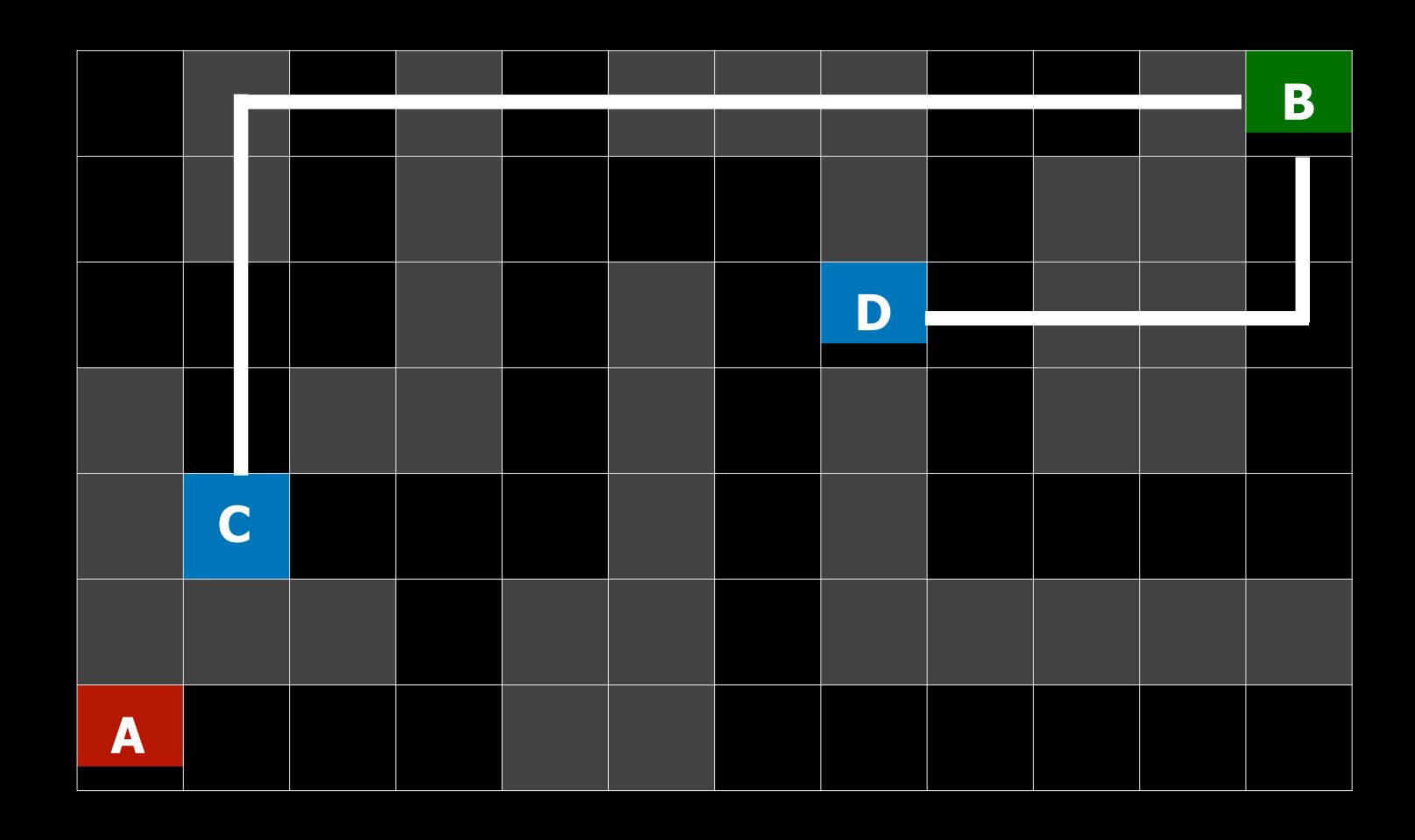
función heurística?



Heuristic function?



Heuristic function? Manhattan distance.



11		9		7				3	2		В
12		10		8	7	6		4			1
13	12	11		9		7	6	5			2
	13			10		8		6			3
	14	13	12	11		9		7	6	5	4
			13			10					
A	16	15	14			11	10	9	8	7	6

11		9		7				3	2		В
12		10		8	7	6		4			1
13	12	11		9		7	6	5			2
	13			10		8		6			3
	14	13	12	11		9		7	6	5	4
			13			10					
A	16	15	14			11	10	9	8	7	6

11		9		7				3	2		В
12		10		8	7	6		4			1
13	12	11		9		7	6	5			2
	13			10		8		6			3
	14	13	12	11		9		7	6	5	4
			13			10					
A	16	15	14			11	10	9	8	7	6

11		9		7				3	2		В
12		10		8	7	6		4			1
13	12	11		9		7	6	5			2
	13			10		8		6			3
	14	13	12	11		9		7	6	5	4
			13			10					
A	16	15	14			11	10	9	8	7	6

11		9		7				3	2		В
12		10		8	7	6		4			1
13	12	11		9		7	6	5			2
	13			10		8		6			3
	14	13	12	11		9		7	6	5	4
			1 3			10					
A	16	15	14			11	10	9	8	7	6

11		9		7				3	2		В
12		10		8	7	6		4			1
13	12	11		9		7	6	5			2
	13			10		8		6			3
	14	13	12	11		9		7	6	5	4
			13			10					
A	16	1 5	14			11	10	9	8	7	6

11		9		7				3	2		В
12		10		8	7	6		4			1
13	12	11		9		7	6	5			2
	13			10		8		6			3
	14	13	12	11		9		7	6	5	4
			13			10					
A	16	15	14			11	10	9	8	7	6

11		9		7				3	2		В
12		10		8	7	6		4			1
13	12	11		9		7	6	5			2
	13			10		8		6			3
	14	13	12	11		9		7	6	5	4
			13			10					
A	16	1 5	14			11	10	9	8	7	6

11		9		7				3	2		В
12		10		8	7	6		4			1
13	12	11		9		7	6	5			2
	13			10		8		6			3
	14	13	12	11		9		7	6	5	4
			13			10					
A	16	15	14			11	10	9	8	7	6

11		9		7				3	2		В
12		10		8	7	6		4			1
13	12	11		9		7	6	5			2
	13			10		8		6			3
	14	13	12	11		9		7	6	5	4
			13			10					
A	16	15	14			11	10	9	8	7	6

11		9		7				3	2		В
12		10		8	7	6		4			1
13	12	11		9		7	6	5			2
	13			10		8		6			3
	14	13	12	11		9		7	6	5	4
			13			10					
A	16	15	14			11	10	9	8	7	6

11		9		7				3	2		В
12		10		8	7	6		4			1
13	12	11		9		7	6	5			2
	13			10		8		6			3
	14	13	12	11		9		7	6	5	4
			13			10					
A	16	15	14			11	10	9	8	7	6

11		9		7				3	2		В
12		10		8	7	6		4			1
13	12	11		9		7	6	5			2
	13			10		8		6			3
	14	13	12	11		9		7	6	5	4
			13			10					
A	16	15	14			11	10	9	8	7	6

11		9		7				3	2		В
12		10		8	7	6		4			1
13	12	11		9		7	6	5			2
	13			10		8		6			3
	14	13	12	11		9		7	6	5	4
			1 3			10					
A	16	15	14			11	10	9	8	7	6

11		9		7				3	2		В
12		10		8	7	6		4			1
13	12	11		9		7	6	5			2
	13			10		8		6			3
	14	13	12	11		9		7	6	5	4
			1 3			10					
A	16	15	14			11	10	9	8	7	6

11		9		7				3	2		В
12		10		8	7	6		4			1
13	12	11		9		7	6	5			2
	13			10		8		6			3
	14	13	12	11		9		7	6	5	4
			13			10					
A	16	15	14			11	10	9	8	7	6

11		9		7				3	2		В
12		10		8	7	6		4			1
13	12	11		9		7	6	5			2
	13			10		8		6			3
	14	13	12	11		9		7	6	5	4
			13			10					
A	16	15	14			11	10	9	8	7	6

11		9		7				3	2		В
12		10		8	7	6		4			1
13	12	11		9		7	6	5			2
	13			10		8		6			3
	14	13	12	11		9		7	6	5	4
			13			10					
A	16	1 5	14			11	10	9	8	7	6

11		9		7				3	2		В
12		10		8	7	6		4			1
13	12	11		9		7	6	5			2
	13			10		8		6			3
	14	13	12	11		9		7	6	5	4
			13			10					
A	16	15	14			11	10	9	8	7	6

11		9		7				3	2		В
12		10		8	7	6		4			1
13	12	11		9		7	6	5			2
	13			10		8		6			3
	14	13	12	11		9		7	6	5	4
			13			10					
A	16	15	14			11	10	9	8	7	6

11		9		7				3	2		В
12		10		8	7	6		4			1
13	12	11		9		7	6	5			2
	13			10		8		6			3
	14	13	12	11		9		7	6	5	4
			13			10					
A	16	15	14			11	10	9	8	7	6

11		9		7				3	2		В
12		10		8	7	6		4			1
13	12	11		9		7	6	5			2
	13			10		8		6			3
	14	13	12	11		9		7	6	5	4
			13			10					
A	16	15	14			11	10	9	8	7	6

11		9		7				3	2		В
12		10		8	7	6		4			1
13	12	11		9		7	6	5			2
	13			10		8		6			3
	14	13	12	11		9		7	6	5	4
			1 3			10					
A	16	15	14			11	10	9	8	7	6

11		9		7				3	2		В
12		10		8	7	6		4			1
13	12	11		9		7	6	5			2
	13			10		8		6			3
	14	13	12	11		9		7	6	5	4
			13			10					
A	16	1 5	14			11	10	9	8	7	6

11		9		7				3	2		В
12		10		8	7	6		4			1
13	12	11		9		7	6	5			2
	13			10		8		6			3
	14	13	12	11		9		7	6	5	4
			1 3			10					
A	16	15	14			11	10	9	8	7	6

11		9		7				3	2		В
12		10		8	7	6		4			1
13	12	11		9		7	6	5			2
	13			10		8		6			3
	14	13	12	11		9		7	6	5	4
			13			10					
A	16	15	14			11	10	9	8	7	6

11		9		7				3	2		В
12		10		8	7	6		4			1
13	12	11		9		7	6	5			2
	13			10		8		6			3
	14	13	12	11		9		7	6	5	4
			13			10					
A	16	1 5	14			11	10	9	8	7	6

	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	В
	11										1
	12		10	9	8	7	6	5	4		2
	13		11						5		3
	14	13	12		10	9	8	7	6		4
			13		11						5
A	16	15	14		12	11	10	9	8	7	6

	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	В
	11										1
	12		10	9	8	7	6	5	4		2
	13		11						5		3
	14	13	12		10	9	8	7	6		4
			13		11						5
A	16	1 5	14		12	11	10	9	8	7	6

	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	В
	11										1
	12		10	9	8	7	6	5	4		2
	13		11						5		3
	14	13	12		10	9	8	7	6		4
			13		11						5
A	16	1 5	14		12	11	10	9	8	7	6

A*

Search algorithm that expands node with lowest VALOR of g(n) + h(n)

g(n) = cost to reach node

h(n) = estimated cost to goal

	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	В
	11										1
	12		10	9	8	7	6	5	4		2
	13		11						5		3
	14	13	12		10	9	8	7	6		4
			13		11						5
A	16	15	14		12	11	10	9	8	7	6

	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	В
	11										1
	12		10	9	8	7	6	5	4		2
	13		11						5		3
	14	13	12		10	9	8	7	6		4
			13		11						5
A	1+16	15	14		12	11	10	9	8	7	6

	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	В
	11										1
	12		10	9	8	7	6	5	4		2
	13		11						5		3
	14	13	12		10	9	8	7	6		4
			13		11						5
A	1+16	2+15	14		12	11	10	9	8	7	6

	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	В
	11										1
	12		10	9	8	7	6	5	4		2
	13		11						5		3
	14	13	12		10	9	8	7	6		4
			13		11						5
A	1+16	2+15	3+14		12	11	10	9	8	7	6

	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	В
	11										1
	12		10	9	8	7	6	5	4		2
	13		11						5		3
	14	13	12		10	9	8	7	6		4
			4+13		11						5
A	1+16	2+15	3+14		12	11	10	9	8	7	6

	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	В
	11										1
	12		10	9	8	7	6	5	4		2
	13		11						5		3
	14	13	5+12		10	9	8	7	6		4
			4+13		11						5
A	1+16	2+15	3+14		12	11	10	9	8	7	6

	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	В
	11										1
	12		10	9	8	7	6	5	4		2
	13		6+11						5		3
	14	13	5+12		10	9	8	7	6		4
			4+13		11						5
A	1+16	2+15	3+14		12	11	10	9	8	7	6

	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	В
	11										1
	12		7+10	9	8	7	6	5	4		2
	13		6+11						5		3
	14	13	5+12		10	9	8	7	6		4
			4+13		11						5
A	1+16	2+15	3+14		12	11	10	9	8	7	6

	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	В
	11										1
	12		7+10	8+9	8	7	6	5	4		2
	13		6+11						5		3
	14	13	5+12		10	9	8	7	6		4
			4+13		11						5
A	1+16	2+15	3+14		12	11	10	9	8	7	6

	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	В
	11										1
	12		7+10	8+9	9+8	7	6	5	4		2
	13		6+11						5		3
	14	13	5+12		10	9	8	7	6		4
			4+13		11						5
A	1+16	2+15	3+14		12	11	10	9	8	7	6

	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	В
	11										1
	12		7+10	8+9	9+8	10+7	6	5	4		2
	13		6+11						5		3
	14	13	5+12		10	9	8	7	6		4
			4+13		11						5
A	1+16	2+15	3+14		12	11	10	9	8	7	6

	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	В
	11										1
	12		7+10	8+9	9+8	10+7	11+6	5	4		2
	13		6+11						5		3
	14	13	5+12		10	9	8	7	6		4
			4+13		11						5
A	1+16	2+15	3+14		12	11	10	9	8	7	6

	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	В
	11										1
	12		7+10	8+9	9+8	10+7	11+6	12+5	4		2
	13		6+11						5		3
	14	13	5+12		10	9	8	7	6		4
			4+13		11						5
A	1+16	2+15	3+14		12	11	10	9	8	7	6

	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	В
	11										1
	12		7+10	8+9	9+8	10+7	11+6	12+5	13+4		2
	13		6+11						5		3
	14	13	5+12		10	9	8	7	6		4
			4+13		11						5
A	1+16	2+15	3+14		12	11	10	9	8	7	6

	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	В
	11										1
	12		7+10	8+9	9+8	10+7	11+6	12+5	13+4		2
	13		6+11						14+5		3
	14	13	5+12		10	9	8	7	6		4
			4+13		11						5
A	1+16	2+15	3+14		12	11	10	9	8	7	6

	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	В
	11										1
	12		7+10	8+9	9+8	10+7	11+6	12+5	13+4		2
	13		6+11						14+5		3
	14	6+13	5+12		10	9	8	7	6		4
			4+13		11						5
A	1+16	2+15	3+14		12	11	10	9	8	7	6

	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	В
	11										1
	12		7+10	8+9	9+8	10+7	11+6	12+5	13+4		2
	13		6+11						14+5		3
	14	6+13	5+12		10	9	8	7	15+6		4
			4+13		11						5
A	1+16	2+15	3+14		12	11	10	9	8	7	6

	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	В
	11										1
	12		7+10	8+9	9+8	10+7	11+6	12+5	13+4		2
	13		6+11						14+5		3
	7+14	6+13	5+12		10	9	8	7	15+6		4
			4+13		11						5
A	1+16	2+15	3+14		12	11	10	9	8	7	6

	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	В
	11										1
	12		7+10	8+9	9+8	10+7	11+6	12+5	13+4		2
	8+13		6+11						14+5		3
	7+14	6+13	5+12		10	9	8	7	15+6		4
			4+13		11						5
A	1+16	2+15	3+14		12	11	10	9	8	7	6

	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	В
	11										1
	9+12		7+10	8+9	9+8	10+7	11+6	12+5	13+4		2
	8+13		6+11						14+5		3
	7+14	6+13	5+12		10	9	8	7	15+6		4
			4+13		11						5
A	1+16	2+15	3+14		12	11	10	9	8	7	6

	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	В
	10+11										1
	9+12		7+10	8+9	9+8	10+7	11+6	12+5	13+4		2
	8+13		6+11						14+5		3
	7+14	6+13	5+12		10	9	8	7	15+6		4
			4+13		11						5
A	1+16	2+15	3+14		12	11	10	9	8	7	6

	11+10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	В
	10+11										1
	9+12		7+10	8+9	9+8	10+7	11+6	12+5	13+4		2
	8+13		6+11						14+5		3
	7+14	6+13	5+12		10	9	8	7	15+6		4
			4+13		11						5
A	1+16	2+15	3+14		12	11	10	9	8	7	6

	11+10	12+9	8	7	6	5	4	3	2	1	В
	10+11										1
	9+12		7+10	8+9	9+8	10+7	11+6	12+5	13+4		2
	8+13		6+11						14+5		3
	7+14	6+13	5+12		10	9	8	7	15+6		4
			4+13		11						5
A	1+16	2+15	3+14		12	11	10	9	8	7	6

	11+10	12+9	13+8	7	6	5	4	3	2	1	В
	10+11										1
	9+12		7+10	8+9	9+8	10+7	11+6	12+5	13+4		2
	8+13		6+11						14+5		3
	7+14	6+13	5+12		10	9	8	7	15+6		4
			4+13		11						5
A	1+16	2+15	3+14		12	11	10	9	8	7	6

	11+10	12+9	13+8	14+7	6	5	4	3	2	1	В
	10+11										1
	9+12		7+10	8+9	9+8	10+7	11+6	12+5	13+4		2
	8+13		6+11						14+5		3
	7+14	6+13	5+12		10	9	8	7	15+6		4
			4+13		11						5
A	1+16	2+15	3+14		12	11	10	9	8	7	6

	11+10	12+9	13+8	14+7	15+6	5	4	3	2	1	В
	10+11										1
	9+12		7+10	8+9	9+8	10+7	11+6	12+5	13+4		2
	8+13		6+11						14+5		3
	7+14	6+13	5+12		10	9	8	7	15+6		4
			4+13		11						5
A	1+16	2+15	3+14		12	11	10	9	8	7	6

	11+10	12+9	13+8	14+7	15+6	16+5	4	3	2	1	В
	10+11										1
	9+12		7+10	8+9	9+8	10+7	11+6	12+5	13+4		2
	8+13		6+11						14+5		3
	7+14	6+13	5+12		10	9	8	7	15+6		4
			4+13		11						5
A	1+16	2+15	3+14		12	11	10	9	8	7	6

	11+10	12+9	13+8	14+7	15+6	16+5	17+4	3	2	1	В
	10+11										1
	9+12		7+10	8+9	9+8	10+7	11+6	12+5	13+4		2
	8+13		6+11						14+5		3
	7+14	6+13	5+12		10	9	8	7	15+6		4
			4+13		11						5
A	1+16	2+15	3+14		12	11	10	9	8	7	6

	11+10	12+9	13+8	14+7	15+6	16+5	17+4	18+3	2	1	В
	10+11										1
	9+12		7+10	8+9	9+8	10+7	11+6	12+5	13+4		2
	8+13		6+11						14+5		3
	7+14	6+13	5+12		10	9	8	7	15+6		4
			4+13		11						5
A	1+16	2+15	3+14		12	11	10	9	8	7	6

	11+10	12+9	13+8	14+7	15+6	16+5	17+4	18+3	19+2	1	В
	10+11										1
	9+12		7+10	8+9	9+8	10+7	11+6	12+5	13+4		2
	8+13		6+11						14+5		3
	7+14	6+13	5+12		10	9	8	7	15+6		4
			4+13		11						5
A	1+16	2+15	3+14		12	11	10	9	8	7	6

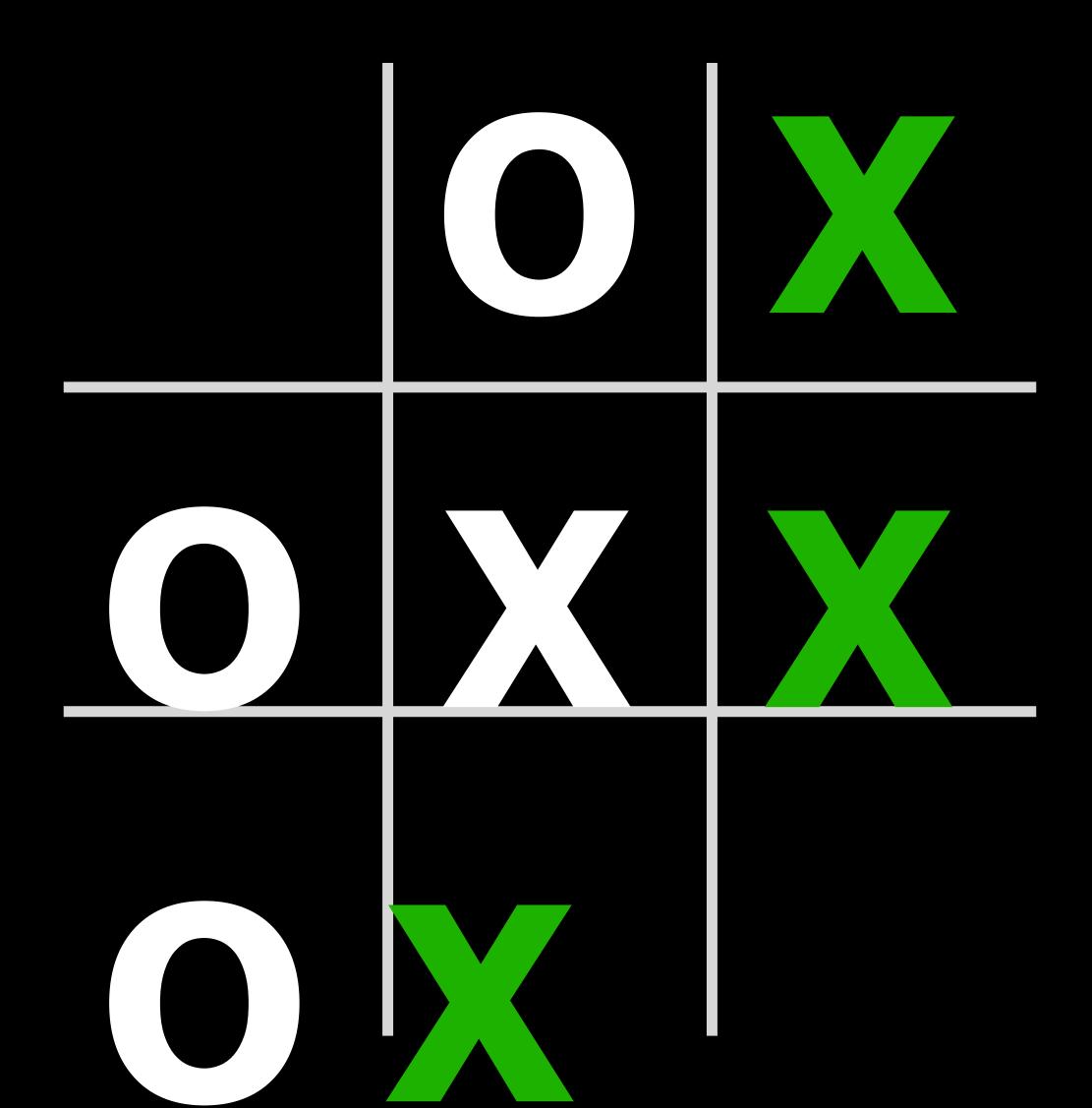
	11+10	12+9	13+8	14+7	15+6	16+5	17+4	18+3	19+2	20+1	В
	10+11										1
	9+12		7+10	8+9	9+8	10+7	11+6	12+5	13+4		2
	8+13		6+11						14+5		3
	7+14	6+13	5+12		10	9	8	7	15+6		4
			4+13		11						5
A	1+16	2+15	3+14		12	11	10	9	8	7	6

A* búsqueda

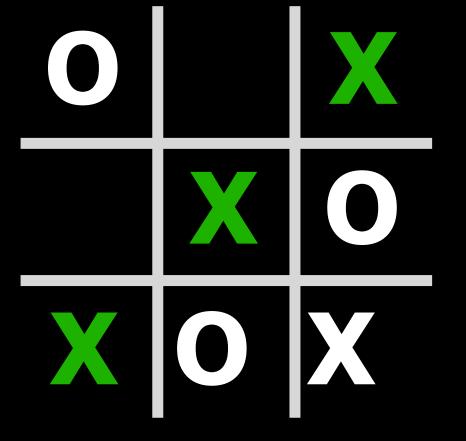
Óptima si:

- h(n) es admisible (nunca sobreestima el verdadero costo),
- h(n) es consistente (para cada nodo n y nodo sucesor n' con costo de paso c, $h(n) \le h(n') + c$)

Búsqueda con situación adversa



X	X
0	
X	X



-1

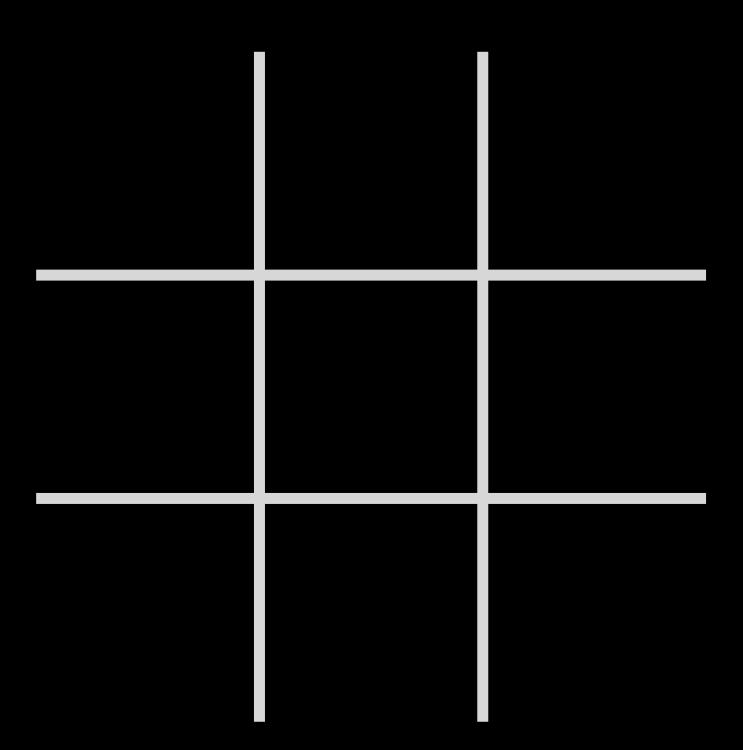
0

- MAX (X) trata de maximizar el puntaje.
- MIN (O) trata de minimizar el puntaje.

Game

- $\bullet S_0$: estado inicial
- JUGADOR(s): retorna qué jugador mueve en el estado s
- ACCION(s): retorna un movimiento autorizado en el estado s
- RESULTADO(s, a): retorna el estado después de una acción a tomada en un estado s
- Terminal(s): chequee si el estado s es un estado terminal
- UTILIDAD(s): valor numérico final para un estado s

Estado Inicial



Jugador(s)

Jugador(
$$\frac{1}{\mathbf{x}}$$
)= \mathbf{x}

ACCIONES(s)

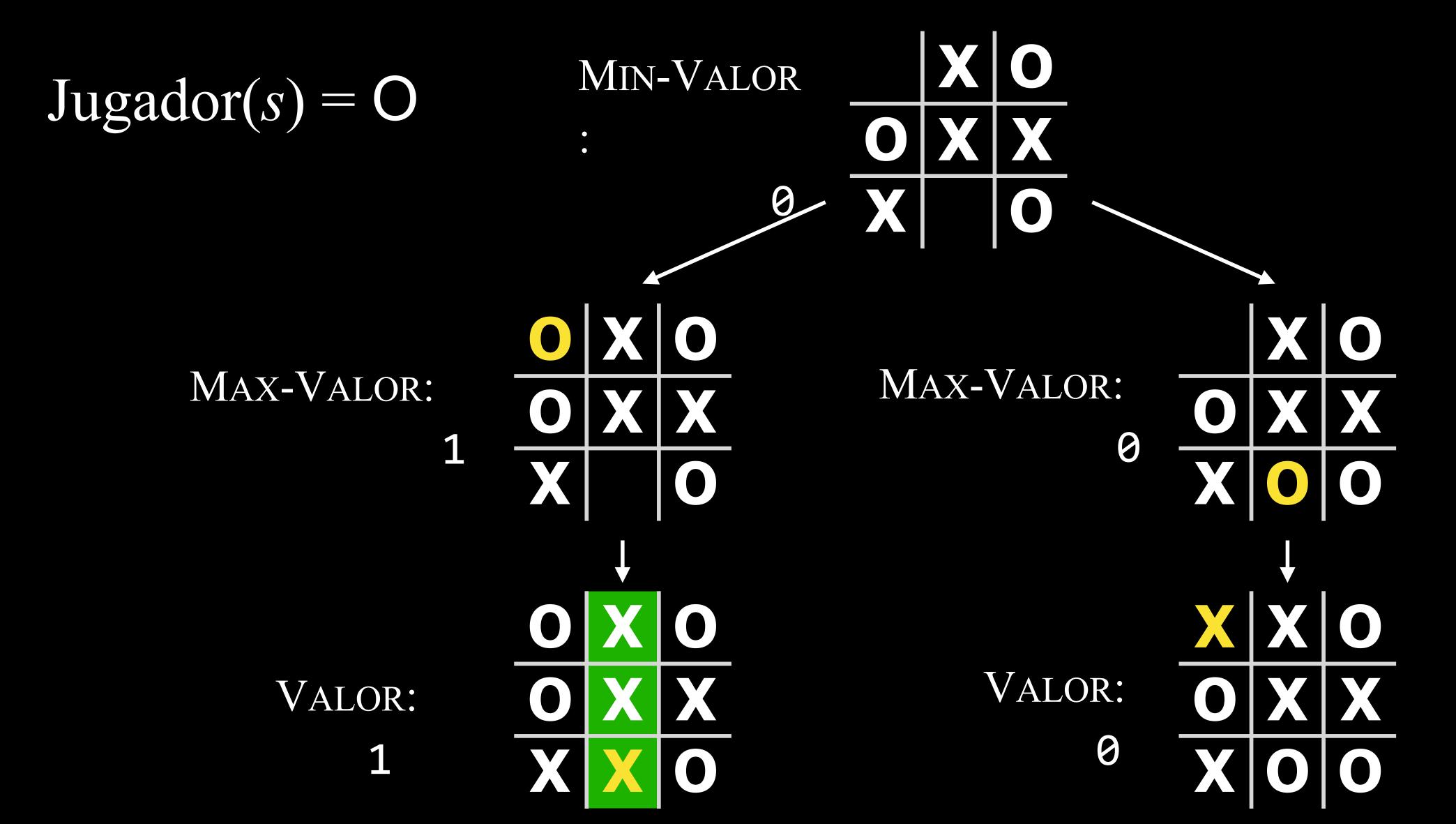
RESULT(s, a)

TERMINAL(s)

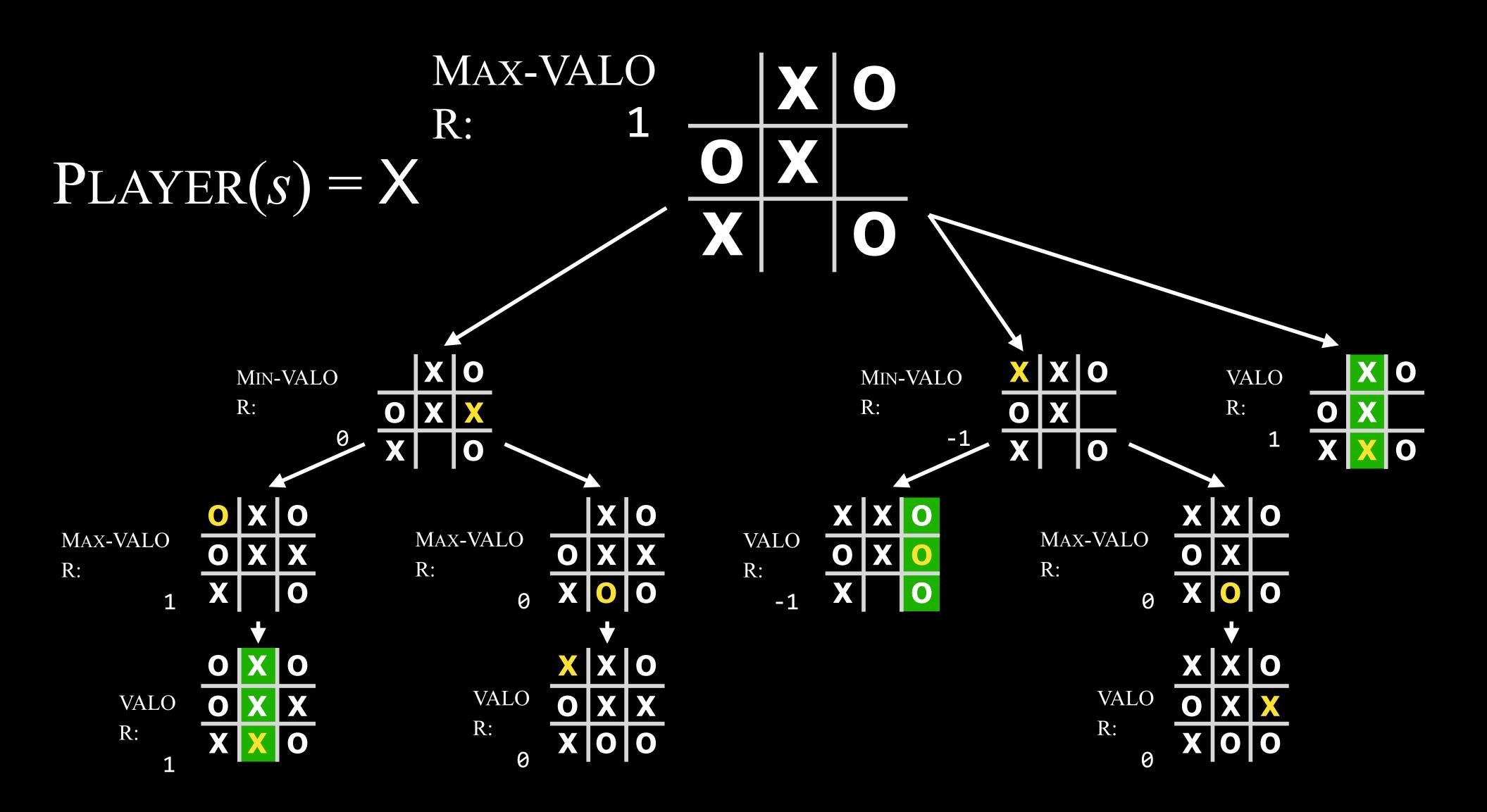
UTILIDAD(s)

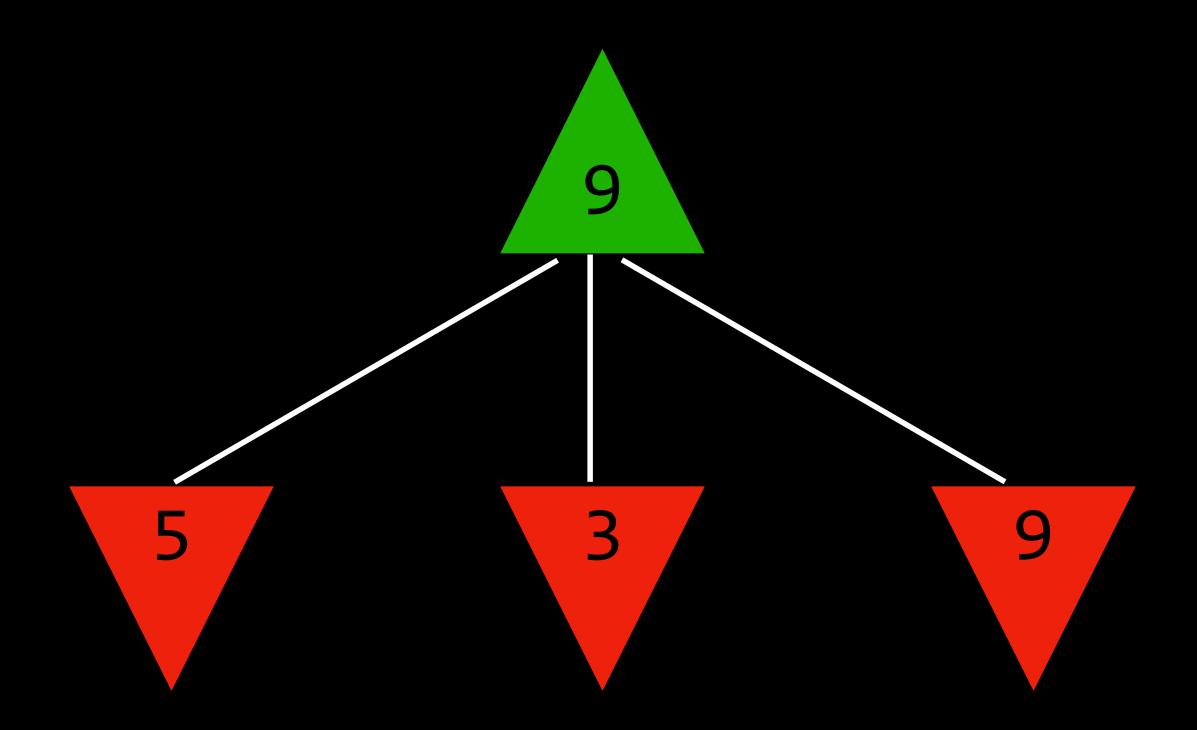
VALOR:

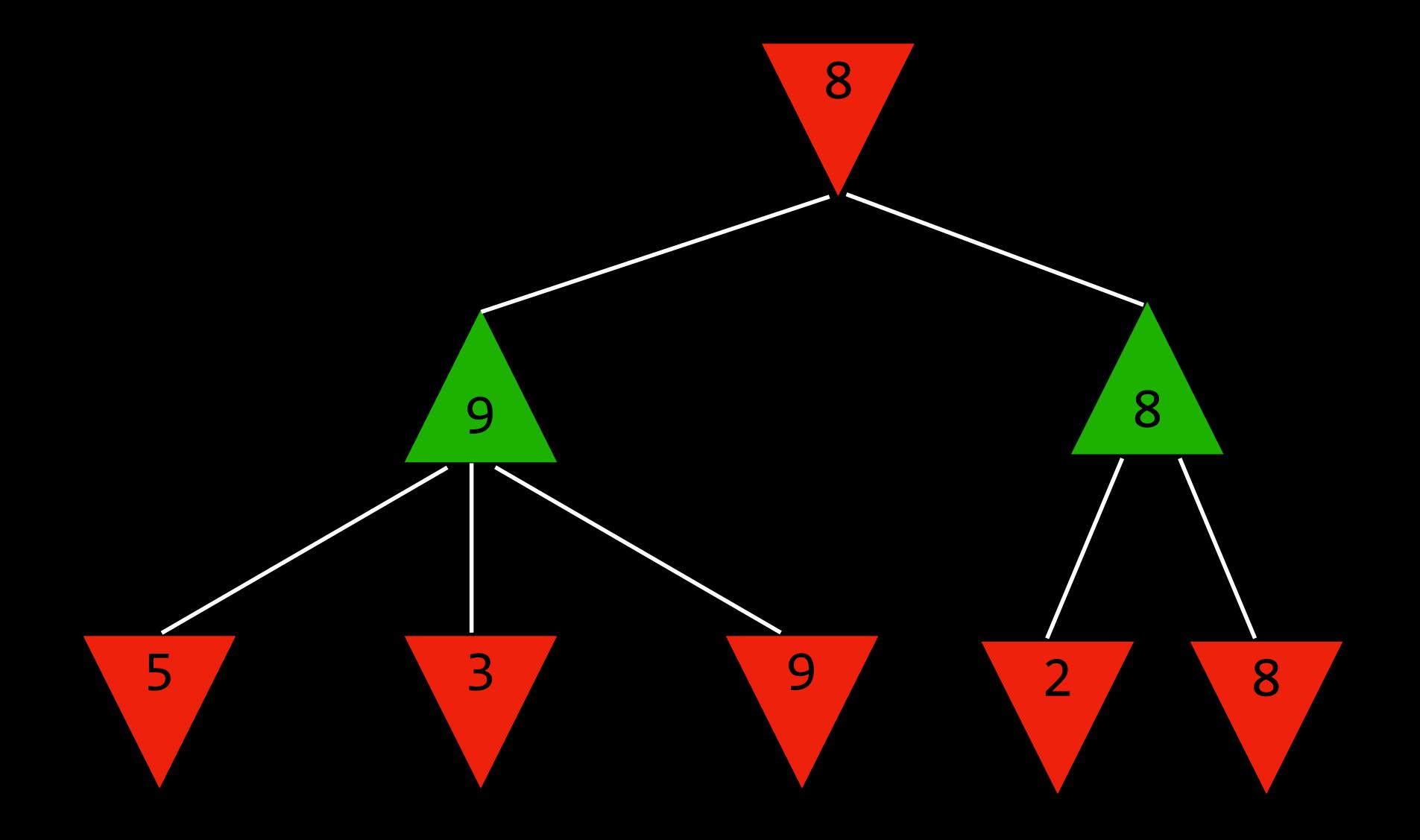
1



MIN-VALOR: Jugador(s) = O0 MAX-VALOR: MAX-VALOR: 0 VALOR: VALOR: 0







• Dado un estado s:

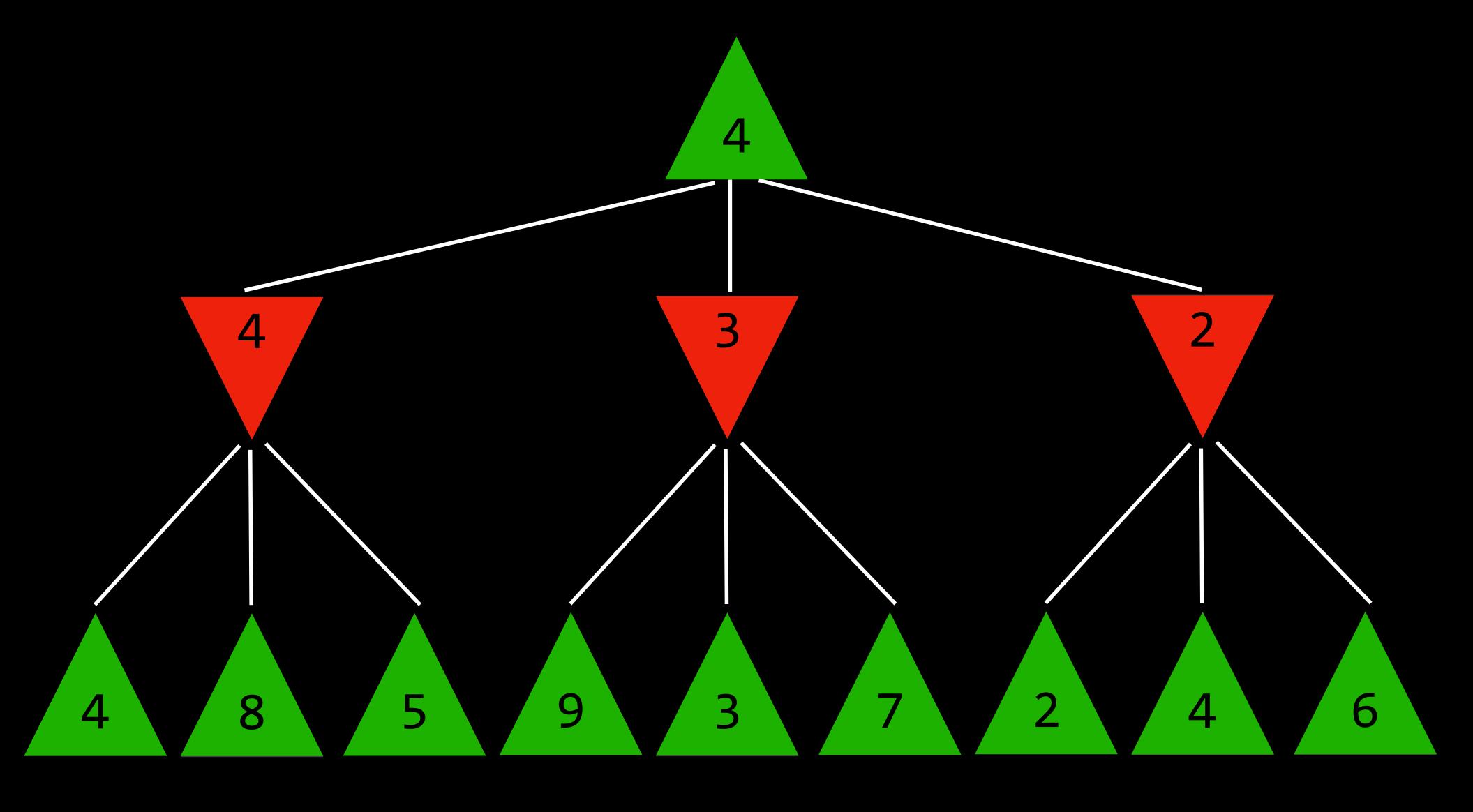
a

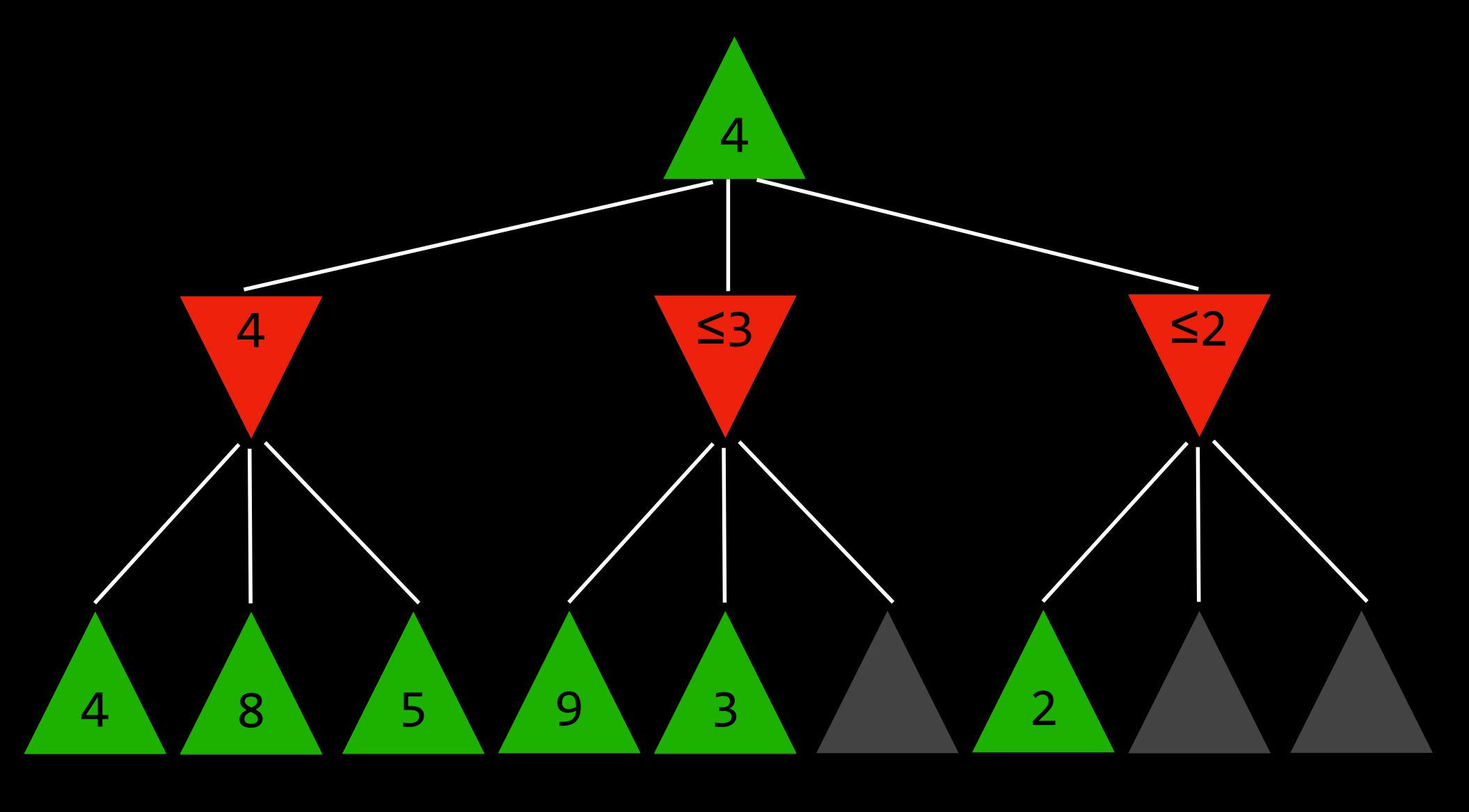
- MAX toma una acción a en el conjunto
 ACCIONES(s) que produce el vajor mas alto VALOR
 de MIN-VALOR(RESULTADOS(s, a))
- MIN elige una acción a ien el conjunto Acciones(s) que produce el valor mas pequeño eque VALOR de Max-VALOR(RESULT(s),

```
function
  MAX-VALOR(state): if
  TERMINAL(state):
    return UTILITY(state)
  \nu = -\infty
  for action in ACTIONS(state):
     v = MAX(v, Min-VALOR(Result(state, v)))
  action))) return v
```

```
function
  MIN-VALOR(state): if
  TERMINAL(state):
    return UTILITY(state)
  \nu = \infty
  for action in ACTIONS(state):
    v = Min(v, Max-VALOR(Result(state,
  action III return 12
```

Optimizations





Alpha-Beta Pruning

255,168

total possible Tic-Tac-Toe games

288,000,000,000,000

total possible chess games after four moves each

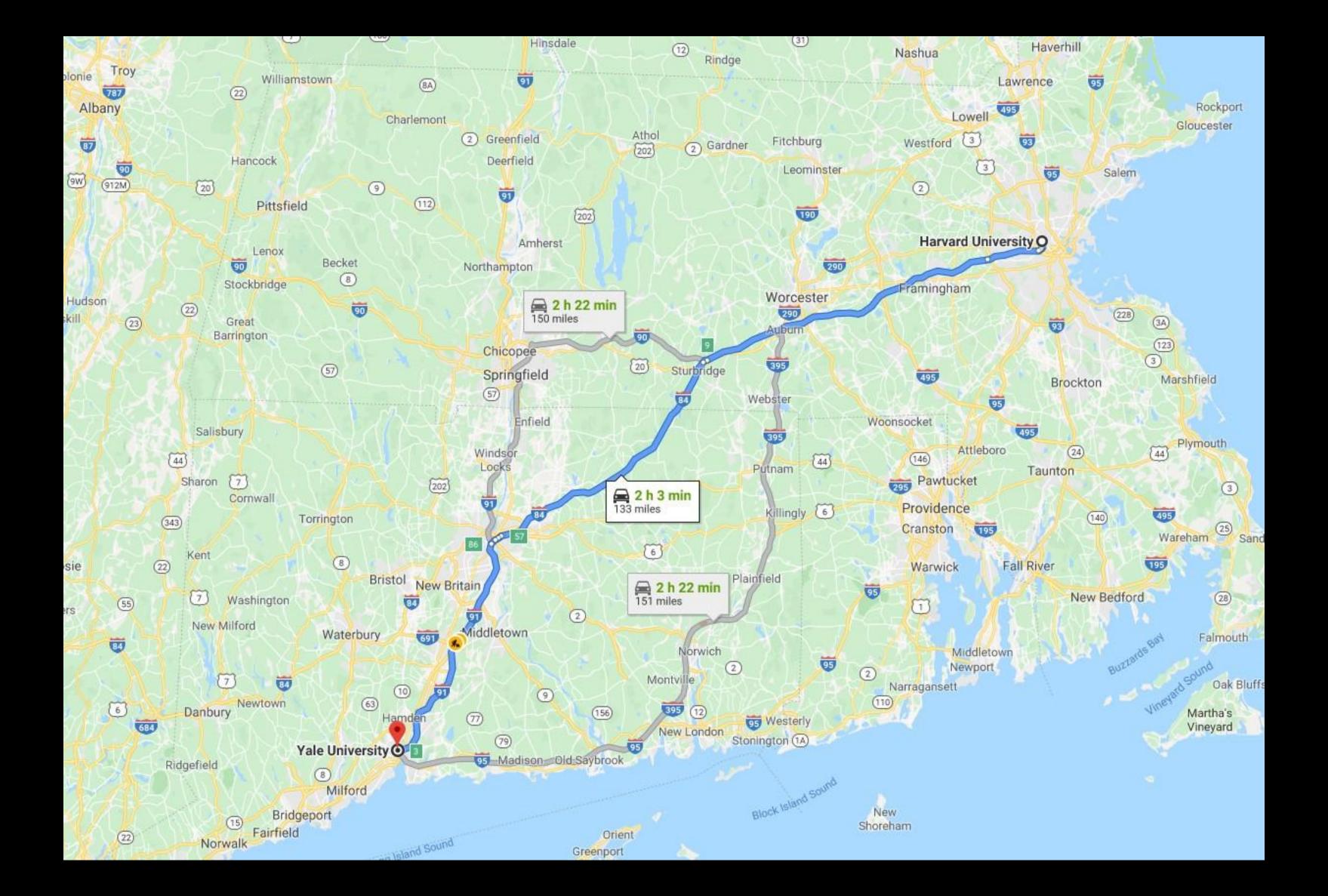
10229000

total possible chess games (lower bound)

Depth-Limited Minimax

evaluation function

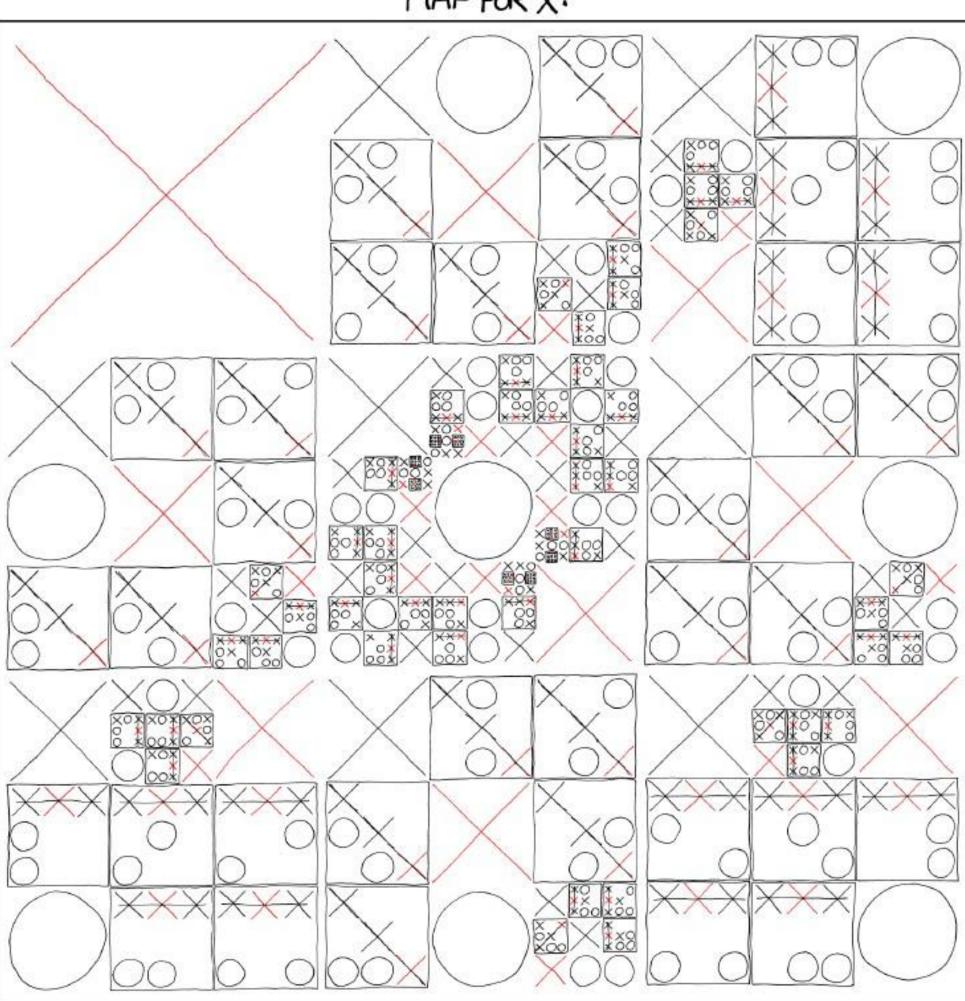
function that estimates the expected utility of the game from a given state



COMPLETE MAP OF OPTIMAL TIC-TAC-TOE MOVES

YOUR MOVE IS GIVEN BY THE POSITION OF THE LARGEST RED SYMBOL ON THE GRID. WHEN YOUR OPPONENT PICKS A MOVE, ZOOM IN ON THE REGION OF THE GRID WHERE THEY WENT. REPEAT.

MAP FOR X:



Busqueda