Description

给出 1 个长度为 ∩ 的序列,以及 1 个正整数 m。问这个原序列中是否存在非空子序列,使其元素之和能被 m 整除。

 $n < = 10^6$, $m < = 10^3$.

Solution

首先发现这是一个非常sb的01背包模板.

时间0(nm)空间0(nm)就不用想了.

Solution

如果存在

```
(a<sub>1</sub>+...+a<sub>r</sub>)mod m=0,
then (sum<sub>r</sub>-sum<sub>1-1</sub>)mod m=0
-> (sum<sub>r</sub> mod m - sum<sub>1-1</sub> mod m + m) mod m=0
-> sum<sub>r</sub> mod m = sum<sub>1-1</sub> mod m
```

Solution

如果∩>™

由抽屉原理得 sumi mod m 必有重复.

那么一定存在 $1和\Gamma$,使得 sum_{Γ} mod $m = sum_{1-1}$ mod m

所以说,n>m时答案一定是 YES (其实n=m也可,为什么?)

Solution

如果∩<m

则n<m<=1000,

时间和空间都可以承受0(∩m).

```
Code:
 rep(i, 1, n + 1) {
    f[i][a[i] % m] = 1;
   rep(j, 0, m) {
      F[i][j] |= F[i - 1][j];
     f[i][(j + a[i]) % m] |= f[i - 1][j];
    }
   ok |= f[i][0];
```

Description

给一个序列,求一个子串,使得子串和减掉子串中最大值的差最大,输出最大值.

n<=100000,-30<=a[i]<=30</pre>

Solution

这a[i]如此小,肯定有诈!

考虑枚举子串内最大值.对于每个值,我们跑一下区间内的最大子串和,这个题就写完了.

Solution

但是我们枚举m×的时候要考虑:

- 1. 当前子串中最大值<mx
- 2. 当前子串中最大值>mx

Solution

- 1. 不管.
- 2. 当前sum强制清零.

没了.

```
Code
rep(mx, 0, 31) {
    int res = 0;
   rep(i, 0, n) {
     res += a[i];
      if(res < 0 || a[i] > mx) res = 0;
      ans = max(ans, res - mx);
```

Statement

How many strings can be obtained by applying the following operation on a string S exactly K times: "choose one lowercase English letter and insert it somewhere"?

通过对字符串 S 进行以下操作恰好 K 次,可以得到多少个不同的字符串:"选择一个小写英文字母并将其插入某处"?

Solution

设n=s.size().

A

В

C

D

Solution

Solution

Solution

Solution

Solution

所以答案也就出来了.

我设第一个字母左边添加i个字符,后面则添加k-i个,那么答案就是 $26^{i} * 25^{k-i} * C(n-1,k+n-i-1)$

```
Code
  int n, k;
  std::string s;
  std::cin >> k >> s;
 n = s.size();
  int ans = 0;
  prework(200000);
  rep(i, 0, k + 1) ans = (ans + qpow(26, i) * qpow(25, k - i) % MOD *
C(n - 1, k + n - i - 1) \% MOD) \% MOD;
 print(ans, '\n');
```

Statement

存在 2k 种不同的动物,它们被编号为 0~2k-1。动物园里饲养了 其中的n种,其中第i种动物的编号为ai。有m条要求,第j 条要求形如"如果动物园中饲养着某种动物、满足其编号的二进 制表示的第 p_i 位为 1,则必须购买第 q_i 种饲料"。其中饲料共 有 c 种, 它们从 1~c 编号。实际上根据购买到的饲料, 动物园可 能可以饲养更多的动物。计算动物园目前还能饲养多少种动物。 $0 \le n, m \le 10^6, 0 \le k \le 64$

Solution

显然如果第i个饲料没买,那么所有第 p_i 位是1的动物都不成立。那我们看一下哪些饲料必须买,那么剩下的那些就都不行。判断一个饲料买不买,只需要看所有动物的and和这个饲料与一下,如果等于零,那么不买。

Solution

最后看一下有多少位不能为1,那么剩下的位都可以填1。那答案就是2k-cannot-n。

注意k-cannot=64, n=0时的特判。

Code

```
rep(i, 0, n) sum |= a[i];
ans = (111 << k) - n;
rep(i, 0, m) \{
 int p, q;
 read(p), read(q);
 if(!((111 << p) & sum)) sum2 += (cannot & (111 << p)) == 0, cannot |= (111 << p);
ans = (111 << k - sum2) - n;
print(ans);
```

Description

这里有n个工作. 如果你做了第i个工作并且完成它,从你做它的那天数起的第Ai天,你会获得Bi的金钱;

你一天最多只能做并完成一个工作,你也可以选择不做;

你也不能做一个你已经做过的工作;

求出在M天内你可以获得的最大价值;

 $N,M \le 100000$

正常想法:

这是个01背包!

01背包?

我们发现,这里没有"体积"的概念,更进一步的,我们也没法保证选掉了的物品的价值一定能加在最终结果中。

01背包?

这条路行不通!

第二想法:

这是个贪心!

贪心?

先给他排个序,然后去最大的,然后?

日期加一?

贪心?

考虑下列数据:

贪心?

考虑下列数据:

4 5

4 3

3 4

1 1

1 1

11

贪心?

你第一步选了34。

然后你把 4 3 删了。

你就选不了 4 3 了。

你的答案就错掉了。

所以!

正解已经出来了!

逆向贪心!

ABC137_d Summer Vaacation

逆向贪心!

日期从m到1,每一天加入当天工作可以获得报酬的工作,在这堆东西里面求最大值即可。

ABC137_d Summer Vaacation

逆向贪心!

于是我们就想到了优先队列。

然后你发现这个题做完了。

Description

给你一个数n,他的前 d_1 位是 c_1 ,接下来 d_2 位是 c_2 ,直到最后 d_m 位是 c_m .

你每次可以进行一次操作:选中n的相邻两个数位,将他们替换为它们的和.如2378->578或2108或2315

求让n只剩一位数的最多操作次数.

算法1:暴力

每次选两个数,给他加起来。

虽然没有什么用,但可以帮助你注意到一个性质:

无论怎么操作, 总操作数不变!

于是我们可以想到第一种AC方法:

预处理每一块同一个数的操作个数与最后生成的值,对于每一块O(1)计算,最后暴力合并。

举个例子。

但是我们可以进一步优化。

考虑每次操作他干了什么。

如果有进位:他的数字和减少9.

如果没有进位:他的数字个数减少1.

再审视一下目标:数字和小于等于9且数字个数为1.

做完了。

ans=(sum+1)/9+num-1

Description:

给你 n 个点,每个点的坐标是 (xi,yi) ,定义 (a,b) 与 (c,d) 两点间的距离为 $min\{|a-c|,|b-d|\}$,求这个图的MST。

 $n \le 200000$

最naive的做法:

建n²条边,在这个图上跑MST

显然过不去

于是我们考虑能不能少建一点边.以横坐标为例.

我们有三个点横坐标为1,2,4

那么我们会建1-2,2-4,1-4三条边.

但是用Kruscal跑一下呢?

会发现1-2,2-4两条边肯定在1-4被循环到的时候已经建掉了.这时这三个点已经在同一个并查集中.所以1-4边废掉了.

于是我们就得到了一个做法.

将所有点按横坐标排序,在相邻的两个点之间建边.

接下来将所有点按纵坐标排序,在相邻的两个点之间建边.

这时我们发现边数只剩下2(n-1)条,可以通过本题.

Description

给你一个长度为 n 的数列 a , 求 a 中所有长度 $\leq k$ 的子串的中位数的最大值。 $n \leq 200000$

暴力?

枚举每一个子串,用平衡树做中位数,O(n²logn)

显然不能暴力做.

因为求的是最大值,考虑二分.

为了保证满足二分性,二分返回的是"中位数是否有可能大于或等于x".

因为没说中位数必须是x,所以我只需要考虑当前数和x的大小关系.

定义bi=
$$\begin{cases} 1, ai >= x \\ -1, ai < x \end{cases}$$

则[i,j]区间中位数大于等于x的充要条件是 $\sum_{k=i}^{j} b_k > 0$ 于是想到前缀和维护.

那么sumj-sumi>0

但是,子串的长度是不一定的.所以我要最大化sumj-sumi.

我去循环j,则sumj是定值.sumi可以取1~j-k之间最小的sumi.

做最小值可以另开一个数组维护.

```
bool check(int x) {
     rep(i, 1, n) b[i] = a[i] >= x ? 1 : -1;
     rep(i, 1, n) sum[i] = sum[i - 1] + b[i];
     rep(i, 1, n) m[i] = min(m[i - 1], sum[i]);
     rep(i, k, n) if(sum[i] - m[i - k] > 0) return 1;
     return 0;
```

给你一张图,求他在或运算意义下的 MST。

考虑按位去做这个题。

从高往低枚举每一位,如果这一位能不选,我就不选他。

怎样判断他是否要选呢?

我会用并查集!

我把不含这一位的所有边连接的两个点 merge 起来,最后如果只剩一个并查集,说明不用选也可以.

如果这一位不要, 那我就把所有含有这一位的边全部删光。

将他的权值设为-1 然后排个序,则这条边就送到数组末端,最后直接减少边的条数就能完成删边操作。

bool cmp(edge i, edge j) {return e[i].val>e[j].val}
rep(i,1,cnt) if(e[i].val&(1<<v)) e[i].val=-1;
std::sort(e+1,e+cnt+1,cmp);
rep(i,1,cnt) if(e[i].val==-1) {cnt=i-1;break;}</pre>

如果这一位要,累加 ans。做完了。