Fyziklání online I. ročník 31. května 2012

## Úloha FoL.24 ... metro

9 bodů

Představte si, že dva body na zemském povrchu spojíte přímým tunelem, jehož nejmenší vzdálenost od středu Země je  $h=3\,000\,\mathrm{km}$ , a spustíte do něj kuličku. Jaké nejvyšší rychlosti dosáhne kulička při přeletu z jedné strany tunelu na druhou? Jakékoliv tření zanedbejte. Uvažujte Zemi s poloměrem  $R=6\,378\,\mathrm{km}$  (dokonale kulatá) a hmotností  $M_\mathrm{Z}=5,974\cdot10^{24}\,\mathrm{kg}$ , gravitační konstanta je  $\kappa=6,672\cdot10^{-11}\,\mathrm{m}^3\cdot\mathrm{kg}^{-1}\cdot\mathrm{s}^{-2}$ .