

Taller de programación sobre matrices y tableros

Laboratorio Algoritmos y Estructura de Datos I



DEPARTAMENTO
DE COMPUTACION

Facultad de Ciencias Exactas y Naturales - UBA

2do Cuatrimestre 2019

¿Qué es una matriz?

¿Qué es una matriz?

- ▶ Una matriz, en nuestro contexto, es simplemente un vector de dos dimensiones que tiene el mismo largo en cada uno de sus elementos.

¿Qué es una matriz?

- ▶ Una matriz, en nuestro contexto, es simplemente un vector de dos dimensiones que tiene el mismo largo en cada uno de sus elementos.
- ▶ Para declarar una matriz (de enteros) pueden hacer:

```
1 vector<vector<int>> m;
```

En vez de *int* pueden poner cualquier otro tipo (*string*, *char*, etc).

¿Y qué hacemos con la matriz?

Muchas veces queremos utilizar matrices para representar estructuras como, por ejemplo:

¿Y qué hacemos con la matriz?

Muchas veces queremos utilizar matrices para representar estructuras como, por ejemplo:

- ▶ Matrices de verdad (esas de Álgebra que tienen determinante y esas cosas).

¿Y qué hacemos con la matriz?

Muchas veces queremos utilizar matrices para representar estructuras como, por ejemplo:

- ▶ Matrices de verdad (esas de Álgebra que tienen determinante y esas cosas).
- ▶ Tableros (de ajedrez, por ejemplo).

¿Y qué hacemos con la matriz?

Muchas veces queremos utilizar matrices para representar estructuras como, por ejemplo:

- ▶ Matrices de verdad (esas de Álgebra que tienen determinante y esas cosas).
- ▶ Tableros (de ajedrez, por ejemplo).
- ▶ Mapas (por ejemplo, en cada casillero guardamos la altura del territorio en esas coordenadas, o la cantidad de personas que viven en una determinada manzana).

¿Y qué hacemos con la matriz?

Muchas veces queremos utilizar matrices para representar estructuras como, por ejemplo:

- ▶ Matrices de verdad (esas de Álgebra que tienen determinante y esas cosas).
- ▶ Tableros (de ajedrez, por ejemplo).
- ▶ Mapas (por ejemplo, en cada casillero guardamos la altura del territorio en esas coordenadas, o la cantidad de personas que viven en una determinada manzana).
- ▶ Imágenes.

¿Y qué hacemos con la matriz?

Muchas veces queremos utilizar matrices para representar estructuras como, por ejemplo:

- ▶ Matrices de verdad (esas de Álgebra que tienen determinante y esas cosas).
- ▶ Tableros (de ajedrez, por ejemplo).
- ▶ Mapas (por ejemplo, en cada casillero guardamos la altura del territorio en esas coordenadas, o la cantidad de personas que viven en una determinada manzana).
- ▶ Imágenes.
- ▶ Muchísimos etcéteras.

Operaciones (que vamos a necesitar) sobre matrices

- Declarar una matriz.

```
1 vector<vector<int>> m;
```

- Inicializar una matriz de m filas \times n columnas con ceros.

```
1 vector<vector<int>> res(m, vector<int>(n));
```

- Inicializar una matriz de m filas \times n columnas todas con el mismo valor (x).

```
1 vector<vector<int>> res(m, vector<int>(n, x));
```

Operaciones (que vamos a necesitar) sobre matrices

- ▶ Declarar una matriz.

```
1 vector<vector<int>> m;
```

- ▶ Inicializar una matriz de m filas \times n columnas con ceros.

```
1 vector<vector<int>> res(m, vector<int>(n));
```

- ▶ Inicializar una matriz de m filas \times n columnas todas con el mismo valor (x).

```
1 vector<vector<int>> res(m, vector<int>(n, x));
```

- ▶ Agregar una fila.

Operaciones (que vamos a necesitar) sobre matrices

- ▶ Declarar una matriz.

```
1 vector<vector<int>> m;
```

- ▶ Inicializar una matriz de m filas \times n columnas con ceros.

```
1 vector<vector<int>> res(m, vector<int>(n));
```

- ▶ Inicializar una matriz de m filas \times n columnas todas con el mismo valor (x).

```
1 vector<vector<int>> res(m, vector<int>(n, x));
```

- ▶ Agregar una fila.

```
1 vector<vector<int>> m;  
2 vector<int> v = {1,2,3};  
3 m.push_back(v);
```

Operaciones (que vamos a necesitar) sobre matrices

- ▶ Declarar una matriz.

```
1 vector<vector<int>> m;
```

- ▶ Inicializar una matriz de m filas \times n columnas con ceros.

```
1 vector<vector<int>> res(m, vector<int>(n));
```

- ▶ Inicializar una matriz de m filas \times n columnas todas con el mismo valor (x).

```
1 vector<vector<int>> res(m, vector<int>(n, x));
```

- ▶ Agregar una fila.

```
1 vector<vector<int>> m;  
2 vector<int> v = {1,2,3};  
3 m.push_back(v);
```

- ▶ Acceder a un elemento en la posición (i,j) .

Operaciones (que vamos a necesitar) sobre matrices

- ▶ Declarar una matriz.

```
1 vector<vector<int>> m;
```

- ▶ Inicializar una matriz de m filas \times n columnas con ceros.

```
1 vector<vector<int>> res(m, vector<int>(n));
```

- ▶ Inicializar una matriz de m filas \times n columnas todas con el mismo valor (x).

```
1 vector<vector<int>> res(m, vector<int>(n, x));
```

- ▶ Agregar una fila.

```
1 vector<vector<int>> m;  
2 vector<int> v = {1,2,3};  
3 m.push_back(v);
```

- ▶ Acceder a un elemento en la posición (i,j) .

```
1 m[i][j]
```

Rotación de Matrices

Dada una matriz `mat` de $n \times m$ y dos enteros `d` y `a` queremos devolver una matriz con las m columnas movidas `d` veces a la derecha y las n filas movidas `a` veces hacia abajo.

Rotación de Matrices

Resolvamos el siguiente problema:

```
proc rotar (in mat: seq<seq<ℤ>>, in d: ℤ, in a: ℤ, out res:
seq<seq<ℤ>>) {
  Pre { |mat| > 0 ∧ (∀ i : ℤ) (0 ≤ i < |mat| →L |mat[i]| = |mat[0]|) }
  Post { mismasDimensiones(res, mat) ∧L
        esLaMovidaParaAbajoYDerecha(res, mat) }
}

pred mismasDimensiones (m1: seq<seq<ℤ>>, m2: seq<seq<ℤ>>) {
  |m1| = |m2| ∧L (∀ i : ℤ) (0 ≤ i < |m1| →L |m1[i]| = |m2[i]|)
}

pred esLaMovidaParaAbajoYDerecha ( res: seq<seq<ℤ>>, mat:
seq<seq<ℤ>>) {
  (∀ i, j : ℤ) (0 ≤ i < |mat| ∧L 0 ≤ j < |mat[i]| →L res[i][j] =
mat[(i - a) mód |mat|][(j - d) mód |mat[i]|])
}
```

Rotación de Matrices

```
1  vector<vector<int>> rotar(vector<vector<int> > mat,
2      int a, int d) {
3      int n = mat.size();
4      int m = mat[0].size();
5      vector<vector<int>> res(n, vector<int>(m));
6      int i = 0;
7      while(i < n) {
8          int j = 0;
9          while(j < m) {
10             res[i][j] = mat[(i - a) % n][(j - d) % m];
11             j++;
12         }
13         i++;
14     }
15     return res;
16 }
```

Matrices y más matrices

Durante la carrera verán más ejercicios de matrices hasta el cansancio en:

- ▶ Organización del Computador 2: Verán como aplicar filtro a imágenes (como los de Instagram) pero en lenguaje ASM.
- ▶ Algoritmos y Estructuras de Datos 3: Ejercicios sobre grafos, programación dinámica, etc.
- ▶ Métodos Numéricos: mejor conocida como “Matrices: la materia” (verán algoritmos sobre matrices como las de Álgebra).

Taller de Matrices

El taller de hoy tiene un enunciado y un archivo comprimido. Dentro del archivo que se que se descarguen desde la página de la materia van a encontrar los siguientes archivos y carpetas:

- ▶ Directorio `lib`: Con el GTest comprimido que es preciso descomprimir.
- ▶ Directorio `tests`: Con 8 tests, uno por cada ejercicio del taller.
- ▶ `ejercicios.cpp`: Aquí es donde van a volcar sus implementaciones.
- ▶ `ejercicios.h`: *headers* de las funciones que tienen que implementar.
- ▶ `main.cpp`: Punto de entrada del programa.

Para trabajar, se debe crear el archivo `CMakeList.txt` que involucre todos los directorios y archivos del taller. Se puede aprovechar aquel `CMakeList.txt` del laboratorio 6. Desde el CLION se puede abrir el proyecto con "Open Project".