

Práctica 1: Representación de la información

Números enteros

Segundo Cuatrimestre 2020

Organización del Computador I
DC - UBA



8 bits...

¿Cuántas cosas puede contar esta máquina?

Cada número se puede representar de **varias** maneras.

Por ejemplo: el vigésimo elemento de los números naturales sin el cero.

- Si se escribiese en la antigua Roma hubiese sido:

Cada número se puede representar de **varias** maneras.

Por ejemplo: el vigésimo elemento de los números naturales sin el cero.

- Si se escribiese en la antigua Roma hubiese sido:

XX

- Si se escribiese acá mismo, sería:

Cada número se puede representar de **varias** maneras.

Por ejemplo: el vigésimo elemento de los números naturales sin el cero.

- Si se escribiese en la antigua Roma hubiese sido:

XX

- Si se escribiese acá mismo, sería:

20

- Aunque... también podría haber sido:

Cada número se puede representar de **varias** maneras.

Por ejemplo: el vigésimo elemento de los números naturales sin el cero.

- Si se escribiese en la antigua Roma hubiese sido:

XX

- Si se escribiese acá mismo, sería:

20

- Aunque... también podría haber sido:

10100

Para representar un número natural podemos usar:



En este caso, representan el número veintisiete.

¿Importa el orden de los porotos?

Para representar un número natural podemos usar:



En este caso, representan el número veintisiete.

¿Importa el orden de los porotos?

No

Para representar un número natural podemos usar también el conjunto:

$$B = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$$

Para representar un número natural podemos usar también el conjunto:

$$B = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$$

En este caso, para representar el número veintisiete:

27

Para representar un número natural podemos usar también el conjunto:

$$B = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$$

En este caso, para representar el número veintisiete:

27

¿Importa el orden de los símbolos?

Para representar un número natural podemos usar también el conjunto:

$$B = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$$

En este caso, para representar el número veintisiete:

27

¿Importa el orden de los símbolos?

Si

$$27 \neq 72$$

- El sistema *decimal* utiliza un conjunto de 10 símbolos para representar los números.

- El sistema *decimal* utiliza un conjunto de 10 símbolos para representar los números.
- Así, en cada numeral, la posición de cada símbolo está relacionada con una potencia de 10.

- El sistema *decimal* utiliza un conjunto de 10 símbolos para representar los números.
- Así, en cada numeral, la posición de cada símbolo está relacionada con una potencia de 10.

$$27 = 2 \cdot 10^1 + 7 \cdot 10^0$$

- El sistema *decimal* utiliza un conjunto de 10 símbolos para representar los números.
- Así, en cada numeral, la posición de cada símbolo está relacionada con una potencia de 10.

$$27 = 2 \cdot 10^1 + 7 \cdot 10^0$$

¿Y si en vez de diez símbolos tuviéramos otra cantidad?

- El sistema *decimal* utiliza un conjunto de 10 símbolos para representar los números.
- Así, en cada numeral, la posición de cada símbolo está relacionada con una potencia de 10.

$$27 = 2 \cdot 10^1 + 7 \cdot 10^0$$

¿Y si en vez de diez símbolos tuviéramos otra cantidad?

A esa cantidad la llamamos **base**



- ¿Qué números pueden representar las siguientes cadenas?

10

478

2011

ORGA1



- ¿Qué números pueden representar las siguientes cadenas?
10
478
2011
ORGA1
- Dada la representación de un número, ¿puedo saber qué base se está utilizando?

- En base 2, usamos los símbolos 0 y 1 y escribimos los naturales: 0, 1, 10, 11, 100, 101, 110...
- En base 3, usamos los símbolos 0, 1 y 2 y escribimos los naturales: 0, 1, 2, 10, 11, 12, 20...
- ...y así...

Bases más comunes

Base	Símbolos usados
2 (binario)	0, 1
8 (octal)	0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7
10 (decimal)	0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9
16 (hexadecimal)	0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, A, B, C, D, E, F

- En base 2, usamos los símbolos 0 y 1 y escribimos los naturales: 0, 1, 10, 11, 100, 101, 110...
- En base 3, usamos los símbolos 0, 1 y 2 y escribimos los naturales: 0, 1, 2, 10, 11, 12, 20...
- ...y así...

Bases más comunes

Base	Símbolos usados
2 (binario)	0, 1
8 (octal)	0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7
10 (decimal)	0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9
16 (hexadecimal)	0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, A, B, C, D, E, F

¿Es posible cambiar un número de una base a otra?

- En base 2, usamos los símbolos 0 y 1 y escribimos los naturales: 0, 1, 10, 11, 100, 101, 110...
- En base 3, usamos los símbolos 0, 1 y 2 y escribimos los naturales: 0, 1, 2, 10, 11, 12, 20...
- ...y así...

Bases más comunes

Base	Símbolos usados
2 (binario)	0, 1
8 (octal)	0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7
10 (decimal)	0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9
16 (hexadecimal)	0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, A, B, C, D, E, F

¿Es posible cambiar un número de una base a otra?

¿Cómo escribirían un programa que lo haga?

Teorema:

Sean $a, b \in \mathbb{Z}$ con $b \neq 0$.

Existen $q, r \in \mathbb{Z}$ con $0 \leq r < |b|$

tales que $a = b \times q + r$

Además, q y r son únicos (*de a pares*).

Teorema:

Sean $a, b \in \mathbb{Z}$ con $b \neq 0$.

Existen $q, r \in \mathbb{Z}$ con $0 \leq r < |b|$

tales que $a = b \times q + r$

Además, q y r son únicos (*de a pares*).

¿Cómo lo usamos ?

Teorema:

Sean $a, b \in \mathbb{Z}$ con $b \neq 0$.

Existen $q, r \in \mathbb{Z}$ con $0 \leq r < |b|$

tales que $a = b \times q + r$

Además, q y r son únicos (*de a pares*).

¿Cómo lo usamos ?

$$a = b \times q + r$$

Teorema:

Sean $a, b \in \mathbb{Z}$ con $b \neq 0$.

Existen $q, r \in \mathbb{Z}$ con $0 \leq r < |b|$

tales que $a = b \times q + r$

Además, q y r son únicos (*de a pares*).

¿Cómo lo usamos ?

$$a = b \times q + r$$

$$a = (b_1 \times q_1 + r_1) \times q + r$$

Teorema:

Sean $a, b \in \mathbb{Z}$ con $b \neq 0$.

Existen $q, r \in \mathbb{Z}$ con $0 \leq r < |b|$

tales que $a = b \times q + r$

Además, q y r son únicos (*de a pares*).

¿Cómo lo usamos ?

$$a = b \times q + r$$

$$a = (b_1 \times q_1 + r_1) \times q + r$$

$$a = [(b_2 \times q_2 + r_2) \times q_1 + r_1] \times q + r$$

Teorema:

Sean $a, b \in \mathbb{Z}$ con $b \neq 0$.

Existen $q, r \in \mathbb{Z}$ con $0 \leq r < |b|$

tales que $a = b \times q + r$

Además, q y r son únicos (*de a pares*).

¿Cómo lo usamos ?

$$a = b \times q + r$$

$$a = (b_1 \times q_1 + r_1) \times q + r$$

$$a = [(b_2 \times q_2 + r_2) \times q_1 + r_1] \times q + r$$

Si definimos $q = q_1 = \dots = q_N$, podemos continuar con la expansión hasta que $b_N < q_N$

Teorema:

Sean $a, b \in \mathbb{Z}$ con $b \neq 0$.

Existen $q, r \in \mathbb{Z}$ con $0 \leq r < |b|$

tales que $a = b \times q + r$

Además, q y r son únicos (*de a pares*).

¿Cómo lo usamos ?

$$a = b \times q + r$$

$$a = (b_1 \times q_1 + r_1) \times q + r$$

$$a = [(b_2 \times q_2 + r_2) \times q_1 + r_1] \times q + r$$

Si definimos $q = q_1 = \dots = q_N$, podemos continuar con la expansión hasta que $b_N < q_N$

$$a = \{[(b_N \times q_N + r_N) \times q_{N-1} + r_{N-1}] \times \dots\} \times q + r \times 1$$

Teorema:

Sean $a, b \in \mathbb{Z}$ con $b \neq 0$.

Existen $q, r \in \mathbb{Z}$ con $0 \leq r < |b|$

tales que $a = b \times q + r$

Además, q y r son únicos (*de a pares*).

¿Cómo lo usamos ?

$$a = b \times q + r$$

$$a = (b_1 \times q_1 + r_1) \times q + r$$

$$a = [(b_2 \times q_2 + r_2) \times q_1 + r_1] \times q + r$$

Si definimos $q = q_1 = \dots = q_N$, podemos continuar con la expansión hasta que $b_N < q_N$

$$a = \{[(b_N \times q_N + r_N) \times q_{N-1} + r_{N-1}] \times \dots\} \times q + r \times 1$$

Si distribuimos:

Teorema:

Sean $a, b \in \mathbb{Z}$ con $b \neq 0$.

Existen $q, r \in \mathbb{Z}$ con $0 \leq r < |b|$

tales que $a = b \times q + r$

Además, q y r son únicos (de a pares).

¿Cómo lo usamos ?

$$a = b \times q + r$$

$$a = (b_1 \times q_1 + r_1) \times q + r$$

$$a = [(b_2 \times q_2 + r_2) \times q_1 + r_1] \times q + r$$

Si definimos $q = q_1 = \dots = q_N$, podemos continuar con la expansión hasta que $b_N < q_N$

$$a = \{[(b_N \times q_N + r_N) \times q_{N-1}) + r_{N-1}] \times \dots\} \times q + r \times 1$$

Si distribuimos:

$$a = b_N \times q^{N+1} + r_N \times q^N + \dots + r_1 \times q + r \times q^0$$

Ejemplo:

$$27 = 2 \cdot 10^1 + 7 \cdot 10^0 = 1 \cdot 2^4 + 1 \cdot 2^3 + 0 \cdot 2^2 + 1 \cdot 2^1 + 1 \cdot 2^0$$

Ejercitación

Escribir los siguientes números en binario, octal y hexadecimal.

- diez
- quinientos doce

En decimal	En base 3
$\begin{array}{r} 845 \\ + 342 \\ \hline 1187 \end{array}$	$\begin{array}{r} 212 \\ + 101 \\ \hline 1020 \end{array}$

En base 3

$$\begin{array}{r} 12 \\ \times 21 \\ \hline 12 \\ 101- \\ \hline 1022 \end{array}$$

Si sólo podemos escribir tiras de símbolos de **longitud fija**:

- ¿cuántos números podemos representar?
- ¿de qué depende?



Si sólo podemos escribir tiras de símbolos de **longitud fija**:

- ¿cuántos números podemos representar?
- ¿de qué depende?



Al operar con precisión fija, podemos tener **overflow**

Ocurre overflow cuando el resultado de una operación necesita una tira de símbolos más grande que la disponible

Por ahora sabemos...

- Leer naturales
- Escribir naturales
- Cambiarlos de base
- Operar con naturales (sumarlos, multiplicarlos)

¿Y qué hacemos con los enteros?

- Sin signo



- **Sin signo**
solo sirve para positivos.



- **Sin signo**
solo sirve para positivos.
- **Signo + Magnitud**



- **Sin signo**
solo sirve para positivos.
- **Signo + Magnitud**
se usa un bit para indicar el signo
- **Exceso m**

- **Sin signo**
solo sirve para positivos.
- **Signo + Magnitud**
se usa un bit para indicar el signo
- **Exceso m**
Represento n como $m + n$.
De esta manera, estamos “moviendo” el cero desde 0 hacia m .
Luego los menores serán los negativos

- Complemento a 2

- **Complemento a 2**

Los positivos se representan igual.

- **Complemento a 2**

Los positivos se representan igual.

Un número negativo n como $2^k + n$.

Significa lo que le falta al número para llegar (el complemento) a 2^k .

- **Complemento a 2**

Los positivos se representan igual.

Un número negativo n como $2^k + n$.

Significa lo que le falta al número para llegar (el complemento) a 2^k .

Ejemplo:

Quiero representar el número -2_{10} con $k = 3$ dígitos binarios.

- **Complemento a 2**

Los positivos se representan igual.

Un número negativo n como $2^k + n$.

Significa lo que le falta al número para llegar (el complemento) a 2^k .

Ejemplo:

Quiero representar el número -2_{10} con $k = 3$ dígitos binarios.

Entonces, $2^k \rightarrow 2^3 = 8_{10} = 1000_2$

- **Complemento a 2**

Los positivos se representan igual.

Un número negativo n como $2^k + n$.

Significa lo que le falta al número para llegar (el complemento) a 2^k .

Ejemplo:

Quiero representar el número -2_{10} con $k = 3$ dígitos binarios.

Entonces, $2^k \rightarrow 2^3 = 8_{10} = 1000_2$

Luego $2 + 2_c = 1000_2$, donde 2_c es el complemento a 2 del número.

- **Complemento a 2**

Los positivos se representan igual.

Un número negativo n como $2^k + n$.

Significa lo que le falta al número para llegar (el complemento) a 2^k .

Ejemplo:

Quiero representar el número -2_{10} con $k = 3$ dígitos binarios.

Entonces, $2^k \rightarrow 2^3 = 8_{10} = 1000_2$

Luego $2 + 2_c = 1000_2$, donde 2_c es el complemento a 2 del número.

En este caso tendríamos:

$$010 + 2_c = 1000 \rightarrow 1000 - 010 = 2_c.$$

- **Complemento a 2**

Los positivos se representan igual.

Un número negativo n como $2^k + n$.

Significa lo que le falta al número para llegar (el complemento) a 2^k .

Ejemplo:

Quiero representar el número -2_{10} con $k = 3$ dígitos binarios.

Entonces, $2^k \rightarrow 2^3 = 8_{10} = 1000_2$

Luego $2 + 2_c = 1000_2$, donde 2_c es el complemento a 2 del número.

En este caso tendríamos:

$010 + 2_c = 1000 \rightarrow 1000 - 010 = 2_c$.

Finalmente $2_c = 110_2$

En base 2, numerales de 4 bits

	Signo + Magnitud	Complemento a 2	Exceso a 15
3	?		
-2			
-8			

En base 2, numerales de 4 bits

	Signo + Magnitud	Complemento a 2	Exceso a 15
3	0011		
-2			
-8			

En base 2, numerales de 4 bits

	Signo + Magnitud	Complemento a 2	Exceso a 15
3	0011	?	
-2			
-8			

En base 2, numerales de 4 bits

	Signo + Magnitud	Complemento a 2	Exceso a 15
3	0011	0011	
-2			
-8			

En base 2, numerales de 4 bits

	Signo + Magnitud	Complemento a 2	Exceso a 15
3	0011	0011	?
-2			
-8			

En base 2, numerales de 4 bits

	Signo + Magnitud	Complemento a 2	Exceso a 15
3	0011	0011	OVERFLOW
-2			
-8			

En base 2, numerales de 4 bits

	Signo + Magnitud	Complemento a 2	Exceso a 15
3	0011	0011	OVERFLOW
-2	?		
-8			

En base 2, numerales de 4 bits

	Signo + Magnitud	Complemento a 2	Exceso a 15
3	0011	0011	OVERFLOW
-2	1010		
-8			

En base 2, numerales de 4 bits

	Signo + Magnitud	Complemento a 2	Exceso a 15
3	0011	0011	OVERFLOW
-2	1010	?	
-8			

En base 2, numerales de 4 bits

	Signo + Magnitud	Complemento a 2	Exceso a 15
3	0011	0011	OVERFLOW
-2	1010	1110	
-8			

En base 2, numerales de 4 bits

	Signo + Magnitud	Complemento a 2	Exceso a 15
3	0011	0011	OVERFLOW
-2	1010	1110	?
-8			

En base 2, numerales de 4 bits

	Signo + Magnitud	Complemento a 2	Exceso a 15
3	0011	0011	OVERFLOW
-2	1010	1110	1101
-8			

En base 2, numerales de 4 bits

	Signo + Magnitud	Complemento a 2	Exceso a 15
3	0011	0011	OVERFLOW
-2	1010	1110	1101
-8	?		

En base 2, numerales de 4 bits

	Signo + Magnitud	Complemento a 2	Exceso a 15
3	0011	0011	OVERFLOW
-2	1010	1110	1101
-8	OVERFLOW		

En base 2, numerales de 4 bits

	Signo + Magnitud	Complemento a 2	Exceso a 15
3	0011	0011	OVERFLOW
-2	1010	1110	1101
-8	OVERFLOW	?	

En base 2, numerales de 4 bits

	Signo + Magnitud	Complemento a 2	Exceso a 15
3	0011	0011	OVERFLOW
-2	1010	1110	1101
-8	OVERFLOW	1000	

En base 2, numerales de 4 bits

	Signo + Magnitud	Complemento a 2	Exceso a 15
3	0011	0011	OVERFLOW
-2	1010	1110	1101
-8	OVERFLOW	1000	?

En base 2, numerales de 4 bits

	Signo + Magnitud	Complemento a 2	Exceso a 15
3	0011	0011	OVERFLOW
-2	1010	1110	1101
-8	OVERFLOW	1000	0111

En base 2, numerales de 8 bits

	Signo + Magnitud	Complemento a 2	Exceso a 15
3	?		
-2			
-8			

En base 2, numerales de 8 bits

	Signo + Magnitud	Complemento a 2	Exceso a 15
3	0000 0011		
-2			
-8			

En base 2, numerales de 8 bits

	Signo + Magnitud	Complemento a 2	Exceso a 15
3	0000 0011	?	
-2			
-8			

En base 2, numerales de 8 bits

	Signo + Magnitud	Complemento a 2	Exceso a 15
3	0000 0011	0000 0011	
-2			
-8			

En base 2, numerales de 8 bits

	Signo + Magnitud	Complemento a 2	Exceso a 15
3	0000 0011	0000 0011	?
-2			
-8			

En base 2, numerales de 8 bits

	Signo + Magnitud	Complemento a 2	Exceso a 15
3	0000 0011	0000 0011	0001 0010
-2			
-8			

En base 2, numerales de 8 bits

	Signo + Magnitud	Complemento a 2	Exceso a 15
3	0000 0011	0000 0011	0001 0010
-2	?		
-8			

En base 2, numerales de 8 bits

	Signo + Magnitud	Complemento a 2	Exceso a 15
3	0000 0011	0000 0011	0001 0010
-2	1000 0010		
-8			

En base 2, numerales de 8 bits

	Signo + Magnitud	Complemento a 2	Exceso a 15
3	0000 0011	0000 0011	0001 0010
-2	1000 0010	?	
-8			

En base 2, numerales de 8 bits

	Signo + Magnitud	Complemento a 2	Exceso a 15
3	0000 0011	0000 0011	0001 0010
-2	1000 0010	1111 1110	
-8			

En base 2, numerales de 8 bits

	Signo + Magnitud	Complemento a 2	Exceso a 15
3	0000 0011	0000 0011	0001 0010
-2	1000 0010	1111 1110	?
-8			

En base 2, numerales de 8 bits

	Signo + Magnitud	Complemento a 2	Exceso a 15
3	0000 0011	0000 0011	0001 0010
-2	1000 0010	1111 1110	0000 1101
-8			

En base 2, numerales de 8 bits

	Signo + Magnitud	Complemento a 2	Exceso a 15
3	0000 0011	0000 0011	0001 0010
-2	1000 0010	1111 1110	0000 1101
-8	?		

En base 2, numerales de 8 bits

	Signo + Magnitud	Complemento a 2	Exceso a 15
3	0000 0011	0000 0011	0001 0010
-2	1000 0010	1111 1110	0000 1101
-8	1000 1000		

En base 2, numerales de 8 bits

	Signo + Magnitud	Complemento a 2	Exceso a 15
3	0000 0011	0000 0011	0001 0010
-2	1000 0010	1111 1110	0000 1101
-8	1000 1000	?	

En base 2, numerales de 8 bits

	Signo + Magnitud	Complemento a 2	Exceso a 15
3	0000 0011	0000 0011	0001 0010
-2	1000 0010	1111 1110	0000 1101
-8	1000 1000	1111 1000	

En base 2, numerales de 8 bits

	Signo + Magnitud	Complemento a 2	Exceso a 15
3	0000 0011	0000 0011	0001 0010
-2	1000 0010	1111 1110	0000 1101
-8	1000 1000	1111 1000	?

En base 2, numerales de 8 bits

	Signo + Magnitud	Complemento a 2	Exceso a 15
3	0000 0011	0000 0011	0001 0010
-2	1000 0010	1111 1110	0000 1101
-8	1000 1000	1111 1000	0000 0111

Similitudes entre 4 y 8 bits

	Signo + Magnitud	Complemento a 2	Exceso a 15
3	0000 0011	0000 0011	0001 0010
-2	1000 0010	1111 1110	0000 1101
-8	1000 1000	1111 1000	0000 0111

Similitudes entre 4 y 8 bits

	Signo + Magnitud	Complemento a 2	Exceso a 15
3	0000 0011	0000 0011	0001 0010
-2	1000 0010	1111 1110	0000 1101
-8	1000 1000	1111 1000	0000 0111

Extendiendo la cantidad de bits de precisión:

- Signo + Magnitud: Se extiende con 0's, pero el bit más significativo se mantiene indicando el signo.
- Complemento a 2: Se extiende con el valor del bit más significativo.
- Exceso a m: Se extiende siempre con 0's.

Solo sirve para los positivos.

numeral \rightarrow número que representa

$$1111 \rightarrow 15_{10}$$

$$1110 \rightarrow 14_{10}$$

$$1101 \rightarrow 13_{10}$$

$$1100 \rightarrow 12_{10}$$

$$1011 \rightarrow 11_{10}$$

$$1010 \rightarrow 10_{10}$$

$$1001 \rightarrow 9_{10}$$

$$1000 \rightarrow 8_{10}$$

$$0111 \rightarrow 7_{10}$$

$$0110 \rightarrow 6_{10}$$

$$0101 \rightarrow 5_{10}$$

$$0100 \rightarrow 4_{10}$$

$$0011 \rightarrow 3_{10}$$

$$0010 \rightarrow 2_{10}$$

$$0001 \rightarrow 1_{10}$$

$$0000 \rightarrow 0_{10}$$

Para los numerales de 4 *bits*.

El primer bit es el signo, los demás son el *significado* (la magnitud del número en valor absoluto).

numeral \rightarrow número que representa

$$1111 \rightarrow -7_{10}$$

$$1110 \rightarrow -6_{10}$$

$$1101 \rightarrow -5_{10}$$

$$1100 \rightarrow -4_{10}$$

$$1011 \rightarrow -3_{10}$$

$$1010 \rightarrow -2_{10}$$

$$1001 \rightarrow -1_{10}$$

$$1000 \rightarrow -0_{10}$$

$$0111 \rightarrow 7_{10}$$

$$0110 \rightarrow 6_{10}$$

$$0101 \rightarrow 5_{10}$$

$$0100 \rightarrow 4_{10}$$

$$0011 \rightarrow 3_{10}$$

$$0010 \rightarrow 2_{10}$$

$$0001 \rightarrow 1_{10}$$

$$0000 \rightarrow 0_{10}$$

Para los numerales de 4 *bits*.

Los numerales que representa positivos son iguales a los anteriores
Para los negativos, dado un n negativo se representan escribiendo

$2^k + n$ en notación sin signo

cuentas \rightarrow numeral \rightarrow número que representa

$$2^4 + (-1) = 15 \rightarrow 1111 \rightarrow -1_{10} \quad 0111 \rightarrow 7_{10}$$

$$2^4 + (-2) = 14 \rightarrow 1110 \rightarrow -2_{10} \quad 0110 \rightarrow 6_{10}$$

$$2^4 + (-3) = 13 \rightarrow 1101 \rightarrow -3_{10} \quad 0101 \rightarrow 5_{10}$$

$$2^4 + (-4) = 12 \rightarrow 1100 \rightarrow -4_{10} \quad 0100 \rightarrow 4_{10}$$

$$2^4 + (-5) = 11 \rightarrow 1011 \rightarrow -5_{10} \quad 0011 \rightarrow 3_{10}$$

$$2^4 + (-6) = 10 \rightarrow 1010 \rightarrow -6_{10} \quad 0010 \rightarrow 2_{10}$$

$$2^4 + (-7) = 9 \rightarrow 1001 \rightarrow -7_{10} \quad 0001 \rightarrow 1_{10}$$

$$2^4 + (-8) = 8 \rightarrow 1000 \rightarrow -8_{10} \quad 0000 \rightarrow 0_{10}$$

Para los numerales de 4 *bits*.

El número n se representa como $m + n$
cuentas \rightarrow numeral \rightarrow número que representa

$$5 + (10) = 15 \rightarrow 1111 \rightarrow 10_{10}$$

$$5 + (9) = 14 \rightarrow 1110 \rightarrow 9_{10}$$

$$5 + (8) = 13 \rightarrow 1101 \rightarrow 8_{10}$$

$$5 + (7) = 12 \rightarrow 1100 \rightarrow 7_{10}$$

$$5 + (6) = 11 \rightarrow 1011 \rightarrow 6_{10}$$

$$5 + (5) = 10 \rightarrow 1010 \rightarrow 5_{10}$$

$$5 + (4) = 9 \rightarrow 1001 \rightarrow 4_{10}$$

$$5 + (3) = 8 \rightarrow 1000 \rightarrow 3_{10}$$

$$5 + (2) = 7 \rightarrow 0111 \rightarrow 2_{10}$$

$$5 + (1) = 6 \rightarrow 0110 \rightarrow 1_{10}$$

$$5 + (0) = 5 \rightarrow 0101 \rightarrow 0_{10}$$

$$5 + (-1) = 4 \rightarrow 0100 \rightarrow -1_{10}$$

$$5 + (-2) = 3 \rightarrow 0011 \rightarrow -2_{10}$$

$$5 + (-3) = 2 \rightarrow 0010 \rightarrow -3_{10}$$

$$5 + (-4) = 1 \rightarrow 0001 \rightarrow -4_{10}$$

$$5 + (-5) = 0 \rightarrow 0000 \rightarrow -5_{10}$$

Para los numerales de 4 *bits* en exceso 5.

Para hacer en una noche de furia y juegos



Pasar el número 28 y a binario.

Si hacemos divisiones
sucesivas:

Pasar el número 28 y a binario.

Si hacemos divisiones

sucesivas:

$$28 / 2 = 14 \quad \text{Resto} = 0$$

¿Cómo pasamos rápido de decimal a binario?

Pasar el número 28 y a binario.

Si hacemos divisiones

sucesivas:

$$28 / 2 = 14 \quad \text{Resto} = 0$$

$$14 / 2 = 7 \quad \text{Resto} = 0$$

Pasar el número 28 y a binario.

Si hacemos divisiones

sucesivas:

$$28 / 2 = 14 \quad \text{Resto} = 0$$

$$14 / 2 = 7 \quad \text{Resto} = 0$$

$$7 / 2 = 3 \quad \text{Resto} = 1$$

Pasar el número 28 y a binario.

Si hacemos divisiones

sucesivas:

$$28 / 2 = 14 \quad \text{Resto} = 0$$

$$14 / 2 = 7 \quad \text{Resto} = 0$$

$$7 / 2 = 3 \quad \text{Resto} = 1$$

$$3 / 2 = 1 \quad \text{Resto} = 1$$

Pasar el número 28 y a binario.

Si hacemos divisiones

sucesivas:

$$28 / 2 = 14 \quad \text{Resto} = 0$$

$$14 / 2 = 7 \quad \text{Resto} = 0$$

$$7 / 2 = 3 \quad \text{Resto} = 1$$

$$3 / 2 = 1 \quad \text{Resto} = 1$$

Pasar el número 28 y a binario.

Si hacemos divisiones

sucesivas:

$$28 / 2 = 14 \quad \text{Resto} = 0$$

$$14 / 2 = 7 \quad \text{Resto} = 0$$

$$7 / 2 = 3 \quad \text{Resto} = 1$$

$$3 / 2 = 1 \quad \text{Resto} = 1$$

Quedando así el número

11100.

Pasar el número 28 y a binario.

Si hacemos divisiones

sucesivas:

$$28 / 2 = 14 \quad \text{Resto} = 0$$

$$14 / 2 = 7 \quad \text{Resto} = 0$$

$$7 / 2 = 3 \quad \text{Resto} = 1$$

$$3 / 2 = 1 \quad \text{Resto} = 1$$

Quedando así el número

11100.

Otra aproximación.

Pasar el número 28 y a binario.

Si hacemos divisiones
sucesivas:

$$28 / 2 = 14 \quad \text{Resto} = 0$$

$$14 / 2 = 7 \quad \text{Resto} = 0$$

$$7 / 2 = 3 \quad \text{Resto} = 1$$

$$3 / 2 = 1 \quad \text{Resto} = 1$$

Quedando así el número
11100.

Otra aproximación.

Busco $2^x \geq 28$



Pasar el número 28 y a binario.

Si hacemos divisiones
sucesivas:

$$28 / 2 = 14 \quad \text{Resto} = 0$$

$$14 / 2 = 7 \quad \text{Resto} = 0$$

$$7 / 2 = 3 \quad \text{Resto} = 1$$

$$3 / 2 = 1 \quad \text{Resto} = 1$$

Quedando así el número
11100.

Otra aproximación.

Busco $2^x \geq 28 \rightarrow 5$, ya
que $2^5 = 32$. Necesitaré 5
dígitos



Pasar el número 28 y a binario.

Si hacemos divisiones

sucesivas:

$$28 / 2 = 14 \quad \text{Resto} = 0$$

$$14 / 2 = 7 \quad \text{Resto} = 0$$

$$7 / 2 = 3 \quad \text{Resto} = 1$$

$$3 / 2 = 1 \quad \text{Resto} = 1$$

Quedando así el número

11100.

Otra aproximación.

Busco $2^x \geq 28 \rightarrow 5$, ya

que $2^5 = 32$. Necesitaré 5

dígitos

Sabemos:



Pasar el número 28 y a binario.

Si hacemos divisiones

sucesivas:

$$28 / 2 = 14 \quad \text{Resto} = 0$$

$$14 / 2 = 7 \quad \text{Resto} = 0$$

$$7 / 2 = 3 \quad \text{Resto} = 1$$

$$3 / 2 = 1 \quad \text{Resto} = 1$$

Quedando así el número

11100.

Otra aproximación.

Busco $2^x \geq 28 \rightarrow 5$, ya

que $2^5 = 32$. Necesitaré 5
dígitos

Sabemos:

$$x_1 * 2^4 + x_2 * 2^3 + x_3 * 2^2 + x_4 * 2^1 + x_5 * 2^0$$

$$2^2 + x_4 * 2^1 + x_5 * 2^0$$



Pasar el número 28 y a binario.

Si hacemos divisiones
sucesivas:

$$28 / 2 = 14 \quad \text{Resto} = 0$$

$$14 / 2 = 7 \quad \text{Resto} = 0$$

$$7 / 2 = 3 \quad \text{Resto} = 1$$

$$3 / 2 = 1 \quad \text{Resto} = 1$$

Quedando así el número
11100.

Otra aproximación.

Busco $2^x \geq 28 \rightarrow 5$, ya
que $2^5 = 32$. Necesitaré 5
dígitos

Sabemos:

$$x_1 * 2^4 + x_2 * 2^3 + x_3 * 2^2 + x_4 * 2^1 + x_5 * 2^0$$

--	--	--	--	--

Pasar el número 28 y a binario.

Si hacemos divisiones

sucesivas:

$$28 / 2 = 14 \quad \text{Resto} = 0$$

$$14 / 2 = 7 \quad \text{Resto} = 0$$

$$7 / 2 = 3 \quad \text{Resto} = 1$$

$$3 / 2 = 1 \quad \text{Resto} = 1$$

Quedando así el número

11100.

Otra aproximación.

Busco $2^x \geq 28 \rightarrow 5$, ya

que $2^5 = 32$. Necesitaré 5
dígitos

Sabemos:

$$x_1 * 2^4 + x_2 * 2^3 + x_3 *$$

$$2^2 + x_4 * 2^1 + x_5 * 2^0$$

1				
---	--	--	--	--



Pasar el número 28 y a binario.

Si hacemos divisiones

sucesivas:

$$28 / 2 = 14 \quad \text{Resto} = 0$$

$$14 / 2 = 7 \quad \text{Resto} = 0$$

$$7 / 2 = 3 \quad \text{Resto} = 1$$

$$3 / 2 = 1 \quad \text{Resto} = 1$$

Quedando así el número

11100.

Otra aproximación.

Busco $2^x \geq 28 \rightarrow 5$, ya

que $2^5 = 32$. Necesitaré 5
dígitos

Sabemos:

$$x_1 * 2^4 + x_2 * 2^3 + x_3 * 2^2 + x_4 * 2^1 + x_5 * 2^0$$

$$2^2 + x_4 * 2^1 + x_5 * 2^0$$

1	1			
---	---	--	--	--

Pasar el número 28 y a binario.

Si hacemos divisiones
sucesivas:

$$28 / 2 = 14 \quad \text{Resto} = 0$$

$$14 / 2 = 7 \quad \text{Resto} = 0$$

$$7 / 2 = 3 \quad \text{Resto} = 1$$

$$3 / 2 = 1 \quad \text{Resto} = 1$$

Quedando así el número
11100.

Otra aproximación.

Busco $2^x \geq 28 \rightarrow 5$, ya
que $2^5 = 32$. Necesitaré 5
dígitos

Sabemos:

$$x_1 * 2^4 + x_2 * 2^3 + x_3 * 2^2 + x_4 * 2^1 + x_5 * 2^0$$

1	1	1		
---	---	---	--	--



Pasar el número 28 y a binario.

Si hacemos divisiones

sucesivas:

$$28 / 2 = 14 \quad \text{Resto} = 0$$

$$14 / 2 = 7 \quad \text{Resto} = 0$$

$$7 / 2 = 3 \quad \text{Resto} = 1$$

$$3 / 2 = 1 \quad \text{Resto} = 1$$

Quedando así el número

11100.

Otra aproximación.

Busco $2^x \geq 28 \rightarrow 5$, ya

que $2^5 = 32$. Necesitaré 5
dígitos

Sabemos:

$$x_1 * 2^4 + x_2 * 2^3 + x_3 * 2^2 + x_4 * 2^1 + x_5 * 2^0$$

$$2^2 + x_4 * 2^1 + x_5 * 2^0$$

1	1	1	0	
---	---	---	---	--



Pasar el número 28 y a binario.

Si hacemos divisiones

sucesivas:

$$28 / 2 = 14 \quad \text{Resto} = 0$$

$$14 / 2 = 7 \quad \text{Resto} = 0$$

$$7 / 2 = 3 \quad \text{Resto} = 1$$

$$3 / 2 = 1 \quad \text{Resto} = 1$$

Quedando así el número

11100.

Otra aproximación.

Busco $2^x \geq 28 \rightarrow 5$, ya

que $2^5 = 32$. Necesitaré 5
dígitos

Sabemos:

$$x_1 * 2^4 + x_2 * 2^3 + x_3 * 2^2 + x_4 * 2^1 + x_5 * 2^0$$

$$2^2 + x_4 * 2^1 + x_5 * 2^0$$

1	1	1	0	0
---	---	---	---	---

Pasar el número 10101100

- ¿Cuánto elementos puedo representar con un dígito hexadecimal ?

Pasar el número 10101100

- ¿Cuánto elementos puedo representar con un dígito hexadecimal ?
- 16

Pasar el número 10101100

- ¿Cuánto elementos puedo representar con un dígito hexadecimal ?
- 16
- Luego es potencia de 2 directo, 2^4

Pasar el número 10101100

- ¿Cuánto elementos puedo representar con un dígito hexadecimal ?
- 16
- Luego es potencia de 2 directo, 2^4
- o sea puedo separarlos de a 4:

1010	1100
A	C

Pasar el número 10101100

- ¿Cuánto elementos puedo representar con un dígito hexadecimal ?
- 16
- Luego es potencia de 2 directo, 2^4
- o sea puedo separarlos de a 4:

1010	1100
A	C

Pasar el número 10101100

- ¿Cuánto elementos puedo representar con un dígito hexadecimal ?
- 16
- Luego es potencia de 2 directo, 2^4
- o sea puedo separarlos de a 4:

1010	1100
A	C

¿Y para pasar de hexadecimal a binario?

Pasar el número 10101100

- ¿Cuánto elementos puedo representar con un dígito hexadecimal ?
- 16
- Luego es potencia de 2 directo, 2^4
- o sea puedo separarlos de a 4:

1010	1100
A	C

¿Y para pasar de hexadecimal a binario?

¿Y para pasar a complemento a 2?

Pasar el número 10101100

- ¿Cuánto elementos puedo representar con un dígito hexadecimal ?
- 16
- Luego es potencia de 2 directo, 2^4
- o sea puedo separarlos de a 4:

1010	1100
A	C

¿Y para pasar de hexadecimal a binario?

¿Y para pasar a complemento a 2? Hay que hacer la guía...

Algunos ejemplos para pensar **en C2...**

Algunos ejemplos para pensar **en C2**...

$$5 - 3 = 5 + (-3) = 2$$

Algunos ejemplos para pensar en C2...

$$5 - 3 = 5 + (-3) = 2$$

$$\begin{array}{r} 0101 \\ + 1101 \\ \hline 10010 \end{array}$$

Algunos ejemplos para pensar en C2...

$$5 - 3 = 5 + (-3) = 2$$

$$\begin{array}{r} 0101 \\ + 1101 \quad (C \leftarrow C) \\ \hline 10010 \end{array}$$

OK!

Algunos ejemplos para pensar en **C2**...

$$5 - 3 = 5 + (-3) = 2$$

0 1 0 1

$$+ 1 1 0 1 \quad (C \leftarrow C)$$

1 0 0 1 0

OK!

$$-5 - 3 = (-5) + (-3) = (-8)$$

Algunos ejemplos para pensar en C2...

$$5 - 3 = 5 + (-3) = 2$$

$$\begin{array}{r} 0101 \\ + 1101 \quad (C \leftarrow C) \\ \hline 10010 \end{array}$$

OK!

$$-5 - 3 = (-5) + (-3) = (-8)$$

$$\begin{array}{r} 1011 \\ + 1101 \\ \hline 11000 \end{array}$$

Algunos ejemplos para pensar en C2...

$$5 - 3 = 5 + (-3) = 2$$

$$\begin{array}{r} 0101 \\ + 1101 \quad (C \leftarrow C) \\ \hline 10010 \end{array}$$

OK!

$$-5 - 3 = (-5) + (-3) = (-8)$$

$$\begin{array}{r} 1011 \\ + 1101 \quad (C \leftarrow C) \\ \hline 11000 \end{array}$$

OK!

Algunos ejemplos para pensar en **C2**...

$$5 - 3 = 5 + (-3) = 2$$

$$\begin{array}{r} 0101 \\ + 1101 \quad (C \leftarrow C) \\ \hline 10010 \end{array}$$

OK!

$$-5 - 3 = (-5) + (-3) = (-8)$$

$$\begin{array}{r} 1011 \\ + 1101 \quad (C \leftarrow C) \\ \hline 11000 \end{array}$$

OK!

$$-5 - 4 = (-5) + (-4) = -9$$

Algunos ejemplos para pensar en **C2**...

$$5 - 3 = 5 + (-3) = 2$$

$$\begin{array}{r} 0101 \\ + 1101 \quad (C \leftarrow C) \\ \hline 10010 \end{array}$$

OK!

$$-5 - 3 = (-5) + (-3) = (-8)$$

$$\begin{array}{r} 1011 \\ + 1101 \quad (C \leftarrow C) \\ \hline 11000 \end{array}$$

OK!

$$-5 - 4 = (-5) + (-4) = -9$$

$$\begin{array}{r} 1011 \\ + 1100 \\ \hline 10111 \end{array}$$

Algunos ejemplos para pensar en **C2**...

$$5 - 3 = 5 + (-3) = 2$$

$$\begin{array}{r} 0101 \\ + 1101 \quad (C \leftarrow C) \\ \hline 10010 \end{array}$$

OK!

$$-5 - 3 = (-5) + (-3) = (-8)$$

$$\begin{array}{r} 1011 \\ + 1101 \quad (C \leftarrow C) \\ \hline 11000 \end{array}$$

OK!

$$-5 - 4 = (-5) + (-4) = -9$$

$$\begin{array}{r} 1011 \\ + 1100 \quad (C \leftarrow \overline{C}) \\ \hline 10111 \end{array}$$

OVERFLOW!

Algunos ejemplos para pensar en **C2**...

$$5 - 3 = 5 + (-3) = 2$$

$$\begin{array}{r} 0101 \\ + 1101 \quad (C \leftarrow C) \\ \hline 10010 \end{array}$$

OK!

$$-5 - 3 = (-5) + (-3) = (-8)$$

$$\begin{array}{r} 1011 \\ + 1101 \quad (C \leftarrow C) \\ \hline 11000 \end{array}$$

OK!

$$-5 - 4 = (-5) + (-4) = -9$$

$$\begin{array}{r} 1011 \\ + 1100 \quad (C \leftarrow \overline{C}) \\ \hline 10111 \end{array}$$

OVERFLOW!

$$5 + 4 = 9$$

Algunos ejemplos para pensar en **C2**...

$$5 - 3 = 5 + (-3) = 2$$

$$\begin{array}{r} 0101 \\ + 1101 \quad (C \leftarrow C) \\ \hline 10010 \end{array}$$

OK!

$$-5 - 3 = (-5) + (-3) = (-8)$$

$$\begin{array}{r} 1011 \\ + 1101 \quad (C \leftarrow C) \\ \hline 11000 \end{array}$$

OK!

$$-5 - 4 = (-5) + (-4) = -9$$

$$\begin{array}{r} 1011 \\ + 1100 \quad (C \leftarrow \overline{C}) \\ \hline 10111 \end{array}$$

OVERFLOW!

$$5 + 4 = 9$$

$$\begin{array}{r} 0101 \\ + 0100 \\ \hline 01001 \end{array}$$

Algunos ejemplos para pensar en **C2**...

$$5 - 3 = 5 + (-3) = 2$$

$$\begin{array}{r} 0101 \\ + 1101 \quad (C \leftarrow C) \\ \hline 10010 \end{array}$$

OK!

$$-5 - 3 = (-5) + (-3) = (-8)$$

$$\begin{array}{r} 1011 \\ + 1101 \quad (C \leftarrow C) \\ \hline 11000 \end{array}$$

OK!

$$-5 - 4 = (-5) + (-4) = -9$$

$$\begin{array}{r} 1011 \\ + 1100 \quad (C \leftarrow \overline{C}) \\ \hline 10111 \end{array}$$

OVERFLOW!

$$5 + 4 = 9$$

$$\begin{array}{r} 0101 \\ + 0100 \quad (\overline{C} \leftarrow C) \\ \hline 01001 \end{array}$$

OVERFLOW!

- ¡Ya se puede hacer la práctica 1 completa!.
- Circuitos Combinatorios.
- Circuitos Secuenciales.

¿Tienes una duda?
¡PREGUNTA LO QUE QUIERAS!

